

Отчет о проверке на заимствования №1



Автор: Есаков В А

Проверяющий: Пользователь для API (galkinala@fa.ru / ID: 2588) Организация: Финансовый университет при Правительстве РФ

Отчет предоставлен сервисом «Антиплагиат» - http://fa.antiplagiat.ru

ИНФОРМАЦИЯ О ДОКУМЕНТЕ

№ документа: 1163002 Начало загрузки: 11.05.2022 01:24:13 Длительность загрузки: 00:00:13 Имя исходного файла: Есаков В.А. (202099) курсовая работа (ПМ20-4).pdf Название документа: Есаков В.А. (202099) курсовая работа (ПМ20-4).pdf Размер текста: 1 кБ Символов в тексте: 46951

ИНФОРМАЦИЯ ОБ ОТЧЕТЕ

Последний готовый отчет (ред.) Начало проверки: 11.05.2022 01:24:26 Длительность проверки: 00:00:12 Комментарии: не указано Поиск с учетом релактирования: да

Модули поиска: ИПС Адилет, Библиография, Сводная коллекция ЭБС, Интернет Плюс, Сводная коллекция РГБ, Цитирование, Переводные заимствования (RuEn), Переводные заимствования по eLIBRARY.RU (EnRu), Переводные заимствования по Интернету (EnRu), Переводные заимствования издательства Wiley (RuEn), eLIBRARY.RU, Модуль поиска "ФУ", СПС ГАРАНТ, Медицина, Диссертации НББ, Перефразирования по eLIBRARY.RU, Перефразирования по Интернету, Перефразирования по коллекции издательства Wiley, Патенты СССР, РФ, СНГ, СМИ России и СНГ, Шаблонные фразы, Кольцо вузов, Издательство Wiley,

Переводные заимствования

ЗАИМСТВОВАНИЯ

Слов в тексте: 5632

Число предложений: 285

7,06%

самоцитирования

0%

цитирования

2,36%

оригинальность

90,58%

Заимствования — доля всех найденных текстовых пересечений, за исключением тех, которые система отнесла к цитированиям, по отношению к общему объему документа. Самоцитирования — доля фрагментов текста проверяемого документа, совпадающий или почти совпадающий с фрагментом текста источника, автором или соавтором которого является автор проверяемого документа, по отношению к общему объему документа.

Цитирования — доля текстовых пересечений, которые не являются авторскими, но система посчитала их использование корректным, по отношению к общему объему документа. Сюда относятся оформленные по ГОСТу цитаты; общеупотребительные выражения; фрагменты текста, найденные в источниках из коллекций нормативно-правовой документации.

Текстовое пересечение — фрагмент текста проверяемого документа, совпадающий или почти совпадающий с фрагментом текста источника.

Источник — документ, проиндексированный в системе и содержащийся в модуле поиска, по которому проводится проверка.

Оригинальность — доля фрагментов текста проверяемого документа, не обнаруженных ни в одном источнике, по которым шла проверка, по отношению к общему объему документа. Заимствования, самоцитирования, цитирования и оригинальность являются отдельными показателями и в сумме дают 100%, что соответствует всему тексту проверяемого документа. Обращаем Ваше внимание, что система находит текстовые пересечения проверяемого документа с проиндексированными в системе текстовыми источниками. При этом система является вспомогательным инструментом, определение корректности и правомерности заимствований или цитирований, а также авторства текстовых фрагментов проверяемого документа остается в компетенции проверяющего.

Nº	Доля в отчете	Доля в тексте	Источник	Актуален на	Модуль поиска	Блоков в отчете	Блоков в тексте	Комментарии
[01]	4,3%	6,47%	Башмакова АА (191805) [ПМ19-1].docx	22 Мая 2021	Модуль поиска "ФУ"	11	14	
[02]	0,85%	2,1%	Курсовая Быханов.docx	23 Мая 2021	Модуль поиска "ФУ"	1	4	
[03]	0,57%	2,06%	Посеницкий.pdf	24 Мая 2021	Модуль поиска "ФУ"	3	7	
[04]	0,85%	2,05%	Курсовая работа.pdf	17 Мая 2021	Модуль поиска "ФУ"	1	4	
[05]	1,61%	1,61%	не указано	13 Янв 2022	Библиография	1	1	
[06]	0%	1,45%	Сазонов курсовая ПМ19-2 критерий Шапиро-Франчиа.pdf	24 Мая 2021	Модуль поиска "ФУ"	0	3	
[07]	0%	1,4%	Курсовая_Ивченко_АП_ПМ19-1.pdf	15 Мая 2021	Модуль поиска "ФУ"	0	3	
[80]	0%	1,34%	Курсовая_Верамьева_ПМ19-3.pdf	19 Мая 2021	Модуль поиска "ФУ"	0	3	
[09]	0%	1,21%	Курсовая_Мовсисян_МК_ПМ19-1.docx	15 Мая 2021	Модуль поиска "ФУ"	0	3	
[10]	0%	1%	Курсовая_Евсиков_АИ_ПМ19-5.pdf	31 Мая 2021	Модуль поиска "ФУ"	0	2	
[11]	0,75%	0,85%	не указано	13 Янв 2022	Шаблонные фразы	9	10	
[12]	0%	0,76%	Подписанная курсовая_Maxpoвa.pdf	19 Мая 2021	Модуль поиска "ФУ"	0	2	
[13]	0%	0,5%	ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА - PDF Скачать Бесплатно https://docplayer.ru	24 Июл 2020	Интернет Плюс	0	1	
[14]	0%	0,5%	ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА - PDF Скачать Бесплатно https://docplayer.ru	29 Дек 2020	Интернет Плюс	0	1	

[15]	0,49%	0,49%	Как посчитать величину Р или значение вероятности http://ru.wikihow.com	08 Янв 2017	Перефразирования по Интернету	1	1	
[16]	0%	0,41%	Как посчитать величину Р или значение вероятности https://ru.wikihow.com	09 Фев 2019	Интернет Плюс	0	1	
[17]	0%	0,41%	р-значение Data Science http://datascientist.one	23 Апр 2022	Интернет Плюс	0	1	
[18]	0%	0,41%	Что такое р в статистике, уровень статистической значимости https://business-union.ru	14 Мая 2021	Интернет Плюс	0	1	
[19]	0%	0,41%	p-значение Data Science http://datascientist.one	23 Апр 2022	Интернет Плюс	0	1	
[20]	0%	0,4%	Как посчитать величину Р или значение вероятности https://ru.wikihow.com	10 Мая 2022	Интернет Плюс	0	2	
[21]	0%	0,38%	Сборник рабочих программ дисциплин по направлениям: 38.04.02 Менеджмент магистерские программы: «Корпоративное управление и ответственность бизнеса», «Образовательный менеджмент» и 38.04.04 Государственное и муниципальное управление магистерская программа https://book.ru	21 Янв 2020	Сводная коллекция ЭБС	0	1	
[22]	0%	0,36%	не указано http://fa.ru	05 Янв 2017	Перефразирования по Интернету	0	1	
[23]	0%	0,35%	54464 http://e.lanbook.com	09 Map 2016	Сводная коллекция ЭБС	0	1	
[24]	0%	0,35%	252011 http://biblioclub.ru	19 Апр 2016	Сводная коллекция ЭБС	0	1	
[25]	0%	0,35%	Имитационное моделирование - PDF Скачать Бесплатно https://docplayer.ru	18 Map 2020	Интернет Плюс	0	1	
[26]	0%	0,35%	http://elib.fa.ru/avtoreferat/mosolova.pdf /download/mosolova.pdf http://elib.fa.ru	14 Апр 2022	Интернет Плюс	0	1	
[27]	0%	0,35%	Проверка гипотезы о независимости логарифмической доходности https://revolution.allbest.ru	05 Мая 2021	Интернет Плюс	0	1	
[28]	0%	0,35%	Федорова, Анастасия Александровна Современные особенности процесса концентрации капитала в российской экономике: диссертация кандидата экономических наук: 08.00.01 Москва 2017 http://dlib.rsl.ru	05 Авг 2019	Сводная коллекция РГБ	0	1	
[29]	0%	0,35%	Управление прибылью в акционерных обществах региона: теория и практика. Книга 1 http://studentlibrary.ru	19 Дек 2016	Медицина	0	1	
[30]	0%	0,35%	Сборник официальных документов и материалов 4/2016 http://studentlibrary.ru	20 Дек 2016	Медицина	0	1	
[31]	0%	0,35%	Pecypc: Новое прочтение и геоэкономическое измерение экспортного потенциала http://studentlibrary.ru	19 Дек 2016	Медицина	0	1	
[32]	0%	0,35%	Чем Российская Федерация ответит HATO, если та объявит о принятии Украины и Грузии в свой состав? https://zavtra.ru	28 Янв 2022	СМИ России и СНГ	0	1	
[33]	0%	0,28%	Коллоидный журнал. 2017. Т. 79, № 4 http://biblioclub.ru	21 Янв 2020	Сводная коллекция ЭБС	0	1	
[34]	0%	0,28%	Индикативное планирование и управление устойчивым инновационным развитием региона https://book.ru	03 Июл 2017	Сводная коллекция ЭБС	0	1	
[35]	0%	0,28%	Система индикаторов эффективности импортозамещения	08 Янв 2019	СМИ России и СНГ	0	1	
[36]	0%	0,1%	https://edu.vsu.ru/pluginfile.php/2011081 /mod_resource/content/1/%D0%BF%D0 %B8%D1%82%D0%BE%D0%BD%20%D0 %B8%20ML.pdf https://edu.vsu.ru	16 Янв 2022	Интернет Плюс	0	1	Источник исключен. Причина: Маленький процент пересечения.
[37]	0%	0,08%	4. Линейные модели классификации и регрессии - Машинное обучение- Портал искусственного интеллекта https://intellect.icu	25 Мая 2020	Интернет Плюс	0	1	Источник исключен. Причина: Маленький процент пересечения.
[38]	0%	0,08%	Top 20 Machine Learning Frameworks You Must Know - TechVidvan	30 Сен 2020	Интернет Плюс	0	1	Источник исключен. Причина: Маленький процент

| Table | https://techvidvan.com | пересечения. | | Пересечения. | | Пересечения. | | Пересечения. | Пересечен

Федеральное государственное образовательное бюджетное учреждение высшего профессионального образования «Финансовый университет при Правительстве Российской Федерации»

Департамент анализа данных, принятия решений и финансовых технологий

Курсовая работа

на тему

«Проверка гипотезы о равенстве дисперсий логарифмической доходности индекса фондового рынка и входящих в его состав акций»

Вид данных для исследования:

«Котировки акций компаний, входящих в индекс ММВБ потребительского сектора»

Выполнил:

студент группы ПМ20-4,

Есаков В.А.

Научный руководитель:

доцент, к.э.н.

Игудесман К.Б.

План работы

I. Введение	3
II. Основные теоретически положения	5
1) Математическая статистика	5
2) Статистическая гипотеза	5
3) Первый и второй род ошибок	6
4) Р-значения	
5) Логарифмическая доходность	
6) Критерий Колмогорова	
7) Критерий Фишера	
III. Практическая работа	
1) Предварительная обработка и аналитика данных	
2) Проверка гипотезы на сгенерированных данных	
3) Проверка правильности гипотезы на реальной статистике	
4) Другие гипотезы и оценка мощности критерия	
IV. Заключение	
V. Список использованных источников	
Приложения	
Приложение 1. Технические характеристики персонального	20
ноутбука	26
Приложение 2. Список файлов	
Приложение 3.	

І. Введение

В качестве задачи для исследования в курсовой работе я проведу аналитическую проверку правильности следующей гипотезы: дисперсия логарифмической доходности фондового рынка равна дисперсиям входящих в его состав акций. Для подтверждения справедливости гипотезы будет применяться простой и распространённый способ сравнения дисперсий — критерий Фишера.

Предметом исследования я выбрал данные котировок акций с фондовой биржи из одного индекса. В данном случае, индекс финансового сектора (MOEXFN), являющийся частью Московской биржи (ММВБ). Рассматриваемый в работе временной отрезок — с 1 января 2016 года по 30 декабря 2021 года.

Индекс ММВБ, экспертами указывается, как один из важнейших показателей экономики, так как он взвешен по рыночной капитализации. Является ценовым композитным фондовым индексом и включает в себя пакеты акций крупнейших российских эмитентов. Показателем их значимости является, главным образом, принадлежность к ликвидным и активно расширяющимся сферам жизни: финансовый сектор, сельское хозяйство, промышленность, транспортные сети, здравоохранение.

Выбранный для анализа индекс (МОЕХFN – финансовый сектор) состоит из банковских компаний и других крупных организаций, заведующих финансами. Они предоставляют различные услуги по управлению, хранению деньгами, их инвестициями или займами. В данных на апрель 2022 года, частью индекса являются: Сбербанк (один из крупнейших банков России), имеет обычный и привилегированный пакет акций, QIWI (российская компания, специализирующаяся на виртуальных платёжных сервисах), ВТБ, Тинькофф, банк Санкт-Петербурга, Московский кредитный банк (крупные российские банки, предоставляющие различные услуги по хранению активов, депозитов, получению займов, инвестициям в

различные ценные бумаги), RENI (компания, предоставляющая услуги страхования по любым имущественным, здравоохранительным и другим вопросам), SFI (публичное акционерное агентство, занимающееся инвестиционными управлением), индекс Московской биржи (Московская биржа занимается проведением операций по ценным бумагам, задаёт основной инвестиционный курс для всего российского рынка, является общим финансовым регулятором, поэтому является неотъемлемой частью финансового сектора экономики).

Отличительной особенностью данной работы с технической точки зрения будет проверка гипотезы с помощью языка программирования Python (версии 3.0 и новее). Это позволит действительно разумно использовать ресурсы для анализа большого объёма данных. Дополнительно будет использоваться среда разработки Jupiter Notebook, поддерживающая множество гибких способов визуализации данных в интерактивном формате, в частности : графики, гистограммы, формулы, табличные структуры.

Выбор язык программирования Python позволит использовать вычислительные мощности компьютера и современных программ для анализа данных, что является актуальным средством для исследования данной гипотезы. Выбор финансового сектора обусловлен его ключевым влиянием на всю экономику и авторитет всего государства в целом, который будет актуален всегда при существующей модели функционирования рынка.

В качестве итогов проведения данной работы получится установить наличие взаимосвязи между изменениями логарифмической доходности фондового рынка и изменениями логарифмической доходности входящих в состав индекса акций, а значит и их биржевых котировок, как следствие.

І. Основные теоретически положения

1) Математическая статистика

Предмет высшего образования — теория вероятностей и математическая статистика — включает в себя этот раздел математики и представляет собой совокупность множества более узких дисциплин, таких как финансовая, социальная, экономическая или любая другая статистическая аналитика сферы жизни общества. Основная задача дисциплины — обоснование теоретической базы всех этих конкретных дисциплин.

Создание единой методики и алгоритма исследования задачи путём фундаментальных и прикладных утверждений определяет цель математической статистики.

2) Статистическая гипотеза

Такой гипотезой является любого рода утверждение, закрепляющее за ситуацией определённые свойства: параметры внутреннего распределения, о соотношениях между случайными величинами и так далее. При этом если достоверно известно, что предположение о характере генерального распределения рассчитано до конечного числа параметров, то такую гипотезу можно считать параметрической.

Введём обозначения - H_0 (основная) и H_1 (дополнительная) — две статистические гипотезы, которые являются взаимоисключающими. Далее всегда будем считать, что у нас есть базисное утверждение о справедливости одной из гипотез. Соответственно, если гипотеза H_0 подтвердилась, то H_1 автоматически была опровергнута и наоборот.

Статистикой критерия называют правило, при котором отрицание гипотезы H_0 и наличие некоторой выборки (x_1, \ldots, x_n) принадлежащей непустой области K, и таким же образом в обратную сторону гипотеза H_0 подтверждается, а выборка (x_1, \ldots, x_n) не входит в некоторую область K. В этом случае K принято называть областью допустимых значений (альтернативное название — область принятия гипотезы), при обратной

ситуации (когда в какой-то зоне отрицается принятие гипотезы H_0) её называют критической областью, как правило задаваемую через неравенства:

$$K = \{(x_1, \dots, x_n) \in R^n : t > c\}$$
(2.1)

или

$$K = \{(x_1, \dots, x_n) \in R^n : t < c\}$$
(2.2)

или

$$K = \{(x_1, \dots, x_n) \in \mathbb{R}^n : t < c_1\} \cup \{(x_1, \dots, x_n) \in \mathbb{R}^n : t > c_2\},\tag{2.3}$$

где
$$c, c_1, c_2(c_2 > c_1) = const, t = t(x_1, ..., x_n)$$
 - статистики критерия

[6]

3) Первый и второй род ошибок

Два различных вида ошибок могут возникнуть при статистических вычислениях. І род — гипотеза H_0 отвергается, хотя в действительности является верной. Ошибкой же ІІ-ого рода является ситуация, в которой отрицается гипотеза H_1 , являющаяся истинной.

Ошибка первого рода является мерой значимости критерия (обозначается как α), а ошибка второго рода задаёт формулу для мощности критерия. Если принять за β вероятность ошибки, то искомое значение будет равно $1-\beta$.

Отклонение или принятие основной гипотезы опирается на оценку уровня значимости критерия. Так проверяется статистическая гипотеза для фиксированного значения уровня значимости. Если его изменить, значения придётся пересчитывать, в том числе критическую оценку [1]

4) Р-значения

Данная характеристика влияет на принятие основной гипотезы для любого уровня значимости, что позволяет не делать лишних операций по вычислению критических значений.

 $PV(\overrightarrow{x}) \geq \alpha$, где \overrightarrow{x} является фиксированным выбором из случайного набора данных, а — уровень значимости, для которых принята гипотеза H_0 И напротив, $PV(\overrightarrow{x}) < \alpha$, для всех а, при которых гипотеза отвергается. PV(x) является P-значением статистического критерия.

Теперь отдельно разберём случай, при котором $PV(\overrightarrow{x}) = \alpha$.

Пусть $c(\alpha)$ - уравнение произвольной убывающей функции

$$K_{\alpha} = \{t(\vec{x}) > c(\alpha)\},\tag{4.1}$$

$$PV(\overrightarrow{x}) = c(t(\overrightarrow{x}))^{-1})) \tag{4.2}$$

Также из этого равенства следует другое $t(\vec{x}) = c(\alpha)$, утверждающее, что основная гипотеза принимается. Так получается вывод общепринятой формулы, которую чаще всего применяют при расчёте р-значений:

$$PV(\overrightarrow{x}) = P_{H_0}(t(\overrightarrow{X}) > t(\overrightarrow{x})$$
(4.3)

Действительно, при любом уровне значимости α

$$P_{H_0}(t(\vec{X}) > c(\alpha) = \alpha. \tag{4.4}$$

Аналогично
$$K_{\alpha} = \{t(\vec{x}) < c(\alpha)\},$$
 (4.5)

где $c(\alpha)$ — непрерывная возрастающая функция, Р-значение удовлетворяет отношению

$$PV(\overrightarrow{x}) = P_{H_0}(t(\overrightarrow{X}) < t(\overrightarrow{x})$$
(4.6)

[1]

По таблице р-значений, зная число степеней свободы эксперимента в соответствующей строке находим большее значение, чем значений хиквадрата. Уравнение для хи-квадрата следующее: $x^2 = \Sigma((o-e)^2/e)$, где «о» — это наблюдаемое значение, а «е» — это ожидаемое значение. Суммируем результаты данного уравнения для всех возможных результатов и после этого по данной таблице определяем соответствующее р-значение в заголовке столбца.

	Р										
DF	0.995	0.975	0.20	0.10	0.05	0.025	0.02	0.01	0.005	0.002	0.001
1	0.0000393	0.000982	1.642	2.706	3.841	5.024	5.412	6.635	7.879	9.550	10.828
2	0.0100	0.0506	3.219	4.605	5.991	7.378	7.824	9.210	10.597	12.429	13.816
3	0.0717	0.216	4.642	6.251	7.815	9.348	9.837	11.345	12.838	14.796	16.266
4	0.207	0.484	5.989	7.779	9.488	11.143	11.668	13.277	14.860	16.924	18.467
5	0.412	0.831	7.289	9.236	11.070	12.833	13.388	15.086	16.750	18.907	20.515
6	0.676	1.237	8.558	10.645	12.592	14.449	15.033	16.812	18.548	20.791	22.458
7	0.989	1.690	9.803	12.017	14.067	16.013	16.622	18.475	20.278	22.601	24.322
8	1.344	2.180	11.030	13.362	15.507	17.535	18.168	20.090	21.955	24.352	26.124
9	1.735	2.700	12.242	14.684	16.919	19.023	19.679	21.666	23.589	26.056	27.877
10	2.156	3.247	13.442	15.987	18.307	20.483	21.161	23.209	25.188	27.722	29.588
11	2.603	3.816	14.631	17.275	19.675	21.920	22.618	24.725	26.757	29.354	31.264
12	3.074	4.404	15.812	18.549	21.026	23.337	24.054	26.217	28.300	30.957	32.909
13	3.565	5.009	16.985	19.812	22.362	24.736	25.472	27.688	29.819	32.535	34.528
14	4.075	5.629	18.151	21.064	23.685	26.119	26.873	29.141	31.319	34.091	36.123
15	4.601	6.262	19.311	22.307	24.996	27.488	28.259	30.578	32.801	35.628	37.697
16	5.142	6.908	20.465	23.542	26.296	28.845	29.633	32.000	34.267	37.146	39.252
17	5.697	7.564	21.615	24.769	27.587	30.191	30.995	33.409	35.718	38.648	40.790
18	6.265	8.231	22.760	25.989	28.869	31.526	32.346	34.805	37.156	40.136	42.312
19	6.844	8.907	23.900	27.204	30.144	32.852	33.687	36.191	38.582	41.610	43.820
20	7.434	9.591	25.038	28.412	31.410	34.170	35.020	37.566	39.997	43.072	45.315

5) Логарифмическая доходность

Альтернативный способ измерения доходности. Может использоваться вместо процентной и имеет существенное преимущество в том, насколько большие данные можно сравнивать, используя его, при этом в итоге получая корректный результат.

 $\ln \frac{P_k}{P_{k-1}} = \ln P_k - \ln P_{k-1}$ (так как по свойству логарифм частного равен разности логарифмов)

k — текущий временной промежуток, P_k — цена акции в момент времени k, P_{k-1} — цена акции за предшествующий период.

Помимо сказанной выше, логарифмическая доходность имеет другие ощутимые преимущества :

В первую очередь, имея низкую частоту выплат при такой оценке легко объединять доходы с имеющими высокую частоту. В итоге ежемесячная доходность будет складываться из ежедневных значений. Такой подход позволяет упростить вычисления по сравнению с процентной оценкой. Кроме того, при таком методе можно вычислить начальное значение стоимости ценной бумаги, которая сначала выросла в цене на х%, а после снизилась на равную величину процентов х. [3]

6) Критерий Колмогорова

Один из основных критериев, определяющих оценку достоверности гипотезы. С помощью него можно проверить, сходно ли утверждение с какимто из классических законов распределения.

Так и считается наибольшая по модулю разница между фактическим значением заданной эмпирической функцией Fn(x) и теоретически ожидаемым значением функции распределения F(x).

Введём обозначение $m(x,\vec{x})$ – количество составляющих вектора $\vec{x}=(x_1,\ldots,x_n)$, где x_i < x для любого $x\in R^n$. В случае случайного вектора, формула не изменится, но принимать она будет значения дискретной случайной величины от 0 до n . Эмпирическая функция распределения, полученная из выборки X объёма пи сопоставленная c некоторой функцией F(x), будет определяться по следующей формуле:

$$\hat{F} = \hat{F}(x, \vec{x}) = \frac{m(x, \vec{x})}{n}.$$
 $\hat{F} = \hat{F}(x, \vec{X}) = \frac{m(x, \vec{X})}{n}.$

Вторая формула применяется для оценки функции F(x) по случайной выборке X.

Примечание: $\hat{F}(x, \vec{X})$ — функция случайного процесса, поскольку х принимает различные случайные значения, и в то же время, как $\hat{F}(x, \vec{x})$ является числовой функцией.

Формулу расстояния между 2 функциями можно задать следующим соотношением:

$$d = \sup_{\mathbf{x}} |\hat{\mathbf{F}}(\mathbf{x}) - \mathbf{F}(\mathbf{x})|. \tag{6.3}$$

Как и раньше, в зависимости от аргумента, d может быть числом (при функции $\hat{F}(x,\vec{x})$, а может быть случайной величиной, принимающей значения от 0 до 1, поскольку будет зависеть от \vec{X} при наличии функции $\hat{F}(x,\vec{X})$.

Таким образом, опираясь на теоремы Колмогорова, существует предел функции F(x), если она непрерывна и выбрано неотрицательно значение u:

$$\lim_{\substack{n \to \infty}} P\left(\sqrt{n}d(\overrightarrow{X}) < u\right) = K(u), \tag{6.4}$$

где

$$K(u) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} (-1)^k e^{-2k^2 u^2}$$
(6.5)

По утверждению этой теоремы также устанавливается согласованность с критической областью $\sqrt{n}d(\vec{x}) > u_a$, где u_a - корень уравнения K(u) = 1-а, уровень значимости задаётся через предел стремления к α при бесконечно возрастающем n. То есть можно утверждать, что появляется понятие асимптотического уровня значимости, которым является α . При таких условиях, а также при n > 20, имеет смысл применять данный критерий, получивший наименование Колмогорова. Если n < 20, настоящий уровень значимости будет существенно отличаться от номинального значения.

Если принять F(x), как некоторую теоретическую функцию, а $\hat{F}(x)$, как фактическую эмпирическую функцию распределения, то для вычисления расстояния между ними используется данная формула:

$$d(\vec{x}) = \max_{1 \le i \le n} \left\{ \left| \frac{i}{n} - F(x_{(i)}) \right|, \left| \frac{i-1}{n} - F(x_{(i)}) \right| \right\}, \tag{6.6}$$

где $x_{(i)}$ - i-й член вариационного ряда

$$x_{(1)} \le x_{(2)} \le ... \le x_{(n-1)} \le x_{(n)}$$
 [1].

Таблица. "Граничные значения для статистического критерия Смирнова-Колмогорова"

α	0,15	0,10	0,05	0,03	0,01
$D_{nH} \alpha$	0,775	0,819	0,895	0,995	1,035

7) Критерий Фишера

Использование критерия Фишера обычно, когда требуется проверить соотношение двух дисперсий выборок нормального распределения. Для этого необходимо вычислить дисперсии случайных процессов, после чего по значению соотношения можно будет понять, выполняется критерий Фишера или нет.

По центральной предельной теореме, принято считать, что закон нормального распределения задаёт функции распределения котировок доходностей акций компаний. Иными словами, распределение суммарной величины всех логарифмов близко к нормальному, при условии, что количество дней достаточно велико. Чтобы убедиться в этом, смоделируем ситуацию, воспользовавшись критерием Колмогорова

В качестве начальных данных смоделируем по функциям нормального распределения две выборки случайных значений :

$$X_1,\ldots,X_m \sim N(\mu_x,\sigma_x^2),$$

$$Y_1, \ldots, Y_n \sim N(\mu_y, \sigma_y^2).$$

Допустим, что значения параметров μ_x , σ_x^2 , μ_y , σ_y^2 нам известны. Тогда основной гипотезой будет являться утверждение, что $\sigma_x^2 = \sigma_y^2$ (H₀). В качестве дополнительной гипотезы выберем один из 3 вариантов:

- 1) $H_1: \sigma_x^2 > \sigma_v^2$;
- 2) $H_1: \sigma_x^2 < \sigma_y^2$;
- 3) $H_1: \sigma_x^2 \neq \sigma_y^2$.

Теорема о построении критериев для проверки гипотезы с известным уравнением значимости α :

Если верна Но, то

$$\frac{s_x^2}{s_y^2} \sim F(m-1, n-1),$$

где $s_x^2 = \sum_{i=1}^m (X_i - \bar{X})^2$, $s_y^2 = \sum_{i=1}^n (Y_i - \bar{Y})^2$, а F(m-1,n-1) – распределение Фишера с m-1 и n-1 степенями свободы [2].

Значение критерия Фишера для двух выборок данных будет вычисляться по формуле:

$$F = \frac{\max(var1, var2)^2}{\min(var1, var2)^2}$$

Где var1 – дисперсия первой выборки, var2 – дисперсия второй выборки

II. Практическая работа

1) Предварительная обработка и аналитика данных

Для начала работы необходимо подготовить данные. Источником послужит веб ресурс, содержащий глобальную финансовую аналитику, а также вся статистика котировок акций компаний [7] за прошлые годы. Данные о том, акции каких компаний входят в этот индекс, а также о других секторах рынка можно использовать с сайта Московской биржи [8], а также воспользоваться дополнительно данными Московского финансового дома [9] для дополнительной проверки статистики.

Сопоставим тикеры акций, входящих в состав Финансового сектора ММВБ, с названиями компаний в таблице:

Таблица 1. Состав тикеров индекса MOEXFN, включающего в себя акции финансового сектора Мосбиржи

Тикер акции	Название компании
SBER	ПАО «Сбербанк России»
SBER_p	ПАО «Сбербанк России»
	(привилегированные акции)
CBOM	ПАО «Московский кредитный банк»
MOEX	ПАО «Московская биржа»
RENI	ПАО «Группа Ренессанс Страхование»
QIWIDR	AO «Киви»
BSPB	ПАО «Банк Санкт-Петербург»
SFIN	ПАО «ЭсЭфАй»
TCSGDR	TCS Group Holding PLC
VTBR	ПАО «Банк ВТБ»

Чтобы вычислить количество дней, в которые проводились торги акциями этой компании, используем столбец 'Дата', записанную в формате ddMMyyyy. Для этого сгруппируем имеющиеся данные этого столбца по годам и приведём их к таблице в удобном виде. Записи строк будут перечислять данные по одному тикеру, а столбцы будут содержать информацию по одному году. Всё сохраняем, как файл с расширением сsv с разделителем между записями «;». Результаты данного преобразования сохранены и их можно посмотреть в таблице 2.

Таблица 2. Суммарное количество торговых дней для всех компаний.

4	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	
1		Ticker	2016	2017	2018	2019	2020	2021	
2	0	BSPB	252	252	255	252	250	255	
3	1	CBOM	252	252	255	252	250	255	
4	2	QIWIDR	252	252	254	252	250	255	
5	3	RENI	0	0	0	0	0	48	
6	4	SBER	252	252	254	252	250	255	
7	5	SBER_p	252	252	254	252	250	255	
8	6	SFIN	243	252	254	252	250	255	
9	7	TCSGDR	0	0	0	44	250	255	
10	8	VTBR	252	252	254	252	250	255	
11	9	MOEX	252	252	254	252	250	255	
12									

Как можно заметить, среди данных компаний есть котировки акций, которые начали продаваться позже 2016 года. Так у RENI статистика начинается только в конце 2021 года, также и у TCSGDR только с конца 2019 года. Их данные не будут полезны для анализа общего положения индекса фондового рынка, поэтому далее в статистике они рассматриваться не будут.

Сформируем таблицу, в которой будут присутствовать только компании, которые стабильно продавались большую часть года в рассматриваемый временной промежуток — с 2016 по 2021 годы. Результат просеивания данных можно наблюдать в таблице 3.

Таблица 3. Суммарное количество торговых дней для отредактированного списка компаний

	Α	В	С	D	Е	F	G	Н
1		Ticker	2016	2017	2018	2019	2020	2021
2	0	BSPB	252	252	255	252	250	255
3	1	CBOM	252	252	255	252	250	255
4	2	QIWIDR	252	252	254	252	250	255
5	3	SBER	252	252	254	252	250	255
6	4	SBER_p	252	252	254	252	250	255
7	5	SFIN	243	252	254	252	250	255
8	6	VTBR	252	252	254	252	250	255
9	7	MOEX	252	252	254	252	250	255
10								

Список, который можно увидеть выше, содержит 8 компаний, каждая из которых на протяжении последних 6 лет имела более 229 торговых, поэтому на основании этих данных можно продолжить анализ гипотезы и преобразование данных к нужному виду.

Теперь выделим для каждой акции максимальный по возрастанию и по убыванию относительный скачок цены. Для этого используем данные, которые содержаться в столбце "Цена" — стоимость акции, сформированная в момент закрытия. После применения функции, рассчитывающей рост значения, относительно предыдущего, мы получаем 2 таблицы, которые сохранены также в формате csv файла. Чтобы цифры выглядели более понятными, откроем файл в Microsoft Excel и применим к данным условное форматирование.

В таблице 4 приведены максимальные относительные скачки цен вниз. Вариация идёт от меньшего по модулю значения (Зелёный) к большему (Красный)

Таблица 4. Максимальный относительный рост цены вверх

	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1
1		Ticker	2016	2017	2018	2019	2020	2021	
2	0	BSPB	0,072	0,06	0,087	0,052	0,056	0,06	
3	1	CBOM	0,035	0,029	0,03	0,061	0,091	0,042	
4	2	QIWIDR	0,094	0,094	0,103	0,242	0,11	0,1	
5	3	SBER	0,064	0,063	0,08	0,03	0,129	0,057	
6	4	SBER_p	0,055	0,071	0,076	0,028	0,084	0,053	
7	5	SFIN	0,03	0,128	0,139	0,116	0,12	0,049	
8	6	VTBR	0,09	0,08	0,058	0,101	0,086	0,072	
9	7	MOEX	0,052	0,039	0,05	0,043	0,092	0,042	
10									

Далее рассмотрим обратную ситуацию. Посчитаем максимальные относительные скачки цен вниз. Результаты занесём в таблицу 5, где также применим условное форматирование Excel таблиц. Вариация идёт от меньшего по модулю значения (Зелёный) к большему (Красный)

Таблица 5. Максимальный относительный рост цены вниз

	Α	В	С	D	E	F	G	Н	1
1		Ticker	2016	2017	2018	2019	2020	2021	
2	0	BSPB	-0,046	-0,084	-0,077	-0,057	-0,127	-0,068	
3	1	CBOM	-0,044	-0,025	-0,031	-0,04	-0,072	-0,028	
4	2	QIWIDR	-0,093	-0,069	-0,13	-0,07	-0,212	-0,068	
5	3	SBER	-0,062	-0,039	-0,17	-0,053	-0,096	-0,056	
6	4	SBER_p	-0,053	-0,047	-0,134	-0,061	-0,092	-0,046	
7	5	SFIN	-0,018	-0,079	-0,261	-0,077	-0,052	-0,035	
8	6	VTBR	-0,039	-0,062	-0,09	-0,04	-0,144	-0,065	
9	7	MOEX	-0,073	-0,056	-0,056	-0,058	-0,085	-0,046	
10									
11									

В итоге теперь мы располагаем всей статистикой значительных изменений цен выбранных акций .По данным таблиц можно выделить 2 котировки, стабильность которых стоит проверить : SFIN и QIWIDR. Для этого откроем файлы соответствующих акций и по данным в столбце "Цена" построим график изменения цены с течением времени.

Рисунок 1. График изменения цены акций компании SFIN.



Наибольшие скачки цен вниз были заметны в 2018 году (-26,1 %), однако данные случаи не выбиваются за общие границы значений выборки, а также не превышают 40 % в относительном изменении цены. Поэтому данные этих акций можно использовать для дальнейшего анализа.

Рисунок 2. График изменения цены акций компании QIWIDR.



Максимальный рост цены акции зафиксирован в 2019 году (24,2 %). Постоянные рост и падение цены акции в течение дня по своей величине не

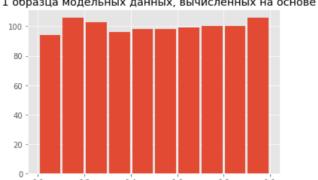
имеют слишком большое значение, поэтому данную выборку также можно считать репрезентативной.

Таким образом, после предварительной обработки данных, у нас остались котировки 8 акций, которые подходят для дальнейшего анализа и исследования гипотезы, то есть имеют большое число (> 229) дней, в которые их акции участвовали в торгах на бирже и не имеют существенный разброс в стоимости. Выборка реальных данных, на которых будет проверяться исследуемая гипотеза, подготовлена и приведена к нужному виду.

2) Проверка гипотезы на сгенерированных данных

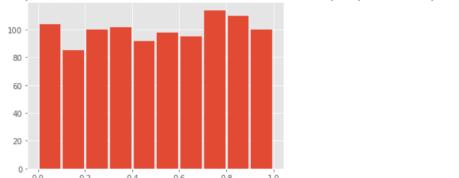
Проверим нашу гипотезу о равенстве дисперсий логарифмических доходностей фондового рынка и входящих в его состав акций для данных, которые будут сгенерированы по определённому образцу, в соответствии с критерием Колмогорова. Для этого используем метод Монте-Карло, создадим 2 выборки из 252 элементов каждая, после чего на их основе выясним: верна ли гипотеза, и правильно ли написана программа для вычисления критерия Фишера и Р-значения.

Для наглядности выведем гистограмму Р-значений, отдельно продемонстрировав каждое из распределений на графике. Так как мы проводим несколько экспериментов, и каждый раз получаем различные р-значения, стоит проверить, как часто встречаются определённые значения:



Гистограмма Р-значений 1 образца модельных данных, вычисленных на основе критерия Колмогорова

Рисунок 3. Первое распределение сгенерированных данных. Р-значения.



Гистограмма Р-значений 2 образца модельных данных, вычисленных на основе критерия Колмогорова

Рисунок 4. Второе распределение сгенерированных данных. Р-значения.

После соответствующих вычислений в среде разработки, получаем Р-значения, равные 0.41963114811849644 и 0.36498239642797903 для первой и второй выборки соответственно. Это показатель того, что Р-значения распределены по равномерному закону для таких модельных данных, так как р-значение по своей величине больше общепринятого критерия значимости (5%)

Теперь проверим эти данные критерием Фишера. Полученное значение: 1.0321616259272595. Результат свидетельствует о том, что дисперсии практически равные, а значит вывод о том, что гипотеза о равенстве дисперсий логарифмических доходностей фондового рынка и входящих в его состав акций полностью выполняется в идеальных случаях, когда используются модельные данные одинакового образца.

3) Проверка правильности гипотезы на реальной статистике

После проверки, что программа работает корректно, все данные обрабатываются в нужном формате, и котировки проверены и приведены к нужному виду, можно приступить к моделированию алгоритма на реальных данных. Итак, используем критерий Фишера, чтобы проверить верна ли гипотеза о равенстве дисперсий логарифмических доходностей фондового рынка и входящих в его состав акций на примере акций индекса МОЕХFN —

индекса Московской биржи, включающий в себя финансовый сектор. Для вычислений, как и при предварительном анализе котировок, нам потребуются столбцы с данными "Дата" (день совершения сделок на бирже) и "Цена" (стоимость закрытия последней сделки с этой акцией в определённый день). Для того, чтобы проверить гипотезу, нам необходима логарифмическая доходность, данными о которой мы пока не располагаем в наших таблицах с данными. Вычислим эти значения и сохраним в списке с другими данными. Для этого используем уже существующие функции языка Python.

После этого необходимо вычислить Р-значения (I раздел. Пункт 4) функции на основе реальных данных. Для этого мы можем использовать написанную ранее функцию, подготовить выборку данных за 6 лет, удовлетворяющую критерию Колмогорова. Итоговые значения вынесем для наглядности в таблицу.

Таблица 6. Р-значения для настоящих данных за 6 лет в течение каждого года

Таблица. Р-значения по критерию Колмогорова 10]: Тикер 2016 2017 2018 2019 2020 2021 BSPB 0.0 0.0 0.0 0 0.0 0.0 0.0 СВОМ 1 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 QIWIDR 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 2 SBER 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 SBER_p 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 5 SFIN 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 **VTBR** 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 MOEX 0.0 0.0 0.0 0.0 8 MOEXFN 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0

Также, предоставим гистограмму, отражающую полученные данные для наглядного отображения.

Гистограмма Р-значений модельных данных 1, вычисленных с помощью критерия Колмогорова

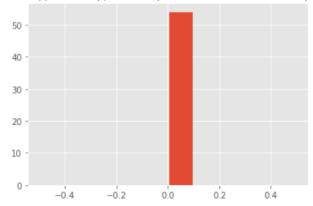


Рисунок 5. Распределение Р-значений

Из-за того, что Р-значения приближены к 0, нет оснований для выводов о том, какое распределение задаёт эти функции цены реальных акций компаний, в то числе исключается и равномерное распределение. Следовательно, для каждой из котировок акций компаний вычисляется отдельно значение дисперсии, чтобы потом провести все финальные расчёты.

Таблица 7. Данные о дисперсии логарифмических доходностей за 6 лет по каждому году

Таблица. Дисперсии логарифмической доходности по годам

	Тикер	2016	2017	2018	2019	2020	2021
0	BSPB	0.017888	0.009437	0.006949	0.003200	0.015068	0.024605
1	CBOM	0.002226	0.000771	0.000937	0.001772	0.002109	0.001813
2	QIWIDR	0.014999	0.031903	0.007078	0.028793	0.035955	0.015811
3	SBER	0.033116	0.017967	0.016176	0.003656	0.015230	0.007723
4	SBER_p	0.035845	0.028103	0.012094	0.004961	0.012988	0.007813
5	SFIN	0.006580	0.002167	0.012295	0.004028	0.004777	0.003341
6	VTBR	0.001562	0.009853	0.020372	0.009122	0.015274	0.015281
7	MOEX	0.011590	0.005767	0.013191	0.003866	0.025829	0.003400
8	MOEXFN	0.008887	0.003512	0.009493	0.002571	0.019172	0.014882

Так как мы не можем использовать прямое сравнение дисперсий при анализе данных, поэтому переходим сразу же к подсчёту значений критерия

Фишера для выбранного набора акций. Сравниваться каждая из них будет со значениями индекса Мосбиржи Финансового сектора с помощью уже написанной ранее функции.

Значение критерия Фишера для двух выборок данных будет вычисляться по формуле:

$$F = \frac{\max(var1, var2)^2}{\min(var1, var2)^2}$$

Где var1 — дисперсия первой выборки, var2 — дисперсия второй выборки Таблица 8. Значения критериев Фишера для каждой акции

	Α	В	С	
1		Tiker	Fishre's criterion	
2	0	BSPB	3.178346397793912	
3	1	CBOM	2.678001624966286	
4	2	QIWIDR	1.3497189616514969	
5	3	SBER	2.5014456919440096	
6	4	SBER_p	6.717130340083961	
7	5	SFIN	1.9100465069461328	
8	6	VTBR	1.4646741559184644	
9	7	MOEX	1.3747144093076238	
10				

Полученные значения для данного эксперимента свидетельствуют о том, что выбранная для проверки гипотеза выполняется для индекса Финансового сектора Московской биржи. Значения критерия Фишера отражают соотношение близкое к нормальному.

Наибольшее значение дисперсии логарифмической доходности у привилегированных акций Сбербанка стало причиной наибольшего значения критерия Фишера при проверке вычислений в данных. Далеко не все реальные данные могут проявляться таким же образом, так как ситуация в разных секторах экономики принципиально отличается. Финансовый сектор очень сильно централизован и следует общей политике государства, более того, он во многом зависим от её состояния, вследствие чего напрашивается вывод о

том, что предложенная для анализа гипотеза выполняется на этом наборе реальных данных.

4) Другие гипотезы и оценка мощности критерия

В качестве альтернативных вариантов могли подойти следующие распределения логарифмической доходности:

- 1. распределение по модулю закона Стьюдента с тремя степенями свободы;
- 2. логнормальное распределение.

Вычислим мощность критерия Фишера, вычисляя 1000 раз Р-значения при уровне значимости $\alpha = 0.05$ для каждого альтернативного распределения. Примеры генерации и оценки таких экспериментов приведены в коде, прилагающимся к курсовой.

Вид распределения	20	125	252
Распределение по модулю закона Стьюдента с тремя	0.6406	0.9874	0.9998
степенями свободы			
Логнормальное распределение со стандартным	0.6603	0.9893	0.9989
отклонением равным 1/4			

Таблица 9. Мощность критерия Фишера для различных вычислений

На основе этих данных можно сделать вывод, что для логнормального распределения и распределения Стьюдента с тремя степенями свободы мощность критерия Фишера возрастает в соответствии с ростом размера выборки данных. Это означает, что при увеличении размера выборки уменьшается вероятность допустить ошибку второго рода.

IV. Заключение

При написании данной курсовой работы была поставлена цель — проверить гипотезу о равенстве дисперсий логарифмических доходностей индекса фондового рынка и входящих в его состав акций, с использованием методов сравнения и анализа, такие как критерий Фишера и критерий Колмогорова. За основу брались данные индекса Финансового сектора

Московской биржи (MOEXFN), а проверка проводилась как на случайно сгенерированных модельных данных, так и на реальной выборке котировок акций компаний.

Результатом анализа выполнимости выбранной гипотезы, мною были получены следующие результаты: гипотеза подтвердилась на модельных данных, сгенерированных согласно определённому принципу, и также подтвердилась на выбранном наборе реальных данных, предварительно прошедших просеивание и анализ репрезентативности их, как достоверных.

По данным анализа лишь одного сектора бизнеса не следует обобщать вывод о справедливости гипотезы, однако можно сказать, что она выполнима для финансового сектора, который представляет интересы общего рынка, а также основных его регуляторов.

Искажения в результатах работы и входе анализа данных могли быть вызваны различными недостатками в критериях, выбранных для проверки гипотезы. Так критерий Фишера очень чувствителен к отклонениям от нормального распределения в исследуемой выборке, а также к выборкам разного размера, которые гораздо чаще встречаются в реальных данных, в отличие от настроенных моделей.

Однако, фактическое выполнение критериев на модельных данных в диапазоне от 0 до 1 подтверждено мною в ходе проведения работы, а это означает, что проведённые вычисления не являются ошибочными и выбранные критерии обеспечивают достоверную проверку.

V. Список использованных источников

- М.: Финансы и статистика, 2013
- 2. Браилов А.В. Лекции по математической статистике. М.: Финакадемия, 2008.

- 3. Браилов А.В. Лекции по теории вероятности. М.: Финакадемия, 2008.
- 4. Глебов Криволапов Практикум по математической статистике. Проверка гипотез с использованием Excel, MatCale, R и Python. М.: Прометей, 2019.
- 5. Теория вероятностей и математическая статистика (для бакалавров): учебное пособие / Кацко И.А. ред. Москва: КноРус, 2019. 389с. URL: https://www.book.ru/book/930219 (Дата обращения: 25.04.2021)
- 6. Смирнова З.М., Крейнина М.В. ПРОВЕРКА СТАТИСТИЧЕСКИХ ГИПОТЕЗ.
 - 7. https://ru.investing.com/equities/
 - 8. https://mfd.ru/
 - 9. https://smart-lab.ru/q/index_stocks/MOEXFN/

VI. Приложения

5

Приложение 1. Технические характеристики персонального ноутбука

Технические характеристики компьютера:

Процессор Intel Core i7-9750H CPU

Тактовая частота 2.59 GHz 4.5 GHz

Частота системной шины 2400 МГц

Объём кэша второго уровня 1 536 Кб

Время работы программы:

--- 9.982163429260254 seconds ---

Приложение 2. Список файлов

Таблица 1	
	Состав тикеров индекса MOEXFN,
	включающего в себя акции финансового
	сектора Мосбиржи
Таблица 2	Суммарное количество торговых дней
	для всех компаний.
Таблица 3	Суммарное количество торговых дней
	для отредактированного списка
	компаний
Таблица 4	Максимальный относительный рост цены
	вверх
Таблица 5	Максимальный относительный рост цены
	вниз
Таблица 6	Р-значения для настоящих данных за 6
	лет в течение каждого года
Таблица 7	Данные о дисперсии логарифмических
	доходностей за 6 лет по каждому году
Таблица 8	Значения критериев Фишера для каждой
	акции
Таблица 9	Мощность критерия Фишера для
	различных вычислений
Рисунок 1	График изменения цены акций компании
	SFIN.
Рисунок 2	График изменения цены акций компании
	QIWIDR.
Рисунок 3	Первое распределение сгенерированных
	данных. Р-значения.
Рисунок 4	Второе распределение сгенерированных
	данных. Р-значения.
Рисунок 5	Распределение Р-значений

Приложение 3. Программный код на языке python, реализованный в среде Jupyter notebook

In [329]:

Стартовый импорт библиотек

```
import time
In [330]:
    start_time = time.time() #Переменная для подсчёта времени работы программы
In [331]:
 1 #Импорт задействованных библиотек(технические)
    import numpy as np
 3 import pandas as pd
 4 import csv
 5 #Библиотеки для анализа различных статистических показателей
 6 import matplotlib.pyplot as plt
 7 import matplotlib
 8 import statistics as st
 9 import scipy.stats as stats
In [332]:
 1 #Задаём стиль графиков
 2 matplotlib.style.use('ggplot')
```

Подготовка данных для анализа

In [333]:

```
#Подсчёт общего числа рабочих дней в компаниях
   ticker_names = ['BSPB','CBOM', 'QIWIDR', 'RENI', 'SBER', 'SBER_p', 'SFIN', 'TCSGDR',
   all_days_amount = pd.DataFrame()
   all_days_amount['Ticker'] = ticker_names
   years = [i for i in range(2016, 2022)]
   for i in years:
 7
       work_days_amount = []
       for cur_ticker in ticker_names:
 8
 9
            file = pd.read_csv(cur_ticker + '.csv', sep = ';')
            dlit = (file['Дата'] % 10000 >= i)&(file['Дата'] % 10000 < (i+1))
10
            amount = len(file[dlit])
11
            work_days_amount.append(amount)
12
       all_days_amount[str(i)] = work_days_amount
13
14
all_days_amount.to_csv('Общее количество торговых дней в году для всех компаний.csv', s
16
   all days amount
```

Out[333]:

	Ticker	2016	2017	2018	2019	2020	2021
0	BSPB	252	252	255	252	250	255
1	CBOM	252	252	255	252	250	255
2	QIWIDR	252	252	254	252	250	255
3	RENI	0	0	0	0	0	48
4	SBER	252	252	254	252	250	255
5	SBER_p	252	252	254	252	250	255
6	SFIN	243	252	254	252	250	255
7	TCSGDR	0	0	0	44	250	255
8	VTBR	252	252	254	252	250	255
9	MOEX	252	252	254	252	250	255

In [334]:

```
\#\Piодсчёт общего числа рабочих дней в компаниях, у которых сохраняется стабильное число
   ticker_names = ['BSPB', 'CBOM', 'QIWIDR', 'SBER', 'SBER_p', 'SFIN', 'VTBR', 'MOEX']
   all_days_amount = pd.DataFrame()
   all_days_amount['Ticker'] = ticker_names
 5
   years = [i for i in range(2016, 2022)]
   for i in years:
 7
        work_days_amount = []
        for cur_ticker in ticker_names:
 8
 9
            file = pd.read_csv(cur_ticker + '.csv', sep = ';')
            dlit = (file['Дата'] % 10000 >= i)&(file['Дата'] % 10000 < (i+1))
10
            amount = len(file[dlit])
11
            work_days_amount.append(amount)
12
13
        all_days_amount[str(i)] = work_days_amount
14
15 all_days_amount.to_csv('Общее количество торговых дней в году для выбранных компаний.cs
16
   all days amount
                                                                                            \blacktriangleright
```

Out[334]:

	Ticker	2016	2017	2018	2019	2020	2021
0	BSPB	252	252	255	252	250	255
1	СВОМ	252	252	255	252	250	255
2	QIWIDR	252	252	254	252	250	255
3	SBER	252	252	254	252	250	255
4	SBER_p	252	252	254	252	250	255
5	SFIN	243	252	254	252	250	255
6	VTBR	252	252	254	252	250	255
7	MOEX	252	252	254	252	250	255

In [335]:

```
#Подсчёт относительных скачков цен вниз
   ticker_names = ['BSPB', 'CBOM', 'QIWIDR', 'SBER', 'SBER_p', 'SFIN', 'VTBR', 'MOEX']
 2
 4
   years = [i for i in range(2016, 2022)]
 5
 6
   lower_cost = pd.DataFrame() #Создаём Data Frame дял сохранения данных о котировках по г
 7
   lower_cost['Tukep'] = ticker_names
8
9
   for i in years:
10
       decreas vol = []
11
        for cur_name in ticker_names:
            company_data = pd.read_csv(cur_name + '.csv', sep = ';')#Считываем данные котиг
12
            company_data['Delta'] = company_data['Цена'].pct_change().round(3)#Считаем разн
13
            dlit = (company_data['Дата'] % 10000 >= i)&(company_data['Дата'] % 10000 < (i+1)</pre>
14
            cur_year = company_data[dlit]['Delta'].min()
15
16
            decreas_vol.append(cur_year)
        lower_cost[str(i)] = decreas_vol
17
18
   lower_cost.to_csv('Относительные изменения цен вниз.csv', sep = ';', decimal=',')
19
20
   lower_cost
21
```

Out[335]:

	Тикер	2016	2017	2018	2019	2020	2021
0	BSPB	-0.046	-0.084	-0.077	-0.057	-0.127	-0.068
1	СВОМ	-0.044	-0.025	-0.031	-0.040	-0.072	-0.028
2	QIWIDR	-0.093	-0.069	-0.130	-0.070	-0.212	-0.068
3	SBER	-0.062	-0.039	-0.170	-0.053	-0.096	-0.056
4	SBER_p	-0.053	-0.047	-0.134	-0.061	-0.092	-0.046
5	SFIN	-0.018	-0.079	-0.261	-0.077	-0.052	-0.035
6	VTBR	-0.039	-0.062	-0.090	-0.040	-0.144	-0.065
7	MOEX	-0.073	-0.056	-0.056	-0.058	-0.085	-0.046

In [336]:

```
#Подсчёт относительных скачков цен вверх
   ticker_names = ['BSPB', 'CBOM', 'QIWIDR', 'SBER', 'SBER_p', 'SFIN', 'VTBR', 'MOEX']
 4
   years = [i for i in range(2016, 2022)]
 5
   upper_cost = pd.DataFrame() #Создаём Data Frame дял сохранения данных о котировках по г
   upper_cost['Тикер'] = ticker_names
 7
 8
9
   for i in years:
10
        incr vol = []
11
        for cur_name in ticker_names:
            company_data = pd.read_csv(cur_name + '.csv', sep = ';')#Считываем данные котиг
12
            company_data['Delta'] = company_data['Цена'].pct_change().round(3)#Считаем разн
13
14
            dlit = (company_data['Aata'] % 10000 >= i)&(company_data['Aata'] % 10000 < (i+1)</pre>
            cur_year = company_data[dlit]['Delta'].max()
15
            incr_vol.append(cur_year)
16
        upper_cost[str(i)] = incr_vol
17
18
   upper_cost.to_csv('Относительные изменения цен вниз.csv', sep = ';', decimal=',')
19
20
   upper_cost
21
```

Out[336]:

	Тикер	2016	2017	2018	2019	2020	2021
0	BSPB	0.072	0.060	0.087	0.052	0.056	0.060
1	СВОМ	0.035	0.029	0.030	0.061	0.091	0.042
2	QIWIDR	0.094	0.094	0.103	0.242	0.110	0.100
3	SBER	0.064	0.063	0.080	0.030	0.129	0.057
4	SBER_p	0.055	0.071	0.076	0.028	0.084	0.053
5	SFIN	0.030	0.128	0.139	0.116	0.120	0.049
6	VTBR	0.090	0.080	0.058	0.101	0.086	0.072
7	MOEX	0.052	0.039	0.050	0.043	0.092	0.042

Создание модели данных и проверка гипотезы на них

In [337]:

```
#Функция проверки критерия Колмогорова

def kolm_krit(n):

data = np.random.normal(loc = 0, scale = 1, size = n) #Задаём параметры генерации к
result 1: stats.kstest(data,'norm')
return data, round(result[1],3)

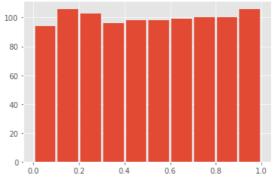
#Размер выборки - среднее число торговых дней в год
n = 252
```

In [339]:

```
#построение гистограммы Р-значений, вычисленных с помощью критерия Колмогорова. (1 выбо
 2
 3
   P_values_1 = [] # Пустой массив для сохранения Р-значений выборки
 4
   tetst data 1 = \text{kolm krit(n)[0]} # Генерация данных на основании критерия Колмогорова
 5
   print(stats.kstest(tetst data 1, 'norm'))
 6
 7
   for i in range(10 ** 3):
       P_values_1.append(kolm_krit(n)[1])#Получаем Р-значения с помощью написанного модуля
 8
9
10
   #Отображение данных (из предыдущей ячейки) в формате гистограммы
11
   plt.hist(P_values_1, rwidth = 0.9)
   plt.title('Гистограмма Р-значений 1 образца модельных данных, вычисленных на основе кри
12
13
   plt.show()
14
   #построение гистограммы Р-значений, вычисленных с помощью критерия Колмогорова. (2 выбо
15
16
   P values 2 = [] # Пустой массив для сохранения Р-значений выборки
   tetst_data_2 = kolm_krit(n)[0] # Генерация данных на основании критерия Колмогорова
17
18
   print(stats.kstest(tetst_data_2, 'norm'))
19
   for i in range(10 ** 3):
20
21
       P_values_2.append(kolm_krit(n)[1])#Получаем Р-значения с помощью написанного модуля
22
23
   #Отображение данных (из предыдущей ячейки) в формате гистограммы
24
   plt.hist(P_values_2,rwidth = 0.9) #Создаём макет гистограммы и передаём ей данные и пар
   plt.title('Гистограмма Р-значений 2 образца модельных данных, вычисленных на основе кри
26
   plt.show()
                                                                                          Þ
```

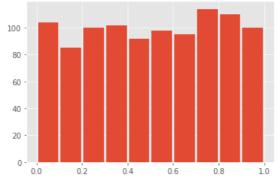
KstestResult(statistic=0.05484159073843625, pvalue=0.41963114811849644)

Гистограмма Р-значений 1 образца модельных данных, вычисленных на основе критерия Колмогорова



KstestResult(statistic=0.05733722721489448, pvalue=0.36498239642797903)

Гистограмма Р-значений 2 образца модельных данных, вычисленных на основе критерия Колмогорова



In [353]:

```
1 # Проверим, имеют ли сгенерированных 2 набора данных общий вид
2 compar1 = stats.ks_2samp(data_1, data_2)
3 print(compar1[1])
```

0.8916529782426248

In [354]:

```
1 #Функция проверки критерия Фишера
2 def fisher_crit(var1, var2):
    return ((max(var1, var2))**2/(min(var1, var2))**2)
```

In [355]:

```
#Вычислим дисперсию 2 выборок данных
var_data_1 = np.var(data_1)
var_data_2 = np.var(data_2)
print("Дисперсия первой выборки = " + str(var_data_1), '\пДисперсия второй выборки = '
res_fisher = fisher_crit(var_data_1, var_data_2)
print("Критерий Фишера = ", res_fisher)
```

Дисперсия первой выборки = 0.9312889089253301 Дисперсия второй выборки = 0.9166648458853652 Критерий Фишера = 1.0321616259272595

In [343]:

```
1 #Проверка мощности критерия
   m = 10000 #количество экспериментов
 3 res1 = []
 4 res2 = []
 5
   for i in range(m):
        data_11 = (stats.t.rvs(df = 3, loc = 0, scale = 1, size = 252))
 6
 7
        data_12 = (stats.t.rvs(df = 3, loc = 0, scale = 1, size = 252))
        data_21 = (stats.lognorm.rvs(s = 1/4, loc = 0, scale = 1, size = 252))
 8
 9
        data_22 = (stats.lognorm.rvs(s = 1/4, loc = 0, scale = 1, size = 252))
        var data 11 = np.var(data 11)
10
11
        var_data_12 = np.var(data_12)
       var_data_21 = np.var(data_21)
12
       var_data_22 = np.var(data_22)
13
14
        res1.append(fisher_crit(var_data_11, var_data_12))
        res2.append(fisher_crit(var_data_21, var_data_22))
15
16
17
   pow1 = 0
   pow2 = 0
18
19
   ## Вычисление мощности критерия
20
   for i in res1:
21
        if i < 0.05:
22
            p(3) += 1
   print(pow1 / m)
23
24
25
   for i in res2:
26
        if i < 0.05:
27
            pow2 += 1
   print(pow2 / m)
28
29
```

0.0

Проверка гипотезы на подготовленных реальных данных фондового рынка

In [344]:

```
#импорт таблиц
 2
 3
   def to_table(ticker): # Функция, выполняющая считывание файла(входной параметр ticker)
 4
        company = pd.read_csv(ticker + '.csv', sep = ';') #Открываем файл с котировками аки
 5
        company['Дата'] = company['Дата'].astype('object')
        for i in range(len(company['Дата'])):
 6
 7
            company['Дата'][i] = str(company['Дата'][i])
            if len(company['Дата'][i]) < 8:</pre>
 8
9
                company['Дата'][i] = '0' + company['Дата'][i]
        company['Дата'] = pd.to_datetime(company['Дата'], format = '%d%m%Y') #npeoδpa3oβaн
10
11
        return company
12
13
   def logTransf(ticker, num):
14
        LD = []
        all_years = ['2016', '2017', '2018', '2019', '2020', '2021']
15
16
        company = to_table(ticker)
17
        company['Логарифм доходности'] = np.log(company['Цена'])
18
        all days_table = pd.read_csv('Общее количество торговых дней в году для выбранных к
19
20
        all_days_table = all_days_table.drop(columns = all_days_table.iloc[:, range(1)]) #J
21
        for year in all_years:
22
            n = (all_days_table[str(year)][num]) #Количество дней в текущем проверяемом год
23
24
25
            first_index = company['Логарифм доходности'][company['Дата'] <= str(year)+'-12
26
            #Незабываем сохранить данные по текущему году, чтобы потом целиком скинуть всю
27
            LD.append((company['Логарифм доходности'][company['Дата'] <= year + '-12-31'])|
28
29
        return LD
30
31
   ticker_names = ['BSPB', 'CBOM', 'QIWIDR', 'SBER', 'SBER_p', 'SFIN', 'VTBR', 'MOEX']
32
33
   PV = []
   for cur ticker in ticker names:
34
35
        num = ticker_names.index(cur_ticker)
36
        log = logTransf(cur_ticker, num)
37
                                                                                           Þ
```

In [345]:

```
1
   def calc_log_max(file, year = 0):
 2
       #Функция для расчёта логарифмической доходности.
 3
       # Параметры - название файла (file) и год, за который требуется посчитать доходност
 4
       #при значении 0 считает за все годы
 5
 6
       company = pd.read_csv(file, sep=';') #считывание файла csv по определённому тикеру
 7
       company['Дата'] = [int(str(company['Дата'][i])[4:]) for i in range(len(company['Дат
 8
 9
       #Далее через встроенную функцию логарифма, нормируем значения выборки, используя т
10
11
       if year > 0: #Расчёт логарифмической доходности при заданном параметре год
12
            log_max_res = np.log(company['Цена'][company['Дата'] <= int(year)][company['Дат
13
       else:
14
            log_max_res = np.log(company['Цена'])
       return [*stats.kstest(log_max_res, 'norm'), np.var(log_max_res)] #βοзβραщαем 3 парф
15
16
```

In [346]:

```
#Cnucok всех рассматриваемых тикеров компаний all_suitable_tickers = ['BSPB', 'CBOM', 'QIWIDR', 'SBER', 'SBER_p', 'SFIN', 'VTBR', 'MC #Временной промежуток, на котором у нас есть данные: с 2016 по 2021 years = [i for i in range(2016,2022)]

#Coздание дата фрейма для дальнейших вычислений table_log_max = pd.DataFrame()

#Cmoлбец с наименованиями тикеров table_log_max['Тикер'] = all_suitable_tickers
```

In [347]:

```
#Вычисляем, какой был наибольший скачок стоимостей акций при группировке по годам
   all_data = [] #Те же данные в формате массива, чтобы их можно было показать на гистогро
 3
   for year in years:
 4
       log_cur_max = [] #Список для хранения значения по всем тикерам в течение одного год
 5
       for ticker in all suitable tickers:
 6
            #Добавление в список значение макс.логарифмических доходностей
 7
            #Подсчёт идёт по каждому тикеру за все дни в течение одного года, после чего чи
            log_cur_max.append(round(calc_log_max(ticker+'.csv', year)[1], 10))
 8
 9
            all_data.append(round(log_cur_max[-1], 10))
10
11
       #После вычисления всех данных по тикерам в течение одного года (log number max)
12
       #Сохраняем в таблицу (table_log_max) все данные для общей статистики
       table_log_max[str(year)] = log_cur_max #группировка в данной таблице идёт по годам
13
14
15
   #Заголовок перед таблицей с данными (выделяем жирным шрифтом)
16
   print('\033[1m' + 'Таблица. Р-значения по критерию Колмогорова')
17
18
   table_log_max
```

Таблица. Р-значения по критерию Колмогорова

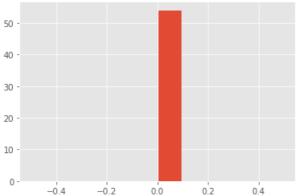
Out[347]:

	Тикер	2016	2017	2018	2019	2020	2021	
0	BSPB	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	
1	СВОМ	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	
2	QIWIDR	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	
3	SBER	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	
4	SBER_p	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	
5	SFIN	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	
6	VTBR	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	
7	MOEX	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	
8	MOEXFN	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	

In [348]:

```
#Отображение данных (из предыдущей ячейки) в формате гистограммы
plt.hist(all_data,rwidth = 0.9) #Создаём макет гистограммы и передаём ей данные и парал
plt.title('Гистограмма Р-значений реальных данных, вычисленных с помощью критерия Колмо
plt.show()
```

Гистограмма Р-значений реальных данных, вычисленных с помощью критерия Колмогорова



In [349]:

```
1
   #Расчёт максимального скачка цены (по годам)
 2
   for year in years:
 3
       log cur max = [] #Список для хранения значения по всем тикерам в течение одного гой
 4
       for ticker in all_suitable_tickers:
 5
            #Добавление в список значение макс.логарифмических доходностей
 6
            #Подсчёт идёт по каждому тикеру за все дни в течение одного года, после чего чи
            log cur max.append(round(calc_log_max(ticker + '.csv', year)[2], 10))
 7
 8
 9
       #После вычисления всех данных по тикерам в течение одного года (log number max)
       #Сохраняем в таблицу (table_log_max) все данные для общей статистики
10
11
       table_log_max[str(year)] = log_cur_max
12
   #Заголовок перед таблицей с данными (выделяем жирным шрифтом)
13
   print('\033[1m' + 'Таблица. Дисперсии логарифмической доходности по годам')
14
15
16
   table log max
```

Таблица. Дисперсии логарифмической доходности по годам

Out[349]:

	Тикер	2016	2017	2018	2019	2020	2021
0	BSPB	0.017888	0.009437	0.006949	0.003200	0.015068	0.024605
1	СВОМ	0.002226	0.000771	0.000937	0.001772	0.002109	0.001813
2	QIWIDR	0.014999	0.031903	0.007078	0.028793	0.035955	0.015811
3	SBER	0.033116	0.017967	0.016176	0.003656	0.015230	0.007723
4	SBER_p	0.035845	0.028103	0.012094	0.004961	0.012988	0.007813
5	SFIN	0.006580	0.002167	0.012295	0.004028	0.004777	0.003341
6	VTBR	0.001562	0.009853	0.020372	0.009122	0.015274	0.015281
7	MOEX	0.011590	0.005767	0.013191	0.003866	0.025829	0.003400
8	MOEXFN	0.008887	0.003512	0.009493	0.002571	0.019172	0.014882

In [350]:

```
#Расчёт значений дисперсии по каждому тикеру за всё время
 2
   list_var = []
 4
   for ticker in all suitable tickers:
 5
       #Добавление в список значение макс.логарифмических доходностей
 6
       #Подсчёт идёт по каждому тикеру за все дни измеряемого промежутка, после чего числе
 7
       list_var.append(round(calc_log_max(ticker + '.csv')[2], 10))
 8
 9
       #После вычисления всех данных по тикеру
10
       #Coxpaняем в cnucok (table log max) все данные для общей статистики
11
   #Заголовок перед таблицей с данными (выделяем жирным шрифтом)
12
   print('Таблица. Дисперсии логарифмической доходности\n')
13
14
   for i in range(len(all_suitable_tickers)):
15
       print(all_suitable_tickers[i], ':', list_var[i]) #Выводим дисперсию вместе с назван
16
```

Таблица. Дисперсии логарифмической доходности

BSPB : 0.0300476109 CBOM : 0.0327344571 QIWIDR : 0.0461093379 SBER : 0.0847239314 SBER_p : 0.1388361137 SFIN : 0.0387604303 VTBR : 0.0648307536 MOEX : 0.0456882284 MOEXFN : 0.0535686326

In [351]:

```
#Создаю Дата фрейм для сохранения значений критерия Фишера
   result = pd.DataFrame()
   result['Tiker'] = all_suitable_tickers[:-1] #Переносим список всех тикеров кроме индек
   result["Fishre's criterion"] = all_suitable_tickers[:-1] #Столбец для значений критерия
 5
 6
   for i in list_var[:-1]:
 7
        y = fisher_crit(i, list_var[-1]) #По уже написанной функции считаем значение критег
        result["Fishre's criterion"][list_var.index(i)] = у #Сохраняем в строке соответств
 8
 9
   result.to csv('Значения критерия Фишера для всех выбранных акций.csv', sep = ';')
10
11
   print('\033[1m' + 'Таблица. Значения критерия Фишера')
12
13
   result
```

Таблица. Значения критерия Фишера

Out[351]:

	Tiker	Fishre's criterion
0	BSPB	3.17835
1	СВОМ	2.678
2	QIWIDR	1.34972
3	SBER	2.50145
4	SBER_p	6.71713
5	SFIN	1.91005
6	VTBR	1.46467
7	MOEX	1.37471

In [352]:

```
1 finish_time = time.time()
2 #Общее время работы программы, включая все операции анализа, импорта библиотек и генеро print("--- %s seconds ---" % (finish_time - start_time))
```

--- 10.82125997543335 seconds ---

In []:

1