

Генерация зависимых языков по спецификации пользователя

Выступающий: Гарифуллин Шамиль Раифович
Научный руководитель: Исаев Валерий Иванович

СПбАУ

5 июня 2017 г.

Языки с зависимыми типами — типы могут зависеть от термов. Одна из частых ошибок при программировании на языке Haskell — взятие первого элемента пустого списка.

```
head :: [a] -> a
head (x:_) = x
head [] = error "No head!"
```

В языке с зависимыми типами мы можем усилить ограничения на входные данные функции.

```
head :: {n : N} -> Vec a (suc n) -> a
head (x:_) = x
```

- При написании функции проверки типов нужно уметь вычислять выражения языка.
 - Можно ли применить функцию `takes_only_fib_list` к $[1, 3] ++ [1, 2, 3]$?
 - $2 + 3 \in \text{fibonacci} == \text{True}$? Зависит от определений $+$, \in и `fibonacci`
 - `fibonacci = [1, 1, 2, 3, 5, 8, ...]`
- Требуются следующие операции над выражениями: проверка на равенство, подстановка в переменную и абстракция
- Схема алгоритма проверки всегда одна и та же — есть возможность кодогенерации

Реализовать алгоритм генерации функции вычисления и проверки типов зависимых языков по спецификации

- Разработка языка спецификации и налагаемых им ограничений
- Выбор внутреннего представления АСД и генерация структур данных конструкций языка
- Генерация кода функций проверки типов и вычисления термов

Необходимо определить язык спецификации и ограничить выразимые языки для дальнейшей генерации.

Функциональные языки программирования состоят из:

- Конструкций (true, false, bool, if)
- Правил типизации конструкций (правил вывода)
- Правил вычисления (редукций)

Формальное определение языка Bool

$$\overline{\vdash} \quad \frac{\Gamma \vdash A}{\Gamma, x:A \vdash}, x \notin \Gamma \quad \frac{\Gamma \vdash}{\Gamma \vdash x:A}, x:A \in \Gamma$$

$$\frac{\Gamma \vdash a:A \quad \Gamma \vdash A \equiv B}{\Gamma \vdash a:B}$$

$$\overline{\Gamma \vdash Bool} \quad \overline{\Gamma \vdash True: Bool} \quad \overline{\Gamma \vdash False: Bool}$$

$$\frac{\Gamma, x: Bool \vdash T \quad \Gamma \vdash t: Bool \quad \Gamma \vdash a: T[x := True] \quad \Gamma \vdash b: T[x := False]}{\Gamma \vdash if(t, T, a, b): T[x := t]}$$

Неявные предположения формального определения

$$\frac{\Gamma, x : Bool \vdash T \quad \Gamma \vdash t : Bool \quad \Gamma \vdash a : T[x := True] \quad \Gamma \vdash b : T[x := False]}{\Gamma \vdash if(t, T, a, b) : T[x := t]}$$

- Все выражения делятся на два вида: термы и типы
- Конструкция `if` принимает аргументы вида (терм, тип, терм, терм)
- Контекст типа T шире, чем стандартный контекст Γ

Типизация спецификации языка Bool

DependentSorts:

tm, ty

Constructs:

if: (tm,0)*(ty,1)*(tm,0)*(tm,0) -> tm

bool: ty

true : tm

false : tm

Спецификация правила вывода конструкции if

$$\frac{\Gamma, x : Bool \vdash T \quad \Gamma \vdash t : Bool \quad \Gamma \vdash a : T[x := True] \quad \Gamma \vdash b : T[x := False]}{\Gamma \vdash if(t, T, a, b) : T[x := t]}$$

Все переменные обозначающие выражения языка который мы определяем — называются *метапеременными*

```
forall x.T : ty, t : tm, a : tm, b : tm
|- t : bool, x : bool |- T def,
|- a : T[x:=true], |- b : T[x:=false]
|-----
|- if(t, x.T, a, b) : T[x:=t]
```

Вывод типов на примере конструкции if

$$\frac{\Gamma, x : Bool \vdash T \quad \Gamma \vdash t : Bool \quad \Gamma \vdash a : T[x := True] \quad \Gamma \vdash b : T[x := False]}{\Gamma \vdash if(t, T, a, b) : T[x := t]}$$

- 1 На вход подается контекст и $if(t, T, a, b)$
- 2 Расширяем контекст типом $bool$ и проверяем определенность типа T
- 3 Проверяем, что тип t совпадает с типом $bool$
- 4 Выводим тип a и проверяем, что его нф совпадает с нф $T[x := true]$
- 5 Выводим тип b и проверяем, что его нф совпадает с нф $T[x := false]$
- 6 Возвращаем тип выражения $T[x := t]$

Выражение в *нормальной форме* — выражение, к которому нельзя применить редукций

Ограничения накладываемые языком спецификации

- Все метапеременные передаются в виде аргументов конструкции
- Конструкция в заключении, возвращающая терм, должна быть проаннотирована типом
- Запрещены равенства в заключении, для этого используются редукции
- Одно правило введения на каждую конструкцию языка
- Запрещено перекрытие переменных в контексте

- От представления языка требуются возможности:
 - Проверки выражений на равенство
 - Подстановки в переменные и абстракции
 - Сопоставление с образцом для нормализации выражений
- Все эти задачи, кроме последней, решает библиотека `bound`
- `bound` использует обобщённые индексы де Брейна
- Можно упростить — использовать обычные индексы

- 1 Проходит проверка корректности спецификации
- 2 Генерируется представление выражений языка при помощи упрощённой библиотеки `bound`
- 3 Генерируются операции подстановки, абстракции и проверки на равенство выражений
- 4 Генерируется функции вывода типов и приведения в нормальную форму

Реализована генерация алгоритма проверки типов и вычислителя зависимых языков по спецификации.

- Спроектирован типизированный язык спецификации
- Генерация структуры данных выражений языка и операций над ними
- Генерация кода функций вывода типов термов и функции нормализации специфицированного языка

Репозиторий проекта: github.com/esengie/fpl-exploration-tool/