學號:B03705049 系級: 資管四 姓名:廖寬璿

請實做以下兩種不同feature的模型, 回答第(1)~(3)題:

- (1) 抽全部9小時內的污染源feature的一次項(加bias)
- (2) 抽全部9小時內pm2.5的一次項當作feature(加bias)

備註:

- a. NR請皆設為0, 其他的數值不要做任何更動
- b. 所有 advanced 的 gradient descent 技術(如: adam, adagrad 等) 都是可以用的

1. (2%)記錄誤差值 (RMSE)(根據kaggle public+private分數),討論兩種feature的影響

all	7.65941 + 5.52192
pm2.5	8.06277 + 5.42832

Train了同樣的次數後 pm2.5在 public比較差, 在private比較好但都差不多 由此可得知pm2.5以外的feature沒那麼重要

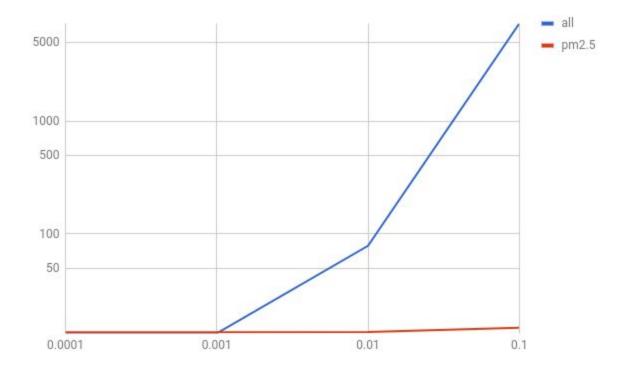
2. (1%)將feature從抽前9小時改成抽前5小時, 討論其變化

all	7.89145 + 5.57374
pm2.5	8.00052 + 5.73149

Train了同樣的次數後 pm2.5在 public比較差, 在private比較好但都比9小時的差由此可得知前4小時的feature還是重要的

3. (1%)Regularization on all the weight with λ =0.1、0.01、0.001、0.0001, 並作圖

	0.1	0.01	0.001	0.0001
all	3612.03473 +	35.63916 +	7.67517 +	7.65941
	3677.38759	43.00978	5.52795	+5.51513
pm2.5	8.93308 +	8.08290 +	8.06742 +	8.06277 +
	5.86017	5.45588	5.42985	5.42832



4. (1%)在線性回歸問題中,假設有 N 筆訓練資料,每筆訓練資料的特徵 (feature) 為一向量 x^n ,其標註(label)為一存量 y^n ,模型參數為一向量w (此處忽略偏權值 b),則線性回歸的損失函數(loss function)為 $\sum\limits_{n=1}^{N} \left(y^n - x^n \cdot w\right)^2$ 。若將所有訓練資料的特徵值以矩陣 $X = [x^1 x^2 \dots x^N]^T$ 表示,所有訓練資料的標註以向量 $y = [y^1 y^2 \dots y^N]^T$ 表示,請問如何以 X 和 y 表示可以最小化損失函數的向量 w ?請寫下算式並選出正確答案。(其中 X^TX 為invertible) (c) $(X^TX)^{-1}X^Ty$

$$loss = \sum (Y - XW)^{2}$$

$$\frac{\partial loss}{\partial W} = 2(Y - XW)(-W) = 0$$

$$Y = XW$$

$$X^{T}Y = X^{T}XW$$

$$(X^{T}X)^{-1}X^{T}Y = W$$