

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ
БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО
ОБРАЗОВАНИЯ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ МОСКОВСКИЙ ЭНЕРГЕТИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ

Отчет по лабораторной работе № 1.

“Постфиксная запись выражений. Вычисление арифметических
выражений”

Выполнила: студентка 3 курса

Группы А-05-19

Абросимова М.Н.

Москва
2022

Лабораторная работа 1

Постфиксная запись выражений. Вычисление арифметических выражений

Задание. Разработать алгоритм и реализовать программу для перевода арифметических выражений в постфиксную запись и их вычисление.

Для арифметических выражений допустимы операции: сложения, вычитания, умножения, деления.

Обращаем внимание, что арифметическое выражение может содержать идентификаторы, значения которых задаются при запуске.

Разработанная программа должна выводить:

- постфиксную запись выражения
- вычислять значение выражения по постфиксной записи
- вычислять значение средствами языка программирования.

Метод

Преобразование в постфиксное выражение (обратную польскую запись):

1. Преобразуем изначальное выражение в список, так, чтобы после каждого операнда и оператора присутствовал пробел. Это необходимо, чтобы было проще преобразовывать в список
2. В постфиксной записи, в отличие от инфиксной записи, невозможно использовать одни и те же знаки для записи унарных и бинарных операций. В инфиксной записи конкретная операция определяется тем, в какой позиции находится знак, поэтому чтобы записать выражение, содержащее унарную операцию, придется ввести для операции изменения знака отдельное обозначение, например, «#»: Тогда выражение $5 * (-3 + 8)$ в постфиксной записи примет вид $5\ 3\ \#\ 8\ +\ *$
3. Обработываем список слева направо.
4. Если операнд, то добавляем в конец итогового списка.
 - 4.1.1. Если левая скобка, добавляем в стек для хранения операторов.
 - 4.1.2. Если правая скобка, то вытащить элемент из стека для хранения операторов. Продолжать до тех пор, пока не найдем соответствующую левую скобку.
 - 4.1.3. Если оператор $*$, $/$, $+$, $-$, $\#$ помещаем в стек для хранения операторов. Перед этим необходимо удалить любой оператор, который находится в данном стеке, имеющий равный или же больший приоритет, и добавить в результирующий список.

Вычисление выражения:

- 1.1. Производим обработку списка слева направо.

- 1.1.1. Если операнд, то если это число сразу добавляем в стек операндов, если же буква, то просим пользователя ввести значение.
- 1.1.2. Если оператор *, /, +, -, то вытаскиваем из стека два операнда и выполняем необходимую арифметическую операцию и записываем в тот же стек.
- 1.1.3. Если оператор #(унарный минус), то вытаскиваем из стека один операнд и выполняем необходимую арифметическую операцию и записываем в тот же стек.
- 1.2. В итоге после обработки необходимо забрать единственный результат из стека.

Вариант:

1. (r/t/y/u + i*o + p - a + s)+(d - f)*(g + h)*(j + k)

Программный код

```
from pythonds.basic.stack import Stack
import sys
flag_unary = False
fl_neg= False
fl_shift = True
def is_number(string):
    if string.isdigit():
        return True
    else:
        try:
            float(string)
            return True
        except ValueError:
            return False

def reverse_polish_notation(infix):
    # удалим все пробелы из строки для удобства
    infix = infix.replace(" ", "")

    with_enter = ''
    fl_shift = True
    flag = False

    if infix[0] == '+':
        infix = infix[1:]
    #print ("len(infix): ", len(infix))

    if (infix[0] == '-'):
        #fl_shift = False
        infix = "#" + infix[1:]

    for i in range(1, len(infix)-1):
        if (infix[i] == "-") and (is_number(infix[i + 1]) or infix[i + 1].lower() in
"abcdefghijklmnopqrstuvwxyz" ) and ((infix[i-1] == "(" ) or (infix[i-1] == "")):
            #заменяем унарный минус на #
            infix = infix[:i] + "#" + infix[i+1:]
            #fl_shift = False

    # for i in range(0, len(infix) ):
    #     print("i", i, ": ", infix[i])
```

```

    if (infix[len(infix)-1] == '+' or infix[len(infix)-1] == '-' or infix[len(infix)-1] ==
    '*' or \
        infix[len(infix)-1] == '/' or infix[len(infix)-1] == '#'):
        raise Exception("Ошибка 7. Некорректный(-ые) оператор(ы)")

for i in range(len(infix)):
    if infix[i] == '.' or flag:
        flag = False
        with_enter += infix[i]
    else:
        # print ("-----i", infix[i])
        if infix[i] != '(' and infix[i] != ')': #без учета скобок
            # Проверить что происходит чередование символов
            if (fl_shift) :
                # Надо считать до момента пока не встретили пробел
                # Текущий эл. переменная или число, тогда
                if infix[i] != '#':
                    if infix[i].lower() in "abcdefghijklmnopqrstuvwxyz" or
is_number(infix[i]): # or (infix[i]=="#")
                        if i != len(infix) - 1: # если не достигли конца строки - 1
                            if (not is_number(infix[i + 1]) and infix[i + 1] != '.' and
infix[i + 1] != '#'):
                                fl_shift = False
                                # if (infix[i] == '#'):
                                #     fl_shift = False
                            else:
                                raise Exception("Ошибка 1. Некорректный(-ые) операнд(ы)")
                        else:
                            if infix[i] == '+' or infix[i] == '-' or infix[i] == '*' or infix[i] ==
 '/' or infix[i] == '#': # or infix[i] == '#'
                                fl_shift = True
                            else:
                                raise Exception("Ошибка 2. Некорректный(-ые) оператор(ы) или нет
оператора")
                                #print("i-----", i, ": ", infix[i])
                                # if not check_num:
                                # проверим нужно ли добавлять пробел
                                if i != len(infix) - 1 or infix[-1] == ')' or infix[-1] == '(':
                                    if (is_number(infix[i + 1]) or infix[i + 1] == '.') and infix[i] != '+'
and infix[i] != '*' and \
                                        infix[i] != '-' and infix[i] != '/' and infix[i] != '#' : # and
infix[i] != '#'
                                            with_enter += infix[i]
                                        else:
                                            with_enter += infix[i] + ' '
                                        else:
                                            with_enter += infix[i] + ' '
                                else:
                                    with_enter += infix[i] + ' '

infix = with_enter
priority_operation = {}
priority_operation["#"] = 4
priority_operation["*"] = 3
priority_operation["/"] = 3
priority_operation["+"] = 2
priority_operation["-"] = 2
priority_operation["("] = 1
op_stack = Stack()
postfix_list = []

token_list = infix.split()

```

```

for token in token_list:
    if token.lower() in "abcdefghijklmnopqrstuvwxyz" or is_number(token):
        postfix_list.append(token)
    elif token == '(':
        op_stack.push(token)
    elif token == ')':
        if (not op_stack.isEmpty()):
            top_token = op_stack.pop()
        else:
            raise Exception("Ошибка 3. Лишняя скобка")
        while top_token != '(':
            postfix_list.append(top_token)
            # top_token = op_stack.pop()
        if (not op_stack.isEmpty()):
            top_token = op_stack.pop()
        else:
            raise Exception("Ошибка 4. Лишняя скобка")
    else:
        while (not op_stack.isEmpty()) and (priority_operation[op_stack.peek()] >=
priority_operation[token]):
            postfix_list.append(op_stack.pop())
            op_stack.push(token)

while not op_stack.isEmpty():
    postfix_list.append(op_stack.pop())

if '(' in postfix_list or ')' in postfix_list:
    raise Exception("Ошибка 5. Не хватает открывающей или закрывающей скобки(-ок)")
return " ".join(postfix_list)

def calculation(operator, operand1, operand2):
    if operator == "#": #and not (fl_neg)
        return -operand1 #operand2 = 0
    elif operator == "*":
        return operand1 * operand2
    elif operator == "/":
        return operand1 / operand2
    elif operator == "+":
        return operand1 + operand2
    else:
        return operand1 - operand2

def postfix_calculation(postfix_expr):
    operand_stack = Stack()
    token_list = postfix_expr.split()
    dict_symbols = {}

    for token in token_list:
        if token.lower() in "abcdefghijklmnopqrstuvwxyz" or is_number(token):
            if token.lower() in "abcdefghijklmnopqrstuvwxyz":
                if (dict_symbols.get(token) == None):
                    num = float(input(token + " = "))
                    operand_stack.push(num)
                    dict_symbols[token] = num
                else:
                    operand_stack.push(dict_symbols.get(token))
            else:
                # если работаем с числами
                # print (token, "token")
                operand_stack.push(float(token))
        else:
            if (token == '#'):
                # print ("Унарная операция", token)
                operand2 = 0
                operand1 = operand_stack.pop()

```

```

        result = calculation(token, operand1, operand2)
        operand_stack.push(result)
    else:
        # print("Знак операции", token)
        operand2 = operand_stack.pop()
        operand1 = operand_stack.pop()
        result = calculation(token, operand1, operand2)
        operand_stack.push(result)
    # print(operand_stack.pop())
    buf = operand_stack.pop()
    # print(buf)
    return buf

fl = True
while fl:
    try:
        # print("Выражение для 1 варианта: \n", "(r/t/y/u + i*o + p - a + s) + (d - f)*(g + h)*(j + k)")
        # v_1 = reverse_polish_notation("(r/t/y/u + i*o + p - a + s) + (d - f)*(g + h)*(j + k)")
        # print("Постфиксная запись: \n", v_1)
        # res_v1 = postfix_calculation(v_1)
        # print("Вычисление значения для данного выражения: ", res_v1, "\n")
        # print("----")

        infix = input("Введите выражение: ")
        postfix = reverse_polish_notation(infix)
        if not (flag_unary):
            if not postfix and (
                '+' not in postfix and '-' not in postfix and '*' not in postfix and '/'
not in postfix):
                raise Exception("Ошибка 6. Некорректный ввод")
            print("Постфиксная запись: {}".format(postfix))
        try:
            if not (flag_unary):
                res = postfix_calculation(postfix)
            else:
                res = - postfix_calculation(postfix)
            print("Результат = {}".format(res))
        except ValueError:
            print("Ошибка. Некорректный тип данных, ожидалось число ")
        except ZeroDivisionError:
            print("Ошибка. Попытка деления на 0 ")
        except Exception:
            e = sys.exc_info()[1]
            print(e.args[0])
        print("\n\n")

```

Тестовые примеры

№	Входные данные	Результат
1	$(r/t/y/u + i*o + p - a + s) + (d - f)*(g + h)*(j + k)$ r = 8 t = 2 y = 2 u = 2 i = 1	Введите выражение: $(r/t/y/u + i*o + p - a + s) + (d - f)*(g + h)*(j + k)$ Постфиксная запись: $r\ t / y / u / i\ o * + p + a - s + d\ f - g\ h + * j\ k + * +$ r = 8 t = 2 y = 2

	$o = 3$ $p = 4$ $a = 2$ $s = 5$ $d = 4$ $f = 2$ $g = 5$ $h = 3$ $j = 1$ $k = 2$	$u = 2$ $i = 1$ $o = 3$ $p = 4$ $a = 2$ $s = 5$ $d = 4$ $f = 2$ $g = 5$ $h = 3$ $j = 1$ $k = 2$ Результат = 59.0
2	$a - b$ $a = 7$ $b = 2$	Введите выражение: $a - b$ Постфиксная запись: $a b -$ $a = 7$ $b = 2$ Результат = 5.0
3	$1 + 3$	Введите выражение: $1 + 3$ Постфиксная запись: $1 3 +$ Результат = 4.0
4	$(5 * 11)$	Введите выражение: $(5 * 11)$ Постфиксная запись: $5 11 *$ Результат = 55.0
5	a/b $a = 3$ $b = 7$	Введите выражение: a/b Постфиксная запись: $a b /$ $a = 3$ $b = 7$ Результат = 0.42857142857142855
6	$1 / (a - b)$ $a = 2$ $b = 2$	Введите выражение: $1 / (a - b)$ Постфиксная запись: $1 a b - /$ $a = 2$ $b = 2$ Ошибка. Попытка деления на 0
7	$-a$ $a = 5$	Введите выражение: $-a$ Постфиксная запись: $a \#$ $a = 5$ Результат = -5.0
8	$a + b * c$	Введите выражение: $a + b * c$

	$a = 1$ $b = 2$ $c = 3$	Постфиксная запись: $a \ b \ c \ * \ +$ $a = 1$ $b = 2$ $c = 3$ Результат = 7.0
9	$a*(b*(c-d))$ $a = 2$ $b = 3$ $c = 5$ $d = 1$	Введите выражение: $a*(b*(c-d))$ Постфиксная запись: $a \ b \ c \ d \ - \ * \ *$ $a = 2$ $b = 3$ $c = 5$ $d = 1$ Результат = 24.0
10	$(7*(20+10))$	Введите выражение: $(7*(20+10))$ Постфиксная запись: $7 \ 20 \ 10 \ + \ *$ Результат = 210.0
11	$\phi + и$	Введите выражение: $\phi + и$ Ошибка 1. Некорректный(-ые) операнд(ы)
12	$a @ b$	Введите выражение: $a @ b$ Ошибка 2. Некорректный(-ые) оператор(ы) или нет оператора
13)	Введите выражение:) Ошибка 3. Лишняя скобка
14	$b+c-d)$	Введите выражение: $b+c-d)$ Ошибка 4. Лишняя скобка
15	$((a - b) + c$	$((a - b) + c$ Ошибка 5. Не хватает открывающей или закрывающей скобки(-ок)
16	()	Введите выражение: () Ошибка 6. Некорректный ввод
17	$a + b * c$ $a = one$	Введите выражение: $a + b * c$ Постфиксная запись: $a \ b \ c \ * \ +$ $a = one$ Ошибка. Некорректный тип данных, ожидалось число
18	$a/(b * c)$ $a = 1$ $b = 3$ $c = 0$	Введите выражение: $a/(b * c)$ Постфиксная запись: $a \ b \ c \ * \ /$ $a = 1$ $b = 3$ $c = 0$ Ошибка. Попытка деления на 0

19	$-(-a+1)$ $a = 4$	Введите выражение: $-(-a+1)$ Постфиксная запись: $a \# 1 + \#$ $a = 4$ Результат = 3.0
20	$-(-a-1)$ $a = 4$	Введите выражение: $-(-a-1)$ Постфиксная запись: $a \# 1 - \#$ $a = 4$ Результат = 5.0
21	$-6*a+1/a$ $a = 2$	Введите выражение: $-6*a+1/a$ Постфиксная запись: $6 \# a * 1 a / +$ $a = 2$ Результат = -11.5
22	$-6*a+1/b$ $a = 2$ $b = 1$	Введите выражение: $-6*a+1/b$ Постфиксная запись: $6 \# a * 1 b / +$ $a = 2$ $b = 1$ Результат = -11.0
23	$-(a)$ $a = 3$	Введите выражение: $-(a)$ Постфиксная запись: $a \#$ $a = 3$ Результат = -3.0
24	$(a+(b-c))$	Введите выражение: $(a+(b-c))$ Ошибка 5. Не хватает открывающей или закрывающей скобки(-ок)
25	$(a+b))$	Введите выражение: $(a+b))$ Ошибка 3. Лишняя скобка