天然肠衣问题

天然肠衣制作加工是我国的一个传统产业,出口量占世界首位。肠衣经过清洗整理后被分割成长度不等的小段(原料),进入组装工序。传统的生产方式依靠人工,边丈量原料长度边心算,将原材料按指定根数和总长度组装出成品(捆)。

原料按长度分档,通常以0.5米为一档,如:14-14.4米按14米计算,14.5 米-14.9米按14.5米计算,其余的依此类推。为了提高生产效率,公司计划改变 组装工艺,先丈量所有原料,建立一个原料表。表1某批次原料描述。

长度	14-14.4	14. 5-14. 9	15-15.4	15. 5-15. 9	16-16. 4	16. 5–16. 9	17-17. 4	17. 5-17. 9
根数	35	29	30	42	28	42	45	49
长度	18-18.4	18. 5-18. 9	19-19.4	19. 5-19. 9	20-20. 4	20. 5-20. 9	21-21.4	21. 5-21. 9
根数	50	64	52	63	49	35	27	16
长度	22-22.4	22. 5-22. 9	23-23.4	23. 5-23. 9	24-24. 4	24. 5-24. 9	25-25. 4	25. 5-25. 9
根数	12	2	0	6	0	0	0	1

表1 原料描述表

根据以上成品和原料描述,设计一个原料搭配方案,工人根据这个方案"照方抓药"进行生产。每捆标准长度为89米,根数为5根。

公司对搭配方案有以下具体要求:

- (1) 对于给定的一批原料,装出的成品捆数越多越好;
- (2) 对于成品捆数相同的方案,最短长度最长的成品越多,方案越好;
- (3) 为提高原料使用率,总长度允许有±0.5米的误差,总根数允许比标准少1根:
- (4)为减少组装的复杂性,要求组装的模式尽可能最少。这里一种模式表示各种长度的肠衣构成情况相同。

请建立上述问题的数学模型,给出求解方法,并对表1给出的实际数据进行求解,给出搭配方案。(该题根据全国数模竞赛2011D改编)

问题求解:

首先求出 20 种肠衣根据原料可搭配成捆的所有模式,然后建立线性规划模型求解。

利用编制 Matlab 程序求出 20 种肠衣根据原料可搭配成捆的所有模式,然后在模式中选择最佳的搭配。

先对问题进行分析:

1) 最大捆数分析:

将材料根数为 0 的去掉,这样总共有 20 种原材料。设第 i 种原材料的长度为 l_i ,根数为

 a_i , i = 1, 2, ..., 20

其中l = 14,14.5,15,15.5,16,16.5,17,17.5,18,18.5,19,19.5,20,20.5,21,21.5,22,22.5,23.5,25.5 a = 35,29,30,42,28,42,45,49,50,64,52,63,49,35,27,16,12,2,6,1。

则 20 种原材料中长度为
$$L = \sum_{i=1}^{20} a_i l_i = 12159.5$$
 米

每捆长度最少为 88.5 米,因此捆数最多为: $K \leq [12195.5/88.5] = [137.4] = 137$ 其中[.]表示取整。

20 种原材料的总根数为
$$T = \sum_{i=1}^{20} a_i = 677$$
 根

每捆最少为 4 根,因此捆数最多为 $K \leq \lceil 677/4 \rceil = \lceil 169.25 \rceil = 169$ 根。

二者取最小值,因此 $K \leq 137$ 。

2) 每捆成品的组成模式分析

每捆成品可以有不同的构成模式,每种模式由一个向量 $(x_1, x_2, ..., x_{20})$ 构成。 x_i 代表第i种材料的根数。则各 x_i 取值的最大整数值为:

$$M_i = \min \left\{ a_i, \left\lceil \frac{89.5}{l_i} \right\rceil, 5 \right\} \quad i = 1, 2, ..., 20$$

计算得到各 x_i (i = 1, 2, ..., 20)的最大取值 M_i 为:

5,5, 5,5,5,5,5,5,4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 2,3,1.

如果直接对各 x_i 从0到 M_i 进行完全枚举所有符合条件的模式,计算量为:

$$T = \prod_{i=1}^{20} (M_i + 1) = (5+1)^8 (4+1)^9 (2+1)(3+1)(1+1) \approx 7.87 \times 10^{13}$$

如此巨大的计算量很难进行枚举。

我们通过剪枝计算,可大大减少计算量,采用 Matlab 编程,可在不到 1 秒钟内计算出 所有模式,其总数为 2783 种。实现的 Matlab 程序见附录 1 程序 changyi.m 14 14.5 15 15.5 22 22.5 23.5 25.5 0 0 2 0 2 1 0 1 0

图 1 部分模式向量示意图

3) 模型建立

设共有n 种模式(这里n=2783),每种模式为一个 20 维的列向量,代表一种符合条件的模式。即根数满足 4 或 5 根,长度为 88.5 米、或 89 米、或 89.5 米的一捆。所有些模式用矩阵 $B_{2073\times20}$ 表示。 b_{ij} 表示第 i 种模式中第 j 种长度的肠衣的根数。 i=1,2,...,2783; i=1,2,...,20。所有模式向量由前面计算得到。

决策变量为第i种模式 x_i 捆,则成品捆数最多的目标函数为:

$$\max Z_1 = \sum_{i=1}^{2783} x_i$$

现设法找到所有模式中最短长度最长的模式。在 Matlab 中通过编程,进行剪枝计算,得到在所有的 2783 种模式中,每捆最短长度最长的有 3 种模式,第一种是模式 1,为 2 根 22 米和 2 根 22.5 米构成;第二种是模式 2,为 3 根 22 米和 1 根 22.5 米构成;第三种是模式 3,为 3 根 22 米和 1 根 23.5 米构成。

则第二目标要求最短长度最长的捆数最大,有:

$$\max Z_2 = x_1 + x_2 + x_3$$

满足的约束为各种长度的原料的数量,则有:

$$\sum_{i=1}^{2783} x_i b_{ij} \le a_j \qquad j = 1, 2, ..., 20$$

 a_i 第 j 种长度的原料的根数。

更进一步,从实际问题出发,当模式数比较多时,会增加搭配操作的复杂性,导致花费更多的搭配组装时间,因此我们尽量使搭配的模式尽量少。因此我们在前面两个目标情况下,考虑使搭配模式最少的方案。

建立决策变量
$$y_i = \begin{cases} 1 & \hat{\pi}i$$
种模式选中 $0 & \hat{\pi}i$ 种模式未选中 $0 & \hat{\pi}i$ 种模式未选中

我们建立的第三目标为总模式数最小,即

$$\min Z_3 = \sum_{i=1}^{2783} y_i$$

需要满足的约束有:

当第i种模式未被选中时,则不能选取该种模式,且选中时不影响x,的取值,则有:

$$x_i \le M.y_i$$
 $(i = 1, 2, ..., 2783)$

其中M为一个足够大整数,如可取M=200

当第*i* 种模式被选中时,则该种模式下一定有成品,因此有:

$$x_i \ge v_i$$
 ($i = 1, 2, ..., 2783$)

则总的模型为:

$$\max Z_1 = \sum_{i=1}^{2783} x_i$$

$$\max Z_2 = x_1 + x_2 + x_3$$

$$\min Z_3 = \sum_{i=1}^{2783} y_i$$

$$s.t.$$

$$\begin{cases} \sum_{i=1}^{2783} x_i b_{ij} \le a_j & j = 1, 2, ..., 20 \\ x_i \le M.y_i & i = 1, 2, ..., 2783 \\ x_i \ge y_i & i = 1, 2, ..., 2783 \\ x_i 为整数, y_i = 0或1; i = 1, 2, ..., 2783 \end{cases}$$

其中a=35,29,30,42,28,42,45,49,50,64,52,63,49,35,27,16,12,2,6,1

实现的 LINGO 程序见附录程序 changyi.lg4。

令第一目标 Z_1 最大化,利用 LINGO 得到 Z_1 =137 ,最短长度为 22 米的有 2 捆,其模式为 3 根 22 米和 1 根 23.5 米构成。该结果还不是最优解。

将 Z_1 = 137 变为约束,令 Z_2 最大,利用 LINGO 求解。得到 Z_2 = 3 的最优解。该解情况下材料无剩余,但使用模式有 32 种。

再将 Z_1 = 137, Z_2 = 3 作为约束,对目标 Z_3 最小,利用 LINGO 得到总模式为 16 种的搭配方案。

具体搭配方案见下表 2。该结果由附录的 Matlab 程序 result.m 生成。

序号 模式 长度(米) 根数 捆数 22.0 米 2 根, 22.5 米 2 根 89 4 1 22.0 米 3 根, 23.5 米 1 根 89.5 4 2 21.5 米 2 根, 22.0 米 1 根, 23.5 米 1 根 88.5 4 21.0 米 1 根, 21.5 米 2 根, 25.5 米 1 根 89.5 5 16.5 米 1 根, 17.0 米 1 根, 18.0 米 1 根, 18.5 米 1 根, 19.5 米 1 根 89.5 5 5 16.5 米 1 根, 17.0 米 1 根, 17.5 米 1 根, 18.5 米 1 根, 19.5 米 1 根 89 5 15 7 16.5 米 2 根, 17.0 米 2 根, 21.5 米 1 根 5 88.5 1 8 15.5 米 1 根, 17.5 米 1 根, 18.0 米 1 根, 18.5 米 1 根, 19.0 米 1 根 88.5 5 34 15.5 米 1 根, 16.5 米 1 根, 18.0 米 1 根, 19.0 米 1 根, 19.5 米 1 根 9 88.5 5 8 15.0 米 1 根, 16.0 米 1 根, 16.5 米 1 根, 19.5 米 1 根, 21.5 米 1 根 88. 5 5 2 14.5 米 1 根, 18.0 米 1 根, 18.5 米 1 根, 19.0 米 1 根, 19.5 米 1 根 89.5 12 14.5 米 1 根, 16.0 米 1 根, 17.0 米 1 根, 20.0 米 1 根, 21.0 米 1 根 5 23 88.5 13 14.5 米 1 根, 16.0 米 1 根, 16.5 米 1 根, 21.0 米 1 根, 21.5 米 1 根 5 3 89.5 14.0 米 1 根, 16.5 米 1 根, 18.5 米 1 根, 19.0 米 1 根, 20.5 米 1 根 88. 5 5 7 15 14.0 米 1 根, 15.0 米 1 根, 19.5 米 1 根, 20.0 米 1 根, 20.5 米 1 根 89 26 16 14.0 米 1 根, 15.0 米 1 根, 19.5 米 2 根, 20.5 米 1 根 88. 5 5 2 总计 137

表 2 最优搭配方案表 (粗体为最短长度最长的方案)

在该方案中,总捆数为137捆,达到最大,总共使用模式为16种,达到最小。

最短长度为22米的有3捆.分别为:

- 1捆模式为2根22米和2根22.5米的原材料。
- 2捆模式为3根22米和1根23.5米的原材料。

总共使用原材料 677 根,总长度为 12159.5 米,恰好将原材料用完无剩余。 该搭配方案达到最优。

注意该结果中具体的方案不是唯一的。

- 序号 1,模式:22.0 米 2 根, 22.5 米 2 根, 长度 89.0 米,4 根, 1 捆.
- 序号 2,模式:22.0 米 3 根, 23.5 米 1 根, 长度 89.5 米,4 根, 2 捆.
- 序号 3,模式:21.5 米 2 根, 22.0 米 1 根, 23.5 米 1 根, 长度 88.5 米,4 根,4 捆.
- 序号 4,模式:21.0 米 1 根, 21.5 米 2 根, 25.5 米 1 根, 长度 89.5 米,4 根, 1 捆.
- 序号 5,模式:16.5 米 1 根, 17.0 米 1 根, 18.0 米 1 根, 18.5 米 1 根, 19.5 米 1 根, 长度 89.5 米,5 根,5 捆.

序号 6,模式:16.5 米 1 根, 17.0 米 1 根, 17.5 米 1 根, 18.5 米 1 根, 19.5 米 1 根, 长度 89.0 米,5 根,15 捆. 序号 7,模式:16.5 米 2 根, 17.0 米 2 根, 21.5 米 1 根, 长度 88.5 米,5 根, 1 捆. 序号 8,模式:15.5 米 1 根, 17.5 米 1 根, 18.0 米 1 根, 18.5 米 1 根, 19.0 米 1 根, 长度 88.5 米,5 根,34 捆. 序号 9,模式:15.5 米 1 根, 16.5 米 1 根, 18.0 米 1 根, 19.0 米 1 根, 19.5 米 1 根, 长度 88.5 米,5 根,8 捆. 序号 10,模式:15.0 米 1 根, 16.0 米 1 根, 16.5 米 1 根, 19.5 米 1 根, 21.5 米 1 根, 长度 88.5 米,5 根,2 捆. 序号 11,模式:14.5 米 1 根, 18.0 米 1 根, 18.5 米 1 根, 19.0 米 1 根, 19.5 米 1 根, 长度 89.5 米,5 根,3 捆. 序号 12,模式:14.5 米 1 根, 16.0 米 1 根, 17.0 米 1 根, 20.0 米 1 根, 21.0 米 1 根, 长度 88.5 米,5 根,23 捆. 序号 13,模式:14.5 米 1 根, 16.0 米 1 根, 16.5 米 1 根, 21.0 米 1 根, 21.5 米 1 根, 长度 89.5 米,5 根,3 捆. 序号 14,模式:14.0 米 1 根, 16.5 米 1 根, 18.5 米 1 根, 19.0 米 1 根, 20.5 米 1 根, 长度 88.5 米,5 根,7 捆. 序号 15,模式:14.0 米 1 根, 15.0 米 1 根, 19.5 米 1 根, 20.0 米 1 根, 20.5 米 1 根, 长度 89.0 米,5 根,26 捆. 序号 16,模式:14.0 米 1 根, 15.0 米 1 根, 19.5 米 2 根,20.5 米 1 根,长度 88.5 米,5 根,2 捆.

附录 1 程序: changyi.m

Gen=i1+i2:

输出所有模式的 Matlab 程序,该程序采用剪枝法进行枚举所有模式。输出文件为 changyi.txt,该文件按行存储所有模式。方便后面的 LINGO 程序调用该数据文件。

```
%20 种长度
I=[14,14.5,15,15.5,16,16.5,17,17.5,18,18.5,19,19.5,20,20.5,21,21.5,22,22.5,23.5,25.5];
a=[35,29,30,42,28,42,45,49,50,64,52,63,49,35,27,16,12,2,6,1];%20 种原料的根数
L=l*a': %总长度
Total=floor(L/88.5); %最多根数
  fprintf('最大捆数:%2d\n',Total);
 n=length(l);
 g=zeros(1,n);
 for i=1:n
    t=min(5,floor(89.5/l(i)));
    g(i)=min(t,a(i)); %获得各种长度的类型肠衣的最多根数
 end
 Model=zeros(1,20); %记录模式
 L=zeros(1,300); %记录每种模式的最短长度
Total=0;
fid=fopen('d:\lingo12\dat\changyi.txt','w'); %指定输出所有模式的文件名,即模型中的矩阵 B
for i1=0:g(1)
      Len=i1*l(1);
       Gen=i1:
 if Len>89.5 || Gen>5 break; end %若长度或根数超过限制则跳出该循环,以下同.
    for i2=0:g(2)
         Len=i1*l(1)+i2*l(2);
```

```
if Len>89.5 ||Gen>5 break; end
for i3=0:g(3)
     Len=i1*l(1)+i2*l(2)+i3*l(3);
  Gen=i1+i2+i3;
  if Len>89.5 ||Gen>5 break; end
    for i4=0:g(4)
           Len=i1*l(1)+i2*l(2)+i3*l(3)+i4*l(4);
         Gen=i1+i2+i3+i4;
           if Len>89.5 ||Gen>5 break; end
         for i5=0:g(5)
                 Len=i1*l(1)+i2*l(2)+i3*l(3)+i4*l(4)+i5*l(5);
                Gen=i1+i2+i3+i4+i5;
                 if Len>89.5 ||Gen>5 break; end
              for i6=0:g(6)
                     Len=i1*l(1)+i2*l(2)+i3*l(3)+i4*l(4)+i5*l(5)+i6*l(6);
                     Gen=i1+i2+i3+i4+i5+i6;
                if Len>89.5 ||Gen>5 break; end
                  for i7=0:g(7)
                        Len=i1*l(1)+i2*l(2)+i3*l(3)+i4*l(4)+i5*l(5)+i6*l(6)+i7*l(7);
                       Gen=i1+i2+i3+i4+i5+i6+i7;
                       if Len>89.5 ||Gen>5 break; end
                          for i8=0:g(8)
                        Len=i1*l(1)+i2*l(2)+i3*l(3)+i4*l(4)+i5*l(5)+i6*l(6)+i7*l(7);
                        Len=Len+i8*l(8);
                       Gen=i1+i2+i3+i4+i5+i6+i7+i8;
                       if Len>89.5 ||Gen>5 break; end
                          for i9=0:g(9)
                        Len=i1*l(1)+i2*l(2)+i3*l(3)+i4*l(4)+i5*l(5)+i6*l(6)+i7*l(7);
                          Len=Len+i8*l(8)+i9*l(9);
                       Gen=i1+i2+i3+i4+i5+i6+i7+i8+i9;
                       if Len>89.5 ||Gen>5 break; end
                          for i10=0:g(10)
                        Len=i1*l(1)+i2*l(2)+i3*l(3)+i4*l(4)+i5*l(5)+i6*l(6)+i7*l(7);
                        Len=Len+i8*l(8)+i9*l(9)+i10*l(10);
                       Gen=i1+i2+i3+i4+i5+i6+i7+i8+i9+i10;
                       if Len>89.5 ||Gen>5 break; end
```

```
for i11=0:g(11)
                                  Len=i1*l(1)+i2*l(2)+i3*l(3)+i4*l(4)+i5*l(5)+i6*l(6)+i7*l(7);
                                  Len=Len+i8*l(8)+i9*l(9)+i10*l(10)+i11*l(11);
                                Gen=i1+i2+i3+i4+i5+i6+i7+i8+i9+i10+i11;
                                if Len>89.5 ||Gen>5 break; end
                                   for i12=0:g(12)
                                Len=i1*l(1)+i2*l(2)+i3*l(3)+i4*l(4)+i5*l(5)+i6*l(6)+i7*l(7);
                                Len=Len+i8*l(8)+i9*l(9)+i10*l(10)+i11*l(11)+i12*l(12);
                                Gen=i1+i2+i3+i4+i5+i6+i7+i8+i9+i10+i11+i12;
                                if Len>89.5 ||Gen>5 break; end
                                   for i13=0:g(13)
                                 Len=i1*l(1)+i2*l(2)+i3*l(3)+i4*l(4)+i5*l(5)+i6*l(6)+i7*l(7);
Len=Len+i8*l(8)+i9*l(9)+i10*l(10)+i11*l(11)+i12*l(12)+i13*l(13);
                                Gen=i1+i2+i3+i4+i5+i6+i7+i8+i9+i10+i11+i12+i13;
                                if Len>89.5 ||Gen>5 break; end
                                 for i14=0:g(14)
                                 Len=i1*l(1)+i2*l(2)+i3*l(3)+i4*l(4)+i5*l(5)+i6*l(6)+i7*l(7);
Len=Len+i8*l(8)+i9*l(9)+i10*l(10)+i11*l(11)+i12*l(12)+i13*l(13);
                                 Len=Len+i14*l(14);
                                Gen=i1+i2+i3+i4+i5+i6+i7+i8+i9+i10+i11+i12+i13+i14;
                                if Len>89.5 ||Gen>5 break; end
                                 for i15=0:g(15)
                                 Len=i1*l(1)+i2*l(2)+i3*l(3)+i4*l(4)+i5*l(5)+i6*l(6)+i7*l(7);
Len=Len+i8*l(8)+i9*l(9)+i10*l(10)+i11*l(11)+i12*l(12)+i13*l(13);
                                 Len=Len+i14*l(14)+i15*l(15);
                                Gen=i1+i2+i3+i4+i5+i6+i7+i8+i9+i10+i11+i12+i13+i14+i15;
                                if Len>89.5 ||Gen>5 break; end
                                 for i16=0:g(16)
                                 Len=i1*l(1)+i2*l(2)+i3*l(3)+i4*l(4)+i5*l(5)+i6*l(6)+i7*l(7);
Len=Len+i8*l(8)+i9*l(9)+i10*l(10)+i11*l(11)+i12*l(12)+i13*l(13);
                                 Len=Len+i14*l(14)+i15*l(15)+i16*l(16);
Gen=i1+i2+i3+i4+i5+i6+i7+i8+i9+i10+i11+i12+i13+i14+i15+i16;
                                if Len>89.5 ||Gen>5 break; end
               for i17=0:g(17)
               Len=i1*l(1)+i2*l(2)+i3*l(3)+i4*l(4)+i5*l(5)+i6*l(6)+i7*l(7);
Len=Len+i8*l(8)+i9*l(9)+i10*l(10)+i11*l(11)+i12*l(12)+i13*l(13);
         Len=Len+i14*l(14)+i15*l(15)+i16*l(16)+i17*l(17);
         Gen=i1+i2+i3+i4+i5+i6+i7+i8+i9+i10+i11+i12+i13+i14+i15+i16+i17;
                                if Len>89.5 ||Gen>5 break; end
```

```
Len=i1*l(1)+i2*l(2)+i3*l(3)+i4*l(4)+i5*l(5)+i6*l(6)+i7*l(7);
Len=Len+i8*l(8)+i9*l(9)+i10*l(10)+i11*l(11)+i12*l(12)+i13*l(13);
Len=Len+i14*l(14)+i15*l(15)+i16*l(16)+i17*l(17)+i18*l(18);
Gen=i1+i2+i3+i4+i5+i6+i7+i8+i9+i10+i11+i12+i13+i14+i15+i16+i17+i18;
                              if Len>89.5 ||Gen>5 break; end
                               for i19=0:g(19)
                               Len=i1*l(1)+i2*l(2)+i3*l(3)+i4*l(4)+i5*l(5)+i6*l(6)+i7*l(7);
Len=Len+i8*l(8)+i9*l(9)+i10*l(10)+i11*l(11)+i12*l(12)+i13*l(13);
Len=Len+i14*l(14)+i15*l(15)+i16*l(16)+i17*l(17)+i18*l(18)+i19*l(19);
Gen=i1+i2+i3+i4+i5+i6+i7+i8+i9+i10+i11+i12+i13+i14+i15+i16+i17+i18+i19;
                              if Len>89.5 ||Gen>5 break; end
                                for i20=0:g(20)
                               Len=i1*l(1)+i2*l(2)+i3*l(3)+i4*l(4)+i5*l(5)+i6*l(6)+i7*l(7);
Len=Len+i8*l(8)+i9*l(9)+i10*l(10)+i11*l(11)+i12*l(12)+i13*l(13)+i14*l(14);
Len=Len+i15*l(15)+i16*l(16)+i17*l(17)+i18*l(18)+i19*l(19)+i20*l(20);
Gen=i1+i2+i3+i4+i5+i6+i7+i8+i9+i10+i11+i12+i13+i14+i15+i16+i17+i18+i19+i20;
                               if Len>=88.5&&Len<=89.5&&Gen>=4&&Gen<=5
                                  Total=Total+1; %统计总模式
                                  Model(1)=i1; Model(2)=i2; Model(3)=i3; Model(4)=i4;
                                  Model(5)=i5; Model(6)=i6; Model(7)=i7; Model(8)=i8;
                                  Model(9)=i9; Model(10)=i10; Model(11)=i11;
                                  Model(12)=i12; Model(13)=i13; Model(14)=i14;
                                  Model(15)=i15; Model(16)=i16; Model(17)=i17;
                                  Model(18)=i18; Model(19)=i19; Model(20)=i20;
          s1=0; s2=0;
         for j=1:20
         s1=s1+l(j)*Model(j);%计算该模式的长度
         s2=s2+Model(j);%统计该模式的根数,再一次检查是否符合要求.注意不是必须。
          end
                   for j=1:20
                   if Model(j)>0 L(Total)=l(j); break; end %获得该种模式的最短长度.
                    end
                     for j=1:20
                     fprintf(fid,'%2d',Model(j));%输出该模式到指定文件中
                     end
                     fprintf (fid,'\n');
                                end
                                end
```

for i18=0:g(18)

```
end
                                  end
                                  end
                                  end
                                  end
                                  end
                           end
                      end
                  end
             end
         end
                               end
                           end
                      end
                  \quad \text{end} \quad
             end
         end
    end
end
fclose(fid);
 fprintf('总模式%2d',Total);
程序 2 程序: changyi.lg4
进行优化计算的 LINGO 程序。
model:
sets:
kind/1..2783/:x,y;
type/1..20/:1,a,R;
assign(kind,type):model;
endsets
data:
l=14,14.5,15,15.5,16,16.5,17,17.5,18,18.5,19,19.5,20,20.5,21,21.5,22,22.5,23.5,25.5;
a = 35,29,30,42,28,42,45,49,50,64,52,63,49,35,27,16,12,2,6,1;
model=@file('d:\lingo12\dat\changyi.txt'); !注意修改路径;
@text()=@writefor(kind(i)|x(i)#GT#0:'x(',i,')=',x(i),';');
(a)text()=(a)writefor(type(j)|R(j)#GT#0:'R(',j,')=',R(j),';');
enddata
 max=z1;
 z2=x(1)+x(2)+x(3); !目标函数 2;
```

```
z3=@sum(kind(i):y(i));!目标函数 3;
(a) for (type(j):R(j)=a(j)-(a) sum(kind(i):x(i)*model(i,j)));
@for(kind(i):x(i)<=200*y(i));
(a) for (kind(i):x(i)>=y(i));
@for(kind(i):@gin(x(i)));
@for(kind(i):@bin(y(i)));
end
附录 3 程序: result.m
输出便于查看的表达形式的 Matlab 程序,该程序利用 changyi.lg4 计算得到的结果,调用
changyi.m 生成的文件 changyi.txt, 生成便于查看的表达形式。
clear;
  load d:\lingo12\dat\changyi.txt %注意修改路径
  Model=d2011 3;
  Len=length(Model);
  x=zeros(1,Len);
  %将 LINGO 程序计算结果拷贝在下面,便于输出便于查看的结果形式.
x(1)=1;x(2)=2;x(8)=4;x(14)=1;x(156)=5;x(165)=15;x(230)=1;x(496)=34;x(574)=8;
x(1089)=2;x(1357)=3;x(1605)=23;x(1615)=3;x(2154)=7;x(2437)=26;x(2441)=2;
%20 种长度
1=[14,14.5,15,15.5,16,16.5,17,17.5,18,18.5,19,19.5,20,20.5,21,21.5,22,22.5,23.5,25.5];
a=[35,29,30,42,28,42,45,49,50,64,52,63,49,35,27,16,12,2,6,1];%20 种原料的根数
  n=length(1);
   % 输出 LINGO 结果对应的模式
   %对根数和长度的限制
      number=0;
      S=[];
      G=[];
      P=[];
      Gen=0; %总计总根数
      Kun=0; %总捆数
      TotalLen=0;%计算总长度
   for i=1:Len
     if x(i) > 0
        s1=0;
        g1=0;
       number=number+1;
        for j=1:n
            s1=s1+Model(i,j)*l(j); %计算长度
            g1=g1+Model(i,j); %计算根数
        end
        S=[S,s1];
        G=[G,g1];
```

```
P=[P,x(i)];
         fprintf('序号%2d,模式:',number);
         for j=1:n
             if Model(i,j)>0 fprintf('%3.1f 米%1d 根, ',l(j),Model(i,j)); end
         end
          fprintf('长度%3.1f 米,%1d 根,%2d 捆.',s1,g1,x(i));
           fprintf('\n');
           Gen=Gen+g1*x(i); %计算总根数
           Kun=Kun+x(i); %计算总捆数
           TotalLen=TotalLen+s1*x(i); %计算总长度
      end % end if x(i)>0
    end
      fprintf('总长度%6.1f 总根数%6d 总捆数%5d\n',TotalLen,Gen,Kun);
程序运行结果为:
序号 1,模式:22.0 米 2 根, 22.5 米 2 根, 长度 89.0 米,4 根, 1 捆.
序号 2,模式:22.0 米 3 根, 23.5 米 1 根, 长度 89.5 米,4 根,2 捆.
序号 3,模式:21.5 米 2 根, 22.0 米 1 根, 23.5 米 1 根, 长度 88.5 米,4 根,4 捆.
序号 4,模式:21.0 米 1 根, 21.5 米 2 根, 25.5 米 1 根, 长度 89.5 米,4 根, 1 捆.
序号 5,模式:16.5 米 1 根, 17.0 米 1 根, 18.0 米 1 根, 18.5 米 1 根, 19.5 米 1 根, 长度 89.5 米,5 根,5 捆.
序号 6,模式:16.5 米 1 根, 17.0 米 1 根, 17.5 米 1 根, 18.5 米 1 根, 19.5 米 1 根, 长度 89.0 米,5 根,15 捆.
序号 7,模式:16.5 米 2 根, 17.0 米 2 根, 21.5 米 1 根, 长度 88.5 米,5 根,1 捆.
序号 8,模式:15.5 米 1 根, 17.5 米 1 根, 18.0 米 1 根, 18.5 米 1 根, 19.0 米 1 根, 长度 88.5 米,5 根,34 捆.
序号 9,模式:15.5 米 1 根, 16.5 米 1 根, 18.0 米 1 根, 19.0 米 1 根, 19.5 米 1 根, 长度 88.5 米,5 根,8 捆.
序号 10,模式:15.0 米 1 根, 16.0 米 1 根, 16.5 米 1 根, 19.5 米 1 根, 21.5 米 1 根, 长度 88.5 米,5 根, 2 捆.
序号 11,模式:14.5 米 1 根, 18.0 米 1 根, 18.5 米 1 根, 19.0 米 1 根, 19.5 米 1 根, 长度 89.5 米,5 根, 3 捆.
序号 12,模式:14.5 米 1 根, 16.0 米 1 根, 17.0 米 1 根, 20.0 米 1 根, 21.0 米 1 根, 长度 88.5 米,5 根,23 捆.
序号 13.模式:14.5 米 1 根, 16.0 米 1 根, 16.5 米 1 根, 21.0 米 1 根, 21.5 米 1 根, 长度 89.5 米,5 根, 3 捆.
序号 14.模式:14.0 米 1 根, 16.5 米 1 根, 18.5 米 1 根, 19.0 米 1 根, 20.5 米 1 根, 长度 88.5 米,5 根,7 捆.
序号 15,模式:14.0 米 1 根, 15.0 米 1 根, 19.5 米 1 根, 20.0 米 1 根, 20.5 米 1 根, 长度 89.0 米,5 根,26 捆.
序号 16,模式:14.0 米 1 根, 15.0 米 1 根, 19.5 米 2 根, 20.5 米 1 根, 长度 88.5 米,5 根, 2 捆.
总长度 12159.5 总根数 677 总捆数 137
```

该结果在表 2 中体现。