РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ДРУЖБЫ НАРОДОВ

Факультет физико-математических и естественных наук

Кафедра прикладной информатики и теории вероятностей

ОТЧЕТ ПО

ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №6

дисциплина: Научное программирование

Студентка: Голос Елизавета Сергеевна

Группа: НПМмд-02-20 Ст. билет № 1032202186

Цель работы

Научиться работать с пределами, последовательностями и рядами, а также научиться писать векторизованный программный код.

Ход работы

Пределы. Оценка

Определяем с помощью анонимной функции простую функцию. Создаём индексную переменную, возьмём степени 10, и оценим нашу функцию. Показано на Рис 1

```
>> f = @(n) (1 + 1./ n) .^n
@(n) (1 + 1 ./ n) .^ n
>> k = [0:1:9]'
k =
   0
   1
   2
   3
   4
   5
   6
   7
   8
   9
>> format long
>> n = 10 .^k
            1
           10
          100
         1000
        10000
       100000
      1000000
     10000000
    100000000
   1000000000
```

Рис.1 Промежуточные вычисления для рассчета предела

Получим ответ. На рисунке 2 видно, что предел сходится к значению 2.71828.

```
>> f(n)
ans =

2.0000000000000000
2.593742460100002
2.704813829421528
2.716923932235594
2.718145926824926
2.718268237192297
2.718280469095753
2.718281694132082
2.718281798347358
2.718282052011560
```

Рис.2 Искомый предел

Частичные суммы

Определим индексный вектор, а затем вычислим члены. После чего введем последовательность частичных сумм, используя цикл. Показано на Рис.3

```
>> format
>> n = [2:1:11]
n =
    2 3 4 5 6 7 8 9 10 11
>> n = [2:1:11]';
\Rightarrow a = 1 ./ (n .* (n+2))
a =
   0.1250000
   0.0666667
  0.0416667
   0.0285714
   0.0208333
   0.0158730
   0.0125000
   0.0101010
   0.0083333
   0.0069930
>> for i = 1:10
s(i) = sum(a(1:i));
end
>> s'
ans =
   0.12500
  0.19167
  0.23333
  0.26190
  0.28274
  0.29861
  0.31111
  0.32121
  0.32955
   0.33654
>> plot (n,a, 'o',n,s,'+')
>> grid on
>> legend ('terms', 'partial sums')
```

Рис.З Частичные суммы

Построенные слагаемые и частичные суммы можно увидеть на рисунке 4.

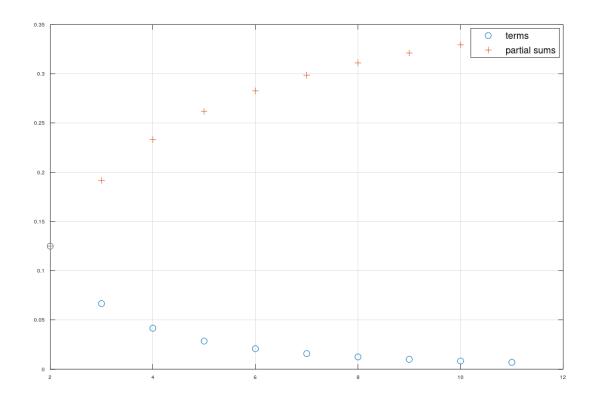


Рис.4 Графическое представление результатов.

Сумма ряда

Найдём сумму первых 1000 членов гармонического ряда 1/п. Действия показаны на рисунке 5.

```
>> n = [1:1:1000];
>> a = 1 ./ n;
>> sum (a)
ans = 7.4855
```

Вычисление интегралов

Численно посчитаем интеграл. См. рисунок 6.

```
>> function y = f(x)
y = exp (x .^ 2) .* cos(x);
end
>> quad ('f',0,pi/2)
ans = 1.8757
```

Рис.6 Интегрирование функции

Аппроксимирование суммами

Напишем скрипт для того, чтобы вычислить интеграл по правилу средней точки. Введём код в текстовый файл и назовём его midpoint.m. Скрипт показан на рисунке 7.

```
× midpoint.m
                                                    \times midpoint_v.m
 1 🕸
     % file 'midpoint.m'
 2 🎖
     % calculates a midpoint rule approximation of
 3
     % the integral from 0 to pi/2 of f(x) = exp(x^2) cos(x)
     % -- traditiomal looped code
 5
     % set limits of integration, number of terms and delta x
 6
     a = 0
 7
     b = pi/2
     n = 100
 9
     dx = (b-a)/n
10
     % define function to integrate
11 \neg function y = f(x)
       y = \exp(x \cdot ^2) \cdot * \cos(x);
12
13 = end
14
     msum = 0;
15
     % initialize sum
     m1 = a + dx/2; %first midpoint
16
17
     % loop to create sum of function values
18 - for i = 1:n
       m = m1 + (i-1) * dx; % calculate midpoint
19
20
       msum = msum + f(m); % add to midpoint sum
21 end
22
     % midpoint approximation to the integral
23
     approx = msum * dx
```

Рис.7 Содержание файла midpoint

Запустим этот файл в командной строке. Вывод см на рис. 8

```
>> midpoint

a = 0

b = 1.5708

n = 100

dx = 0.015708

approx = 1.8758
```

Рис.8 Результаты вывода

Теперь напишем векторизованный код, не требующий циклов. Для этого создадим вектор x-координат средних точек. Показано на рисунке 9.

```
× midpoint_v.m
                               × midpoint.m
    % file 'midpoint_v.m'
    % calculates a midpoint rule approximation of
 2
    % the integral from 0 to pi/2 of f(x) = exp(x^2) cos(x)
    % -- traditiomal looped code
    % set limits of integration, number of terms and delta x
 5
 6
    a = 0
 73
    b = pi/2
 8
    n = 100
 9
    dx = (b-a)/n
    % define function to integrate
10
11 - function y = f(x)
12
      y = \exp(x .^2) .* \cos(x);
13 end
14 % create vector of midpoints
15
    m = [a+dx/2:dx:b-dx/2];
    % create vector of function values at midpoints
16
17 3
    M = f(m);
18
    % midpoint approximation to the integral
    approx = dx * sum (M)
19
```

Рис.9 Содержание файла midpoint_v

Запустим этот файл в командной строке. Вывод см на рис. 10

```
>> midpoint_v
a = 0
b = 1.5708
n = 100
dx = 0.015708
approx = 1.8758
```

Рис. 10 Вывод векторизованного кода программы

Запустив оба кода, можно заметить, что ответы совпадают, однако векторизованный код считает быстрее, так как в нём не использованы циклы, которые значительно замедляют работу программы. Сравнение показано на рисунке 11.

```
>> tic; midpoint; toc
a = 0
b = 1.5708
n = 100
dx = 0.015708
approx = 1.8758
Elapsed time is 0.00766015 seconds.
>> tic; midpoint_v; toc
a = 0
b = 1.5708
n = 100
dx = 0.015708
approx = 1.8758
Elapsed time is 0.000855923 seconds.
```

Рис.11 Сравнение полученных результатов

Вывод

В ходе выполнения данной работы я научилась работать с пределами, последовательностями и рядами, а также научилася писать векторизованный программный код. Более того, удалось определить, что векторизованный код работает намного быстрее, чем код с циклами.