#### ГОСУДАРСТВЕННЫЙ СТАНДАРТ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

## информационная технология

# КРИПТОГРАФИЧЕСКАЯ ЗАЩИТА ИНФОРМАЦИИ

ПРОЦЕДУРЫ ВЫРАБОТКИ И ПРОВЕРКИ ЭЛЕКТРОННОЙ ЦИФРОВОЙ ПОДПИСИ НА БАЗЕ АСИММЕТРИЧНОГО КРИПТОГРАФИЧЕСКОГО АЛГОРИТМА

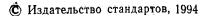
Издание официальное

## Предисловие

1 РАЗРАБОТАН Главным управлением безопасности связи Федерального агентства правительственной связи и информации и Всероссийским научно-исследовательским институтом стандартизации

ВНЕСЕН Техническим комитетом по стандартизации ТК 22 «Информационная технология» и Федеральным агентством правительственной связи и информации

- 2 ПРИНЯТ И ВВЕДЕН В ДЕЙСТВИЕ Постановлением Госстандарта России от 23.05.94 № 154
- 3 ВВЕДЕН ВПЕРВЫЕ



Настоящий стандарт не может быть полностью или частично воспроизведен, тиражирован и распространен в качестве официального издания без разрешения Госстандарта России

# СОДЕРЖАНИЕ

1	Область применения	
2	Нормативные ссылки	
	Обозначения	
4	Общие положения	
5	Процедура выработки подписи	
6	Процедура проверки подписи	
7	Процедуры получения чисел р, q и а	
Π	риложение А Проверочные примеры	

## введение

Расширяющееся применение информационных технологий при создании, обработке, передаче и хранении документов требует в определенных случаях сохранения конфиденциальности их содержания, обеспечения полноты и достоверности.

Одним из эффективных направлений защиты информации является криптография (криптографическая защита), широко применяемая в различных сферах деятельности в государственных и коммерческих структурах.

Криптографические методы защиты информации являются объектом серьезных научных исследований и стандартизации на

национальных, региональных и международных уровнях.

Настоящий стандарт определяет процедуры выработки и проверки электронной цифровой подписи на базе асимметричного криптографического алгоритма с применением функции хэширования.

Электронная цифровая подпись обеспечивает целостность сообщений (документов), передаваемых по незащищенным телекоммуникационным каналам общего пользования в системах обработки информации различного назначения, с гарантированной идентификацией ее автора (лица, подписавшего документ).

## ГОСУДАРСТВЕННЫЙ СТАНДАРТ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

#### Информационная технология.

#### КРИПТОГРАФИЧЕСКАЯ ЗАЩИТА ИНФОРМАЦИИ.

Процедуры выработки и проверки электронной цифровой подписи на базе асимметричного криптографического алгоритма.

Information technology.
Cryptographic Data Security.
Produce and check procedures of Electronic Digital Signature based on Asymmetric Cryptographic Algorithm.

Дата введения 1995-01-01

#### 1 ОБЛАСТЬ ПРИМЕНЕНИЯ

Настоящий стандарт устанавливает процедуры выработки и проверки электронной цифровой подписи (ЭЦП) сообщений (документов), передаваемых по незащищенным телекоммуникационным каналам общего пользования в системах обработки информации различного назначения, на базе асимметричного криптографического алгоритма с применением функции хэширования.

Внедрение системы ЭЦП на базе настоящего стандарта обеспечивает защиту передаваемых сообщений от подделки, искажения и однозначно позволяет доказательно подтвердить подпись лица, подписавшего сообщение.

#### 2 НОРМАТИВНЫЕ ССЫЛКИ

В настоящем стандарте использованы ссылки на следующий стандарт:

ГОСТ Р 34.11—94 Информационная технология. Криптографическая защита информации. Функция хэширования.

#### 3 ОБОЗНАЧЕНИЯ

В настоящем стандарте используются следующие обозначения.  $\beta^*$  — множество всех конечных слов в алфавите  $\beta = \{0,1\}$ . |A| — длина слова  $A \in \beta^*$ .

 $V_k(2)$  — множество всех бинарных слов длины k.

 $z \pmod{n}$  — наименьшее по значению неотрицательное число, сравнимое с z по модулю числа n.

 $N>_k$  — слово длины k, содержащее двоичную запись вычета  $N \pmod{2^k}$  неотрицательного целого числа N.

A — неотрицательное целое число, имеющее двоичную запись  $A(A \subseteq \beta^*)$  (под длиной числа будем понимать номер старшего значащего бита в двоичной записи числа).

 $A\|B$  — конкатенация слов A,  $B \in \beta^*$  — слово длины |A| + |B|, в котором левые |A| символов образуют слово A, а правые |B| символов образуют слово B. Можно также использовать обозначение  $A\|B = AB$ .

 $A^{k}$  — конкатенация k экземпляров слова  $A(A = \beta^{*})$ .

M — передаваемое сообщение,  $M \in \beta^*$ .  $M_1$  — полученное сообщение,  $M_1 \in \beta^*$ . 1)

h - xэш-функция, отображающая сообщение M в слово  $h(M) \in V_{256}(2)$ .

p — простое число,  $2^{509} либо <math>2^{1020} .$ 

q — простое число,  $2^{254} < q < 2^{256}$  и q является делителем для (p-1).

a — целое число, 1 < a < p-1, при этом  $a^q \pmod{p} = 1$ .

k — целое число, 0 < k < q.

[d] — наименьшее целое число, не меньшее чем d.

[d] — наибольшее целое число, не большее чем d.

e: = g — присвоение параметру е значения g.

x — секретный ключ пользователя для формирования подписи, 0 < x < q.

у — открытый ключ пользователя для проверки подписи,  $y = a^x \pmod{p}$ .

## 4 ОБЩИЕ ПОЛОЖЕНИЯ

Система ЭЦП базируется на методах криптографической защиты данных с использованием хэш-функции.

Алгоритм вычисления функции хэширования установлен в ГОСТ Р 34.11.

Процедуры цифровой подписи допускают как программную, так и аппаратную реализацию.

Система ЭЦП включает в себя процедуры выработки и проверки подписи под данным сообщением.

<sup>1)</sup> Отправляемые и получаемые последовательности, в том числе сообщения и подписи, могут отличаться друг от друга из-за случайных или преднамеренных искажений.

Цифровая подпись, состоящая из двух целых чисел, представленных в виде слов в алфавите в, вычисляется с помощью опре-

деленного набора правил, изложенных в стандарте.

Числа р, q и а, являющиеся параметрами системы, должны быть выбраны (выработаны) по процедуре, описанной в пункте 7. числа р, q и а не являются секретными. Конкретный набор их значений может быть общим для группы пользователей. Целое число k, которое генерируется в процедуре подписи сообщения, должно быть секретным и должно быть уничтожено сразу после выработки подписи. Число k снимается с физического датчика случайных чисел или вырабатывается псевдослучайным методом с использованием секретных параметров.

# 5 ПРОЦЕДУРА ВЫРАБОТКИ ПОДПИСИ

Текст сообщения, представленный в виде двоичной последовательности символов, подвергается обработке по определенному алгоритму, в результате которого формируется ЭЦП для данного сообщения.

Процедура подписи сообщения включает в себя следующие

1 Вычислить h(M) — значение хэш-функции h от сообщения M.

Если  $h(M) \pmod q = 0$ , присвоить h(M) значение  $0^{255}1$ . 2 Выработать целое число k, 0 < k < q.

3 Вычислить два значения:

 $r = a^k \pmod{p}$  и  $r' = r \pmod{q}$ .

Если-г'=0, перейти к этапу 2 и выработать другое значение числа к.

4 С использованием секретного ключа х пользователя (отправителя сообщения) вычислить значение

$$s = (xr' + kh(M) \pmod{q}).$$

Если s=0, перейти к этапу 2, в противном случае закончить работу алгоритма.

Подписью для сообщения M является вектор  $\langle r' \rangle_{256} \| \langle s \rangle_{256}$ . Отправитель направляет адресату цифровую последовательность символов, состоящую из двоичного представления текста сообщения и присоединительной к нему ЭЦП.

# 6 ПРОЦЕДУРА ПРОВЕРКИ ПОДПИСИ

Получатель должен проверить подлинность сообщения и подлинность ЭЦП, осуществляя ряд операций (вычислений).

Это возможно при наличии у получателя открытого ключа отправителя, пославшего сообщение.

Процедура проверки включает в себя следующие этапы:

1 Проверить условия: 0 < s < q и 0 < r' < q.

Если хотя бы одно из этих условий не выполнено, то подпись считается недействительной.

2 Вычислить  $h(M_1)$  — значение хэш-функции h от полученного сообщения  $M_1$ .

Если  $h(M_1) \pmod{q} = 0$ , присвоить  $h(M_1)$  значение  $0^{255}1$ .

3 Вычислить значение

 $v = (h(M_1))^{q-2} \pmod{q}$ .

4 Вычислить значения:

 $z_1 = sv \pmod{q}$  и

 $z_2 = (q-r') \text{ v (mod q)}.$ 

5 Вычислить значение

 $u = (a^{z1}y^{z2} \pmod{p}) \pmod{q}$ 

6 Проверить условие: r'=u.

При совпадении значений r' и и получатель принимает решение о том, что полученное сообщение подписано данным отправителем и в процессе передачи не нарушена целостность сообщения, т. е.  $M_1 = M$ . В противном случае подпись считается недействительной.

# 7 ПРОЦЕДУРЫ ПОЛУЧЕНИЯ ЧИСЕЛ р, q и а

Получение простых чисел осуществляется с использованием линейного конгруэнтного датчика по модулю  $2^{16}$  или по модулю  $2^{32}$  ( $x_a = bx_{n-1} + c$ ). При этом пользователь должен задавать начальное состояние  $x_0$  и параметр датчика c.

Заданные величины необходимо зафиксировать (запомнить) для возможности проведения проверки того, что простые числа получены по установленной процедуре.

Ниже изложены процедуры получения параметров р, q и а.

7.1 Процедура А

Процедура позволяет получать простые числа р длины t≥17 битов с простым делителем q длины [t/] битов числа p-1.

Получение чисел осуществляется с использованием линейного конгруэнтного датчика  $x_n = (19381 \ x_{n-1} + c) \ (\text{mod } 2^{16})$ .

Задаются число  $x_0$  с условием  $0 < x_0 < 2^{16}$  и нечетное число с с условием  $0 < c < 2^{16}$ .

Процедура вычисления включает в себя следующие шаги:

 $1 y_0 := x_0$ 

2 Вычислить последовательность чисел  $(t_0, t_1, ..., t_s)$  по правилу:

 $t_0:=t$ .

Если  $t_i \ge 17$ , то  $t_{i+1} = \lfloor t_i / 2 \rfloor$ ,

Если  $t_i < 17$ , то s := i.

- 3 Найти наименьшее простое число  $p_s$  длины  $t_s$  битов.
- 4 m := s 1
- 5 Вычислить  $r_m = [t_{m+1}/16]$ .
- 6 Вычислить последовательность  $(y_1, \ldots, y_{r_m})$  по рекурсивному правилу  $y_{i+1} = (19381 \ y_i + c) \ (mod \ 2^{16})$ .

7 Вычислить 
$$Y_m = \sum_{i=0}^{r_{in}-1} y_i 2^{16i}$$
.

 $8 y_0 := y_{r_m}$ 

9 Вычислить  $N = [2^{t_m-1} p_{m+1}] + [(2^{t_m-1} Y_m)/(p_{m+1} 2^{16\Gamma_m})].$  Если N нечетно, то N := N+1.

10 k = 0.

11 Вычислить  $p_m = p_{m+1} (N+k) + 1$ .

12 Если  $p_m > 2^{t_m}$ , то перейти к шагу 6.

13 Проверить условия:

$$2^{p_{m+1}(N+k)} \pmod{p_m} = 1,$$

 $2^{(N+k)} \pmod{p_m} \neq 1$ .

Если хотя бы одно из условий не выполнено, то k := k+2 и перейти к шагу 11.

Если оба условия выполнены, то m := m-1.

14 Если т≥0, то перейти к шагу 5.

Если m < 0, то  $p_0 -$  искомое простое число p и  $p_1 -$  искомое простое число q.

# 7.2 Процедура А'

Процедура позволяет получать простые числа р длины t≥33 битов с простым делителем q длины |t/2| битов числа p-1.

Получение числа осуществляется с использованием линейного конгруэнтного датчика  $x_n = (97781173 \ x_{n-1} + c) \ (\text{mod } 2^{32})$ .

Задаются число  $x_0$  с условием  $0 < x_0 < 2^{32}$  и нечетное число с с условием  $0 < c < 2^{32}$ .

Процедура вычисления включает в себя следующие шаги:

 $1 y_0 := x_0$ 

2 Вычислить последовательность чисел  $(t_0, t_1, ..., t_s)$  по правилу:  $t_0 := t$ .

Если  $t_1 \ge 33$ , то  $t_{i+1} = [t_1/2]$ ,

Если  $t_i < 33$ , то s := i

3 Найти наименьшее простое число р<sub>я</sub> длины t<sub>я</sub> битов.

4 m := s - 1.

5 Вычислить  $r_m = [t_m/32]$ .

6 Вычислить последовательность  $(y_1, \ldots, y_{r_m})$  по рекурсивному правилу  $y_{i+1} = (97781173 \ y_i + c) \ \text{mod} \ (2^{32})$ .

7 Вычислить  $Y_m = \sum_{i=0}^{r_m-1} y_i 2^{32i}$ .

 $8 y_0 := y_{r_m}$ .

9 Вычислить  $N = [2^{t_m-1}/p_{m+1}] + [(2^{t_m-1}Y_m)/(p_{m+1}2^{32r_m})]$ .

Если N нечетно, то N := N+1.

10 k = 0.

- 11 Вычислить  $p_m = p_{m+1} (N+k) + 1$ .
- 12 Если  $p_m > 2^{t_m}$ , то перейти к шагу 6.

13 Проверить условия:

 $2^{p_{m+1}(N+k)} \pmod{p_m} = 1,$ 

 $2^{(N+k)} \pmod{p_m} \neq 1$ .

Если хотя бы одно из условий не выполнено, то k := k+2 и перейти к шагу 11.

Если оба условия выполнены, то m := m-1.

14 Если т≥0, то перейти к шагу 5.

Если m < 0, то  $p_0$  — искомое простое число p и  $p_1$  — искомое простое число q.

7.3 Процедура В

Процедура позволяет получать простые числа р длины  $t_p=1021\div 1024$  битов с делителем q длины  $t_q=255\div 256$  битов числа p-1.

Задаются число  $x_0$  с условием  $0 < x_0 < 2^{16}$  и нечетное число с

с условием  $0 < c < 2^{16}$ .

Процедура вычисления включает в себя следующие шаги:

- 1 По процедуре A получить простое число q длины  $t_{\rm q}$  битов.
- 2 По процедуре A получить простое число Q длины 512 битов, при этом пункт 1 процедуры A не выполнять, а сохранить значение  $y_0$ , полученное в конце работы шага 1.
- 3 Вычислить последовательность  $(y_1, \dots, y_{64})$  по рекурсивному правилу  $y_{i+1} = (19381 \ y_i + c) \pmod{2^{16}}$ .
  - 4 Вычислить  $Y = \sum_{i=0}^{63} y_i 2^{161}$ ,

 $5 y_0 := y_{64}$ .

6 Вычислить

 $N = [2^{t_p-1}/(qQ)] + [(2^{t_p-1}Y)/(qQ2^{1024})].$ 

Если N нечетно, то N := N + 1.

7 k = 0.

8 Вычислить p = qQ(N+k) + 1.

9  $\dot{E}$ сли р $>2^{t_p}$ , то перейти к шагу 3.

10 Проверить условия:

 $2^{qQ(N+k)} \pmod{p} = 1$ ,

 $2^{q(N+k)} \pmod{p} \neq 1$ .

Если оба условия выполнены, то р и q — искомые простые числа.

Если хотя бы одно из условий не выполнено, то k := k+2 и перейти к шагу 8.

Последовательность шагов повторить до выполнения условий на шаге 10.

7.4 Процедура В'

Процедура позволяет получать простые числа р длины  $t_p = 1021 \div 1024$  битов с делителем q длины  $t_q = 255 \div 256$  битов числа p—1.

Задаются число  $x_0$  с условием  $0 < x_0 < 2^{32}$  и нечетное число с с условием  $0 < c < 2^{32}$ .

Процедура вычисления включает в себя следующие шаги:

1 По процедуре A' получить простое число q длины  $t_q$  битов.

2 По процедуре A' получить простое число Q длины 512 битов, при этом пункт 1 процедуры A' не выполнять, а сохранить значение  $y_0$ , полученное в конце работы шага 1.

3 Вычислить последовательность (у1, . . . , у32) по рекурсивно-

му правилу  $y_{i+1} = (97781173 \ y_i + c) \ (\text{mod } 2^{32})$ .

4 Вычислить 
$$Y = \sum_{i=0}^{31} y_i 2^{32i}$$
.

 $5 \ v_0 := v_{32}$ .

6 Вычислить

$$N = [2^{t_p-1}/(qQ)] + [(2^{t_p-1}Y)/(qQ2^{1024})].$$

Если N нечетно, то N := N + 1.

7 k = 0.

8 Вычислить p = qQ(N+k) + 1.

9 Если  $p > 2^{tp}$ , то перейти к шагу 3.

10 Проверить условия:

 $2^{qQ(N+k)} \pmod{p} = 1,$ 

 $2^{q(N+k)} \pmod{p} \neq 1$ .

## **FOCT P 34.10-94**

Если оба условия выполнены, то р и q — искомые простые числа.

Если хотя бы одно из условий не выполнено, то k := k + 2 и пе-

рейти к шагу 8.

Последовательность шагов повторить до выполнения условий на шаге 10.

7.5 Процедура С

Процедура позволяет получить число а при заданных p и q. 1 Произвольно выбрать число d, 1 < d < p-1.

2 Вычислить  $f = d^q \pmod{p}$ .

3 Если f = 1, то перейти к шагу 1.

Если  $f \neq 1$ , то a := f.

Конец работы алгоритма.

Проверочные примеры для вышеизложенных процедур получения чисел p, q и a, выработки и проверки подписи приведены в приложении A.

# Приложение **A** (справочное)

#### проверочные примеры

Значения параметров  $x_0$ , c, d, x, y, k, указанные в приложении, рекомендуется использовать только в проверочных примерах для настоящего стандарта.

А.1 Представление чисел и векторов

Длины чисел и векторов, а также элементы последовательности t записывают в десятичной системе счисления.

Последовательности двоичных символов записывают как строки шестнадцатеричных цифр, в которых каждая цифра соответствует четырем знакам ее двоичного представления.

А.2 Примеры к процедурам получения чисел р, q и числа а для реализации ЭЦП

#### A.2.1 Процедура A

Необходимо получить простое число р длины 512 битов с простым делителем q длины 256 битов числа р—1.

Задают числа  $x_0 = 5EC9$  и c = 7341.

Вычисляют последовательность t = (512, 256, 128, 64, 32, 16).

Тогда в процессе выполнения процедуры будет получена последовательность простых чисел:

 $p_1$  и  $p_0$  — искомые числа q и p соответственно.

## A.2.2 Процедура A'

Необходимо получить простое число р длины 512 битов с простым делителем q длины 256 битов числа р—1.

Задают числа  $x_0 = 3DFC46F1$  и c = D.

Вычисляют последовательность t = (512, 256, 128, 64, 32).

Тогда в процессе выполнения процедур будет получена последовательность простых чисел:

 $t_4 = 32$  $p_4 = 8000000B$  $t_3 = 64$ .  $p_3 = 9AAA6EBE$ 4AA58337  $t_2 = 128$ ,  $p_2 = C67CE4AF$ 720F7BBA B5FEBF37 B9E74807 FE7549BC 3F19F472  $t_1 = 256$ ,  $p_1 = 931A58FB$ 6F0DCDF2 4B56898F 7F921A07 6601EDB1 8C93DC75  $t_0 = 512$ ,  $p_0 = 8B08EB13$ 5AF966AA B39DF294 538580C7 0D1228C3 DA26765D 6D38D30C FIC06AAE 316A0E29 198460FA D2B19DC3 81C15C88 8C6DFD0F B0BF1FAF F9518F85 C2C565AB

р, и ро — искомые числа д и р соответственно.

#### А.2.3 Процедура В

Необходимо получить простое число р длины 1024 битов с простым делителем q длины 256 битов числа p—1.

Задают начальные значения х<sub>0</sub>=A565 и с=538В.

С помощью процедуры А получают простое число д длиной 1=256 битов:

BCC02CA0 CE4F0753 EC16105E E5D530AA 00D39F31 71842AB2 C334A26B 5F576E0F

Затем вновь с помощью процедуры A получают простое число Q длиной  $1\!=\!512$  битов:

CCEF6F73	87B6417E	C67532A1	86EC619C
A4DB132F	CA02621A	DE216F1D	F6F8114C
DB3D9209	7D978C6F	583C3301	4174AA1C
1AFCCEB2	843B1D35	0D2E5D16	855A7477

И, наконец, получают простое число р длиной 1=1024 битов:

AB8F3793	8356529E	871514C1	F48C5CBC
E77B2F4F	C9A2673A	C2C1653D	A8984090
C0AC7377	5159A26B	EF59909D	4C984663
1270E1 <b>6</b> 6	53A62346	68F2A52A	01A39B92
1490E694	C0F104B5	8D2E1497	0FCCB478
F98D01E9	75A1028B	9536D912	DE5236D2
DD2FC396	B7715359	4D417878	0E5F16F7
18471E21	11C8CE64	A7D7E196	FA57142D

# А.2.4 Процедура В'

Необходимо получить простое число p длины 1024 битов c простым делителем q длины 256 битов числа p-1.

Задают начальные значения x<sub>0</sub>=3DFC46FI и c=D. С помощью процедуры A получают простое число q длиной 1=256 битов:

931A58FB 6F0DCDF2 FE7549BC 3F19F472 4B56898F 7F921A07 6601EDB1 8C93DC75

Затем вновь с помощью процедуры А получают простое число Q длиной 1=519 битов:

BB124D6C 255D373F FA7D5DF5 5CE0DB44 6C6E8D27 96397506 6F8980B1 C7CB68DF 12D34BF3 3B536899 C7150C4D F82FC1716 D9529BC8 C9653929 D6682CF5 FBBA1B3D

И, наконец, получают простое число р длиной 1=1024 битов:

E2C4191C	4B5F222F	9AC27325	62F6D9B4
F18E7FB6	7A290EA1	E03D750F	0B980675
5FC730D9	75BF3FAA	606D05C2	18B35A6C
3706919A	AB92E0C5	8B1DE453	1C8FA8E7
AF43C2BF	F016251E	211B28708	97F6A27A
C4450BCA	235A5B74	8AD386E4	A0E4DFCB
09152435	ABCFE48B	D0B 126A8	122C7382
F285A986	4615C66D	ECDDF6AF	D355DFB7

# А.2.5 Процедура С

Пусть заданы числа р и q, полученные в А.2.1 по процедуре А:

p=	EE8172AE	8996608F	B69359B8	9EB82A69
	854510E2	977A4D63	BC97322C	E5DC3386
	EA0A12B3	43E9190F	23177539	84583978
	6BB0C345	D165976E	F2195EC9	B1C379E3
<b>q</b> =	98915E7E	C8265EDF	CDA31E88	F24809DD

7289F0AC

6F49DD2D

285DD50D

Выбирают число d=2, Вычисляют

B064BDC7

p-1

(mod p) =9E960315 00C8774A 869582D4 AFDE2127 AFAD2538 B4B6270A 6F7C8837 B50D50F2 06755984 A49E5093 04D648BE 2AB5AAB1 8EBE2CD4 6AC3D849 5B142AA6 CE23E21C

Так как  $f \neq 1$ , то f — искомое число a := f

А.3 Примеры процедур выработки и проверки ЭЦП на базе асимметричного криптографического алгоритма

Пусть по процедуре A с начальными условиями  $x_0 = 5EC9$  и c = 7341 выработаны числа p, q и a:

# **ΓΟCT P 34.10-94**

p≖	EE8172/ 854510E EA0A12 6BB0C3	2 B3	89966 977A 43E91 D1659	1D63 190F	B693 BC97 23177 F219	322C 7539	9EB8 E5D0 84583 B1C3	3386 978	
q≠	98915E7 B064BD		C8265 285D		CDA3 7289F	31E88 F0AC	F2480 6F491	09DD DD2D	
a	9E96031 AFAD25 0675598 8EBE2C	38 <del>1</del>	00C87 B4B6 A49E 6AC3	270A 5093	86958 6F7C 04D6 5B14	8837 48BE	AFDI B50D 2AB5 CE23	50F2 AAB1	
А.З.1 П	роцедура	подпи	си соо	бщения					
Пусть х=	30363148 35324234		38303 31413		34363 38324		42353 38443		
— секретны функции h	й ключ, эт сообще	М — п ения М	одпис есть	ываемое	сообш	сение, пр	ичем	значение	хэш-
h(M) = m =	3534454 43363345		32454 37414		44313 34454		34373 31454		
Пусть целое число									
k=	90F3A56 11B7105		43924 64E4F		186EI 0807E		4C8E: 2DF4		
Тогда									
$r = ak \pmod{m}$	D FI	681C97 07A7E0 F0AD18 E4AD8	2 8	4373B065 E311846B 02643B50 FC689817	E	3C6CA96 97A8C126 6C998775 76BA8216	6 5	C8F86127 3F8A76AF 0C6B0458 3ADBC988	
$r'=r \pmod{r'}$		5F895E B784C5		276D81D 7ABDBD		D52C076 7BC44FD		270A4581 3A32AC06	
s = xr' + km (r	nod q) =	3F0DI DBF72	05D4 2959	400D4 2E370		8E4CI 56DA		FF7434 15A609	
Таким о	Таким образом, цифровая подпись для сообщения М есть								
<r'><sub>256</sub>  &lt;</r'>	(S> <sub>256</sub> =	3E5F8 57B78 3F0DL DBF72	4C5 05D4	276D8 7ABD 400D4 2E37C	BD80 7C0	D52C0 7BC44 8E4CI 56DAI	FD4 2505	270A45 3A32A0 FF7434 15A609	C06 B6

## А.3.2 Процедура проверки подписи

Пусть дано сообщение  $M_1$  (в данном случае  $M_1 = M$ ), его цифровая подпись

$<$ r $'>_{256}$ $\ <$ s $>_{256}=$		276D81D2	D52C0763	270A4581
	<b>5</b> 7B784C5	7ABDBD80	7BC44FD4	3A32AC06
	<b>3</b> F0DD5D4	400D47C0	8E4CE505	FF7434B6
	DBF72959	2E37C748	56DAB851	15A60955

## и открытый ключ подписавшего сообщение

y ==	EE1902A4	0692D273	EDC1B5AD	C55F9112
•	8E35F9D1	65FA9901	CAF00D27	0.18BA6DF
	324519C1	1A6E2725	26589CD6	E6A2EDDA
	AFE1C308	1259BE9F	CEE667A2	701F4352

#### Замечание

Данный открытый ключ у соответствует секретному ключу x, использованному в примере подписи сообщения M  $y=a^x \pmod{p}$ .

# Пусть

m=	35344541	32454236	44313445	34373139
	43363345	37414342	34454136	31454230

— значение хэш-функции h для сообщения M<sub>1</sub>.

Условия 0 < r' < q и 0 < s < q выполняются.

#### Вычисляют

$v = mq^{-2} \pmod{q} =$			A6507	E3682C01		285CBF	
	89E462EI	£ £3/1	B3865	918B6730	DE	A77050	
$z_1 = sv \pmod{q} =$	776DC3C B87DAEI		BB73B 009B	02B78826 5D387CC4		3EAFF F5B744	
$z_2 = (q - r') v (mo$	$d q) = \begin{array}{c} 181 \\ 3A \end{array}$	B04C46 FD0A8D	C1D9E875 FCADB67			95354DDE A5185DFD	
$u = (a^{z_1} y^{z_2} \pmod{y}$	o)) (mod q)	= 3E5F89 57B784				270A4581 3A32AC06	
Таким образом:							
r'= 3E5F 57B7		276D81D2 7ABDBD80	D52C 7BC4		270A4581 3A32AC06	i	
u= 3E5F		276D81D2	D52C		270A4581	ı	

Условие г'-и выполнено. Это означает, что подпись подлинная.

УДК 681.3.06:006.354

П85

ОКСТУ 5002

Ключевые слова: информационная технология, криптографическая защита информации, электронная цифровая подпись, ассимметричный криптографический алгоритм, системы обработки информации, защита сообщений, подтверждение подписи, хэш-функция, функция хэширования