## **EXERCICE 1 (6 points)**

Cet exercice porte sur la programmation Python, la programmation orientée objet et l'algorithmique.

Une entreprise doit placer des antennes relais le long d'une rue rectiligne. Une antenne relais de portée (ou rayon) p couvre toutes les maisons qui sont à une distance inférieure ou égale à p de l'antenne.

Connaissant les positions des maisons dans la rue, l'objectif est de placer les antennes le long de la rue, pour que toutes les maisons soient couvertes, tout en en minimisant le nombre d'antennes utilisées.

La rue est représentée par un axe, et les maisons sont représentées des points sur cet axe :

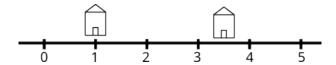


Figure 1. Deux maisons sur une rue, repérée par leur abscisse : 1 et 3,5

Les entités manipulées sont modélisées en utilisant la programmation orientée objet.

```
class Maison:
    def __init__(self, position):
        self._position = position

    def get_pos_maison(self):
        return self._position

class Antenne:
    def __init__(self, position, rayon):
        self._position = position
        self._rayon = rayon

def get_pos_antenne(self):
        return self._position

def get_rayon(self):
    return self._rayon
```

1. Donner le code qui crée et initialise deux variables m1 et m2 avec des instances de la classe Maison situées aux abscisses 1 et 3,5 (Figure 1).

24-NSIJ1JA1 Page: 2 / 14

On ajoute à présent une antenne ayant un rayon d'action de 1 à la position 2,5 :

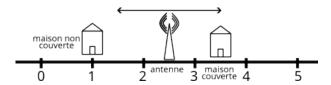


Figure 2. L'antenne placée en 2,5 et de rayon d'action 1 couvre la maison en 3,5 mais pas celle en 1

2. Donner le code qui crée la variable a correspondant à l'antenne à la position 2,5 avec le rayon d'action 1.

On souhaite modéliser une rue par une liste d'objets de type Maison. Cette liste sera construite à partir d'une autre liste contenant des nombres correspondant aux positions des maisons. La fonction creation\_rue réalise ce travail. Elle prend en paramètre une liste de positions et renvoie une liste d'objets de type Maison.

3. Recopier le schéma ci-dessous et le compléter pour donner une représentation graphique de la situation créée par :

```
creation_rue([0, 2, 3, 4, 5, 7, 9, 10.5, 11.5])
```

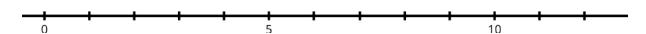


Figure 3. Axe pour représenter le problème avec 9 maisons

4. Compléter le code donné ci-dessous de la fonction creation\_rue.

```
1 def creation_rue(pos):
2    pos.sort()
3    maisons = []
4    for p in pos:
5         m = Maison(p)
6         maisons.append(...)
7    return ...
```

Pour rappel: la commande tab.sort() trie la liste tab.

24-NSIJ1JA1 Page: 3 / 14

La méthode couvre de la classe Antenne prend en paramètre un objet de type Maison et indique par un booléen si l'antenne couvre la maison en question ou non. La méthode peut être utilisée ainsi (en supposant que les objets précédents m1, m2 et a existent).

```
>>> a.couvre(m1)
False
>>> a.couvre(m2)
True
```

5. Compléter la fonction couvre, ci-dessous, en veillant à ne pas accéder directement aux attributs d'une maison depuis la classe Antenne (on pourra utiliser les méthodes get\_pos\_maison, get\_pos\_antenne et get\_rayon).

Pour rappel : la fonction valeur absolue se nomme abs ( ) en Python.

```
1 # Méthode à ajouter dans la classe Antenne
2 def couvre(self, maison):
3  # Code à compléter (éventuellement plusieurs lignes)
4  ...
```

La fonction strategie\_1 est donnée ci-dessous. L'objectif est de placer des antennes dans une rue. Elle est fournie à la société qui place les antennes. La fonction prend en paramètre une liste d'objets de type Maison (qu'on supposera triée par abscisse croissante) et le rayon d'action des antennes (float). Cette fonction renvoie une liste d'objets de type Antenne ayant ce rayon d'action et couvrant toutes les maisons de la rue.

## Pour rappel:

- tab[1:] correspond aux éléments de tab à partir de l'indice 1 jusqu'à la fin de la liste :
- tab[-1] correspond au dernier élément de la liste tab.
- 6. Indiquer ce que renvoie cette suite d'instructions après exécution.

```
>>> maisons = creation_rue([0, 2, 3, 4, 5, 7, 9, 10.5, 11.5])
>>> antennes = strategie_1(maisons, 2)
>>> print([a.get_pos_antenne() for a in antennes])
```

24-NSIJ1JA1 Page : 4 / 14

Une amélioration est possible et la société qui pose les antennes souhaite implémenter l'algorithme suivant :

- considérer les maisons dans l'ordre des abscisses croissantes ;
- dès qu'une maison n'est pas couverte, placer une antenne à la plus grande abscisse telle qu'elle couvre cette maison. Par exemple, si la maison d'abscisse 5 est la première maison non couverte, alors, on placera l'antenne en 5 + r si r est le rayon d'action de l'antenne.
- 7. On considère la rue composée des maisons situées aux abscisses [0, 2, 3, 4, 5, 7, 9, 10.5, 11.5]. Recopier et compléter le schéma ci-dessous en indiquant l'emplacement des antennes selon cette nouvelle stratégie. On suppose que le rayon d'action est toujours 2.

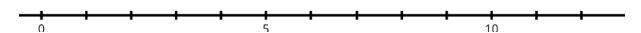


Figure 4. Axe pour représenter le résultat de la nouvelle stratégie

- 8. Cet algorithme étant *a priori* plus économe en antennes, proposer une fonction strategie\_2, sur le modèle de strategie\_1 qui implémente cette nouvelle stratégie.
- 9. Comparer le coût en nombre d'opérations des deux stratégies en fonction du nombre n de maisons dans la rue. On admet que le coût de la fonction append est constant.

24-NSIJ1JA1 Page : 5 / 14