DEPARTAMENTO DE COMPUTACION
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales - UBA

Práctica 1

1er cuatrimestre 2022

Algoritmos y Estructuras de Datos 1

Integrante	LU	Correo electrónico
Yago Pajariño	546/21	ypajarino@dc.uba.ar

Facultad de Ciencias Exactas y Naturales
Universidad de Buenos Aires
Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja)
Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA
Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina
Tel/Fax: (++54 +11) 4576-3300
http://www.exactas.uba.ar

Índice

3. Práctica 1 **2**

3.1. Ejercicio 1 . . . 2

3.2. Ejercicio 2 . . . 2

3.3. Ejercicio 3 . . . 3

3.4. Ejercicio 4 . . . 3

3.5. Ejercicio 5 . . . 3

3.6. Ejercicio 6 . . . 5

3.7. Ejercicio 7 . . . 5

3.8. Ejercicio 8 . . . 6

3.9. Ejercicio 9 . . . 6

3.10. Ejercicio 10 . . . 6

3.11. Ejercicio 11 . . . 7

3. Práctica 1

3.1. Ejercicio 1

Me piden determinar si dados p y q variables preposicionales, las expresiones son *formulas bien formadas*.
★ Rdo.: una formula está bien formada si cumple:

1. True y False son fórmulas
2. Cualquier variable proposicional es una fórmula
3. Si A es una fórmula, $\neg A$ es una fórmula
4. Si $A_1, A_2, \ldots, A_n$ son fórmulas, $(A_1 \wedge A_2 \wedge \cdots \wedge A_n)$ es una fórmula
5. Si $A_1, A_2, \ldots, A_n$ son fórmulas, $(A_1 \vee A_2 \vee \cdots \vee A_n)$ es una fórmula
6. Si A y B son fórmulas, $(A \rightarrow B)$ es una fórmula
7. Si A y B son fórmulas, $(A \leftrightarrow B)$ es una fórmula

3.1.A. Pregunta A

(a) $(p\neg q)$ no es una fórmula bien formada.

(b) $p \vee q \wedge True$ no es una fórmula bien formada pues da lugar a ambigüedad por la falta de paréntesis.

(c) $p \vee q \wedge True$ no es una fórmula bien formada pues da lugar a ambigüedad por la falta de paréntesis.

(d) $\neg(p)$ no es una fórmula bien formada pues el paréntesis es redundante.

(e) $(p \vee \neg q \wedge q)$ no es una fórmula bien formada ya que la falta de paréntesis da lugar a ambigüedad.

(f) $(True \vee True \vee True)$ es una formula bien formada.

(g) $(\neg p)$ no es una formula bien formada ya que no hacen falta los paréntesis.

(h) $(p \vee False)$ es una formula bien formada.

(i) $(p = q)$ es una formula bien formada.

3.2. Ejercicio 2

(a) Bien definida

(b) Bien definida

(c) Mal definida. El conector lógico $\vee$ solo acepta variables del tipo Bool pero x e y son $\mathbb{Z}$

(d) Bien definida

(e) Mal definida. $(z = 0)$ y $(z = 1)$ no tipa correctamente dado que z es de tipo Bool.

(f) Mal definida. No tipa correctamente dado que $(y < 0)$ es de tipo Bool y la suma solo acepta números.

3.3. Ejercicio 3

Primero se evalúa $\alpha = (3 + 7 = \pi - 8)$ que al ser una igualdad devuelve un valor del tipo Bool. Luego $\alpha \in \{True, False\}$ y la fórmula resulta $\alpha \wedge True$ que está bien formada.

3.4. Ejercicio 4

Se que $a = True$, $b = True$, $c = True$, $x = False$, $y = False$

(a) True

(b) True

(c) False

(d) True

(e) True

(f) True

(g) False

3.5. Ejercicio 5

★ Rdo.: Ua fórmula es **tautología** si siempre toma el valor True, es **contradicción** si siempre toma el valor False, es **contingencia** si no es ni tautología ni contradicción.

3.5.A. Inciso A

p	(p ∨ ¬p)
V	V
V	V
F	V
F	V

Es una tautología

3.5.B. Inciso B

p	(p ∧ ¬p)
V	F
F	F

Es una contradicción

3.5.C. Inciso C

p	q	(¬p ∨ q)	(p → q)	((¬p ∨ q) ↔(p → q))
V	V	V	V	V
V	F	F	F	V
F	V	V	V	V
F	F	V	V	V

Es una tautología. Recordar para usar como propiedad.

3.5.D. Inciso D

p	q	(p ∨ q)	((p ∨ q) → p)
V	V	V	V
V	F	V	V
F	V	V	F
F	F	F	V

Es una contingencia.

3.5.E. Inciso E

Sean α = ¬(p ∧ q); β = (¬p ∨ ¬q)

p	q	α	β	$(\alpha \leftrightarrow \beta)$
V	V	F	F	V
V	F	V	V	V
F	V	V	V	V
F	F	V	V	V

Es una tautología. Demostración de DeMorgan.

3.5.F. Inciso F

p	(p → p)
V	V
F	V

Es una tautología.

3.5.G. Inciso G

p	q	(p ∧ q)	((p ∧ q) → p)
V	V	V	V
V	F	F	V
F	V	F	V
F	F	F	V

Es una tautología.

3.5.H. Inciso H

Sean $\alpha = (q \vee r)$; $\beta = (p \wedge q)$; $\sigma = (p \wedge r)$

p	q	r	α	$(p \wedge \alpha)$	β	σ	$(\beta \vee \sigma)$	$((\beta \vee \sigma) \leftrightarrow (p \wedge \alpha))$
V	V	V	V	V	V	V	V	V
V	V	F	V	V	V	F	V	V
V	F	V	V	V	F	V	V	V
V	F	F	F	F	F	F	F	V
F	V	V	V	F	F	F	F	V
F	V	F	V	F	F	F	F	V
F	F	V	V	F	F	F	F	V
F	F	F	F	F	F	F	F	V

Es una tautología.

3.5.I. Inciso I

Sean $\alpha = (q \to r)$; $\beta = (p \to q)$; $\sigma = (p \to r)$

p	q	r	α	$(p \to \alpha)$	β	σ	$(\beta \to \sigma)$	$((p \to \alpha) \to (\beta \to \sigma))$
V	V	V	V	V	V	V	V	V
V	V	F	F	F	V	F	F	V
V	F	V	V	V	F	V	V	V
V	F	F	V	V	F	F	V	V
F	V	V	V	V	V	V	V	V
F	V	F	F	V	V	V	V	V
F	F	V	V	V	V	V	V	V
F	F	F	V	V	V	V	V	V

Es una tautología.

3.6. Ejercicio 6

(a) *False* es más fuerte que *True*.

(b) $(p \wedge q)$ es más fuerte que $(p \vee q)$.

(c) *True* es más fuerte que *True* (Consultar).

(d) $(p \wedge q)$ es más fuerte que p.

(e) *False* es más fuerte que *False*.

(f) p es más fuerte que $(p \vee q)$.

(g) No hay relación de fuerza.

(h) No hay relación de fuerza.

La proposición más fuerte es *False* y la más débil es *True*

3.7. Ejercicio 7

3.7.A. Inciso A

$$(\neg p \vee \neg q) \vee (p \wedge q) \to (p \wedge q)$$
$$\text{Por DeMorgan: } ((\neg(p \wedge q)) \vee (p \wedge q)) \to (p \wedge q)$$

3.7.B. Inciso B

★ Rdo. Def PROP: $(a \to b) \leftrightarrow (\neg a \vee b)$

$$\neg p \to (p \wedge r)$$
$$\text{por PROP: } p \vee (q \wedge r)$$
$$\text{Dist: } (p \vee q) \wedge (p \vee r)$$

Luego $(p \vee q) \wedge (p \vee r) \leftrightarrow \neg p \to (p \wedge r)$

3.7.C. Inciso C

$$\neg(\neg p) \to (\neg(\neg p \wedge \neg q))$$
$$\text{Por DeMorgan: } p \to (\neg(\neg(p \vee q)))$$
$$\text{Cancelando: } p \to (p \vee q)$$

No son equivalentes pues si $p = True$; $q = False$ entonces $(p \to (p \vee q)) = True$ pero $q = False$

3.7.D. Inciso D

TODO

3.7.E. Inciso E

$$
\begin{aligned}
&p \lor (\neg p \land q) \\
\text{Dist: } &(p \lor \neg p) \land (p \lor q) \\
\text{PROP: } &\neg p \to q
\end{aligned}
$$

Pues $(p \lor \neg p)$ es siempre True. Luego solo hay que averiguar el valor de verdad de $(p \lor q)$, el cual verifica la equivalencia.

3.7.F. Inciso F

$$
\begin{aligned}
&\neg(p \land (q \land s)) \\
\text{Conmutatividad: } &\neg(s \land (p \land q)) \\
\text{DeMorgan: } &\neg s \lor \neg(p \land q) \\
&\neg s \lor \neg p \lor \neg q \\
\text{Asocitividad: } &\neg s \lor (\neg p \lor \neg q) \\
\text{PROP: } &s \to (\neg p \lor \neg q)
\end{aligned}
$$

3.7.G. Inciso G

TODO

3.8. Ejercicio 8

TODO

3.9. Ejercicio 9

3.9.A. Inciso A

(a) $f \to (e \lor m) \land \neg(e \land m)$

(b) $\neg f \to \neg e$

(c) $(f \land e) \to m$

3.9.B. Inciso B

TODO

3.10. Ejercicio 10

Defino j = Conocen a Juan; c = Conocen a Camila; g = Conocen a Gonzalo

j	c	g	(j → c)	(c → g)	((j → c)∨(c → g))	(j → g)	(((j → c)∨(c → g))→(j → g))
F	F	F	V	V	V	V	V
F	F	V	V	V	V	V	V
F	V	F	V	F	F	V	V
F	V	V	V	V	V	V	V
V	F	F	F	V	F	F	V
V	F	V	F	V	F	V	V
V	V	F	V	F	F	F	V
V	V	V	V	V	V	V	V

3.11. Ejercicio 11

Si p = pelea y o = ojo morado. Luego se que $p \to o$ pero si o es verdadero, puede darse como resultado de p = True/False Si por ejemplo digo çada vez que nieva hace frio”, veo que hace frio y determino que está nevando es un pensamiento incorrecto porque puede hacer frio sin estar nevando.