Exercice 5 (4 points)

Cet exercice porte sur les arbres binaires, la programmation orienté objet et la récursivité

Dans un arbre binaire, chaque nœud admet au plus deux enfants, appelés sous-arbre gauche et sous-arbre droit. On considère dans cet exercice des arbres binaires étiquetés avec des nombres entiers.

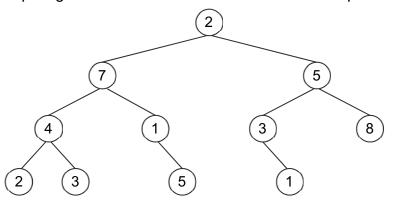
On définit un chemin racine-feuille dans un tel arbre comme une liste ordonnée de nœuds telle que

- le premier nœud est la racine ;
- chaque nœud suivant est enfant du précédent ;
- le dernier nœud est une feuille.

On appellera somme d'un chemin racine-feuille la somme des étiquettes des nœuds du chemin.

Enfin, la plus grande somme racine-feuille d'un arbre est la plus grande somme qu'il est possible d'obtenir en considérant tous les chemins racine-feuille de l'arbre.

1. Déterminer la plus grande somme racine-feuille de l'arbre représenté ci-dessous.



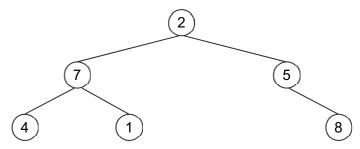
2. La classe Noeud ci-dessous implémente le type abstrait d'arbre binaire.

class Noeud:

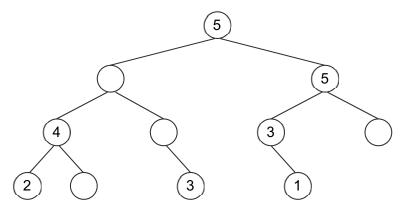
```
def init (self, v):
    self.etiquette = v
    self.sag = None
    self.sad = None
def niveau(self):
    if self.sag!=None and self.sad!=None:
        hg = self.sag.niveau()
        hd = self.sad.niveau()
        return 1+max(hq, hd)
    if self.saq!=None:
        return self.sag.niveau()+1
    if self.sad!=None:
        return self.sad.niveau()+1
    return 0
def modifier sag(self, nsag) :
    self.sag = nsag
def modifier sad(self, nsad) :
    self.sad = nsad
```

22-NSIJ2AS1 Page 11/12

a. Écrire une suite d'instructions utilisant la classe Noeud permettant de représenter l'arbre ci-dessous.



- b. Que renvoie l'appel de la méthode niveau sur l'arbre ci-dessus ?
- 3. S'inspirer du code de la méthode niveau pour écrire une méthode récursive pgde somme qui renvoie la plus grande somme racine-feuille d'un arbre.
- **4.** On appelle arbre magique un arbre binaire dont toutes les sommes des chemins racine-feuille sont égales.
 - a. Recopier et compléter l'arbre ci-dessous pour qu'il soit magique.



b. Un arbre est magique si ses sous-arbres sont magiques et qu'ils ont de plus la même plus grande somme racine-feuille. Écrire une méthode récursive est magique qui renvoie True si l'arbre est magique et False sinon.

22-NSIJ2AS1 Page 12/12