ИТМО, Лабораторная по алгоритмам, у2022 4 семестр (Весна 2022)

1А. День рождения

2 секунды, 256 мегабайт

Митя знаком с m юношами и n девушками и хочет пригласить часть из них на свой день рождения. Ему известно, с какими девушками знаком каждый юноша, и с какими юношами знакома каждая девушка. Он хочет добиться того, чтобы каждый приглашённый был знаком со всеми приглашёнными противоположного пола, пригласив при этом максимально возможное число своих знакомых. Помогите ему это сделать!

Входные данные

Входной файл состоит из одного или нескольких наборов входных данных. В первой строке входного файла записано число наборов k ($1 \leq k \leq 20$). В последующих строках записаны сами наборы входных данных.

В первой строке каждого набора задаются числа $0 \leq m \leq 150$ и $0 \leq n \leq 150$. Далее следуют m строк, в каждой из которых записано одно или несколько чисел — номера девушек, с которыми знаком i-й юноша (каждый номер встречается не более одного раза). Строка завершается числом 0.

Выходные данные

Для каждого набора выведите четыре строки. В первой из них выведите максимальное число знакомых, которых сможет пригласить Митя. В следующей строке выведите количество юношей и количество девушек в максимальном наборе знакомых, разделённые одним пробелом. Следующие две строки должны содержать номера приглашённых юношей и приглашённых девушек соответственно. Числа в каждой из этих двух строк разделяются ровно одним пробелом и выводятся в порядке возрастания. Если максимальных наборов несколько, то выведите любой из них.

Разделяйте вывод для разных наборов входных данных одной пустой строкой.

входные данные
2
2 2
1 2 0
1 2 0
3 2
1 2 0
2 0
1 2 0
выходные данные
4
2 2
1 2
1 2
4
2 2
1 3
1 2

1В. Такси

2 секунды, 256 мегабайт

Управлять службой такси — совсем не простое дело. Помимо естественной необходимости централизованного управления машинами для того, чтобы обслуживать заказы по мере их поступления и как можно быстрее, нужно также планировать поездки для обслуживания тех клиентов, которые сделали заказы заранее.

В вашем распоряжении находится список заказов такси на следующий день. Вам необходимо минимизировать число машин такси, необходимых чтобы выполнить все заказы.

Для простоты будем считать, что план города представляет собой квадратную решетку. Адрес в городе будем обозначать парой целых чисел: x-координатой и y-координатой. Время, необходимое для того, чтобы добраться из точки с адресом (a,b) в точку (c,d), равно |a-c|+|b-d| минут. Машина такси может выполнить очередной заказ, либо если это первый ее заказ за день, либо она успевает приехать в начальную точку из предыдущей конечной хотя бы за минуту до указанного срока. Обратите внимание, что выполнение некоторых заказов может окончиться после полуночи.

Входные данные

В первой строке входного файла записано число заказов M (0 < M < 500). Последующие M строк описывают сами заказы, по одному в строке. Про каждый заказ указано время отправления в формате $\mathrm{hh}: \mathrm{mm}$ (в интервале с 00:00 по 23:59), координаты (a,b) точки отправления и координаты (c,d) точки назначения. Все координаты во входном файле неотрицательные и не превосходят 200. Заказы записаны упорядоченными по времени отправления.

Выходные данные

В выходной файл выведите единственное целое число — минимальное количество машин такси, необходимых для обслуживания всех заказов.

```
Входные данные
2
08:00 10 11 9 16
08:07 9 16 10 11

Выходные данные
1
```

```
      входные данные

      2

      08:00 10 11 9 16

      08:06 9 16 10 11

      выходные данные
```

1С. Древний язык

1 секунда, 256 мегабайт

Ученые нашли текст, написанный на каком-то древнем языке. При написании текста использовалось два типа иероглифов. Первый тип использует только заглавные латинские буквы, второй тип — только прописные латинские буквы. При написании текста типы иероглифов чередуются, то есть соседние два иероглифа имеют разный тип. Например, текст AaAbBaAcCaAa является валидным, но текст ACbD нет.

У ученых есть гипотеза, что найденный ими текст является последовательностью слов. Каждый из этих слов состоит из двух иероглифов разных типов. Например, текст может быть составлен из слов Aa, bB и bC.

Слова в тексте могут перекрываться, например, текст AaAbB может быть рассмотрен как последовательность слов Aa, aA и bB.

Теперь же ученые хотят узнать, какое минимальное количество различных слов может быть в тексте. Например, AaAbBaAcCaAa может быть представлен в виде последовательности слов Aa, aA, bB, aA, cC, aA и Aa, в которой используются всего 4 различных слова: Aa, aA, bB и cC.

Ученые просят вас посчитать минимально возможное количество различных слов, которые использовались при составлении текста.

Входные данные

Дана строка, состоящая из чередующихся заглавных и прописных латинских букв. В строке от 2 до 2500 букв.

Выходные данные

Выведите минимально возможное количество различных слов, которые использовались при составлении текста.

входные данные	
AaAbBaAcCaAa	
выходные данные	
4	

входные данные	
AbAb	
выходные данные	
1	

входные данные
aBaB
выходные данные
1

входные данные	
AaBb	
выходные данные	
2	

2А. Просто поток

5 секунд, 1024 мегабайта

Дана система из узлов и труб, по которым может течь вода. Для каждой трубы известна наибольшая скорость, с которой вода может протекать через нее. Известно, что вода течет по трубам таким образом, что за единицу времени в каждый узел (за исключением двух — источника и стока) втекает ровно столько воды, сколько из него вытекает.

Ваша задача — найти наибольшее количество воды, которое за единицу времени может протекать между источником и стоком, а также скорость течения воды по каждой из труб.

Трубы являются двусторонними, то есть вода в них может течь в любом направлении. Между любой парой узлов может быть более одной трубы.

Входные данные

В первой строке записано натуральное число N — количество узлов в системе $(2 \leq N \leq 100)$. Известно, что источник имеет номер 1, а сток номер N. Во второй строке записано натуральное M ($1 \leq M \leq 5000$) — количество труб в системе. Далее в M строках идет описание труб. Каждая труба задается тройкой целых чисел A_i , B_i , C_i , где A_i , B_i — номера узлов, которые соединяет данная труба $(A_i \neq B_i)$, а C_i ($0 \leq C_i \leq 10^4$) — наибольшая допустимая скорость течения воды через данную трубу.

Выходные данные

В первой строке выведите наибольшее количество воды, которое протекает между источником и стоком за единицу времени. Далее выведите M строк, в каждой из которых выведите скорость течения воды по соответствующей трубе. Если направление не совпадает с порядком узлов, заданным во входных данных, то выводите скорость со знаком минус. Числа выводите с точностью 10^{-3} .

входные данные

2

2

1 2 1

2 1 3

выходные данные 4 1 -3

2В. Разрез

2 секунды, 1024 мегабайта

Найдите минимальный разрез между вершинами 1 и n в заданном неориентированном графе.

Входные данные

На первой строке входного файла содержится n ($2 \le n \le 100$) — число вершин в графе и m ($0 \le m \le 400$) — количество ребер. На следующих m строках входного файла содержится описание ребер. Ребро описывается номерами вершин, которые оно соединяет, и его пропускной способностью (положительное целое число, не превосходящее $10\,000\,000$), при этом никакие две вершины не соединяются более чем одним ребром.

Выходные данные

На первой строке выходного файла должны содержаться количество ребер в минимальном разрезе и их суммарная пропускная способность. На следующей строке выведите возрастающую последовательность номеров ребер (ребра нумеруются в том порядке, в каком они были заданы во входном файле).

Входные данные 3 3 1 2 3 1 3 5 3 2 7 Выходные данные 2 8 1 2

2С. Великая стена

2 секунды, 1024 мегабайта

У короля Людовика двое сыновей. Они ненавидят друг друга, и король боится, что после его смерти страна будет уничтожена страшными войнами. Поэтому Людовик решил разделить свою страну на две части, в каждой из которых будет властвовать один из его сыновей. Он посадил их на трон в города A и B, и хочет построить минимально возможное количество фрагментов стены таким образом, чтобы не существовало пути из города A в город B.

Страну, в которой властвует Людовик, можно упрощенно представить в виде прямоугольника $m \times n$. В некоторых клетках этого прямоугольника расположены горы, по остальным же можно свободно перемещаться. Кроме этого, ландшафт в некоторых клетках удобен для строительства стены, в остальных же строительство невозможно.

При поездках по стране можно перемещаться из клетки в соседнюю по стороне, только если ни одна из этих клеток не содержит горы или построенного фрагмента стены.

Входные данные

В первой строке входного файла содержатся числа m и n ($1 \le m, n \le 50$). Следующие m строк по n символов задают карту страны. Символы обозначают: «#» — гора, « . » — место, пригодное для постройки стены, «-» — место, не пригодное для постройки стены, «А» и «В» — города A и B.

Выходные данные

В первой строке выходного файла должно быть выведено минимальное количество фрагментов стены F, которые необходимо построить. Далее нужно вывести карту в том же формате, как во входном файле. Клетки со стеной обозначьте символом «+».

Если невозможно произвести требуемую застройку, то выведите в выходной файл единственное число - 1.

Входные данные 5 5 --... А-.#.#.#--.-----В Выходные данные 3 --+.. А-+#+#.#--.---------------

Входные данные 1 2 АВ Выходные данные -1

входные данные	
2 2	
A#	
#B	
выходные данные	
0	
A#	
#B	

ЗА. Плотник

2 секунды, 256 мегабайт

Такеши — известный плотник, он принимает много заказов со всей Японии. Однако недавно воры украли у него все инструменты, и теперь ему придется купить новые, чтобы выполнять заказы.

В магазине инструментов Такеши узнал цены на каждый из m интересующих его инструментов, кроме того, он выяснил, что на некоторые пары инструментов есть скидка, если их покупать вместе. При этом каждый инструмент встречается не более чем в одной такой паре.

Сейчас у Такеши есть n заказов, для каждого заказа он знает его стоимость и список инструментов, которые нужны, чтобы его выполнить.

Такеши необязательно выполнять все заказы. Он хочет выбрать какое-то множество заказов и купить только те инструменты, которые нужны для их выполнения. При этом он хочет максимизировать свою прибыль, то есть разницу между стоимостью выполненных заказов и стоимостью инструментов с учетом скидок. Помогите Такеши сделать это.

Входные данные

Первая строка ввода содержит числа n, m и p — число заказов, число инструментов и число скидок ($1 \le n \le 100, \ 2 \le m \le 100, \ 1 \le p \le m/2$).

Следующие n строк содержат описание заказов. Каждое описание начинается со стоимости заказа (положительное целое число не больше 1000), далее идет число инструментов, необходимых для его выполнения и номера этих инструментов.

Следующие m строк содержат стоимости инструментов без скидки (положительные целые числа не больше 1000).

Следующие p строк содержат описание скидок. Каждое описание содержит номера инструментов и их суммарную стоимость с учетом скидки. Гарантируется, что каждый инструмент встречается только в одной скидке. Также гарантируется, что сумма с учетом скидки больше стоимости каждого из инструментов по отдельности и меньше их суммы.

Выходные данные

Выведите максимальную прибыль, которую может получить Такеши.

ВХОДНЫЕ ДАННЫЕ 3 4 2 100 2 1 2 100 1 3 100 1 4 20 50 150 1 2 30 3 4 180 ВЫХОДНЫЕ ДАННЫЕ 120

Условие недоступно на русском языке

3С. Пение

2 секунды, 256 мегабайт

Алиса и Боб собираются спеть песню вместе. Вам даны три целых числа: n, low и high. Для простоты, обозначим числами от 1 до n высоты нот, которые встречаются в песне (от самых низких до самых высоких). Алиса может петь только ноты с высотами от low до n включительно. Боб может петь только ноты с высотами от 1 до high включительно. (Гарантируется, что эти отрезки пересекаются).

Вам дана последовательность высот нот в песне. Каждая нота в песне должна быть спета ровно одним человеком: или Алисой, или Бобом. Все ноты одной высоты должны быть спеты одним человеком. Количество раз, которое сменяется певец, в течении песни должно быть минимальным возможным.

Формально, смена певца происходит в тот момент, когда одну ноту пел один человек, а следующую — уже другой.

Вычислите минимально возможное количество смен певца в течении песни.

Входные данные

В первой строке даны четыре целых числа n, low, high и m ($1 \le low \le high \le n \le 1000$).

Во второй строке даны m чисел — последовательность нот из песни h_i ($1 \le h_i \le n$).

Выходные данные

Выведите единственное число — ответ на задачу.

Входные данные 3 2 2 6 1 2 3 2 1 2 Выходные данные 2

входные данные 10 3 7 8 4 4 5 5 6 5 3 6 выходные данные 0

входные данные	
6 2 5 6 5 3 1 6 4 2	
выходные данные	
1	

```
      входные данные

      10 4 5 9

      1 4 3 5 2 5 7 5 9

      выходные данные

      3
```

```
      ВХОДНЫЕ ДАННЫЕ

      100 20 80 24

      2 27 3 53 53 52 52 60 85 89 100 53 60 2 3 53 100 89 40 42 2 53 2

      Выходные данные

      5
```

3D. Два языка

2 секунды, 256 мегабайт

Родители Эллиота говорят с ним дома по-английски и по-французски. Он слышал множество разных слов, но не всегда уверен, какие слова принадлежат какому языку. Эллиот знает одно предложение, про которое точно уверен, что оно на английском, и знает одно предложение, про которое уверен, что оно на французском. И еще несколько предложений, которые могут быть или на английском, или на французском.

Если слово встречается в английском предложении, оно должно быть словом в английском языке. Если слово встречается во французском предложении, оно должно быть словом во французском языке.

Вам даны все предложения, которые слышал Эллиот. Найдите минимальное возможное количество слов, среди тех, которые он слышал, которые должны принадлежать сразу обоим языкам.

Входные данные

В первой строке содержится количество тестов T ($1 \le T \le 25$). Далее следует T тестов. Каждый начинается со строки, содержащей целое число N ($1 \le N \le 200$). Далее следует N строк, каждая содержит последовательность слов, разделенных пробелом. Каждое слово состоит только из строчных латинских букв. Первая из этих N строк — предложение на английском. Вторая — предложение на французском. Остальные могут быть как предложениями на английском, так и предложениями на французском.

Каждое слово содержит не более 10 символов. Первые два предложения содержат не более $1\ 000$ слов каждое. Остальные содержат не более чем по $10\$ слов.

Выходные данные

Для каждого теста выведите в новой строке одно число — ответ на задачу.

входные данные he loves to eat baguettes il aime manger des baguettes abcde fghij abcij fghde he drove into a cul de sac elle a conduit sa voiture il a conduit dans un cul de sac il mange pendant que il conduit sa voiture adieu joie de vivre je ne regrette rien adieu joie de vivre je ne regrette rien abcde fghij abcij fghde выходные данные 1 3 8

4А. Мороженое

2 секунды, 256 мегабайт

По дороге в школу Петя любит забегать в киоск и покупать себе мороженое. Однако при этом он часто опаздывает в школу. Неожиданно Петя понял — он просто ходит не по кратчайшему пути! Помогите Пете победить опоздания. Город можно представить как n перекрестков, соединенных m улицами, про каждую улицу известна ее длина. Дом Пети находится на перекрестке a, школа — на перекрестке b, а киоск с мороженым — на перекрестке c. По пути в школу Петя никогда не проходит через один перекресток дважды.

Входные данные

Первая строка входного файла содержит числа n и m $(3 \le n \le 3 \cdot 10^4, 0 \le m \le 5 \cdot 10^4)$. Вторая строка содержит три различных числа — a, b и c. Следующие m строк содержат по три целых числа x_i , y_i и l_i — номера перекрестков, соединенных улицей и ее длину (длина — целое неотрицательное число, которое не превышает 10^4).

Выходные данные

Если путь из дома Пети до школы, проходящие через перекресток с мороженым и не проходящий по одному перекрестку два раза, существует, выведи на первой строке выходного файла два целых числа k и l — количество улиц, которые проходит Петя в оптимальном пути и длину пути. На второй строке выведите номера перекрестков в том порядке, в котором их посещает Петя.

В противном случае выведите - 1 на первой строке выходного файла.

```
      входные данные

      5 6

      1 5 3

      1 2 1

      2 3 4

      2 4 1

      3 4 2

      1 5 1

      4 5 2

      выходные данные

      4 9

      1 2 3 4 5
```

4В. Задача о назначениях

2 секунды, 256 мегабайт

{256 мегабайт}

Дана целочисленная матрица C размера n imes n. Требуется выбрать n ячеек так, чтобы в каждой строке и каждом столбце была выбрана ровно одна ячейка, а сумма значений в выбранных ячейках была минимальна.

Входные данные

Первая строка входного файла содержит n ($2 \le n \le 300$). Каждая из последующих n строк содержит по n чисел: C_{ij} Все значения во входном файле неотрицательны и не превосходят 10^6 .

Выходные данные

В первую строку выходного файла выведите одно число — искомая минимизуруемая величина. Далее выведите n строк по два числа в каждой — номер строки и столбца клетки, участвующей в оптимальном назначении.

Пары чисел можно выводить в произвольном порядке.

входны	е данные		
3			
3 2 1			
1 3 2			
2 1 3			
выходн	ые данные		
3			
1 3			
2 1			
3 2			

4С. План эвакуации

2 секунды, 256 мегабайт

В городе есть муниципальные здания и бомбоубежища, которые были специально построены для эвакуации служащих в случае ядерной войны. Каждое бомбоубежище имеет ограниченную вместительность по количеству людей, которые могут в нем находиться. В идеале все работники из одного муниципального здания должны были бы бежать к ближайшему бомбоубежищу. Однако, в таком случае, некоторые бомбоубежища могли бы переполниться, в то время как остальные остались бы наполовину пустыми.

Чтобы разрешить эту проблему Городской Совет разработал специальный план эвакуации. Вместо того, чтобы каждому служащему индивидуально приписать, в какое бомбоубежище он должен бежать, для каждого муниципального здания определили, сколько служащих из него в какое бомбоубежище должны бежать. Задача индивидуального распределения была переложена на внутреннее управление муниципальных зданий.

План эвакуации учитывает количество служащих в каждом здании — каждый служащий должен быть учтен в плане и в каждое бомбоубежище может быть направлено количество служащих, не превосходящее вместимости бомбоубежища.

Городской Совет заявляет, что их план эвакуации оптимален в том смысле, что суммарное время эвакуации всех служащих города минимально.

Мэр города, находящийся в постоянной конфронтации с Городским Советом, не слишком то верит этому заявлению. Поэтому он нанял Вас в качестве независимого эксперта для проверки плана эвакуации. Ваша задача состоит в том, чтобы либо убедиться в оптимальности плана Городского Совета, либо доказать обратное, представив в качестве доказательства другой план эвакуации с меньшим суммарным временем для эвакуации всех служащих.

Карта города может быть представлена в виде квадратной сетки. Расположение муниципальных зданий и бомбоубежищ задается парой целых чисел, а время эвакуации из муниципального здания с координатами (X_i, Y_i) в бомбоубежище с координатами (P_j, Q_j) составляет $D_{ij} = |X_i - P_j| + |Y_i - Q_j| + 1$ минут.

Входные данные

Входной файл содержит описание карты города и плана эвакуации, предложенного Городским Советом. Первая строка входного файла содержит два целых числа N ($1 \le N \le 100$) и M ($1 \le M \le 100$), разделенных пробелом. N — число муниципальных зданий в городе (все они занумерованы числами от 1 до N), M — число бомбоубежищ (все они занумерованы числами от 1 до M).

Последующие N строк содержат описания муниципальных зданий. Каждая строка содержит целые числа X_i, Y_i и B_i , разделенные пробелами, где X_i, Y_i (- $1000 \le X_i, Y_i \le 1000$) — координаты здания, а B_i ($1 \le B_i \le 1000$) — число служащих в здании.

Описание бомбоубежищ содержится в последующих M строках. Каждая строка содержит целые числа $P_j,\,Q_j$ и C_j , разделенные пробелами, где $P_j,\,Q_j$ (- $1000 \le P_j,\,Q_j \le 1000$) — координаты бомбоубежища, а C_j ($1 \le C_j \le 1000$) — вместимость бомбоубежища.

В последующих N строках содержится описание плана эвакуации. Каждая строка представляет собой описание плана эвакуации для отдельного здания. План эвакуации из i-го здания состоит из M целых чисел E_{ij} , разделенных пробелами. E_{ij} ($0 \le E_{ij} \le 10000$) — количество служащих, которые должны эвакуироваться из i-го здания в j-е бомбоубежище.

Гарантируется, что план, заданный во входном файле, корректен.

Выходные данные

Если план эвакуации Городского Совета оптимален, то выведите одно слово OPTIMAL. В противном случае выведите на первой строке слово SUBOPTIMAL, а в последующих N строках выведите Ваш план эвакуации (более оптимальный) в том же формате, что и во входном файле. Ваш план не обязан быть оптимальным, но должен быть лучше плана Городского Совета.

```
входные данные
3 4
-3 3 5
-2 -2 6
2 2 5
-1 1 3
1 1 4
-2 -2 7
0 -1 3
3 1 1 0
0060
0 3 0 2
выходные данные
SUBOPTIMAL
3 0 1 1
0 0 6 0
0 4 0 1
```

```
ВХОДНЫЕ ДАННЫЕ

3 4
-3 3 5
-2 -2 6
2 2 5
-1 1 3
1 1 4
-2 -2 7
0 -1 3
3 0 1 1
0 0 6 0
0 4 0 1
```

выходные данные

OPTIMAL

4D. Задача коммивояжеров

2 секунды, 256 мегабайт

Есть *п* городов. Между городами есть ориентированные дороги, у каждой дороги есть стоимость покупки разрешения на проезд. Мы хотим торговать во всех городах. У нас есть неограниченное кол-во коммивояжеров. Для каждого из них мы должны определить список городов, в которых они будут торговать. Каждый коммивояжер будет объезжать все города из своего списка по циклу (он может по пути заезжать в другие города, но не торговать там). Если два (или более) коммивояжеров будут ездить по одной дороге, то каждому из них мы должны купить разрешение на проезд. Если список у коммивояжера состоит только из одного города, то он либо должен регулярно выезжать из города (тоже по какому-то циклу), либо мы должны купить ему прописку (у каждого города есть цена прописки). Наконец, в любом городе должен торговать только один коммивояжер, иначе предприятием заинтересуется налоговая. Нужно минимизировать издержки.

Входные данные

В первой строке два числа n, m — количество городов и количество дорог ($1 \le n \le 256, 0 \le m \le n(n-1)$).

Во второй строке n чисел a_i — цена прописки для города номер i ($0 \le a_i \le 10^9$).

Затем в m строках описаны дороги. Описание дороги из города u в город v со стоимостью разрешения на проезд c выглядит как u v cost $(1 \le u, v \le n, u \ne v, 0 \le c \le 10^9)$. Гарантируется, что между любой парой городов не более 1 дороги в каждом из направлений.

Выходные данные

Выведите одно число — минимальную сумму издержек.

входные данные 3 3 30 25 30 1 2 3 2 3 5 3 1 10 выходные данные 18

5А. Задача для второклассника

2 секунды, 256 мегабайт

Вам даны два числа. Необходимо найти их произведение.

Входные данные

Входные данные состоят из двух строк, на каждой из которых находится целое одно **целое** число, длина которого не превосходит двухсот пятидесяти тысяч символов.

Выходные данные

Выведите произведение данных чисел.

входные данные
2 2
выходные данные
4

входные данные	
1 -1	
выходные данные	
-1	

5В. Дуэль

2 секунды, 256 мегабайт

Двое дуэлянтов решили выбрать в качестве места проведения поединка тёмную аллею. Вдоль этой аллеи растёт n деревьев и кустов. Расстояние между соседними объектами равно одному метру. Дуэль решили проводить по следующим правилам. Некоторое дерево выбирается в качестве стартовой точки. Затем два дерева, находящихся на одинаковом расстоянии от исходного, отмечаются как места для стрельбы. Дуэлянты начинают движение от стартовой точки в противоположных направлениях. Когда соперники достигают отмеченных деревьев, они разворачиваются и начинают стрелять друг в друга.

Дана схема расположения деревьев вдоль аллеи. Требуется определить количество способов выбрать стартовую точку и места для стрельбы согласно правилам дуэли.

Входные данные

Во входном файле содержится одна строка, состоящая из символов '0' и '1' — схема аллеи. Деревья обозначаются символом '1', кусты — символом '0'. Длина строки не превосходит 100000 символов.

Выходные данные

Выведите количество способов выбрать стартовую точку и места для стрельбы согласно правилам дуэли.

входные данн	ные
101010101	
выходные дан	ные
4	

входные данные	
101001	

выходные данные

0

В первом примере возможны следующие конфигурации дуэли (стартовое дерево и деревья для стрельбы выделены жирным шрифтом): 101010101, 101010101, 101010101 и 101010101.

5С. Морти покупает продукты

6 секунд, 256 мегабайт

Рик и Морти пришли в магазин. Как вы уже поняли, Рик очень любит давать Морти разные задания. И этот случай не является исключением! Сейчас ему нужно подсчитать количество способов купить k продуктов. Всего в магазине n продуктов. Стоимость i-го продукта равняется c_i . Рик будет q раз давать Морти два числа — l и r, Морти в свою очередь должен сказать, сколько существует способов купить k продуктов, чтобы их суммарная стоимость была не меньше l и не больше r. Обозначим покупку, как набор индексов $\{i_1,i_2,...,i_k\}$, где i_j — номер товара, который был куплен j-м. Два способа покупки A и B называются различными, если (индекс товара, купленным d-м будем обозначать как A_d) существует такой индекс d, что $A_d \neq B_d$. Таким образом (1,2) и (2,1) это два разных способа покупки товаров. Так же, заметьте, что один продукт можно покупать сколько угодно раз.

Входные данные

В первой строке входного файла содержатся три числа $n, k, q, (1 \le n, q \le 10^5)$, $(1 \le k \le 10^5)$. Во второй строке находится n целых чисел c_i обозначающих стоимости товаров. Товар с индексом i имеет стоимость c_i . $(1 \le c_i \le 5 \cdot 10^4)$. Следующие q строк содержат два числа l и r обозначающие вопрос от Рика, $(1 \le l \le r \le 5 \cdot 10^4)$. Морти должен сказать, сколько существует способов купить k продуктов, чтобы их суммарная стоимость была не меньше l и не больше r.

Выходные данные

В q строках выведите ответы на запросы Рика. Так как ответ может быть очень большим, выведите его по модулю 786433.

входные данные				
5 1 5				
1 2 3 4 5				
1 2				
1 3				
1 4				
1 5				
2 5				

```
выходные данные
2
3
4
5
4
```

входные данные
2 2 1 1 1 1 10000
выходные данные
4

Codeforces (c) Copyright 2010-2022 Михаил Мирзаянов Соревнования по программированию 2.0