# Filtres de Bloom i Cryptohashing

Pol Casasayas

Bryan Game

Erik A. Kvam

23 d'abril de 2017

#### Resum

En aquest document s'intenta analitzar la diferència en la probabilitat de fals positiu d'un filtre de Bloom usant k funcions de hash directament o encriptant les claus prèviament amb SHA256. Per a tal efecte, primer s'intenta determinar quina família de hash dona un nombre més reduït de falsos positius, amb o sense rolling hash aplicat a sobre, i seguidaments es compara amb aplicar-li l'SHA256 a sobre.

### 1 Introducció

L'objectiu de la pràctica és, principalment, trobar quina és la millora en el número de falsos positius d'un filtre de Bloom fent servir o no SHA256 abans d'aplicar-lo. Per a tal efecte, s'ha dissenyat un experiment, que s'explica a l'apartat 2.3, que posa k funcions de hash envers les mateixes funcions amb SHA256 aplicats prèviament a les claus.

Per escollir aquestes funcions, però, s'han dissenyat dos experiments més. El primer serveix per escollir quina família de funcions de hash es fa servir i el segon per escollir si milloren els resultats si s'hi apliquen altres estratègies de gestió de col·lisions a sobre, concretament rolling hash.

Tots tres experiments s'han dut a terme amb un mateix programa adaptat a les especificitats de cada experiment. Aquest programa té, d'entrada, el número k de funcions, la mida m de la taula, el número n d'iteracions, la mida màxima de les claus i el número de vegades que cal efectuar l'experiment, i dóna la mitjana de falsos positius que han donat les diferents execucions de l'experiment.

Per experimentar amb diferents funcions, es fan servir les famíles de funcions  $Mod\ (h_{ab}=(ax+b)\mod p\mod p\mod m)$  i  $Knuth\ (h_{ab}=\frac{(ax+b)\mod 2^w}{(2^{w-M})})$ , on  $p,\ m,\ w$  i M són específics de cada família.

## 2 Disseny experimental

#### 2.1 Experiment 1

Es calculen els falsos positius d'un filtre de Bloom fent servir 1024 claus aleatòries de 20 dígits alfanumèrics i hashejant-les amb dues famílies de funcions diferents, Mod i Knuth, que es comparen entre elles. El número de funcions a utilitzar pel filtre es calcula segons la mida m, que és el que es va variant per veure el seu efecte sobre els falsos positius.

#### 2.2 Experiment 2

Els calculen els falsos positius de la mateixa manera que en l'experiment 1, però aquesta vegada es compara la funció que hagi donat menys falsos positius amb fer-la servir per fer rolling hash.

### 2.3 Experiment 3

Els calculen els falsos positius de la mateixa manera que als experiments 2 i 3, però aquesta vegada es compara la funció que hagi donat menys falsos positius a l'experiment 3 amb aplicar abans a les claus SHA256.

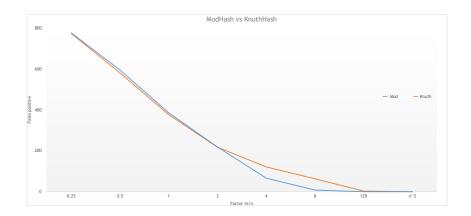


Figura 1: Falsos positius de Mod i Knuth variant el quocient m/n

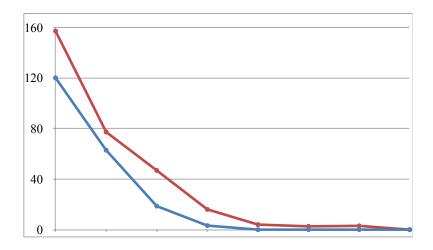


Figura 2: Falsos positius de  $Mod({\rm blau})$  i  $Rolling\ hash\ ({\rm vermell})$  variant el quocient m/n

## 3 Resultats i conclusions

Es veu a la figura 1 que Mod, tot i que no excessivament, supera a Knuth en efectivitat. És per això que l'escollim pels següents experiments.

Es veu a la figura 2 que Mod funciona millor sense  $rolling\ hash$  que amb.

La figura 3 indica que passar-li SHA256 a les claus, com les reparteix uniformement per l'univers de claus, millora notablement el funcionament del filtre de Bloom, sobretot quan hi ha més falsos positius en general, és a dir, quan m/n és més petit.

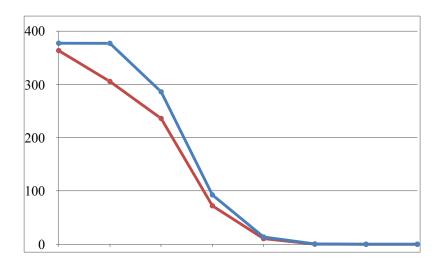


Figura 3: Falsos positius de Modaplicant-li SHA256 (blau) o no (vermell) a les claus prèviament variant el quocient m/n