# TP RX 2: ABSORPTION DES RAYONS X

MP S2 - Année universitaire 2017/2018

Quentin Barthélemy, doctorant au LPS Orsay

Contact: quentin.barthelemy@u-psud.fr

Page personnelle: <a href="https://escobart.github.io/">https://escobart.github.io/</a>

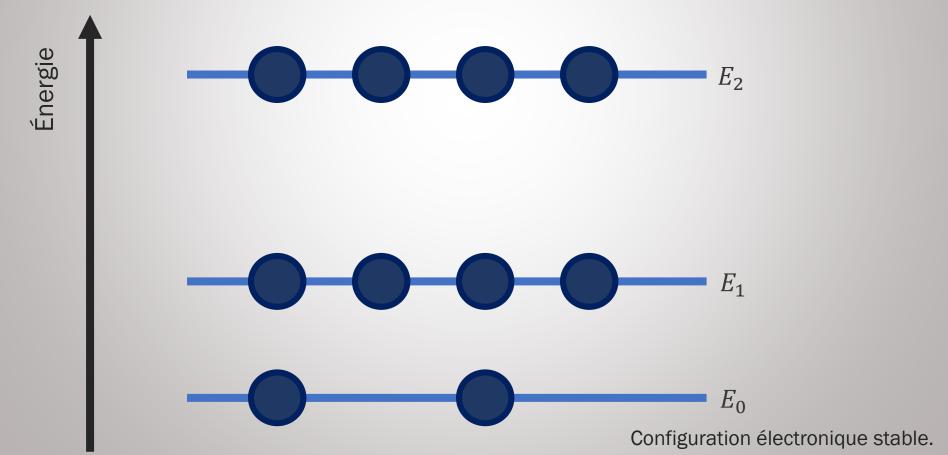
#### **Motivations**

#### On veut pouvoir:

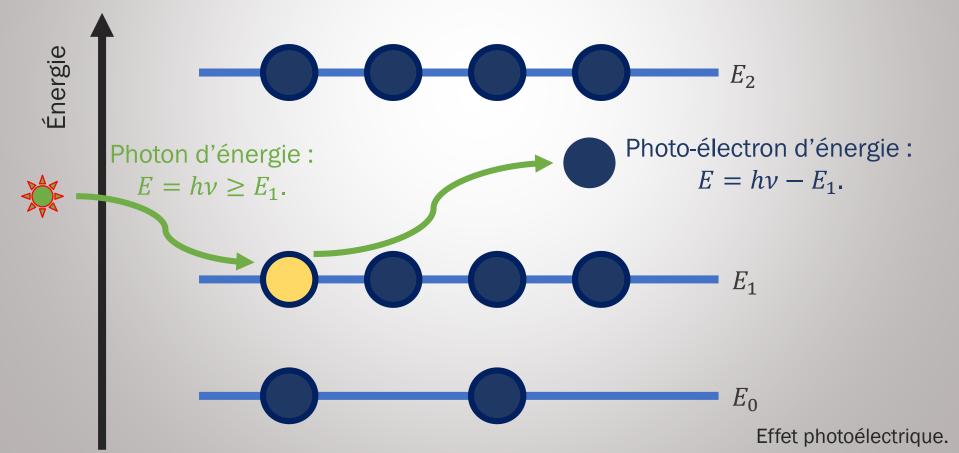
- Sélectionner les composantes utiles du rayonnement X
  (sélectionner les photons X issus d'une désexcitation particulière).
- Préserver au maximum le flux de photons X depuis le tube de production jusqu'au détecteur.
- Se protéger du rayonnement.

Pour se faire, on utilise la matière tantôt comme filtre, tantôt comme fenêtre.

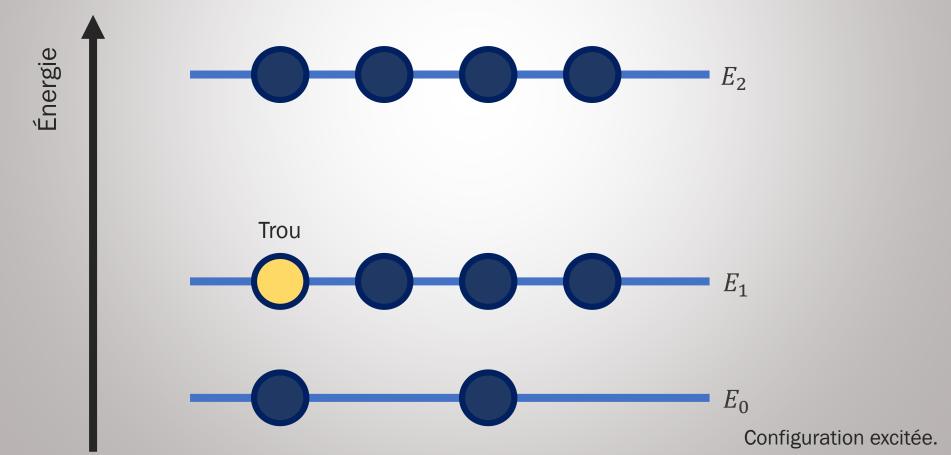
On a vu pendant le TP1 que le rayonnement X était un rayonnement ionisant : un photon X peut ioniser un atome s'il a une énergie suffisante (supérieure au seuil d'absorption). On parle d'auto-absorption (AA) quand l'anode du tube à RX est ionisée par les photons X qu'elle a elle-même produit.



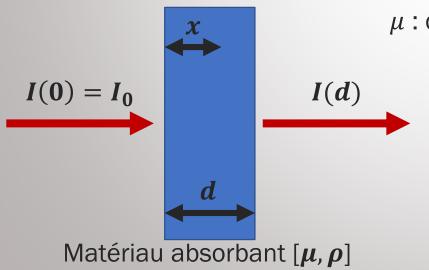
On a vu pendant le TP1 que le rayonnement X était un rayonnement ionisant : un photon X peut ioniser un atome s'il a une énergie suffisante (supérieure au seuil d'absorption). On parle d'auto-absorption (AA) quand l'anode du tube à RX est ionisée par les photons X qu'elle a elle-même produit.



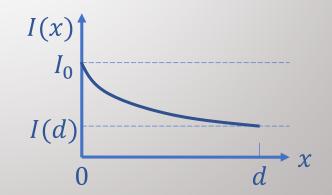
On a vu pendant le TP1 que le rayonnement X était un rayonnement ionisant : un photon X peut ioniser un atome s'il a une énergie suffisante (supérieure au seuil d'absorption). On parle d'auto-absorption (AA) quand l'anode du tube à RX est ionisée par les photons X qu'elle a elle-même produit.



- La configuration électronique est caractéristique d'un élément : deux atomes différents n'ont pas les mêmes niveaux d'énergie. Ainsi, un photon X d'énergie donnée pourra ioniser certains atomes, mais pas d'autres.
- En d'autres termes, si l'on considère un rayonnement X de longueur d'onde donnée, on peut séparer les éléments de la classification périodique en deux groupes : ceux qui y sont transparents (pas d'absorption) et ceux qui l'absorbent.
- En terme d'intensité, l'absorption du rayonnement X par un élément suit la loi de Beer-Lambert :  $I(x) = I_0 \exp(-\mu \rho x)$ .

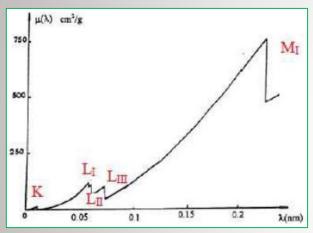


 $\mu$ : coefficient d'absorption massique en cm<sup>2</sup>. g<sup>-1</sup>  $\rho$ : masse volumique en g. cm<sup>-3</sup>

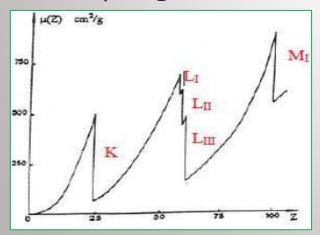


#### Propriétés des coefficients d'absorption massiques :

• À Z fixé,  $\mu$  augmente avec  $\lambda$ .



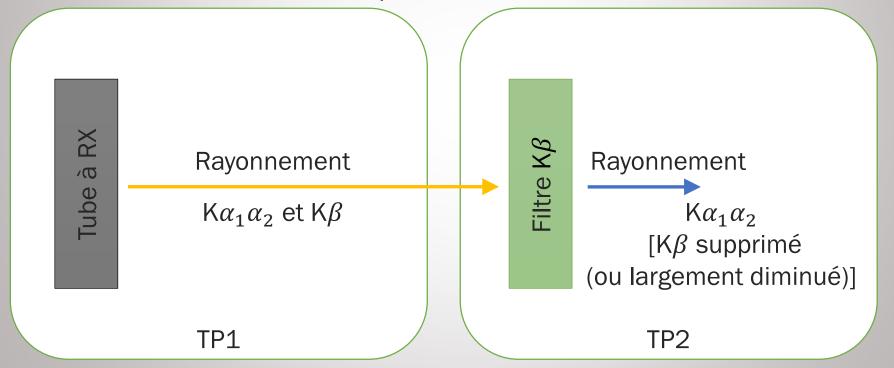
• À  $\lambda$  fixée,  $\mu$  augmente avec Z.



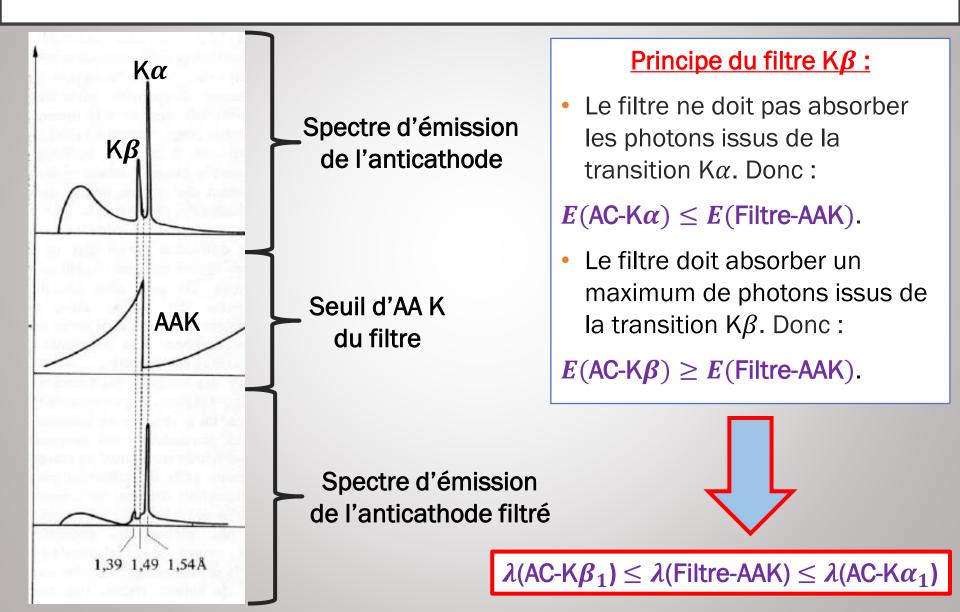
Les valeurs de  $\mu$  sont tabulées pour chaque couple  $(Z, \lambda)$ .

#### Monochromatisation

- Monochromatisation = sélection d'une longueur d'onde dans le rayonnement d'émission de l'anticathode. En général, on veut sélectionner la raie  $K\alpha_1\alpha_2$  (qui est la plus intense) au détriment de la raie  $K\beta$ .
- Solution : utilisation d'un filtre K $\beta$ .



#### Monochromatisation



### Monochromatisation (Préambule)

- Anticathodes en Vanadium ( $Z^{\rm V}=23$ ), en Chrome ( $Z^{\rm Cr}=24$ ), en Fer ( $Z^{\rm Fe}=26$ ), en Cobalt ( $Z^{\rm Co}=27$ ) et en Cuivre ( $Z^{\rm Cu}=29$ ).
- Pour quelle(s) anticathode(s) un filtre en Nickel ( $Z^{Ni} = 28$ ) est adapté ?
- Quel est le meilleur filtre pour chaque anticathode ?
- Rappel condition de filtrage :  $\lambda(K\beta_1 \text{ de l'AC}) \leq \lambda(AAK \text{ du filtre}) \leq \lambda(K\alpha_1 \text{ de l'AC})$ .

(Å)

### Monochromatisation (Préambule)

- Anticathodes en Vanadium ( $Z^{\rm V}=23$ ), en Chrome ( $Z^{\rm Cr}=24$ ), en Fer ( $Z^{\rm Fe}=26$ ), en Cobalt ( $Z^{\rm Co}=27$ ) et en Cuivre ( $Z^{\rm Cu}=29$ ).
- Pour quelle(s) anticathode(s) un filtre en Nickel ( $Z^{Ni} = 28$ ) est adapté?
- Quel est le meilleur filtre pour chaque anticathode ?
- Rappel condition de filtrage :  $\lambda(K\beta_1 \text{ de l'AC}) \leq \lambda(AAK \text{ du filtre}) \leq \lambda(K\alpha_1 \text{ de l'AC})$ .

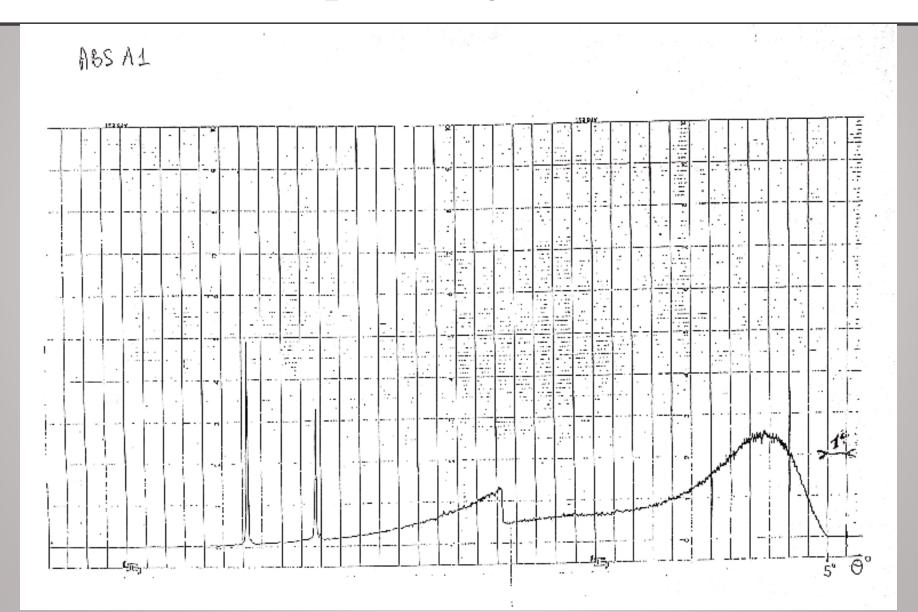
Anticathode			Filt	re	
Z	$\lambda(K\beta_1)$ (Å)	$\lambda(K\alpha_1)$ (Å)	Élément	Z	$\lambda$ (AAK) (Å)
23	2.28434	2.50348			
24	2.08480	2.28962			
26	1.75653	1.93597			
27	1.62075	1.78892			
29	1.39217	1.54050			
	<ul><li>Z</li><li>23</li><li>24</li><li>26</li><li>27</li></ul>	$Z$ $\lambda$ (K $\beta_1$ ) (Å)232.28434242.08480261.75653271.62075	Z $\lambda(K\beta_1)$ (Å) $\lambda(K\alpha_1)$ (Å)232.284342.50348242.084802.28962261.756531.93597271.620751.78892	$Z$ $\lambda(K\beta_1)$ (Å) $\lambda(K\alpha_1)$ (Å)Élément232.284342.50348242.084802.28962261.756531.93597271.620751.78892	$Z$ $\lambda(K\beta_1)$ (Å) $\lambda(K\alpha_1)$ (Å) Élément $Z$ 2.28434 2.50348

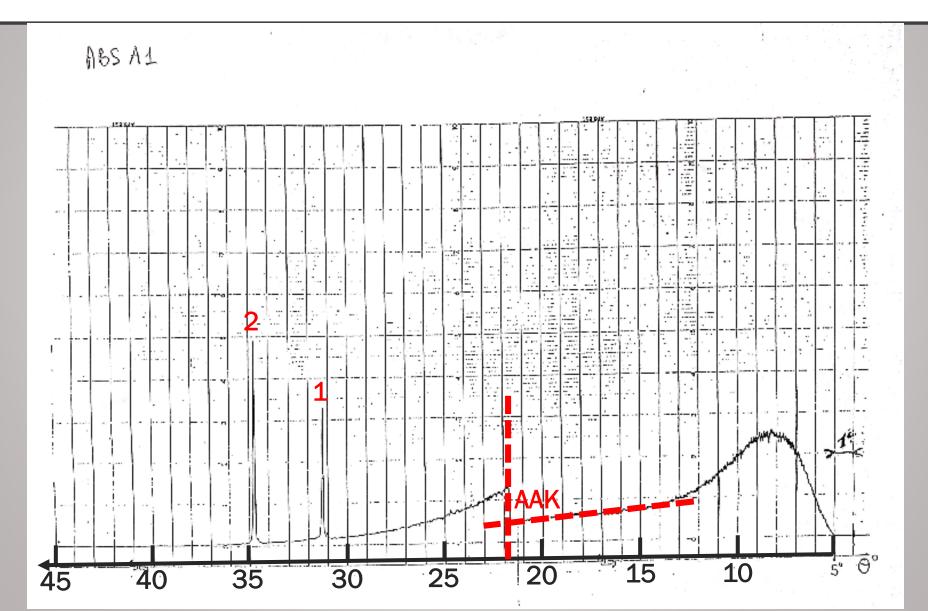
### Monochromatisation (Préambule)

- Anticathodes en Vanadium ( $Z^{\rm V}=23$ ), en Chrome ( $Z^{\rm Cr}=24$ ), en Fer ( $Z^{\rm Fe}=26$ ), en Cobalt ( $Z^{\rm Co}=27$ ) et en Cuivre ( $Z^{\rm Cu}=29$ ).
- Pour quelle(s) anticathode(s) un filtre en Nickel ( $Z^{Ni} = 28$ ) est adapté ?
- Quel est le meilleur filtre pour chaque anticathode ?
- Rappel condition de filtrage :  $\lambda(K\beta_1 \text{ de l'AC}) \leq \lambda(AAK \text{ du filtre}) \leq \lambda(K\alpha_1 \text{ de l'AC})$ .

A	Anticathode				re	
Élément	Z	$\lambda(Keta_1)$ (Å)	$\lambda(K\alpha_1)$ (Å)	Élément	Z	λ(AAK) (Å)
V	23	2.28434	2.50348	Titane (Ti)	22	2.4973
Cr	24	2.08480	2.28962	V	23	2.2690
Fe	26	1.75653	1.93597	Manganèse (Mn)	25	1.8964
Со	27	1.62075	1.78892	Fe	26	1.7433
Cu	29	1 39217	1 54050	Nickel (Ni)	28	1 4880

Z(filtre adéquat) = Z(anticathode)-1





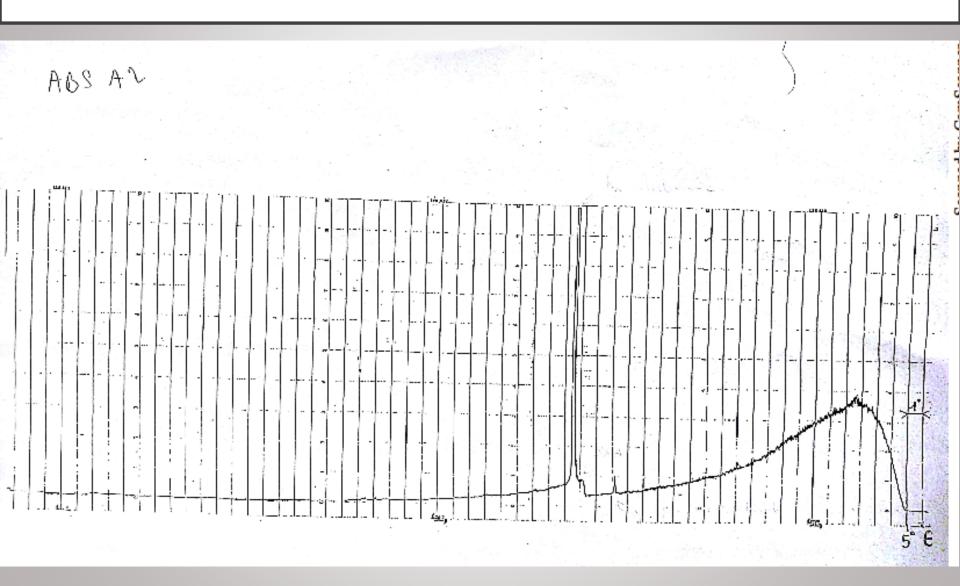
# raie	Ordre n	heta mesuré (°)	λ calculée (Å)	λ tabulée (Å)	Indexation
1	1	31.2			
2	1	34.7			
Abs. edge		21.8			

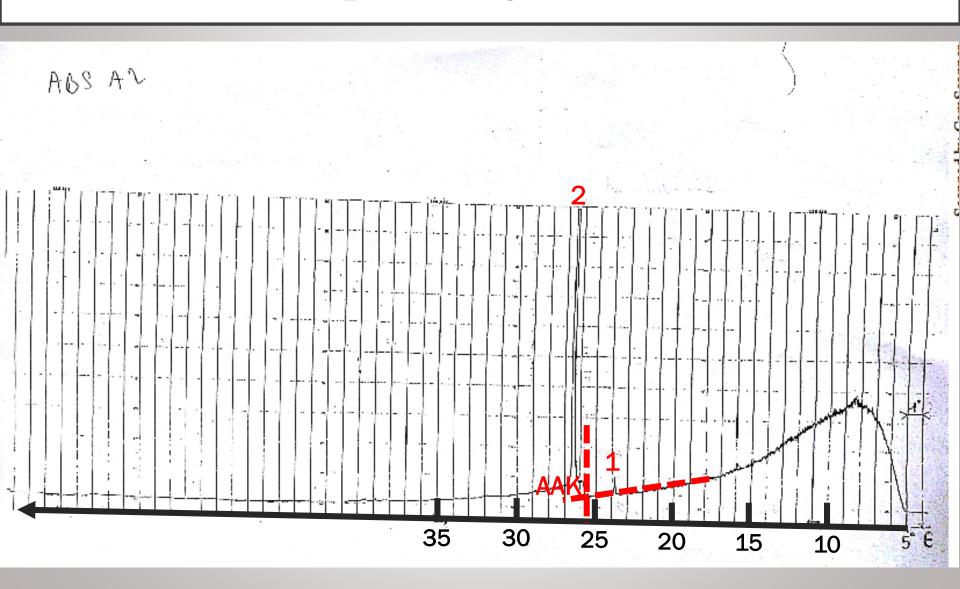
# raie	Ordre n	heta mesuré (°)	λ calculée (Å)	λ tabulée (Å)	Indexation
1	1	31.2	2.0825	2.0848	1CrK $eta_1$
2	1	34.7	2.2885	2.28962	1CrK $lpha_1$
Abs. edge		21.8	1.4929	1.488	AAKNi

# raie	Ordre n	heta mesuré (°)	λ calculée (Å)	λ tabulée (Å)	Indexation
1	1	31.2	2.0825	2.0848	1CrK $eta_1$
2	1	34.7	2.2885	2.28962	1CrK $\alpha_1$
Abs. edge		21.8	1.4929	1.488	AAKNi

- Anticathode de Chrome (Cr) et filtre de Nickel (Ni).
- La raie  $1\text{CrK}\beta_1$  reste intense  $\rightarrow$  le filtre n'est pas efficace.
- C'est normal puisque les deux conditions de filtrage :
  - $> \lambda(K\beta_1 \text{ de l'AC}) \le \lambda(AAK \text{ du filtre}) \le \lambda(K\alpha_1 \text{ de l'AC})$
  - > Z(filtre) = Z(anticathode) 1

ne sont pas respectées!





# raie	Ordre n	heta mesuré (°)	λ calculée (Å)	λ tabulée (Å)	Indexation
1	1	23.8			
2	1	26.4			
Abs. edge		25.7			

# raie	Ordre n	heta mesuré (°)	λ calculée (Å)	λ tabulée (Å)	Indexation
1	1	23.8	1.6223	1.62075	1СоК $eta_1$
2	1	26.4	1.7874	1.78892	1СоК $lpha_1$
Abs. edge		25.7	1.7433	1.7433	AAKFe

# raie	Ordre n	heta mesuré (°)	λ calculée (Å)	λ tabulée (Å)	Indexation
1	1	23.8	1.6223	1.62075	1СоК $eta_1$
2	1	26.4	1.7874	1.78892	1СоК $lpha_1$
Abs. edge		25.7	1.7433	1.7433	AAKFe

- Anticathode de Cobalt (Co) et filtre de Fer (Fe).
- La raie  $1\text{CoK}\beta_1$  est très peu intense  $\rightarrow$  le filtre est efficace.
- C'est normal puisque les deux conditions de filtrage :
  - $\triangleright \lambda(K\beta_1 \text{ de l'AC}) \leq \lambda(AAK \text{ du filtre}) \leq \lambda(K\alpha_1 \text{ de l'AC})$
  - > Z(filtre) = Z(anticathode) 1

sont respectées!

#### <u>Épaisseur du filtre :</u>

Loi de Beer-Lambert : 
$$I(x) = I_0 \exp(-\mu \rho x)$$
.

Application aux raies 
$$K\alpha$$
 et  $K\beta$ : 
$$\begin{cases} I[K\alpha](x) = I_0[K\alpha] \exp(-\mu[K\alpha]\rho x); \\ I[K\beta](x) = I_0[K\beta] \exp(-\mu[K\beta]\rho x). \end{cases}$$

L'atténuation de la raie K $\beta$  pour une épaisseur de filtre donnée d peut s'exprimer comme le rapport :

$$\frac{I[\mathsf{K}\beta](d)}{I[\mathsf{K}\alpha](d)} = \frac{I_0[\mathsf{K}\beta]\exp(-\mu[\mathsf{K}\beta]\rho d)}{I_0[\mathsf{K}\alpha]\exp(-\mu[\mathsf{K}\alpha]\rho d)} = \frac{I_0[\mathsf{K}\beta]}{I_0[\mathsf{K}\alpha]}\exp\{-(\mu[\mathsf{K}\beta] - \mu[\mathsf{K}\alpha])\rho d\}.$$

On a donc:

$$\ln\left(\frac{I[\mathsf{K}\beta](d)}{I[\mathsf{K}\alpha](d)}\frac{I_0[\mathsf{K}\alpha]}{I_0[\mathsf{K}\beta]}\right) = (\mu[\mathsf{K}\alpha] - \mu[\mathsf{K}\beta])\rho d.$$

Soit:

$$d = \frac{1}{(\mu[\mathsf{K}\alpha] - \mu[\mathsf{K}\beta])\rho} ln \left( \frac{I[\mathsf{K}\beta](d)}{I[\mathsf{K}\alpha](d)} \frac{I_0[\mathsf{K}\alpha]}{I_0[\mathsf{K}\beta]} \right).$$

#### <u>Épaisseur du filtre :</u>

On a donc une expression de l'épaisseur du filtre pour une atténuation donnée de la raie  $K\beta$  par rapport à la raie  $K\alpha$ :

$$d = \frac{1}{(\mu[\mathsf{K}\alpha] - \mu[\mathsf{K}\beta])\rho} ln \left( \frac{I[\mathsf{K}\beta](d)}{I[\mathsf{K}\alpha](d)} \frac{I_0[\mathsf{K}\alpha]}{I_0[\mathsf{K}\beta]} \right).$$

On veut déterminer l'épaisseur du filtre de Fer pour avoir une atténuation de 1/600 de la raie  $K\beta$  par rapport à la raie  $K\alpha$  du Cobalt (ABS A2).

#### Données:

$$\begin{cases} \frac{I_0[\mathsf{K}\alpha]}{I_0[\mathsf{K}\beta]} = 8.03; \\ \rho[\mathsf{Fe}] = 7.86\mathsf{g.\,cm}^{-3}; \\ \lambda[\mathsf{K}\beta_1] = 1.62075\mathring{\mathsf{A}}; \\ \lambda[\mathsf{K}\alpha] = \frac{2}{3}\lambda[\mathsf{K}\alpha_1] + \frac{1}{3}\lambda[\mathsf{K}\alpha_2] = 1.79021\mathring{\mathsf{A}}; \end{cases}$$

Pour faire l'application numérique, il faut connaître les coefficients d'absorption massiques du Fer ( $\mu[K\alpha]$  et  $\mu[K\beta]$ ).

#### Épaisseur du filtre:

Cependant, il y a un hic! Les valeurs tabulées ne correspondent pas exactement à nos longueurs d'ondes. Il faut donc faire une extrapolation en supposant que le coefficient d'absorption massique varie linéairement entre deux points de la table.

λ (Å)	1.60	1.66	1.79	1.93
$\mu$ (Fe)	348	397	60	71

• Pour  $\lambda[K\beta_1] = 1.62075\text{Å}$ :

$$a = \frac{397 - 348}{1.66 - 1.60} = 816.67$$
 et  $b = 348 - 816.67 \times 1.60 = -958.67$ ,

Donc 
$$\mu[K\beta] = 816.67 \times 1.62075 - 958.67 = 364.95 \text{cm}^2.\text{g}^{-1}$$
.

• Pour  $\lambda[K\alpha] = 1.79021\text{Å}$ :

$$a = \frac{71-60}{1.93-1.79} = 78.57$$
 et  $b = 71 - 78.57 \times 1.93 = -80.64$ ,

Donc 
$$\mu[K\alpha] = 78.57 \times 1.79021 - 80.64 = 60.02 \text{cm}^2.\text{g}^{-1}$$
.

#### <u>Épaisseur du filtre :</u>

Il ne reste plus qu'à faire l'application numérique!

$$d = \frac{1}{(60.02 - 364.95) \times 7.86} ln\left(\frac{1}{600} \times 8.03\right) = 18 \mu \text{m}.$$

On veut se protéger du rayonnement K $\alpha$  provenant d'une anticathode de Cuivre. On dispose pour cela de 5 filtres d'épaisseur  $d=20\mu\mathrm{m}$ : en Béryllium (Be, Z=4), en Fer (Fe, Z=26), en Molybdène (Mo, Z=42), en Tungstène (W, Z=74) et en Plomb (Pb, Z=82).

On rappelle la loi de Beer-Lambert :

$$I[K\alpha](d) = I_0[K\alpha] \exp(-\mu[K\alpha]\rho d)$$
.

La longueur d'onde associée à la raie  $K\alpha$  du Cuivre est :

$$\lambda[\mathsf{K}\alpha] = \frac{2}{3}\lambda[\mathsf{K}\alpha_1] + \frac{1}{3}\lambda[\mathsf{K}\alpha_2] = 1.54178\text{Å}.$$

De la même façon que précédemment, on calcule les coefficients d'absorption massiques pour chaque filtre.

Élément	$\lambda = 1.50$ Å	$\lambda = 1.60$ Å	$\mu[K\alpha] = a\lambda + b$
Be	1.40	1.65	$\mu[K\alpha] = 2.5\lambda - 2.35$
Fe	284	348	$\mu[K\alpha] = 640\lambda - 676$
Mo	151	178	$\mu[K\alpha] = 270\lambda - 254$
Pb	225	265	$\mu[K\alpha] = 400\lambda - 375$
W	155	186	$\mu[K\alpha] = 310\lambda - 310$

$$I[K\alpha](d)/I_0[K\alpha] = exp(-\mu[K\alpha]\rho d)$$
.

On peut donc remplir le tableau :

Élément	$\mu[K\alpha]$ (cm <sup>2</sup> .g <sup>-1</sup> )	$\rho$ (g. cm <sup>-3</sup> )	$I[K\alpha](d)/I_0[K\alpha]$
Béryllium		1.86	
Fer		7.86	
Molybdène		10.2	
Plomb		11.34	
Tungstène		19.3	

$$I[K\alpha](d)/I_0[K\alpha] = exp(-\mu[K\alpha]\rho d)$$
.

#### On peut donc remplir le tableau :

$\mu[K\alpha]$ (cm <sup>2</sup> .g <sup>-1</sup> )	$\rho$ (g. cm <sup>-3</sup> )	$I[K\alpha](d)/I_0[K\alpha]$
1.50	1.86	
310.74	7.86	
162.28	10.2	
241.71	11.34	
167.95	19.3	
	1.50 310.74 162.28 241.71	1.50  1.86    310.74  7.86    162.28  10.2    241.71  11.34

$$I[K\alpha](d)/I_0[K\alpha] = exp(-\mu[K\alpha]\rho d)$$
.

#### On peut donc remplir le tableau :

Élément	$\mu[K\alpha]$ (cm <sup>2</sup> .g <sup>-1</sup> )	$\rho$ (g. cm <sup>-3</sup> )	$I[K\alpha](d)/I_0[K\alpha]$
Béryllium	1.50	1.86	0.9944
Fer	310.74	7.86	0.0076
Molybdène	162.28	10.2	0.0365
Plomb	241.71	11.34	0.0042
Tungstène	167.95	19.3	0.0015

Élément	$\mu[K\alpha]$ (cm <sup>2</sup> .g <sup>-1</sup> )	$\rho$ (g. cm <sup>-3</sup> )	$I[K\alpha](d)/I_0[K\alpha]$
Béryllium	1.50	1.86	0.9944
Fer	310.74	7.86	0.0076
Molybdène	162.28	10.2	0.0365
Plomb	241.71	11.34	0.0042
Tungstène	167.95	19.3	0.0015

#### **Conclusions:**

- ➤ Le Tungstène est l'élément du tableau qui absorbe le plus le rayonnement (protection maximale). Cependant le Plomb est moins cher et assure une bonne protection aussi!
- ➤ Le Béryllium est l'élément du tableau qui absorbe le moins les rayons X. Les fenêtres du tube à RX et du collecteur sont donc faites de Béryllium, pour préserver au maximum le flux initial de photons X.