Isolationslevel in SQL

Zu den ACID-Eigenschaften von Transaktionen gehört auch das "I", also Isolation. Streng genommen versteht man unter Isolation, dass eine Transaktion unbeeinflusst durch andere Transaktionen abläuft.

Tatsächlich gibt es jedoch Situationen, in denen Transaktionen durchaus "sehen" möchten, ob und wie andere Transaktionen parallel Daten verändern. Deshalb sieht der SQL-Standard verschiedene Level der Isolation zwischen Transaktionen vor und es ist dann die Sache der Programmierung der jeweiligen Transaktion, dasjenige Isolationslevel zu wählen, das für die Anwendung geboten ist.

Phänomene bei verschränkten Transaktionen

Werden Transaktionen nicht seriell, sondern verschränkt durchgeführt, dann können verschiedene Phänomene der gegenseitigen Beeinflussung von Transaktionen auftreten. Der SQL-Standard definiert solche Phänomene.

Wir gehen in den folgenden Beispielen davon aus, dass unser Datenbankschema eine Tabelle Konto mit den Spalten KtoNr und Saldo hat. Im Saldo wird das Guthaben auf dem Konto mit der Kontonummer KtoNr gespeichert.

Lost Update[1]/Dirty Write

Ausgangslage: Das Konto 1 hat einen Saldo von 100.

Tabelle 1: Beispiel für Lost Update [1]

T_1	T_2	Saldo für Konto 1
		100
	update Konto	
	set Saldo = 200	
	where $KtoNr = 1$	200
update Konto		
set Saldo = 250		
where $KtoNr = 1$		250
commit		250
	commit	200

Im Beispiel dargestellt in Tabelle ${f 1}$ führt das Bestätigen der Transaktion T_2

dazu, dass die Änderung von Transaktion T_1 verloren ist, obwohl T_1 ihre Änderung bestätigt hat.

Bemerkung Dieses Phänomen wird im SQL-Standard als LostUpdate bezeichnet. Ich nenne es hier Lost Update[1], weil es noch ein anderes Phänomen gibt, das oft auch als Lost Update bezeichnet wird (siehe Abschnitt zur Diskussion der Isolationslevel). Manchmal wird das Phänomen auch Dirty Write genannt. Der SQL-Standard definiert dieses Phänomen nicht explizit, sondern sagt etwas lapidar: "The four isolation levels guarantee that each SQL-transaction will be executed completely or not at all, and that no updates will be lost" [Abschnitt 4.35.4. in Part 2 Foundation von SQL:2003]

Dirty Read

Ausgangslage: Das Konto 1 hat einen Saldo von 100.

Tabelle 2: Beispiel für Dirty Read

T_1	T_2	Saldo für Konto 1
		100
	update Konto set Saldo = 200 where KtoNr = 1	200
select Saldo from Konto where KtoNr = 1		
T_2 verwendet den Wert 200		
	rollback	100
commit		100

Im Beispiel (dargestellt in Tabelle 2) verwendet die Transaktion T_1 den Wert von 200 als gültigen Saldo für Konto 1, obwohl dies niemals korrekt war, da Transaktion T_2 diesen Wert nicht bestätigt hatte. Dieses Phänomen nennt man $Dirty\ Read$.

Non-repeatable Read

Ausgangslage: Das Konto 1 hat einen Saldo von 100.

Das Phänomen *Non-repeatable Read* besteht darin, dass innerhalb einer Transaktion der Zugriff auf bestimmte Werte unterschiedliche Ergebnisse liefert. In unserem Beispiel in Tabelle 3 liest Transaktion T_1 zunächst als

Tabelle 3: Beispiel für Non-repeatable Read

T_1	T_2	Saldo für Konto 1
		100
select Saldo from Konto where KtoNr = 1 T_1 liest den Wert 100		
	update Konto set Saldo = 200 where KtoNr = 1 commit	200
select Saldo from Konto where KtoNr = 1 T_1 liest den Wert 200		
Tabelle 4: Beispiel für T_1	falsche Ergebnisse bei Nor T_2	n-Repeatable Read Saldo Konten 1-3
-1		40, 50, 30 Summe: 120
T_1 liest Saldo von Konto 1 und schreibt den Wert in sum, also 40.		
	T ₂ ändert Saldo von Konto 3 auf 20 und von Konto 1 auf 60 commit	60, 50, 20 Summe: 130
T_1 liest Saldo von Konto 2 und addiert den Wert zu sum, also 90.		
T_1 liest Saldo von Konto 3 und addiert den Wert zu sum, also 110.		

Saldo von Konto 1 den Wert 100,bei einem weiteren Zugriff ist der Saldo dann 200.

Es kann auch vorkommen, dass eine andere Transaktion den Datensatz zum Konto mit der Kontonummer 1 gelöscht hat, so dass der spätere Zugriff von Transaktion T_1 gar keinen Wert mehr zum Saldo ergeben würde. Ebenso ist es möglich, dass beim erneuten Lesen einer Ergebnismenge neue Datensätze erscheinen, die bisher nicht vorhanden waren.

Das bedeutet, dass in Transaktion T_1 Änderungen "sichtbar" werden, die zwischenzeitlich von einer anderen Transaktion durchgeführt wurden. Dies kann in einer Anwendung durchaus erwünscht sein.

Ein weiteres Beispiel (Tabelle 4) zeigt, dass das Phänomen Non-repeatable Read zu falschen Ergebnissen führen kann.

Als Ausgangspunkt nehmen wir drei Konten mit den Salden 40, 50, 30. Transaktion T_1 summiert die Salden auf und ermittelt dadurch das Gesamtguthaben der drei Konten.

In diesem Beispiel ermittelt Transaktion T_1 als Summe der Salden der Konten 1, 2, 3 den Wert 110, obwohl dieser Wert weder vor noch nach der Transaktion T_2 korrekt war.

Einschub

Der SQL-Standard formuliert die Phänomene folgendermaßen [Abschnitt 4.35.4. in Part 2 Foundation von SQL:2003]:

- 1. "P1 ("Dirty read"): SQL-transaction T1 modifies a row. SQL-transaction T2 then reads that row before T1 performs a COMMIT. If T1 then performs a ROLLBACK, T2 will have read a row that was never committed and that may thus be considered to have never existed."
- 2. "P2 ("Non-repeatable read"): SQL-transaction T1 reads a row. SQL-transaction T2 then modifies or deletes that row and performs a COMMIT. If T1 then attempts to reread the row, it may receive the modified value or discover that the row has been deleted."
- 3. "P3 ("Phantom"): SQL-transaction T1 reads the set of rows N that satisfy some <search condition>. SQL-transaction T2 then executes SQL-statements that generate one or more rows that satisfy the <search condition> used by SQL-transaction T1. If SQL-transaction T1 then repeats the initial read with the same <search condition>, it obtains a different collection of rows."

Phantom Row

Tabelle 5 zeigt ein Beispiel für das Phänomen *Phantom Row*.

Ausgangslage sind zwei Konten mit einem Saldo von jeweils 100. Die Transaktion T_1 liest zunächst die Summe der Guthaben und erhält 200, später liest sie nochmals die Summe. Nun erhält T_1 250, weil wie ein "Phantom" plötzlich ein weiteres Konto in die Summe mit einbezogen wurde. Diese neue Zeile in der Tabelle wurde von Transaktion T_2 eingefügt.

Tabelle 5: Beispiel für Phantom Row

T_1	T_2	Saldo für Konten
		100, 100
select sum(Saldo)		
from Konto		
T_1 liest den Wert 200		
	insert into Konto values (3,50)	
	commit	100, 100, 50
select sum(Saldo)		
from Konto		
T_1 liest den Wert 250		

 T_2 war während der Laufzeit der Transaktion T_1 in der Lage, die Summe der Salden zu verändern, indem sie ein "Phantom untergeschoben" hat.

Bemerkung Die Beispiele sind so konstruiert, dass für die einzelnen Schritte der beteiligten Transaktionen SQL-Anweisungen verwendet werden. Eine einzelne SQL-Anweisung besteht in der Regel aus vielen elementaren Operationen des Datenbankmanagementsystems. Der SQL-Standard schreibt jedoch fest, dass jede einzelne SQL-Anweisung atomar und isoliert gegenüber anderen Transaktionen durchgeführt werden muss [1, S. 877].

Definition der Isolationslevel in SQL

In SQL werden die Isolationslevel dadurch definiert, dass festgelegt wird, welche der Phänomene des konkurrierenden Zugriffs von Transaktionen garantiert nicht auftreten können und welche eventuell auftreten können.

Das Phänomen "Lost Update [1]" bzw. Dirty Write darf niemals auftreten.

¹Berenson et al. sagen: "If one looks carefully at the SQL standard, it defines each statement as atomic. It has a serializable sub-transaction (or timestamp) at the start of each statement." (Hal Berenson et al.: *A Critique of ANSI SQL Isolation Levels* Proc. ACM SIGMOD 95, S. 10.)

In Tabelle 6 wird spezifiziert, welche Phänomene in welchem Isolationslevel auftreten können bzw. garantiert *nicht* auftreten.

Der Isolationslevel SERIALIZABLE ist natürlich durch die Abwesenheit aller Phänomene — wie in der Tabelle angegeben — nicht wirklich hinreichend spezifiziert. Der SQL-Standard verlangt, dass in diesem Isolationslevel eine Transaktion unbeeinflusst durch andere Transaktionen abläuft.

"The execution of concurrent SQL-transactions at isolation level SERIALIZABLE is guaranteed to be serializable. A serializable execution is defined to be an execution of the operations of concurrently executing SQL-transactions that produces the same effect as some serial execution of those same SQL-transactions. A serial execution is one in which each SQL-transaction executes to completion before the next SQL-transaction begins." [Abschnitt 4.35.4. in Part 2 Foundation von SQL:2003]

	Dirty Read	Non-Repeatable Read	Phantom Row
READ UNCOMMITTED	möglich	möglich	möglich
READ COMMITTED	nicht möglich	möglich	möglich
REPEATABLE READ	nicht möglich	nicht möglich	möglich
SERIALIZABLE	nicht möglich	nicht möglich	nicht möglich

Tabelle 6: Definition der Isolationslevel in SQL

Es handelt sich bei den Festlegungen in der Tabelle 6 um eine Zusicherung des Datenbankmanagementsystems für eine Transaktion: Stellt eine Transaktion z.B. das Isolationslevel READ COMMITTED ein, garantiert das Datenbankmanagementsystem, dass für diese Transaktion niemals das Phänomen "Dirty Read" eintreten kann, möglicherweise aber eines der Phänomene "Non-repeatable Read" oder "Phantom Row".

Bemerkung Der SQL-Standard legt in der Spezifikation der Isolationslevel das Verhalten eines Datenbankmanagementsystems fest, nicht eine bestimmte Art der Implementierung der Isolationslevel.

Tatsächlich gibt es verschiedene Möglichkeiten die Isolationslevel in einem Datenbankmanagementsystem zu implementieren. Wir werden unten die beiden wichtigsten Konzepte kennenlernen.

Es wird sich dabei zeigen, dass die Unterschiede der Konzepte zu subtilen Unterschieden im Verhalten von Datenbankmanagementsystemen in Konkurrenzsituationen von Transaktionen führen kann. Werden solche Unterschiede in einer Anwendung ausgenutzt, kann diese nicht mehr leicht auf ein anderes Datenbankmanagementsystem portiert werden, sofern dieses ein anderes Konzept der Isolationslevel implementiert.

Diskussion

Tabelle 7: Beispiel für Lost Update [2]

T_1	T_2	Saldo für Konto 1
		100
select Saldo		
from Konto		
where $KtoNr = 1$		
T_1 liest den Wert 100		
	select Saldo	
	from Konto	
	where $KtoNr = 1$	
	T_2 liest den Wert 100	
update Konto		
set Saldo = 100+100		
where $KtoNr = 1$		
• • •		
commit		200
	update Konto	
	set Saldo = 100+50	
	where KtoNr = 1	
	• • •	
	commit	150

Man kann den Eindruck haben, dass im SQL-Standard *alle* möglichen Phänomene in Konkurrenzsituationen berücksichtigt werden. Dies ist jedoch nicht der Fall.

Das Phänomen Lost Update[2] etwa – von mir mit der [2] gekennzeichnet, um es von obigem Phänomen Lost Update[1] zu unterscheiden –, kann auftreten, wenn das Isolationslevel READ COMMITTED verlangt wird. Ein Beispiel wird in Tabelle 8 dargestellt.

In diesem Beispiel liest zunächst Transaktion T_1 den Wert 100 als Saldo von Konto 1, dann liest T_2 denselben Wert. T_1 verwendet den gelesenen Wert für eigene Berechnungen, addiert 100 und schreibt den neuen Wert 100+100 als neuen Saldo. Auch T_2 verwendet den gelesenen Wert und schreibt kurz nach T_1 dem Konto 50 zu.

Im Ergebnis sind 100, die Addition von Transaktion T_1 , verloren, und das obwohl beide Transaktionen durch commit bestätigt wurden.

Dieses Phänomen tritt nicht mehr auf, wenn man den Isolationslevel REPEATABLE READ einstellt. Man hätte jedoch auch einen eigenen Isolati-

onslevel für den Ausschluss dieses Phänomens definieren können, in der Literatur oft Cursor-Stabilität genannt.

Zur kritischen Diskussion der Definition der Isolationslevel in SQL siehe: Hal Berenson, Phil Bernstein, Jim Gray, Jim Melton, Elizabeth O'Neil Patrick O'Neil: A Critique of ANSI SQL Isolation Levels Proc. ACM SIGMOD 95, 1-11.

Konzepte der Implementierung von Isolationsleveln

Es gibt zwei grundlegende Techniken, die Isolationslevel zu implementieren: durch Sperrverfahren und durch Multiversionierung.

Sperrverfahren

Bei Sperrverfahren werden Datenobjekte mit Sperren (*locks*) versehen, die den Zugriff von Transaktionen auf diese Datenobjekte einschränken. Diese Sperren haben in einem Datenbankmanagementsystem in der Regel unterschiedliche Granularität: Datenzeile, Tabelle o.ä. Dies wollen wir aber nicht näher betrachen.

Wir unterscheiden Arten von Sperren oder ihren Modus:

- Eine Lesesperre, auch nicht exklusive Sperre (read lock), bedeutet, dass eine Transaktion ein Datenobjekt lesen kann. Mehrere Transaktion können gleichzeitig Lesesperren auf demselben Datenobjekt halten.
- Eine Schreibsperre, auch exklusive Sperre (write lock), bedeutet, dass eine Transaktion ein Datenobjekt verändern kann. Eine Schreibsperre auf einem Datenobjekt kann nur eine Transaktion haben, es dürfen also keine anderen Sperren vorhanden sein.

Weiter unterscheidet man bezüglich der Dauer einer Sperre:

- Eine kurze Sperre wird von einer Transaktion auf einem Datenobjekt nur während des Zugriffs gehalten und danach gleich wieder freigegeben.
- Eine *lange* Sperre wird im Verlauf einer Transaktion angefordert und dann bis zum Ende der Transaktion gehalten. Die Freigabe erfolgt erst beim Bestätigen oder Verwerfen der Transaktion.

Für unsere Diskussion sind auch die sogenannten *Prädikatsperren* von Interesse: Bei einer SQL-Anweisung ist mit den Tabellen, auf die sie zugreift, ein Prädikat verbunden. Dieses Prädikat ist ein logische Aussage, die auf alle Tupel zutrifft, die in der Anweisung verwendet werden. Die Menge der Datenobjekte, auf die dieses Prädikat zutrifft, besteht nicht nur aus den im Moment in den Tabellen gespeicherten Datensätzen, sondern auch denjeni-

gen, die den Tabellen hinzugefügt werden können und dann dieses Prädikat erfüllen.

Eine *Prädikatsperre* betrifft alle diejenigen Datensätze, die das Prädikat erfüllen sowie jene, die durch eine Modifikation (insert, update oder delete) das Prädikat erfüllen würden.

Verhalten der Transaktion

- im Isolationslevel READ UNCOMMITTED: Die Transaktion berücksichtigt beim Lesen keine Sperren. Gemäß SQL-Standard darf eine Transaktion im Isolationslevel READ UNCOMMITTED nur lesende Zugriffe machen.
- im Isolationslevel READ COMMITTED: Die Transaktion verwendet beim Lesen kurze Lesesperren; sie verwendet beim Schreiben lange exklusive Prädikatsperren.
- im Isolationslevel REPEATABLE READ: Die Transaktion verwendet beim Lesen lange Lesesperren (auch auf Ergebnismengen); sie verwendet beim Schreiben lange exklusive Prädikatsperren.
- im Isolationslevel SERIALIZABLE: Die Transaktion verwendet beim Lesen lange nicht-exklusive Prädikatsperren; sie verwendet beim Schreiben lange exklusive Prädikatsperren.

Diskussion

- Eine Transaktion im Level READ UNCOMMITTED liest Datenobjekte ohne Sperren zu berücksichtigen. Das bedeutet, dass sie auch Daten lesen kann, auf die andere Transaktionen Sperren halten, die erst bei der Bestätigung der Transaktion freigegeben werden, d.h. eine solche Transaktion kann ein "Dirty Read" machen.
- Eine Transaktion im Level READ COMMITTED liest Datenobjekte mit einer kurzen Lesesperre. D.h. sie kann nur Daten lesen, die andere Transaktionen bestätigt haben. Aber ein neues Lesen desselben Datenobjekts innerhalb der Transaktion kann zwischenzeitliche Änderungen anderer Transaktionen sichtbar machen.
- Eine Transaktion im Level REPEATABLE READ hält lange Lesesperren auf alle Datensätze der Ergebnismenge, d.h. ein erneutes Lesen eines bereits gelesenen Datenobjekts ergibt dasselbe Ergebnis, weil durch die lange Sperre verhindert wird, dass andere Transaktionen Änderungen an Datensätzen der Ergebnismenge vornehmen können.
- Da eine Transaktion im Level SERIALIZABLE länge Prädikatsperren beim Lesen hält, können auch keine Phantomzeilen entstehen.

Bemerkung Mit Prädikatsperren kann man eine Implementierung der in SQL geforderten Isolationslevel erreichen, ohne dass man zu dem Mittel greifen muss, komplette Tabellen exklusiv zu sperren. Allerdings ist eine Implementierung von Prädikatsperren sehr aufwändig. Deshalb werden in den heute üblichen Datenbankmanagementsystemen keine Prädikatsperren eingesetzt. Aber es gibt eine Technik, bei der man mit Sperren feinerer Granularität auskommt als das Sperren eines Tabelle. Dies ist dann möglich, wenn im Zugriffspfad ein *Index* verwendet wird. Solche Indexsperren werden z.B. beschrieben in [1, S. 887ff].

Multiversionierung

Wir betrachten drei Varianten von Verfahren, die Multiversionierung einsetzen: (1) Read-Only Multiversion Concurrency Control, (2) Read-Consistency Multiversion Concurrency Control und (3) Snapshot Isolation. Allen diesen Verfahren ist gemeinsam, dass jedem Datenobjekt der Datenbank eine Versionsnummer zugeordnet wird. Auf diese Weise kann das DBMS verschiedene Versionen eines Datenobjekts haben und Transaktionen zur Verfügung stellen.

Read-Only Multiversion Concurrency Control

Die Besonderheit besteht darin, dass eine Transaktion zu Beginn bekannt gibt, ob sie nur lesende Zugriffe oder auch schreibende Zugriffe machen möchte.

Wird die Transaktion mit der Eigenschaft READ ONLY eröffnet, erhält sie einen Schnappschuss der Datenbank zum Zeitpunkt des ersten Zugriffs.

Wird die Transaktion jedoch als schreibende eröffnet, führt der Transaktionsmanager ein striktes 2-Phasen-Lock-Protokoll durch.

Dieses Verfahren hat die Eigenschaft, dass Transaktionen, die nur lesen, niemals Sperren benötigen, da sie ja einen Schnappschuss der Datenbank verwenden. Deshalb müssen schreibende Transaktionen auch niemals auf die Freigabe einer Lesesperre der rein lesenden Transaktionen warten.

Read-Consistency Multiversion Concurrency Control

Auch bei diesem Verfahren wird zwischen rein lesenden (READ ONLY) Transaktion und schreibenden Transaktionen unterschieden.

Rein lesende Transaktionen erhalten einen Schnappschuss der Datenbank.

Schreibende Aktionen innerhalb einer Transaktion verwenden eine lange Schreibsperre auf den Datenobjekten, die sie verändern. Lesende Aktionen einer Transaktion erhalten stets die aktuellste Version des gefragten Datenobjekts.

Dieses Verfahren hat die Eigenschaft, dass keine lesende Aktion eine Sperre benötigt, d.h. niemals kann es vorkommen, dass eine Transaktion beim Schreiben eines Datenobjekts auf eine andere Transaktion warten muss, die dieses Datenobjekt nur liest.

Dieses Verfahren ist die Implementierung des Isolationslevels READ COMMITTED in Oracle.

Snapshot Isolation

In diesem Fall muss nicht zu Beginn der Transaktion unterschieden werden, ob sie nur lesende Zugriffe oder auch schreibende Zugriffe macht.

Jede lesende Aktion erhält die Werte der Version, die zu Beginn der Transaktion aktuell war. D.h. alle lesenden Zugriffe beziehen sich auf einen Schnappschuss der Datenbank zum Zeitpunkt des Beginns der Transaktion.

Zwei parallel ablaufende Transaktion müssen in Bezug auf schreibende Zugriffe die sogenannte disjoint-write property haben: sie dürfen nur unterschiedliche Datenobjekte verändern. Sobald eine Transaktion versucht, Datenobjekte zu verändern, die die andere Transaktion bereits verändert hat (d.h. die eine höhere Version haben als die der eigenen Transaktion), wird eine der beiden konfligierenden Transaktionen abgebrochen. Diesen Konflikt kann man zum Beispiel dadurch feststellen, dass bei Änderungen von Datenobjekten Schreibsperren eingesetzt werden. (Oracle tut das z.B. so.)

Dieses Verfahren ist die Implementierung des Isolationslevels SERIALIZABLE in Oracle.

Anomalie bei Snapshot Isolation

Bei Snapshot Isolation kann ein Phänomen auftreten, das Write Skew² genannt wird.

Folgender Ablauf ist nicht serialisierbar, in Snapshot Isolation aber erlaubt:

$$r_1(a); r_1(b); r_2(a); r_2(b); w_2(a); c_2; w_1(b); c_1;$$

Was kann in einem solchen Beispiel passieren? Stellen wir uns vor, wir haben zwei Konten und die Bank hat die Bedingung, dass die Summe beider Salden immer >= 0 sein soll. Bei Snapshot Isolation kann nun folgendes geschehen:

 $^{^2}$ Eine übliche deutsche Übersetzung habe ich nicht gefunden, man könnte vielleicht "Schieflage beim Schreiben" sagen.

Tabelle 8: Beispiel für Write Skew		
T_1	T_2	Salden der Konten
		Konto 1: 100 Konto 2: 100
select Saldo from Konto where KtoNr in (1,2) T_1 liest die Werte 100,100		
	select Saldo from Konto where KtoNr in (1,2) T_2 liest den Wert 100,100	
update Konto set Saldo = 100-120 where KtoNr = 1		
commit		Konto 1:-20
	update Konto set Saldo = 100-120 where KtoNr = 2	
	commit	Konto 2: -20

Beide Transaktionen denken nach dem Lesen der Salden, dass ein Überziehen eines der Konten erlaubt ist, weil das andere Konto die geforderte Deckung aufweist. Bei *Snapshot Isolation* wird kein Konflikt entdeckt, weil die beiden Transaktionen auf unterschiedliche Datenobjekte schreibend zugreifen. Ergebnis: die verlangte gemeinsame Deckung der beiden Konten wird nicht garantiert!

Implementierung Man sieht also, dass die Snapshot Isolation zwar alle Phänomene verhindert, wie sie im SQL-Standard definiert sind, gleichwohl aber nicht Serialisierbarkeit garantiert. MS SQL Server unterscheidet deshalb korrekterweise zwischen dem Isolationslevel SNAPSHOT ISOLATION und dem Isolationslevel SERIALIZABLE. Oracle tut das nicht. Eine Anwendung, entwickelt auf MS SQL Server, die wirkliche Serialisierbarkeit erwartet, kann, portiert auf Oracle, deshalb eventuell ein subtil anderes Verhalten zeigen!

In PostgreSQL wird seit Version 9.1 eine Implementierung namens Seria-

lizable Snapshot Isolation (SSI) verwendet, die diese Anomalie verhindert, siehe [2].

Literaturverzeichnis

- [1] Michael Kifer, Arthur Bernstein, and Philip M. Lewis. *Database Systems:* An Application-Oriented Approach. Boston, 2nd edition, 2006. Complete Version.
- [2] Dan R. K. Ports and Kevin Grittner. Serializable snapshot isolation in postgresql. *Proc. VLDB Endow.*, 5(12):1850–1861, August 2012.