

Hessian matrisi, bir fonksiyonun ikinci türevlerini içeren bir matristir. (n) -boyutlu bir vektör alanındaki bir fonksiyonun Hessian matrisi şu formülle ifade edilir:

$$H_{ij} = \frac{\partial^2 f}{\partial x_i \partial x_j}$$

Bu matris genellikle simetriktr, yani $(H - \{ \xi_{ij} \} = H - \{ \xi_{ji} \})$. Simetri, bağımsız değişkenlerin sırasını değiştirmenin sonucunu etkilememesi durumunda geçerlidir.

Örnek olarak, $f(x,y) = x^2 + y^2$ fonksiyonunu ele alalım. Bu fonksiyonun Hessian matrisi şu şekildedir:

$$\text{Hessian}(f) = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$$

Bu matris simetriktr ve pozitif semidefinite bir matristir. Pozitif semidefinite olması, bu fonksiyonun her noktasında bir minimum değeri olduğunu gösterir. Bu bilgi, bir fonksiyonun davranışını belirlemek ve özellikle minimum veya maksimum noktalarını anlamak için kullanılabilir.

$$f(x,y) = x^2 + 2xy + y^2$$

0222 0224574

1. Türevi

$$\frac{\partial f}{\partial y} = 2x + 2y$$

$$\frac{\partial f}{\partial x} = 2x + 2y$$

2. Türevi

$$\frac{\partial^2 f}{\partial x^2} = 2$$

$$\frac{\partial^2 f}{\partial x \partial y} = 2$$

$$\frac{\partial^2 f}{\partial y^2} = 2$$

$$\frac{\partial^2 f}{\partial y \partial x} = 2$$

$$H = \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ 2 & 2 \end{bmatrix}$$