



DEPARTAMENTO
DE COMPUTACION

Facultad de Ciencias Exactas y Naturales - UBA

Práctica 1

1er cuatrimestre 2022

Algoritmos y Estructuras de Datos 1

Integrante	LU	Correo electrónico
Yago Pajariño	546/21	ypajarino@dc.uba.ar



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja)

Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA

Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina

Tel/Fax: (++54 +11) 4576-3300

<http://www.exactas.uba.ar>

Índice

1. Práctica 1	2
1.1. Ejercicio 1	2
1.2. Ejercicio 2	2
1.3. Ejercicio 3	3
1.4. Ejercicio 4	3
1.5. Ejercicio 5	3
1.6. Ejercicio 6	5
1.7. Ejercicio 7	5
1.8. Ejercicio 8	6
1.9. Ejercicio 9	6
1.10. Ejercicio 10	7
1.11. Ejercicio 11	7
1.12. Ejercicio 12	7
1.13. Ejercicio 13	7
1.14. Ejercicio 14	8
1.15. Ejercicio 15	8
1.16. Ejercicio 16	9
1.17. Ejercicio 17	9
1.18. Ejercicio 18	9
1.19. Ejercicio 19	10
1.20. Ejercicio 20	10

1. Práctica 1

1.1. Ejercicio 1

Me piden determinar si dados p y q variables proposicionales, las expresiones son *formulas bien formadas*.

★ Rdo.: una formula está bien formada si cumple:

1. True y False son fórmulas
2. Cualquier variable proposicional es una fórmula
3. Si A es una fórmula, $\neg A$ es una fórmula
4. Si A_1, A_2, \dots, A_n son fórmulas, $(A_1 \wedge A_2 \wedge \dots \wedge A_n)$ es una fórmula
5. Si A_1, A_2, \dots, A_n son fórmulas, $(A_1 \vee A_2 \vee \dots \vee A_n)$ es una fórmula
6. Si A y B son fórmulas, $(A \rightarrow B)$ es una fórmula
7. Si A y B son fórmulas, $(A \leftrightarrow B)$ es una fórmula

1.1.A. Pregunta A

- (a) $(p \neg q)$ no es una fórmula bien formada.
- (b) $p \vee q \wedge True$ no es una fórmula bien formada pues da lugar a ambigüedad por la falta de paréntesis.
- (c) $p \vee q \wedge True$ no es una fórmula bien formada pues da lugar a ambigüedad por la falta de paréntesis.
- (d) $\neg(p)$ no es una fórmula bien formada pues el paréntesis es redundante.
- (e) $(p \vee \neg q \wedge q)$ no es una fórmula bien formada ya que la falta de paréntesis da lugar a ambigüedad.
- (f) $(True \vee True \vee True)$ es una formula bien formada.
- (g) $(\neg p)$ no es una formula bien formada ya que no hacen falta los paréntesis.
- (h) $(p \vee False)$ es una formula bien formada.
- (i) $(p = q)$ es una formula bien formada.

1.2. Ejercicio 2

- (a) Bien definida
- (b) Bien definida
- (c) Mal definida. El conector lógico \vee solo acepta variables del tipo Bool pero x e y son \mathbb{Z}
- (d) Bien definida
- (e) Mal definida. $(z = 0)$ y $(z = 1)$ no tipa correctamente dado que z es de tipo Bool.
- (f) Mal definida. No tipa correctamente dado que $(y < 0)$ es de tipo Bool y la suma solo acepta números.

1.3. Ejercicio 3

Primero se evalúa $\alpha = (3 + 7 = \pi - 8)$ que al ser una igualdad devuelve un valor del tipo Bool. Luego $\alpha \in \{True, False\}$ y la fórmula resulta $\alpha \wedge True$ que está bien formada.

1.4. Ejercicio 4

Se que $a = True, b = True, c = True, x = False, y = False$

- (a) True
- (b) True
- (c) False
- (d) True
- (e) True
- (f) True
- (g) False

1.5. Ejercicio 5

★ Rdo.: Una fórmula es **tautología** si siempre toma el valor True, es **contradicción** si siempre toma el valor False, es **contingencia** si no es ni tautología ni contradicción.

1.5.A. Inciso A

p	$(p \vee \neg p)$
V	V
V	V
F	V
F	V

Es una tautología

1.5.B. Inciso B

p	$(p \wedge \neg p)$
V	F
F	F

Es una contradicción

1.5.C. Inciso C

p	q	$(\neg p \vee q)$	$(p \rightarrow q)$	$((\neg p \vee q) \leftrightarrow (p \rightarrow q))$
V	V	V	V	V
V	F	F	F	V
F	V	V	V	V
F	F	V	V	V

Es una tautología. Recordar para usar como propiedad.

1.5.D. Inciso D

p	q	$(p \vee q)$	$((p \vee q) \rightarrow p)$
V	V	V	V
V	F	V	V
F	V	V	F
F	F	F	V

Es una contingencia.

1.5.E. Inciso E

Sean $\alpha = \neg(p \wedge q)$; $\beta = (\neg p \vee \neg q)$

p	q	α	β	$(\alpha \leftrightarrow \beta)$
V	V	F	F	V
V	F	V	V	V
F	V	V	V	V
F	F	V	V	V

Es una tautología. Demostración de DeMorgan.

1.5.F. Inciso F

p	$(p \rightarrow p)$
V	V
F	V

Es una tautología.

1.5.G. Inciso G

p	q	$(p \wedge q)$	$((p \wedge q) \rightarrow p)$
V	V	V	V
V	F	F	V
F	V	F	V
F	F	F	V

Es una tautología.

1.5.H. Inciso H

Sean $\alpha = (q \vee r)$; $\beta = (p \wedge q)$; $\sigma = (p \wedge r)$

p	q	r	α	$(p \wedge \alpha)$	β	σ	$(\beta \vee \sigma)$	$((\beta \vee \sigma) \leftrightarrow (p \wedge \alpha))$
V	V	V	V	V	V	V	V	V
V	V	F	V	V	V	F	V	V
V	F	V	V	V	F	V	V	V
V	F	F	F	F	F	F	F	V
F	V	V	V	F	F	F	F	V
F	V	F	V	F	F	F	F	V
F	F	V	V	F	F	F	F	V
F	F	F	F	F	F	F	F	V

Es una tautología.

1.5.I. Inciso I

Sean $\alpha = (q \rightarrow r)$; $\beta = (p \rightarrow q)$; $\sigma = (p \rightarrow r)$

p	q	r	α	$(p \rightarrow \alpha)$	β	σ	$(\beta \rightarrow \sigma)$	$((p \rightarrow \alpha) \rightarrow (\beta \rightarrow \sigma))$
V	V	V	V	V	V	V	V	V
V	V	F	F	F	V	F	F	V
V	F	V	V	V	F	V	V	V
V	F	F	V	V	F	F	V	V
F	V	V	V	V	V	V	V	V
F	V	F	F	V	V	V	V	V
F	F	V	V	V	V	V	V	V
F	F	F	V	V	V	V	V	V

Es una tautología.

1.6. Ejercicio 6

- (a) *False* es más fuerte que *True*.
- (b) $(p \wedge q)$ es más fuerte que $(p \vee q)$.
- (c) *True* es más fuerte que *True* (Consultar).
- (d) $(p \wedge q)$ es más fuerte que p .
- (e) *False* es más fuerte que *False*.
- (f) p es más fuerte que $(p \vee q)$.
- (g) No hay relación de fuerza.
- (h) No hay relación de fuerza.

La proposición más fuerte es *False* y la más débil es *True*

1.7. Ejercicio 7

1.7.A. Inciso A

$$(\neg p \vee \neg q) \vee (p \wedge q) \rightarrow (p \wedge q)$$

Por DeMorgan: $((\neg(p \wedge q)) \vee (p \wedge q)) \rightarrow (p \wedge q)$

1.7.B. Inciso B

★ Rdo. Def implicación: $(a \rightarrow b) \leftrightarrow (\neg a \vee b)$

$$\neg p \rightarrow (p \wedge r)$$

por implicación: $p \vee (q \wedge r)$

Dist: $(p \vee q) \wedge (p \vee r)$

Son equivalentes.

1.7.C. Inciso C

$$\neg(\neg p) \rightarrow (\neg(\neg p \wedge \neg q))$$

Por DeMorgan: $p \rightarrow (\neg(\neg(p \vee q)))$

Cancelando: $p \rightarrow (p \vee q)$

No son equivalentes pues si $p = \text{True}$; $q = \text{False}$ entonces $(p \rightarrow (p \vee q)) = \text{True}$ pero $q = \text{False}$

1.7.D. Inciso D

$$((True \wedge p) \wedge (\neg p \vee False)) \rightarrow \neg(\neg p \vee q)$$

$$\text{Simplificando: } (p \wedge \neg p) \rightarrow \neg(\neg p \vee q)$$

$$\text{DeMorgan: } False \rightarrow (p \wedge \neg q)$$

No son equivalentes.

1.7.E. Inciso E

$$p \vee (\neg p \wedge q)$$

$$\text{Dist: } (p \vee \neg p) \wedge (p \vee q)$$

$$\text{implicación: } \neg p \rightarrow q$$

Pues $(p \vee \neg p)$ es siempre True. Luego solo hay que averiguar el valor de verdad de $(p \vee q)$, el cual verifica la equivalencia.

1.7.F. Inciso F

$$\neg(p \wedge (q \wedge s))$$

$$\text{Conmutatividad: } \neg(s \wedge (p \wedge q))$$

$$\text{DeMorgan: } \neg s \vee \neg(p \wedge q)$$

$$\neg s \vee \neg p \vee \neg q$$

$$\text{Asocitividad: } \neg s \vee (\neg p \vee \neg q)$$

$$\text{implicación: } s \rightarrow (\neg p \vee \neg q)$$

Son equivalentes.

1.7.G. Inciso G

$$p \rightarrow (p \wedge \neg(q \rightarrow r))$$

$$\text{Implicación: } \neg p \vee (q \wedge \neg(q \rightarrow r))$$

$$\text{Distribución: } (\neg p \vee q) \wedge (\neg p \vee \neg(q \rightarrow r))$$

$$\text{Implicación: } (\neg p \vee q) \wedge (\neg p \vee \neg(\neg q \vee r))$$

$$\text{DeMorgan: } (\neg p \vee q) \wedge (\neg p \vee (q \wedge \neg r))$$

Son equivalentes.

1.8. Ejercicio 8

TODO

1.9. Ejercicio 9

1.9.A. Inciso A

$$(a) \quad f \rightarrow (e \vee m) \wedge \neg(e \wedge m)$$

$$(b) \quad \neg f \rightarrow \neg e$$

$$(c) \quad (f \wedge e) \rightarrow m$$

1.9.B. Inciso B

TODO

1.10. Ejercicio 10

Defino j = Conocen a Juan; c = Conocen a Camila; g = Conocen a Gonzalo

j	c	g	$(j \rightarrow c)$	$(c \rightarrow g)$	$((j \rightarrow c) \vee (c \rightarrow g))$	$(j \rightarrow g)$	$((j \rightarrow c) \vee (c \rightarrow g)) \rightarrow (j \rightarrow g)$
F	F	F	V	V	V	V	V
F	F	V	V	V	V	V	V
F	V	F	V	F	F	V	V
F	V	V	V	V	V	V	V
V	F	F	F	V	F	F	V
V	F	V	F	V	F	V	V
V	V	F	V	F	F	F	V
V	V	V	V	V	V	V	V

1.11. Ejercicio 11

Si p = pelea y o = ojo morado. Luego se que $p \rightarrow o$ pero si o es verdadero, puede darse como resultado de p = True/False Si por ejemplo digo cada vez que nieva hace frio”, veo que hace frio y determino que está nevando es un pensamiento incorrecto porque puede hacer frio sin estar nevando.

1.12. Ejercicio 12

- (a) verdadero
- (b) verdadero
- (c) \perp
- (d) falso
- (e) \perp
- (f) \perp
- (g) \perp
- (h) \perp
- (i) falso

1.13. Ejercicio 13

El operador \wedge_L se evalúa de forma secuencial, de izquierda a derecha. Su tabla de verdad es:

p	q	$(p \wedge_L q)$
V	V	V
V	F	F
F	V	F
F	F	F
V	\perp	\perp
F	\perp	F
\perp	V	\perp
\perp	F	\perp
\perp	\perp	\perp

1.14. Ejercicio 14

El operador \vee_L se evalúa de forma secuencial, de izquierda a derecha. Su tabla de verdad es:

p	q	$(p \vee_L q)$
V	V	V
V	F	V
F	V	V
F	F	F
V	\perp	V
F	\perp	\perp
\perp	V	\perp
\perp	F	\perp
\perp	\perp	\perp

1.15. Ejercicio 15

El operador \longrightarrow_L se evalúa de forma secuencial, de izquierda a derecha. Su tabla de verdad es:

p	q	$(p \rightarrow_L q)$
V	V	V
V	F	F
F	V	V
F	F	V
V	\perp	\perp
F	\perp	V
\perp	V	\perp
\perp	F	\perp
\perp	\perp	\perp

1.16. Ejercicio 16

- (a) \perp
- (b) verdadero
- (c) falso
- (d) verdadero
- (e) verdadero
- (f) verdadero
- (g) falso

1.17. Ejercicio 17

- (a) $p \vee (q \vee_L r)$
- (b) $\neg(p \vee (q \vee_L r))$
- (c) TODO
- (d) $(p \wedge (q \vee_L r))$
- (e) TODO
- (f) TODO
- (g) TODO

1.18. Ejercicio 18

- (a) ligada: $x; n = 1, y = z = 1$
- (b) ligada: $x, y; n = m = 1, z = 0$
- (c) ligada: j ; no es posible
- (d) ligada: $j; s = True, b = 1, a = 0$
- (e) ligada: j ; siempre verdadera
- (f) ligada: j ; el valor de verdad depende de $P(j)$
- (g) ligada: j ; el valor de verdad depende de $P(j)$

1.19. Ejercicio 19

1. El pred a expresa “cumple $P(x)$ y $Q(x)$ ”, no refleja la implicación, donde $P = \text{Falso}$ y $Q = \text{Verdadero}$ hace verdadero el enunciado.
2. El pred c expresa que no hay natural que no cumpla $P(x)$ y cumpla $Q(x)$. Hay que eliminar el \neg dentro de la formula.

1.20. Ejercicio 20

1. aux suc $(x : \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} = x + 1$
2. aux suma $(x, y : \mathbb{R}) : \mathbb{R} = x + y$
3. aux producto $(x, y : \mathbb{R}) : \mathbb{R} = x * y$
4. pred esCuadrado $(x : \mathbb{Z}) \{ (x \geq 0) \wedge (\exists y : \mathbb{Z}) ($
 $x = y * y$
 $) \}$
5. pred esPrimo $(x : \mathbb{Z}) \{ (x > 1) \wedge (\forall y : \mathbb{Z}) ((1 < y < x) \longrightarrow_L (x \text{ mód } y \neq 0)) \}$
6. pred sonCprimos $(x, y : \mathbb{Z}) \{ \neg (\exists z : \mathbb{Z}) ((x \text{ mód } z = 0) \wedge (y \text{ mód } z = 0)) \}$
7. pred divisoresGrandes $(x, y : \mathbb{Z}) \{ (\forall z : \mathbb{Z}) ((x \text{ mód } z = 0) \wedge (z \neq 1)) \longrightarrow_L (x > y) \}$
8. pred mayorPrimoQueDivide $(x, y : \mathbb{Z}) \{ \neg (\exists z : \mathbb{Z}) ((z > y) \wedge \text{esPrimo}(z) \wedge (x \text{ mód } z = 0) \wedge \text{esPrimo}(y) \wedge (x \text{ mód } y = 0)) \}$
9. pred sonPrimosHermanos $(x, y : \mathbb{Z}) \{ \text{esPrimo}(x) \wedge \text{esPrimo}(y) \wedge ((x - y = 2) \vee (y - x = 2)) \}$