



**COPPE/UFRJ**

**ANÁLISE DE COMPONENTES INDEPENDENTES PARA UMA FILTRAGEM  
ONLINE BASEADA EM CALORIMETRIA DE ALTA ENERGIA E COM FINA  
SEGMENTAÇÃO**

Eduardo Furtado de Simas Filho.

Tese de Doutorado apresentada ao Programa  
de Pós-graduação em Engenharia Elétrica,  
COPPE, da Universidade Federal do Rio  
de Janeiro, como parte dos requisitos  
necessários à obtenção do título de Doutor  
em Engenharia Elétrica.

Orientadores: José Manoel de Seixas  
Luiz Pereira Calôba

Rio de Janeiro  
Junho de 2010

ANÁLISE DE COMPONENTES INDEPENDENTES PARA UMA FILTRAGEM  
ONLINE BASEADA EM CALORIMETRIA DE ALTA ENERGIA E COM FINA  
SEGMENTAÇÃO

Eduardo Furtado de Simas Filho.

TESE SUBMETIDA AO CORPO DOCENTE DO INSTITUTO ALBERTO LUIZ  
COIMBRA DE PÓS-GRADUAÇÃO E PESQUISA DE ENGENHARIA (COPPE)  
DA UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO DE JANEIRO COMO PARTE DOS  
REQUISITOS NECESSÁRIOS PARA A OBTENÇÃO DO GRAU DE DOUTOR  
EM CIÊNCIAS EM ENGENHARIA ELÉTRICA.

Examinada por:

---

Prof. José Manoel de Seixas, D.Sc.

---

Prof. Luiz Pereira Calôba, Dr.Ing.

---

Prof. Luiz Wagner Pereira Biscainho, D.Sc.

---

Prof. Marley M. B. Rebuzzi Vellasco, Ph.D.

---

Prof. Leandro Salazar de Paula, D.Sc.

---

Prof. André Ponce de Leon F. de Carvalho, Ph.D

RIO DE JANEIRO, RJ – BRASIL

JUNHO DE 2010

Simas Filho., Eduardo Furtado de  
Análise de Componentes Independentes para uma  
Filtragem Online Baseada em Calorimetria de Alta Energia  
e com Fina Segmentação/Eduardo Furtado de Simas  
Filho.. – Rio de Janeiro: UFRJ/COPPE, 2010.

XVII, 131 p.: il.; 29, 7cm.

Orientadores: José Manoel de Seixas

Luiz Pereira Calôba

Tese (doutorado) – UFRJ/COPPE/Programa de  
Engenharia Elétrica, 2010.

Referências Bibliográficas: p. 83 – 99.

- |   |                                  |
|---|----------------------------------|
| 1. Análise de Componentes Independentes.                | 2.                               |
| Filtragem Online.                                       | 3. Calorimetria de Alta Energia. |
| Seixas, José Manoel de <i>et al.</i> .                  | I. II. Universidade Federal do   |
| Rio de Janeiro, COPPE, Programa de Engenharia Elétrica. |                                  |
| III. Título.  |                                  |

*Aos meus amores Cléa e Letícia.*

# Agradecimentos

Agradeço ao Conselho Nacional de Desenvolvimento Científico e Tecnológico (CNPq) pelo suporte financeiro concedido em parte do tempo no qual este trabalho foi desenvolvido.

Sou profundamente grato ao apoio, motivação e conhecimentos que me foram passados por meus orientadores, os professores José Manoel de Seixas e Luiz Pereira Calôba, sem os quais este trabalho não existiria.

Agradeço aos colegas, professores e funcionários do Laboratório de Processamento de Sinais (LPS/COPPE/UFRJ) pela inestimável ajuda na condução do trabalho, em especial aos amigos Natanael Nunes de Moura, Rodrigo Coura Torres e Danilo Enoque Ferreira.

Aos professores Antônio Cezar de Castro Lima, Luiz Alberto Luz de Almeida, Ana Isabela de Araujo Cunha, Roberto da Costa e Silva e Ademar de Barros Fontes, da Universidade Federal da Bahia, que contribuíram decisivamente para minha formação acadêmica durante a graduação e o mestrado, gostaria de dizer que esse trabalho é a consolidação de tudo que aprendi com vocês.

Também gostaria expressar minha gratidão ao Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia da Bahia, pelo apoio concedido para a finalização deste trabalho, em especial aos professores e funcionários do Campus Simões Filho.

Finalmente preciso agradecer à minha família (especialmente a meus pais e avós) e meus amigos (do Roger) por suportarem minha ausência durante este período e por me incentivarem sempre a continuar. Não poderia deixar de agradecer aos amigos Frederico Wegelin, pela companhia e apoio durante o tempo em que morei no Rio de Janeiro, e Edson Pinto Santana, pelo constante incentivo (mesmo que à distância).

Em especial, dedico esse trabalho a minha esposa Cléa e minha filha Letícia pelo amor e apoio em todos os momentos.

Resumo da Tese apresentada à COPPE/UFRJ como parte dos requisitos necessários para a obtenção do grau de Doutor em Ciências (D.Sc.)

ANÁLISE DE COMPONENTES INDEPENDENTES PARA UMA FILTRAGEM  
ONLINE BASEADA EM CALORIMETRIA DE ALTA ENERGIA E COM FINA  
SEGMENTAÇÃO

Eduardo Furtado de Simas Filho.

Junho/2010

Orientadores: José Manoel de Seixas

Luiz Pereira Calôba

Programa: Engenharia Elétrica

O ATLAS é o maior detector de partículas do experimento LHC. Nas colisões do LHC, uma enorme quantidade de informação é produzida, porém, apenas uma pequena parcela é importante para a caracterização dos fenômenos físicos de interesse, tornando necessário um eficiente sistema de filtragem *online* de eventos. Informações da energia depositada no sistema de calorímetros (medidores de energia) são utilizadas para a identificação das partículas. Os elétrons são partículas extremamente importantes para o experimento, e, no ambiente do LHC, aparecem mascarados por um intenso ruído de fundo composto de jatos hadrônicos, pois esses últimos podem apresentar perfil de deposição de energia semelhante ao de elétrons. Neste trabalho, é proposta a utilização de métodos de extração de características, como a análise de componentes independentes, para otimizar o desempenho do segundo nível de filtragem *online* do detector ATLAS. A extração de características foi efetuada visando explorar toda a segmentação e granularidade disponíveis nos calorímetros. Através da abordagem proposta, foi possível alcançar alta eficiência de discriminação, gerando dados mais limpos para a análise *offline*.

Abstract of Thesis presented to COPPE/UFRJ as a partial fulfillment of the requirements for the degree of Doctor of Science (D.Sc.)

INDEPENDENT COMPONENT ANALYSIS FOR ONLINE FILTERING  
BASED ON HIGH-ENERGY AND HIGHLY SEGMENTED CALORIMETRY

Eduardo Furtado de Simas Filho.

June/2010

Advisors: José Manoel de Seixas

Luiz Pereira Calôba

Department: Electrical Engineering

Here goes the abstract ...

# Sumário

<b>Lista de Figuras</b>	<b>xii</b>
<b>Lista de Tabelas</b>	<b>xiv</b>
<b>Símbolos e Abreviaturas</b>	<b>xv</b>
<b>1 Introdução</b>	<b>1</b>
1.1 Contexto . . . . .	1
1.2 Motivação . . . . .	2
1.3 Objetivos . . . . .	5
1.4 Metodologia . . . . .	6
1.5 Conteúdo do trabalho . . . . .	7
<b>2 Física de Partículas e o detector ATLAS</b>	<b>8</b>
2.1 Panorama geral da física de partículas elementares . . . . .	8
2.2 O acelerador LHC . . . . .	13
2.3 Características gerais do detector ATLAS . . . . .	14
2.3.1 O sistema de calorimetria do ATLAS . . . . .	19
2.3.2 Principais objetos de interesse no ATLAS . . . . .	25
<b>3 O Sistema de Filtragem do detector ATLAS</b>	<b>28</b>
3.1 Introdução aos sistemas de filtragem em HEP . . . . .	28
3.2 O sistema de filtragem <i>online</i> do ATLAS . . . . .	30
3.2.1 Primeiro nível de filtragem . . . . .	33
3.2.2 Filtragem de alto nível . . . . .	35

<b>4 Filtragem de Elétrons partir de Informações de Calorimetria no ATLAS</b>	<b>39</b>
4.1 Desempenho esperado dos calorímetros . . . . .	40
4.2 Filtragem de elétrons no L1 . . . . .	41
4.3 Filtragem de elétrons no L2 - Algoritmo T2Calo . . . . .	42
4.4 Neural Ringer - Alternativa para Filtragem de Elétrons no L2 . . . . .	45
4.4.1 Extração de Características - Anelamento . . . . .	46
4.4.2 Teste de Hipóteses - Classificador Neural . . . . .	49
4.5 Extensões ao Neural Ringer . . . . .	49
4.5.1 Pré-processamento linear . . . . .	50
4.5.2 Pré-processamento não-linear . . . . .	50
4.6 Descrição dos dados utilizados . . . . .	51
4.6.1 Sinais simulados - Corte E10 <i>loose</i> . . . . .	52
4.6.2 Sinais simulados - Corte E15i . . . . .	52
4.6.3 Sinais Medidos no ATLAS - Raios Cósmicos . . . . .	52
4.6.4 Sinais Medidos no ATLAS - Colisões do LHC . . . . .	53
<b>5 Revisão da Literatura</b>	<b>55</b>
5.1 Análise de Componentes Independentes . . . . .	55
5.2 ICA não-linear . . . . .	58
5.2.1 Unicidade da Solução em NLICA . . . . .	60
5.2.2 Misturas Pós Não-Lineares . . . . .	61
5.2.3 Outros modelos de misturas com restrições estruturais . . . . .	62
5.2.4 Algoritmos sem restrições estruturais . . . . .	63
5.2.5 ICA Local . . . . .	66
5.3 Mapas auto-organizáveis . . . . .	67
5.4 Técnicas de Pré-Processamento - Compactação . . . . .	69
5.4.1 Análise de Componentes Principais . . . . .	69
5.4.2 Componentes Principais de Discriminação . . . . .	71
5.5 Aplicações em Física de Altas Energias e Áreas Correlatas . . . . .	72
5.5.1 Aplicações de classificadores neurais . . . . .	72
5.5.2 Aplicações de técnicas estatísticas de extração de características	74

<b>6 Metodologia Proposta</b>	<b>76</b>
6.1 Sistemas de Classificação Propostos para a Seleção de Elétrons no Segundo-Nível de Filtragem do ATLAS . . . . .	76
6.1.1 Classificadores Neurais Supervisionados . . . . .	77
6.1.2 Combinação de Múltiplos Classificadores . . . . .	79
<b>7 Estudo a Respeito do Tempo de Processamento dos Algoritmos</b>	<b>80</b>
7.1 Rotinas comuns a todos os algoritmos . . . . .	80
<b>8 Resultados</b>	<b>81</b>
8.1 Resultados - Dados simulados / corte L1 do tipo E10 <i>loose</i> . . . . .	81
8.2 Resultados - Dados simulados / corte L1 do tipo E15i . . . . .	81
8.3 Resultados - Dados experimentais / raios cósmicos . . . . .	81
8.4 Resultados - Dados experimentais / colisões do LHC . . . . .	81
<b>9 Conclusões</b>	<b>82</b>
<b>Referências Bibliográficas</b>	<b>83</b>
<b>A Aspectos Teóricos das Técnicas de Extração de Características</b>	<b>100</b>
A.1 Mapas auto-organizáveis . . . . .	100
A.1.1 Quantização vetorial por aprendizado . . . . .	100
A.1.2 Classificação a partir do mapa de características . . . . .	102
A.2 Análise de Componentes Principais . . . . .	102
A.2.1 Redução de dimensão . . . . .	102
A.3 Análise de Componentes Independentes . . . . .	103
A.3.1 Princípios de estimação das componentes independentes . . . . .	103
A.3.2 Pré-processamento dos sinais para ICA . . . . .	107
A.3.3 Principais algoritmos para ICA . . . . .	107
A.3.4 Extensões ao modelo básico de ICA . . . . .	111
A.4 ICA não-linear . . . . .	113
A.4.1 Algoritmo Taleb-Jutten para o modelo PNL . . . . .	114
<b>B Conceitos fundamentais em classificação de sinais</b>	<b>116</b>
B.1 Teste de Hipóteses . . . . .	116

B.2	Critério de Bayes . . . . .	117
B.3	Filtros Casados . . . . .	118
B.4	Discriminante linear de Fisher . . . . .	120
B.5	Classificadores Neurais . . . . .	120
<b>C</b>	<b>Lista de Publicações</b>	<b>123</b>
C.1	Publicações em periódicos . . . . .	123
C.2	Capítulo de Livro . . . . .	125
C.3	Artigos em Conferências . . . . .	125
C.4	Resumos em Conferências . . . . .	129

# Listas de Figuras

2.1	Diagrama do Modelo Padrão, mostrando as partículas elementares incluindo o, ainda não confirmado, bóson de Higgs. . . . .	10
2.2	Mapa de localização dos detectores do LHC. . . . .	14
2.3	Diagrama esquemático do ATLAS. . . . .	15
2.4	Eixo de coordenadas do ATLAS. . . . .	16
2.5	Cortes (a) transversal e (b) axial do ATLAS. . . . .	18
2.6	Disposição em camadas dos calorímetros do ATLAS. . . . .	22
2.7	Granularidade e profundidade das camadas do calorímetro eletromagnético, extraído de [1]. . . . .	23
3.1	Diagrama em blocos do sistema de filtragem genérico para um experimento de HEP. . . . .	29
3.2	Diagrama em blocos do sistema de filtragem e aquisição de dados do ATLAS, extraído de [2]. . . . .	31
3.3	Diagrama em blocos do primeiro nível de filtragem. . . . .	34
3.4	Diagrama em blocos do segundo nível de filtragem. . . . .	37
4.1	Energia perdida por elétrons antes do calorímetro, adaptado de [1]. .	40
4.2	Erro relativo do calorímetro na medição da energia de elétrons para diferentes valores de (a) energia e (b) $\eta$ , adaptado de [1]. . . . .	41
4.3	Janela deslizante analisada pelo L1 no calorímetro eletromagnético. .	42
4.4	Processo de identificação de elétrons no L2. . . . .	43
4.5	Distribuição de elétrons e jatos quanto à razão $\frac{E_{HAD}}{E_{EM}}$ para energia (a) menor que 20 GeV e (b) maior que 60 GeV. . . . .	45
4.6	Distribuição de elétrons e jatos quanto à razão $\frac{E_P}{E_C}$ para energia (a) menor que 20 GeV e (b) maior que 60 GeV. . . . .	45

4.7	Fluxo de processamento do <i>Neural Ringer</i> . . . . .	46
4.8	Diagrama do processo de construção dos anéis. . . . .	47
4.9	Sinais típicos medidos na camada EM2 para (a) elétron e (b) jato. . .	47
4.10	Sinais em anéis para (a) elétron típico, (b) jato típico e (c) jato com perfil semelhante ao de elétrons. . . . .	48
4.11	Fluxo de processamento das extensões ao <i>Neural Ringer</i> . . . . .	49
4.12	Distribuição em energia, $\eta$ e $\phi$ das assinaturas de elétrons (esquerda) e jatos (direita) aprovadas pelo corte de primeiro nível E10- <i>loose</i> . . .	53
4.13	Distribuição em energia, $\eta$ e $\phi$ das assinaturas de elétrons (esquerda) e jatos (direita) aprovadas pelo corte de primeiro nível E15i. . . . .	54
5.1	Diagrama do <i>cocktail party problem</i> . . . . .	58
5.2	Sinais (a) fonte, (b) observados e (c) recuperados através da ICA. . .	59
5.3	Diagrama do modelo de mistura PNL. . . . .	62
5.4	Diagrama do modelo PNL-L. . . . .	62
5.5	Diagrama do modelo da Mono não-linearidade. . . . .	63
5.6	NLICA a partir de SOM. . . . .	64
5.7	Diagrama do modelo da ICA local. . . . .	67
5.8	Diagrama de um mapa auto-organizável . . . . .	68
6.1	Processo de extração de características globais. . . . .	77
6.2	Processo de extração de características segmentadas. . . . .	77
6.3	Decisão utilizando classificador global. . . . .	78
6.4	Decisão utilizando classificadores segmentados. . . . .	78
A.1	Diagrama da classificação a partir do mapa de características . . . . .	102
A.2	Compressão e recuperação do sinal $\mathbf{x}$ utilizando a transformação por PCA. . . . .	103
A.3	Diagrama do algoritmo de Taleb-Jutten para o modelo PNL. . . . .	114
B.1	Esquemático do problema de classificação binário. . . . .	116
B.2	Diagrama em blocos de um filtro casado. . . . .	119
B.3	Exemplo de uma rede neural utilizada para separação dos sinais de entrada em 3 classes. . . . .	121

# **Lista de Tabelas**

2.1	Intensidade relativa (em comparação com a interação forte) dos diversos tipos de interação. . . . .	10
2.2	Exemplos de valores da massa (em energia equivalente) de algumas partículas. . . . .	12
2.3	Região de cobertura em $\eta$ , granularidade e número de canais de leitura das camadas dos calorímetros. . . . .	24
2.4	Principais objetos de interesse no ATLAS, extraída de [3]. . . . .	26
3.1	Principais características do sistema de <i>trigger</i> do ATLAS, onde $Te$ e $Ts$ são, respectivamente, as taxas de eventos na entrada e na saída e $Cr = Te/Ts$ é o coeficiente de redução de eventos. . . . .	32
3.2	Freqüência esperada para os principais canais de <i>trigger</i> no primeiro nível de filtragem do ATLAS ( $L=10^{34}\text{cm}^{-2}s^{-1}$ ) , extraída de [4]. . . . .	35
4.1	Número de anéis formados para cada camada do calorímetro do ATLAS.	47

# Símbolos e Abreviaturas

## Símbolos

$c$	Velocidade da Luz no Vácuo
$E$	Energia
$eV$	Elétron-Volt
$\mathcal{E}(.)$	Operador esperança
$Ef_i$	Eficiência de discriminação da classe $i$
$E_T$	Energia transversa
$E_T^{miss}$	Energia transversa faltante
$H(.)$	Entropia
$I(.)$	Informação mútua
$J(.)$	Negentropia
$kurt(.)$	Curtose
$m$	Massa
$p_T$	Momento transverso
$p_x(x)$	Função de densidade de probabilidade
$\eta$	Pseudo-rapidez
$\theta$	Ângulo polar no sistema de coordenadas do ATLAS
$\lambda(.)$	Razão de semelhança
$\phi$	Ângulo azimutal no sistema de coordenadas do ATLAS
$e^-/j$	Elétron/Jato
$\mathbf{s}$	Vetor das fontes independentes
$\mathbf{x}$	Vetor dos sinais observados (medidos)
$\mathbf{y}$	Vetor dos componentes independentes estimados
$\mathbf{z}$	Vetor dos sinais branqueados

# Abreviaturas

No caso de algumas abreviaturas internacionalmente conhecidas, optou-se por manter as mesmas em inglês.

ALICE	Detector do LHC
ATLAS	<i>A Toroidal LHC Aparattus</i>
BOOSTER	Experimento do laboratório Fermilab
CERN	Centro Europeu Para Pesquisa Nuclear
CHOOZ	Experimento de Física de Alta Energia
CMB	<i>Cosmic Microwave Background</i>
CMS	Detector do LHC
CP	<i>Charge parity</i>
CPLD	<i>Complex Programmable Logic Device</i>
DESY	<i>Deutsches Elektronen-Synchrotron</i>
EF	Filtro de Eventos ( <i>Event Filter</i> )
EM	Eletromagnético
FastICA	Algoritmo de extração das componentes independentes
FPGA	<i>Field-Programmable Gate Array</i>
Fermilab	<i>Fermi National Accelerator Laboratory</i>
GTM	<i>Generative topographic mapping</i>
H1	Detector do acelerador HERA
HLT	<i>High Level Trigger</i>
HEP	<i>High-Energy Physics</i>
HERA	Experimento do laboratório DESY
HEGRA	Experimento de astrofísica de alta energia
IC	Componentes independentes
ICA	<i>Independent components analysis</i>
JADE	<i>Joint Approximate Diagonalization of Eigen-matrices</i>
LEAR	Experimento do CERN (desativado)
LEP	Experimento do CERN (desativado)

LHC	<i>Large Hadron Collider</i>
LVL1	Primeiro nível de filtragem do ATLAS
LVL2	Segundo nível de filtragem do ATLAS
LVQ	Quantização vetorial por aprendizado
MLP	Perceptron de múltiplas camadas
NLICA	<i>Non-linear independent component analysis</i>
NLPCA	<i>Non-linear principal component analysis</i>
PC	Computador pessoal
PCA	<i>Principal components analysis</i>
OGLE	Telescópio instalado no Chile
QV	Quantização vetorial
RNA	Rede Neural Artificial
ROC	<i>Receiver operating characteristic</i>
RoI	Região de interesse ( <i>Region of Interest</i> )
RPROP	<i>Resilient back-propagation</i>
SICA	<i>Segmented independent component analysis</i>
SPCA	<i>Segmented principal component analysis</i>
SM	Modelo Padrão de interação entre as partículas elementares ( <i>Standard Model</i> )
SOM	Mapa auto-organizável
SP	Figura de mérito de desempenho de classificação
SUSY	Supersimetria
T2Calo	Algoritmo de discriminação do HLT do ATLAS
TOTEM	Experimento do LHC

# Capítulo 1

## Introdução

O processamento estatístico de sinais encontra aplicações nas diversas áreas do conhecimento, desde medicina e saúde pública até as bolsas de valores. Seu uso simplifica bastante as tarefas de análise de dados e classificação, pois permite mapear os sinais em um espaço onde as características discriminantes estão mais evidentes.

Este trabalho descreve a aplicação das técnicas de processamento estatístico para a extração de características relevantes de sinais de um detector de partículas elementares de alta energia. As características e padrões extraídos são utilizados para guiar o processo de discriminação das partículas em um experimento de colisão de partículas de alta taxa de eventos e com enorme volume de dados produzidos.

### 1.1 Contexto

Com os constantes avanços tecnológicos dos sistemas eletrônicos de aquisição de informações, é crescente a necessidade de técnicas eficientes para o processamento *online* de sinais. As grandezas físicas são registradas por elementos sensores, que podem ser únicos (como na medição da velocidade de um motor), ou combinados aos milhares para obter o resultado final (como na captura de vídeo e imagem digitais).

Em aplicações onde a fina granularidade da informação é necessária para descrever adequadamente o processo físico em questão, e sinais com alta dimensão são assim gerados por sistemas de medição compostos por um número elevado de sensores, o custo computacional geralmente é alto. Em alguns casos, a informação disponível pode estar segmentada, pois foi produzida a partir de conjuntos de sen-

sores com características distintas.

Se há a necessidade de uma resposta rápida, pode ser utilizada a combinação de técnicas de compactação de sinais e processamento distribuído. O cenário pode ficar ainda mais complicado se o volume de dados é alto e o problema a ser resolvido apresenta elevado grau de complexidade.

O ambiente de aplicação deste trabalho é o sistema *online* de filtragem do ATLAS (*A Toroidal LHC Aparatus*) [1], maior detector de propósito geral do acelerador de partículas LHC (*Large Hadron Collider*) [5]. O LHC entrou em operação no final de 2008, logo depois, passou por reparos no sistema de resfriamento de um dos seus supercondutores, voltando a operar no final de 2009.

No LHC, os sinais de interesse são raros, estão imersos em um intenso ruído de fundo e a perda de um desses eventos compromete severamente o desempenho dos detectores. Neste caso, é necessária uma estratégia de filtragem capaz de remover, ou pelo menos atenuar a intensidade do ruído sem perder os eventos de interesse.

Combinado a isso, a taxa de ocorrência de eventos é extremamente elevada, fazendo com que o intervalo entre eventos consecutivos seja extremamente pequeno. Considerando ainda que os detectores são altamente segmentados e apresentam fina granularidade de células detectoras, a quantidade de informação produzida é enorme. Neste contexto, a seleção de eventos precisa ser realizada de modo *online* e sob severas restrições no tempo de processamento..

Técnicas que utilizam informações da estatística dos sinais, como Análise de Componentes Principais (PCA - *Principal Component Analysis*) [6], Análise de Componentes Independentes ICA (*Independent Component Analysis*) [7] e Redes Neurais Artificiais (RNA) [8], são frequentemente utilizadas na solução de problemas onde há a necessidade de processamento veloz, flexível e eficiente.

## 1.2 Motivação

Desde o final do século 19, quando foi descoberto o elétron, o estudo da física de partículas elementares, ou simplesmente física de partículas, teve um crescimento acentuado. Na década de 1950, com o uso dos aceleradores, foram descobertas centenas de novas partículas. A física de partículas de altas energias pretende encontrar

os componentes fundamentais da matéria e descrever suas formas de interação.

O acelerador de partículas LHC [5] é um experimento construído no CERN (Organização Européia para Pesquisa Nuclear) que entrou em operação no segundo semestre de 2008. Ao operar na máxima capacidade, produzirá uma taxa de eventos que chegará a 40MHz. Entretanto, as assinaturas de interesse ocorrerão com uma freqüência muito baixa, o que faz do sistema de filtragem *online* um componente fundamental para os detectores.

O detector ATLAS [1] é um experimento de propósito geral e está posicionado em um dos pontos de colisão do LHC. Entre os principais objetivos do ATLAS, pode-se destacar a busca pela partícula conhecida como *bóson de Higgs*, que segundo estudos teóricos seria responsável por interagir com as partículas fornecendo-lhes massa [9]. A partícula de Higgs ainda não foi verificada experimentalmente.

Parcela importante das informações necessárias para a caracterização dos eventos é obtida do sistema de calorímetros, que é subdividido em 7 camadas, sendo que 4 foram projetadas para as partículas eletromagnéticas e 3 para as hadrônicas. Os calorímetros são, na verdade, medidores de energia compostos por um grande número de sensores (células). As células dos calorímetros quantificam a energia perdida pelas partículas incidentes ao interagirem com o material do detector. Para a caracterização do tipo de partícula usa-se informação do perfil de deposição de energia nas camadas do calorímetro.

Os objetivos principais do sistema de filtragem *online* em experimentos de físicas de altas energias são maximizar a probabilidade de detecção (e consequente armazenamento) dos eventos de interesse, e minimizar a probabilidade de armazenar eventos não desejados (ruído de fundo). Em um ambiente como este, a grande dimensão dos dados, o intenso ruído de fundo e o curto tempo de resposta exigido dos detectores e sistemas de filtragem são sérios entraves para o processamento e classificação *online* de eventos.

No ATLAS, o sistema *online* de filtragem (*trigger*) de eventos é composto por três níveis, esperando-se armazenar, em mídia permanente, uma taxa máxima de 200 Hz [10]. Considerando que a freqüência dos eventos é 40 MHz, deve haver uma redução de  $2 \times 10^5$  vezes. O primeiro nível (L1 - *Level-One*), por restrições de tempo de resposta e quantidade de informação a ser processada, foi implementado

em *hardware* dedicado, objetivando reduzir a taxa de eventos para 10kHz. Este nível opera com latência menor que  $2,5\mu s$ . O segundo nível (L2 - *Level-Two*) e o filtro de eventos (EF - *Event Filter*) correspondem à filtragem de alto nível (HLT - *high level trigger*) e, em conjunto, precisam reduzir de 10kHz para 200Hz a freqüência dos eventos. Devido à latência um pouco maior, da ordem de 10ms para o segundo nível e alguns segundos para o filtro de eventos, essas etapas serão realizadas em *software* através de um sistema de processamento distribuído, que utiliza centenas de processadores semelhantes aos de computadores pessoais (PC). Algoritmos desenvolvidos pela colaboração do ATLAS estão prontos para operar nos diversos canais e níveis de filtragem existentes.

No contexto dos diversos canais de interesse para a física no ATLAS, este trabalho se encontra focado na discriminação elétron/jato ( $e^-/j$ ). Os elétrons com alto momento transverso são parte de algumas das assinaturas mais prováveis do bóson de Higgs. Porém, em termos de calorimetria, alguns jatos podem apresentar um perfil de deposição de energia semelhante ao dos elétrons. Portanto, os jatos representam ruído de fundo no processo de identificação de elétrons. Apenas uma reduzida parcela dos candidatos a elétrons aceitos pelo primeiro nível serão realmente elétrons; cabendo à filtragem de alto nível reduzir ainda mais o ruído de fundo sem perder assinaturas de interesse.

Considerando a alta taxa de eventos e a intensidade do ruído de fundo produzidos pelo LHC, a busca por algoritmos de filtragem *online* mais eficientes se configura numa tarefa importante. Uma redução no número de eventos não relevantes (ruído de fundo) armazenados em mídia permanente significa uma maior eficiência na análise *offline* dos eventos de interesse e uma redução do espaço (mídia) necessário para armazenamento.

Neste trabalho estão sendo propostas alternativas para o algoritmo padrão de identificação de elétrons em uso atualmente no segundo nível de filtragem do detector ATLAS. Os algoritmos desenvolvidos apresentam maior eficiência de discriminação e tempo de processamento dentro das restrições do LVL2.

## 1.3 Objetivos

Considerando os desafios existentes no ambiente de filtragem *online* do ATLAS, no qual os sinais são adquiridos com fina segmentação, estão imersos em intenso ruído de fundo e as assinaturas de interesse são raras, técnicas avançadas de extração de características podem ser utilizadas para melhorar a eficiência de classificação.

Utilizando informação especialista a respeito do problema, os sinais medidos nos calorímetros são formatados em anéis concêntricos de deposição de energia. A formatação dos anéis preserva a informação discriminante do perfil de deposição de energia, reduz o ruído e compacta a informação (de 1000 células para 100 anéis). No contexto da utilização dos sinais em anéis, este trabalho é uma continuação de outros dois.

Em [11] foi proposta inicialmente a formatação em anéis e o uso de um classificador neural supervisionado (arquitetura *Perceptron* de Múltiplas Camadas) operando sobre os anéis para produzir a identificação de elétrons (o sistema ficou conhecido como Neural Ringer). Numa comparação de desempenho entre o Neural Ringer e o discriminador oficial do ATLAS (T2Calo) foi mostrado que o Ringer apresenta desempenho superior e é capaz de operar dentro da janela de tempo permitida para o L2. Uma primeira versão do Neural Ringer foi implementada no sistema de filtragem do detector.

No trabalho [12] alguns métodos de compactação como Análise de Componentes Principais (PCA - *Principal Component Analysis*) [6] e Componentes Principais de Discriminação (PCD - *Principal Components of Discrimination*) [13] foram aplicados, em conjunto com o modelo linear da Análise de Componentes Independentes (ICA - *Independent Component Analysis*) [7], sobre os sinais em anéis como um pré-processamento para o classificador neural. A utilização destas técnicas de extração de características e compactação permitiu aumento do desempenho de classificação e redução do tempo necessário para tomada de decisão. Neste trabalho foi realizada também a incorporação do Neural Ringer no sistema *online* de filtragem do ATLAS operando em paralelo com o T2Calo.

Os calorímetros são projetados para serem detectores lineares, porém, diversas fontes de não-linearidades podem surgir numa implementação prática [14]. Neste

caso, um método não-linear de extração de características talvez seja mais indicado para o problema.

O principal objetivo do presente trabalho é avaliar o desempenho obtido pelo discriminador Neural Ringer quando os sinais em anéis são processados por métodos não-lineares de extração de características baseados no modelo não-linear da análise de componentes independentes [15]. É proposta também a segmentação dos processos de extração de características e classificação visando explorar adequadamente toda segmentação e granularidade disponíveis no detector.

## 1.4 Metodologia

O projeto dos discriminadores de partículas foi realizado a partir de um conjunto de eventos simulados. Estas simulações, por Monte Carlo, consideram todas as características físicas do detector e do acelerador. Foram utilizados, também, conjuntos de dados experimentais obtidos na fase inicial de operação do LHC. Sabe-se que os raios cósmicos representam ruído de fundo para o canal elétron/jato, pois produzem mísulas no detector. Assim, os algoritmos propostos foram também testados para uma base de dados composta de eventos de raios cósmicos, visando verificar a capacidade de rejeição para esse sinal. Uma outra análise utilizou eventos de colisão obtidos recentemente na fase inicial de operação do LHC.

Foram aplicados diversos algoritmos para estimar o modelo não-linear das componentes independentes (NLICA - *Nonlinear Independent Component Analysis*). Vizando explorar adequadamente as características do detector, o modo de executar as tarefas de extração de características e classificação foi variado entre as abordagens segmentada (onde o processamento é feito a nível de cada camada do calorímetro) e não-segmentada (quando os sinais em anéis, gerados a partir de todas as camadas, são concatenados em um único vetor).

Entre os diversos modelos existentes para a estimação da NLICA, neste trabalho foram utilizados os modelos sem restrição estrutural (através dos mapas auto-organizáveis) e o modelo pós não-linear (que restrige os mapeamentos não-lineares possíveis a uma mistura linear seguida de funções não-lineares aplicadas a cada componente desta mistura). A ICA Local, que é um modelo diretamente ligado ao da

NLICA também foi utilizada. Para cada modelo proposto foi realizado um estudo comparativo de desempenho com o Neural Ringer quando este opera diretamente sobre os sinais em anéis.

Considerando o sistema de classificação neural, foi proposta a utilização de classificadores especialistas na informação de cada camada do calorímetro. Diversos modos de combinar a informação deste conjunto de classificadores foram testados. Deste modo verificou-se que há redundância de informação entre as diversas camadas do calorímetro. Pode-se, então, obter o mesmo desempenho de discriminação utilizando-se apenas uma parcela das informações disponíveis e, assim, contribuir para a redução do tempo de processamento.

## 1.5 Conteúdo do trabalho

No Capítulo 2 será apresentado o ambiente científico no qual o trabalho está sendo desenvolvido, contextualizando o detector de partículas ATLAS, o acelerador LHC e o CERN. Uma descrição dos sistemas de *trigger online* em experimentos de física de altas energias e, mais especificamente, no detector ATLAS serão apresentadas no Capítulo 3.

No Capítulo 5, serão mostrados os fundamentos teóricos das técnicas de extração de características e teste de hipótese que serão utilizadas para a otimização do sistema de filtragem do ATLAS.

Os resultados obtidos serão apresentadas no Capítulo 6. As conclusões e os futuros trabalhos são os tópicos abordados no Capítulo 7.

Nos Apêndices A e B são fornecidas as bases matemáticas para uma melhor compreensão das técnicas estatística de processamento de sinais descritas no Capítulo 3. Finalmente, no Apêndice C serão listadas as publicações produzidas durante este trabalho.

# Capítulo 2

## Física de Partículas e o detector ATLAS

Os experimentos de Física de Partículas Elementares têm como principais objetivos a confirmação de modelos desenvolvidos teoricamente e a identificação de novos fenômenos. O experimento LHC [5] é o maior acelerador de partículas já desenvolvido e quando operando em máxima capacidade, serão gerados aproximadamente  $10^9$  interações por segundo. Os detectores são responsáveis por selecionar, dentro de um conjunto enorme, os eventos de real interesse, que são bastante raros. O projeto e a montagem do detector ATLAS (*A Thoroidal LHC Apparatus*) [1] foram conduzidos por uma colaboração de 36 países, conhecida como *ATLAS Collaboration*, contando com pesquisadores de mais de 150 universidades e centros de pesquisa [16]. Sendo um dos detectores de propósito geral do experimento LHC, o ATLAS tem formato cilíndrico e foi projetado para cobrir um ângulo sólido próximo a  $4\pi$  ao redor da região de colisão.

### 2.1 Panorama geral da física de partículas elementares

A noção de que a matéria é composta por um conjunto de constituintes elementares existe há mais de 2000 anos, desde o tempo dos filósofos gregos [17]. No decorrer do século 20, a compreensão dos componentes elementares da matéria forneceu à comunidade científica mundial informações importantes a respeito das leis fundamentais

da natureza. O estudo da física de partículas elementares teve início no final do século 19, quando foi descoberto o elétron, experimentando um crescimento acen-tuado na década de 1950, quando foram descobertas centenas de novas partículas. A partir de sua criação em 1954, o CERN (Centro Europeu para Pesquisa Nuclear) contribuiu significativamente nesse processo.

Inicialmente, pensava-se que a matéria era constituída de partículas subatômicas, chamadas elétrons, prótons e nêutrons. Mais tarde, descobriu-se que os prótons e nêutrons são compostos de quarks. Hoje sabe-se que toda a matéria no universo é composta de léptons e quarks. Existem ainda outras partículas elementares que são responsáveis por promover a interação entre léptons e quarks. Juntamente com as descobertas experimentais, estudos teóricos possibilitaram o desenvolvimento do Modelo Padrão (*SM-Standard Model*) [9] que descreve e prevê, de forma unificada, o comportamento das partículas e das forças de interação.

As características e propriedades dos processos nucleares dependem da energia envolvida. A unidade de energia mais utilizada, neste contexto, é o elétron-volt (eV) e seus múltiplos (MeV, GeV ou TeV). O elétron-volt é definido como a energia necessária para aumentar o potencial elétrico de um elétron em 1 volt (em unidades do Sistema Internacional - SI temos:  $1\text{eV}=1,6\times10^{-19}\text{J}$ ) [18]. Os fenômenos produzidos quando a energia das partículas é menor que  $20\text{MeV}$  são chamados de física a baixas energias. A faixa entre  $20\text{MeV}$  e  $400\text{MeV}$  corresponde à física a energias intermediárias, e finalmente, fenômenos com energia superior a  $400\text{MeV}$  são estudados na física a altas energias [19].

Os experimentos realizados a partir do início da década de 1970 foram fundamen-tais para o desenvolvimento e teste do Modelo Padrão, mas também despertaram dúvidas a respeito de questões que não são completamente respondidas. O SM (ver Figura 2.1), divide as partículas elementares em quarks e léptons. Existem seis tipos de léptons (elétron, mûon, tau e três neutrino) e seis tipos de quarks (*up, down, charm, strange, top e bottom*).

Atualmente são conhecidas quatro formas de interação (ou acoplamento) entre as partículas elementares, são elas eletromagnética, gravitacional, fraca e forte. A força gravitacional é predominante entre corpos massivos separados por longas distâncias. Entre partículas, onde a massa é da ordem de  $10^{-27}\text{Kg}$ , a interação gravitacional

	Fermions			Bósons
Quarks	<b>u</b> up	<b>c</b> charm	<b>t</b> top	<b>y</b> fóton
	<b>d</b> down	<b>s</b> strange	<b>b</b> bottom	<b>Z</b>
Leptons	<b><math>V_e</math></b> elétron neutrino	<b><math>V_\mu</math></b> múon neutrino	<b><math>V_\tau</math></b> tau neutrino	<b>W</b>
	<b>e</b> Elétron	<b><math>\mu</math></b> Múon	<b><math>\tau</math></b> tau	<b>g</b> glúon
*Ainda não confirmado		<b>Bóson* de Higgs</b>		

Figura 2.1: Diagrama do Modelo Padrão, mostrando as partículas elementares incluindo o, ainda não confirmado, bóson de Higgs.

tem intensidade muito baixa. Para distâncias maiores que  $10^{-13}$ cm, a força eletromagnética domina, enquanto que para distâncias menores, as interações forte e fraca se destacam. A intensidade relativa (em comparação com a interação forte) dos quatro tipos de interação é mostrada na Tabela 2.1 [20].

Existem algumas teorias que descrevem como as interações elementares ocorrem. A eletrodinâmica quântica (QED - *Quantum Eletrodynamics*) considera que os processos elétricos e magnéticos acontecem a partir da interação fundamental entre dois elétrons, com a troca de um fóton. O fóton é a partícula mediadora da interação eletromagnética.

De modo semelhantes são definidos os outros tipos de interação. Para a interação

Tabela 2.1: Intensidade relativa (em comparação com a interação forte) dos diversos tipos de interação.

Interação	Intensidade Relativa
Forte	1
Eletromagnética	$10^{-2}$
Fraca	$10^{-5}$
Gravitacional	$10^{-39}$

forte, as partículas mediadoras são os glúons. Os bósons W e Z mediam a interação fraca e o gráviton a interação gravitacional. A teoria da cromodinâmica quântica (QCD - *Quantum Chromodynamics*) [21], por exemplo, descreve como os quarks e glúons interagem para formar os hadrons (prótons e neutrons são exemplos de hadrons). Uma diferença entre a QED e a QCD é que na última, os quarks e glúons não são observados como partículas livres (mas apenas na forma de hadrons), em oposição aos elétrons e fótons da QED. Mesmo em colisões de alta energia, quando quarks são produzidos, eles se afastam rapidamente uns dos outros, e antes que possam ser observados, se convertem em “jatos” de hadrons (ou jatos hadrônicos) [18].

Considerando uma teoria atualmente aceita pela física teórica (conhecida como *Gauge Invariance*) e as partículas e formas de interação já verificadas experimentalmente, todas as partículas elementares teriam massa nula. Esta previsão é contrária aos resultados experimentais e somente pode ser corrigida assumindo-se que existe um outro tipo de interação. Esta interação foi prevista pelo cientista inglês Peter Higgs em 1964, tendo como partícula mediadora o bóson de Higgs, que é responsável por fornecer massa às partículas [18]. A existência do bóson de Higgs é a mais importante previsão do modelo padrão ainda não verificada experimentalmente e sua busca é de máxima importância para a física de partículas.

Nas últimas décadas, os experimentos com aceleradores de partículas se tornaram gigantescos empreendimentos envolvendo milhares de físicos e engenheiros com contribuição financeira e intelectual de dezenas de países. Os aceleradores usam força eletromagnética para aumentar a energia de partículas estáveis e carregadas eletricamente. As partículas são injetadas na máquina por dispositivos que produzem uma fonte de partículas de alta intensidade e baixa energia. Quanto às características construtivas, os aceleradores podem ser divididos em alvo-fixo ou colisionadores de feixes. Nos aceleradores de alvo-fixo, as partículas são aceleradas até a máxima energia, quando o feixe é retirado da máquina e direcionado a um alvo estacionário. Nos colisionadores, feixes de partículas são acelerados e quando a energia desejada é atingida, os feixes são colocados em rota de colisão em alguns pontos específicos do percurso. Quanto ao percurso dos feixes, os aceleradores podem ser lineares ou circulares [18].

Imediatamente após a colisão, uma grande quantidade de partículas elementares

é produzida. Algumas delas são estáveis, porém outras têm curtíssimo tempo de vida. Os elétrons e prótons, por exemplo, têm vida média superior a  $10^{23}$  anos, enquanto os mísions podem ter vida média da ordem de  $10^{-6}$  segundos [19]. Para que todos os eventos sejam corretamente identificados, um complexo sistema de detecção precisa ser construído.

A massa ( $m$ ) das partículas é usualmente expressa em função da energia equivalente ( $m = E/c^2$ , onde  $c$  é a velocidade da luz e  $E$  a energia). Os bósons W e Z, por exemplo, têm massa de 80 e 91 GeV/ $c^2$  (onde  $1\text{GeV}/c^2=1,78\times 10^{-27}\text{ kg}$ ). Na Tabela 2.2, são mostradas as massas de algumas partículas importantes. Ainda não é possível determinar a massa esperada para o bóson de Higgs, porém, considerando o conhecimento adquirido com os experimentos operados antes do LHC, sua massa deve ser maior que 115 GeV/ $c^2$  [9].

O acelerador LHC (*Large Hadron Collider* - Grande Colisionador Hadrônico) [5, 22] em operação no CERN (Centro Europeu para Pesquisa Nuclear) [23], será capaz de atingir energia de até 14 TeV e permitir à visualização do bóson de Higgs, caso o Modelo Padrão esteja correto.

Tabela 2.2: Exemplos de valores da massa (em energia equivalente) de algumas partículas.

Partícula	Massa (GeV/ $c^2$ )
Elétron	0,000511
Próton	0,938
Bóson W	80
Bóson Z	91
Bóson de Higgs ou outras novas partículas	>115

Além da busca pelo bóson de Higgs, existem outras questões que precisam ser respondidas em física de partículas. É um desejo antigo dos físicos, desde Einstein, a unificação das teorias sobre as forças entre as partículas, incluindo no Modelo Padrão a força gravitacional. O estudo da física de partículas também é fundamental para o entendimento da natureza e origem do universo. Pretende-se, por exemplo, descobrir informações sobre a composição da matéria escura [24], super-simetria [25] e violação de CP (do inglês *Charge Parity*) [26].

Entre os laboratórios que conduzem experimentos em física de partículas os principais são: CERN, DESY [27], KEK [28], Fermilab [29], SLAC [30] e Brookhaven [31], localizados respectivamente na Suíça, Alemanha, Japão e os três últimos nos Estados Unidos.

O CERN, fundado em 1954, é atualmente um dos maiores centros de pesquisas em física de partículas do mundo. Localizado em Genebra, Suíça, funciona com base num complexo sistema de colaboração internacional, que envolve centenas de instituições de pesquisa em centenas de países [23].

## 2.2 O acelerador LHC

No CERN, foi projetado e construído o experimento LHC (*Large Hadron Collider*), que iniciou sua operação no final de 2008 [5, 32]. O LHC pode atingir níveis de energia de, aproximadamente, 14 TeV. O percurso do acelerador, localizado na fronteira franco-suíça, é aproximadamente circular, com 27 Km de comprimento, numa profundidade do solo que varia de 50 a 150 metros (ver Figura 2.2). Feixes de prótons serão acelerados em sentidos opostos e direcionados para colisão nos centros dos detectores.

O LHC tem 6 detectores com propósitos diferentes: ATLAS [1], CMS [33], LHCb [34], LHCf [35], ALICE [36] e TOTEM [37]. O ATLAS e o LHCf estão localizados em Meyrin, Suíça, o CMS e o TOTEM em Cessy, França, o ALICE em St. Genis-Pouilly, França e o LHCb em Ferney-Voltaire, França (os experimentos TOTEM e LHCf não são mostrados na Figura 2.2 pois estão em locais próximos respectivamente ao CMS e ATLAS). O ATLAS (*A Toroidal LHC ApparatuS*) e o CMS (*Compact Muon Solenoid*) são detectores de propósito geral, enquanto os outros são dedicados a aplicações específicas, como o LHCb, que é dedicado a explorar informações sobre a física proveniente dos hadrons do tipo **b** produzida nas colisões do LHC.

Quando operando em máxima capacidade, o LHC irá produzir colisões de feixes de prótons a cada 25 ns e atingirá energia 7 vezes maior que o Tevatron, que é o acelerador de maior energia em operação atualmente, funcionando no Fermilab.

O número de colisões por centímetro quadrado produzidas por segundo é cha-

mado de luminosidade ( $L$ ) [18]:

$$L = n \frac{N_1 N_2}{A} f \quad (2.1)$$

onde  $n$  é o número de feixes,  $N_1$  e  $N_2$  o número de partículas em cada feixe,  $A$  a área da seção transversal do feixe e  $f$  a frequência de colisão. Quanto maior a luminosidade do experimento, maior a quantidade de informação (partículas) gerada.

Quando operando numa luminosidade jamais alcançada ( $10^{34} cm^{-2}s^{-1}$ ), o LHC deve atingir uma taxa de interações da ordem de 1 GHz. No LHC, fatores como a alta taxa de interações, as altas doses de radiação, a multiplicidade de partículas e largas faixas de energia a cobrir, em conjunto com a necessidade de medições precisas, definiram novos padrões para o projeto dos detectores.

A seguir, serão descritas, de modo geral, as principais características do detector ATLAS.

## 2.3 Características gerais do detector ATLAS

Os métodos de detecção em física têm como princípio básico promover interação entre as partículas em estudo e um material conhecido, produzindo informações

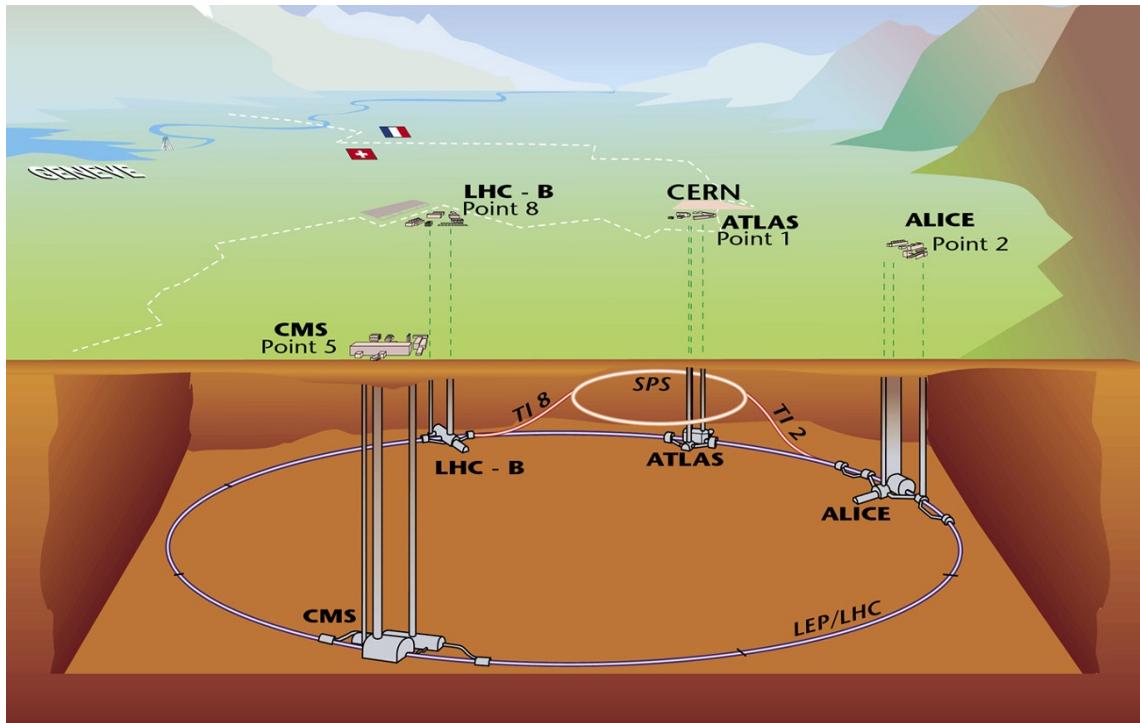


Figura 2.2: Mapa de localização dos detectores do LHC.

sobre a natureza e as características da própria partícula. Os instrumentos que possibilitam a medição experimental destas quantidades físicas são chamados de detectores. Em particular, os detectores de energia são chamados de calorímetros. À medida que a energia envolvida aumenta, o sistema de detecção precisa ser mais sofisticado [19].

O ATLAS foi fruto do trabalho de uma grande colaboração, que envolveu milhares de físicos, engenheiros, técnicos e estudantes por um período de vinte anos de projeto, desenvolvimento, fabricação e instalação.

O detector ATLAS tem 45 m de comprimento, 25 m de altura e pesa aproximadamente 7.000 toneladas, sendo dividido em subsistemas dispostos em camadas. Conforme ilustrado na Figura 2.3, os principais subsistemas são: detector de trajetórias (ou de traço), calorímetros eletromagnético e hadrônico e os detectores de múons.

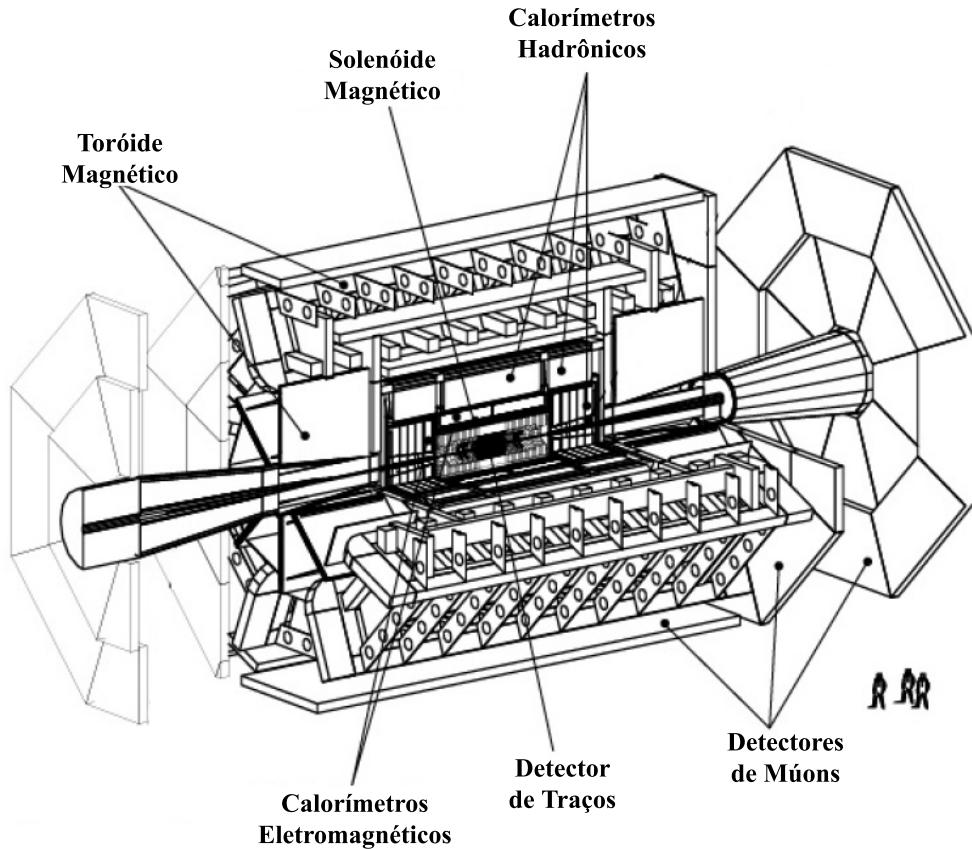


Figura 2.3: Diagrama esquemático do ATLAS.

A função dos detectores de trajetória é medir o momento das partículas eletricamente carregadas, a partir da curvatura de sua trajetória, quando imersos no campo magnético do solenóide central [38]. Caminhando do eixo central para as extremidades, em sequência, estão os calorímetros, que medem a energia depositada pelas partículas [39]. Na interação com as células do calorímetro, são produzidos chuveiros de partículas secundárias [14]. Num último estágio está o detector de mûons, sistema dedicado à detecção destas partículas, que são as únicas que não ficam contidas nos calorímetros [40].

O sistema  $xyz$  de coordenadas do ATLAS é único para todos os subsistemas. Conforme mostrado na Figura 2.4, a direção do feixe do LHC define o eixo  $z$ , e os eixos  $x$  e  $y$  formam um plano transverso ao feixe. A direção positiva do eixo  $x$  é definida apontando do ponto de interação para o centro do anel do LHC, e o eixo  $y$  positivo aponta para cima. O ângulo azimutal é obtido a partir de:

$$\phi = \text{arctg}(x/y), \quad (2.2)$$

sendo que  $\phi = 0$  corresponde ao eixo  $x$  positivo e  $\phi$  aumenta no sentido horário. O ângulo polar  $\theta$  é medido a partir do eixo do feixe (eixo  $z$  positivo). O momento transverso  $p_T$ , a energia transversa  $E_T$  e a energia transversa perdida  $E_T^{miss}$  são definidas no plano  $xy$ . A pseudo-rapidez  $\eta$  é calculada a partir do ângulo  $\theta$  de esparlhamento em relação ao eixo  $z$  (ângulo de saída das partículas após a colisão) [10]:

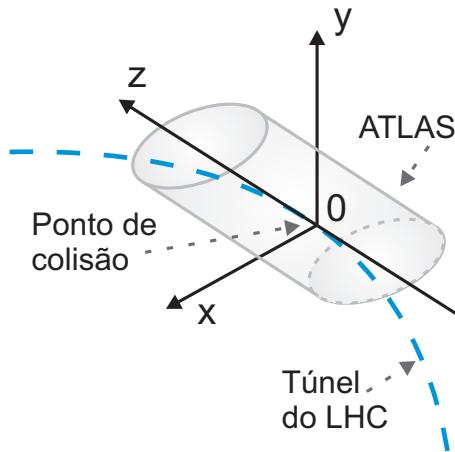


Figura 2.4: Eixo de coordenadas do ATLAS.

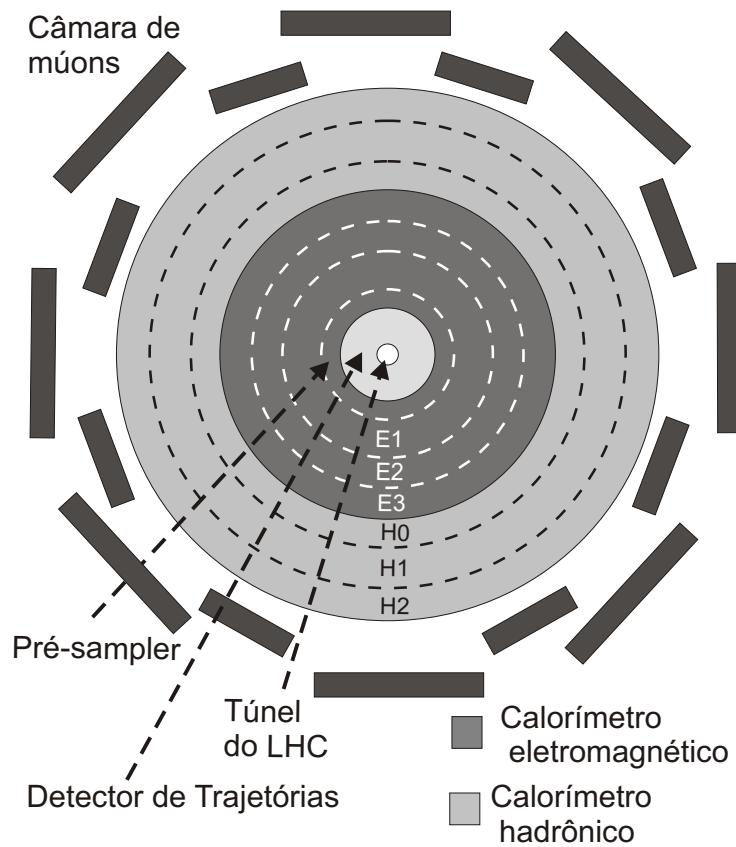
$$\eta = -\ln \operatorname{tg}(\theta/2). \quad (2.3)$$

A partir das definições das equações 2.2 e 2.3, define-se o eixo  $(\eta, \phi)$ , onde o ângulo  $\phi$  representa a rotação e  $\eta$  a direção de projeção das partículas após a colisão. Grandes valores da pseudo-rapidez indicam que a colisão das partículas não foi frontal, pois o ângulo de saída, após o choque, é pequeno, no limite quando  $\theta \rightarrow 0$  então  $\eta \rightarrow \infty$ . Nesse tipo de colisão, como quase não houve choque, a produção de partículas elementares é pequena. O ATLAS foi projetado com baixa resolução para  $\eta > 3$ .

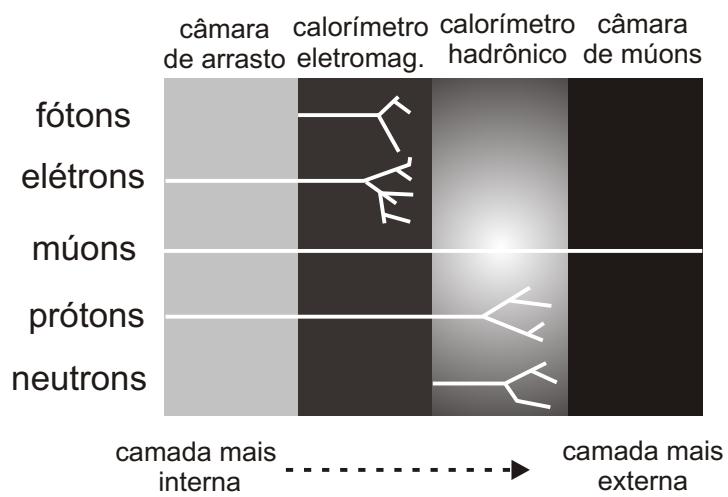
Após uma colisão, as partículas geradas interagem com o material do detector, perdendo energia e consequentemente velocidade. Na Figura 2.5(a) pode-se visualizar os subsistemas do ATLAS num corte transversal (paralelo ao plano  $xy$ ). Percebe-se que a câmara de mísseis e o calorímetro hadrônico têm as maiores dimensões. Na figura 2.5(b) é mostrada a penetração e consequente visualização esperadas de algumas partículas nas camadas do detector. Não espera-se, por exemplo, deposição de energia de fôtons ou elétrons além das camadas eletromagnéticas do calorímetro, pois estas partículas interagem intensamente com os materiais que compõem a seção eletromagnética, perdendo toda sua energia. As partículas hadrônicas podem interagir com menos intensidade com o calorímetro eletromagnético e precisam das camadas hadrônicas para serem paradas. Os mísseis, em geral, são partículas que perdem pouca energia nos calorímetros, necessitando de um sistema especial para serem detectados, o detector de mísseis.

O ATLAS foi projetado e construído considerando-se as condições experimentais produzidas pelas colisões do LHC e com o objetivo de obter informações importantes para responder às questões chave em física de partículas. Entre os principais critérios utilizados para o projeto do detector pode-se destacar [1]:

- Os elementos sensores e circuitos eletrônicos devem apresentar resposta rápida e resistência a altos níveis de radiação. A fina granularidade do detector é importante para reduzir a influência dos eventos sobrepostos.
- Excelente calorimetria eletromagnética para a identificação de elétrons e fôtons, complementada por informações acuradas dos calorímetros hadrônicos,



(a)



(b)

Figura 2.5: Cortes (a) transversal e (b) axial do ATLAS.

para medições de jatos hadrônicos e energia transversa  $E_T$  (se o valor para  $E_T$  for diferente do esperado isso pode indicar a ocorrência de um fenômeno não observado pelo detector);

- Eficiente sistema de identificação de trajetória para medição do momento;
- Alta precisão na identificação de mísseis;
- Alta aceitação em pseudo-rapidez ( $\eta$ ) com cobertura quase total no ângulo azimutal ( $\phi$ );
- Alta eficiência do sistema de filtragem (*trigger*), armazenando a maioria dos eventos físicos de interesse e reduzindo ao máximo o ruído de fundo (informação não relevante) produzido nas colisões do LHC.

Conforme mencionado no Capítulo 1, o estudo conduzido neste trabalho utiliza informações do sistema de calorímetros do ATLAS e propõe algoritmos para a otimização da detecção (*trigger*) de elétrons. Nas próximas sub-seções, serão descritos o sistema de calorímetros do ATLAS e a importância da detecção de elétrons para o desempenho do experimento.

### 2.3.1 O sistema de calorimetria do ATLAS

Calorímetros [14] representam uma importante classe de detectores para medição de energia e posição da partícula. Durante o processo de absorção, as partículas interagem com o material dos calorímetros gerando partículas secundárias que, por sua vez, interagem também gerando outras partículas e assim por diante. Este processo é chamado de cascata ou chuveiro de partículas. Os calorímetros podem apresentar resposta muito rápida, da ordem de nanosegundos [14], e, por isso, é utilizado intensamente pelo sistema de filtragem online (*trigger*). As prováveis classes de partículas são identificadas a partir das características esperadas para o seu perfil de deposição de energia.

Calorímetros são detectores de absorção total. O processo de medição utilizado é destrutivo e as partículas não estão disponíveis após a passagem pelos calorímetros (com exceção aos mísseis, que conseguem penetrar em grande quantidade de matéria

e necessitam de um detector especial a câmara de mísions). Quando partículas atravessam matéria, elas em geral interagem e perdem assim uma parte de sua energia. Neste processo o meio é excitado ou aquecido (daí o termo calorimetria). Na prática absorção “total” significa 99 a 99,9 % da energia (ou até um pouco menos). A depender do tipo de partícula e da energia envolvida, a partícula pode exceder os limites do calorímetro (vazar) e acabam por interferir em outros detectores (ex. câmara de mísions) [14].

Os calorímetros podem ser classificados em homogêneos ou amostradores. No calorímetro homogêneo todo o volume do detector é sensível às partículas e contribuem para produção do sinal, no calorímetro amostrador o material passivo absorve (interage) as partículas e o material ativo produz o sinal [14].

Partículas como elétrons e pósitrons interagem com a matéria gerando um chuveiro de partículas menos energéticas e necessitam de pequena quantidade de material para serem totalmente absorvidas. Os mísions, por outro lado, perdem sua energia muito lentamente necessitando de grande quantidade de matéria para a absorção total. As partículas hadrônicas interagem com a matéria através da força nuclear forte. O processo de interação é muito mais complexo que o EM e uma variedade muito grande de fenômenos pode ocorrer. Os hadrons podem, por exemplo, se comportar de modo semelhante a elétrons e mísions, ou se envolverem em uma interação nuclear e se transformarem em 15 novos hádrons. Uma parte da energia das interações hadrônicas não é visível (detectável) pelos calorímetros pois os hadrons neutros não ionizam o calorímetro e a energia é perdida em interações nucleares (fundamentalmente não detectadas pelo calorímetro) [14].

Os calorímetros deveriam ser intrinsecamente lineares para a detecção de partículas EM. Por exemplo um par de elétrons de 10 GeV deveria gerar um sinal de mesma intensidade que um único elétron de 20 GeV. Na prática, desvios do comportamento linear (para partículas EM) podem ser observados na prática devido a fenômenos como [14]:

- Saturação das foto-multiplicadoras (PMT - *Photo-Multipliers*) - as PMT convertem luz dos calorímetros cintiladores em sinais elétricos, sua saturação implica em distorção não-linear dos sinais elétricos;
- Vazamento do chuveiro - com o aumento da energia algumas partículas po-

dem extrapolar os limites do detector, havendo, neste caso, perda de parte da informação;

- Recombinação dos elétrons com íons do material ativo - se isso ocorrer a ionização não é detectada;
- Atenuação da luz - a luz emitida pelo material ativo (cintilante) pode ser atenuada antes de atingir as PMT.

Calorímetros homogêneos são intrinsecamente não-lineares para a detecção de hadrons e jatos. A fração EM de chuveiros hadrônicos depende da energia e varia bastante de evento para evento, tornando a resposta hadrônica não-constante em função da energia (tanto para calorímetros homogêneos como para os amostradores). A fração não EM (que produz interações nucleares) é, em geral, menor. Em qualquer calorímetro a resolução em energia para hádrons é pior que para elétrons de mesma energia. Isso se deve ao fato de ocorrerem flutuações na energia visível (detectável) aos calorímetros [14].

Como as características dos chuveiros eletromagnéticos e hadrônicos são diferentes, na prática, são utilizados tipos de calorímetro específicos para estas classes de partículas [18]. O calorímetro eletromagnético é usualmente instalado internamente ao hadrônico. As partículas eletromagnéticas (ex: elétrons e fôtons) apresentam perfil de deposição de energia que, em geral, é concentrado em torno do ponto de colisão. Tipicamente, as partículas eletromagnéticas são absorvidas completamente nos calorímetros eletromagnéticos. Os chuveiros hadrônicos apresentam formas variadas e iniciam sua interação com o calorímetro eletromagnético, mas, em geral, somente são completamente absorvidas nas camadas hadrônicas (mais externas).

O sistema de calorímetros do detector ATLAS [1] é sub-dividido em 7 camadas [39], sendo 4 eletromagnéticas (PS, E1, E2, E3) e 3 hadrônicas (H0, H1 e H2), conforme Figura 2.6. Cada camada apresenta diferente concentração de células detectoras por unidade de área (granularidade). O calorímetro eletromagnético (EM) é composto de finas folhas de chumbo separadas por dispositivos sensores de argônio líquido, cobrindo a região onde  $|\eta| < 3,2$ . As três camadas do calorímetro eletromagnético são divididas em barril (região central do detector, onde  $|\eta| < 1,5$ ) e tampa (regiões mais externas onde  $1,4 < |\eta| < 3,2$ ). Na região onde  $|\eta| < 1,8$ ,

imediatamente antes da primeira camada EM existe uma fina camada de argônio líquido chamada pré-amostrador (*presampler* ou PS). O pré-amostrador é importante para corrigir medições nas quais existe perda de energia no caminho até os calorímetros.

Um problema específico do ATLAS é o substancial volume de material inerte(morto) instalado entre o ponto de colisão e os calorímetros. O pré-amostrador tem função primária amenizar os problemas causados pela perda de energia neste material (em 119 GeV 5% da energia de elétrons é perdida neste material). Os sinais medidos no PS são ponderados por um fator adequado  $\alpha$  e somados aos sinais medidos nas outras camadas para compor a energia total do evento [14]:

$$E_{tot} = E_{calo} + \alpha E_{ps}. \quad (2.4)$$

O calorímetro hadrônico envolve o eletromagnético. Na região onde  $|\eta| < 1,7$ , ele é composto de placas absorvedoras de aço separadas por telhas de material plástico cintilante. Quando as partículas atravessam as telhas elas emitem luz de intensidade proporcional à energia incidente [2]. O sinal luminoso é então convertido em elétrico através de placas foto-multiplicadoras. Esta parte do calorímetro hadrônico do ATLAS é conhecida como calorímetro de telhas (*Tile Calorimeter* ou simplesmente *TileCal*) e é dividida em barril ( $|\eta| < 1,0$ ) e barril-extendido ( $0,8 < |\eta| < 1,7$ ) [41]. Para a tampa do calorímetro hadrônico ( $|\eta| > 1,5$ ) utiliza-se a tecnologia do argônio líquido.

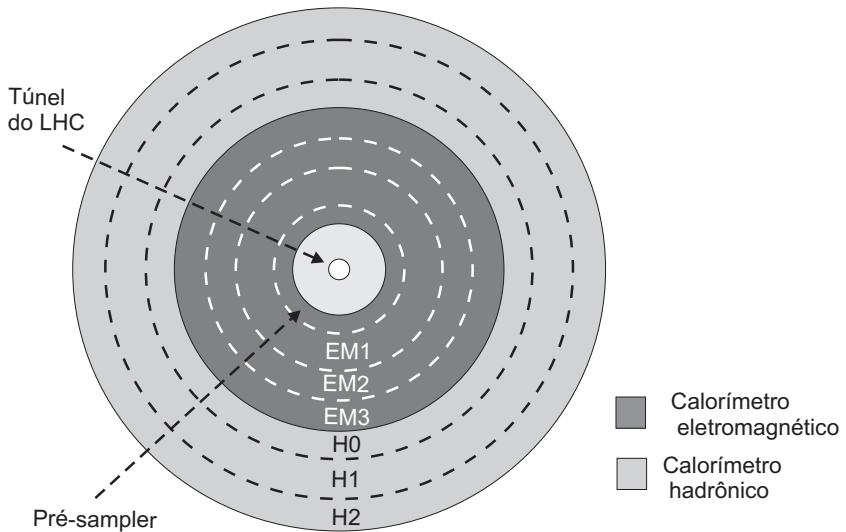


Figura 2.6: Disposição em camadas dos calorímetros do ATLAS.

A informação da energia depositada nas camadas do calorímetro, com fina segmentação, é muito importante para a caracterização física das partículas. Após um evento ser aceito pelo sistema de filtragem, todas as informações relativas a este evento são armazenadas em mídia permanente para posterior análise *off-line*. A granularidade, ou quantidade de células por unidade de área, varia entre as camadas do calorímetro. A Tabela 2.3 traz informações sobre a região de cobertura em  $\eta$ , granularidade e quantidade de canais de leitura (células sensoras) de cada camada do calorímetro.

Conforme ilustrado na Figura 2.7, percebe-se que a primeira camada eletromagnética apresenta mais fina segmentação, possibilitando medição precisa do ponto de colisão. A segunda camada apresenta células detectoras quadradas e maior profundidade, absorvendo maior parcela da energia. A terceira camada, por sua vez, captura os detalhes do final do chuveiro eletromagnético.

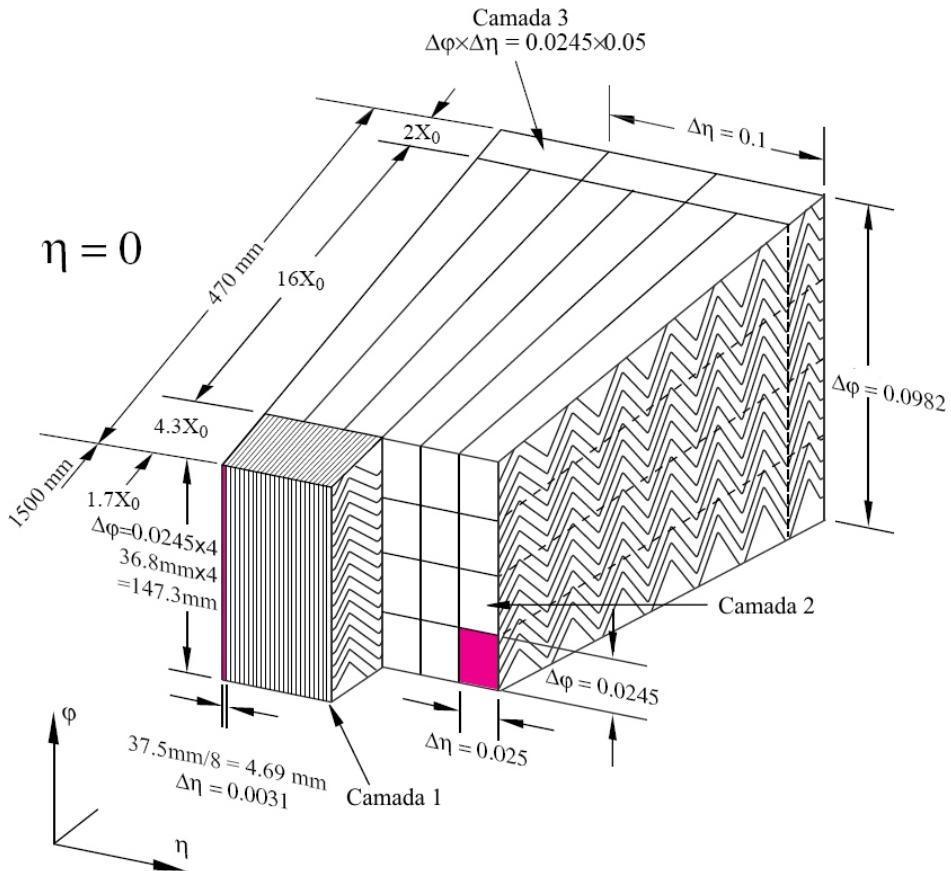


Figura 2.7: Granularidade e profundidade das camadas do calorímetro eletromagnético, extraído de [1].

Tabela 2.3: Região de cobertura em  $\eta$ , granularidade e número de canais de leitura das camadas dos calorímetros.

<b>Pre-amostrador</b>	<b>Barril</b>	<b>Tampa</b>
Cobertura	$ \eta  < 1,52$	$1,5 <  \eta  < 1,8$
Granularidade ( $\Delta\eta \times \Delta\phi$ )	$0,025 \times 0,1$	$0,025 \times 0,1$
Canais de Leitura	7808	1536 (ambos os lados)
<b>Eletromagnético</b>	<b>Barril</b>	<b>Tampa</b>
Cobertura	$ \eta  < 1,475$	$1,375 <  \eta  < 3,2$
Granularidade ( $\Delta\eta \times \Delta\phi$ )		
Camada 1	$0,025/8 \times 0,1$	$0,025/8 \times 0,1$ a $0,1 \times 0,1$
Camada 2	$0,025 \times 0,025$	$0,025 \times 0,025$ a $0,1 \times 0,1$
Camada 3	$0,050 \times 0,025$	$0,05 \times 0,025$
Canais de Leitura	101760	62208 (ambos os lados)
<b>Had. Telhas Cintilantes</b>	<b>Barril</b>	<b>Barril estendido</b>
Cobertura	$ \eta  < 1,0$	$0,8 <  \eta  < 1,7$
Granularidade ( $\Delta\eta \times \Delta\phi$ )		
Camadas 1, e 2	$0,1 \times 0,1$	$0,1 \times 0,1$
Camada 3	$0,2 \times 0,1$	$0,2 \times 0,1$
Canais de Leitura	5760	4092 (ambos os lados)
<b>Had. Argônio Líquido</b>	<b>Tampa</b>	
Cobertura	$1,5 <  \eta  < 3,2$	
Granularidade ( $\Delta\eta \times \Delta\phi$ )		
Camadas 1, 2 e 3	$0,1 \times 0,1$ a $0,2 \times 0,2$	
Canais de Leitura	5632 (ambos os lados)	

Calorímetros são construídos utilizando estruturas modulares. Os cabos de transmissão de sinais e alimentação passam por espaços existentes entre os módulos (*cracks*). No ATLAS, na região de  $|\eta| \sim 1,5$  (interconexão entre barril e barril-estendido) existe uma descontinuidade nos calorímetros (eletromagnético e hadrônico) para passagem de cabos de alimentação e dados do detector de trajetória e do barril do calorímetro eletromagnético [1]. Nesta faixa, há menor quantidade

de células detectoras e, consequentemente, baixa resolução nas medições obtidas (o que pode representar um problema para o sistema de filtragem, como será descrito na Seção 3.2).

Diferente de outros tipos de detectores, a precisão dos calorímetros aumenta com a energia [14]:

$$\frac{\sigma_E}{E} \propto \frac{1}{\sqrt{E}} \quad (2.5)$$

onde  $E$  é a energia incidente por partícula e  $\sigma_E$  a variação (desvio padrão) esperado na medição. Outras fontes de flutuações de menor importância contribuem com fatores de outra ordem como ruído eletrônico:  $\propto 1/E$  (domina em baixa energia, principalmente em calorímetros de Argônio Líquido - LAr); e vazamento lateral do chuveiro:  $\propto 1/(E)^{1/4}$ . Existem ainda flutuações que são independentes da energia. Uma característica interessante é que as flutuações podem não ser simétricas em torno do valor médio. Um estudo detalhado a respeito das flutuações encontradas em calorímetros pode ser encontrado em [14].

Para o calorímetro do ATLAS, foi calculada experimentalmente em [39] a resolução esperada . Os valores encontrados foram  $0,1/\sqrt{E}$  e  $0,4/\sqrt{E}$ , respectivamente para os calorímetros eletromagnético (de argônio líquido) e hadrônico (de telhas cintilantes).

### 2.3.2 Principais objetos de interesse no ATLAS

Dentre os eventos gerados nas colisões do LHC, apenas uma pequena parte será útil para a caracterização dos processos da “nova física”. Com o LHC operando em alta luminosidade podem ocorrer até  $10^9$  interações por segundo, porém, os eventos de interesse são muito raros. Por exemplo a depender de sua massa, a taxa de ocorrência do bóson de Higgs pode variar de 0,01 a 0,1 Hz e eventos de supersimetria são esperados a 1 Hz [42]

Provar a existência do bóson de Higgs é um dos principais objetivos do LHC. Com o conhecimento adquirido até agora, não é possível determinar sua massa  $m_H$ , embora seu limite inferior ( $m_H > 114 \text{ GeV}/c^2$ ) tenha sido determinado pelos resultados obtidos em outros aceleradores, como o LEP (*Large Electron Positron Collider*, acelerador que operou no CERN de 1989 a 2000) [43]. O limite superior esperado por estudos teóricos é  $\sim 1 \text{ TeV}/c^2$  [44].

Considerando os diversos decaimentos possíveis para a partícula de Higgs, espera-se que o canal mais limpo para seu estudo aconteça se sua massa estiver aproximadamente na faixa  $150 < m_H < 700$  GeV/c<sup>2</sup> [1]. Neste caso, o Higgs pode apresentar o decaimento em 2 bósons Z, com cada Z, por sua vez, decaindo<sup>1</sup> em dois léptons (elétrons ou múons):

$$H \rightarrow ZZ^{(*)} \rightarrow l^+l^-l^+l^- \quad (2.6)$$

Para este canal de busca do Higgs, é fundamental que os detectores tenham um sistema de filtragem capaz de identificar com alta eficiência elétrons e múons. Estas duas partículas, assim como os fótons, jatos e os taus, são importantes também para o melhor entendimento da supersimetria (SUSY - *supersimetry*) [9]. Os taus também podem levar aos modelos de Higgs estendidos [45]. Um resumo com os principais objetos de interesse no ATLAS e suas aplicações na física é mostrado na Tabela 2.4.

Tabela 2.4: Principais objetos de interesse no ATLAS, extraída de [3].

Objeto	Física de interesse
<b>Elétron</b>	Higgs, SUSY, dimensões-extra, novos bósons e <i>top quark</i>
<b>Fóton</b>	Higgs, SUSY e dimensões-extra
<b>Múon</b>	Higgs, SUSY, extra-dimensões, novos bósons e <i>top quark</i>
<b>Jato</b>	SUSY e ressonâncias
<b>Jato + <math>E_T^{miss}</math></b>	SUSY e <i>leptoquarks</i>
<b>Tau + <math>E_T^{miss}</math></b>	Modelo de Higgs estendido e SUSY

A identificação *online* destes objetos dentro de um universo enorme de informações é realizada pelo sistema de filtragem (*trigger*). Conforme mencionado, um dos objetos de interesse na filtragem do ATLAS é o elétron. Para a identificação de elétrons, a informação obtida no sistema de calorímetros é muito importante. Em termos da calorimetria, as assinaturas de elétrons podem ser confundidas com perfis de energia gerados por alguns jatos hadrônicos (espacialmente concentrados nas camadas eletromagnéticas e com pouca energia nas hadrônicas). Considerando que a produção de jatos será muito frequente nas colisões do LHC, estes formarão

---

<sup>1</sup>No decaimento de partículas elementares, parte da massa da partícula é convertida em energia e o restante em massa de outras partículas

um intenso ruído de fundo para a identificação de elétrons. Pelo que foi exposto, percebe-se que a discriminação elétron/jato ( $e^-/j$ ) é importante para o desempenho do detector.

# Capítulo 3

## O Sistema de Filtragem do detector ATLAS

Neste capítulo será apresentada uma breve introdução aos sistemas de filtragem (*trigger*) em experimentos de física de altas energias (HEP - *High-Energy Physics*) e em seguida serão descritas as características gerais do sistema de filtragem e aquisição de dados (TDAQ - *Trigger and Data Aquisition*) do detector ATLAS.

### 3.1 Introdução aos sistemas de filtragem em HEP

A maioria das reações físicas que são estudadas atualmente em experimentos de física de altas energias são raras, pois a maior parte da informação produzida representa processos já conhecidos (estudados anteriormente em outro experimentos) [46]. Por exemplo, o LHC produzirá uma taxa de eventos da ordem de  $10^9$  Hz para alta luminosidade ( $L = 10^{34} \text{cm}^{-2}\text{s}^{-1}$ ). Dependendo de sua massa, a taxa de produção esperada para o bóson de Higgs varia entre  $10^{-1}$  e  $10^{-2}$  Hz [42]. Neste caso a frequência de interesse é de  $10^{10}$  a  $10^{11}$  vezes menor que a taxa de eventos produzidos, o que significa dizer que todo o restante da informação produzida representa ruído de fundo para a identificação da física de interesse.

Os sistemas de trigger, em geral, utilizam diferentes níveis hierárquicos de filtragem, onde os níveis mais baixos são responsáveis pela rejeição de eventos utilizando critérios mais simples e óbvios, enquanto que os níveis mais altos implementam análises mais complexas, pois dispõem de mais tempo para a tomada de decisão.

Como os níveis são hierárquicos (sequenciais), uma vez que o evento foi rejeitado em um dado nível ele não está mais disponível para análise nos níveis posteriores [46].

O primeiro nível de filtragem tem disponível um tempo muito curto para tomada de decisão (da ordem de  $\mu\text{s}$ ), sendo, tipicamente, implementado através de hardware dedicado, utilizando, por exemplo, FPGAs (*Field Programmable Gate Arrays* [47]). Se for necessário algum tipo de operação aritmética mais sofisticada no nível 1, pode-se utilizar também processadores digitais de sinais (DSPs *Digital Signal Processors* [48]) [49].

A filtragem de alto nível (HLT - *high-level trigger*), tipicamente utiliza computadores pessoais (PCs), pois dispõe de um maior tempo para produzir a decisão de aceitação ou rejeição e opera com uma menor taxa de eventos (uma vez que uma parcela do ruído de fundo já foi rejeitada pelo primeiro nível. As análises executadas no HLT envolvem operações complexas e podem até requerer a recomposição completa do evento [49]. A Figura 3.1 apresenta o diagrama de blocos de um sistema genérico para filtragem *online* em experimentos de física de alta energia

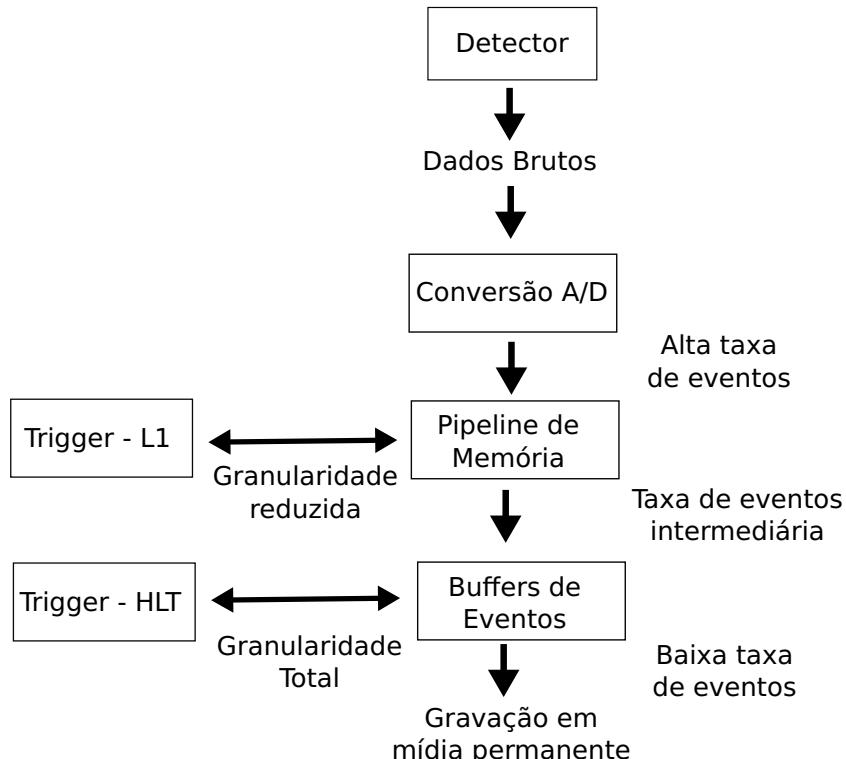


Figura 3.1: Diagrama em blocos do sistema de filtragem genérico para um experimento de HEP.

As características de seleção de cada nível variam de acordo com o experimento

de HEP em questão [46]. Em modernos experimentos de física de alta energia os detectores são divididos em sub-sistemas responsáveis pela detecção de classes específicas de assinaturas. Por exemplo os calorímetros podem ser utilizados para a identificação de candidatos a elétrons, fótons e jatos, já os mísions necessitam de um detector específico (o sistema de mísions). O sistema de filtragem utiliza informações destes sub-detectores para identificar as assinaturas da física de interesse.

Considerando os detectores ATLAS e CMS (os dois detectores de propósito geral do LHC), diferentes soluções foram utilizadas para resolver o problema de filtragem e aquisição de dados. No ATLAS, o nível 1 transmite para o nível 2 um sub-conjunto da informação total do detector (conhecido como região de interesse - RoI, do inglês *region of interest*) que contém as características necessárias para a identificação da assinatura em questão [50]. O CMS utiliza um sistema de filtragem de primeiro nível que envia toda a informação do evento ao HLT [51].

A utilização das RoI exige inteligência para selecionar adequadamente a informação necessária, mas a grande vantagem é que a taxa de transmissão de dados é reduzida, pois se um evento for rejeitado no nível 2 não há a necessidade de transmitir toda a informação referente ao mesmo. A solução utilizada no CMS exige maior largura de banda para transmissão de dados, porém não há a necessidade de inteligência para efetuar a seleção da RoI. No CMS o problema da largura de banda foi solucionado a partir da utilização de redes de transmissão de dados operando em paralelo e de modo relativamente independente.

### 3.2 O sistema de filtragem *online* do ATLAS

No sistema de filtragem *online* do ATLAS as estratégias de aceitação de eventos devem garantir que as informações de interesse não sejam perdidas, reduzindo ao máximo a quantidade de ruído de fundo (eventos não-relevantes) gravados em mídia permanente [4].

Considerando as condições de operação do LHC ( $40 \times 10^6$  colisões por segundo, eventos de interesse raros e imersos em intenso ruído de fundo) e sabendo que, a cada evento (colisão do LHC), no ATLAS são gerados aproximadamente 1,5 MByte de informação, é produzido no detector aproximadamente 60 TBytes de informação

por segundo. Com a tecnologia disponível atualmente não é viável armazenar essa quantidade de informação. Mesmo que as leituras de todos os eventos fossem acumuladas, o processo de filtragem *offline* sobre toda essa massa de dados não seria possível. Assim, é necessário um sistema eficiente de filtragem *online*.

O sistema de filtragem do ATLAS (usualmente chamado de sistema de *trigger*) acessa informação dos três principais sub-detectores, o detector de trajetórias, os calorímetros e a câmara de mísseis. O *trigger* online opera em 3 níveis sequenciais de seleção de eventos: o nível 1 (L1), o nível 2 (L2) e o filtro de eventos (EF - *event filter*), sendo que os dois últimos juntos compõem a filtragem de alto nível (HLT - *High Level Trigger*) [3]. Cada nível é responsável pela rejeição de uma parcela das assinaturas não relevantes, refinando a decisão do nível anterior. A Figura 3.2 ilustra as principais características dos três níveis de filtragem de eventos no ATLAS.

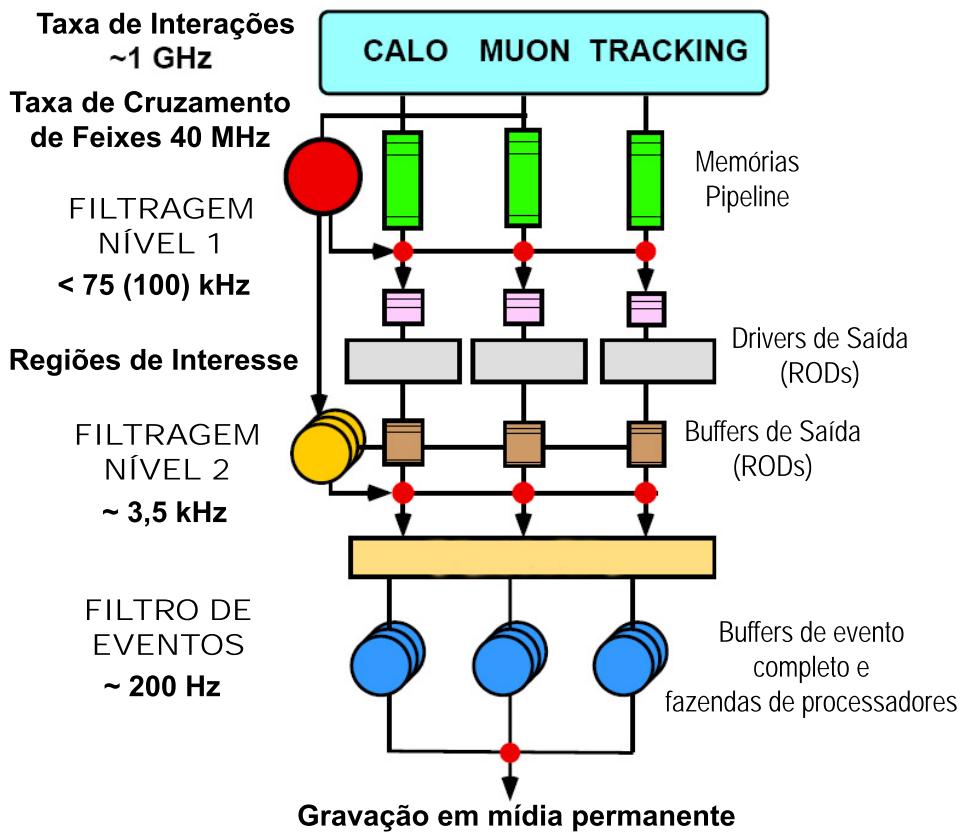


Figura 3.2: Diagrama em blocos do sistema de filtragem e aquisição de dados do ATLAS, extraído de [2].

O primeiro nível tem sérias restrições quanto ao tempo de processamento

(latência máxima de  $2,5\mu s$ ), recebendo a plena taxa de eventos do LHC como entrada. Esse nível é implementado em *hardware* dedicado, usando apenas parte da resolução disponível ao detector. O L1 entrega ao segundo nível a localização das áreas onde possivelmente aconteceram eventos de interesse, regiões estas conhecidas como RoI (*Regions of Interest*). A seleção de eventos no L2 é feita através de *software* especializado, rodando em um conjunto de  $\approx 700$  PCs (Computadores Pessoais) dedicados operando em ambiente de processamento distribuído [50]. Neste nível, o tempo médio para tomada de decisão é 40 ms e informações do detector de trajetórias e das câmaras de mísseis, assim como a total resolução dos calorímetros, estão disponíveis. O filtro de eventos é o último estágio do sistema de filtragem, recebendo uma taxa de eventos mais baixa, tendo latência de alguns segundos para tomada de decisão. O EF tem acesso a todo o evento (não somente à RoI como no L2) e utiliza técnicas semelhantes às da reconstrução *offline* operando num conjunto de  $\approx 2000$  PCs [50].

A estratégia de processamento sequencial permite que os eventos sejam rejeitados na primeira etapa, minimizando a necessidade de acesso a informações, e facilitando o ajuste e eventual modificação das estratégias de extração de características. Na Tabela 3.1 é apresentado um resumo das principais características dos 3 níveis de filtragem do ATLAS.

Tabela 3.1: Principais características do sistema de *trigger* do ATLAS, onde  $Te$  e  $Ts$  são, respectivamente, as taxas de eventos na entrada e na saída e  $Cr = Te/Ts$  é o coeficiente de redução de eventos.

Nível	$Te$ (Hz)	$Ts$ (Hz)	$Cr$	Latência (s)	Implementação
<b>L1</b>	$40 \times 10^6$	$75 \times (100)10^3$	533 (400)	$2,5 \times 10^{-6}$	<i>Hardware</i>
<b>L2</b>	$75(100) \times 10^3$	$3,5 \times 10^3$	21 (29)	$40 \times 10^{-3}$	<i>Software</i>
<b>EF</b>	$3,5 \times 10^3$	$\approx 200$	17	$\approx 4$	<i>Software</i>

Um problema que afetará os algoritmos de extração de características é o efeito de empilhamento (do inglês *pile-up*), que ocorre quando há uma sobreposição de assinaturas em regiões do detector [14], ou seja, uma assinatura que ainda se desenvolve tem seu padrão de deposição de energia distorcido por uma nova que chega e se sobrepõe, gerando um ruído de fundo que pode atingir grande intensidade.

Para o projeto e teste dos métodos de extração de características, foram usados conhecimentos prévios adquiridos em outras experiências com aceleradores de partículas e eventos simulados através de técnicas de Monte Carlo [52]. As simulações utilizam modelos estocásticos que descrevem as interações, levando em conta as características físicas do acelerador e do detector, assim como os efeitos de cada nível de filtragem. Para o ATLAS, foram utilizados geradores de eventos para colisões próton-próton como HERWIG, ISAJET, GEANT e PYTHIA, descritos em [2] e [53]. Os algoritmos de classificação e extração de características foram projetados para os dados simulados e serão posteriormente adaptados para a realidade de operação quando do início da aquisição de dados.

### 3.2.1 Primeiro nível de filtragem

Conforme mostrado na Figura 3.2 e na Tabela 3.1, o primeiro nível de filtragem é responsável por reduzir a taxa de eventos de aproximadamente 40 MHz para 75 kHz (a taxa de saída do L1 pode ser aumentada até 100 kHz, a depender das condições de operação do detector). A decisão do primeiro nível deve ser tomada até  $2,5\mu s$  após o cruzamento de feixes (colisão) ao qual o evento está associado.

O L1 identifica as assinaturas básicas de interesse e, para tornar mais rápida a tomada de decisão, a granularidade dos subsistemas do detector é menos fina [4]. Considerando o sistema de calorímetros, que possui mais de 100.000 células detectoras, o L1 utiliza apenas 7000 torres de soma analógicas (as torres são obtidas somando-se a energia de células dentro de regiões de  $0,1 \times 0,1$  em  $\Delta\eta \times \Delta\phi$ ) [54].

A tomada de decisão quanto à aceitação ou rejeição de eventos no nível 1 é feita pelo processador central de *trigger* (*central trigger processor* - CTP), que combina as informações disponíveis nos calorímetros, para a detecção de partículas eletromagnéticas e hadrônicas, e nos sub-detectores RPC (*Resistive Plate Chamber*) e TGC (*Thin Gap Chambers*) para a detecção de mísseis, conforme mostrado na Figura 3.3. O filtro dos calorímetros é dividido em três sub-sistemas. O pré-processador digitaliza os sinais medidos e envia as informações para os processadores de regiões (CP - *Cluster Processor*) e de soma de energia / jatos (JEP - *Jet/Energy Sum Processor*). O CP é responsável pela identificação dos candidatos a elétrons, fótons e  $\tau$ -leptons e o JEP identifica candidatos a jatos e produz a soma global de energia do

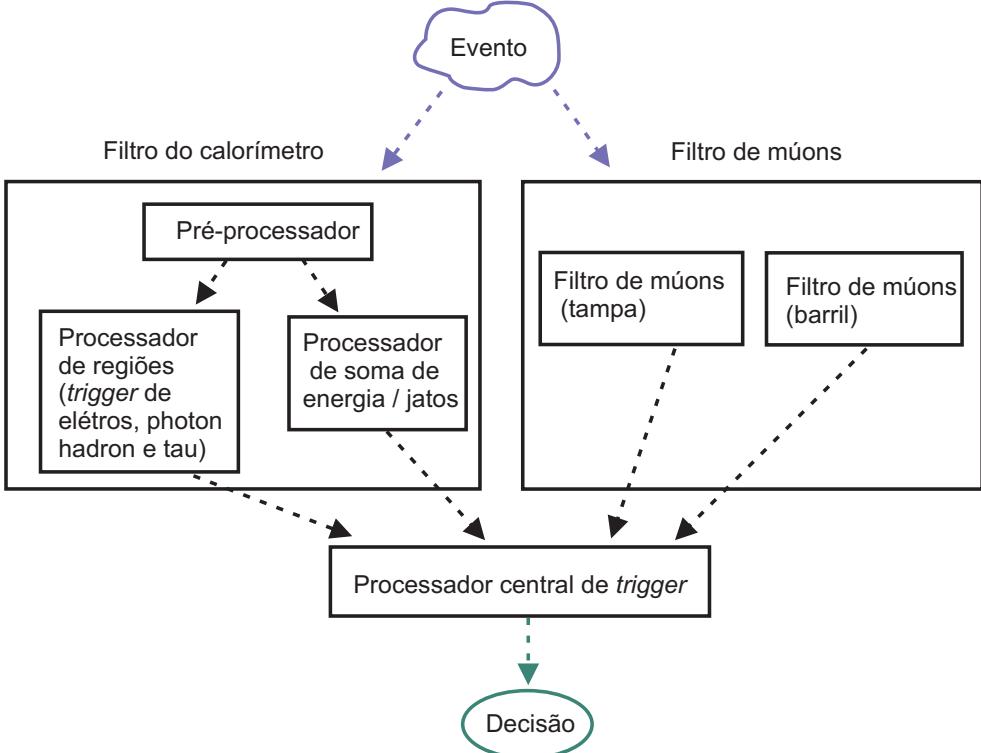


Figura 3.3: Diagrama em blocos do primeiro nível de filtragem.

evento. Considerando o filtro de múons, cada um dos sub-detectores é responsável pela identificação dos candidatos a múons em uma região do detector, o RPC opera no barril e o TGC na tampa. Se a assinatura analisada satisfaz um critério de aceitação de algum dos sub-detectores (calorímetros, RPC ou TGC), então ela é aceita pelo L1 e enviada para uma análise mais criteriosa na filtragem de alto-nível.

Até a tomada de decisão de nível 1, toda a informação do evento é armazenada em memórias tipo *pipeline*. Quando um evento é aceito, as informações referentes a este são descarregadas para uso pelo nível 2 de filtragem. As informações dos eventos rejeitados são descartadas.

O L1 é responsável por fornecer ao HLT informações sobre a posição (no plano  $\eta, \phi$ ) onde os eventos aceitos ocorreram, sinalizando assim as regiões de interesse (RoI) para análise no L2. O nível 1 também fornece outras informações importantes, como o critério utilizado para aceitação do evento e a identificação da colisão (cruzamento de feixe) ao qual o evento está associado. O nível 2 tem acesso a toda a informação da RoI com total precisão e granularidade.

Na Tabela 3.2 são mostradas as freqüências dos principais canais de filtragem esperadas na saída do L1 quando o LHC estiver operando em alta luminosidade

Tabela 3.2: Freqüência esperada para os principais canais de *trigger* no primeiro nível de filtragem do ATLAS ( $L=10^{34}\text{cm}^{-2}s^{-1}$ ) , extraída de [4].

Canal	Freqüência (kHz)
Um múon	4
Par de múons	1
Região eletromagnética	22
Par de regiões eletromagnéticas	5
Um jato	0,2
Três jatos	0,2
Quatro jatos	0,2
Jato e $E_T^{\text{miss}}$	0,5
Tau e $E_T^{\text{miss}}$	1
Múon e região eletromagnética	0,4
Outras condições	5
<b>Total</b>	$\approx 40$

( $L=10^{34}\text{cm}^{-2}s^{-1}$ ). Pode-se perceber que a taxa total desta simulação é da ordem de 40 kHz, aproximadamente 2 vezes menor que a freqüência de saída esperada para o nível 1 na operação do LHC. Isso se deve às incertezas inerentes aos eventos simulados [4].

### 3.2.2 Filtragem de alto nível

O sistema de filtragem de nível 2 (L2) e o filtro de eventos (EF) são responsáveis pela filtragem de alto nível (HLT - *high-level trigger*) do ATLAS. O nível 2 deve reduzir a taxa de eventos de 75 kHz (podendo chegar até 100 kHz) para  $\approx 3,5$  kHz, tendo um tempo de latência de aproximadamente 10 ms para tomar a decisão [53]. O EF precisa diminuir a taxa de eventos de 3,5 kHz para 200 Hz. Os eventos que forem aceitos pelos três níveis de filtragem serão armazenados em mídia permanente para futura análise *offline*. O tempo para a tomada de decisão no filtro de eventos é de alguns segundos. O HLT é implementado em *software* e opera em um conjunto de PCs ( $\approx 2800$ ) em paralelo [50]. Considerando os efeitos conjuntos do segundo nível e do filtro de eventos, a filtragem de alto nível deve reduzir em aproximadamente

500 vezes a taxa de eventos.

Os principais objetos de *trigger* a serem identificados no HLT são candidatos a mûons, elétrons, fôtons, taus, jatos,  $E_T^{miss}$  e física dos hâdrons b. As informações necessárias para a decisão do alto nível dependem do tipo de região de interesse fornecida pelo L1, cada uma tendo suas próprias características de processamento [53].

O segundo nível opera guiado pelas informações da ROI fornecidas pelo L1. Conforme mostrado na Figura 3.4, após um evento ser aceito pelo L1, as informações da ROI são descarregadas pelos *drivers* de saída e armazenadas nos ROBs (*Read-Out Buffers*) enquanto aguardam a decisão de nível 2 [53]. Com o uso das RoIs, apenas  $\approx 2\%$  da informação do detector é necessária para produzir a decisão do L2, reduzindo consideravelmente a taxa de transmissão na rede de dados do L2 [50]. Os algoritmos de seleção de eventos operam nas unidades de processamento do L2 (L2PU - *Level 2 processing units*). O supervisor de nível 2 (L2SV - *Level 2 supervisor*) indica a L2PU que ficará responsável por um determinado evento. As principais características desejadas para os algoritmos de filtragem no L2 são listadas a seguir [53]:

- alta eficiência ( $> 95\%$ ) por ROI selecionada no L1;
- eficiência uniforme em  $\eta$  (o que é difícil pois o detector apresenta discontinuidades) e eficiência uniforme ou crescente com  $E_T$ ;
- redução do ruído de fundo minimizando a taxa de eventos classificados de forma incorreta (falso alarme);
- robustez em relação à luminosidade, ruído de medição, imperfeições de alinhamento e calibração.

Quando um evento é aceito pelo L2, o construtor de eventos (EB - *Event Builder*) coleta nos ROBs toda a informação do evento e a disponibiliza ao Filtro de Eventos (EF - *Event Filter*) para a última etapa da filtragem *online*. O evento completo é armazenado nas Fazendas de Entrada do Filtro de Eventos (EF *Sub-Farm Input -SFI*) [42]. O EF reduz a taxa de eventos a 200 Hz tendo disponível entre 1 e 2 segundos para a tomada de decisão. Os algoritmos do EF analisam todo o evento

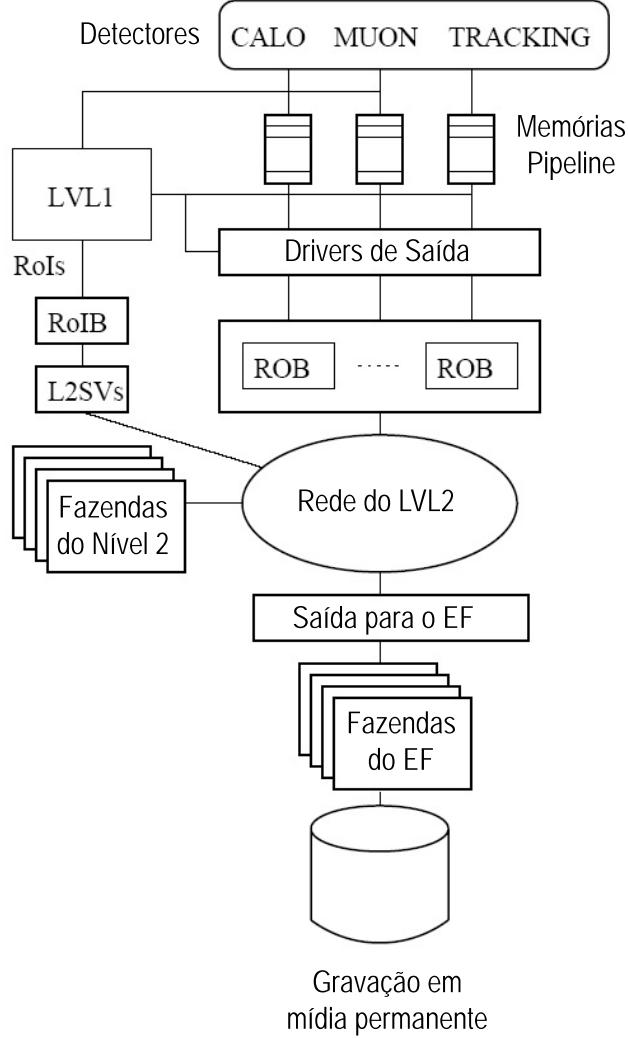


Figura 3.4: Diagrama em blocos do segundo nível de filtragem.

(não se restringem apenas à ROI como no L2) e operam de modo semelhante à análise *offline* [50]. Quando o evento é aceito pelo EF, é enviado às Fazendas de Saída (SFO - *Sub-Farm Output*) e, então, armazenado em mídia permanente.

Mais informações sobre os componentes dos sistemas de filtragem podem ser encontradas em [4], [53], [2] e [45].

## Desafios do HLT

Conforme mencionado anteriormente, a filtragem de alto nível pode utilizar toda a granularidade e precisão dos subdetektoren do ATLAS. Então, percebe-se que, os algoritmos do HLT operam num espaço de decisão multidimensional, com restrições no tempo de processamento e rígidos padrões de eficiência. Deve-se notar também

que, as características do sistema de filtragem podem mudar com o melhor conhecimento do detector, após os testes e o início de operação. Percebe-se, então, que o sistema de *trigger* de alto nível demanda esforços no sentido de propor, testar e comparar diferentes estratégias de seleção.

Embora existam algoritmos desenvolvidos pela colaboração do ATLAS para a filtragem de alto nível (nos diversos canais de interesse), pesquisas continuam sendo conduzidas com o objetivo de propor rotinas de filtragem alternativas que forneçam maior eficiência de discriminação da física de interesse e, ao mesmo tempo, maior rejeição do ruído de fundo.

Neste contexto, se encaixa este trabalho, que visa propor uma otimização ao Neural Ringer [11, 12] que é um discriminador alternativo para o canal elétron/jato e apresenta desempenho superior ao T2Calo (discriminador oficial do ATLAS) e tempo de processamento dentro da janela permitida ao L2 ( $\approx 10$  ms).

# Capítulo 4

## Filtragem de Elétrons partir de Informações de Calorimetria no ATLAS

Neste capítulo serão descritos os principais aspectos do processo de filtragem *online* de elétrons no detector ATLAS. O conhecimento adequado da energia de elétrons e fôtons em uma larga faixa (de alguns GeV a poucos TeV) é necessário para medições precisas de fenômenos não descritos pelo modelo padrão e para a busca pela partícula de Higgs no decaimento  $H \rightarrow ZZ^* \rightarrow 4e$ . A seleção de elétrons é também muito importante para os processos de calibração e alinhamento do detector durante a fase inicial de operação. Com a análise de eventos conhecidos (como por exemplo o decaimento  $Z \rightarrow ee$ ) pode-se gerar informações valiosas para o melhor conhecimento das características do detector [55]. A discriminação destas partículas é baseada nas informações do sistema de calorímetros. Considerando informações do perfil de deposição de energia medido nos calorímetros, os elétrons podem ser confundidos com jatos hadrônicos (que neste caso representam ruído de fundo para o experimento). No LHC, a geração de jatos será bastante intensa (por exemplo, para energia de 40 GeV a relação de produção elétron/jato é da ordem de  $10^{-5}$  [1]) o que tornará difícil a identificação da física de interesse. Tradicionalmente, a identificação de elétrons é realizada analisando-se o formato transversal do chuveiro e o vazamento para as camadas hadrônicas [56]. Estes parâmetros variam com a energia da partícula e nem sempre são capazes de produzir alta eficiência de discriminação.

## 4.1 Desempenho esperado dos calorímetros

A precisão nas medições dos calorímetros do ATLAS varia com a energia e a posição de interação. A grande quantidade de material instalado entre o ponto de colisão e o sistema de calorímetros provoca severas perdas na medição da energia de elétrons, conforme mostrado na Figura 4.1. Um outro fator que pode provocar medição incorreta no calorímetro eletromagnético é o vazamento de energia além da terceira camada eletromagnética. Devido a características construtivas do detector, na região de transição entre o barril e a tampa do calorímetro (entre  $\eta = 1.37$  e  $\eta = 1.52$ , conhecido como *crack*), a resolução da energia é bastante degradada.

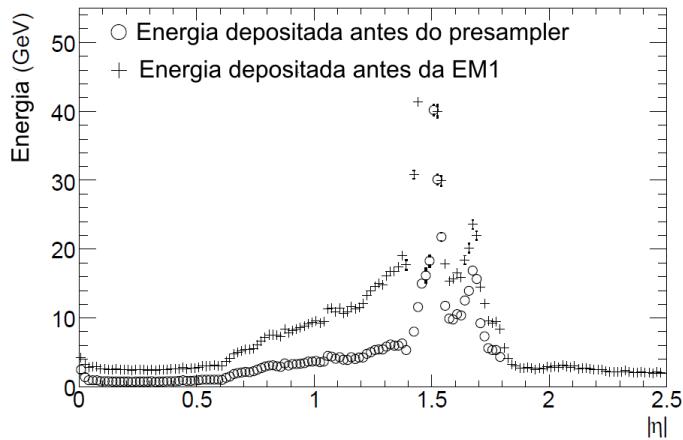


Figura 4.1: Energia perdida por elétrons antes do calorímetro, adaptado de [1].

Numa tentativa de corrigir as medições de energia, fatores de ponderação dependentes de  $\eta$  são utilizados na estimativa da energia total do evento [1]:

$$E = s(\eta)[c(\eta) + w_0(\eta).E_{PS} + E_{EM1} + E_{EM2} + w_3(\eta).E_{EM3}] \quad (4.1)$$

sendo  $s$  um fator global de correção,  $c$  uma tendência (ou bias),  $w_0$  corrige a energia perdida antes do calorímetro e  $w_3$  corrige o vazamento longitudinal de energia, os termos  $E_{PS}$ ,  $E_{EM1}$ ,  $E_{EM2}$  e  $E_{EM3}$  representam a energia medida em cada camada do calorímetro eletromagnético (*presampler*, primeira, segunda e terceira camadas eletromagnéticas).

Os erros relativos ( $\frac{\sigma_E}{E}$ ) esperados em função da energia e de  $\eta$  para assinaturas de elétrons são mostrados na Figura 4.2. Percebe-se que a precisão diminui para baixa energia e próximo ao *crack* ( $\eta \approx 1.5$ ). Sempre que o erro de medição aumenta, a

caracterização das partículas é prejudicada, provocando queda de desempenho dos algoritmos de filtragem de elétrons.

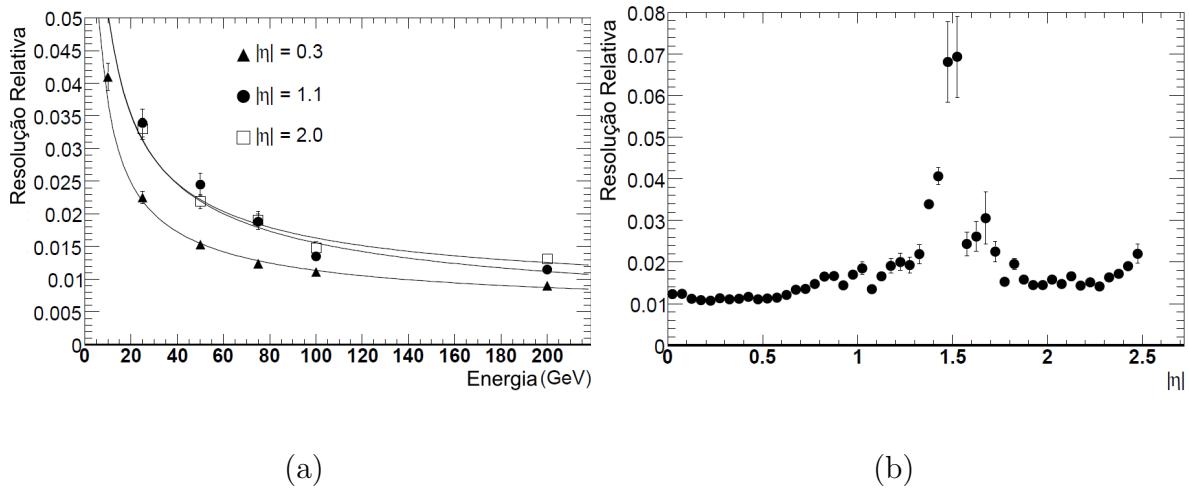


Figura 4.2: Erro relativo do calorímetro na medição da energia de elétrons para diferentes valores de (a) energia e (b)  $\eta$ , adaptado de [1].

## 4.2 Filtragem de elétrons no L1

O primeiro nível de filtragem opera com granularidade reduzida para tornar mais rápido o processo de decisão. Então, no L1, as células dos calorímetros são somadas para formar sinais conhecidos como torres de *trigger* (TT). O tamanho das torres de *trigger* é diferente para as camadas eletromagnéticas e hadrônicas. No calorímetro eletromagnético, cada TT cobre uma área de  $0.1 \times 0.1$  no plano  $\eta \times \phi$ , já no calorímetro hadrônico, cada TT representa uma região de  $0.2 \times 0.2$  no plano  $\eta \times \phi$ .

A filtragem de elétrons no L1 é baseada em cortes lineares nos parâmetros do perfil de deposição de energia medido nos calorímetros. A definição dos critérios de seleção leva em conta o conhecimento das características típicas do perfil de deposição de energia de objetos eletromagnéticos (elétrons e fótons), que geralmente apresentam:

- concentração ao redor do ponto de colisão (centro da RoI);
- alta concentração de energia na seção eletromagnética;

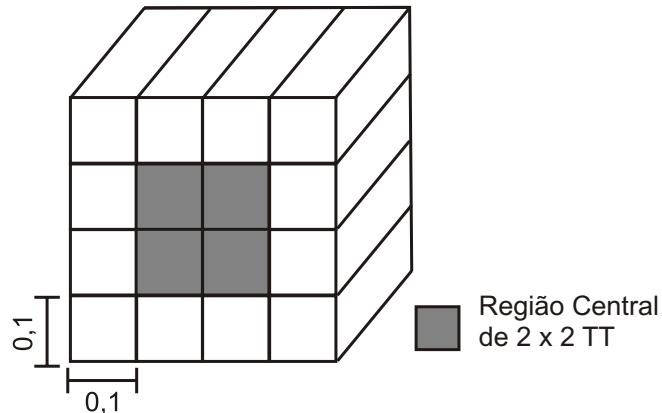


Figura 4.3: Janela deslizante analisada pelo L1 no calorímetro eletromagnético.

- baixa concentração de energia na seção hadrônica.

A partir da análise de uma janela deslizante, cobrindo uma região de  $4 \times 4$  TT (16 no total), alguns critérios podem ser utilizados pelo L1 para definir um possível candidato a elétron:

1. Os valores de energia das TTs da região central (de  $2 \times 2$  TT) são somados dois a dois e utiliza-se o maior valor encontrado, que deve exceder um patamar de energia eletromagnética;
2. O nível de energia na periferia (fora da região central de  $2 \times 2$  TT) é calculado para verificar o isolamento em energia do objeto em questão;
3. A energia depositada nas camadas hadrônicas é somada para verificar o vazamento de energia fora do calorímetro eletromagnético (isolamento hadrônico).

Os patamares de seleção do nível 1 podem ser ajustados e os critérios combinados, a depender das características da física de interesse que se deseja estudar num dado momento de operação do detector. O sistema de filtragem do L1 é implementado utilizando hardware dedicado (através de FPGAs) conforme detalhado em [57].

### 4.3 Filtragem de elétrons no L2 - Algoritmo T2Calo

O processo de discriminação de elétrons no segundo-nível de filtragem *online* do ATLAS, conforme ilustrado na Figura 4.4, pode ser dividido em duas etapas dis-

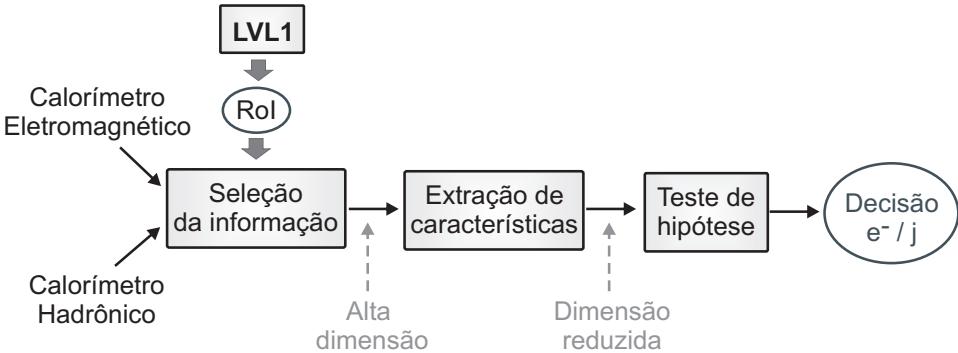


Figura 4.4: Processo de identificação de elétrons no L2.

tintas, extração de características (onde parâmetros discriminantes são estimados a partir dos dados brutos medidos nos calorímetros) e teste de hipóteses (a discriminação propriamente dita é realizada a partir das características estimadas).

O **T2Calo** [53] é o algoritmo padrão para extração de características e teste de hipóteses adotado no segundo nível de filtragem do ATLAS. Esse algoritmo utiliza informações de calorimetria, sendo capaz de separar objetos eletromagnéticos isolados de jatos hadrônicos, utilizando parâmetros que estimam a forma dos chuveiros de deposição de energia [53]. O T2Calo opera de modo semelhante ao algoritmo de filtragem do L1, porém agora, ao invés de usar as torres de *trigger*, toda a granularidade dos calorímetros está disponível.

O primeiro passo do T2Calo é refinar a posição do centro da ROI fornecida pelo L1, encontrando a célula de maior energia na segunda camada do calorímetro eletromagnético ( $\eta_1, \phi_1$ ). Essa posição será posteriormente refinada pelo cálculo da posição da média ponderada da energia em uma janela de  $3 \times 7$  em  $(\eta, \phi)$ .

Para a seleção dos objetos eletromagnéticos, o T2Calo estima os parâmetros descritos a seguir:

- $R_{\eta}^{shape} = E_{37}/E_{77}$ , onde  $E_{nm}$  é a energia depositada numa janela de  $n \times m$  em torno de  $(\eta_1, \phi_1)$ ;
- $R_{\eta}^{strip} = (E_{1st} - E_{2nd})/(E_{1st} + E_{2nd})$  é obtida em uma janela de  $\Delta\eta \times \Delta\phi = 0,125 \times 0,2$ , onde  $E_{1st}$  e  $E_{2nd}$  são o máximo e o segundo maior valor de energia encontrados depois de somar em  $\phi$  para cada posição  $\eta$ ;
- A energia total  $E$  depositada no calorímetro eletromagnético é calculada em

uma janela de  $3 \times 7$  células em torno de  $(\eta_1, \phi_1)$ ;

- A energia que passa para o calorímetro hadrônico  $E^{had}$  é calculada em uma janela de  $\Delta\eta \times \Delta\phi = 0,2 \times 0,2$  em torno do novo centro da RoI calculado pelo T2Calo.

Considerando que o perfil de deposição de energia dos elétrons é, em geral, mais concentrado ao redor do ponto de máximo e que, também não espera-se deposição de uma quantidade significativa de energia nas camadas hadrônicas por elétrons, percebe-se que, o T2Calo opera através de cortes lineares utilizando informações da física de interesse.

Embora estas duas características (concentração em torno do centro da RoI e vazamento hadrônico) sejam bastante úteis na identificação de elétrons, uma análise um pouco mais detalhada revela que, pelo fato dos jatos apresentarem uma grande flutuação em suas características, o uso apenas destes parâmetros pode não produzir o desempenho de discriminação desejado. Na Figura 4.5, considerando a razão  $\frac{E_{HAD}}{E_{EM}}$  (num conjunto de eventos simulados), percebe-se que há uma razoável superposição entre elétrons e jatos, principalmente em baixa energia. Comportamento semelhante é verificado na Figura 4.6 onde elétrons e jatos são comparados a partir da razão  $\frac{E_P}{E_C}$ , sendo  $E_P$  e  $E_C$ , respectivamente, a energia na periferia e no centro da RoI (a célula mais energética e as imediatamente adjacentes a ela foram considerados como centro da RoI no cálculo de  $E_C$ , a energia depositada no restante da RoI foi somada para produzir  $E_P$ ).

Num ambiente complexo como o que é gerado a cada colisão do LHC, onde o nível de ruído de fundo é extremamente alto e os eventos de interesse são raros, qualquer melhora na eficiência dos algoritmos de filtragem significa menor quantidade de eventos não relevantes armazenados mídia permanente, facilitando a análise *offline*.

Técnicas de extração de características que fazem uso combinado da física de interesse e do processamento estatístico de sinais em conjunto com classificadores capazes de produzir cortes não-lineares no espaço de busca foram propostas como uma alternativa ao T2Calo para a discriminação elétron/jato no L2. Estes discriminadores, que apresentam elevada eficiência de discriminação, serão descritos na próxima seção.

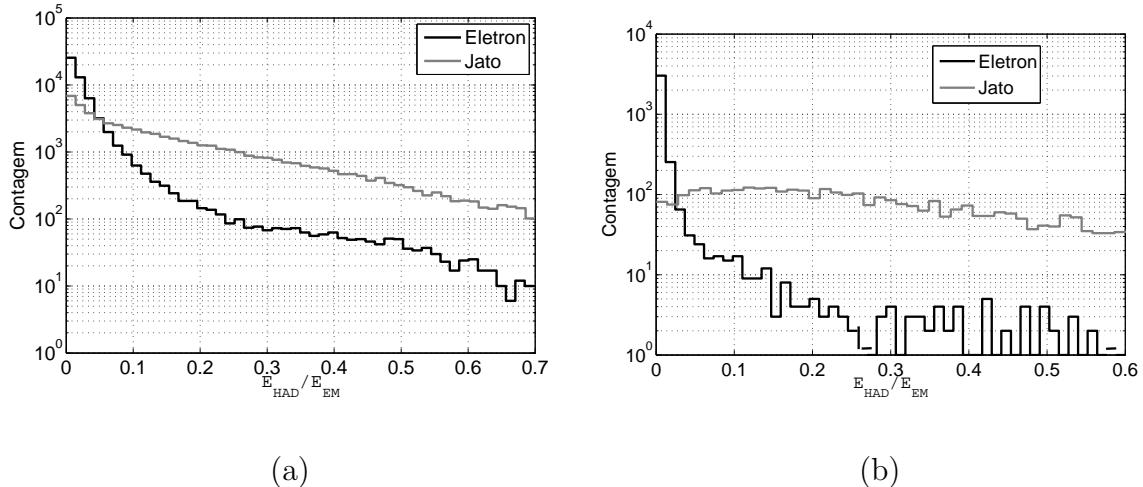


Figura 4.5: Distribuição de elétrons e jatos quanto à razão  $\frac{E_{HAD}}{E_{EM}}$  para energia (a) menor que 20 GeV e (b) maior que 60 GeV.

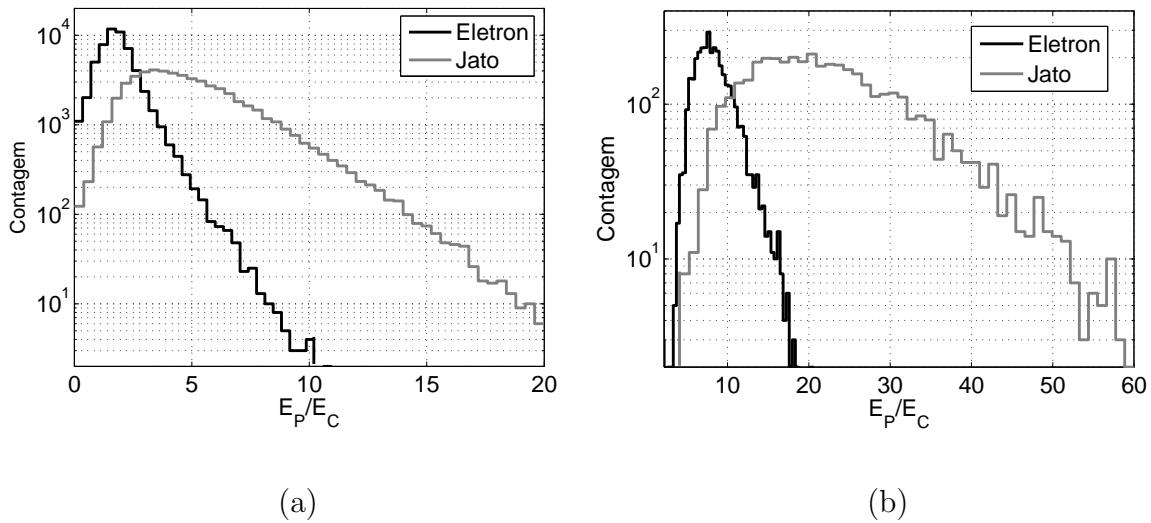


Figura 4.6: Distribuição de elétrons e jatos quanto à razão  $\frac{E_P}{E_C}$  para energia (a) menor que 20 GeV e (b) maior que 60 GeV.

## 4.4 Neural Ringer - Alternativa para Filtragem de Elétrons no L2

Um discriminador alternativo (Neural Ringer) foi proposto em [58] para o canal elétron/jato no segundo nível de filtragem do ATLAS. Conforme ilustrado na Figura 4.7, o processo de extração de características comprehende um arranjo topológico dos sinais medidos no calorímetro (com a construção de anéis a partir do perfil de

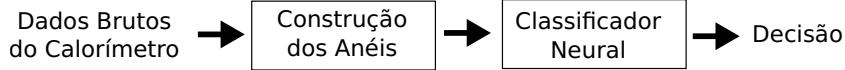


Figura 4.7: Fluxo de processamento do *Neural Ringer*.

deposição de energia), e o teste de hipóteses é realizado por um classificador neural supervisionado (arquitetura Perceptron de Múltiplas Camadas) [8].

#### 4.4.1 Extração de Características - Anelamento

Os sinais do perfil de deposição de energia utilizados para discriminação elétron/jato são medidos nas sete camadas dos calorímetros do ATLAS. Considerando a granularidade de cada camada, uma Região de Interesse (RoI) típica (de tamanho  $0,4 \times 0,4$  em  $\eta \times \phi$ ) é descrita por aproximadamente 1000 células [11]. Visando compactar os sinais dos calorímetros e ao mesmo tempo manter a interpretação física do perfil de deposição de energia, as células sensoras de cada camada são agrupadas em anéis concêntricos de deposição de energia.

Considerando um conjunto de células de uma RoI em uma certa camada do calorímetro, conforme ilustrado na Figura 4.8, a célula mais energética de cada camada é considerada como o primeiro anel. Em seguida as células ao redor do primeiro anel definem o segundo anel e assim sucessivamente. A energia amostrada pelas células pertencentes a um dado anel são somadas produzindo o sinal de energia em anéis. É interessante notar que, devido à diferença de granularidade entre as camadas do calorímetro, um número diferente de anéis é gerado para cada camada. A Tabela 4.1 mostra a distribuição dos anéis por camada. No processo de formatação é considerado um número fixo de anéis por camada, porém, dependendo da posição do centro da RoI, esta pode não estar completa (as células sensoras que compõem os anéis podem não existir caso a partícula interaja próximo a uma extremidade ou descontinuidade do calorímetro), neste caso, assume-se igual a zero as leituras das células que faltam. Outra característica a ser observada é que, em algumas camadas, as células não são quadradas (por exemplo, a EM1 é composta de células que são semelhantes a ranhuras), neste caso, falar em anéis é uma abstração (pois ao final do processo descrito acima não existem realmente anéis de células sensoras). A Figura 4.9 mostra os sinais medidos na segunda camada eletromagnética do calorímetro,

respectivamente, para um elétron e um jato e os sinais dos anéis gerados.

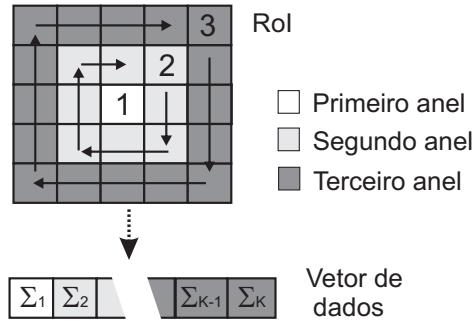


Figura 4.8: Diagrama do processo de construção dos anéis.

Tabela 4.1: Número de anéis formados para cada camada do calorímetro do ATLAS.

Camada	PS	E1	E2	E3	H0	H1	H0	Total
Anéis	8	64	8	8	4	4	4	100

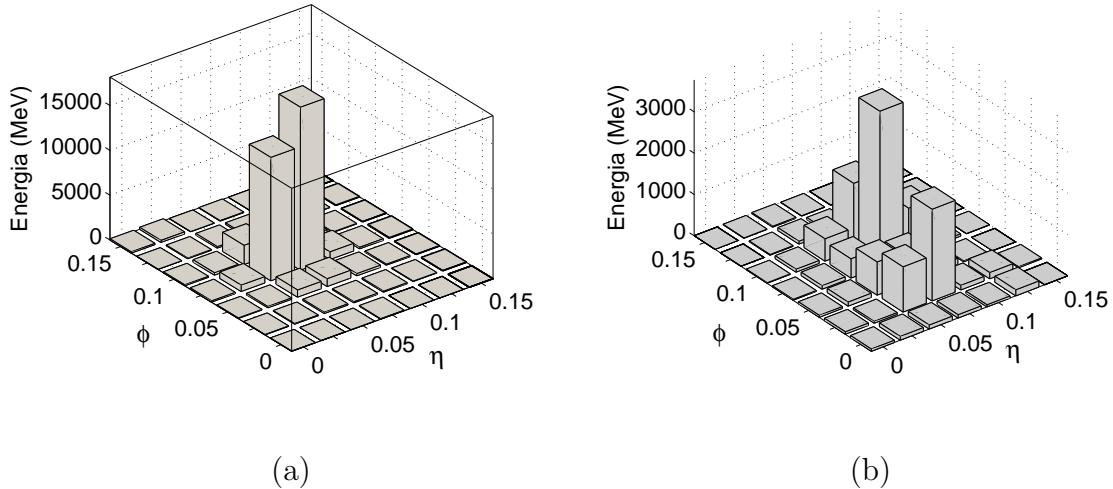


Figura 4.9: Sinais típicos medidos na camada EM2 para (a) elétron e (b) jato.

A Figura 4.10 mostra sinais em anéis, respectivamente, para um elétron típico, um jato típico e um jato com perfil semelhante ao de elétrons. Percebe-se que o perfil de deposição medido para elétrons apresenta pouco espalhamento (é contido em uma pequena região) e é concentrado nas camadas eletromagnéticas. Os jatos apresentam uma maior variação em suas características físicas. Essas partículas tipicamente depositam uma considerável quantidade de energia nas camadas hadrônicas

e possuem perfil de deposição com pouca concentração espacial (ver Figura 4.10-b). Entretanto, alguns jatos (como o mostrado na Figura 4.10-c) podem apresentar perfil de deposição de energia semelhante ao de elétrons. Esse último tipo de assinatura hadrônica representa a maioria dos jatos aprovados como elétrons pelo L1, compondo um ruído de fundo de difícil identificação.

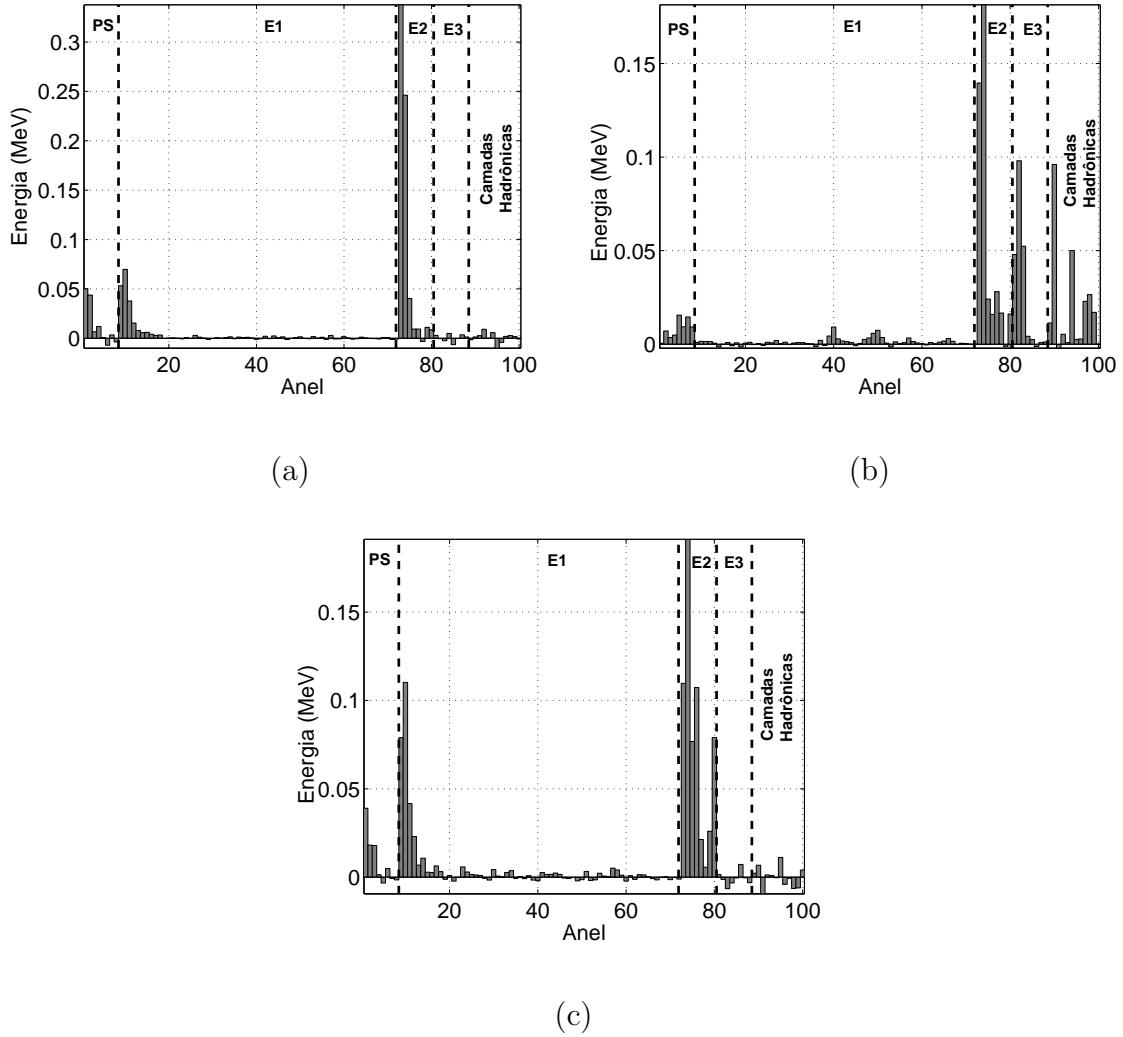


Figura 4.10: Sinais em anéis para (a) elétron típico, (b) jato típico e (c) jato com perfil semelhante ao de elétrons.

Antes da utilização nos sistemas de classificação (teste de hipótese) os sinais em anéis são normalizados dividindo-se a energia de cada anel pela energia total do evento:

$$r_i = \frac{r_i}{\sum_{i=1}^{100} r_i} \quad (4.2)$$

A formatação em anéis produz uma compactação por um fator de 7 vezes (de 700

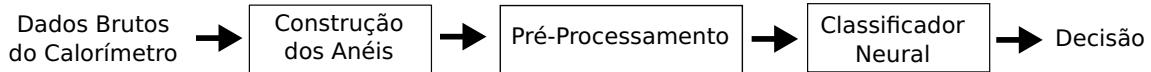


Figura 4.11: Fluxo de processamento das extensões ao *Neural Ringer*.

células para 100 anéis), mantendo a interpretação física do perfil de deposição de energia, tornando o sinal independente do ponto de colisão no detector e reduzindo a influência do ruído de cada célula.

#### 4.4.2 Teste de Hipóteses - Classificador Neural

Para o processo de discriminação (teste de hipóteses) o Neural Ringer utiliza um classificador neural supervisionado na arquitetura Perceptron de Múltiplas Camadas (MLP *Multi-Layer Perceptron*) [8]. Os classificadores neurais são capazes de produzir superfícies não-lineares de separação, aumentando a eficiência de discriminação quando comparados aos classificadores lineares. Devido a sua estrutura paralelamente distribuída, é capaz de responder rapidamente quando um padrão de entrada é aplicado. Considerando as características expostas (alta eficiência e processamento rápido) os classificadores neurais são adequados ao ambiente do segundo nível de filtragem *online* do ATLAS.

### 4.5 Extensões ao Neural Ringer

Com eficiência mais alta que o algoritmo padrão (T2Calo) e tempo de processamento dentro da janela aceita para o L2, o discriminador Neural Ringer mostrou-se uma opção bastante interessante para o problema da filtragem *online* de elétrons no ATLAS. Trabalhos vêm sendo desenvolvidos com o objetivo de melhorar a eficiência do Neural Ringer com a adição de uma etapa de pré-processamento ao classificador neural (ver Figura 4.11), na qual, os sinais em anéis são mapeados em um conjunto (em geral mais compacto) de características discriminantes. A seguir estes trabalhos serão descritos brevemente.

### 4.5.1 Pré-processamento linear

Embora a construção dos anéis já seja responsável por uma considerável redução de dimensão (por um fator de 7 vezes), no trabalho [59] foi realizado um estudo detalhado a respeito da utilização da Análise de Componentes Principais (PCA - *Principal Component Analysis*) para compactação. A PCA foi aplicada aos sinais em anéis e o classificador neural treinado a partir das componentes principais estimadas. Com a PCA, foi alcançado um fator de redução de aproximadamente 4 vezes, mantendo desempenho semelhante ao Neural Ringer tradicional. Visando melhorar explorar toda a granularidade e segmentação disponível aos calorímetros do ATLAS, foi proposta a realização do processo de compactação de modo segmentado (a nível de cada camada do calorímetro).

No trabalho [12], foi utilizada uma técnica de compactação mais adequada a problemas de classificação, a PCD (*Principal Components for Discrimination*, ou em português Componentes Principais de Discriminação). Foi realizado também um estudo referente à aplicação da Análise de Componentes Independentes (ICA *Independent Component Analysis*) como uma etapa adicional de pré-processamento, aparecendo logo após a compactação. Os resultados mostraram que a combinação de ICA e PCD foi capaz de melhorar o desempenho em relação ao Neural Ringer, sem modificar significativamente o tempo de processamento necessário para a tomada de decisão.

### 4.5.2 Pré-processamento não-linear

Conforme descrito no Capítulo 2, os calorímetros, embora projetados para serem detectores lineares na identificação de elétrons, na prática, seu comportamento é não-linear, devido a fenômenos como saturação de sensores, atenuação da luz (em calorímetros cintilantes), etc. Então, talvez uma técnica não-linear de extração de características seja mais adequada ao problema.

Os trabalhos desenvolvidos anteriormente utilizam apenas técnicas lineares como PCA, PCD e ICA. Os estudos desenvolvidos durante a elaboração desta tese tiveram o objetivo de investigar a aplicação da versão não-linear da análise de componentes independentes (NLICA) para extração de características no segundo nível de filtragem *online* de elétrons do ATLAS. Considerando que existem diversos algoritmos

para a estimativa da NLICA, neste trabalho foram realizados estudos com alguns destes métodos. Os diversos modelos foram comparados considerando eficiência de discriminação e tempo de processamento necessário para produzir a decisão.

## 4.6 Descrição dos dados utilizados

Nesta seção serão descritas as principais características das bases de dados utilizadas. Os sinais podem ser divididos em duas classes, simulados e experimentais:

- **Sinais Simulados:** Em física de altas energias, o projeto dos detectores e sistemas de filtragem é realizado com o auxílio de de simuladores de colisões. Os simuladores utilizam informações a respeito da física (obtidas em experimentos anteriores e em modelos teóricos) e são capazes de reproduzir as características esperadas nas colisões de um acelerador (que ainda não está operacional). Os sinais simulados foram obtidos a partir de simuladores para colisões próton-próton [2] que utilizam a técnica de Monte Carlo [52]. As simulações consideram as características esperadas nas colisões do LHC e as especificações do ATLAS. Assim como na operação real do detector, é possível aplicar diferentes cortes (formas de seleção) de nível 1 nos dados simulados. Nos dados simulados existe a informação do tipo de partícula correspondente a cada assinatura, permitindo o treinamento supervisionado dos algoritmos de filtragem. O conjunto de sinais simulados utilizado neste trabalho é composto por assinaturas de aproximadamente 160.000 elétrons e 100.000 jatos.
- **Sinais Experimentais:** São sinais que foram adquiridos no detector ATLAS, na fase de testes e nas primeiras colisões do LHC, realizadas no final de 2009 e início de 2010. Nos dados experimentais não está disponível a informação do tipo de partícula correspondente a cada assinatura (exceto no caso dos sinais produzidos por raios cósmicos). Nesse caso, outras estratégias precisam ser utilizadas para avaliar o desempenho dos algoritmos. É comum fazer uma comparação com a identificação obtida no processo de reconstrução *offline*.

#### **4.6.1 Sinais simulados - Corte E10 *loose***

A seleção de nível 1 a partir do Corte E10 *loose* realiza apenas um corte linear na energia total do evento, deixando passar somente eventos com energia da ordem de 10 GeV ou maior (os eventos de baixa energia são eliminados). Este corte é mais utilizado para teste do sistema de filtragem no período inicial de operação do detector, pois é pouco provável a identificação de assinaturas relevantes, uma vez que, uma grande quantidade de eventos de falso-alarme é aprovada pelo nível 1. Considerando a base de dados simulada, após esse corte, chegaram ao nível 2 aproximadamente

#### **4.6.2 Sinais simulados - Corte E15i**

Um corte de nível 1 mais sofisticado foi aplicado para a obtenção desse conjunto de sinais. A energia mínima agora é da ordem de 15 GeV e, adicionalmente, foram efetuados cortes considerando outras características do perfil de deposição de energia. Conforme descrito no Capítulo 2, os elétrons apresentam perfil de energia mais concentrado em torno do ponto de colisão e com pouca ou nenhuma energia medida nas camadas hadrônicas. Considerando essas características, são aplicados:

- corte de vazamento para as camadas hadrônicas - a energia nas camadas hadrônicas é calculada e se ela for maior que um valor limite o evento é rejeitado pelo L1;
- corte de isolamento em energia - efetuado a partir da relação entre a energia no centro ( $\sum E_C$ ) e na periferia ( $\sum E_P$ ) do perfil de deposição de energia da segunda camada eletromagnética, se  $\frac{\sum E_P}{\sum E_C}$  for maior que um limiar pré-estabelecido o evento é rejeitado pelo L1.

Este corte de nível 1 se aproxima da característica esperada para a fase operação do detector.

#### **4.6.3 Sinais Medidos no ATLAS - Raios Cósmicos**

Os raios cósmicos são (descrever e justificar porque contaminam o detector) , gráficos eta, phi e energia

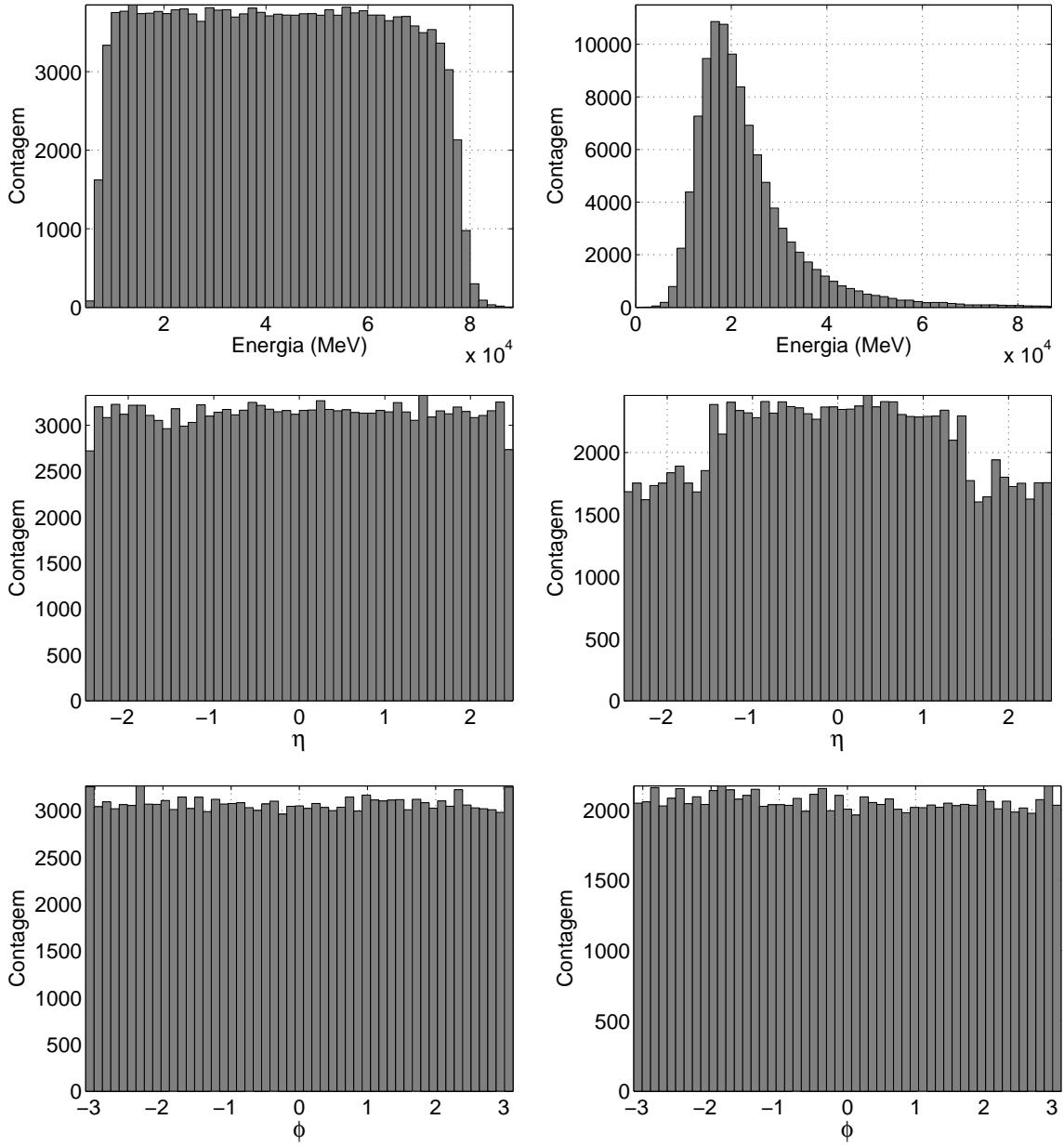


Figura 4.12: Distribuição em energia,  $\eta$  e  $\phi$  das assinaturas de elétrons (esquerda) e jatos (direita) aprovadas pelo corte de primeiro nível E10-*loose*.

#### 4.6.4 Sinais Medidos no ATLAS - Colisões do LHC

Nestes sinais não existe a caracterização prévia do tipo de partícula (como havia no caso dos sinais simulados). Para a avaliação do desempenho dos discriminadores com estes dados foi utilizada a decisão do sistema *offline* de filtragem. A filtragem *offline* dispõe de um tempo muito maior para a tomada de decisão ... (mais info sobre o offline) ...

(, gráficos eta, phi e energia, qual o corte de nível 1 ??)

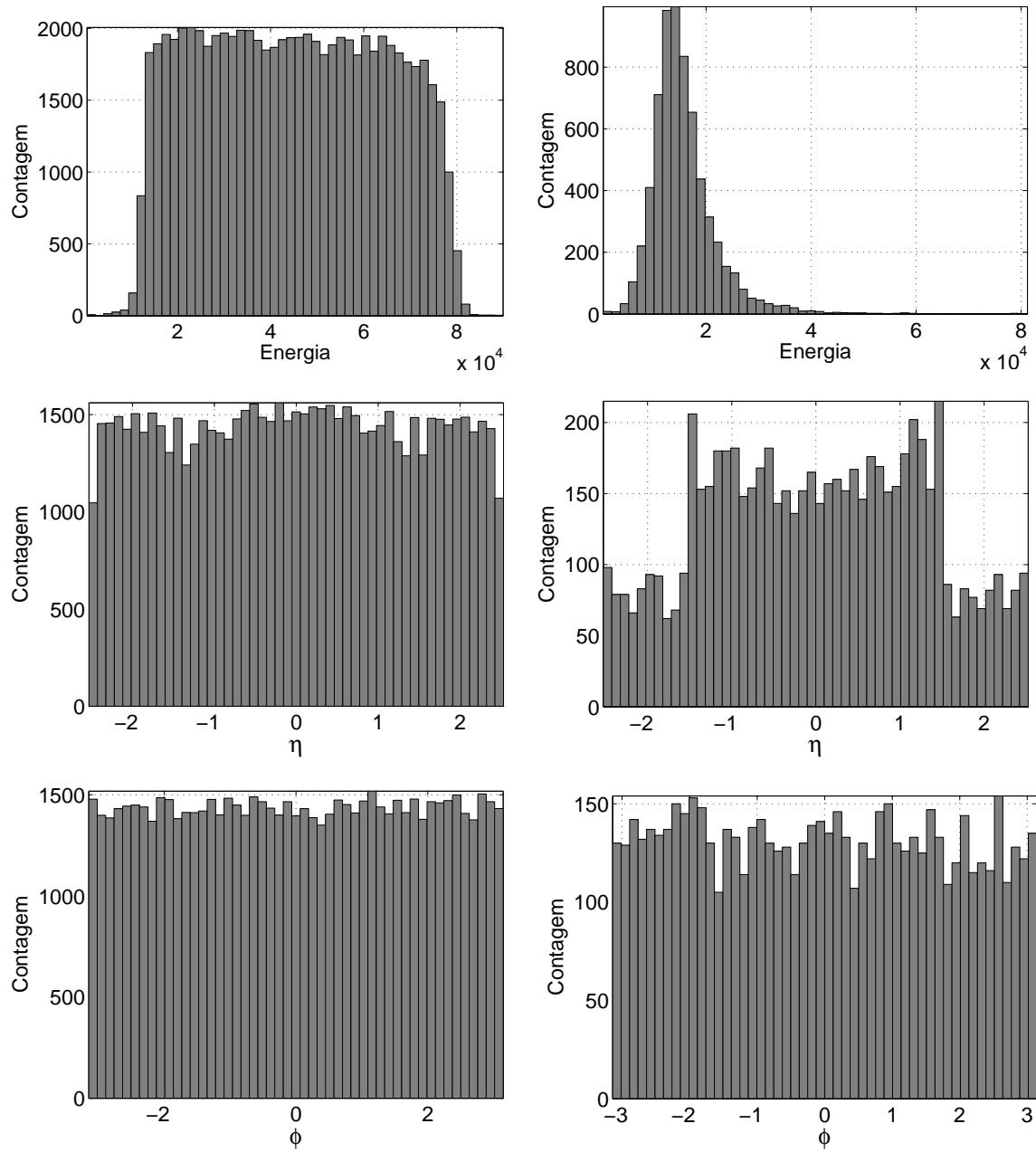


Figura 4.13: Distribuição em energia,  $\eta$  e  $\phi$  das assinaturas de elétrons (esquerda) e jatos (direita) aprovadas pelo corte de primeiro nível E15i.

# Capítulo 5

## Revisão da Literatura

Neste capítulo, serão mostrados os fundamentos teóricos das técnicas de aprendizado estatístico utilizadas para extração de características na filtragem de segundo nível do ATLAS. Entre as técnicas de extração de características abordadas estão a análise de componentes independentes, em seus modelos não-linear e linear (NLICA e ICA), e para compactação, a análise de componentes principais (PCA) e os componentes principais de discriminação (PCD). Entre as técnicas citadas, maior destaque será dado a aquelas que exploram informações estatísticas de ordem superior (HOS - *Higher-Order Statistics*), ou seja NLICA, ICA e PCD. Na Seção 5.5 serão mostradas aplicações dos métodos listados acima em problemas de física de altas energias (HEP - *High-Energy Physics*), juntamente com uma revisão bibliográfica das aplicações de redes neurais em HEP.

### 5.1 Análise de Componentes Independentes

Em muitos problemas de processamento de sinais multi-dimensionais deseja-se encontrar uma transformação que, de algum modo, torne a estrutura essencial dos dados mais acessível [7]. Em geral, não há muita informação disponível, e a busca pela nova representação dos sinais é feita através de aprendizado não-supervisionado. Entre as técnicas lineares que buscam, através de premissas distintas, por uma nova representação do conjunto de sinais pode-se mencionar a Análise de Componentes Principais (PCA - *Principal Component Analysis*) [6], a Análise de Fatores (*Factor Analysis*) [60] e a Análise de Componentes Independentes (ICA - *Independent Component Analysis*) [1].

*Component Analysis) [7].*

Entre as técnicas listadas acima, a análise de componentes independentes (ICA - *Independent Component Analysis*) busca por uma transformação onde os componentes na saída são estatisticamente independentes. A ICA vêm sendo aplicada na solução de diversos problemas na área de processamento de sinais como cancelamento de ruído [61], sonar passivo [62], telecomunicações [63], reconhecimento facial [64] e biomédica [65].

- **Independência Estatística:** Considerando duas variáveis aleatórias (VAs)  $y_1$  e  $y_2$ , se elas são independentes, então o conhecimento de uma não traz nenhuma informação a respeito da outra. Matematicamente,  $y_1$  e  $y_2$  são independentes estatisticamente se e somente se [66]:

$$p_{y_1,y_2}(y_1, y_2) = p_{y_1}(y_1)p_{y_2}(y_2), \quad (5.1)$$

onde  $p_{y_1,y_2}(y_1, y_2)$ ,  $p_{y_1}(y_1)$  e  $p_{y_2}(y_2)$  são respectivamente as funções de densidade de probabilidade (pdf - *probability density function*) conjunta e marginais de  $y_1$  e  $y_2$  [66]. O conceito de independência envolve o conhecimento de toda a estatística dos dados, sendo assim muito mais abrangente que a descorrelação (utilizada pela PCA), que somente utiliza estatística de segunda ordem (variância).

Pode-se obter uma expressão equivalente à equação (5.1) se, para todas as funções  $g(y_1)$  e  $h(y_2)$  absolutamente integráveis em  $y_1$  e  $y_2$ , vale a igualdade:

$$\mathcal{E}\{g(y_1)h(y_2)\} = \mathcal{E}\{g(y_1)\}\mathcal{E}\{h(y_2)\} \quad (5.2)$$

Para evitar a estimativa das funções de densidade de probabilidade, pode-se utilizar a equação (5.2). A definição de independência pode ser facilmente estendida para mais de duas variáveis aleatórias. Percebe-se da equação (5.2) que a independência é um princípio mais restritivo que a descorrelação (quando  $g(x) = x$  e  $h(y) = y$ ). No Apêndice A serão detalhados os princípios matemáticos mais utilizados para a estimativa dos componentes independentes.

Na ICA, considera-se que um sinal multi-dimensional  $\mathbf{x}(t) = [x_1(t), \dots, x_N(t)]^T$  observado (ou medido) é gerado a partir da combinação linear das fontes independentes  $\mathbf{s}(t) = [s_1(t), \dots, s_N(t)]^T$ . Na forma matricial e suprimindo-se o índice temporal t, pode-se escrever [67]:

$$\mathbf{x} = \mathbf{As}, \quad (5.3)$$

onde  $\mathbf{A}$  ( $N \times N$ ) é a matriz de mistura.

O objetivo final da ICA é encontrar uma aproximação  $\mathbf{y}$  das fontes independentes ou da transformação linear  $\mathbf{A}$ , utilizando apenas os sinais observados  $\mathbf{x}$ . O vetor  $\mathbf{y}$  é definido por:

$$\mathbf{y} = \mathbf{Wx} \quad (5.4)$$

sendo  $\mathbf{W}$  a matriz de separação.

Um problema clássico que pode ser solucionado usando-se ICA é conhecido como *cocktail-party problem* [7], e está formulado de forma simplificada, omitindo atrasos temporais e outros fenômenos físicos, como a existência de múltiplas reflexões, nas equações (5.5) e (5.6) (ver Figura 5.1). Considerando que numa sala existem duas pessoas falando simultaneamente e dois microfones em diferentes posições, os sinais gravados  $x_1(t)$  e  $x_2(t)$  são uma soma ponderada das fontes  $s_1(t)$  e  $s_2(t)$ :

$$x_1(t) = a_{11}s_1(t) + a_{12}s_2(t) \quad (5.5)$$

$$x_2(t) = a_{21}s_1(t) + a_{22}s_2(t); \quad (5.6)$$

os coeficientes  $a_{ij}$  dependem das distâncias dos microfones às pessoas, e podem ser considerados como os elementos da matriz de mistura  $\mathbf{A}$  do modelo da equação 5.3, onde:

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{pmatrix}. \quad (5.7)$$

Se os fatores  $a_{ij}$  são conhecidos, o problema é facilmente resolvido a partir de:

$$\mathbf{s} = \mathbf{Wx}, \quad (5.8)$$

onde  $\mathbf{W} = \mathbf{A}^{-1}$ . Na prática, tanto as fontes  $s_i$  como os fatores  $a_{ij}$  devem ser obtidos apenas dos sinais misturados  $x_i$ .

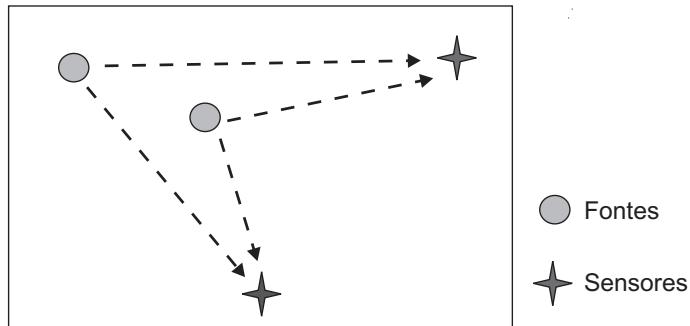


Figura 5.1: Diagrama do *cocktail party problem*.

Em um exemplo de aplicação de ICA, a Figura 5.2-a mostra as fontes  $s_1(t)$  e  $s_2(t)$ , que foram misturadas linearmente, gerando os sinais  $x_1(t)$  e  $x_2(t)$  da Figura 5.2-b. Após a aplicação de um algoritmo para extração das componentes independentes (FastICA [68]), foram obtidas as curvas da Figura 5.2-c. Percebe-se que os sinais recuperados são cópias dos originais, a menos de fatores multiplicativos. Esta é uma das limitações inerentes do modelo da ICA, não há como garantir o fator de escala (que pode ser positivo ou negativo) ou a ordem de extração dos componentes.

As técnicas de ICA foram desenvolvidas inicialmente para solucionar problemas de separação cega de sinais (BSS - *Blind Signal Separation*) semelhantes ao *cocktail-party problem*, porém, mais recentemente, surgiram outras aplicações interessantes, como extração de características, separação de fontes em telecomunicações e redução de ruído em imagens [7, 68]. Atualmente, ICA é aplicada com sucesso tanto para separação de sinais como para extração de características.

## 5.2 ICA não-linear

Em muitos problemas práticos, o modelo básico da ICA, onde os sinais observados são considerados combinações lineares e instantâneas das fontes, não representa corretamente o cenário real.

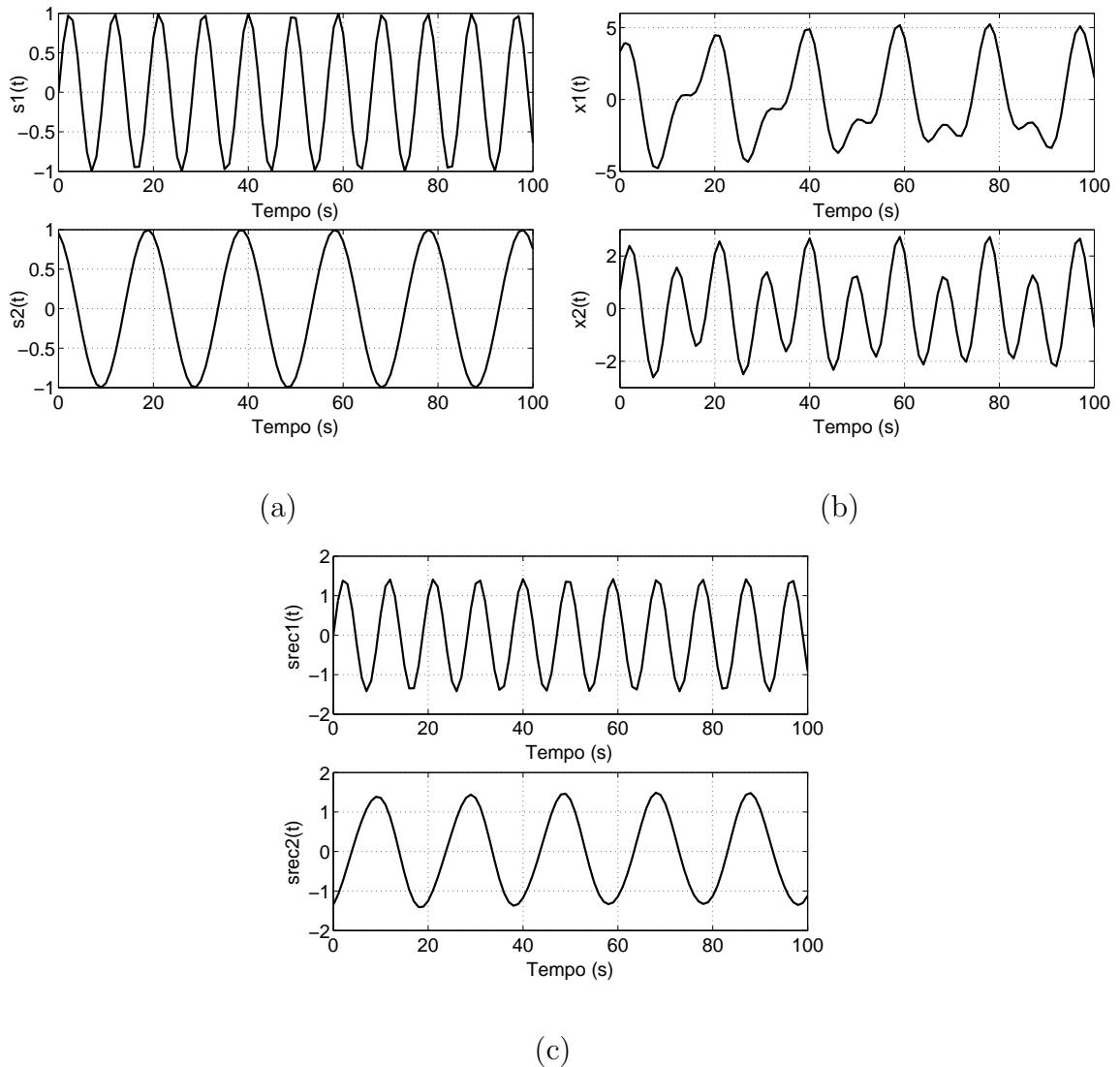


Figura 5.2: Sinais (a) fonte, (b) observados e (c) recuperados através da ICA.

A equação (5.9) apresenta um modelo geral para as misturas não-lineares:

$$\mathbf{x} = \mathbf{F}(\mathbf{s}), \quad (5.9)$$

onde  $\mathbf{F}$  é um mapeamento não-linear de  $\mathbb{R}^N \rightarrow \mathbb{R}^N$ ,  $\mathbf{x}$  e  $\mathbf{s}$  são respectivamente os sinalis observados e as fontes. A ICA não-linear consiste em encontrar o mapeamento  $\mathbf{G}: \mathbb{R}^N \rightarrow \mathbb{R}^N$  tal que os componentes de  $\mathbf{y}$  sejam estatisticamente independentes [69]:

$$\mathbf{y} = \mathbf{G}(\mathbf{x}). \quad (5.10)$$

Uma característica da NLICA é que o problema apresenta múltiplas soluções [70]. Se  $\mathbf{y}_1$  e  $\mathbf{y}_2$  são variáveis aleatórias independentes, é fácil provar que  $f(\mathbf{y}_1)$  e  $g(\mathbf{y}_2)$

(onde  $f(\cdot)$  e  $g(\cdot)$  são funções diferenciáveis) são também independentes [71]. Fica claro que, sem o uso de alguma restrição, infinitos mapeamentos inversos  $\mathbf{G}$  satisfazem a condição de independência entre os sinais estimados  $y_i$ ,  $i=1,\dots,N$ , em uma dada aplicação. Se o objetivo do problema for realizar a separação cega das fontes (BSS - *Blind Signal Separation*), neste caso, deseja-se que as componentes  $y_i$  sejam as fontes independentes que produziram os sinais observados  $\mathbf{x}$ . Então, informações a respeito do modelo de mistura ou das fontes devem ser conhecidas a priori. A NLICA vem sendo aplicada com sucesso em problemas como processamento de sinais de fala [72] e remoção de ruído em imagens [73].

Em geral, o número de parâmetros a serem estimados num modelo de ICA não-linear é maior do que no caso linear []. Os algoritmos de NLICA, se comparados com os de ICA, apresentam maior complexidade computacional e convergência mais lenta []. Em problemas de separação cega de fontes, o algoritmo a ser utilizado deve ser escolhido utilizando informações a respeito do modelo de mistura. Considerando estas limitações, as aplicações de NLICA devem considerar se existem restrições quanto ao aumento do tempo de processamento na estimação dos componentes.

Entre os algoritmos de NLICA propostos na literatura, uma classe de métodos impõe restrições estruturais ao modelo de mistura. Neste caso, pode-se garantir que os componentes estimados são iguais às fontes (a menos das indeterminações de fator multiplicativo e ordem de estimação dos sinais, assim como ocorre no modelo linear). Uma solução de implementação mais direta é o uso de mapas auto-organizáveis para estimar o mapeamento não-linear, neste caso não há restrição de modelo. Outro método diretamente relacionado com a NLICA, chamado de ICA Local, propõe uma etapa de agrupamento dos sinais em conjuntos de características semelhantes, que deve ser realizada antes da ICA. O agrupamento produz um mapeamento não-linear dos dados e a ICA (linear) estima os componentes independentes. Mais informações a respeito dos diversos algoritmos e modelos de NLICA serão fornecidas nas próximas seções.

### 5.2.1 Unicidade da Solução em NLICA

No caso não-linear, a independência estatística não é suficiente para garantir a separação das fontes. Se duas variáveis aleatórias  $y_1$  e  $y_2$  são independentes, então

$p_{y_1,y_2}(y_1, y_2) = p_{y_1}(y_1)p_{y_2}(y_2)$ . Para funções diferenciáveis  $f$  e  $g$ , pode-se provar que [74]:

$$p_{f(y_1),g(y_2)}(y_1, y_2) = p_{f(y_1)}(y_1)p_{g(y_2)}(y_2), \quad (5.11)$$

e então as variáveis  $f(y_1)$  e  $g(y_2)$  são também independentes. Esta indeterminação, diferente do fator de escala e da ordem de estimação das componentes (que são inerentes a ICA linear), não são aceitáveis em um problema de separação de fontes.

Estudos teóricos indicaram que a unicidade da solução da NLICA pode ser conseguida se o problema apresentar pelo menos uma das características a seguir [71]:

- O número de componentes é igual a dois. Deste modo, os sinais podem ser considerados como uma variável complexa.
- As pdf das componentes independentes são limitadas a valores conhecidos.
- A função de mistura  $\mathbf{F}$  preserva o zero ( $\mathbf{F}(0) = 0$ ) e é um mapeamento unívoco que preserva localmente a ortogonalidade das coordenadas.
- O modelo de mistura é conhecido a priori e utilizado como informação para o algoritmo de estimação das componentes independentes.

### 5.2.2 Misturas Pós Não-Lineares

Um caso especial da ICA não-linear são os métodos de estimação que incluem no algoritmo de estimação dos componentes independentes informações a respeito do modelo não-linear que gerou os dados observados. Estas informações se configuram em restrições estruturais ao mapeamento inverso (que é estimado pelo algoritmo). Entre estes modelos, o de misturas **pós não-lineares** (PNL) [74] é um dos mais utilizados na literatura, com aplicações em ... [].

No modelo PNL, considera-se que inicialmente ocorre uma combinação linear das fontes (como no modelo básico de ICA), e as funções não-lineares  $f_i$  são aplicadas antes da observação dos sinais  $x_i$ :

$$x_i = f_i \left( \sum_{j=1}^n a_{ij} s_j \right). \quad (5.12)$$

É importante notar que as não-linearidades são aplicadas individualmente a cada componente da mistura linear (não são permitidas linearidades cruzadas). A Figura 5.3 ilustra o modelo de misturas PNL.

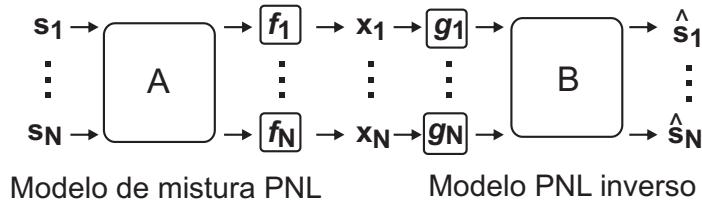


Figura 5.3: Diagrama do modelo de mistura PNL.

A consideração de que as misturas são pós não-lineares permite uma grande simplificação do problema, e as indeterminações existentes se tornam semelhantes às do caso linear. A modelagem através da equação (5.12) satisfaz grande parte dos fenômenos não-lineares, como, por exemplo, a modelagem da distorção de sensores num meio de propagação linear.

Detalhes de alguns algoritmos para estimativação dos componentes independentes em misturas PNL são fornecidos no Apêndice A.

### 5.2.3 Outros modelos de misturas com restrições estruturais

Alguns modelos com restrições estruturais diferentes do PNL foram propostos na literatura. No trabalho [75], o modelo de mistura é definido por:

$$\mathbf{x} = \mathbf{A}_2 f(\mathbf{A}_1 \mathbf{s}), \quad (5.13)$$

sendo  $\mathbf{A}_1$  e  $\mathbf{A}_2$  matrizes quadradas e  $f = [f_1, f_2, \dots, f_N]^T$  são funções não-lineares aplicados a cada componente (assim como o modelo PNL, este também não permite não-linearidades aplicadas a mais de um componente). O modelo definido na Equação 5.13 e ilustrado também na Figura 5.4 é chamado Pós Não-linear Linear (PNL-L). O bloco linear  $\mathbf{A}_2$  é executado após a aplicação das funções não-lineares, produzindo um modelo mais geral que o PNL. Nos trabalhos [76, 77] são propostos algoritmos baseados em redes neurais para a estimativação do modelo PNL-L.

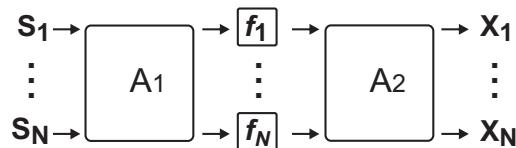


Figura 5.4: Diagrama do modelo PNL-L.

Em [77], um modelo estrutural chamado mono não-linearidade (ver Figura 5.5) foi proposto para o problema da NLICA. Neste modelo os sinais observados são gerados a partir de:

$$\mathbf{x} = f^{-1}(\mathbf{A}f(\mathbf{s})). \quad (5.14)$$

Este modelo é dito mais geral que o PNL pois as funções não-lineares podem ser aplicadas a mais de um componente (as funções  $f_i$  podem ser funções não-lineares de mais de uma variável). Este modelo é chamado de mistura de mono não-linearidade (ver Figura 5.5). A generalidade deste modelo é derivada da teoria da análise funcional (*functional analysis*) [78] e foi mostrado em [77] que esta arquitetura pode representar qualquer mistura com duas camadas de não-linearidades.

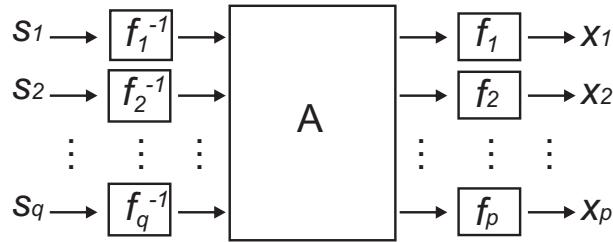


Figura 5.5: Diagrama do modelo da Mono não-linearidade.

#### 5.2.4 Algoritmos sem restrições estruturais

Se nenhuma restrição ao modelo de mistura é imposta, não há garantia que os componentes independentes estimados estejam relacionados com as fontes (ver Seção 5.2.1). Entre os métodos de NLICA sem restrições estruturais, pode-se destacar o uso de mapas auto-organizáveis [79] e os métodos que utilizam inferência Bayesiana [80].

##### NLICA a partir de Mapas Auto-Organizáveis

:

Uma das primeiras tentativas bem sucedidas de realizar NLICA utilizou mapas auto-organizáveis [79]. Pode-se provar que as coordenadas  $y_1$  e  $y_2$  do neurônio vencedor no mapa (ver Figura 5.6) são independentes e aproximadamente uniformemente distribuídas [79]. Para estimar a NLICA, o SOM é treinado usando como entradas

os sinais observados, e as coordenadas do neurônio vencedor correspondem a uma aproximação dos componentes independentes.

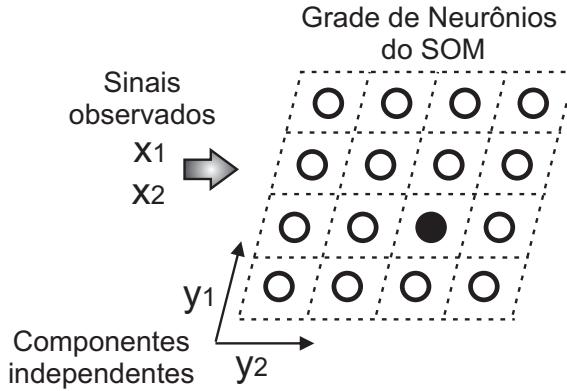


Figura 5.6: NLICA a partir de SOM.

Entre as desvantagens do método pode-se destacar [70]:

- O mapeamento é discreto (existe um número limitado de neurônios no mapa), então, algum tipo de regularização é necessária para produzir componentes contínuos. Esse problema pode ser minimizado aumentando-se o número de neurônios do mapa.
- Os componentes a serem estimados devem ter pdf sub-gaussiana (quanto mais próxima da distribuição uniforme, melhor).
- O custo computacional para treinamento dos mapas aumenta rapidamente com o número de componentes independentes a serem estimados.

Para avaliar o custo computacional, o número de parâmetros  $N_p$  do SOM pode ser estimado pela expressão:

$$N_p = N \times (Q_L)^N \quad (5.15)$$

onde  $N$  é o número de componentes a serem estimados (que é considerado igual ao número de sinais observados) e  $Q_L$  é o número de níveis de quantização desejado [69].

Com uma formulação alternativa aos SOM, o Mapeamento Topográfico Geral (GTM - *Generative Topographic Mapping*) foi introduzido em [81], e apresenta princípios estatísticos mais fundamentados que o mapa SOM. O método GTM básico

tem poucas vantagens práticas em relação aos Mapas Auto-Organizáveis, pois aqui as componentes independentes também são assumidas como processos uniformemente distribuídos e o espaço de características é formado a partir de uma grade retangular discreta m-dimensional. Porém, devido a sua formulação matemática mais fundamentada, o GTM pode ser facilmente estendido para variáveis não uniformes. O trabalho [82] propõe uma modificação à formulação básica onde são introduzidos coeficientes de ponderação que permitem a estimativa de componentes independentes com qualquer tipo de distribuição. Os componentes são modelados como misturas de sinais Gaussianos e os parâmetros são estimados usando o algoritmo *Expectation Maximization* [68]. O treinamento do GMT envolve dois passos, a avaliação da probabilidade *a posteriori* e a adaptação dos parâmetros do modelo.

### NLICA a partir de Inferência Bayesiana

:

Nos métodos baseados em inferência Bayesiana, considera-se que os sinais observados são gerados a partir de [80]:

$$\mathbf{x} = f(\mathbf{s}) + \mathbf{n} \quad (5.16)$$

onde  $\mathbf{n}$  é definido como ruído Gaussiano independente dos componentes a serem estimados.

Os componentes independentes são modelados como misturas de sinais de distribuição Gaussiana. Pode-se provar que, dado um número suficiente de Gaussianas, virtualmente qualquer distribuição de probabilidade pode ser modelada com uma certa precisão [80]. Uma variação deste método foi aplicada em [83] para o modelo linear da ICA. Em grande parte dos algoritmos Bayesianos para NLICA [], redes neurais tipo MLP de duas camadas são treinadas para aproximar o mapeamento não linear:

$$f(\mathbf{s}) = \mathbf{B}\Phi(\mathbf{A}\mathbf{s} + \mathbf{a}) + \mathbf{b} \quad (5.17)$$

Em um método de estimativa Bayesiana, probabilidades *a posteriori* são associadas a cada modelo não-linear que, possivelmente, teria gerado os dados observados. Verificar uma quantidade tão grande de modelos não é possível na prática; então, os métodos Bayesianos para NLICA utilizam uma técnica chamada de “aprendizagem

amostral” (EL - *ensemble learning*) [84]. Na EL, somente o conjunto mais provável de modelos é testado utilizando uma aproximação paramétrica que é ajustada à probabilidade *a posteriori* [85].

Métodos Bayesianos de NLICA foram propostos em [86] e [87]. No trabalho [88] foram realizados testes experimentais para comparar o desempenho dos modelos Bayesiano e PNL na estimação dos componentes independentes, as principais conclusões foram:

- os algoritmos PNL apresentam desempenho superior quando as misturas seguem o modelo PNL clássico (não-linearidades inversíveis e mesmo número de componentes independentes e sinais observados);
- o desempenho de ambos os métodos pode ser melhorada a partir da exploração da informação de mais misturas que componentes independentes;
- a principal vantagem do método Bayesiano é que mapeamentos mais genéricos podem ser produzidos (uma vez que não há restrições estruturais). Estes métodos geralmente apresentam maior custo computacional e necessitam de várias inicializações para obter uma solução ótima (podem apresentar problemas com mínimos locais da função custo).

### 5.2.5 ICA Local

Se o modelo da ICA for utilizado para extração de características (ao invés de separação de fontes), uma melhor descrição dos dados pode ser obtida se forem exploradas características locais. Considerando um conjunto de sinais multi-dimensionais com estatística variável, o modelo da ICA linear pode não ser capaz de revelar a estrutura fundamental dos dados. Neste caso, é mais razoável realizar a extração de características (estimação das componentes independentes) a partir de  $k$  subconjuntos dos dados (ver Figura 5.7). Os sinais pertencentes ao  $k$ -ésimo subconjunto apresentam características semelhantes. Este procedimento leva ao modelo da ICA local.

Conforme proposto em [89], um conjunto de dados de alta dimensão pode ser separado em sub-conjuntos, através de algum algoritmo de agrupamento como o *k-means* [90] ou SOM [91], e componentes independentes lineares são então estimadas

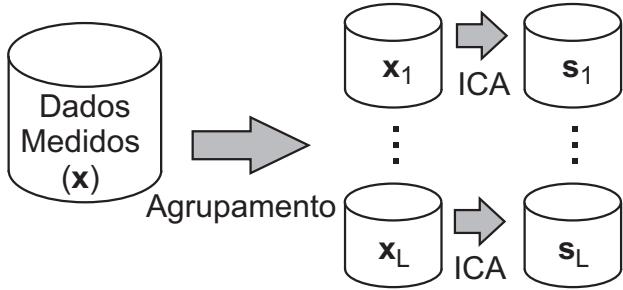


Figura 5.7: Diagrama do modelo da ICA local.

de cada subconjunto. Determinar o número ideal de agrupamentos em um conjunto de dados não é uma tarefa simples e, geralmente, requer informação a priori [1].

Na ICA Local, o agrupamento é responsável por uma representação não-linear dos dados, enquanto modelos de ICA linear aplicados a cada sub-conjunto (*cluster*) descrevem as características locais dos dados. A ICA local pode ser considerada como um compromisso entre os modelos linear e não-linear da ICA [70]. O objetivo é obter uma melhor representação dos dados (se comparado com o modelo linear da ICA), evitando os problemas computacionais do modelo não-linear [92]. Em diferentes abordagens, os agrupamentos podem ser montados com superposição, usando por exemplo fronteiras *fuzzy* [93, 94], ou sem superposição [92, 95].

Nos trabalhos [96, 97] a ICA Local foi aplicada para a estimação da informação mútua. A informação mútua [98] é uma importante ferramenta em diversas aplicações de processamento de sinais, especialmente na seleção de características.

## 5.3 Mapas auto-organizáveis

O mapa auto-organizável (SOM - *Self Organizing Map*) é uma rede neural com treinamento não-supervisionado, baseado na aprendizagem competitiva, que é capaz de realizar uma organização topológica das entradas. O SOM foi proposto por Teuvo Kohonen em 1982 [99], sendo capaz de realizar um mapeamento não-linear dos sinais de um espaço de entrada contínuo de dimensão  $k$  para um espaço de características discreto que, em geral, é bidimensional. Cada neurônio da grade está diretamente conectado a todos os nós de entrada. Na Figura 5.8 pode-se visualizar o diagrama de um mapa auto-organizável bi-dimensional.

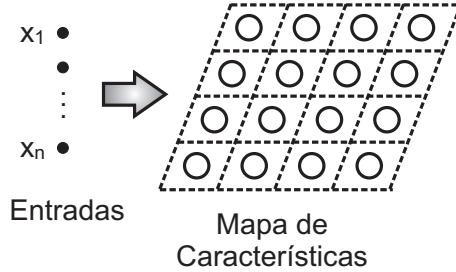


Figura 5.8: Diagrama de um mapa auto-organizável

O mapa auto-organizável compacta a informação e preserva relações topológicas ou métricas do conjunto de sinais. Os SOM estão ligados à ICA por conseguirem extrair informações ocultas dos sinais de forma não supervisionada [100]. Uma aproximação das componentes independentes não-lineares pode ser obtida utilizando mapas auto-organizáveis [7].

Três processos estão envolvidos na formação do mapa auto-organizado: a **competição**, onde, para cada vetor de entrada, há apenas um neurônio vencedor; a **cooperação**, quando o neurônio vencedor determina uma vizinhança topológica de neurônios excitados; e a **adaptação**, que procede ao ajuste dos pesos sinápticos para reforçar a resposta do neurônio vencedor, e de seus vizinhos, ao padrão de entrada.

A atualização do vetor de pesos  $w_j$  do neurônio j é feita através da equação:

$$w_j(n+1) = w_j(n) + \eta(n)h_{ij}(n)(x(n) - w_j(n)), \quad (5.18)$$

sendo  $\eta(n)$  a taxa de aprendizagem, um tipo de função de vizinhança  $h_{ij}(n)$  usualmente utilizada é definida por:

$$h_{ij}(n) = \exp(-d_{ij}^2/2\sigma^2(n)) \quad (5.19)$$

onde  $d_{ij}$  é a distância do neurônio j para o neurônio vencedor i e  $\sigma(n)$  é a largura da função vizinhança na n-ésima iteração.

O mapa de características possui algumas propriedades, listadas a seguir [8]:

1. é formado pelo conjunto de vetores de pesos sinápticos  $w_i$  no espaço de saída discreto e fornece uma boa aproximação para o espaço de entrada;
2. é ordenado de modo topológico. Padrões de entrada semelhantes são mapeados para regiões adjacentes no mapa de características;

3. regiões do espaço de entrada que possuem alta probabilidade de ocorrência são mapeadas para domínios maiores do espaço de saída;

No mapa de características, o neurônio que apresentar maior saída é considerado o vencedor, ou seja a saída do SOM é do tipo “vencedor leva tudo” (WTA - *winner takes all*). O neurônio ativado é escolhido a partir de sua semelhança com a entrada apresentada. É comum a utilização da distância euclidiana como métrica da proximidade entre dois vetores; nesse caso, o neurônio vencedor é aquele que minimiza  $i(\mathbf{x}) = \|\mathbf{x}(n) - \mathbf{w}_j\|$ .

Uma outra forma de operar um mapa auto-organizável é utilizar as projeções dos sinais de entrada no mapa de características, ou seja as saídas  $u_j$  de cada neurônio  $j$  que pode ser calculada por:

$$u_j = \mathbf{x}^T \mathbf{w}_j \quad (5.20)$$

O vetor  $\mathbf{u} = [u_1, \dots, u_K]^T$  pode ser considerado como a projeção de  $\mathbf{x}$  no mapa de características.

Os mapas auto-organizáveis pertencem à classe de algoritmos de codificação vetorial, sendo capazes de encontrar, de forma otimizada, um número fixo de vetores ou palavras de código que melhor representem o conjunto de sinais.

## 5.4 Técnicas de Pré-Processamento - Compacting

No processamento de sinais multi-dimensionais, é comum a utilização de técnicas de processamento de sinais que visam a redução da dimensionalidade do problema...

### 5.4.1 Análise de Componentes Principais

A análise de componentes principais (PCA - *Principal Component Analysis*) é uma técnica estatística de processamento de sinais diretamente ligada à transformação de *Karhunen-Loève* [6]. O objetivo da PCA é encontrar uma transformação linear onde os sinais projetados sejam não-correlacionados e grande parcela da energia (variância) esteja concentrada num pequeno número de componentes. Para isso, são exploradas informações da estatística de segunda ordem.

A análise de componentes principais é bastante usada para compactação de informação. Como a PCA projeta os sinais em componentes ordenados por energia, uma métrica geralmente utilizada para reduzir a dimensão dos dados consiste na seleção apenas dos componentes de maior energia, de modo que o sinal recuperado a partir da informação compactada tenha pequeno erro médio quadrático se comparado ao original. A seguir serão desenvolvidos, de forma resumida, os fundamentos matemáticos da PCA.

Considerando-se um vetor  $\mathbf{x} = [x_1, \dots, x_N]^T$  aleatório com  $N$  elementos, assume-se que ele tenha média zero:

$$\mathcal{E}\{\mathbf{x}\} = 0 \quad (5.21)$$

onde  $\mathcal{E}\{\cdot\}$  é o operador esperança. Se  $\mathbf{x}$  tem média não nula faz-se  $\mathbf{x} \leftarrow \mathbf{x} - \mathcal{E}\{\mathbf{x}\}$ .

A projeção  $z_i$  de  $\mathbf{x}$  na direção de  $\mathbf{v}_i$  pode ser expressa por:

$$z_i = \mathbf{v}_i^T \mathbf{x} = \sum_{k=1}^N v_{ki} x_k \quad (5.22)$$

Na transformação por PCA, os componentes  $z_i$  ( $i = 1, \dots, N$ ) devem ser ortogonais e ordenados (de modo decrescente) pela variância das projeções, sendo, então,  $z_1$  a projeção de máxima variância. Para tornar a variância independente da norma de  $\mathbf{v}_i$ , faz-se:

$$\mathbf{v}_i \leftarrow \frac{\mathbf{v}_i}{\|\mathbf{v}_i\|} \quad (5.23)$$

Fazendo-se com que  $\|\mathbf{v}_i\| = 1$ , torna-se a variância função apenas da direção das projeções.

Como  $\mathcal{E}\{\mathbf{x}\} = 0$ , então  $\mathcal{E}\{z_i\} = 0$ , logo a variância da projeção  $z_i$  é calculada por  $\mathcal{E}\{z_i^2\}$ . Seguindo a definição da PCA,  $z_1$  tem máxima variância; logo,  $\mathbf{v}_1$  pode ser encontrado pela maximização de [7]:

$$J_1^{PCA}(\mathbf{v}_1) = \mathcal{E}\{z_1^2\} = \mathcal{E}\{(\mathbf{v}_1^T \mathbf{x})^2\} = \mathbf{v}_1^T \mathcal{E}\{\mathbf{x}\mathbf{x}^T\} \mathbf{v}_1 = \mathbf{v}_1^T \mathbf{C}_x \mathbf{v}_1, \quad (5.24)$$

onde  $\mathbf{C}_x$  é a matriz de covariância de  $\mathbf{x}$ .

A solução para o problema de maximização da equação (5.24) pode ser encontrada na álgebra linear, em função dos autovetores  $\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2, \dots, \mathbf{e}_N$  da matriz  $\mathbf{C}_x$ . A ordem dos autovetores é tal que os autovalores associados satisfazem  $d_1 > d_2 > \dots > d_N$ . Desta forma, tem-se:

$$\mathbf{v}_i = \mathbf{e}_i, \quad 1 \leq i \leq N \quad (5.25)$$

Percebe-se que a PCA de  $\mathbf{x}$  e a decomposição por autovalores da matriz  $\mathbf{C}_x$  (de dimensão  $N \times N$ ) são equivalentes. Limitações computacionais na extração das componentes principais utilizando as equações (5.22) e (5.25) aparecem quando a dimensão  $N$  do vetor  $\mathbf{x}$  aumenta, pois o processo de obtenção dos autovetores se torna proibitivamente lento. Nesse caso, uma solução é utilizar métodos iterativos de extração das componentes principais, através de redes neurais [101, 102].

#### 5.4.2 Componentes Principais de Discriminação

Considerando um problema de classificação de padrões, o uso da PCA para compactação pode ser prejudicial, pois, os componentes menos energéticos (que são eliminados após a PCA) podem carregar informações discriminantes. Neste caso, pode-se utilizar técnicas de compactação mais adequadas. As componentes principais de discriminação (PCD - *Principal Discriminating Components*) são obtidas a partir da projeção dos sinais de entrada em um conjunto compacto que carrega toda a informação importante para discriminação entre as classes.

Conforme proposto em [], para um problema de classificação, o objetivo da PCD é obter uma projeção linear dos sinais de entrada  $\mathbf{x} = [x_1, \dots, x_N]^T$  nos componentes  $\mathbf{z} = [z_1, \dots, z_K]^T$  (com  $K < N$ ) que maximizam a discriminação entre as classes (ou seja,  $z_i$  são os componentes principais de discriminação).

Considerando um problema de discriminação onde existem apenas duas classes possíveis, os PCD podem ser estimados a partir de uma rede neural (de arquitetura MLP - *Multi-Layer Perceptron*) [8] com uma camada oculta e um neurônio de saída, treinada para obter máxima discriminação entre as classes. Conforme indicado na Figura ??, uma rede neural com um neurônio na camada oculta é capaz de estimar

o primeiro PCD, que é obtido a partir da projeção das entradas na direção dos pesos sinápticos do neurônio oculto:

$$z_1 = [b_{1,1}, b_{1,2}, \dots, b_{1,N}] \times [x_1, \dots, x_N]^T \quad (5.26)$$

Adicionando-se mais neurônios ocultos consegue-se estimar os demais PCD. No processo de estimação dos PCD, estatística de ordem elevada é acessada a partir da utilização de funções de ativação não-lineares.

Alguns modelos semelhantes ao da PCD foram propostos na literatura ... citar outros trabalhos conforme artigo ICA para classificação ...

## 5.5 Aplicações em Física de Altas Energias e Áreas Correlatas

Nesta Seção serão descritas algumas aplicações de técnicas de aprendizado estatístico em Física de Alta Energia (HEP - *High-Energy Physics*).

### 5.5.1 Aplicações de classificadores neurais

As redes neurais de treinamento supervisionado vêm sendo utilizadas para classificação de eventos em sistemas de *trigger* de detectores de partículas em física de alta energia desde o início da década de 1990. O primeiro *trigger* baseado em redes neurais foi projetado e testado no FermiLab para a identificação da trajetória de múons [103]. O *trigger* neural não foi implementado no experimento mas operou em paralelo com o algoritmo oficial, obtendo uma resolução 40 vezes melhor.

O primeiro sistema de *trigger* neural operando em um experimento de HEP [104] foi implementado no segundo nível de filtragem do detector H1 (um dos detectores do acelerador HERA, que operou no laboratório DESY na Alemanha) [105]. No H1, o segundo nível de filtragem foi baseado em redes neurais, um classificador neural foi treinado para cada canal de filtragem existente no experimento. As redes neurais foram implementadas em hardware dedicado para minimizar o tempo de resposta [106].

Exemplos mostram também a aplicação de redes neurais para a análise de chuveiros de partículas gerados nos calorímetros. A colaboração do *Crystal Barrel*,

detector do experimento LEAR do CERN [107], conseguiu a identificação de fótons e píons [108]. No experimento HEGRA [109] (localizado na ilha La Palma, Espanha), conseguiu-se a separação entre fótons e hadrões com um classificador neural supervisionado. A colaboração do H1 consegui discriminar elétrons de píons utilizando os perfis dos calorímetros eletromagnéticos e hadrônicos [104]. Um *trigger* de segundo nível baseado em redes neurais e informação de calorimetria foi proposto para o LHC em [13]. No último trabalho, informações do perfil de deposição de energia nos calorímetros foram utilizados para produzir a identificação de elétrons. Outros exemplos da aplicação de redes neurais para classificação de sinais de calorimetria pode ser encontrados em [106].

Outras aplicações de redes neurais em HEP também são comuns, entre as quais pode-se destacar a identificação do sabor de quarks no experimento LEP do CERN [110], o trigger de neutrinos do experimento CHOOZ [104], a discriminação gamma-hadron a partir de chuveiros de partículas gerados por raios cósmicos [111], a medição da massa de top-quarks no acelerador Tevatron do Fermilab [112], a identificação da massa de eventos de raios cósmicos, no Observatório Pierre Auger [113].

Mesmo com todos os exemplos de aplicações bem sucedidas de redes neurais, o seu uso está longe de ser uma unanimidade entre a comunidade de HEP. Uma característica particular do campo de aplicação é que há uma busca pelo entendimento de novos fenômenos, que são representados (nos dados simulados, que em geral são utilizados no treinamento dos classificadores) por modelos teóricos aproximados, que nem sempre estão corretos. Um experimento pode concluir que um modelo teórico existente está incompleto ou até mesmo errado. O uso de redes neurais é justificado pela facilidade de operação em alta dimensão (inúmeras variáveis são utilizadas no processo de identificação da física de interesse), porém, a dependência dos modelos teóricos é mais difícil de ser verificada ou corrigida nos classificadores não-lineares (em comparação com os cortes lineares mais usualmente utilizados em HEP) [104]. Essa característica particular da HEP talvez tenha produzido uma resistência maior ao uso de redes neurais em comparação a outros campos da ciência. No caso da aplicação no detector H1, toda a colaboração do experimento precisou se convencer que as redes não eram uma caixa preta misteriosa e um esforço conjunto foi feito no

sentido de entender como as redes funcionam e como podem ser ajustadas de modo ótimo para cada problema [106]. De um modo geral, o uso de redes neurais está consolidado e bem aceito como ferramenta importante na análise *offline*, porém, no trigger online a situação ainda é ambígua, com grupos a favor e outros contra [104].

### 5.5.2 Aplicações de técnicas estatísticas de extração de características

Mais recentemente, a partir do final da década de 1990, os métodos de aprendizado estatístico multi-variável como PCA, ICA e SOM vêm sendo aplicados com sucesso em problemas na área de física de alta energia. Nestes algoritmos, o aprendizado é feito de modo não-supervisionado, e as características estimadas não dependem de conhecimento prévio a respeito dos sinais utilizados.

Um dos primeiros trabalhos neste tópico [114], foi publicado em 1998 e utiliza mapas auto-organizáveis (SOM) para a classificação de eventos de raios gama em astronomia de alta energia. Em [115], mapas SOM foram aplicados para a separação de bósons W do ruído de fundo composto por jatos hadrônicos. No trabalho [116], o ruído de fundo gerado na aceleração do feixe de partículas foi rejeitado a partir de mapas auto-organizáveis modificados. Redes SOM também foram utilizadas com sucesso para análise, classificação e monitoramento de sinais do telescópio OGLE (no Chile) [117] e para a identificação de prováveis assinaturas de bósons de Higgs [118].

A análise de componentes principais (PCA) é uma técnica de descorrelação e compactação bastante utilizada em diversas áreas do conhecimento. Em física de alta energia, PCA foi aplicada para a seleção de variáveis de entrada de um discriminador neural no trabalho [119]. Em [120], são apresentadas diversas aplicações em HEP onde é utilizada a PCA para extração de características e compactação. No trabalho [121], sinais ópticos de nebulosas planetárias são processados por PCA com o objetivo de extrair informações a respeito de suas características morfológicas. Numa outra aplicação em astrofísica, PCA é utilizada, em conjunto com ICA, para a remoção do ruído de fundo e de outras fontes de interferência, permitindo melhor visualização de dados de ventos e tempestades solares [122]. O trabalho [123] utiliza a PCA, de forma segmentada, para compactação de sinais de calorimetria do ATLAS, em seguida classificadores neurais realizam a decisão elétron/jato, conseguindo boa

eficiência de classificação.

A análise de componentes independentes (ICA) tem aplicação mais recente em HEP, sendo que um dos primeiros trabalhos foi publicado em 2005 e descreve a eliminação de ruído na análise de sinais do feixe de partículas do experimento BOOSTER do Fermilab [124]. Neste trabalho também é realizada uma comparação com um sistema semelhante baseado em PCA e a ICA apresenta resultados melhores. No trabalho [125], ICA é utilizada para análise de dados multi-variados em experimentos de física atômica e nuclear. A aplicação de ICA proporcionou redução do ruído de fundo, permitindo melhor visualização do sinal de interesse. ICA também foi aplicado com sucesso para separação de sinais em astrofísica de alta energia conforme detalhado a seguir. Em [126], ICA foi aplicada para a separação de imagens de fontes sobrepostas adquiridas pelo satélite Planck da Agência Espacial Européia; no trabalho [127] utiliza-se a análise de componentes independentes, em substituição aos filtros casados, para a decomposição de sinais astrofísicos simulados compostos pela combinação de moléculas elementares em estado congelado. Ainda na área de astrofísica, nos trabalhos [128, 129] ICA foi aplicado para a caracterização da radiação cósmica de fundo em microondas (CMB - *Cosmic Microwave Background*). A CMB é uma forma de energia eletromagnética que preenche todo o universo e foi inicialmente observada em 1965. A CMB é visualizada apenas por rádio-telescópios.

A partir destes exemplos, percebe-se que, apesar da aplicação mais recente em física de alta energia e áreas correlatas, diversos problemas de extração de características, remoção de ruído, agrupamento não-supervisionado (*clustering*) e visualização vêm sendo resolvidos com a aplicação das técnicas estatísticas de processamento não-supervisionado de sinais.

# Capítulo 6

## Metodologia Proposta

### 6.1 Sistemas de Classificação Propostos para a Seleção de Elétrons no Segundo-Nível de Filtragem do ATLAS

Os sistemas de filtragem propostos neste trabalho são divididos em duas etapas distintas. Inicialmente os sinais medidos são pré-processados para que suas características discriminantes se tornem mais acessíveis. As características extraídas são utilizadas como entrada para os classificadores propriamente ditos. Nesta Seção serão descritos os sistemas de filtragem utilizados.

Os métodos de extração de características propostos neste trabalho (SOM, PCA, ICA e NLICA) operam sempre sobre os sinais em anéis para a extração de características discriminantes e assim aumentar a eficiência dos classificadores. A estimação das características discriminantes dos anéis pode ser realizada de duas formas distintas conforme descrito a seguir.

#### Características Globais

Os sinais em anéis produzidos em todas as camadas do calorímetro podem ser juntados em um único vetor de características (de 100 componentes). Este vetor é então utilizado como entrada para os algoritmos de aprendizado estatístico, este procedimento é ilustrado na Figura 6.1

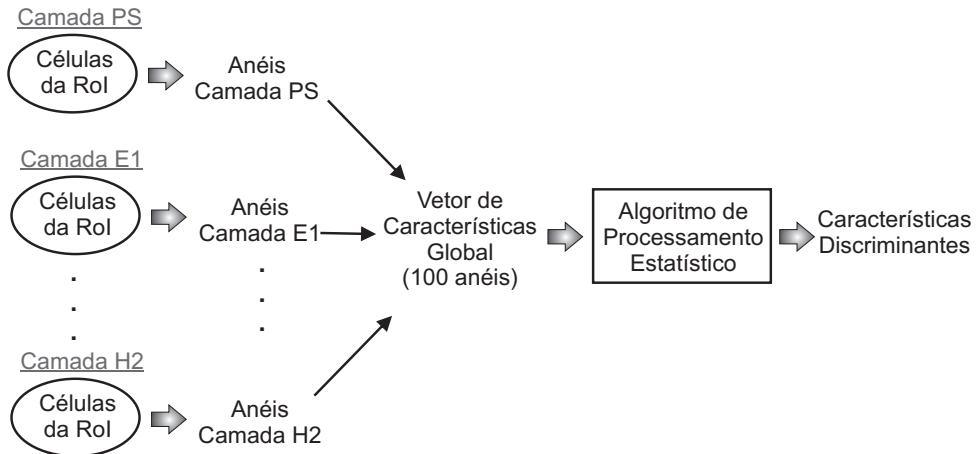


Figura 6.1: Processo de extração de características globais.

### Características Segmentadas

Alternativamente, as características discriminantes podem ser estimadas separadamente para os anéis produzidos em cada camada do calorímetro. Este procedimento, em geral, produz resultados de mais fácil interpretação física pois sabe-se que cada camada do calorímetro possui características distintas como o tipo e a granularidade das células detectoras. A Figura 6.2 ilustra este procedimento.

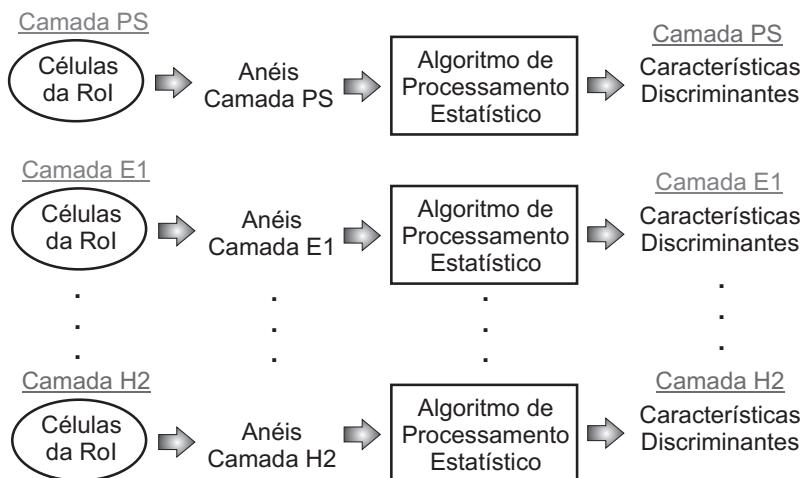


Figura 6.2: Processo de extração de características segmentadas.

#### 6.1.1 Classificadores Neurais Supervisionados

Neste trabalho foram utilizados classificadores neurais tipo perceptrons de múltiplas camadas (MLP). Mais detalhes sobre classificação de sinais e a implementação de

classificadores neurais supervisionados podem ser encontrados no Apêndice B. Os classificadores, assim como os algoritmos de extração de características, podem ser aplicados de modo global e de modo segmentado.

### Classificador Global

O classificador global opera sobre um conjunto de características discriminantes globais, produzindo a decisão elétron/jato. A Figura 6.3 ilustra a operação do classificador global.

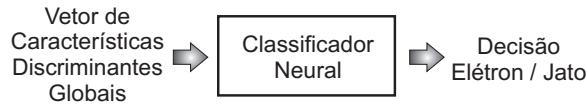


Figura 6.3: Decisão utilizando classificador global.

### Classificadores Segmentados

Considerando o sistema de calorímetros do detector ATLAS, a informação disponível está segmentada em diversas camadas com características físicas e granularidade diferentes. Para melhor explorar as características do detector, está sendo proposto o uso de um conjunto de classificadores neurais, cada um especialista na informação de uma camada do calorímetro (ver Figura 6.4).

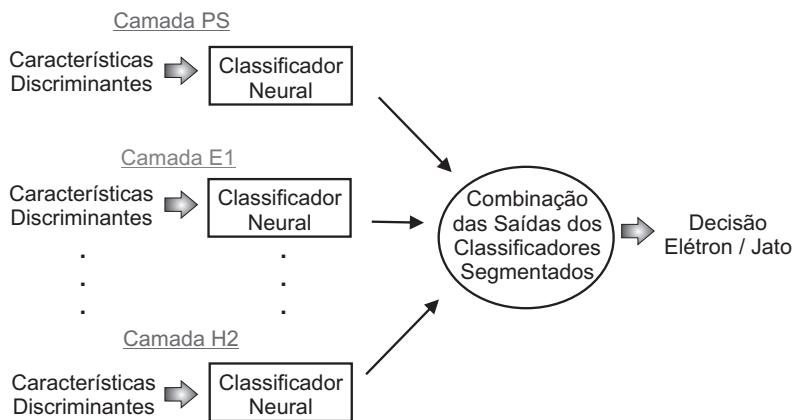


Figura 6.4: Decisão utilizando classificadores segmentados.

Um problema que surge na utilização de múltiplos classificadores segmentados é como combinar suas saídas para produzir da decisão final. Neste contexto, pode-se

utilizar as informações de dois modos, através dos rótulos de classe atribuídos por cada classificador ou utilizando-se a saída contínua (que no caso dos classificadores utilizados varia de -1 a 1).

### 6.1.2 Combinação de Múltiplos Classificadores

Quando estão disponíveis informações de múltiplos classificadores, surge o problema de como combiná-las de forma ótima. A depender do tipo de saída escolhida para os classificadores, sendo variáveis contínuas (com excursão de -1 a 1) ou variáveis discretas (rótulos de classe), a combinação pode ser realizada através de estratégias distintas [130].

Considerando K classificadores com saídas contínuas  $u_k$ , uma forma usualmente utilizada para combinação é a média das saídas:

$$\mu(\mathbf{x}) = \sum_{k=1}^K u_k(\mathbf{x}) \quad (6.1)$$

Considerando que os múltiplos classificadores apresentam eficiência diferente, pode-se dar aos mais eficientes maior poder de decisão com o uso de fatores de ponderação  $\alpha_k$ :

$$\mu(\mathbf{x}) = \sum_{k=1}^K \alpha_k u_k(\mathbf{x}) \quad (6.2)$$

Outra forma para a combinação de classificadores de saídas contínuas  $u_k$  é o cálculo da média geométrica:

$$\mu(\mathbf{x}) = \sqrt[K]{\prod_{k=1}^K u_k(\mathbf{x})} \quad (6.3)$$

Alternativamente, considerando que a saída dos múltiplos classificadores é o rótulo de classe associado ao vetor de entrada  $\mathbf{x}$ , um método muito utilizado para combinação das informações é a votação da maioria [130]. Neste caso, também podem ser utilizados fatores de ponderação, caso as eficiências dos classificadores sejam diferentes. Deste modo, o voto de um classificador mais eficiente tem mais influência na decisão final.

# **Capítulo 7**

## **Estudo a Respeito do Tempo de Processamento dos Algoritmos**

Neste capítulo será apresentado um estudo a respeito do tempo de processamento exigido pelos algoritmos propostos. Considerando que a aplicação exige uma resposta em no máximo 40 ms, o tempo de processamento é um fator limitante na escolha dos algoritmos de filtragem.

### **7.1 Rotinas comuns a todos os algoritmos**

O algoritmo anelador (responsável pela geração dos sinais em anéis) foi implementado como um ... do T2Calo (discriminador oficial do ATLAS) e portanto utiliza parte das informações produzidas por esse último.

# **Capítulo 8**

## **Resultados**

Neste capítulo serão apresentados os resultados obtidos através das técnicas propostas. Para isso serão utilizados quatro conjuntos de sinais distintos, dois de dados simulados, com diferentes cortes de nível 1 e outros dois com sinais medidos no detector.

### **8.1 Resultados - Dados simulados / corte L1 do tipo E10 *loose***

### **8.2 Resultados - Dados simulados / corte L1 do tipo E15i**

### **8.3 Resultados - Dados experimentais / raios cósmicos**

### **8.4 Resultados - Dados experimentais / colisões do LHC**

# **Capítulo 9**

## **Conclusões**

Aqui vão as conclusões ...

# Referências Bibliográficas

- [1] ATLAS COLABORATION, “ATLAS Experiment at CERN Large Hadron Colider”, *Journal of Instrumentation*, v. 3, n. S08003, pp. 1–407, 2008.
- [2] ATLAS-COLLABORATION, *ATLAS Detector and Physics Performance Technical Design Report, Volume 1*, Tech. rep., CERN, Genebra, Suiça, Maio 1999.
- [3] HAUSER, R., “The ATLAS High Level Trigger System”. In: *Proceedings of the U.S. Atlas Computing Meeting*, v. 1, pp. 1–5, Upton, EUA, 2003.
- [4] ATLAS-COLLABORATION, *First-Level Trigger Technical Design Report*, Tech. rep., CERN, Genebra, Suiça, Junho 1998.
- [5] EVANS, L., BRYANT, P., “LHC Machine”, *Journal of Instrumentation*, v. 3, n. S08001, pp. 1–158, 2008.
- [6] JOLLIFFE, I. T., *Principal Component Analysis*. 2nd ed. Springer: Nova York, Estados Unidos, 2002.
- [7] HYVARINEN, A., KARHUNEN, J., OJA, E., *Independent Component Analysis*. Wiley: Nova York, Estados Unidos, 2001.
- [8] HAYKIN, S., *Neural Networks and Learning Machines*. 3rd ed. Prentice Hall: Nova Jersey, Estados Unidos, 2008.
- [9] COMMITTEE ON ELEMENTARY PARTICLE PHYSICS IN THE 21ST CENTURY, N. R. C., *Revealing the Hidden Nature of Space and Time: Charting the Course for Elementary Particle Physics*. National Academic Press: Washington-DC, Estados Unidos, 2006.

- [10] ATLAS-COLLABORATION, *Letter of Intents for a General Purpose pp Experiment at the Large Hadron Collider at CERN*, Tech. rep., CERN, Genebra, Suiça, Outubro 1992.
- [11] DOS ANJOS, A. R., *Sistema de filtragem online aplicada a um ambiente com alta taxa de eventos*, Ph.D. Thesis, COPPE/UFRJ, Dezembro 2006.
- [12] TORRES, R. C., *Título tese torres*, Ph.D. Thesis, COPPE/UFRJ, Março 2010.
- [13] CALOBA, L., SEIXAS, J., PEREIRA, F., “Neural Discriminating Analysis for a Second-Level Trigger System”. In: *Proceedings of the International Conference on Computing in High Energy Physics (CHEP95)*, Rio de Janeiro, Brasil, Setembro 1995.
- [14] WIGMANS, R., *Calorimetry: Energy Measurement in Particle Physics*. Clarendon Press: Gloucestershire, Reino Unido, 2000.
- [15] ALMEIDA, L. B., *Nonlinear Source Separation*. Morgan and Claypool, 2006.
- [16] ATLAS-COLLABORATION, “Experiment Overview”, Disponível em :<<http://www.atlas.ch/>>. Acesso em: 20 de março de 2007.
- [17] FERNOW, R. C., *Introduction to Experimental Particle Physics*. Cambrige University Press: Cambridge-Reino Unido, 1986.
- [18] MARTIN, B. R., *Nuclear and Particle Physics, An Introduction*. Wiley: West Sussex, Reino Unido, 2006.
- [19] CHUNG, K. C., *Introdução à Física Nuclear*. EdUERJ: Rio de Janeiro, 2001.
- [20] VELTMAN, M. J. G., *Facts and Mysteries in Elementary Particle Physics*. World Scientific: Nova Jersey, Estados Unidos, 2003.
- [21] ELLIS, R. K., STIRLING, W. J., WEBBER, B. R., *QCD and Collider Physics*. Cambridge Monographs on Particle Physics, Nuclear Physics and Cosmology, Cambrige University Press: Cambridge-Reino Unido, 2003.
- [22] PRICE, M., “The LHC project”, *Nuclear Instruments and Methods in Physics Research A*, v. 478, pp. 46–61, 2002.

- [23] CERN-COLABORATION, “CERN”, Disponível em :<<http://www.cern.ch/>>. Acesso em: 20 de março de 2007.
- [24] BERTONE, G., HOOPER, D., SILK, J., “Particle dark matter, evidence, candidates and constraints”, *Physics Reports*, v. 405, pp. 279–390, 2005.
- [25] LYKKEN, J. D., “Introduction to Supersymmetry”, Lectures at the Theoretical Advanced Study Institute (TASI 96):Fields, Strings, and Duality, Junho 1996.
- [26] BIGI, I., SANDA, A., *CP violation*. Cambridge University Press: Cambridge, Reino Unido, 1999.
- [27] DESY, “Deutsches Elektronen-SynchrotronDie”, Disponível em :<<http://www.desy.de/>>. Acesso em: 02 de julho de 2009.
- [28] KEK, “KEK High-Energy Accelerator”, Disponível em: <<http://www.kek.jp/>>. Acesso em: 02 de julho de 2009.
- [29] FERMILAB, “Fermi National Accelerator Laboratory”, Disponível em :<<http://www.fnal.gov/>>. Acesso em: 02 de julho de 2009.
- [30] SLAC, “SLAC Laboratory”, Disponível em: <<http://www.slac.stanford.edu/>>. Acesso em: 02 de julho de 2009.
- [31] BROOKHAVEN, “Brookhaven National Laboratory”, Disponível em: <<http://www.bnl.gov/>>. Acesso em: 02 de julho de 2009, 2009.
- [32] LHC-COLLABORATION, “Large Hadron Collider”, Disponível em: <<http://lhcb.web.cern.ch/lhc/>>. Acesso em: 28 de março de 2007.
- [33] CMS COLABORATION, “CMS Experiment at the CERN LHC”, *Journal of Instrumentation*, v. 3, n. S08004, pp. 1–334, 2008.
- [34] LHCb COLABORATION, “LHCb Detector at the LHC”, *Journal of Instrumentation*, v. 3, n. S08005, pp. 1–205, 2008.
- [35] LHCf COLABORATION, “LHCf Experiment at the CERN Large Hadron Collider”, *Journal of Instrumentation*, v. 3, n. S08006, pp. 1–36, 2008.

- [36] ALICE COLABORATION, “ALICE Experiment at the CERN LHC”, *Journal of Instrumentation*, v. 3, n. S08002, pp. 1–245, 2008.
- [37] TOTEM COLABORATION, “TOTEM Experiment at the CERN Large Hadron Collider”, *Journal of Instrumentation*, v. 3, n. S08007, pp. 1–107, 2008.
- [38] ROSSI, L., “The ATLAS tracking and vertexing detector”, *Nuclear Instruments and Methods in Physics Research Section A*, v. 580, n. 2, 2007.
- [39] PUZO, P., “ATLAS Calorimetry”, *Nuclear Instruments and Methods in Physics Research A*, v. 494, n. 1, pp. 340–345, 2002.
- [40] PONTECORVO, L., “The ATLAS muon spectrometer”, *The European Physical Journal C - Particles and Fields*, v. 34, n. 1, 2004.
- [41]ADRAGNA, ET AL., P., “The ATLAS Hadronic Tile Calorimeter: From Construction Toward Physics”, *IEEE Transactions on Nuclear Science*, v. 53, n. 5, pp. 1275–1281, Junho 2006.
- [42] PADILLA, C., “The ATLAS Trigger System”. In: *Proceedings of the 16th IEEE-NPSS Real Time Conference*, v. 1, pp. 326–333, Pequim, China, 2009.
- [43] DREES, J., “Review of final LEP results or a tribute to LEP”. In: *Proceedings of the International Symposium on Lepton and Photon Interactions at High Energies*, pp. 349–373, Roma, Itália, Julho 2001.
- [44] KANE, G., PIERCE, A., (eds), *Perspectives on LHC Physics*. World Scientific: Singapura, 2008.
- [45] ATLAS-COLLABORATION, *ATLAS Detector and Physics Performance Technical Design Report, Volume 2*, Tech. rep., CERN, Genebra, Suiça, Maio 1999.
- [46] WATTS, G., “Review of Triggering”. In: *Proceedings of the IEEE Nuclear Science Symposium and Medical Imaging Conference*, v. 1, pp. 282–287, Portland, EUA, Outubro 2003.

- [47] DA COSTA, C., *Projeto de Circuitos Digitais com FPGA*. Érica, 2009.
- [48] DINIZ, P. S. R., DA SILVA, E. A. B., NETO, S. L., *Processamento Digital de Sinais*. Bookman, 2004.
- [49] VOLKER LINDENSTRUTH, I. K., “Overview of trigger systems”, *Nuclear Instruments and Methods in Physics Research A*, v. 535, n. 1, pp. 48–56, 2004.
- [50] RIU, I., ABOLINS, M., ET. AL, P. A., “Integration of the Trigger and Data Acquisition Systems in ATLAS”, *IEEE Transactions on Nuclear Science*, v. 55, n. 1, pp. 106–112, 2008.
- [51] SEEZ, C., “The CMS trigger system”, *The European Physical Journal C - Particles and Fields*, v. 34, n. 1, pp. 151–159, 2004.
- [52] ROBERT, C., CASELLA, G., *Monte Carlo Statistical Methods*. Springer-Verlag: Nova York, Estados Unidos, 2004.
- [53] ATLAS-COLLABORATION, *ATLAS High-Level Trigger, Data Acquisition and Controls Technical Design Report*, Tech. rep., CERN, Genebra, Suiça, Maio 2003.
- [54] CERQUEIRA, A. S., CALÔBA, L. P., SEIXAS, J. M., “Analog System for Building the First-Level Triggering Signal Provided By the Hadronic Calorimeter of ATLAS Detector”, *Nuclear Instruments and Methods in Physics Research - A*, v. 570, n. 1, pp. 117–125, 2007.
- [55] SCHIAVI, C., “Implementation and Performance of the High Level Trigger Electron and Photon Selection for the ATLAS Experiment at the LHC”, *IEEE Transactions on Nuclear Science*, v. 53, n. 5, pp. 1424–1429, 2006.
- [56] MELLO, A. G., DOS ANJOS, A., ARMSTRONG, S., et al., “Overview of the High-Level Trigger Electron and Photon Selection for the ATLAS Experiment at the LHC”, *IEEE Transactions on Nuclear Science*, v. 53, n. 5, pp. 2839–2843, 2006.

- [57] GARVEY, J., HILLIER, S., MAHOUT, G., et al., “Use of an FPGA to identify electromagnetic clusters and isolated hadrons in the ATLAS level-1 calorimeter trigger”, *Nuclear Instruments and Methods in Physics Research A*, v. 512, n. 1, pp. 400–432, 2003.
- [58] SEIXAS, J. M., L. CALÃ’BA, M. S., “Neural Second-Level trigger system based on calorimetry”, *Computer Physics Communications*, v. 95, n. 2-3, pp. 143–157, Junho 1996.
- [59] JUNIOR, H. P. L., *MonitoraçÃo online e distribuída para um ambiente com alta taxa de eventos e fina segmentaçÃo*, Ph.D. Thesis, Universidade Federal do Rio de Janeiro, 2006.
- [60] HARMAN, H. H., *Modern Factor Analysis*. 2nd ed. University of Chicago Press: Chicago, Estados Unidos, 1967.
- [61] PARK, H. M., OH, S. H., LEE, S. Y., “Adaptive noise cancelling based on independent component analysis”, *Electronics Letters*, v. 38, n. 15, pp. 832–833, 2002.
- [62] MOURA, N. N., FILHO, E. F. S., SEIXAS, J. M., “Advances in Sonar Technology”, chap. Independent Component Analysis for Passive Sonar Signal Processing, pp. 91–110, In-Tech, 2009.
- [63] SARPERI, L., ZHU, X., NANDI, A. K., “Blind OFDM receiver based on independent component analysis for MIMO systems”, *IEEE Transactions on Wireless Communications*, v. 6, n. 11, pp. 4079–4089, 2007.
- [64] KWAK, K. C., PEDRYCZ, W., “Face recognition using an enhanced independent component analysis approach”, *IEEE Transactions on Neural Networks*, v. 18, n. 2, pp. 530–541, 2007.
- [65] ESCUDERO, J., HORNERO, R., ABASOLO, D., et al., “Artifact removal in magneto-encephalogram background activity with independent component analysis”, *IEEE Transactions on Biomedical Engineering*, v. 54, n. 11, pp. 1965–1973, 2007.

- [66] PAPOULIS, A., *Probability, Random Variables, and Stochastic Processes*. 3rd ed. McGraw-Hill: Nova York, Estados Unidos, 1991.
- [67] CICHOCKI, A., AMARI, S., *Adaptive Blind Signal and Image Processing*. John Wiley and Sons: West Sussex, Reino Unido, 2002.
- [68] HYVÄRINEN, A., OJA, E., “Independent Component Analysis: Algorithms and Applications”, *Neural Networks*, v. 13, n. 4-5, pp. 411–430, 2000.
- [69] SIMAS FILHO, E., SEIXAS, J. M., CALOBA, L. P., “Nonlinear Independent Component Analysis, Theoretical Review and Applications”, *Learning and Nonlinear Models*, v. 5, n. 2, pp. 99–120, 2007.
- [70] JUTTEN, C., KARHUNEN, J., “Advances in Nonlinear Blind Source Separation”. In: *Proceedings of the 4th Int. Symp. on Independent Component Analysis and Blind Signal Separation*, v. 1, pp. 245–256, Nara, Japão, 2003.
- [71] HYVÄRINEN, A., PAJUNEN, P., “Nonlinear Independent Component Analysis: Existence and Uniqueness results”, *Neural Networks*, v. 12, n. 3, pp. 429–439, 1999.
- [72] ROJAS, F., PUNTONET, C. G., ROJAS, I., “Independent component analysis evolution based method for nonlinear speech processing”, *Artificial Neural Nets Problem Solving Methods, PT II*, v. 2687, pp. 679–686, 2003.
- [73] HARITOPOULOS, M., YIN, H., ALLINSON, N. M., “Image denoising using self-organizing map-based nonlinear independent component analysis”, *Neural Networks*, v. 15, n. 8-9, pp. 1085–1098, 2002.
- [74] TALEB, A., JUTTEN, C., “Source Separation in post-nonlinear mixtures”, *IEEE Transactions on Signal Processing*, v. 47, n. 10, pp. 2807–2820, 1999.
- [75] SOLAZZI, M., UNCINI, A., “Spline neural networks for blind separation of post-nonlinear-linear mixtures”, *IEEE Transactions on Circuits and Systems - I: Regular Papers*, v. 51, n. 4, pp. 817–829, 2004.

- [76] WOO, W. L., DLAY, S. S., “Nonlinear blind source separation using a hybrid RBF-FMLP network”, *IEE Proceedings on Vision, Image and Signal Processing*, v. 8, n. 2, pp. 173–183, 2005.
- [77] GAO, P., WOO, W., DLAY, S. S., “Neural network approaches to nonlinear blind source separation”. In: *Proceedings of the Eighth International Symposium on Signal Processing and Its Applications*, v. 1, pp. 78–81, Sydney, Australia, 2005.
- [78] GRIFFEL, D. H., *Applied Functional Analysis*. Dover: West Sussex, Reino Unido, 1985.
- [79] PAJUNEN, P., HYVÄRINEN, A., KARHUNEN, J., “Nonlinear blind source separation by self-organizing maps”. In: *Proceedings of the International Conference on Neural Information Processing*, v. 1, pp. 1207–1210, Hong Kong, Setembro 1996.
- [80] LAPPALAINEN, H., HONKELA, A., “Advances in Independent Component Analysis”, chap. Bayesian nonlinear independent component analysis by multi-layer perceptrons, pp. 93–121, Springer, 2000.
- [81] BISHOP, C. M., SVENSEN, M., WILLIANS, C. K. I., “GTM: The generative topographic mapping”, *Neural Computation*, v. 10, pp. 215–234, 1998.
- [82] PAJUNEN, P., KARHUNEN, J., “A maximum likelihood approach to nonlinear blind source separation”. In: *Proceedings of the International Conference on Artificial Neural Networks*, v. 1, pp. 541–546, Lausanne, Suíça, 1997.
- [83] LAPPALAINEN, H., “Ensemble learning for independent component analysis”. In: *Proceedings of the International Workshop on Independent Component Analysis and Blind Signal Separation*, v. 1, pp. 7–12, Aussois, France, 1999.
- [84] LAPPALAINEN, H., MISKIN, J. W., “Advances in Independent Component Analysis”, chap. Ensemble learning, pp. 75–92, Springer, 2000.

- [85] VALPOLA, H., “Nonlinear independent component analysis using ensemble learning: Theory”. In: *Proceedings of the International Workshop on Independent Component Analysis and Blind Signal Separation*, v. 1, pp. 351–356, Helsinki, Finlândia, 2000.
- [86] HONKELA, A., “Approximating nonlinear transformations of probability distributions for nonlinear independent component analysis”. In: *Proceedings of the IEEE International Joint Conference on Neural Networks*, v. 3, pp. 2169–2174, Budapest, Hungria, 2004.
- [87] HONKELA, A., VALPOLA, H., ILIN, A., et al., “Blind separation of nonlinear mixtures by variational bayesian learning”, *Digital Signal Processing*, v. 17, n. 5, pp. 914–934, 2007.
- [88] ILIN, A., ACHARD, S., JUTTEN, C., “Bayesian versus constrained structure approaches for source separation in post-nonlinear mixtures”. In: *Proceedings of the IEEE International Joint Conference on Neural Networks*, v. 3, pp. 2181–2186, Budapest, Hungria, Julho 2004.
- [89] KARHUNEN, J., MALAROIU, S., “Local independent component analysis using clustering”. In: *Proceedings of the International Workshop on Independent Component Analysis and Blind Signal Separation*, v. 1, pp. 1–6, Aussois, France, 1999.
- [90] DUDA, R. O., HART, P. E., STORK, D. G., *Pattern Classification*. 2nd ed. Wiley: Nova York, Estados Unidos, 2000.
- [91] KOHONEN, T., OJA, E., SIMULA, O., et al., “Engineering Applications of the Self-Organizing Map”, *Proceedings of the IEEE*, v. 84, n. 10, pp. 1358–1384, Outubro 1996.
- [92] KARHUNEN, J., MALAROIU, S., ILMONIEMI, M., “Local linear independent component analysis based on clustering”, *International Journal of Neural Systems*, v. 10, pp. 439–451, 2000.
- [93] HONDA, K., ICHIHASHI, H., OHUE, M., et al., “Extraction of local independent components using fuzzy clustering”. In: *Proceedings of 6th Inter-*

*national Conference on Neural Networks and Soft Computing*, v. 1, pp. 837–842, Zakopane, Polônia, 2000.

- [94] MAENAKA, T., HONDA, K., ICHIHASHI, H., “Local independent component analysis with fuzzy clustering and regression-principal component analysis”. In: *Proceedings of IEEE International Conference on Fuzzy Systems*, v. 1, pp. 857–862, Vancouver, Canada, 2006.
- [95] PALMIERI, F., BUDILLON, A., “Advances in Independent Component Analysis”, chap. Multi-class independent component analysis for rank deficient distributions, pp. 145–160, Springer-Verlag, 2000.
- [96] LAN, T., ERDOGMUS, D., “Local Linear ICA for Mutual Information Estimation in Feature Selection”. In: *Proceedings of the IEEE Workshop on Machine Learning for Signal Processing*, v. 1, n. 1, pp. 3–8, Connecticut, Estados Unidos, Setembro 2005.
- [97] LAN, T., HUANG, Y., ERDOGMUS, D., “Independent Component Analysis and Blind Signal Separation”, v. 3889, chap. A Comparison of Linear ICA and Local Linear ICA for Mutual Information Based Feature Ranking, pp. 823–830, *Lecture Notes in Computer Science*, Springer, 2006.
- [98] COVER, T. M., THOMAS, J. A., *Elements of Information Theory*. Wiley: Nova York, Estados Unidos, 1991.
- [99] KOHONEN, T., *Self Organizing Maps*. 3rd ed. Springer: Berlin, Alemanha, 2001.
- [100] BASE, A. M., GRUBER, P., THEISA, F., et al., “Blind source separation based on self-organizing neural network”, *Engineering Applications of Artificial Intelligence*, v. 19, n. 3, pp. 305–311, 2006.
- [101] OJA, E., “Neural Networks, Principal Components, and Subspaces”, *International Journal of Neural Systems*, v. 1, n. 1, pp. 61–68, 1989.
- [102] DE OLIVEIRA E SOUZA FILHO, J. B., *Classificação Neural de Sinais Passivos*, Ph.D. Thesis, COPPE/UFRJ, Julho 2007.

- [103] LINDSEY, C., DENBY, B., HAGGERTY, H., et al., “Real Time Track Finding with a VLSI Neural Network”, *Nuclear Instruments and Methods in Physics Research A*, v. A, n. 317, pp. 346–356, 1992.
- [104] DENBY, B., “Neural Networks in high-energy physics, a ten year perspective”, *Computer Physics Communications*, v. 1, n. 119, pp. 219–231, 1999.
- [105] NGUYET, T. T., “Searches for new physics by the H1 experiment at HERA”, *Acta Physica Polonica B Proceedings Supplement*, v. 1, n. 2, pp. 407–409, 2008.
- [106] KOLANOSKI, H., “Application of artificial neural networks in particle physics”, *Nuclear Instruments and Methods in Physics Research A*, v. 1, n. 367, pp. 14–20, 1995.
- [107] AKER, E., “The Crystal Barrel Spectrometer at LEAR”, *Nuclear Instruments and Methods in Physics Research A*, v. 321, n. 6, pp. 69–108, 1992.
- [108] DEGENER, T., “A Feed Forward Neural Network for Recognition of Fluctuations in Electromagnetic Showers”. In: *Proceedings of the International Workshop on Software Engineering, Artificial Intelligence and Expert Systems for High Energy and Nuclear Physics*, v. 1, n. 1, pp. 1–11, Oberammergau, Alemanha, 1993.
- [109] WESTERHOFF, S., MEYER, H., “Neural nets as a tool for separating gamma and hadron induced Air Showers”. In: *Proceedings of the AIHENP*, v. 1, n. 1, pp. 1–8, Pisa, Itália, 1995.
- [110] PRORIOL, J., “Selection of variables for neural network analysis. Comparison of several methods with high energy physics analysis”, *Nuclear Instruments and Methods in Research A*, v. 361, n. 3, pp. 581–585, 1995.
- [111] BUSSINO, S., MARI, M., “Gamma-hadron discrimination in extensive air showers using a neural network”, *Astroparticle Physics*, v. 1, n. 15, pp. 65–77, 2005.

- [112] WHITESON, S., WHITESON, D., “Machine learning for event selection in high energy physics”, *Engineering Applications of Artificial Intelligence*, v. 22, n. 8, pp. 1203–1217, 2009.
- [113] RIGGI, S., CARUSO, R., INSOLIA, A., et al., “A neural network approach to event-by-event cosmic ray primary mass identification”, *Proceedings of Science*, v. ACAT07, n. 035, pp. 1–13, 2007.
- [114] LANG, M. J., “Application of Kohonen network classifier in TeV gamma-ray astronomy”, *Journal of Physics G: Nuclear Particle Physics*, v. 1, n. 24, pp. 2279–2287, 1998.
- [115] BECKS, K. H., DRESS, J., FLAGMEYER, U., et al., “Separation of hadronic W-decays from QCD-background with self-organizing maps”, *Nuclear Instruments and Methods in Physics Research A*, v. 426, n. 2, pp. 599–604, 1999.
- [116] LANGE, J. S., “Transputer self-organizing map algorithm for beam background rejection at the BELLE silicaaon vertex detector”, *Nuclear Instruments and Methods in Physics Research A*, v. 420, n. 1, pp. 288–309, 1999.
- [117] WYZYKOWSKI, L., BELOKUROV, V., “Self-organizing maps, an application to the OGLE data and the Gaia Science Alerts”. In: *Proceedings of the International Conference on Classification and discovery in large astronomical surveys, AIP Conference Proceedings*, v. 1083, n. 1, pp. 201–206, Rinberg Castle, Alemania, 2008.
- [118] HEIKKINEN, A., “Separation of Higgs boson signal from Drell-Yan background with self-organizing maps”, *Proceedins of Science*, v. ACAT07, n. 065, pp. 1–8, 2007.
- [119] PRORIOL, J., “Selection of variables for neural network analysis. Comparison of several methods with high-energy physics data”, *Nuclear Instruments and Methods in Physics Research A*, v. 361, n. 1, pp. 581–585, 1995.

- [120] WOLTER, M., “Multivariate Analysis Methods in Physics”, *Physics of Particles and Nuclei*, v. 38, n. 2, pp. 255–268, 2007.
- [121] AKRAS, S., BOUMIS, P., “A principal component analysis approach to the morphology of planetary nebulae”, *Astrophysics Journal*, v. 1, n. 1, pp. 1–8, 2007.
- [122] CADAVID, A. C., LAWRENCE, J. K., RUZMAIKIN, A., “Principal Components and Independent Component Analysis of Solar and Space Data”, *Solar Physics Journal*, v. 248, n. 2, pp. 247–261, 2008.
- [123] LIMA JR., H., SEIXAS, J., “A segmented principal component analysis applied to calorimetry information at ATLAS”, *Nuclear Instruments and Methods in Physics Research A*, v. 559, n. 1, pp. 129–133, Abril 2006.
- [124] HUANG, X., LEE, S. Y., PREBYS, E., et al., “Application of independent component analysis to Fermilab BOOSTER”, *Physical Review Special Topics, Accelerators and Beams*, v. 8, n. 6, pp. 1–14, 2005.
- [125] FERNANDEZ, C., NAYERI, S., “Independent Component Analysis Applications in Physics”. In: *Proceedings of the Int. Joint Conference on Neural Networks*, v. 1, n. 1, pp. 2213–2216, Montreal, Canada, 2005.
- [126] COSTAGLIA, M., KURUOGLU, E. E., AHMED, A., “Astrophysical Source Separation using Particle Filters”, *Lecture Notes in Computer Science - Independent Component Analysis and Blind Signal Separation*, v. 3195, pp. 930–937, 2004.
- [127] IGUAL, J., LINHARES, R., SALAZAR, A., “Source Separation of Astrophysical Ice Mixtures”, *Lecture Notes in Computer Science - Independent Component Analysis and Blind Signal Separation*, v. 3889, pp. 368–375, 2006.
- [128] MOUDDEN, Y., ABRIAL, P., MELIN, J. B., et al., “Independent Component Separation from Incomplete Spherical Data using Wavelets. Application to CMB Data Analysis”. In: *Proceedings of the International Conference on*

*Physics in Signal and Image Processing*, v. 1, pp. 1–6, Toulouse, France, 2005.

- [129] VIOO, R., ANDREANI, P., “A Modified ICA Approach for Signal Separation in CMB maps”, *Astronomy and Astrophysics Journal*, v. 802, pp. 1–12, Fevereiro 2008.
- [130] KUNCHEVA, L., *Combining Pattern Classifiers, Methods and Algorithms*. Wiley: Nova York, Estados Unidos, 2004.
- [131] GERSHO, A., “On the Structure of Vector Quantizers”, *IEEE Transactions on Information Theory*, v. 28, n. 2, pp. 157–166, Março 1982.
- [132] GRAY, R. M., “Vector Quantization”, *IEEE ASSP Magazine*, v. Part 1, pp. 4–29, Abril 1984.
- [133] KOHONEN, T., “Improved versions of learning vector quantization”. In: *Proceedings of the International Joint Conference on Neural Networks*, v. 1, pp. 545–550, San Diego, Estados Unidos, 1990.
- [134] BARAS, J. S., DEY, S., “Combined Compression and Classification with Learning Vector Quantization”, *IEEE Transactions on Information Theory*, v. 45, n. 6, pp. 1911–1920, 1999.
- [135] FREEMAN, J. A., SKAPURA, D. M., *Neural Networks Algorithms, Applications, and Programming Techniques*. Addison Wesley, 1991.
- [136] PEEBLES JR., P. Z., *Probability, Random Variables and Random Signal Principles*. Mc Graw Hill: Nova York, Estados Unidos, 2001.
- [137] SPIEGEL, M. R., SCHILLER, J. J., SRINIVASAN, R. A., *Probability and Statistics*. 2nd ed. McGraw-Hill: Nova York, Estados Unidos, 2000.
- [138] SHANNON, C. E., “A Mathematical Theory of Communication”, *The Bell System Technical Journal*, v. 27, n. 6, pp. 379–423, Julho 1948.
- [139] HYVARINEN, A., “New approximations of differential entropy for independent component analysis and projection pursuit”, *Advances in Neural Information Processing Systems*, v. 10, pp. 273–279, 1998.

- [140] CICHOCKI, A., UNBEHAUEN, R., “Robust Neural Networks with On-Line Learning for Blind Identification and Blind Separation of Sources”, *IEEE Transactions on Circuits and Systems-I: Fundamental Theory and Applications*, v. 43, n. 11, Novembro 1996.
- [141] CARDOSO, J.-F., SOULOUMIAC, A., “Blind Beamforming for Non-gaussian Signals”, *IEE Proceedings-F*, v. 140, n. 6, pp. 362–370, Novembro 1993.
- [142] HYVÄRINEN, A., “Fast and Robust Fixed-Point Algorithms for Independent Component Analysis”, *IEEE Transactions on Neural Networks*, v. 10, n. 3, pp. 626–634, 1999.
- [143] LUENBERGER, D. G., *Linear and Nonlinear Programming*. Addison-Wesley: Boston, Estados Unidos, 1984.
- [144] MICHAL, A. D., *Matrix and Tensor Calculus*. 1st ed. Dover: West Sussex, Reino Unido, 2008.
- [145] CARDOSO, J. F., “Source separation using higher order moments”. In: *Proceedings of the IEEE Int. Conf. on Acoustics, Speech and Signal Processing*, v. 4, pp. 2109–2112, Glasgow, Reino Unido, 1989.
- [146] AKUZAWA, T., MURATA, N., “Multiplicative Nonholonomic Newton-like Algorithm”, *Chaos, Solitons and Fractals*, v. 12, n. 4, pp. 785–793, 2001.
- [147] AKUZAWA, T., “Extended Quasi-Newton Method for the ICA”. In: *Proceedings of the Int. Workshop Independent Component Anal. Blind Signal Separation*, pp. 521–525, Helsinki, Finlândia, 2000.
- [148] CUENCA, W. M., LEVY, A. F., SEIXAS, J. M., et al., “Análise de Componentes Independentes para Extração Cega de Ruídos Gaussianos dos Sinais de Descargas Parciais em Equipamentos de Alta Tensão”. In: *Anais do Congresso Brasileiro de Redes Neurais*, v. 1, pp. 133–138, São Paulo, 2003.
- [149] CICHOCKI, A., DOUGLAS, S., AMARI, S., “Robust techniques for independent component analysis with noisy data”, *Neurocomputing*, v. 22, n. 1-3, pp. 113–129, 1998.

- [150] HYVÄRINEN, A., “Independent Component Analysis in the Presence of Gaussian Noise by Maximizing Joint Likelihood”, *Neurocomputing*, v. 22, n. 1-3, pp. 49–67, 1998.
- [151] HYVÄRINEN, A., “Sparse Code Shrinkage: Denoising of Nongaussian Data by Maximum Likelihood Estimation”, *Neural Computation*, v. 11, n. 7, pp. 1739–1768, 1999.
- [152] PARASCHIV-IONESCU, A., JUTTEN, C., AMINIAN, K., et al., “Source separation in strong noisy mixtures a study of wavelet de-noising pre-processing”. In: *IEEE International Conference on Acoustics, Speech, and Signal Processing*, v. 2, pp. 1681–1684, Orlando, Estados Unidos, 2002.
- [153] TAN, Y., WANG, J., “Nonlinear Blind Source Separation using Higher Order Statistics and a Genetic Algorithm”, *IEEE Transactions on Evolutionary Computation*, v. 5, n. 6, pp. 600–612, 2001.
- [154] KAI, S., QI, W., MINGLI, D., “Approach to nonlinear blind source separation based on niche genetic algorithm”. In: *Proceedings of the Sixth International Conference on Intelligent Systems Design and Applications*, v. 1, pp. 441–445, Jinan, China, 2006.
- [155] GOLDBERG, D. E., *Genetic Algorithms in Search, Optimization and Machine Learning*. Addison-Wesley: Boston, Estados Unidos, 1989.
- [156] TAN, Y., WANG, J., “Nonlinear blind separation using an RBF network model”. In: *Proceedings of the IEEE International Symposium on Circuits and Systems*, v. 3, pp. 634–637, Genebra, Suiça, 2000.
- [157] TREES, H. L. V., *Detection, Estimation, and Modulation Theory, Part I*. Wiley: Nova York, Estados Unidos, 2001.
- [158] SHANMUGAN, K. S., BREIPOHL, A. M., *Random Signals, Detection, Estimation and Data Analysis*. Wiley: Nova York, Estados Unidos, 1988.
- [159] FISHER, R. A., “The Use of Multiple Measurements in Taxonomic Problems”, *Annals of Eugenics*, v. 7, pp. 179–188, 1936.

- [160] SIMAS FILHO, E. F., ALMEIDA, L. A. L., LIMA, A. C. C., “Vibration Monitoring of On-Load Tap Changers Using a Genetic Algorithm”. In: *Proceedings of the IEEE Instrumentation and Measurement Technology Conference*, v. 3, pp. 2288–2293, Ottawa, Canada, 2005.
- [161] SIMAS FILHO, E. F., ALMEIDA, L. A. L., “Filtragem inversa de medições de histerese térmica utilizando Redes Neurais”. In: *Anais do XVI Congresso Brasileiro de Automática*, v. 1, pp. 1–6, Salvador, Brasil, Outubro 2006.
- [162] ZOPPOLI, R., PARISINI, T., SANGUINETI, M., “Neural Aproximators for Function Optimization”, *Proceedings of the 35th conference on decision and control*, v. 3, pp. 3290–3293, 1996.
- [163] ICHIKAWA, Y., SAWA, T., “Neural Networks Application for Direct Feed-back Controllers”, *IEEE Transactions on Neural Networks*, v. 3, n. 2, pp. 224–231, 1992.
- [164] WASSERMAN, P., *Neural Computing, Theory and Practice*. Van Nostrand Reinhold: Nova York, Estados Unidos, 1989.

# Apêndice A

## Aspectos Teóricos das Técnicas de Extração de Características

Neste apêndice serão fornecidos os detalhes da teoria envolvida nos diversos métodos de extração de características utilizados neste trabalho.

### A.1 Mapas auto-organizáveis

#### A.1.1 Quantização vetorial por aprendizado

A quantização vetorial (VQ - *Vector Quantization*) é uma técnica de codificação onde um espaço de entrada é mapeado em um grupo finito de vetores representativos (*codebook*) [131]. A codificação é definida como um particionamento do espaço de entrada em um número finito de regiões. O quantizador realiza um mapeamento do espaço  $\mathbb{R}^k$ , em um subconjunto finito  $Y$  de  $\mathbb{R}^k$ :

$$Q : \mathbb{R}^k \rightarrow \mathbf{Y} \quad (\text{A.1})$$

sendo  $\mathbf{Y} = \{y_1, y_2, \dots, y_k\}$  o livro de código (*codebook*). Para cada palavra de código  $y_i$  existe uma partição  $R_i$  do espaço de entrada que satisfaz:

$$R_i = Q^{-1}(y_i) = \{\mathbf{x} \in \mathbb{R}^k : Q(\mathbf{x}) = y_i\} \quad (\text{A.2})$$

$$\bigcup_{i=1}^N R_i = \mathbb{R}^k, \quad R_i \cap R_j = \emptyset, \quad i \neq j \quad (\text{A.3})$$

Quando um quantizador vetorial possui mínima distorção é denominado **quantizador de Voronoi**. Neste caso, diz-se que o espaço de entrada está particionado de acordo com a regra do vizinho mais próximo, e as partições criadas são chamadas de células de Voronoi [132]. Usando-se a distância euclidiana como parâmetro de distorção, o quantizador  $Q^*$  é dito ótimo se, para qualquer outro quantizador  $Q$ , com o mesmo número de pontos, a condição abaixo é satisfeita:

$$E\|\mathbf{x} - Q^*(\mathbf{x})\|^2 \leq E\|\mathbf{x} - Q(\mathbf{x})\|^2 \quad (\text{A.4})$$

As palavras de código ou os vetores de Voronoi podem ser calculados de modo aproximado pelo algoritmo SOM. O *codebook* é formado a partir dos pesos sinápticos dos neurônios do mapa. As células de Voronoi são compostas pelos pontos do espaço de entrada que estão mais próximos do vetor de código correspondente.

Em um problema de classificação, pode-se empregar a quantização vetorial por aprendizado (*Learning Vector Quantization*) [133], que utiliza informações sobre as classes para mover ligeiramente os vetores de Voronoi, visando a uma melhora no desempenho de decisão do classificador.

Na sua forma básica, o algoritmo LVQ escolhe aleatoriamente um vetor de entrada  $\mathbf{x}$ ; quando seu rótulo de classe  $\mathcal{C}_{\mathbf{x}_i}$  e o de um vetor de Voronoi  $\mathbf{w}_c$  concordam, então,  $\mathbf{w}_c$  é movido na direção de  $\mathbf{x}$ :

$$\mathcal{C}_{\mathbf{w}_c} = \mathcal{C}_{\mathbf{x}_i} \rightarrow \mathbf{w}_c(n+1) = \mathbf{w}_c(n) + \alpha[\mathbf{x} - \mathbf{w}_c(n)] \quad (\text{A.5})$$

onde  $\alpha$  é a taxa de aprendizagem ( $0 < \alpha < 1$ ). Em caso contrário,  $\mathbf{w}$  é afastado de  $\mathbf{x}$ :

$$\mathcal{C}_{\mathbf{w}_c} \neq \mathcal{C}_{\mathbf{x}_i} \rightarrow \mathbf{w}_c(n+1) = \mathbf{w}_c(n) - \alpha[\mathbf{x} - \mathbf{w}_c(n)] \quad (\text{A.6})$$

Conforme proposto em [133], podem ser implementadas algumas modificações na forma básica do algoritmo de LVQ, visando a melhorar o desempenho do método.

Chega-se, então, aos algoritmos LVQ-2 e LVQ-2.1, que ajustam dois vetores de código simultaneamente.

Alguns exemplos da aplicação da quantização vetorial por aprendizado para compressão de sinais e classificação podem ser encontrados em [133] e [134].

### A.1.2 Classificação a partir do mapa de características

Considerando um problema de classificação, o mapeamento auto-organizável consegue transformar o conjunto de sinais, revelando características ocultas. A nova organização do conjunto de entrada pode ser utilizada para guiar o processo de discriminação. Em [135] é proposta uma estratégia de classificação a partir do mapa de características onde uma rede neural MLP é conectada às saídas do SOM (ver Figura A.1). A MLP é treinada com supervisão usando informações a respeito das classes de sinais.

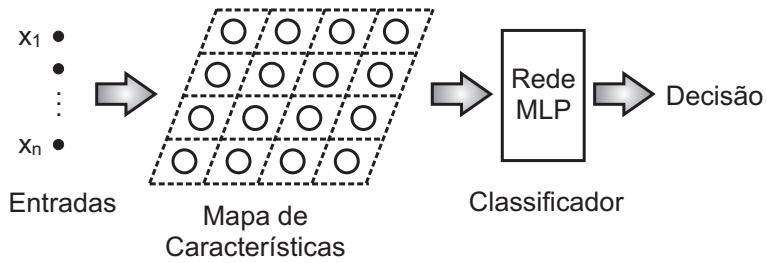


Figura A.1: Diagrama da classificação a partir do mapa de características

## A.2 Análise de Componentes Principais

### A.2.1 Redução de dimensão

A principal aplicação da PCA é a compactação da informação. A redução de dimensão é obtida utilizando-se para a reconstrução do sinal original  $\mathbf{x}$  um número  $K$  de componentes principais sendo  $K < N$ . Na Figura A.2 é ilustrado o processo de redução de dimensão utilizando análise de componentes principais. Em geral, o número de componentes é escolhido visando a preservar uma parcela  $V_e$  da energia total, de modo que  $\hat{\mathbf{x}} \approx \mathbf{x}$ . A variância explicada  $V_e$  de um conjunto de componentes

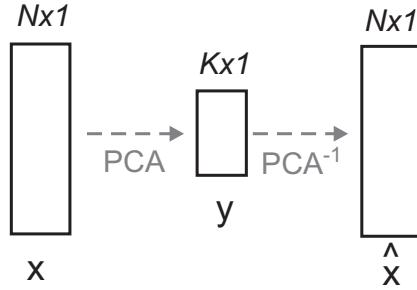


Figura A.2: Compressão e recuperação do sinal  $\mathbf{x}$  utilizando a transformação por PCA.

pode ser calculada usando-se:

$$V_e(K) = \frac{\sum_{i=1}^K d_i}{\sum_{i=1}^N d_i}, \quad (\text{A.7})$$

sendo  $d_i$  o autovalor da matriz  $\mathbf{C}_x$  de covariância do processo correspondente à componente  $i$ .

A transformação por PCA é ótima no sentido de representação do sinal nas primeiras componentes, mas não há garantia de que a compactação facilite o processo de classificação. Quando as direções de maior variância coincidem com as de melhor discriminação das classes, então a PCA é também útil para o reconhecimento de padrões, em caso contrário, a redução de dimensão pode dificultar a separação. Entretanto, em problemas de classificação onde a dimensão da entrada é excessivamente grande o pré-processamento por PCA reduz o custo computacional e consequentemente o tempo de processamento.

## A.3 Análise de Componentes Independentes

### A.3.1 Princípios de estimativa das componentes independentes

No modelo básico da ICA (ver equação (5.3)) assume-se que a matriz  $\mathbf{A}$  é quadrada e não são considerados os atrasos temporais nem a existência de ruído aditivo. O princípio básico para a extração das componentes independentes é obtido do teorema

do limite central. Como a soma de duas variáveis aleatórias independentes é sempre mais próxima de uma distribuição normal do que as variáveis originais, os sinais misturados  $x_i$ , que são gerados a partir do somatório ponderado das fontes  $s_i$ , têm distribuições de probabilidade mais semelhantes à Gaussiana quando comparadas aos sinais originais. As fontes podem ser obtidas então pela maximização da não-Gaussianidade.

### Maximização da não-Gaussianidade

A **curtose** é o cumulante de quarta ordem, e para uma variável  $y$  de média zero e variância unitária é definida por [136]:

$$kurt(y) = \mathcal{E}\{y^4\} - 3(\mathcal{E}\{y^2\})^2. \quad (\text{A.8})$$

Variando no intervalo  $[-2, \infty)$ , a curtose é igual a zero para uma variável Gaussiana, os valores negativos indicam sub-Gaussianidade e os positivos super-Gaussianidade.

A curtose é um parâmetro estatístico facilmente calculado a partir das realizações da variável aleatória, porém seu valor pode ser bastante influenciado por um pequeno conjunto de pontos na cauda da distribuição [137], sendo, nesse caso, pouco robusta para a estimativa da não-Gaussianidade. Conhecidos como intrusos (ou *outliers*) esses pontos podem realmente pertencer à variável aleatória, ou ter sido artificialmente introduzidos por algum fenômeno desconhecido, como erro de medida ou de digitação.

Uma estimativa alternativa da não-Gaussianidade pode ser obtida a partir da **negentropia**, que é calculada por [98]:

$$J(y) = H(y_{gauss}) - H(y), \quad (\text{A.9})$$

onde  $H(\cdot)$  é a entropia, e  $y_{gauss}$  é uma variável aleatória Gaussiana com a mesma média e variância de  $y$ . A entropia é um dos conceitos básicos da teoria da informação e pode ser interpretada como o grau de informação contido em uma variável. Para uma variável aleatória discreta a entropia é definida como [138]:

$$H(Y) = - \sum_i P(Y = a_i) \log P(Y = a_i), \quad (\text{A.10})$$

onde os  $a_i$  são os possíveis valores da variável  $Y$ , e  $P(Y = a_i)$  é a probabilidade de  $Y$  ser igual a  $a_i$ .

Um resultado importante obtido a partir da teoria da informação é que uma variável Gaussiana tem a máxima entropia entre todas as variáveis de mesma variância. Considerando a equação (A.9), a negentropia é sempre não negativa e zero quando a variável é Gaussiana, servindo como uma medição da não-Gaussianidade. O grande problema no cálculo de  $J(\cdot)$  é a necessidade de se estimar as probabilidades da equação (A.10). Para evitar esse cálculo, utilizam-se aproximações da negentropia. Conforme descrito em [7], existem duas aproximações mais utilizadas para a negentropia, uma faz uso de cumulantes de ordem superior:

$$J(Y) \approx \frac{1}{12}E\{Y^3\}^2 + \frac{1}{48}kurt(Y)^2, \quad (\text{A.11})$$

e outra utiliza funções não-polinomiais [139]:

$$J(Y) \approx [k_1(E\{G_1(Y)\})^2 + k_2(E\{G_2(Y)\} - E\{G_2(\nu)\})^2], \quad (\text{A.12})$$

onde  $\nu$  é uma variável aleatória Gaussiana de média zero e variância unitária. As funções não-lineares recomendadas em [139] são  $G_1(y) = y \exp(-y^2/2)$  e  $G_2(y) = |y|$  ou  $G_2(y) = \exp(-y^2/2)$ .

O uso de cumulantes traz de volta o problema da pouca robustez a *outliers*. É mostrado em [139] que o uso das funções não-polinomiais leva ao método da máxima entropia [7].

### Minimização da informação mútua

Um outro método de estimação de ICA, também derivado da teoria da informação, é obtido pela minimização da informação mútua. A informação mútua  $I(\cdot)$  entre  $m$  variáveis aleatórias escalares  $y_i$  é definida como [68]:

$$I(y_1, y_2, \dots, y_m) = \sum_{i=1}^m H(y_i) - H(\mathbf{y}) \quad (\text{A.13})$$

A entropia  $H(y_i)$  pode ser interpretada como o comprimento de código (ou a quantidade de informação) necessário para representar a variável  $y_i$ . Conforme a equação (A.13), a informação mútua é a diferença entre o somatório das entropias

de cada uma das  $m$  variáveis  $y_i$  e a entropia do vetor aleatório  $\mathbf{y} = [y_1, y_2, \dots, y_m]$ . Pode-se provar que a codificação mais eficiente é obtida quando se utiliza o conjunto de variáveis  $\mathbf{y}$ . Utilizar as variáveis isoladamente sempre gera um maior código, menos quando as  $y_i$  são independentes, pois desta forma uma variável não carrega informação sobre as demais, sendo a informação mútua igual a zero. Desta forma,  $I(y_1, y_2, \dots, y_m)$  pode ser utilizada como uma medida da dependência entre as variáveis. A matriz  $\mathbf{W}$  de transformação inversa da ICA, conforme equação 5.8, pode ser estimada através da minimização da informação mútua dos sinais  $s_i$  recuperados.

### ICA através da descorrelação não linear

A igualdade da equação:

$$\mathcal{E}\{g(x)h(y)\} = \mathcal{E}\{g(x)\}\mathcal{E}\{h(y)\} \quad (\text{A.14})$$

repetida aqui para comodidade do leitor, garante que as variáveis  $x$  e  $y$  são independentes quando todas funções  $g(\cdot)$  e  $h(\cdot)$ , integráveis em  $x$  e  $y$  são descorrelacionadas. Portanto, a extração das ICs pode ser obtida testando-se a correlação entre todas as funções não-lineares  $g(\cdot)$  e  $h(\cdot)$ .

Existem alguns algoritmos propostos na literatura para o problema da descorrelação não-linear, como o *Hérault-Jutten* [7] e o *Chichocki-Unbehauen* [140], mas como não é possível testar a descorrelação entre todas as funções não-lineares, escolhem-se  $f(\cdot)$  e  $g(\cdot)$  visando-se a obter boas aproximações das componentes independentes. O algoritmo *Hérault-Jutten*, por exemplo, aconselha o uso de  $f(y) = y^3$  e  $g(y) = \operatorname{arctg}(y)$ , já o *Chichocki-Unbehauen* sugere uma função polinomial e a tangente hiperbólica.

A PCA não-linear (NLPCA - *Non-linear Principal Component Analysis*) pode ser vista como uma extensão não linear da PCA, e é capaz de encontrar projeções descorrelacionadas não-linearmente. Enquanto o objetivo da PCA é minimizar o erro médio quadrático de reconstrução do sinal projetando as componentes numa base ortonormal, a NLPCA pode ser definida de modo simples através da função-

objetivo a ser minimizada:

$$J(\mathbf{w}_1, \mathbf{w}_2, \dots, \mathbf{w}_n) = \mathcal{E}\left\{\|\mathbf{x} - \sum_{i=1}^n g_i(\mathbf{w}_i^T \mathbf{x}) \mathbf{w}_i\|^2\right\}, \quad (\text{A.15})$$

onde  $g_1(\cdot), g_2(\cdot), \dots, g_n(\cdot)$  é um conjunto de funções escalares e não-lineares, e os vetores  $\mathbf{w}_i$  formam a base do sub-espacô onde serão projetadas as entradas  $\mathbf{x}$ . Quando o mínimo de  $J(\mathbf{w}_1, \mathbf{w}_2, \dots, \mathbf{w}_n)$  for encontrado, o produto  $\mathbf{w}_i^T \mathbf{x}$  dará as componentes principais não-lineares. Se  $g_i(y) = y$  para todo  $i$ , então equação (A.15) se reduz à função objetivo da PCA. Quando os sinais satisfazem ao modelo da ICA, mostrado na equação (5.3), a NLPCA obtém uma aproximação das componentes independentes.

### A.3.2 Pré-processamento dos sinais para ICA

Em geral, os algoritmos de extração das componentes independentes têm seu trabalho simplificado quando os sinais são centralizados, ou seja, têm sua média removida fazendo-se:

$$\mathbf{x} \leftarrow \mathbf{x} - \mathcal{E}\{\mathbf{x}\} \quad (\text{A.16})$$

Outra transformação importante é o branqueamento. Um vetor  $\mathbf{z} = (z_1, z_2, \dots, z_n)^T$  é dito branco quando os elementos  $z_i$  são descorrelacionados e têm variância unitária. O branqueamento pode ser realizado por uma transformação linear:

$$\mathbf{z} = \mathbf{V}\mathbf{x} \quad (\text{A.17})$$

O branqueamento, que é apenas a descorrelação seguida de uma normalização, pode ser realizado por uma transformação através de PCA. Com as variáveis branqueadas a extração da ICA é facilitada, pois os sinais já estão descorrelacionados.

Em problemas com vetores de entrada de alta dimensão, é importante a compactação da informação através de PCA ou Análise de Relevância para facilitar o processo de extração das componentes independentes.

### A.3.3 Principais algoritmos para ICA

Diversos algoritmos vêm sendo propostos para a extração das componentes independentes. Essas rotinas diferem basicamente no princípio teórico no qual fundamentam

a obtenção das componentes independentes (não-Gaussianidade, informação mútua, descorrelação não-linear, etc) e na forma fazem a otimização da função objetivo es-colhida. Os principais parâmetros para avaliação de desempenho são o tempo de processamento (complexidade computacional) e a precisão na extração das compo-nentes.

Um estudo comparativo entre diversos métodos de estimativa das componentes independentes foi realizado em [7]. O algoritmo **FastICA**, descrito com detalhes em [7] e [68], é o que apresenta menor custo computacional. Algoritmos que rea-lizam descorrelação não linear e NLPCA têm desempenho semelhante ao FastICA em termos da precisão na obtenção da matriz  $\mathbf{W}$ , porém exigem maior esforço de computação. O algoritmo **JADE** (*Joint Approximate Diagonalization of Eigen-matrices*) proposto em [141] também é muito utilizado em ICA, mostrando bons resultados.

### **Algoritmo FastICA**

Considerando as aproximações da negrentropia mostradas nas Equações (A.11) e (A.12), e o fato de que a minimização da negrentropia leva à independência es-tatística, no trabalho [142] foram propostos algoritmos de ponto fixo para ICA (cha-mados FastICA), que utilizam iterações semelhantes às de Newton [143]. Entre as vantagens deste algoritmo pode-se citar simplicidade computacional, baixa utilizaçāo de memória e boas características de convergência [68].

A partir de algumas manipulações da equação (A.12), o algoritmo FastICA para estimação de uma componente independente é formulado a seguir para sinais pré-branqueados:

1. Escolha um vetor de pesos inicial  $\mathbf{w}$  de modo aleatório;
2. Faça  $\mathbf{w}^+ = E\{\mathbf{x}g(\mathbf{w}^T \mathbf{x})\} - E\{g'(\mathbf{w}^T \mathbf{x})\}\mathbf{w}$ ;
3.  $\mathbf{w} = \mathbf{w}^+ / \| \mathbf{w}^+ \|$ ;
4. Se o algoritmo não tiver收敛ido voltar para o passo 2.

Os autores sugerem o uso de uma das funções  $g(\cdot)$  a seguir:

$$g_1(x) = \tgh(a_1x), \quad (\text{A.18})$$

$$g_2(x) = x \exp(-a_2 u^2/2), \quad (\text{A.19})$$

$$g_3(x) = x^3, \quad (\text{A.20})$$

onde  $1 \leq a_1 \leq 2$  e  $a_2 \approx 1$ . A escolha da função não-linear pode ser guiada pelas características a seguir [142]: a função  $g_1(\cdot)$  é indicada quando não há informação a respeito da estatística das componentes independentes, pois o algoritmo apresenta resultados satisfatórios para qualquer tipo de distribuição; o uso de  $g_2(\cdot)$  é indicado quando as componentes independentes são super-Gaussianas e o  $g_3(\cdot)$  deve ser utilizada para estimar componentes sub-Gaussianas.

Para estimar mais de uma componente independente pode-se utilizar métodos de ortogonalização deflacionária como o de Gram-Schmidt [7].

### Algoritmo JADE

No algoritmo JADE (*Joint Approximate Diagonalization of Eigenmatrices*), as informações estatísticas de segunda e quarta ordem são utilizadas a partir de uma abordagem tensorial. Tensores [144] são generalizações de alta-dimensão das matrizes. O tensor cumulante de quarta ordem  $\mathbf{T}_4$  é uma “matriz” de quatro dimensões onde cada elemento é definido por  $q_{ijkl} = \text{cum}(x_i, x_j, x_k, x_l)$ , os índices i,j,k e l variam de 1 até N (onde N é o número de sinais) e  $\text{cum}(x_i, x_j, x_k, x_l)$  é o cumulante de quarta ordem:

$$\begin{aligned} \text{cum}(x_i, x_j, x_k, x_l) &= E\{x_i, x_j, x_k, x_l\} - E\{x_i, x_j\}E\{x_k, x_l\} \\ &\quad - E\{x_i, x_k\}E\{x_j, x_l\} - E\{x_k, x_j\}E\{x_i, x_l\} \end{aligned} \quad (\text{A.21})$$

Sabe-se que a diagonalização da matriz de correlação ( $\mathbf{C}_y$ ) produz a descorrelação entre os componentes de  $\mathbf{y}$  [7]. Para sinais independentes, apenas quando  $i=k=j=l$  os cumulantes de quarta-ordem são diferentes de zero. Considerando isso, os métodos Tensoriais de ICA propõe a diagonalização de  $\mathbf{T}_4$  para alcançar a independência estatística [141].

Embora teoricamente simples, a utilização de métodos tensoriais de ICA exigem uma grande quantidade de recursos computacionais para a decomposição em

auto-valores de matrizes de quarta-ordem. O algoritmo JADE propõe um método aproximado para a diagonalização de  $\mathbf{T}_4$ , se tornando mais leve computacionalmente.

Considerando que os dados satisfazem o modelo da ICA para dados pré-branqueados, pode-se escrever:

$$\mathbf{z} = \mathbf{V}\mathbf{A}\mathbf{s} = \mathbf{W}^T\mathbf{s} \quad (\text{A.22})$$

onde  $\mathbf{x} = \mathbf{As}$  são os sinais observados,  $\mathbf{V}$  é a matriz de branqueamento e  $\mathbf{W}^T = VA$  é a matriz de misturas branqueada. Neste caso, pode-se provar (ver [7] que o tensor cumulante de  $\mathbf{z}$  tem uma estrutura especial e suas auto-matrizes são descritas por:

$$\mathbf{M} = \mathbf{w}_m \mathbf{w}_m^T \quad (\text{A.23})$$

onde  $m=1,\dots,N$  e  $w_n$  são as colunas da matriz  $\mathbf{W}^T$

O algoritmo JADE utiliza a transformação linear  $F_{ij}$  da matriz  $\mathbf{M}$  definida por:

$$F_{i,j}(\mathbf{M}) = \sum m_{kl} \text{cum}(x_i, x_j, x_k, x_l) \quad (\text{A.24})$$

onde  $m_{kl}$  é um elemento da matriz  $\mathbf{M}$ .

A decomposição em autovalores é vista como um processo de diagonalização, então busca-se a matriz  $\mathbf{W}$  que diagonaliza  $F(\mathbf{M})$  para qualquer  $\mathbf{M}$  (ou seja,  $Q = \mathbf{W}F(\mathbf{M}_i)\mathbf{W}^T$  é uma matriz diagonal).

A função custo do método JADE busca a diagonalização de  $\mathbf{Q}$  pela maximização da soma dos elementos de sua diagonal. As matrizes  $\mathbf{M}_i$  utilizadas são as automatrizes do tensor cumulante dos dados, pois assim tem-se um conjunto de  $N$  matrizes que contém toda a informação relevante a respeito dos cumulantes.

Os métodos tensoriais [145, 141] foram, provavelmente, a primeira classe de algoritmos capazes de executar a ICA de modo realmente eficiente [7]. Atualmente, estes métodos são mais utilizados para sinais de baixa dimensão, pois o custo computacional aumenta rapidamente com o número de componentes a serem estimados.

### **Algoritmo Multiplicativo com Iteração de Newton**

Um algoritmo multiplicativo para ICA foi proposto por Akuzawa e Murata em [146]. Usando a curtose como função para avaliar a independência, esse algoritmo utiliza

estratégia de otimização de segunda ordem, através do método de Newton [143], para estimar as componentes independentes.

O algoritmo proposto por Akuzawa não requer pré-branqueamento, operando diretamente sobre os dados medidos. Resultados experimentais obtidos em [147, 148] indicam que o algoritmo de Akuzawa apresenta melhor desempenho que FastICA e JADE quando os sinais estão contaminados por ruído Gaussiano.

Considerando a transformação linear  $\mathbf{Y} = \mathbf{C}\mathbf{X}$ , o objetivo do algoritmo de Akuzawa é encontrar a matriz  $\mathbf{C}$  que maximiza a independência entre as componentes de  $\mathbf{y}$ . Os passos a seguir são executados durante as iterações:

1. Escolher  $C_0$  (a matriz de separação inicial) e a matriz  $\Delta_0$  ( $N \times N$ );
2. Calcular a iteração  $C_t = \exp(\Delta_t - 1)C_{t-1}$ ;
3. Avalie a função custo em  $C_t$  usando uma expansão de segunda ordem em torno de  $C_{t-1}$ ;
4.  $\Delta_t$  é escolhido como o ponto de sela da função custo;
5. Retorne para o passo 2 até convergir.

Mais detalhes a respeito da execução do passo 4 podem ser encontradas em [146]. Modificações no método de Akuzawa foram propostos em [147] com o objetivo de reduzir o custo computacional pela substituição das iterações de Newton pelo método quasi-Newton [143].

Comparado com FastICA e JADE, o algoritmo multiplicativo de Akuzawa é mais lento (mesmo em sua versão modificada que utiliza o método de otimização quasi-Newton), suas vantagens aparecem quando o nível de ruído aumenta, neste caso o método de Akuzawa apresenta melhores resultados.

#### A.3.4 Extensões ao modelo básico de ICA

A análise de componentes independentes em sua formulação básica mostrada nas equações (5.3) e (5.8) é empregada com sucesso em uma grande variedade de aplicações. O modelo básico de ICA não considera que os sinais podem estar contaminados por ruído aditivo, ou que o sinal misturado seja gerado de forma não-linear.

No ambiente do calorímetro do ATLAS, o ruído estará presente nas células absorvedoras de energia, e por características de construção do sistema, transformações não-lineares dos sinais poderão estar presentes.

### ICA para sinais ruidosos

Sabe-se que os sinais reais no ambiente do calorímetro do ATLAS estarão contaminados por ruído. A formulação básica da ICA, mostrada na equação (5.3), não considera a presença de ruído. Um modelo mais realista permite a obtenção do modelo da ICA para sinais ruidosos (*Noisy ICA*) [7]:

$$\mathbf{x} = \mathbf{As} + \mathbf{n}, \quad (\text{A.25})$$

onde  $\mathbf{n} = (n_1, n_2, \dots)$  é o vetor de ruído. Em geral, considera-se que o ruído é gaussiano e independente das componentes independentes. Assume-se também que a matriz de covariância do ruído  $\Sigma = \sigma^2 I$  é conhecida.

A equação (A.25) pode ser associada a ruído de sensores, uma vez que o ruído  $n_i$  é adicionado separadamente a cada fonte  $x_i$ . O ruído de fonte, que é adicionado às componentes independentes  $s_i$  é representado pela equação a seguir:

$$\mathbf{x} = \mathbf{A}(s + \mathbf{n}) \quad (\text{A.26})$$

Um caso especial que pode simplificar bastante o problema de estimação das componentes independentes em ambiente ruidoso acontece quando existem poucas fontes de ruído. Se o número total de componentes de ruído é menor que o de componentes independentes, o modelo básico da ICA pode ser adaptado. Define-se o vetor  $\tilde{\mathbf{s}} = (s_1, \dots, s_k, n_1, \dots, n_l)^T$ , onde  $s_i$  ( $i = 1, \dots, k$ ) são as componentes independentes e  $n_j$  ( $j = 1, \dots, l$ ) são as fontes de ruído. Assumindo-se que o número de misturas é  $k + l$ , então o modelo básico da ICA pode ser aplicado a  $x = A\tilde{s}$  e usando-se um algoritmo deflacionário consegue-se estimar as  $k$  componentes menos gaussianas, que são as próprias ICs.

Na maioria das vezes, deseja-se considerar que o ruído foi adicionado a cada uma das misturas; assim,  $k + l$  é maior que o número de misturas, e o modelo básico da ICA não pode ser aplicado ao vetor  $\tilde{s}$ .

O processo de estimação das componentes independentes já é bastante difícil na formulação básica, e quando o ruído é considerado o cenário piora consideravelmente. Nos modelos das equações (A.25) e (A.26) pode-se verificar que as ICs não são obtidas apenas com a inversão da matriz de mistura  $\mathbf{W}$ :

$$\mathbf{Wx} = \mathbf{s} + \mathbf{Wn} \quad (\text{A.27})$$

A solução do problema da equação (A.27) envolve duas etapas: o uso de métodos de otimização numérica para obter uma aproximação do ruído e, a partir de então, a estimação das componentes independentes. Em uma abordagem mais simples e que parece ser a mais promissora para o *noisy ICA*, são utilizadas técnicas de remoção de tendência para reduzir os efeitos do ruído, adaptando-se os métodos básicos de ICA para o caso ruidoso [149].

O algoritmo FastICA pode ser adaptado para sinais contaminados por ruído usando medidas não tendenciosas da Gaussianidade [150]:

$$\mathbf{w}^* = E\{\tilde{\mathbf{x}}g(\mathbf{w}^T)\tilde{\mathbf{x}}\} - (I + \tilde{\Sigma})\mathbf{w}E\{g'(\mathbf{w}^T\tilde{\mathbf{x}})\}, \quad (\text{A.28})$$

sendo que a norma do novo valor  $\mathbf{w}^*$  é tornada unitária após cada iteração, e  $\tilde{\Sigma}$  é dado por:

$$\tilde{\Sigma} = E\{\tilde{\mathbf{n}}\tilde{\mathbf{n}}^T\} = (\mathbf{C} - \Sigma)^{-1/2}\Sigma(\mathbf{C} - \Sigma)^{-1/2} \quad (\text{A.29})$$

onde  $\mathbf{C} = E\{\mathbf{x}\mathbf{x}^T\}$  é a matriz de covariância dos sinais ruidosos observados. A função  $g(.)$  pode ser escolhida entre as abaixo:

Outras técnicas como o “encolhimento de código esparso” (*Sparse Code Shrinkage*) [151] também são utilizadas para a extração das componentes independentes para sinais ruidosos. Em casos onde o nível de ruído é muito alto, pode-se tentar o uso de técnicas de processamento de sinais como *wavelets* ou filtragem adaptativa [152].

## A.4 ICA não-linear

Conforme mostrado no Capítulo ??, o modelo da ICA não-linear (NLICA) apresenta uma formulação mais geral que o linear. A seguir será mostrado o desenvolvimento

teórico de um algoritmo para a estimação das componentes independentes no modelo pós não-linear.

#### A.4.1 Algoritmo Taleb-Jutten para o modelo PNL

Um dos primeiros algoritmos para o modelo pós não-linear da ICA foi proposto por Taleb e Jutten no trabalho [74]. Este algoritmo é robusto a variações na distribuição de probabilidade das fontes, pois executa estimativa iterativa da estatística das componentes independentes estimadas através do cálculo da função escore:

$$\psi = p'_{Yi}(u)/p_{Yi}(u), \quad (\text{A.30})$$

conforme Figura A.3.

Cada função não-linear  $g_k$  ( $k=1,\dots,N$ ) é modelado por redes MLP com um neurônio linear na saída:

$$g_k(u) = \sum_{h=1}^{N_H} \xi^h \sigma(\omega^h u - \eta^h), \quad (\text{A.31})$$

onde  $N_H$  é o número de neurônios ocultos. A divergência de Kullback-Lieber é utilizada para encontrar as regras de aprendizado para a estimação das funções não-lineares [74].

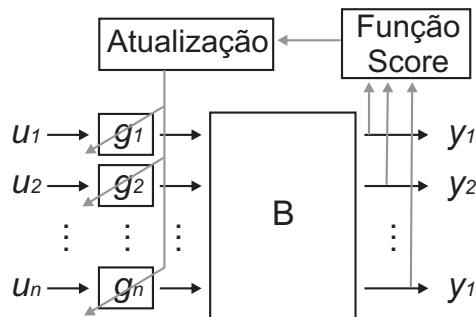


Figura A.3: Diagrama do algoritmo de Taleb-Jutten para o modelo PNL.

Como existem vários parâmetros a serem ajustados no modelo inverso proposto e a otimização envolve funções não-lineares, o algoritmo pode apresentar problemas de convergência para mínimos locais [70]. Diferentes procedimentos foram propostos na literatura para melhorar a eficiência de estimação em modelos PNL. Em [153, 154] um algoritmo genético [155] foi utilizado para executar uma busca global, evitando

o problema dos mínimos locais. O problema com esta abordagem é o aumento do custo computacional.

Redes neurais com arquiteturas alternativas também foram aplicadas com sucesso na separação de misturas PNL. Por exemplo, em [156] funções de base radial (RBF - *Radial Basis Function*). Em um outro trabalho [75], a separação foi realizada por redes neurais com funções de ativação do tipo *spline*.

# Apêndice B

## Conceitos fundamentais em classificação de sinais

A seguir serão mostrados os fundamentos teóricos de algumas técnicas de classificação de padrões, iniciando-se com uma visão geral do problema de decisão binária. Serão apresentadas técnicas lineares como Filtros Casados e Análise de Discriminantes, e não-lineares, como Redes Neurais.

### B.1 Teste de Hipóteses

Considerando-se inicialmente a discriminação entre duas hipóteses  $H_1$  e  $H_0$ , o problema de classificação pode ser resumido pelo esquema da Figura B.1. A fonte gera as saídas, que após passarem por um meio probabilístico, precisam ser detectadas a partir das observações do processo. As regras de decisão, que formam o sistema classificador, são projetadas para maximizar a probabilidade de detecção correta.

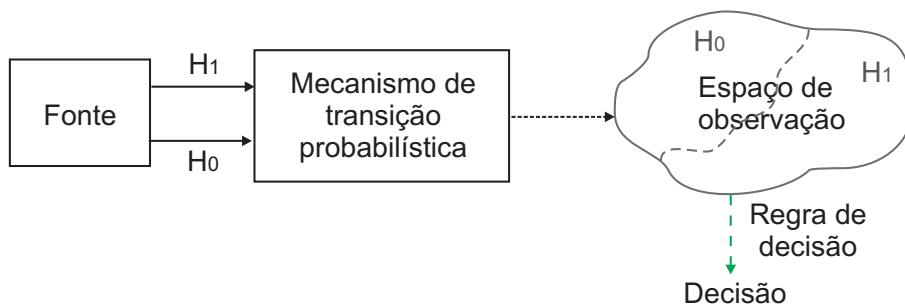


Figura B.1: Esquemático do problema de classificação binário.

No caso da decisão binária, cada vez que uma observação é efetuada 4 situações podem ocorrer:

decidir pela hipótese  $H_1$ , sendo  $H_0$  verdadeira;

decidir pela hipótese  $H_0$ , sendo  $H_1$  verdadeira;

decidir pela hipótese  $H_1$ , sendo  $H_1$  verdadeira;

decidir pela hipótese  $H_0$ , sendo  $H_0$  verdadeira.

As duas primeiras são erros de decisão e as duas últimas classificações corretas. Cada uma das hipóteses é associada a uma saída da fonte, que é mapeada em uma região do espaço de observação. Considerando um espaço de observação de dimensão  $N$  finita, um ponto neste espaço pode ser representado por um vetor:

$$\mathbf{r} = [r_1, r_2, \dots, r_N]. \quad (\text{B.1})$$

O mecanismo de transição probabilística gera pontos de acordo com as densidades de probabilidade condicionais  $P_{\mathbf{r}/H_0}(\mathbf{R}/H_0)$  e  $P_{\mathbf{r}/H_1}(\mathbf{R}/H_1)$ . Quando essas probabilidades são conhecidas ou podem ser estimadas de alguma forma, o projeto do sistema classificador pode ser simplificado. Os critérios de *Bayes* e *Neyman-Pearson* são procedimentos clássicos utilizados para a escolha da regra de decisão.

## B.2 Critério de Bayes

O critério de *Bayes* necessita do conhecimento das probabilidades a priori  $P_1$  e  $P_0$  de a fonte produzir  $H_1$  ou  $H_0$ , das probabilidades condicionais  $P_{\mathbf{r}/H_0}(\mathbf{R}/H_0)$  e  $P_{\mathbf{r}/H_1}(\mathbf{R}/H_1)$  e dos custos  $C_{ij}$  associados à escolha da hipótese  $i$  sendo  $j$  a verdadeira. O risco é, então, definido como [157]:

$$\begin{aligned} \mathfrak{R} = & C_{00}P_0 \int_{Z_0} P_{\mathbf{r}/H_0}(\mathbf{R}/H_0) d\mathbf{R} \\ & + C_{10}P_0 \int_{Z_1} P_{\mathbf{r}/H_0}(\mathbf{R}/H_0) d\mathbf{R} \\ & + C_{11}P_1 \int_{Z_1} P_{\mathbf{r}/H_1}(\mathbf{R}/H_1) d\mathbf{R} \\ & + C_{01}P_1 \int_{Z_0} P_{\mathbf{r}/H_1}(\mathbf{R}/H_1) d\mathbf{R} \end{aligned}, \quad (\text{B.2})$$

onde os elementos do espaço de observação que pertencem às partições  $Z_0$  e  $Z_1$  são associados, respectivamente, a  $H_0$  e  $H_1$ . As variáveis  $C_{ij}$  representam o custo da

escolha da hipótese  $i$  quando a hipótese verdadeira é a  $j$ . Em geral assume-se que o custo de uma decisão errada ( $C_{ij}$  sendo  $i \neq j$ ) é maior do que o de um acerto ( $C_{ij}$  sendo  $i = j$ ).

Minimizando o risco  $\mathfrak{R}$  da equação (B.2) chega-se a [157]:

$$\frac{P_{\mathbf{r}/H_1}(\mathbf{R}/H_1)}{P_{\mathbf{r}/H_0}(\mathbf{R}/H_0)} \gtrless_{H_0}^{H_1} \frac{P_0(C_{10} - C_{00})}{P_1(C_{01} - C_{11})}; \quad (\text{B.3})$$

a expressão à esquerda é chamada razão de semelhança ( $\Lambda(\mathbf{R})$ ) e a fração à direita é o valor limiar (patamar) do teste ( $\kappa$ ). Com isso, a equação (B.3) se reduz a:

$$\Lambda(\mathbf{R}) \gtrless_{H_0}^{H_1} \kappa; \quad (\text{B.4})$$

então, se a razão de semelhança é maior que o patamar, decide-se por  $H_1$ , caso contrário, escolhe-se  $H_0$ .

Quando os custos não são conhecidos, pode-se adotar o critério *minimax*, que minimiza o risco máximo; após algumas considerações chega-se a:

$$\begin{aligned} C_{00} &= C_{11} = 0 \\ C_{01}P_M &= C_{10}P_F \end{aligned}, \quad (\text{B.5})$$

onde  $P_F = \int_{Z_1} P_{\mathbf{r}/H_0}(\mathbf{R}/H_0)d\mathbf{R}$  é a probabilidade de falso-alarme (terminologia usada em sistemas de radar, indicando que decidiu-se pela presença do alvo  $H_1$  estando o mesmo ausente) e  $P_M = \int_{Z_0} P_{\mathbf{r}/H_1}(\mathbf{R}/H_1)d\mathbf{R}$  é a probabilidade de perda do alvo.

O teste de *Neyman-Pearson* [158] é utilizado quando não se tem informações sobre os custos ou as probabilidades a priori. Escolhe-se um valor limite para a probabilidade de falso-alarme e procura-se minimizar a probabilidade de perda do alvo para o valor escolhido. Como o critério utiliza  $P_F$  e  $P_M$  é preciso conhecer as probabilidades condicionais  $P_{\mathbf{r}/H_0}(\mathbf{R}/H_0)$  e  $P_{\mathbf{r}/H_1}(\mathbf{R}/H_1)$ .

### B.3 Filtros Casados

Quando o processo de detecção é realizado em ambiente ruidoso o desempenho dos classificadores decaiu bastante. Os filtros casados são utilizados em processos de

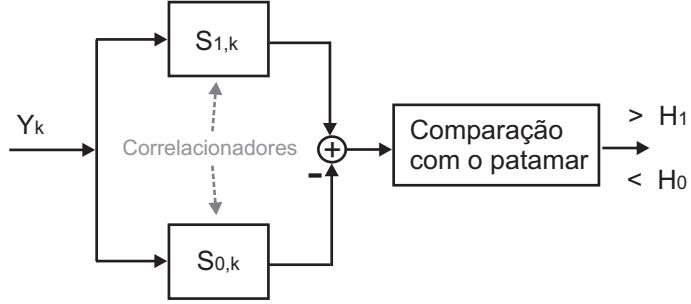


Figura B.2: Diagrama em blocos de um filtro casado.

detecção onde as formas de onda dos sinais corrompidos por ruído são conhecidas. Os filtros casados maximizam a razão sinal-ruído em ambiente de ruído branco. Um processo estocástico é dito branco quando sua densidade espectral de potência  $S(\omega)$  é constante em todas as freqüências [136]:

$$S(\omega) = N_0/2 \quad (\text{B.6})$$

A autocorrelação do processo branco, calculada a partir da transformada de Fourier inversa de  $S(\omega)$  é  $R_{xx} = N_0/2\delta(t)$ , ou seja, o ruído branco tem correlação nula com qualquer cópia deslocada dele mesmo.

No caso de sinais digitais, conforme mostrado na Figura B.2, o filtro casado é implementado através do cálculo da correlação do sinal recebido  $y[k]$  com as formas de ondas esperadas  $s_1[k]$  e  $s_0[k]$ . As saídas dos correlacionadores são subtraídas e comparadas com um patamar de decisão; se o valor for maior que o patamar decide-se por  $H_1$ , caso contrário por  $H_0$ .

Se o ruído de fundo não for branco, o desempenho dos filtros cai bastante. Esse problema é minimizado se o ruído é conhecido. Pode-se, então, projetar um filtro branqueador. A desvantagem do branqueador é que ele atua também sobre o sinal, alterando suas características estatísticas.

Embora muito utilizadas, por sua formulação matemática relativamente simples e bom desempenho em diversas aplicações, as técnicas mostradas até aqui apresentam as desvantagens de necessitarem conhecimento prévio a respeito das distribuições de probabilidade, custos ou forma de onda dos sinais de entrada. Em muitos casos práticos essas informações não estão disponíveis, sendo necessária a utilização de outros métodos de classificação. Além disso, o desempenho dessas técnicas piora

bastante em ambiente de ruído colorido e também quando as classes estão muito sobrepostas.

## B.4 Discriminante linear de Fisher

A análise de discriminantes busca a direção  $\mathbf{w}$  onde as projeções  $\mathbf{y}$  dos sinais de entrada  $\mathbf{x}$  sejam maximamente separáveis. A análise por discriminante de Fisher (FDA - *Fisher Discriminant Analysis*) busca a direção ótima de discriminação utilizando 2 parâmetros: a distância inter-classes, e a distância intra-classes [159].

Numa formulação matricial o objetivo é encontrar a direção  $\mathbf{w}_0$  que maximiza a expressão:

$$J(\mathbf{w}) = \frac{\mathbf{w}^T \mathbf{S_B} \mathbf{w}}{\mathbf{w}^T \mathbf{S_w} \mathbf{w}} \quad (\text{B.7})$$

onde  $\mathbf{m}_i$  é a média da classe  $i$ ,  $\mathbf{S_B} = (\mathbf{m}_1 - \mathbf{m}_2)(\mathbf{m}_1 - \mathbf{m}_2)^T$  é a matriz de separação inter-classes e  $\mathbf{S_w} = \mathbf{S}_1 + \mathbf{S}_2$  é a matriz de separação intra-classes, sendo:

$$\mathbf{S}_i = \sum_{\mathbf{x} \in \mathcal{D}_i} (\mathbf{x} - \mathbf{m}_i)(\mathbf{x} - \mathbf{m}_i)^T \quad (\text{B.8})$$

Pode-se provar que a direção ótima que maximiza (B.7) é dada por [90]:

$$\mathbf{w} = \mathbf{S_w}^{-1}(\mathbf{m}_1 - \mathbf{m}_2) \quad (\text{B.9})$$

O discriminante de Fisher é capaz de encontrar a transformação linear ótima dos sinais de entrada de modo que os sinais projetados  $\mathbf{y} = \mathbf{w}^T \mathbf{x}$  tenham máxima separação. Pode-se realizar a análise por discriminante de Fisher de modo analítico usando-se as equações (B.7), (B.8) e (B.9), ou de modo iterativo a partir de uma rede neural de uma camada.

## B.5 Classificadores Neurais

As redes neurais artificiais (RNA) [8] são modelos matemáticos que emulam algumas características do cérebro humano, sendo capazes de adquirir conhecimento (aprender) e generalizar (responder corretamente a estímulos novos). Devido ao poder computacional, obtido de sua estrutura paralelamente distribuída, e às habilidades

de aprender e generalizar, as RNAs vêm sendo utilizadas em diversas aplicações como reconhecimento de padrões e classificação [160], processamento de sinais [161], aproximação de funções [162], controle e identificação de sistemas [163]. A seguir serão descritos os fundamentos matemáticos das redes neurais e sua aplicação como classificadores. Maior ênfase será dada às redes alimentadas adiante (*feedforward neural networks*) com treinamento supervisionado. Os livros [8] e [164] fornecem textos mais abrangentes sobre assunto.

Uma diferença fundamental entre os classificadores neurais e os métodos clássicos como os filtros casados é que nestes últimos é necessário formular um modelo matemático a partir dos sinais. Na abordagem neural, o classificador trabalha diretamente no conjunto de dados, ficando o modelo matemático implícito nos valores dos pesos sinápticos obtidos após o treinamento. Os classificadores neurais têm obtido resultados bastante animadores em problemas para os quais métodos clássicos não apresentam bom desempenho.

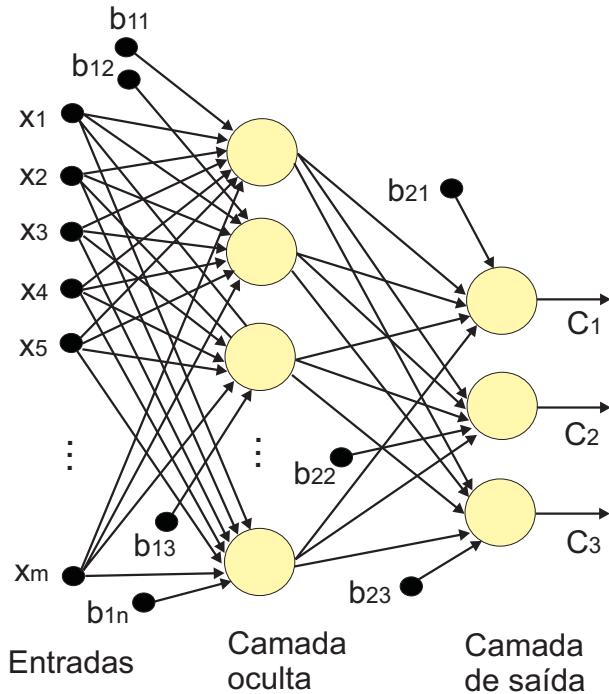


Figura B.3: Exemplo de uma rede neural utilizada para separação dos sinais de entrada em 3 classes.

Para o projeto do classificador neural dividem-se os pares entrada saída disponíveis nos conjuntos de treino, teste e validação. A divisão é importante para garantir que a rede treinada consiga generalizar bem o conhecimento adquirido. Ap-

nas o conjunto de treino é considerado para o ajuste dos pesos sinápticos. O conjunto de validação é utilizado na parada do treinamento em caso de sobre-aprendizado. O sobre-aprendizado acontece quando a rede se ajusta demais ao conjunto de treino, perdendo capacidade de generalização. O resultado esperado do classificador é avaliado através do conjunto de teste, que não foi usado no ajuste dos pesos nem na parada do algoritmo.

Para decisão entre duas classes, pode-se usar na camada de saída um neurônio tipo tangente hiperbólica, associando-se  $y = +1$  para uma classe e  $y = -1$  para a outra. Para decisão entre  $N$  classes ( $N \geq 3$ ), pode-se fazer com que a camada de saída tenha  $N$  neurônios. Associa-se um neurônio para cada classe. Quando a classe  $k$  estiver presente, a saída desejada no neurônio  $k$  associado deve ser  $+1$  e nos demais  $-1$ . Na fase de operação decide-se pela classe do neurônio com a maior saída. A rede da Figura B.3 é um exemplo de arquitetura que pode ser usada para a separação entre três classes a partir de um espaço de entrada de dimensão  $m$ .

Considerando uma rede de duas camadas (ver Figura B.3), a camada oculta é responsável por um mapeamento não-linear das entradas. Este mapeamento busca a máxima separação das classes diferentes, facilitando o processo de classificação realizado pela camada de saída.

# Apêndice C

## Listas de Publicações

### C.1 Publicações em periódicos

1. *Eduardo F. Simas Filho, José M. de Seixas e Luiz P. Calôba. Modified Post-Nonlinear ICA for Online Neural Discrimination, Neurocomputing*, 2010 (aceito para publicação).

#### Resumo:

Neste trabalho foi proposta uma modificação no modelo pós não-linear da ICA (*Independent Component Analysis*) que permite a estimativa de um conjunto de componentes que são ao mesmo tempo independentes e discriminantes. O algoritmo proposto foi aplicado para o problema da identificação de elétrons no segundo nível de filtragem do detector ATLAS. O método proposto produziu melhor desempenho se comparado ao modelo pós não-linear tradicional.

2. *Eduardo F. Simas Filho, José M. de Seixas e Luiz P. Calôba. Optimized Calorimeter Signal Compaction for an Independent Component based ATLAS Electron/Jet Second-Level Trigger. Proceedings of Science*, v. ACAT08, p. 1-10, 2009.

#### Resumo:

Neste trabalho foram estudados alguns métodos de compactação de sinal para serem aplicados como pré-processamento à análise de componentes independentes. Entre os métodos testados pode-se destacar NLPCA (Análise

de Componentes Principais Não-Lineares - *Nonlinear Principal Component Analysis*), PCA (Análise de Componentes Principais) e PCD (Componentes Principais de Discriminação - *Principal Components of Discrimination*). O processo de extração de características foi realizado de modo segmentado (a nível de cada camada do calorímetro).

3. *Eduardo F. Simas Filho, José M. de Seixas e Luiz P. Calôba. High-Energy Particles Online Discriminators Based on Nonlinear Independent Components.* *Lecture Notes in Computer Science*, v. 5441, p. 718-725, 2009.

**Resumo:**

Um estudo comparativo entre três modelos distintos de estimação das componentes independentes não-lineares para o problema da filtragem *online* de elétrons no ATLAS foi conduzido neste trabalho. A NLICA foi estimada a partir: de um modelo sem restrições estruturais (utilizando mapas auto-organizáveis), de um modelo com restrições estruturais (utilizando um algoritmo para o modelo pós não-linear) e da ICA Local (que é uma abordagem diretamente ligada ao problema da ICA não-linear). Os resultados obtidos foram comparados em termos do desempenho de discriminação.

4. *Eduardo F. Simas Filho, José M. de Seixas e Luiz P. Calôba. Self-organized mapping of calorimetry information for high efficient online electron/jet identification in ATLAS.* *Proceedings of Science*, v. ACAT07, p. 1-13, 2007.

**Resumo:**

Um estudo da aplicação de mapas auto-organizáveis (SOM - *Self-organizing Maps*) para a extração de características na filtragem *online* de elétrons do ATLAS foi conduzido neste trabalho. Os SOM foram aplicados de modo não-segmentado (considerando como entrada um vetor composto pelos sinais em anéis gerados a partir de todas as camadas dos calorímetros).

5. *Eduardo F. Simas Filho, José M. de Seixas. Nonlinear Independent Component Analysis: Theoretical Review and Applications.* *Learning and Nonlinear Models*, v. 5, p. 99-120, 2007.

### **Resumo:**

Um tutorial a respeito da teoria e dos diversos algoritmos para estimação do modelo não-linear da análise de componentes independentes (em suas diversas variações) foi apresentado neste trabalho. Foram realizados testes de desempenho com diversos algoritmos utilizando uma base de dados onde havia controle sobre o processo da mistura dos sinais (consequentemente os sinais a serem estimados eram conhecidos). Uma aplicação da NLICA para extração de características no segundo nível de filtragem do detector ATLAS também foi mostrada.

## **C.2 Capítulo de Livro**

1. *Rodrigo C. Torres, Eduardo F. Simas Filho, Danilo E. F. Lima e J. M. Seixas. Segmented Online Neural Filtering based on Independent Components of Pre-Processed Information. Recent Advances in Signal Processing.* Vienna: In-Tech, 2010, v. , p. 1-22, (aceito para publicação).

### **Resumo:**

Neste trabalho foi realizado um estudo comparativo de diversas abordagens baseadas em análise de componentes independentes (ICA - *Independent Component Analysis*) para extração de características na filtragem online do ATLAS. Os componentes independentes foram estimados de ambos os modos, segmentado e não-segmentado. Para a classificação foram utilizados classificadores neurais e classificadores lineares (discriminante linear de Fisher).

## **C.3 Artigos em Conferências**

1. *Rodrigo C. Torres, Danilo E. F. Lima, Eduardo F. Simas Filho e J. M. Seixas. Neural Online Filtering Based on Preprocessed Calorimeter Data.* In: IEEE Nuclear Science Symposium and Medical Imaging Conference, p. 530-536, Orlando, 2009.

### **Resumo:**

Um novo conjunto de sinais simulados, com características mais próximas da operação real esperada para o detector, foi utilizado neste trabalho. Um estudo detalhado sobre diferentes métodos de compactação como Análise de Componentes Principais (PCA - *Principal Component Analysis*) e Componentes Principais de Discriminação (PCD - *Principal Components of Discrimination*) foi conduzido.

2. *Eduardo F. Simas Filho, José M. de Seixas e Luiz P. Calôba. Combinação de Classificadores Neurais Segmentados com Pré-processamento por Análise de Componentes Independentes para um Sistema Online de Filtragem.* In: Congresso Brasileiro de Redes Neurais e Inteligência Computacional, p. 1-5, Ouro Preto-MG, 2009.

**Resumo:**

Neste trabalho foi proposto o uso de classificadores neurais especialistas nas informações de cada camada do calorímetro. Alguns métodos para combinar as saídas dos classificadores segmentados foram testados. Com o uso dos classificadores especialistas foi possível aumentar a eficiência de discriminação e ainda identificar que existe redundância na informação disponível nas diversas camadas dos calorímetros. Neste caso, foi mostrado que, mesmo sem utilizar os sinais de algumas camadas o desempenho de discriminação se mantém quase inalterado. Como o processo de formação dos sinais em anéis é responsável pela maior parte do tempo de processamento, quanto menor a quantidade de informação necessária mais rápida a decisão é tomada.

3. *Eduardo F. Simas Filho, José M. de Seixas e Luiz P. Calôba. Local Independent Component Analysis Applied to Highly Segmented Detectors.* In: IEEE International Symposium on Circuits and Systems (ISCAS08), v. 1, p. 3005-3008, Seattle, 2008.

**Resumo:**

Neste trabalho foi proposta a utilização do modelo da ICA Local para a extração de características na filtragem online de segundo nível do ATLAS. Neste modelo um algoritmo não-supervisionado de agrupamento é utilizado

para dividir o conjunto de sinais disponíveis em grupos de características semelhantes. A ICA é aplicada separadamente para os sinais de cada conjunto.

4. *Eduardo F. Simas Filho, José M. de Seixas e Luiz P. Calôba. Segmented Self-Organized Feature Extraction for Online Filtering in a High Event Rate Detector.* In: European Signal Processing Conference, p. 1-5, Lausanne, Suiça, 2008.

**Resumo:**

Mapas auto-organizáveis foram aplicados de modo segmentado (a nível de cada camada do calorímetro) para extração de características sobre os sinais em anéis. Um estudo para busca do tamanho ótimo do mapa foi conduzido considerando o erro médio de representação obtido. Foi mostrado que com a abordagem segmentada obteve-se melhor desempenho de discriminação do que no modo não-segmentado.

5. *Eduardo F. Simas Filho, José M. de Seixas e Luiz P. Calôba. Online Neural Filtering Operating Over Segmented Discriminating Components.* In: IEEE International Conference on Electronics, Circuits and Systems, v. 1. p. 530-533, Malta, 2008.

**Resumo:**

Foi proposta a estimativa dos componentes principais de discriminação (PCD - *Principal Discriminating Components*) de modo segmentado (a nível de cada camada do calorímetro), aproveitando, desta forma, toda a segmentação e granularidade disponíveis ao detector. As PCDs (obtidas em cada camada) foram concatenadas e utilizadas para treinar um classificador neural.

6. *Eduardo F. Simas Filho, José M. de Seixas e Luiz P. Calôba. Segmented Overdetermined Nonlinear Independent Component Analysis for Online Neural Filtering.* In: *Simpósio Brasileiro de Redes Neurais*, p. 159-164, Salvador, 2008.

**Resumo:**

Uma modificação no modelo pós não-linear da ICA foi proposta neste

trabalho visando à aplicação em misturas sobre-determinadas (onde o número de sinais observados é maior que o número de componentes independentes a serem estimadas). O modelo proposto parece ser mais adequado para o problema da extração de características no ATLAS pois espera-se que o número de componentes independentes seja menor que o de anéis (100).

7. *Eduardo F. Simas Filho, José M. de Seixas e Luiz P. Calôba. Análise Não-Linear de Componentes Independentes Segmentadas para Filtragem Online num Detector com Alta Taxa de Eventos.* In: *Congresso Brasileiro de Automática*, p.1-6, Juiz de Fora, 2008.

**Resumo:**

Neste trabalho o modelo pós não-linear da NLICA (*Nonlinear Independent Component Analysis*) foi utilizado para extração de características de modo segmentado (a nível de cada camada do calorímetro). Foi utilizado um algoritmo que não permite a compactação dos sinais, então, após a estimação das componentes foi calculada a relevância e as menos relevantes foram descartadas. Uma limitação deste procedimento é que todas (100) componentes independentes não-lineares precisam ser calculadas e muitas delas não são utilizadas para a discriminação, neste caso o esforço computacional (e consequentemente o tempo necessário para tomada de decisão) aumenta consideravelmente.

8. *Eduardo F. Simas Filho, José M. de Seixas e Luiz P. Calôba. Segmented Independent Component Analysis for online filtering using highly segmented detectors.* In: *International Conference on Intelligent Systems Design and Applications*, Rio de Janeiro, v. 1. p. 659-664, 2007.

**Resumo:**

A análise de componentes independentes (ICA - *Independent Component Analysis*) foi aplicada de modo segmentado (a nível de cada camada do calorímetro) para extração de características relevantes na discriminação de elétrons no segundo nível de filtragem do ATLAS. Para compactação foi utilizada a análise de componentes principais (PCA - *Principal Component Analysis*)

9. *Eduardo F. Simas Filho, José M. de Seixas e Luiz P. Calôba. Análise de Componentes Independentes para Filtragem Online num Ambiente de Alta Taxa de Eventos e Informação Segmentada.* In: *VIII Congresso Brasileiro de Redes Neurais*, Florianópolis, p. 1-6, 2007.

**Resumo:**

A combinação PCA + ICA foi utilizada para compactação e extração de características no segundo nível de filtragem do ATLAS. Neste trabalho foi utilizada uma abordagem não-segmentada para extração de características, ou seja, os anéis produzidos em todas as camadas do calorímetro foram considerados como um único vetor de dados. Foi realizada também uma análise da relevância das componentes independentes estimadas, visando eliminar as componentes não-relevantes para a discriminação.

10. *Eduardo F. Simas Filho, Luiz P. Calôba e José M. de Seixas. Filtragem ótima para o Trigger de segundo nível do ATLAS baseado em calorimetria.* In: *XXVII Encontro Nacional de Física de Partículas e Campos*, Águas de Lindóia, p. 1-4, 2006.

**Resumo:**

Neste trabalho foram apresentados resultados iniciais da pesquisa onde os sinais em anéis foram identificados através de filtros casados. Visando a compactação dos sinais, testes foram conduzidos utilizando-se apenas os anéis mais energéticos de cada camada.

## C.4 Resumos em Conferências

1. *Eduardo F. Simas Filho, José M. de Seixas e Luiz P. Calôba. ATLAS Second-Level Electron/Jet Neural Discriminator based on Nonlinear Independent Components.* In: *International Workshop on Advanced Computing and Analysis Techniques in Physics Research*, Jaipur, India, 2010.

**Resumo:**

Um estudo detalhado a respeito da aplicação do modelo pós não-linear da análise de componentes independentes foi conduzido neste trabalho. Entre

os tópicos estudados pode-se destacar a busca pelo grau de não-linearidade ótimo para o problema.

2. *Eduardo F. Simas Filho, José M. de Seixas e Luiz P. Calôba. Optimized Calorimeter Signal Compaction for an Independent Component based ATLAS Electron/Jet Second-level Trigger.* In: *XII International Workshop on Advanced Computing and Analysis Techniques in Physics Research*, Erice, Sicily, 2008.

**Resumo:**

Neste trabalho foram estudados alguns métodos de compactação de sinais para serem aplicados como pré-processamento à análise de componentes independentes. Entre os métodos testados pode-se destacar NLPCA (Análise de Componentes Principais Não-Lineares - *Nonlinear Principal Component Analysis*), PCA (Análise de Componentes Principais) e PCD (Componentes Principais de Discriminação - *Principal Components of Discrimination*). Este trabalho, na sua versão completa foi publicado no periódico *Proceedings of Science* (ver publicações em periódicos).

3. *Eduardo F. Simas Filho, José M. de Seixas e Luiz P. Calôba. ATLAS Neural Second-Level Trigger based on Nonlinear Independent Components of Segmented Calorimeter Information.* In: *Experimental High-Energy Physics and Associated Technologies Workshop*, Rio de Janeiro, 2008.

**Resumo:**

Um estudo envolvendo diversos métodos de estimativa das componentes independentes no modelo não-linear foi conduzido neste trabalho.

4. *Eduardo F. Simas Filho, José M. de Seixas e Luiz P. Calôba. Self-organized mapping of calorimetry information for high efficient online electron/jet identification in ATLAS.* In: *XI International Workshop on Advanced Computing and Analysis Techniques in Physics Research*, Amsterdam - Holanda, 2007.

**Resumo:**

Um estudo inicial da aplicação de mapas auto-organizáveis para a extração de características no problema da filtragem de elétrons no ATLAS foi

conduzido neste trabalho. Este trabalho, na sua versão completa foi publicado no periódico *Proceedings of Science* (ver publicações em periódicos).