

# YIĞIN YAPILARI

## Yığın Yapıları

Yığın, doğrusal bir listedir. Yığına eleman eklemek veya yığından eleman çıkarmak yığını oluşturan listenin bir tarafından yapılır. "*Yığına son giren eleman ilk önce çıkar* (SGİÇ)". Yığın tanımlanırken eleman sayısı ve türü de tanımlanmalıdır. Yığının indis değerini tutan değişkene 'ElemanMiktarı' denilir ve kısaca 'Mik' olarak adlandırılacaktır. Yığına eleman eklenirken 'Mik' değeri arttırılacak, yığından eleman çıkartılırken 'Mik' değeri azaltılacaktır.

# Yığın Yapıları

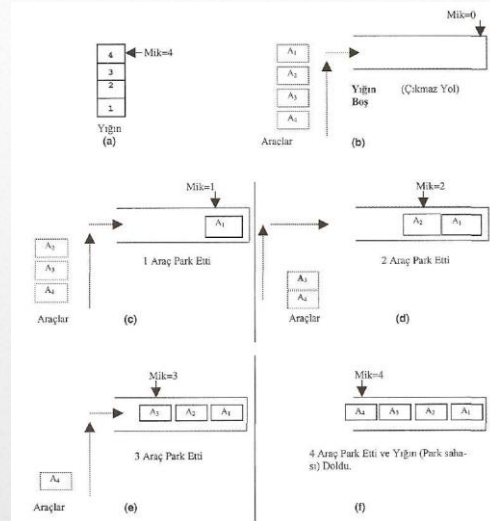
Yığınlar tanımlanırken kapasiteleri tanımlanmalıdır.

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

3

# Yığın Yapıları



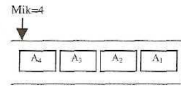
Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

4

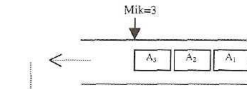
## Yığın Yapıları

A2 aracının sokaktan çıkması için yapılacak işlemler. **Yığına son giren eleman yığından ilk çıkar.**



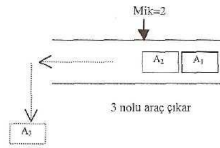
Başlangıç durumu

(a)



4 Nolu araç çıkar

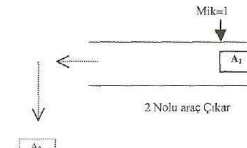
(b)



3 nolu araç çıkar

Araçlar

(c)



2 Nolu araç çıkar

Araçlar

(d)

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

5

## Yığına Eleman Ekleme İşlemleri

'YığınaElemanEkle' Algoritması ile yığına aynı anda tek bir eleman eklenir. Eğer yığına eklenmek istenen eleman sayısı birden fazla ise her eleman ekleme istendiğinde 'YığınaElemanEkle' algoritması yeniden çağrılır.

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

6

## Yığına Eleman Ekleme İşlemleri

Algoritma YığınaElemanEkle (Eleman, Yığın,n,Mik)

//Bu algoritma eleman kapasitesi "n" olan bir yığına gelen elemanı yerleştirir. 'Mik', Yığında bulunan eleman sayısını tutan tamsayı değişken ve 'Eleman' ise yığına konmak üzere gönderilen değeri tutan değişkendir. 'Yığın' değişkeni 'n' elemanlı bir doğrusal listedir.//

1. [Yığın Dolumu?]

if Mik >=n then Begin //Yığın, dolumu1.' Kontrol edilir. Yığın dolu ise

Yaz ('Yığın Dolu'); bu durum mesajla bildirilir ve işlem bitirilir.//

Adım.3'e Git;

End;

2. [Yığına eleman ekle]

Mik ← Mik + 1; //Yığının 'Mik' nolu adresine yeni gelen eleman

Yığın (Mik) ← Eleman; yerleştirilir.//

3.[İşlem bitir]

Dur; Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

7

## Yığına Eleman Ekleme İşlemleri

**Örnek:** 20 elemanlı bir yığın tanımlayarak veri ortamından okunan değerleri alt algoritma yardımı ile yığma ekleyen ana algoritmayı yazınız. Algoritma Yığın dolunca bitecektir.

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

8



## Yığına Eleman Ekleme

### Algoritma YığınÖrneği;

//Bu algoritma 20 elemanlı bir yığın tanımlayarak veri ortamından okuduğu değerleri 'YığınaElemanEkle' alt algoritması vasıtasıyla ekler. Algoritmada kullanılan 'n' ve 'Mik' değişkenleri tam sayı değişkenlerdir. 'n' değişkeni yığının kapasitesini, 'Mik' değişkeni de yığına eklenen en son elemanın adresini tutar. 'Veri', ortamdan değer okunan değişkendir. 'Yığın' değişkeni 'n' elemanlı doğrusal bir listedir.//

1. [İlkeme]  
n←20; //Bu adımda yığın tanımlanarak kapasitesi belirlenir. Ayrıca ilk atamalar yapılır.//  
Yığın[1:n];  
Mik←0;
2. [Veri Oku]  
Oku (Veri); //Veri ortamından veri okunur.//
3. [Alt Algoritma Çağır.]  
YığınaElemanEkle (Veri, Yığın, n, Mik);
4. [Yığını Kapasitesini Kontrol Et]  
If Mik≥ n then Adım.6'ya git;
5. [İşlem Tekrarla]  
Adım.2'ye git;
6. [İşlem Bitir.]  
Dür;

Algoritma-3.2.2. Yığına ekleme algoritmasının kullanılması

9

## Yığından Eleman Çıkarma İşlemi

Daha önceden de açıklandığı üzere yığın son giren eleman ilk çıkar mantığına göre çalışan doğrusal bir listedir. Bu nedenle Yığma en son eklenen eleman en önce çıkarılır. Bu işlemi yapan algoritma aşağıda verilmiştir.

## Yığından Eleman Çıkarma İşlemi

### Algoritma YığındanElemanÇıkar (Eleman, Yığın, Mik)

//Bu algoritma bir yığında bulunan elemanlardan 'Mik' değişkeni ile işaretli olan elemanı yığından çıkarır. Daha sonraki işlemler için gerekli atamaları yapar. Yığından çıkarılan eleman 'YığındanElemanÇıkar' algoritmasını çağıran algoritmaya gönderilir. Algoritmada kullanılan 'Mik' değişkeni tamsayı bir değişken olup çıkarılacak elemanı gösterir. 'Eleman' değişkeni ise yığında saklanan elemanların tipinde bir değişkendir. 'Yığın' değişkeni 'n' elemanlı doğrusal bir listedir. //

1. [Yığın Boşmu?]
  - if Mik ≤ 0 then Begin //Yığın boşmu? Kontrol edilir. Yığın boşsa durum mesajla bildirilir ve işlem bitirilir.//
    - Yaz (Yığın Boş);
    - GeriDön;
    - End;
2. [Eleman çıkar]
  - Eleman ← Yığın (Mik); //Yığından bir eleman çıkarılır. //
3. ['Mik' değerini bir azalt]
  - Mik ← Mik - 1;
4. [İşlem bitir]
  - Dur;

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

Algoritma-3.2.3. Yığından eleman çıkarma

27.02.2017

11

## Yığından Eleman Çıkarma İşlemi

'YığındanElemanÇıkar' algoritması yığından eleman çıkarılmak istendiğinde bir başka algoritma tarafından çağrılabilir. 'YığındanElemanÇıkar' algoritması her işleyişinde yığından tek eleman çıkarır.

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

12

## Yığın Kullanım Alanları

Yığınların kullanım alanları oldukça fazladır. Bunlar;

- alt program çağırma
- özyineli (rekursif) algoritma konuları seçilmiştir.

## Alt Algoritma Çağırma

Ana algoritma 'A1' isimli alt algoritmayı çağırıyor. 'A1' alt algoritmanın işlevi bitince ana algoritmadaki dönüş adresi 'r:' olacaktır. İşlem akışı 'A1' alt algoritmasına geçince, geri dönüş adresi yığına konur. 'A1' isimli alt algoritma 'A2' isimli alt algoritmayı çağırmaktadır. Yine 'A2' isimli alt algoritma işlemi bitince işlem 'A1' isimli alt algoritmaya geri gelmesi ve 's:'adresinden itibaren devam etmesi gerekir buradaki 's:' gösterilen adresin yine yığında saklanması gerekir.

## Alt Algoritma Çağırma

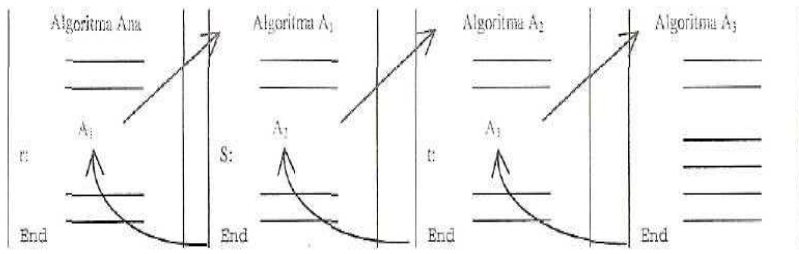
Yine benzer şekilde 'A2' isimli alt algoritma 'A3' isimli alt algoritmayı çağırmakta ve işleme devam etmektedir. Burada dikkat edilirse ilk önce 'A3' isimli alt algoritmanın çalışması bitecek sonra sırası ile 'A2', 'A1' ve ana algoritmanın çalışması bitecek ve işletim sistemine geri dönelecektir. Bu noktadan hareketle bir algoritma içinde yapılan alt algoritma çağırma işlemleri sonunda işlem akışının devam edebilmesi için **dönüş adreslerinin yığılması saklanması** gerekir.

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

15

## Alt Algoritma Çağırma



Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

16



## Özyineli (Rekürsif) Algoritma

Bir algoritmanın kendi kendini çağırması olarak bilinen özyineli algoritmalar en çok kullanılan yapılardan bir tanesidir. Bu tür algoritmalarda algoritma kendi kendisini parametreleri ile birlikte çağırarak işlem yapar.

## Özyineli (Rekürsif) Algoritma

Kendisini her çağırışta algoritma ismi ve gönderilen parametreler yığında saklanır. Bu algoritmaya örnek olarak faktöriyel hesaplama verilebilir. Aşağıdaki örnekte faktöriyel hesaplarken özyineli algoritmanın yığın kullanımı verilmiştir.

## Özyineli (Rekürsif) Algoritma

YığınaElemanEkle(A,0,(3,ana Algoritma))

Mik → 

|   |          |
|---|----------|
| 3 | Ana prog |
|---|----------|

n=0 Faktoryel←1  
Sil(A,4)  
Parm←0  
Adres←L<sub>3</sub>

|   |                |
|---|----------------|
| 1 | L <sub>3</sub> |
| 2 | L <sub>3</sub> |
| 3 | Ana prg        |

Parm 2  
Adres←L<sub>3</sub>

Mik → 

|   |                |
|---|----------------|
| 2 | L <sub>3</sub> |
| 3 | Ana prog       |

Faktoryel←1\*1  
Sil(A,3)  
Parm←1  
Adres←L<sub>3</sub>

|   |                |
|---|----------------|
| 2 | L <sub>3</sub> |
| 3 | Ana prg        |

n<>0  
Parm 1  
Adres←L<sub>3</sub>

Mik → 

|   |                |
|---|----------------|
| 1 | L <sub>3</sub> |
| 2 | L <sub>3</sub> |
| 3 | Ana            |

n<>0  
Parm←0  
Add←L<sub>3</sub>

|   |                |
|---|----------------|
| 0 | L <sub>3</sub> |
| 1 | L <sub>3</sub> |
| 2 | L <sub>3</sub> |
| 3 | Ana prog       |

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 19

## İfadelerin Değerlendirilmeleri

Üst düzey programlama dilleri geliştirilirken bu alanda çalışan bilim adamlarının karşılaştıkları zorluklardan biriside üst düzeyde yazılan aritmetiksel ifadelerin makine kodunda nasıl değerlendirilip işleneceği idi. Örneğin,

$$X \leftarrow A/B**C+D*E-A*C$$

gibi bir ifadenin değerlendirilmesinde birden fazla olasılık ortaya çıkar.

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 20

## İfadelerin Değerlendirilmeleri

Bu ifadeyi işlem sırasına göre parantezlere de alsak, yine de bu ifadenin değerlendirilmesi için makine dili kodunun üretilmesi oldukça zor ve karmaşıktır. İfadeler 'değişken', 'sabit' ve 'operatör'lerden oluşurlar. Yukarıda verilen ifade beş adet değişkenden oluşmaktadır. Bunlar 'A', 'B', 'C', 'D' ve 'E' dir.

## İfadelerin Değerlendirilmeleri

Bu Değişkenler tek karakterden oluşmuşlardır. Gerçekte, değişkenler geçerli olan herhangi bir değişken veya sabit isminden oluşabilirler. Bu durum kullanılan programlama dili ile ilgilidir.

## İfadelerin Değerlendirilmeleri

Değişkenler arasında operatörler (işlemciler) bulunur. İfadeler nasıl yazılırlarsa yazılsınlar sonuçlarının doğru olması gerekir. Bunun için ifadelerde kullanılan operatörlerin işleme alınma önceliklerinin bilinmesi önemlidir.

## İfadelerin Değerlendirilmeleri

Aslında, istenirse, işlemler parantez içine alınarak öncelik verilebilir; ancak bu fazladan işlem karmaşık ifadelerde zorluklar yaratır. Bu kısa açıklamadan sonra aritmetik operatörlerin değişkenlerle bulunabilecekleri durumları incelemek gerekir.



## İfadelerin Değerlendirilmeleri

Genel anlamda herhangi bir ifadeyi işlemek için iki yöntem vardır; bunlar:

- a. Soldan sağa veya sağdan sola değerlendirme yöntemi; Bu yöntemde ifadeler soldan sağa veya sağdan sola doğru işlenirler.
- b. Öncelikler yöntemi; Bu yöntemde operatörlere öncelik değerleri verilir. Değeri yüksek olan operatör önce işlenir

## İfadelerin Değerlendirilmeleri

Öncelik değerler şöyledir:

- \*\* Birinci öncelikte işlenir.
- \*, / İkinci öncelikte işlenirler.
- +, - Üçüncü öncelikte işlenirler.

## Aritmetik İfade Biçimleri

Aritmetik ifadeler yazıldıkları şekilde çözülemezler. Aritmetik operatörlerinin arasında işlem öncelikleri vardır. Örneğin parantez içindeki ifadelerin öncelikleri vardır, Bir başka örnek çarpma işlemi toplama işleminden önce yapılmalıdır. Aritmetik ifadelerin doğru işlenmeleri için yöntemler geliştirmek gerekir.

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 27

## Operatörler Arada Biçimi (Opard)

$$(A+B)*(C-D)$$

Bu yapıda operatörler her zaman değişkenlerin arasındadır. Zaten temel aritmetik yapıda bunu gerektirir

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 28

## Operatörler Önde Biçimi

---

Bu yöntem iki alt yöntem halinde incelenecektir. Bu yöntemlerin hepsinde operatörler değişkenlerin önünde yer alırlar; ancak aralarında az da olsa farklılıklar vardır.

## Operatörler Önde Biçimi

---

### Temel Biçim:

Bu yöntemde operatörler değişkenlerden önce yer alırlar.

## Operatörler Önde Biçimi

**Örnek:**  $(A+B)*(C-A)$  Verilen bu ifade normal matematiksel bir ifadedir. Bu ifadeyi "Temel Biçim:" ifadeye çevirmek için operatörler değişkenlerin önüne, bir başka deyişle baş tarafın: alınırlar. Operatörlerin yerlerine ',' konulur. Verilen örnek ifadede operatörlere yapılar işlemleri adım adım gösterelim:

$(A+B) \rightarrow +(A,B)$  + operatörü başa alındı yerine ',' kondu

$(C-A) \rightarrow -(C,A)$  - operatörü başa alındı yerine ',' kondu

$(A+B)*(C-A) \rightarrow *(+(A,B)-(C,A))$  Son durum

## Operatörler Önde Biçimi

**Cambridge Biçimi:**

$(*(+AB)(-CA))$

Bu yöntemde verilen ifade önce "Temel Biçim'e" çevrilir. Sonra değişkenlerin arasındaki virgüller de atılır.



## Operatörler Önde Biçimi

### Yalın Biçim:

$*+AB-CA$

Bu yöntemde verilen ifade önce 'Temel Biçim'e sonra 'Cambridge Biçimi'ne çevrilir ve daha sonra ifadede bulunan parantezlerde atılır.

## Operatörler Sonda Biçimi (OpSonda)

"Operatörler arada" ve "operatörler önde" yöntemlerinin aksine 'Operatörler Sonda' yönteminde operatörler değişkenlerin en sonuna gönderilirler.

$(A+B)*(C-A)$

$((A,B)+,(C,A)-)*$ : Operatörler sona geldi parantez ve virgül kalktı.

$AB+CA-*$

## Operatörler Sonda İfade Biçimi

Bilgisayarda yazılan programlarda kullanılan ifadelerin değerlendirilmesi doğrudan yapılamaz. Aritmetiksel ifadelere 'operatörler arada ifadeler' denilir. Bu ifadeler önce 'operatörler sonda ifade' biçimine dönüştürülürler ve sonra değerlendirilirler. Bu bölümde bu işlemleri yapan algoritmalar incelenecekler.

## Operatörler Sonda İfade Biçimi

Algoritmaları incelemeye başlamadan önce, ifadelerin dönüştürülmelerinde kullanılacak olan operatörlerin yığın içinde ve yığın dışındaki birbirleri arasında bulunan işlem öncelik değerlerini bilmek gerekir.

# Operatörler Sonda İfade Biçimi

## Operatörlerin işlem öncelikleri

| Simge | Yığın içindeki öncelik değeri (YÖN) | Yığına gelirken sahip olduğu öncelik değeri (GÖN) |
|-------|-------------------------------------|---|
| )     | -                                   | -   |
| **    | 3                                   | 4   |
| *,/   | 2                                   | 2   |
| +, -  | 1                                   | 1   |
| (     | 0                                   | 4   |

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 37

# Operatörler Sonda Algoritması

Verilen Operatörler arada ifadeyi değerlendirmeye almadan önce operatörler sonda ifadeye çeviren algoritma aşağıda verilmiştir. Algoritmanın işlem adımlarında yaptıklarını adım adım açıklamakta yarar vardır;

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 38

## Operatörler Sonda Algoritması

- Adım 1: Bu adımda algorithmada ilk işlemler yapılmaktadır; bunlar; OpArd ifadenin bittiğini belirten ve OpArd'ın son karakteri olması istenen  $+$   $\infty$ 'un OpArd'a eklenmesi, Yığının indis değeri olan Mik değişkenine ilk değer atanması ve yığının ilk elemanı olacak  $-\infty$  'un yığına atanmasıdır.
- Adım 2: Bu adımda OpArd ifadesinden yeni bir eleman alınarak değerlendirmeye verilir.

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 39

## Operatörler Sonda Algoritması

- Adım 3: Bu adımda OpArd ifadenin bitip bitmediği kontrol edilir. Eğer ifade bitmiş ise yığında bulunan tüm değişkenler yığından çıkartılırlar. İşlemin bittiği belirtilerek algoritma sonlandırılır.
- Adım 4: Bu adımda işleme alınan elemanın değişken olup olmadığı kontrol edilir. Eğer eleman, değişken ise yığına atanmayıp doğrudan çıktıya gönderilir. Sonra işlem akışı bir sonraki elemanın değerlendirilmesi için Adım 2'ye yönlendirilir.

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 40



## Operatörler Sonda Algoritması

- Adım 5: Bu adımda değerlendirmeye alınan elemanın ')' olup olmadığı kontrol edilir. Eğer eleman ')' ise yığında bulunan elemanlar '(' olmadığı sürece yığından çıkartılıp yazıcıya gönderilirler, '(' e ulaşıncaya yığından çıkartılır; ancak işleme alınmaz. İşlem akışı bir sonraki elemanın değerlendirilmesi için Adım 2'ye yönlendirilir.

## Operatörler Sonda Algoritması

- Adım 6: Bu adımda değerlendirmeye alınacak elemanın artık bir operatör olduğu belirlenir. Bu elemanın yığına girme şartı sağlanana kadar yığından eleman çıkartılır. Koşul sağlanınca eleman yığma atanır ve bir sonraki elemanın değerlendirilmesi için işlem akışı Adım 2'ye yönlendirilir.

# Operatörler Sonda Algoritması

## Algoritma OperatörlerSonda(OpArd)

// Bu algoritma Operatörler Arada 'OpArd' ifadeyi Operatörler Sonda 'OpSonda' ifadeye çevirir. SonrakiEleman bir algoritma olup 'OpArd' ifadede bulunan elemanları tek tek getirir. 'Yığın[1:n]' bu tanım operatörleri tutacağımız 'n' elemanlı bir yığındır. Yığının ilk elemanı olan '-∞' un yığın içindeki öncelik değeri -1'dir. 'YÖN', 'GÖN' ifadeleri birer adet fonksiyon olup operatörlerin yığın içinde ve yığın dışındaki işlem öncelik değerlerini bulurlar. //

1. [İlk İşlemler]  
Mik←1;  
Yığın(mik)←'-∞';  
OpArd←OpArd+∞;
2. [Yeni Eleman Al]  
x←SonrakiEleman(OpArd); // 'OpArd' ifadeden bir eleman al//

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

43

## Operatörler Sonda Algoritması

3. [x=∞ mı?]  
if x='∞' then Begin  
While Mik>1 do  
YığındanElemanÇıkar(Eleman, Yığın(Mik));  
Yaz(Eleman);  
Repeat  
Yaz(∞);  
GeriDön;  
End;  
End;
4. [x bir değişken mi?]  
If x = değişken then Begin  
Yaz(x);  
Adım.2'ye git;  
End;
5. [x, y mi?]  
If x=')' then Begin  
While Yığın(Mik)≠'(' do  
YığındanElemanÇıkar(Eleman, Yığın(Mik));  
Yaz(Eleman);  
Repeat  
YığındanElemanÇıkar(Eleman, Yığın(Mik));  
Adım.2'ye git;  
End;
6. //Sonraki eleman bir operatördür//  
while YÖN(yığın(Mik))≥GÖN(x) do  
YığındanElemanÇıkar(Eleman, Yığın(Mik));  
Yaz(Eleman);  
Repeat  
YığınaElemanEkle(x, yığın, n, Mik);  
Adım.2'ye git;
7. [İşlem Biter]  
Dur;

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

44

Algoritma-3.6.2.1. Operatör arada ifadeyi operatör sonda ifadeye çevirir

# Operatörler Sonda Algoritması

## Algoritma OperatörlerSonda(i)

// Bu algoritma 'i' ile verilen 'OpArd' ifadeyi 'OpSonda' ifadeye çevir. 'i' ile verilen ifadenin son karakteri ' $\infty$ ' karakteri olup buna ulaşılmıca ifade bitmiş olacaktır. Yığınla başlangıç değeri olarak 'Mik=1' yapılacak ve ilk eleman olarak yığıma ' $-\infty$ ' konulacaktır. SonrakiEleman bir algoritma olup 'OpArd' ifadede bulunan elemanları tek tek getirir. Yığın[1:n] bu tanım operatörleri tutacağımız 'n' elemanlı bir yığındır. Yığının ilk elemanı olan ' $-\infty$ ' un yığın içindeki öncelik değeri -1'dir. 'YÖN', 'GÖN' ifadeleri birer adet fonksiyon olup operatörlerin yığın içinde ve yığın dışındaki işlem öncelik değerlerini bulurlar. //

### 1. [İlk İşlemler]

```
Yığın(1) ← ' $-\infty$ ';
Mik ← 1;
```

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 45

## Operatörler Sonda Algoritması

```
2. [Verilen 'i' ifadesi Bitene Kadar İşle]
   Döngü //Sonsuz döngü içine girilir//

3. [Yeni Elema Al]
   X ← SonrakiEleman(i); // 'i' ile verilen 'OpArd' ifadeden bir eleman al//

4. [Elemanı Değerlendir]
   CASE
   :X = ' $\infty$ ' Begin
       While Mik > 1 do
           Yaz(Yığın(Mik)); // 'X' = ' $\infty$ ' demek 'OpArd' ifade bitmiş demektir.
           Mik ← Mik - 1; // O zaman yığıntaki tüm elemanları yazıcıya gönder.//
           Repeat
               Yaz(' ');
           End;
           GeriDön;
           End;
   :X is an operand :Yaz(x); //Değişkenler doğrudan yazdırılır//
   :X = '(' :Begin
       While Yığın(Mik) ≠ '(' do
           Yaz(Yığın(Mik)); // '(' e kadar yığın tan
           Mik ← Mik - 1; // eleman çıkar//
           Repeat
               Mik ← Mik - 1; //Burada '(' i Yığından atıyor//
           End;
       Else : //Sonraki eleman bir operatördür//
           while YÖN(Yığın(Mik)) ≥ GÖN(x) do
               Yaz(Yığın(Mik));
               Mik ← Mik - 1;
               Repeat
                   YığınaElemanEkle(x, Yığın, n, Mik);
               End {CASE}
           Sonsuz
5. [İşlem Bitir]
   End; {OpSonda}
```

Algoritma-3.6.2.1.

27.02.2017 46

## Operatörler Sonda İfadeyi Değerlendirme İşlemi

Verilen normal 'Operatörler arada ifade' Algoritma ile 'operatörler sonda' ifadeye dönüştürüldükten sonra elde edilen yeni ifade artık değerlendirilmeye alınabilir. İfade soldan sağa doğru değerlendirme yöntemine göre değerlendirmeye alınacaktır.

## Operatörler Sonda İfadeyi Değerlendirme İşlemi

İfadenin değerlendirilmesinde operatöre rastlanana kadar karşılaşılan değişken değerleri okunarak yığılma atanacaktır. Operatör ile karşılaşıncı yığılma iki tane değer çıkarılacak operatör ile işlendikten sonra elde edilen yeni değer tekrar yığılma atanacak. Bu işlem ifade bitene kadar devam edecek ve ifade bittiğinde yığılmanın birinci elemanı tek değer olacaktır.



## Operatörler Sonda İfadeyi Değerlendirme İşlemi

```

Algoritma OperatörlerSondaHesapla(i)
//Bu algoritma verilen 'OpSonda' ifadeyi değerlendirir ve sonucu hesaplar.//
1. [İkileme]
   Mik=0;
2. [Değerlendir]
   Döngü
   X=SonrakiEleman(i);
   Case
     X = '∞':GeriDön
       :x değişkeni bir operatör, YığınaElemanEkle(x,Yığın,n,Mik)
       :Else   Yığından yeteri kadar değişkeni çıkar; x değişkeni içinde gelen operatörü
               kullanarak hesap işlemini yap, sonucunu tekrar yığına yerleştir.
   End; {Case }
   Sonsuz
3. [İşlem Bitir]
   Dur;

```

**Algoritma-3.6.3.1.**

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 49

## Operatörler Sonda İfadeyi Değerlendirme İşlemi

Algoritma-3.6.3.1'i biraz daha somutlaştıralım ve aşağıdaki algoritmayı yazarak değerlendirme işlemini daha somut işleyelim.

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 50

## Operatörler Sonda İfadeyi Değerlendirme İşlemi

```

Algoritma OperatörlerSondaDeğerlendir (OpSonda)
// Bu algoritma verilen 'OpSonda' ifadesi değişkenlere değerler okuyarak hesaplar ve sonucunu istenen yere
// gönderir. n elemanlı bir yığın, 'Veri', 'veri1' ve 'veri2' isimli ayra türden üç adet değişken kullanılmaktadır.
1. [Başla:]
   Yığın[1:n];
   Mük=0;
2. [Verilen 'OpSonda' ifadesini değerlendir:]
   Eleman=SonradanEleman(Yığın);
3. ['OpSonda' ifadesi bitmedi]
   if Eleman= "" then Başla;
   YığınSonradanElemanÇıkart(veri1, Yığın, Mük);
   Veri1=Eleman;
   Goto2;
End;
4. [Eleman bir değişken]
   if Eleman=değişken then Başla;
   Oku(veri1);
   YığınSonradanElemanEkle(veri1, Yığın, n, Mük);
   End;
   Adım.2'ye git;
5. [Eleman bir operatör mü]
   if Eleman=operatör then Başla;
   YığınSonradanElemanÇıkart(veri1, Yığın, Mük);
   YığınSonradanElemanÇıkart(veri2, Yığın, Mük);
   veri1=veri2 Eleman veri1;
   YığınSonradanElemanEkle(veri1, Yığın, n, Mük);
   End;
   Adım.2'ye git;
6. [Çıkmak için]
   Durd;

```

Algoritma-3.5.3.2.

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

51

## Dönüştürme Örnekleri

**Örnek 1:** Operatörler arada olarak verilen  $A+B*C$  ifadesini, operatörler sonda ifadeye çeviriniz.

| Sonraki Eleman | Yığın | Çıktı |
|----------------|-------|-------|
| A              |       | A     |
| +              | +     | A     |
| B              | +     | AB    |
| *              | +     | AB    |
| C              | +     | ABC*+ |

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

52

## Dönüştürme Örnekleri

**Örnek 2:** 'OpArd' ifadeden 'OpSonda' ifadeye dönüşü gösterelim.

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 53

## Dönüştürme Örnekleri

OpArd ifade :  $A/B**C+D^*E-A^*C$   
 Sonraki Eleman Yığın Çıktı  
 Mik=0

İşlem Başlamadan Önceki Durum  
 OpArd ifade :  $A/B**C+D^*E-A^*C$   
 Sonraki Eleman Yığın Çıktı  
 'A'

'A' Değişkeni çağırıldı  
 OpArd ifade :  $A/B**C+D^*E-A^*C$   
 Sonraki Eleman Yığın Çıktı  
 Mik=0

'A' Değişkeni doğrudan çıktıya gönderildi.  
 OpArd ifade :  $A/B**C+D^*E-A^*C$   
 Sonraki Eleman Yığın Çıktı  
 Mik=0

'/' Operatörü çağırıldı  
 OpArd ifade :  $A/B**C+D^*E-A^*C$   
 Sonraki Eleman Yığın Çıktı  
 Mik=1

'/' Operatörü boş yığına Yerleştirildi

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 54

## Dönüştürme Örnekleri

OpArd ifade : $**C+D*E-A*C$

| Sonraki Eleman | Yığın | Çıktı |
|----------------|-------|-------|
| 'B'            |       | 'A'   |

Mik=1

'B' Değişkeni çağırıldı.

OpArd ifade : $**C+D*E-A*C$

| Sonraki Eleman | Yığın | Çıktı |
|----------------|-------|-------|
|                |       | 'A B' |

Mik=1

'B' Doğrudan çıktıya gönderildi.

OpArd ifade : $C+D*E-A*C$

| Sonraki Eleman | Yığın | Çıktı |
|----------------|-------|-------|
| '**C'          |       | 'A B' |

Mik=1

'\*\*' operatörü çağırıldı.

OpArd ifade : $C+D*E-A*C$

| Sonraki Eleman | Yığın | Çıktı |
|----------------|-------|-------|
|                |       | 'A B' |

Mik=2

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

55

## Dönüştürme Örnekleri

GÖN(\*\*)≥YÖN(?) dir, '\*\*()' yığına yerleştirilir.

OpArd ifade : $+D*E-A*C$

| Sonraki Eleman | Yığın | Çıktı |
|----------------|-------|-------|
| 'C'            |       | 'A B' |

Mik=2

'C' Değişkeni çağırıldı.

OpArd ifade : $+D*E-A*C$

| Sonraki Eleman | Yığın | Çıktı   |
|----------------|-------|---------|
|                |       | 'A B C' |

Mik=2

'C' Doğrudan çıktıya gönderilir.

OpArd ifade : $D*E-A*C$

| Sonraki Eleman | Yığın | Çıktı   |
|----------------|-------|---------|
| '+'            |       | 'A B C' |

Mik=2

'+' Operatörü çağırıldı.

OpArd ifade : $D*E-A*C$

| Sonraki Eleman | Yığın | Çıktı     |
|----------------|-------|-----------|
| '+'            |       | 'A B C**' |

Mik=1

GÖN(+)≤YÖN(\*\*) olduğu için '\*\*' çıktıya gönderilir.

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

56



## Dönüştürme Örnekleri

|  |       |            |
|--|-------|------------|
| OpArd ifade :D*E-A*C                             | Yığın | Çıktı      |
| Sonraki Eleman                                   |       | 'A B C**/' |
|  |       |            |
|  |       | Mik=0      |
| GÖN(+)<YÖN(/) olduğundan '/' çıktıya gönderilir. |       |            |
| OpArd ifade :D*E-A*C                             | Yığın | Çıktı      |
| Sonraki Eleman                                   |       | 'A B C**/' |
|  |       |            |
|  |       | Mik=1      |
| '+' Operatörü yığına yerleştirilir.              |       |            |
| OpArd ifade :D*E-A*C                             | Yığın | Çıktı      |
| Sonraki Eleman                                   |       | 'A B C**/' |
|  |       |            |
|  |       | Mik=1      |
| 'D' Değişkeni çağrılır.                          |       |            |
| OpArd ifade :D*E-A*C                             | Yığın | Çıktı      |
| Sonraki Eleman                                   |       | 'A B C**/' |
|  |       |            |
|  |       | Mik=1      |
| 'D' Değişkeni çıktıya gönderilir.                |       |            |
| OpArd ifade :E-A*C                               | Yığın | Çıktı      |
| Sonraki Eleman                                   |       | 'A B C**/' |
|  |       |            |
|  |       | Mik=1      |

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 57

## Dönüştürme Örnekleri

|  |       |            |
|--|-------|------------|
|  | Yığın | Çıktı      |
|  |       | 'A B C**/' |
|  |       |            |
|  |       | Mik=2      |
| GÖN(*)>YÖN(+)                                |       |            |
| oldüğundan * operatörü yığına yerleştirilir. |       |            |
| OpArd ifade :-A*C                            | Yığın | Çıktı      |
| Sonraki Eleman                               |       | 'A B C**/' |
|  |       |            |
|  |       | Mik=2      |
| 'E' Değişkeni çağrılır.                      |       |            |
| OpArd ifade :-A*C                            | Yığın | Çıktı      |
| Sonraki Eleman                               |       | 'A B C**/' |
|  |       |            |
|  |       | Mik=2      |

'E' Değişkeni çıktıya gönderilir.

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 58

## Dönüştürme Örnekleri

|   |  |                 |
|---|--|-----------------|
| OpArd ifade :A*C  | Yığın  | Çıktı           |
| Sonraki Eleman  |  | 'A B C**/ D E'  |
|   | <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">*</div> | Mik=2           |
| '*' Operatörü çağrılır.   |  |                 |
| OpArd ifade :A*C  | Yığın  | Çıktı           |
| Sonraki Eleman  |  | 'A B C**/ D E*' |
|   | <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">+</div> | Mik=1           |
| GÖN(-)≤YÖN(*) olduğundan '*' çarpma operatörü çıktıya gönderilir. |  |                 |
| OpArd ifade :A*C  | Yığın  | Çıktı           |
| Sonraki Eleman  |  | 'ABC**/D E*+.'  |
|   | <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;"></div>  | Mik=0           |
| GÖN(-)≤YÖN(+) olduğundan '+' çıktıya gönderilir.                  |  |                 |
| OpArd ifade :A*C  | Yığın  | Çıktı           |
| Sonraki Eleman  |  | 'ABC**/DE*+.'   |
|   | <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">-</div> | Mik=1           |

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 59

## Dönüştürme Örnekleri

|  |  |                |
|--|--|----------------|
|  | Yığın  | Çıktı          |
| 'A'  |  | 'ABC**/D E*+.' |
|  | <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">-</div> | Mik=1          |
| 'A' Değişkeni çağrılır.                        |  |                |
| OpArd ifade :*C                                | Yığın  | Çıktı          |
| Sonraki Eleman                                 |  | 'ABC**/DE*+A'  |
|  | <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">-</div> | Mik=1          |
| Değişken 'A' doğrudan çıktıya gönderilir.      |  |                |
| OpArd ifade :C                                 | Yığın  | Çıktı          |
| Sonraki Eleman                                 |  | 'ABC**/DE*+A'  |
|  | <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">*</div> | Mik=2          |
| GÖN(*)≥YÖN(-) dir ve '*' Yığına yerleştirilir. |  |                |
| OpArd ifade :                                  | Yığın  | Çıktı          |
| Sonraki Eleman                                 |  | 'ABC**/DE*+A'  |
| 'C'  |  |                |
|  | <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">*</div> | Mik=2          |
| 'C' Değişkeni çağrılır                         |  |                |

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 60

## Dönüştürme Örnekleri

OpArd ifade :  
Sonraki Eleman Yığın Çıktı

\* Mik=2

'ABC\*\*/DE\*\*+AC'

'C' Değişkeni doğrudan çıktıya gönderilir.

OpArd ifade :  
Sonraki Eleman Yığın Çıktı

\* Mik=2

'ABC\*\*/DE\*\*+AC'

'OpArd' ifade bitti yığın boşaltılır.

OpArd ifade :  
Sonraki Eleman Yığın Çıktı

Mik=0

'ABC\*\*/DE\*\*+AC\*\*'

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

61

## Dönüştürme Örnekleri

Bir önceki  
örneğin tablo  
halinde  
gösterimi

OpArd ifade: A/B\*\*C+D\*\*E-A\*C

| Sonraki Eleman | Yığın | Çıktı        |
|----------------|-------|--------------|
| A              |       | A            |
| /              | /     | A            |
| B              | /     | AB           |
| **             | /**   | AB           |
| C              | /**   | ABC          |
| +              | +     | ABC**/       |
| D              | +     | ABC**/D      |
| *              | +/*   | ABC**/D      |
| E              | +/*   | ABC**/DE     |
| -              | -     | ABC**/DE*    |
| A              | -     | ABC**/DE*+   |
| *              | -*    | ABC**/DE*+A  |
| C              | -*    | ABC**/DE*+AC |

'OpSondur' ifade'

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

62

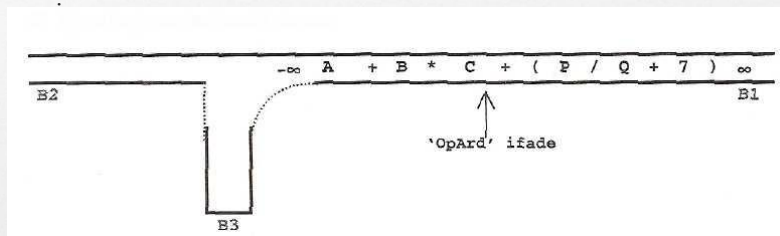
## Dönüştürme Örnekleri

**ÖRNEK:** Yığından eleman çıkarma kuralı  
 $YÖN(AritmetikOperatör) > GÖN(AritmetikOperatör)$   
 olacak.

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 63

## Dönüştürme Örnekleri



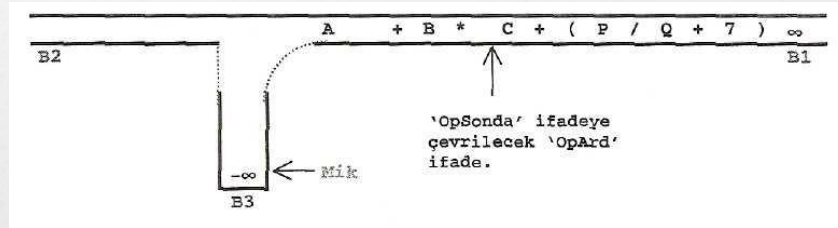
Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 64



## Dönüştürme Örnekleri

- B1 bölgesinde bulunan 'OpArd' ifade soldan sağa doğru işleme alınır. İlk karakter '-∞' dur. Bu değer ilk eleman olarak yığma yerleştirilir.

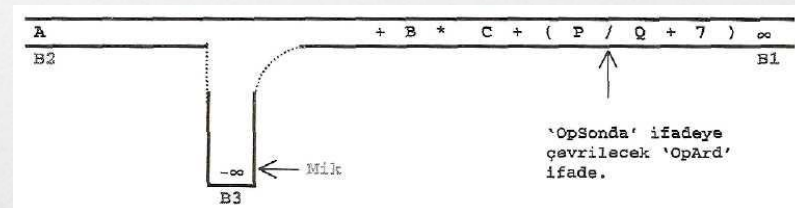


Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 65

## Dönüştürme Örnekleri

- B1 bölgesindeki ifadenin ikinci elemanı değişken, yani 'A' olup doğrudan B2 bölgesine aktarılır.

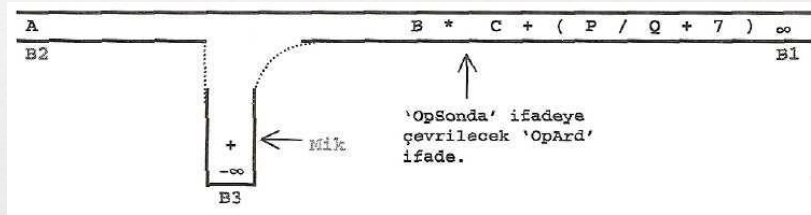


Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 66

## Dönüştürme Örnekleri

- 'OpArd' ifadenin bir sonraki elemanı '+' olup B3 bölgesindeki yığma yerleştirilir.

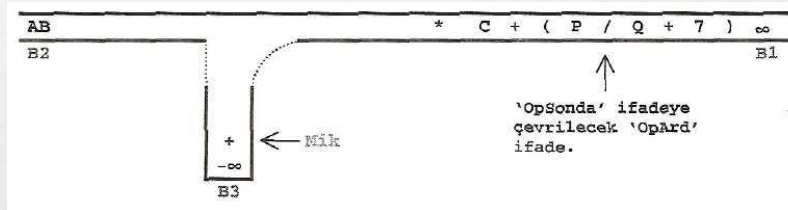


Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 67

## Dönüştürme Örnekleri

- B1 bölgesindeki 'OpArd' ifadenin sonraki elemanı değişken 'B' olup doğrudan B2 bölgesine aktarılır.

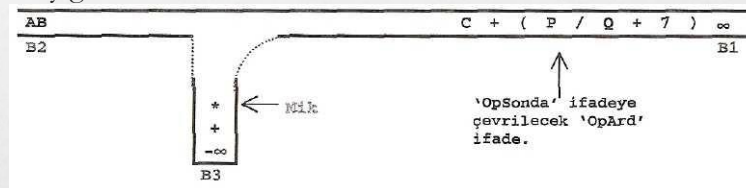


Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 68

## Dönüştürme Örnekleri

- 'OpArd' ifadenin bir sonraki elemanı '\*'dır.  
 $GÖN(*)=2$  dir.  $YÖN(+)=1$ 'dir.  
 $GÖN(*) \geq YÖN(+)$  olduğundan '\*' operatörü B3  
yığına eklenir.



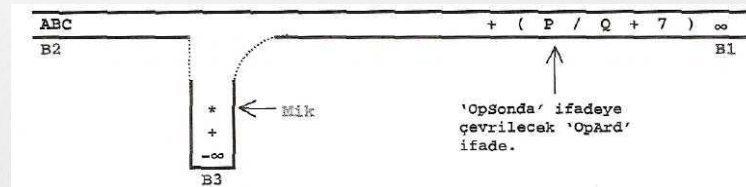
Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

69

## Dönüştürme Örnekleri

- 'OpArd' ifadenin bir sonraki elemanı 'C' olup  
doğrudan B2 bölgesine aktarılır.



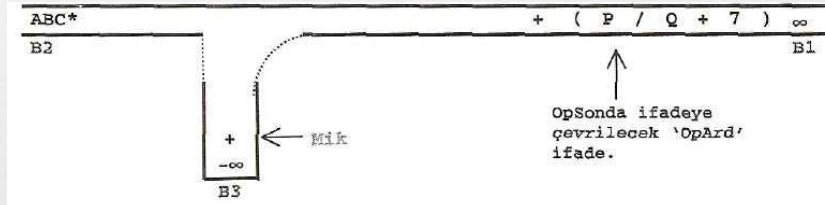
Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

70

## Dönüştürme Örnekleri

- İfadenin bir sonraki eleman '+'dır.  $GÖN(+)=1$ 'dir.  $YÖN(*)=2$ 'dir.  $GÖN(+)<YÖN(*)$  olduğundan, '\*' operatörü yığından çıkarılıp B2 bölgesine gönderilir.

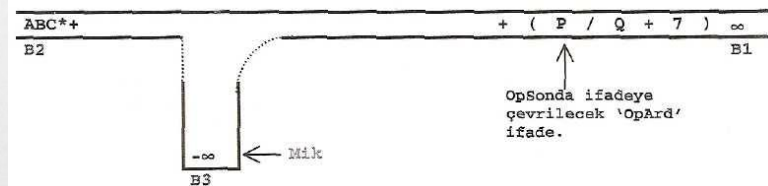


Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 71

## Dönüştürme Örnekleri

- 'OpArd' ifadede bulunan operatör '+'dır.  $GÖN(+)=1$ 'dir. Yığında bulunan '+'nın  $YÖN(+)=1$ 'dir.  $GÖN(+)<YÖN(+)$  olduğundan yığında bulunan '+' B2 bölgesine gönderilir.



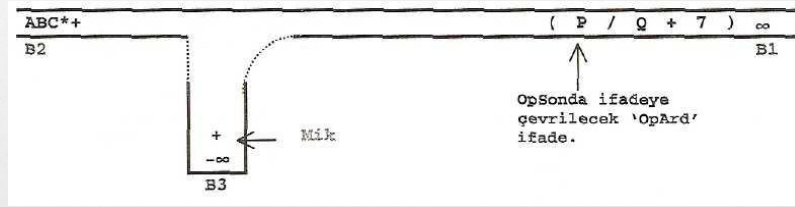
Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 72



## Dönüştürme Örnekleri

- Yığın boşaltıldı. Bu adımda 'OpArd' ifadede bulunan '+' değeri yığma yerleştirilir.

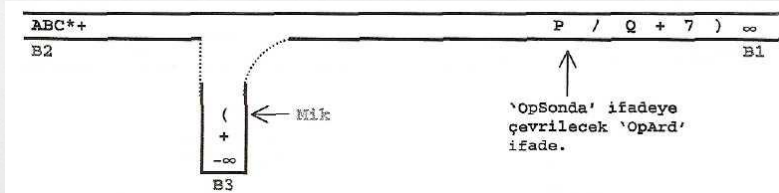


Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 73

## Dönüştürme Örnekleri

- 'OpArd' ifadede bulunan bir sonraki eleman '('dir,  $GÖN('(')=4$ 'dür ve yığma yerleştirilir.

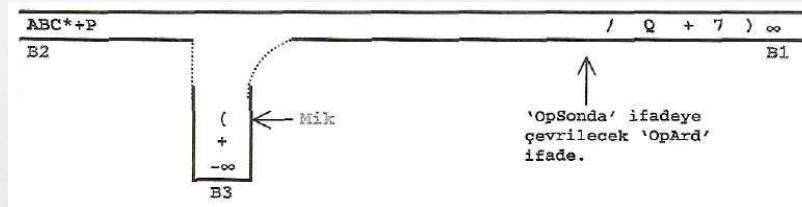


Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 74

## Dönüştürme Örnekleri

- 'OpArd' ifadenin bir sonraki elemanı 'P' olup doğrudan B2 bölgesine aktarılır.

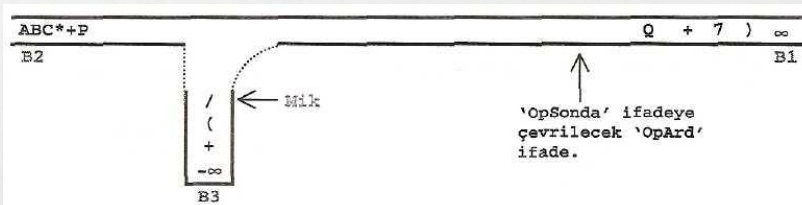


Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 75

## Dönüştürme Örnekleri

- 'OpArd' ifadenin bir sonraki elemanı '/' dür.  $GÖN(/)=2$ 'dir. Yığın'ta bulunan ' $($ '  $YÖN('(')=0$ 'dır. 'OpArd' ifadede bulunan '/' elemanı yığına yerleştirilir.

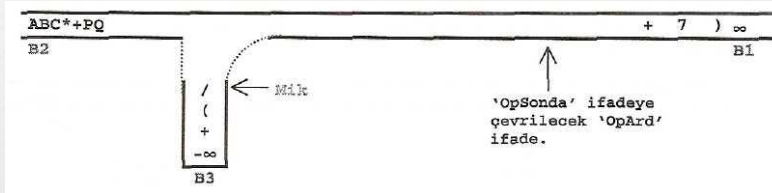


Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 76

## Dönüştürme Örnekleri

- 'OpArd' ifadenin bir sonraki elemanı 'Q' olup doğrudan B2 bölgesine gönderilir.

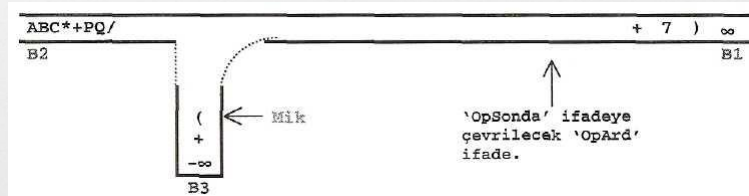


Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 77

## Dönüştürme Örnekleri

- 'OpArd' ifadenin bir sonraki elemanı '+'dır.  $GÖN(+)=1$ 'dir. Yığında bulunan  $/$  nün  $YÖN(/)=2$ 'dir. Yığında bulunan  $/$  operatörü yığından çıkarılarak B2 bölgesine gönderilir.



Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 78

## Dönüştürme Örnekleri

- 'OpArd' ifadenin bir sonraki elemanı '+'dır.  
GÖN(+)=1'dir. Yığında bulunan '(' nün  
YÖN('(')=0'dir. '+' operatörü Yığına yerleştirilir.

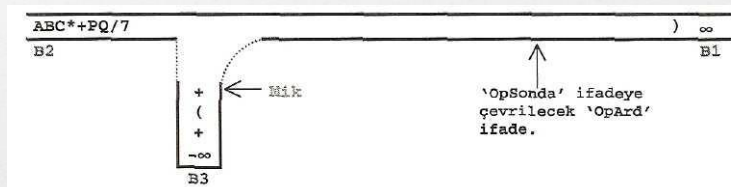


Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 79

## Dönüştürme Örnekleri

- 'OpArd' ifadenin bir sonraki elemanı '7' olup  
doğrudan B2 bölgesine gönderilir.



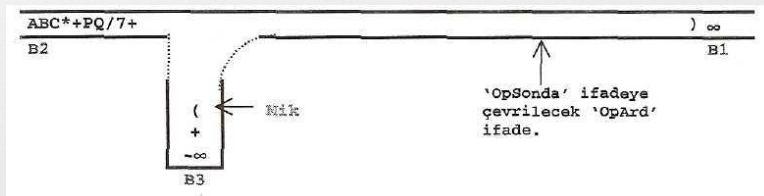
Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 80



## Dönüştürme Örnekleri

- 'OpArd' ifadenin bir sonraki elemanı ')'dir. Bu elemana rastlanınca yığında bulunan elemanlar '(' kadar yığından dışarı çıkarılır ve B2 bölgesine gönderilir. Ve ')' elemanı işleme alınmaz.



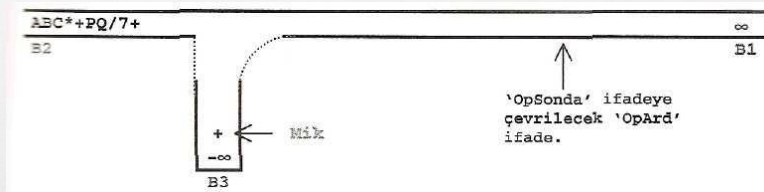
Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

81

## Dönüştürme Örnekleri

- Daha sonra '(' de yığından çıkarılır.



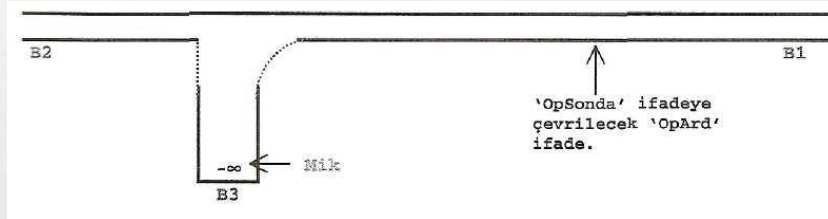
Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

82

## Dönüştürme Örnekleri

- 'OpArd' ifadenin bir sonraki elemanı ' $\infty$ 'dur. Bu elemana ulaşınca 'OpArd' ifade bitmiştir ve yığın boşaltılarak operatörler B2 bölgesine gönderilir.  $\infty$  elemanı işleme alınmaz.



Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 83

## Dönüştürme Örnekleri

- Sonuç olarak elde edilen 'OpSonda' ifade **ABC\*+PQ/7++** ifadesidir.

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 84

## Operatörler Sonda İfadeleri Değerlendirme Örnekleri

- **Örnek 1:**  $ABCD*-*E/$   
'OpSonda' ifadesi üretildi.  
Şimdi bu ifadeye sayısal  
değerler vererek sonuç  
bulunur.

| Operation              | OpSonda    |
|------------------------|------------|
| $T1 \leftarrow C * D$  | $ABT1-*E/$ |
| $T2 \leftarrow B - T1$ | $AT2*E/$   |
| $T3 \leftarrow A * T2$ | $T3E/$     |
| $T4 \leftarrow T3 / E$ | $T4$       |

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 85

## Operatörler Sonda İfadeleri Değerlendirme Örnekleri

- Şimdi görsel olarak bu işlemleri gösterelim.

OpSonda  $\leftarrow ABCD*-*E/$ 

1. A'yı al yığına Ata.

OpSonda'nın son hali  $\leftarrow BCD*-*E/$ 

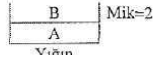
|       |       |
|-------|-------|
| A     | Mik=1 |
| Yığın |       |

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 86

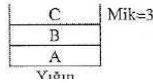
## Operatörler Sonda İfadeleri Değerlendirme Örnekleri

2. B'yi al yığına Ata.



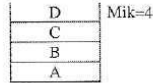
OpSonda'nın son hali  $\leftarrow CD^*.*E/$

3. C'yi al yığına Ata.



OpSonda'nın son hali  $\leftarrow D^*.*E/$

4. D'yi al yığına Ata.



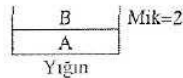
OpSonda'nın son hali  $\leftarrow .*.*E/$

2017 87

## Operatörler Sonda İfadeleri Değerlendirme Örnekleri

Yığından 2 eleman çıkart birbirleri ile çarp sonucunu  
T1'e ata.

OpSonda'nın son hali  $\leftarrow .*E/$



$T1 \leftarrow C * D$

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017 88



## Operatörler Sonda İfadeleri Değerlendirme Örnekleri

6. T1'i yığına ata.

OpSonda'nın son hali  $\leftarrow *E/$

|    |       |
|----|-------|
| T1 | Mik=3 |
| B  |       |
| A  |       |

7. Yığından 2 eleman çıkart ve çıkartma işlemini uygula sonucu T2 ye ata.

OpSonda'nın son hali  $\leftarrow *T2/$

|       |       |
|-------|-------|
| A     | Mik=1 |
| Yığın |       |

$T2 \leftarrow B - T1$

8. T2 değerini yığına ata

OpSonda'nın son hali  $\leftarrow *E/$

|       |       |
|-------|-------|
| T2    | Mik=2 |
| A     |       |
| Yığın |       |

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

89

## Operatörler Sonda İfadeleri Değerlendirme Örnekleri

9. Yığından 2 eleman çıkart, çarp ve sonucunu T3'e ata.

OpSonda'nın son hali  $\leftarrow E/$

|       |       |
|-------|-------|
| Yığın | Mik=0 |
|-------|-------|

$T3 \leftarrow T2 * A$

11. E değerini yığına at.

OpSonda'nın son hali  $\leftarrow /$

|    |       |
|----|-------|
| E  | Mik=2 |
| T3 |       |

Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

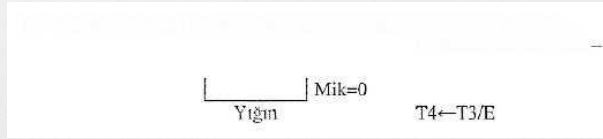
27.02.2017

90

## Operatörler Sonda İfadeleri Değerlendirme Örnekleri

Yığından 2 değer çıkart, bölme işlemini uygula  
sonucunu T4'e ata.

OpSonda'nın son hali←



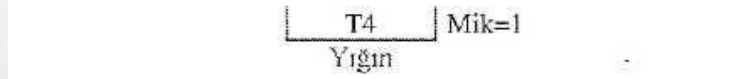
Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

91

## Operatörler Sonda İfadeleri Değerlendirme Örnekleri

13. T4 değerini yığma ata.



Dr.Eyyüp GÜLBANDILAR

27.02.2017

92