## GEOESTADÍSTICA

## TAREA 2

## GEOESTADÍSTICA

## **PARTE I**

# ANALISIS EXPLORATORIO DE DATOS

### **CONTENIDO**

- Introducción
- Datos
- Estadística Univariada
- Estadística Bivariada

El conocimiento de las características y propiedades del subsuelo es un aspecto importante a considerar en el diseño y construcción de obras de ingeniería. En muchos casos, la caracterización del subsuelo no resulta sencilla, dada la complejidad y la variabilidad espacial que presenta en la naturaleza.

En Geotecnia, la práctica usual para caracterizar el subsuelo en un sitio particular consiste en extraer muestras, analizarlas y determinar sus propiedades. Recientemente, la obtención directa de las propiedades del suelo en el lugar mediante pruebas de campo ha tomado también mucha importancia. En ambos casos, la caracterización está basada en la familiaridad con la geología, la interpretación de los datos cuantitativos, la experiencia y la intuición.

Entre este tipo de propiedades, la que más destaca es el *contenido de agua*, *w*, (especialmente para materiales cohesivos), debido a las correlaciones que presenta con las propiedades mecánicas; además, es la propiedad que se determina en mayor número y a menor costo en un estudio geotécnico.

La *resistencia al esfuerzo cortante*  $(q_u)$  es uno de los parámetros más representativos de las propiedades mecánicas. Las pruebas de campo son las que más datos aportan, por ejemplo la prueba de *veleta* que puede ser aplicada en diferentes profundidades, a diferencia de una prueba de *compresión triaxial* en laboratorio que usualmente únicamente es determinada en especimenes de suelo obtenidos en algunas profundidades de interés.

Desde el punto de vista de la Mecánica de Suelos, la secuencia estratigráfica superficial típica del subsuelo de la zona lacustre en la Ciudad de México incluye una costra seca delgada, un estrato de arcilla de espesor fuerte y el primer estrato o capa resistente, **Figura 1**.

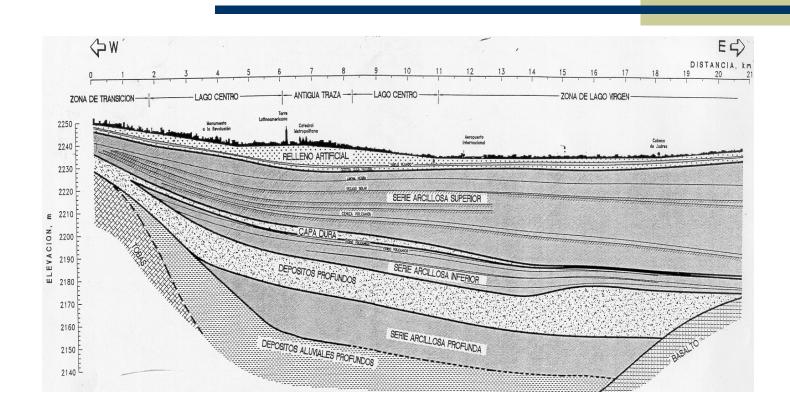


Figura 1. Estratigrafía del subsuelo de la Ciudad de México

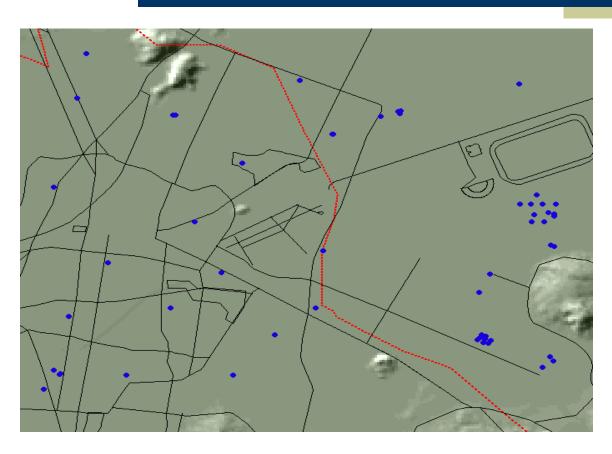


Figura 2. Mapa de ubicación de los datos, Ciudad de México

## **DATOS**

		Formación Arcillosa Superior (FAS)			1
Coordenada	Coordenada	Profundidad	0 /	W	q u
X	Y	Sup.	In f.	(%)	(kg/cm <sup>2</sup> )
4 9 5 6 5 3 .0 0 0 0 4 9 8 6 0 3 .0 0 0 0 4 8 9 9 0 1 .7 8 3 4 8 8 6 1 7 .0 0 0 0 4 9 8 6 6 5 .0 0 0 0 4 9 1 7 9 6 .0 0 0 0 4 7 9 8 8 1 .0 0 0 0 4 9 7 9 3 8 1 .0 0 0 0 4 9 7 9 3 8 8 1 .0 0 0 0 4 9 7 9 3 8 8 1 .0 0 0 0 4 9 7 9 3 8 8 1 .0 0 0 0 4 9 7 9 3 8 8 1 .0 0 0 0 4 9 7 9 1 3 .2 0 7 4 8 5 9 8 7 .3 8 8 4 9 5 5 5 0 .0 0 0 4 9 7 8 1 9 .0 0 0 0 4 9 7 8 1 9 .0 0 0 0 4 9 7 8 1 9 .0 0 0 0 4 9 7 6 9 9 .0 0 0 4 9 7 6 9 9 .0 0 0 4 9 7 8 1 9 .0 0 0 0 4 9 7 8 1 9 .0 0 0 0 4 9 7 8 1 9 .0 0 0 0 4 9 7 8 1 9 .0 0 0 0 4 9 7 8 1 9 .0 0 0 0 4 9 7 8 1 9 .0 0 0 0 4 9 8 1 6 0 .0 0 0 0 4 8 1 8 1 6 0 .0 0 0 0 4 8 1 8 1 6 0 .0 0 0 4 8 1 8 1 6 0 .0 0 0 4 8 1 8 1 6 0 .0 0 0 4 8 1 8 1 6 0 .0 0 0 4 9 2 5 5 1 .0 6 0 0 4 9 2 5 5 1 .0 6 0 0 4 9 2 5 5 1 .0 6 0 0 4 9 2 5 5 1 .0 6 0 0 4 9 2 5 5 1 .0 6 0 0 4 9 2 5 5 1 .0 6 0 0 4 9 2 5 5 1 .0 6 0 0 4 9 2 5 5 1 .0 6 0 0 4 9 2 5 5 1 .0 6 0 0 4 9 2 5 5 1 .0 6 0 0 0 4 9 8 1 6 5 .7 0 0 0 4 9 8 1 6 5 .7 0 0 0 4 9 8 1 6 5 .7 0 0 0 0 4 9 8 1 6 5 .7 0 0 0 0 4 9 8 1 6 5 .7 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	Y 2 1 6 5 5 6 1 . 0 0 0 2 1 6 9 2 1 7 . 0 0 0 2 1 7 7 2 9 1 5 . 4 7 1 2 1 7 5 2 4 1 1 . 0 0 0 2 1 7 7 5 2 4 1 1 . 0 0 0 2 1 7 7 5 2 4 1 1 . 0 0 0 2 1 7 3 7 3 1 . 0 0 0 2 1 7 4 5 8 5 . 0 0 0 2 1 6 8 8 3 3 1 . 0 0 0 2 1 6 9 6 4 2 . 0 0 0 2 1 6 6 4 2 . 0 0 0 2 1 6 6 4 2 . 0 0 0 2 1 6 6 3 5 2 4 2 . 0 0 0 2 1 6 6 9 5 0 . 0 0 0 2 1 6 9 6 7 7 . 0 0 0 2 1 7 3 8 4 5 . 8 3 0 0 1 7 3 8 4 5 . 8 3 0 0 1 7 3 8 4 5 . 8 3 0 0 1 1 6 9 6 7 7 . 0 0 0 1 1 6 9 6 7 7 . 0 0 0 1 1 6 9 6 7 7 . 0 0 0 0 1 6 9 6 7 7 . 0 0 0 0 1 6 9 6 7 7 . 0 0 0 0 1 6 9 6 7 7 . 0 0 0 0 1 6 9 6 7 7 . 0 0 0 0 1 6 9 6 7 7 . 0 0 0 0 1 6 9 6 7 7 . 0 0 0 0 1 6 9 6 7 7 . 0 0 0 0 1 6 9 6 7 7 . 0 0 0 0 1 6 9 6 7 7 . 0 0 0 0 1 7 3 8 0 5 5 5 1 4 4 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	S U P.  3 .0 0  1 .9 0  3 .8 0  2 .4 0  2 .8 0  2 .1 0  1 .0 0  0 .9 0  1 .2 0  0 .6 0  1 .4 0  2 .3 0  1 .4 0  2 .3 0  1 .4 0  2 .3 0  1 .4 0  2 .3 0  1 .4 0  2 .3 0  1 .4 0  2 .3 0  1 .4 0  2 .3 0  1 .6 0  3 .0 0  0 .8 0  1 .4 0  2 .2 0  0 .6 0  1 .7 5  0 .8 0  1 .4 0  2 .9 0  1 .6 0  1 .9 0  2 .9 0  2 .9 0  2 .9 0  2 .9 0  2 .9 0  2 .9 0  2 .9 0  2 .9 0  2 .9 0  2 .9 0  2 .9 0  2 .9 0  2 .9 0  2 .9 0  2 .9 0  2 .9 0  3 .9 0  2 .9 0  3 .9 0  2 .9 0  3 .9 0  3 .9 0  3 .9 0  4 .9 0  3 .9 0  3 .9 0  3 .9 0  4 .9 0  3 .9 0  3 .9 0  4 .9 0  3 .9 0  4 .9 0  3 .9 0  4 .9 0  4 .9 0  5 .9 0  5 .9 0  6 .9 0  7 0  8 0  8 0  8 0  9 0  9 0  9 0  9 0  9	In T.   7 .3 0   7 .9 0   8 .0 0   8 .5 0   9 .0 0   9 .3 5   9 .4 0   9 .5 0   9 .6 0   9 .6 0   9 .7 0   9 .8 0   0 .1 0   10 .1 0   10 .5 0   10 .6 0   10 .7 0   11 .0 0   11 .0 0   11 .0 0   12 .0 0   11 .1 0   12 .0 0   12 .0 0   12 .0 0   12 .0 0   12 .0 0   12 .0 0   12 .0 0   12 .0 0   12 .0 0   13 .0 0   13 .2 0   14 .6 0   17 .3 0   17 .3 0   17 .3 0   17 .3 0   18 .0 0   19 .6 0   20 .0 0   23 .0 0   23 .0 0   23 .0 0   23 .0 0   20 .0 0   9 .2 0   0 0   9 .2 0   0   9 .2 0   0   9 .2 0   0   9 .2 0   0   9 .2 0   0   9 .2 0   0   9 .2 0   0   9 .2 0   0   9 .2 0   0   9 .2 0   0   9 .2 0   0   9 .2 0   0   9 .2 0   0   9 .2 0   0   9 .2 0   0   9 .2 0   0   9 .2 0   0   0   9 .2 0   0   0   0   0   0   0   0   0   0	(%) 90.00 100.00 38.00 75.00 50.00 90.00 110.00 35.00 60.00 110.00 45.00 60.00 110.00	(k g / c m - ) 1

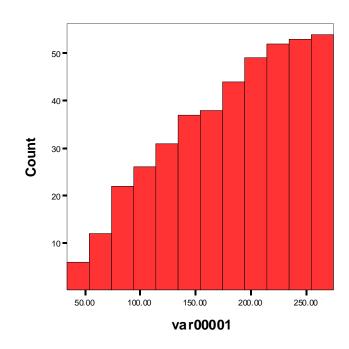
## ESTADISTICA UNIVARIADA

Variable w

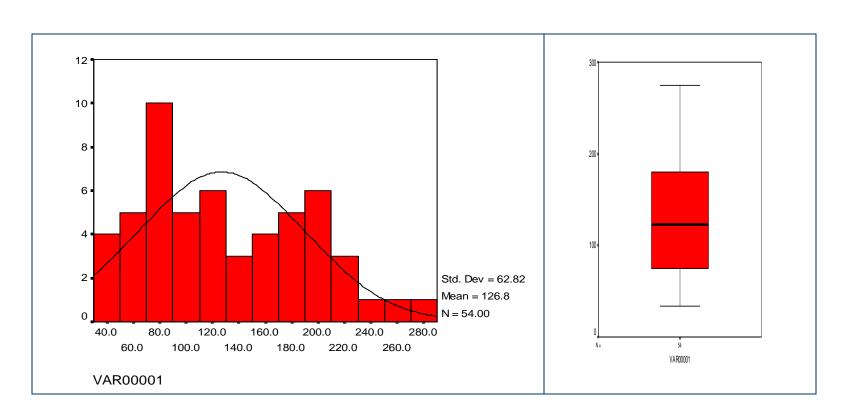
Variable qu

## Variable w

W	
	54
Mean	126.8148
Median	122.5000
Grouped Median	121.2500
Sum	6848.00
Minimum	34.00
Maximum	275.00
Range	241.00
First	90.00
Last	180.00
Std. Deviation	62.8202
Variance	3946.380
Kurtosis	873
Skewness	.396
Harmonic Mean	94.8086
Geometric Mean	110.6672

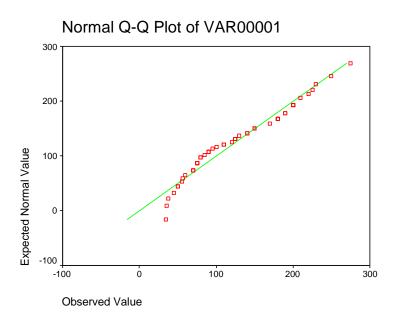


### Gráficos de la variable w

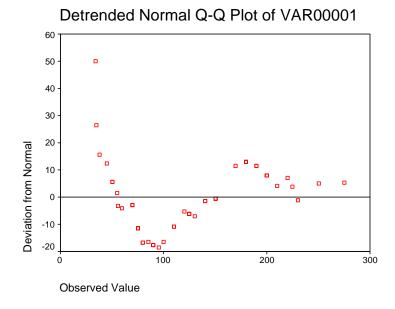


No se aprecian valores atípicos en los datos

### Gráficos de la variable w



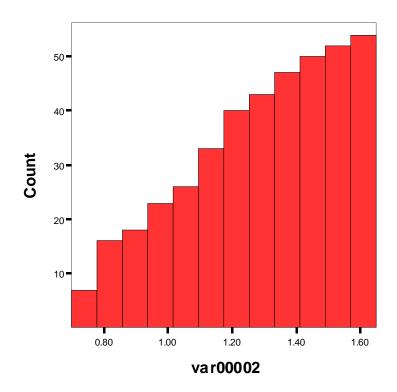
La distribución se aleja de una distribución normal.



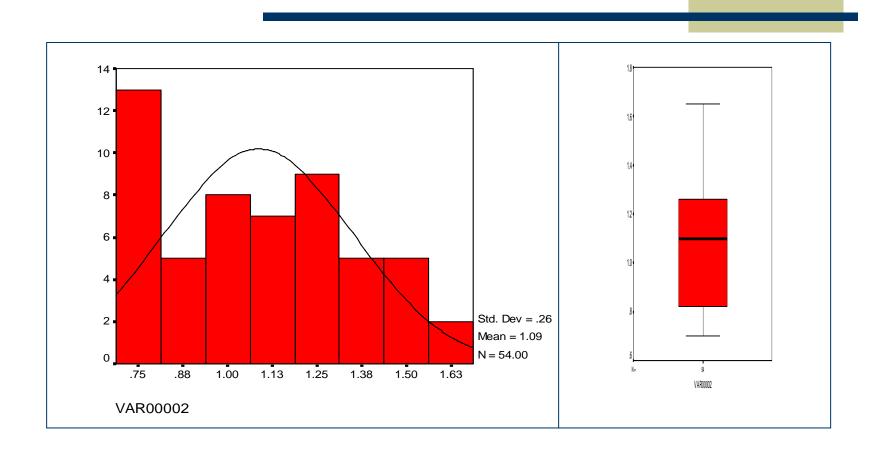
Esta gráfica se muestra la eliminación de los componentes armónicos (senos y cósenos) y deja los componentes no periódicos.

## Variable qu

qu			
Mean	1.0863		
Median	1.1000		
Grouped Median	1.0917		
Sum	58.66		
Minimum	.70		
Maximum	1.65		
Range	.95		
First	1.25		
Last	.80		
Std. Deviation	.2637		
Variance	6.956E-02		
Kurtosis	983		
Skewness	.255		
Harmonic Mean	1.0241		
Geometric Mean	1.0549		



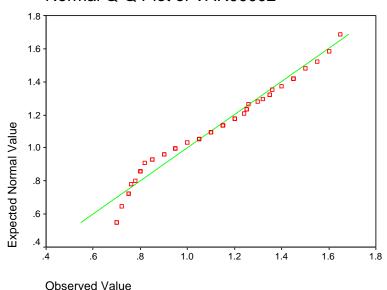
## Gráficos de la variable qu



No se aprecian valores atípicos en los datos

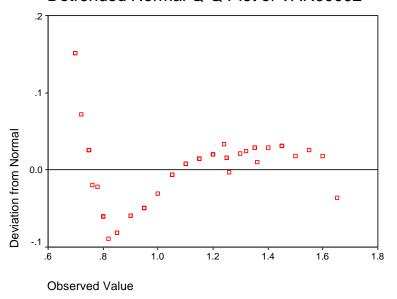
## Gráficos de la variable qu

#### Normal Q-Q Plot of VAR00002



La distribución se aleja de una distribución normal.

#### Detrended Normal Q-Q Plot of VAR00002



Esta gráfica se muestra la eliminación de los componentes armónicos (senos y cósenos) y deja los componentes no periódicos.

## ESTADISTICA BIVARIADA

Variable w



Variable qu

## Variable w & Variable qu

Correlación -.806

Covarianza -13.349

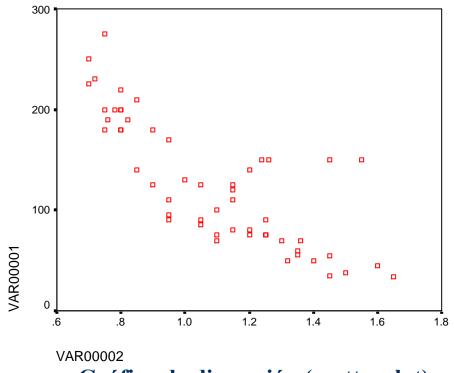


Gráfico de dispersión (scatterplot)

## Regresión Lineal

w & qu

R	. 806
R <sup>2</sup>	.649
Adjusted Square	.642
Std. Error of the Estimate	37.5673

Coeficientes	В	Std. Error	Intervalo de Confianza		
Constante	335.275	21.860	291.410	291.410	
qu	-191.900	19.565	379.139	379.139	

## Estadística de Residuos

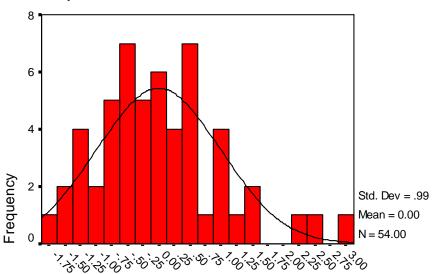
w & qu

	Minimum	Maximu	Mean	Std. Deviation	N
		m			
Predicte	18.6403	200.9449	126.8148	50.6133	54
d Value					
Residual	-62.9700	112.1698	-5.7896E-15	37.2112	54
Std.	-2.137	1.465	.000	1.000	54
Predicte					
d Value					
Std.	-1.676	2.986	.000	.991	54
Residual					

# Graficas de Residuos w & qu

### Histogram

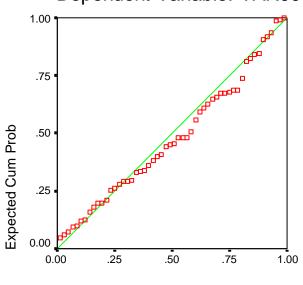
Dependent Variable: VAR00001



Regression Standardized Residual

### Normal P-P Plot of Regression Stand

Dependent Variable: VAR00001



**Observed Cum Prob** 

## GEOESTADÍSTICA

## PARTE II

ANALISIS ESTRUCTURAL

### **CONTENIDO**

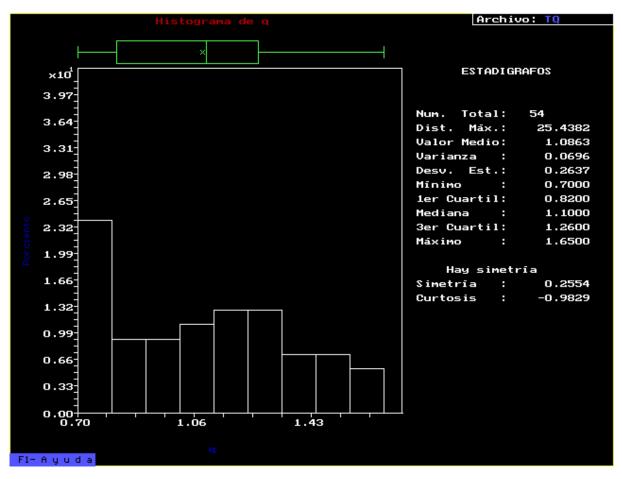
- Análisis Exploratorio de Datos
- Estimación del Variograma Adireccional (0, +-90)
- Análisis de Anisotropia
- Ajuste del Modelo al Variograma Estimado y Criterio de Bondad Ajuste
- Validación Cruzada del Modelo de Variograma y Análisis de las Diferencias (Z-Z\*) en Términos del Valor Medio y de la Varianza
- Conclusiones

## ANALISIS ESTRUCTURAL

Variable qu

### Análisis de Normalidad

El histograma de la variable qu presenta una ligera asimetría

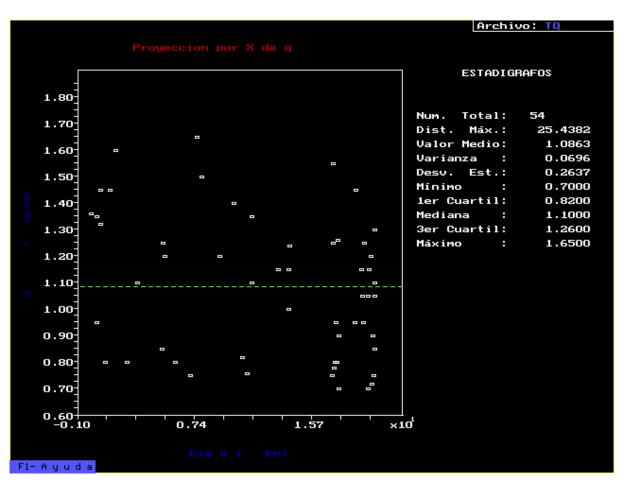


Análisis de Valores Atípicos

No hay valores atípicos tanto distribucionales como espaciales

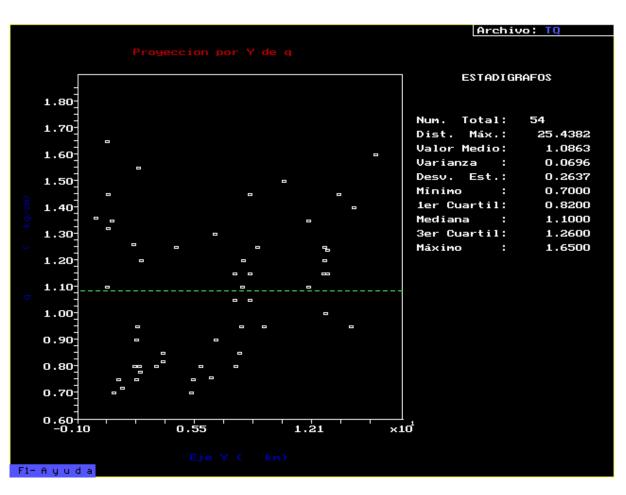
### Análisis de la Distribución Espacial

La gráfica de dispersión muestra que la variable *qu* es estacionaria en dirección del eje X.



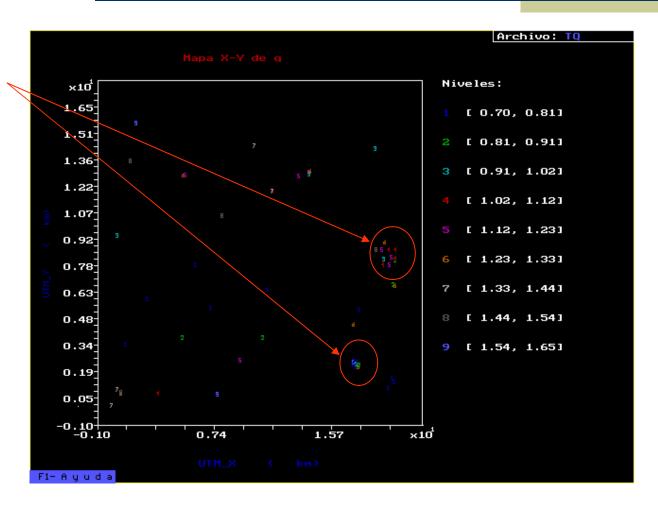
### Análisis de la Distribución Espacial

La gráfica de dispersión muestra que la variable *qu* es estacionaria en dirección del eje Y.



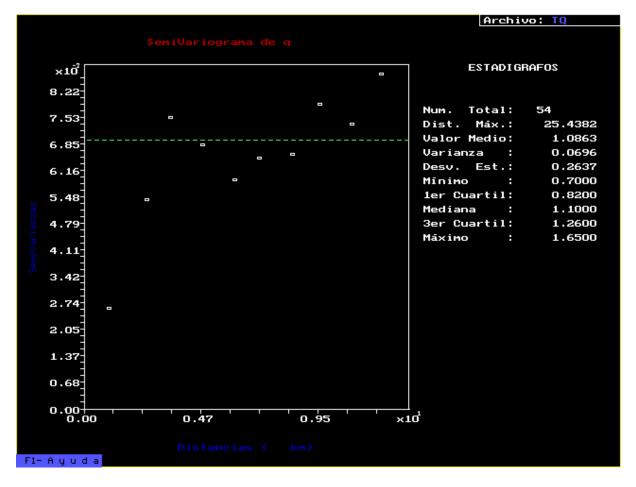
### Análisis de la Distribución Espacial

Distribución dispersa y existencia de cúmulos con alta concentración de datos en ciertas zonas.



# Estimación del Variograma Adireccional (0, +-90)

El variograma está acotado con respecto a la varianza, y además, no se observa un crecimiento de tipo cuadrático (h²). Por tanto, puede decirse que la variable *qu* es estacionaria.



# Estimación del Variograma Adireccional (0, +-90)

```
ESTIMACION EN UNA SOLA DIRECCIÓN
```

Direccion = 0 grados, Tolerancia = 90.0 grados

Longitud del intervalo = 1.200000000E+00 km

\_\_\_\_\_

Nlag Intervalos (Lags) Npares Semivarianzas

\_\_\_\_\_

```
1 9.9164971430E-01 63 2.6176984127E-02
```

2 2.5152973270E+00 63 5.4152380952E-02

3 3.4837754804E+00 44 7.5396590909E-02

4 4.7719903252E+00 63 6.8505555556E-02

5 6.0629268898E+00 97 5.9273195876E-02

6 7.0308736660E+00 151 6.4885099338E-02

7 8.3547838402E+00 93 6.6064516129E-02

8 9.4405942205E+00 70 7.8937857143E-02

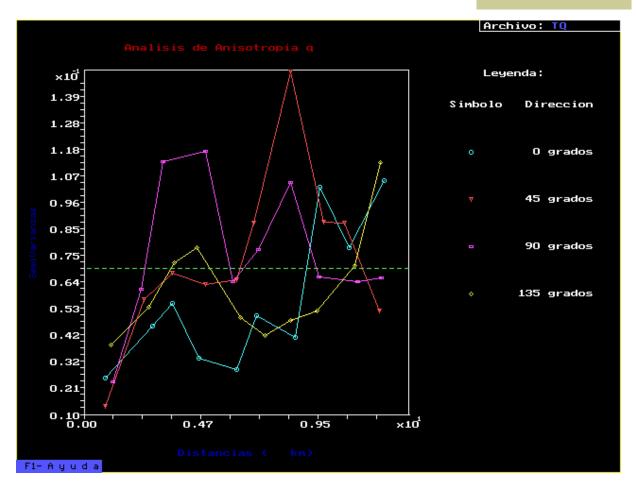
9 1.0759216162E+01 109 7.3646330275E-02

10 1.1919936479E+01 95 8.6570000000E-02

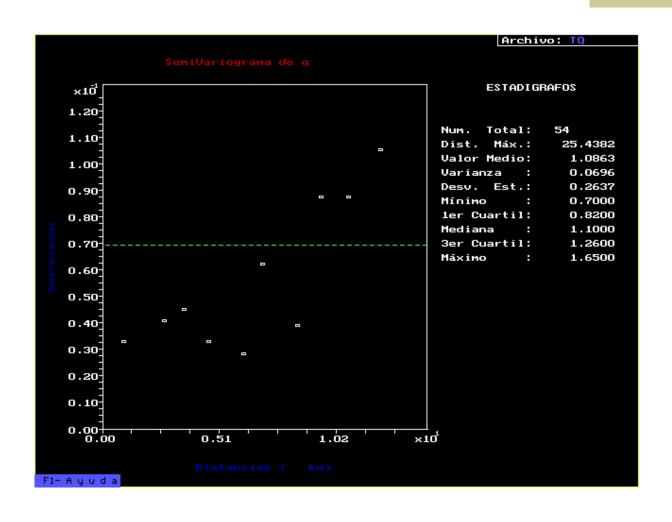
\_\_\_\_\_

# Estimación del Variograma Adireccional (0, +-90)

En el variograma en las dirección de 0° y 135° presenta un comportamiento cualitativamente distinto del mostrado en las direcciones 45° y 90°.



### Dirección = 0 Grados

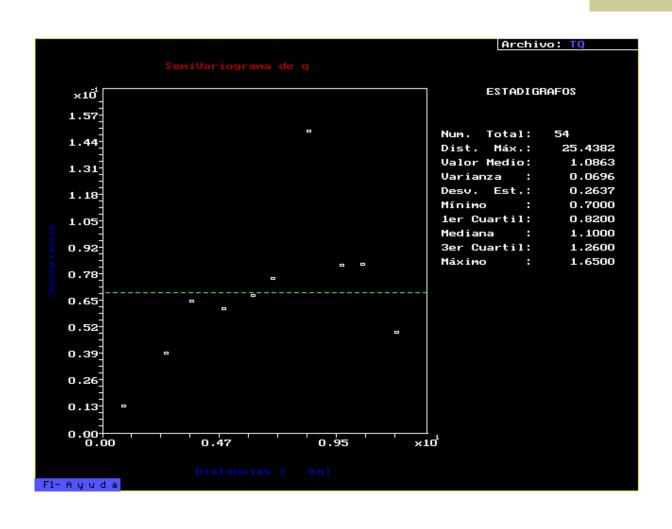


### Dirección = 0 Grados

acuerdo De los con resultados, algunos valores función la. semivarianza se estiman con pocos pares de datos. Por tanto, debe tomarse en cuenta que los valores correspondientes a esos intervalos de separación (NLag) pueden ser no representativos de variabilidad espacial de la variable que se está analizando.

```
Direccion = 0 grados, Tolerancia = 22.5 grados
Longitud del intervalo = 1.200000000E+00 km
 Nlag Intervalos (Lags) Npares Semivarianzas
 1 8.7171453897E-01
                      14 2.5110714286E-02
2 2.7401256755E+00
                      20 4.6185000000E-02
 3 3.547253<del>5</del>943E+00
                       9\5.5333333333E-02
4 4.6065878744E+00
                       13 3.3323076923E-02
5 6.1213446679E+00
                       12/2.8683333333E-02
6 6.9299634879E+00
                       20 5.0580000000E-02
7 8.4771795999E+00
                      35 4.1467142857E-02
8 9.4504819758E+00
                      24 1.0253541667E-01
9 1.0638033785E+01
                      28 7.8107142857E-02
10 1.2030079788E+01
                       29 1.0545517241E-01
```

### Dirección = 45 Grados

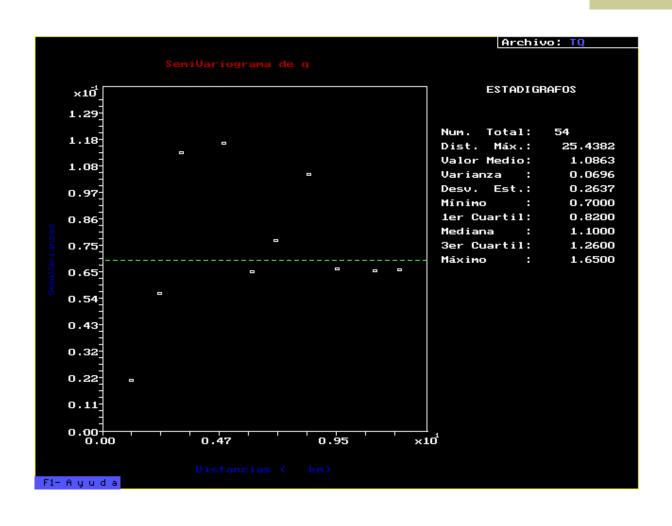


### Dirección = 45 Grados

De acuerdo los con resultados, algunos valores función la. semivarianza se estiman con pocos pares de datos. Por tanto, debe tomarse en cuenta que los valores correspondientes a esos intervalos de separación (NLag) pueden ser no representativos de la variabilidad espacial de la variable que se está analizando.

```
Direccion = 45 grados, Tolerancia = 22.5 grados
Longitud del intervalo = 1.200000000E+00 km
Nlag Intervalos (Lags) Npares Semivarianzas
1 8.4964100732E-01
                      15 1.3756666667E-02
2 2.3939250256E+00.
                      7 5.710000000E-02
3 3.5477135512E+00
                      16 /6.7656250000E-02
4 4.8810791417E+00
                      30 6.3016666667E-02
5 6.1272088083E+00
                      31 6.5053225806E-02
6 6.8155676932E+00
                      21 8.7947619048E-02
7 8.2717016675E+00 12 \1.4940833333E-01
8 9.6032574647E+00
                      12 /8.8325000000E-02
9 1.0433344731E+01
                      19 8.8042105263E-02
10 1.1828489043E+01
                      22 5.2313636364E-02
```

Dirección = 90 Grados

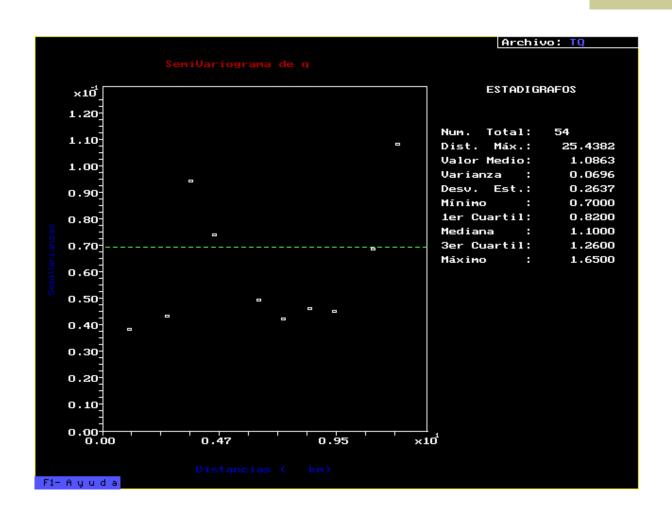


#### Dirección = 90 Grados

De acuerdo los con resultados, algunos valores función la. semivarianza se estiman con pocos pares de datos. Por tanto, debe tomarse en cuenta que los valores correspondientes a esos intervalos de separación (NLag) pueden ser no representativos de variabilidad espacial de la variable que está analizando.

```
Direccion = 90 grados, Tolerancia = 22.5 grados
Longitud del intervalo = 1.200000000E+00 km
Nlag Intervalos (Lags) Npares Semivarianzas
                      15 2.3666666667E-02
1.1551232378E+00
2 2.2741972956E+00
                     21 6.1045238095E-02
3 3.1670840594E+00
                       9 1.131777778E-01
4 4.8607758405E+00
                      11 /1.1710454545E-01
5 5.9852199399E+00
                      49 6.4084693878E-02
6 6.9814375305E+00
                      65 7.7381538461E-02
7 8.2674661070E+00
                      12 \\ \tag{1.0440833333E-01}
                      16 6.6165625000E-02
8 9.4088480539E+00
9 1.0957870614E+01
                      34 6.4388235294E-02
   1.1923697817E+01
                       20 6.5677500000E-02
```

#### Dirección = 135 Grados



#### **Dirección = 135 Grados**

De acuerdo los con resultados, algunos valores función la. semivarianza se estiman con pocos pares de datos. Por tanto, debe tomarse en cuenta que los valores correspondientes a esos intervalos de separación (NLag) pueden ser no representativos de la variabilidad espacial de la variable que se está analizando.

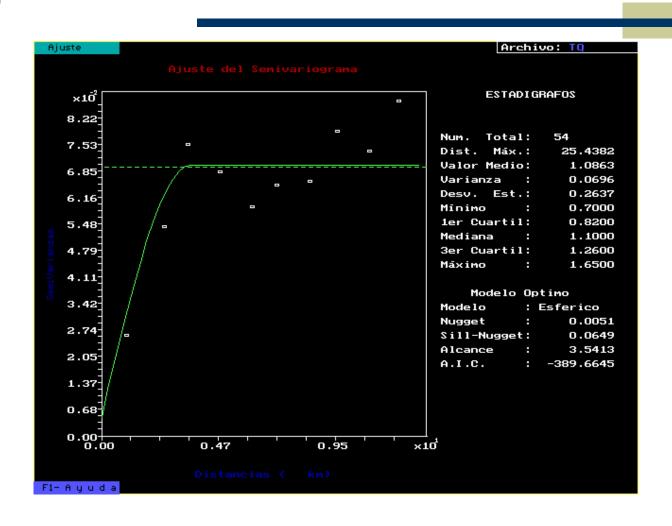
```
Direccion = 135 grados, Tolerancia = 22.5 grados
Longitud del intervalo = 1.200000000E+00 km
Nlag Intervalos (Lags) Npares Semivarianzas
                      19 3.8750000000E-02
1 1.0630770936E+00
2 2.6097066469E+00
                      15 5.3750000000E-02
3 3.6093665434E±00
                      10\7.1835000000E-02
4 4.5387599584E+00
                      9 7.82222222E-02
5 6.2857044364E+00
                      5 /4.970000000E-02
6 7.2476065060E+00
                      45 4.243000000E-02
7 8.2889293484E+00
                      34 4.8436764706E-02
8 9.3471871985E+00
                      18 5.2569444445E-02
9 1.0860302319E+01
                      28 7.0658928572E-02
10 1.1867539016E+01
                      24 1.1256250000E-01
```

### Ajuste del Modelo al Variograma Estimado y Criterio de Bondad Ajuste

#### AJUSTE DE LOS MODELOS POR MINIMOS CUADRADOS PONDERADOS

Modelo	Nugget	Sill-Nugget	Alcance	A.I.C.			
Gaussiano	0.00797	0.06159	3.48378	-330.08318			
Exponencial	0.00797	0.06159	3.48378	-333.74618			
Esferico	0.00508	0.06493	3.54129	-389.66445			
Lineal	0.02493	0.04167	4.61043	-254.16480			
Modelo optimo	o segun el (	Criterio de In	formacion	de Akaike (A.I.C.			
Esferico	0.00508	0.06493	3.54129	-389.66445			

### Ajuste del Modelo al Variograma Estimado y Criterio de Bondad Ajuste



# Validación Cruzada del Modelo del Variograma y Análisis de las Diferencias(Z-Z\*) en Términos del Valor Medio y de la Varianza

Radio de busqueda = 3.541E+00

Variograma:

**Modelo**= Esferico

**Nugget=** 5.100E-03

Sill-Nugget = 6.490E-02

**Alcance**= <u>3.5413</u>

Valor Medio de  $Z-Z^* = -1.364E-02$ 

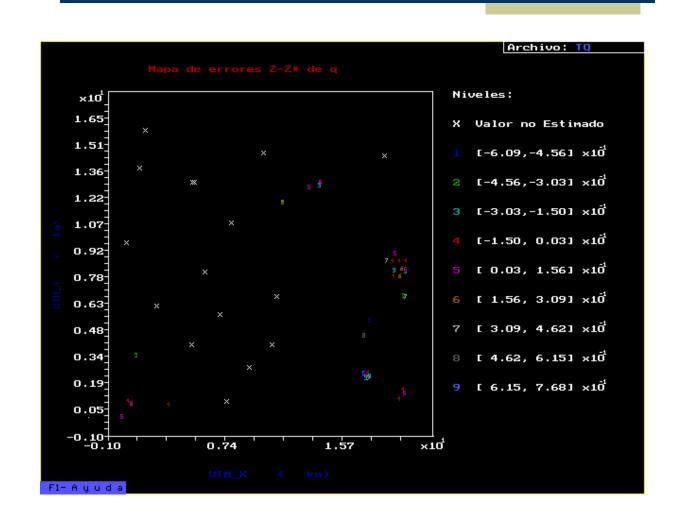
Varianza de  $Z-Z^* = 8.017E-02$ 

Valor Medio de Zscore = -8.559E-02

Varianza de Zscore = 1.339E+01

Porciento de puntos estimados = 70.37%

Empleando un radio de búsqueda igual al alcance, no es posible estimar en todos los puntos de datos

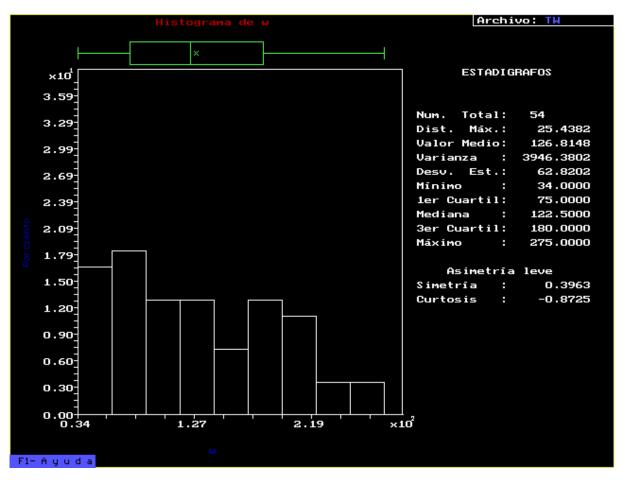


### ANALISIS ESTRUCTURAL

Variable w

#### Análisis de Normalidad

El histograma de la variable w presenta una ligera asimetría

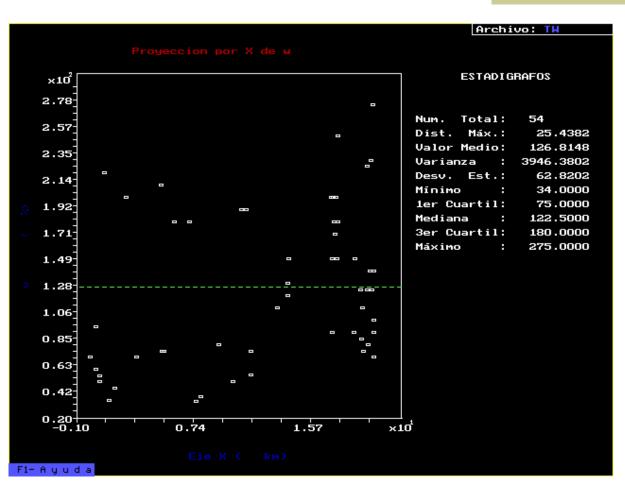


Análisis de Valores Atípicos

No hay valores atípicos tanto distribucionales como espaciales

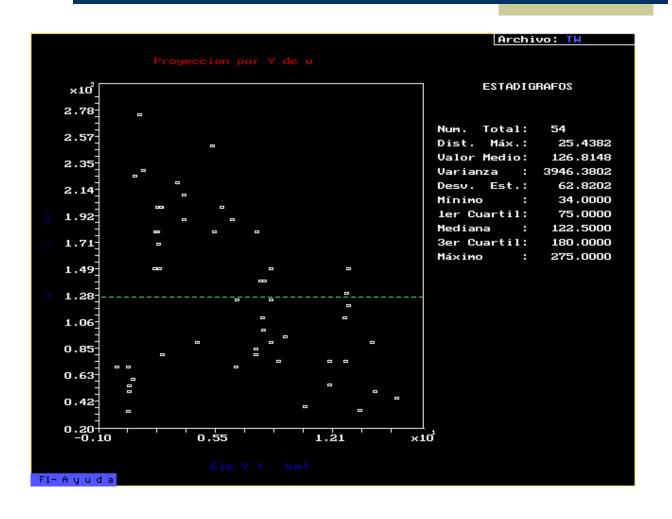
#### Análisis de la Distribución Espacial

La gráfica de dispersión muestra que la variable w es estacionaria en dirección del eje X.



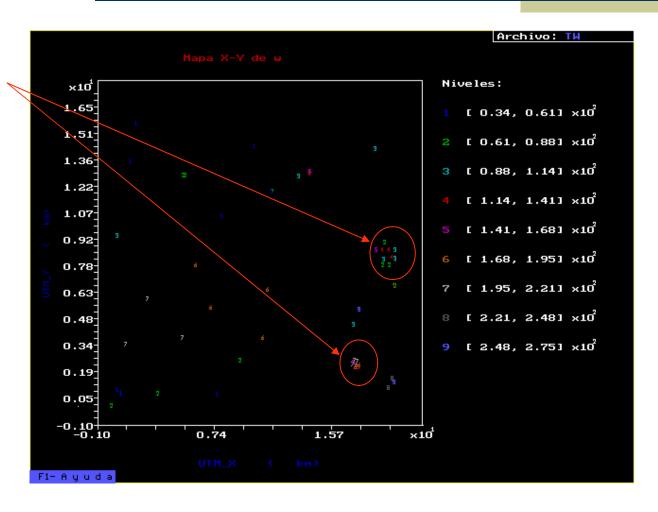
#### Análisis de la Distribución Espacial

La gráfica de dispersión muestra que la variable *w* posiblemente no es estacionaria en dirección del eje Y.



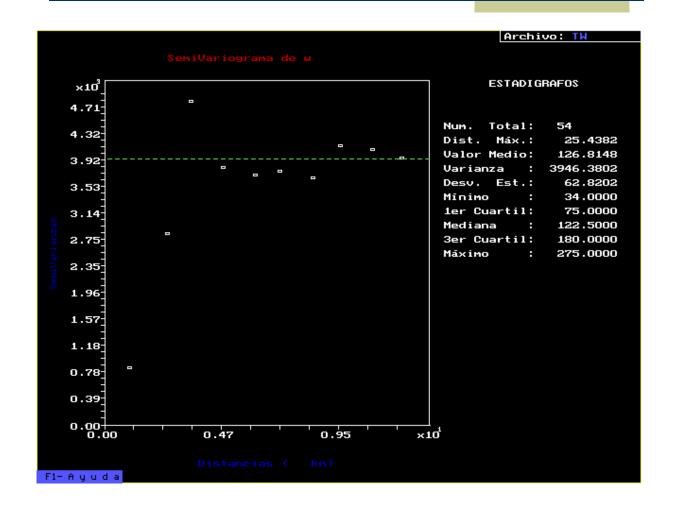
#### Análisis de la Distribución Espacial

Distribución dispersa y existencia de cúmulos con alta concentración de datos en ciertas zonas.



## Estimación del Variograma Adireccional (0, +-90)

El variograma está acotado con respecto a la varianza, y además, no se observa un crecimiento de tipo cuadrático (h²). Por tanto, puede decirse que la variable *w* es estacionaria.



## Estimación del Variograma Adireccional (0, +-90)

#### ESTIMACION EN UNA SOLA DIRECCION

Direccion = 0 grados, Tolerancia = 90.0 grados

Longitud del intervalo = 1.200000000E+00 km

\_\_\_\_\_

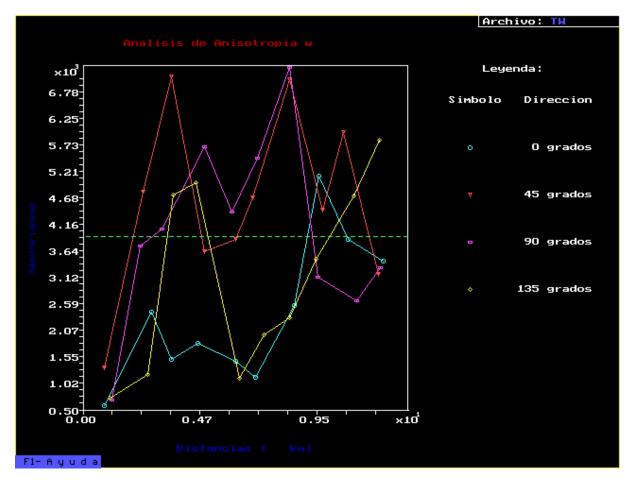
Nlag Intervalos (Lags) Npares Semivarianzas

\_\_\_\_\_

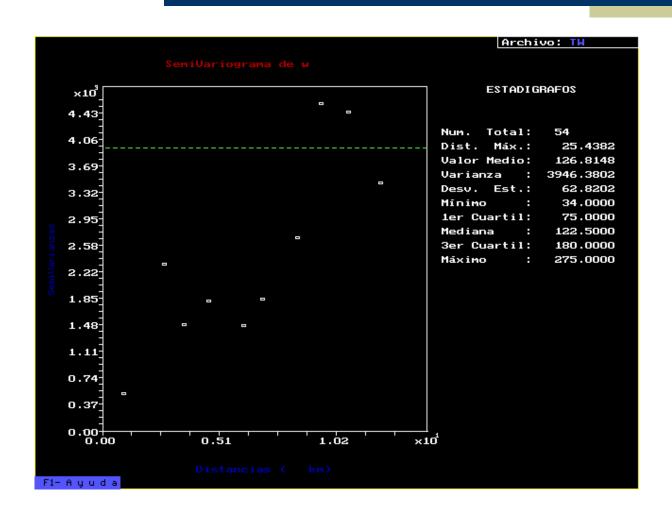
- 1 9.9164971430E-01 63 8.5238095238E+02
- 2 2.5152973270E+00 63 2.8502063492E+03
- 3 3.4837754804E+00 44 4.8022272727E+03
- 4 4.7719903252E+00 63 3.8193253968E+03
- 5 6.0629268898E+00 97 3.7133350515E+03
- 6 7.0308736660E+00 151 3.7641622517E+03
- 7 8.3547838402E+00 93 3.6691989247E+03
- 8 9.4405942205E+00 70 4.1375714286E+03
- 9 1.0759216162E+01 109 4.0927614679E+03
- 10 1.1919936479E+01 95 3.9675210526E+03

## Estimación del Variograma Adireccional (0, +-90)

En el variograma en las dirección de 0° y 135° presenta un comportamiento cualitativamente distinto del mostrado en las direcciones 45° y 90°.



#### Dirección = 0 Grados

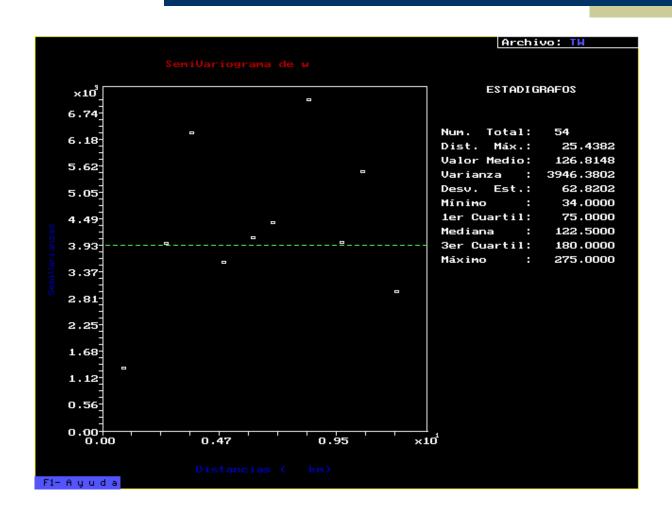


#### Dirección = 0 Grados

acuerdo De los con resultados, algunos valores función la. semivarianza se estiman con pocos pares de datos. Por tanto, debe tomarse en cuenta que los valores correspondientes a esos intervalos de separación (NLag) pueden ser no representativos de variabilidad espacial de la variable que está analizando.

```
Direccion = 0 grados, Tolerancia = 22.5 grados
Longitud del intervalo = 1.200000000E+00 km
Nlag Intervalos (Lags) Npares Semivarianzas
                     14 5.9642857143E+02
1 8.7171453897E-01
2 2.7401256755E+00
                     20 2.4427000000E+03
3 3.5472535943E±00
                      9 \1.507944444E+03
4 4.6065878744E+00
                      13 1.8248461538E+03
5 6.1213446679E+00
                      (12/1.4846250000E+03
6 6.9299634879E+00
                      20 1.1582750000E+03
7 8.4771795999E+00
                      35 2.5763857143E+03
8 9.4504819758E+00
                     24 5.1305625000E+03
  1.0638033785E+01
                     28 3.8881250000E+03
   1.2030079788E+01
                      29 3.4607068966E+03
```

#### **Direccion = 45 Grados**

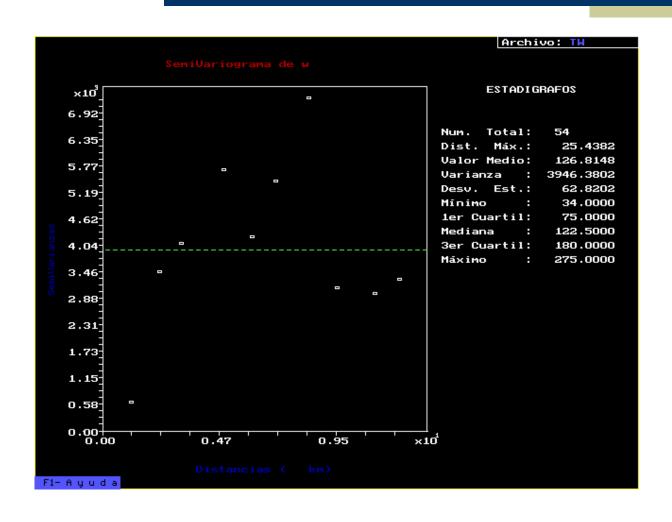


#### **Direccion = 45 Grados**

De acuerdo los con resultados, algunos valores función la. semivarianza se estiman con pocos pares de datos. Por tanto, debe tomarse en cuenta que los valores correspondientes a esos intervalos de separación (NLag) pueden ser no representativos de la variabilidad espacial de la variable que se está analizando.

```
Direccion = 45 grados, Tolerancia = 22.5 grados
Longitud del intervalo = 1.200000000E+00 km
Nlag Intervalos (Lags) Npares Semivarianzas
1 8.4964100732E-01 15 1.3491666667E+03
  2.3939250256E+00
                       7 \\ \( 4.8058571429E+03 \)
3 3.5477135512E+00
                      16 /7.0785625000E+03
4 4.8810791417E+00
                      30 3.6396666667E+03
5 6.1272088083E+00
                      31 3.8774193548E+03
6 6.8155676932E+00
                      21 4.6944047619E+03
                      12 \7.0229583333E+03
7 8.2717016675E+00
8 9.6032574647E+00
                      12 /4.4530833333E+03
9 1.0433344731E+01
                      19 5.9896578947E+03
10 1.1828489043E+01
                       22 3.1873181818E+03
```

Dirección = 90 Grados

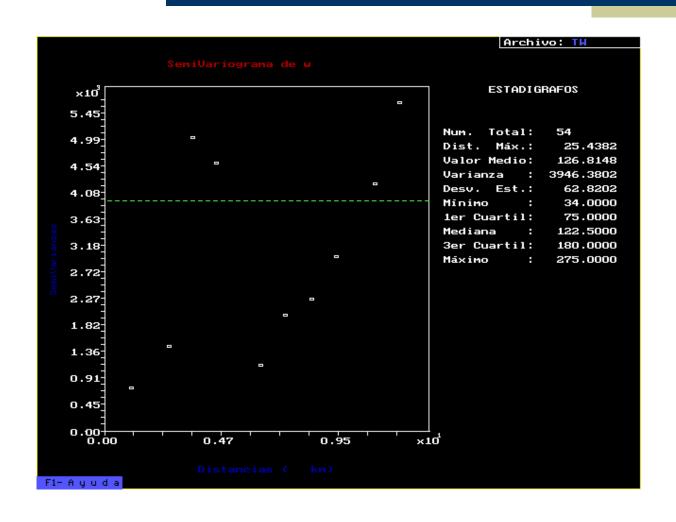


#### Dirección = 90 Grados

De acuerdo los con resultados, algunos valores función la. semivarianza se estiman con pocos pares de datos. Por tanto, debe tomarse en cuenta que los valores correspondientes a esos intervalos de separación (NLag) pueden ser no representativos de la variabilidad espacial de la variable que se está analizando.

```
Direccion = 90 grados, Tolerancia = 22.5 grados
Longitud del intervalo = 1.200000000E+00 km
Nlag Intervalos (Lags) Npares Semivarianzas
1.1551232378E+00
                      15 7.200000000E+02
2 2.2741972956E+00
                      21 3.7523809524E+03
                      9 \\ 4.094444444E+03
3 3.1670840594E+00
4 4.8607758405E+00
                      11 /5.6990909091E+03
5 5.9852199399E+00
                      49 4.4179183673E+03
6 6.9814375305E+00
                      65 5.4837769231E+03
7 8.2674661070E+00
                      12 7.263333333E+03
8 9.4088480539E+00
                      16 3.1325625000E+03
9 1.0957870614E+01
                      34 2.6676470588E+03
10 1.1923697817E+01
                      20 3.3231750000E+03
```

#### **Dirección = 135 Grados**



#### **Dirección = 135 Grados**

acuerdo los De con resultados, algunos valores función la. semivarianza se estiman con pocos pares de datos. Por tanto, debe tomarse en cuenta que los valores correspondientes a esos intervalos de separación (NLag) pueden ser no representativos de la variabilidad espacial de la variable que se está analizando.

```
Direccion = 135 grados, Tolerancia = 22.5 grados
Longitud del intervalo = 1.200000000E+00 km
Nlag Intervalos (Lags) Npares Semivarianzas
1 1.0630770936E+00
                      19 7.5328947368E+02
2 2.6097066469E+00
                      15 1.2178666667E+03
3 3.6093665434E+00
                      10\4.7619500000E+03
4 4.5387599584E+00
                      9 5.0016111111E+03
5 6.2857044364E+00
                      5 /1.140000000E+03
6 7.2476065060E+00
                      45 2.0043333333E+03
7 8.2889293484E+00
                      34 2.3419558824E+03
8 9.3471871985E+00
                      18 3.4965833333E+03
9 1.0860302319E+01
                      28 4.7407142857E+03
10 1.1867539016E+01
                      24 5.8320625000E+03
```

### Ajuste del Modelo al Variograma Estimado y Criterio de Bondad Ajuste.

#### AJUSTE DE LOS MODELOS POR MINIMOS CUADRADOS PONDERADOS

Modelo	Nugget Sil	l-Nugget Al	cance A.	I.C.
Gaussiano	0.00000	3946.38015	3.48378	861.20062
Exponencial	0.00000	3946.38015	3.48378	860.49393
Esferico	0.00000	3946.38015	3.48378	790.92731
Lineal	643.79155	2795.61060	4.49965	956.49486

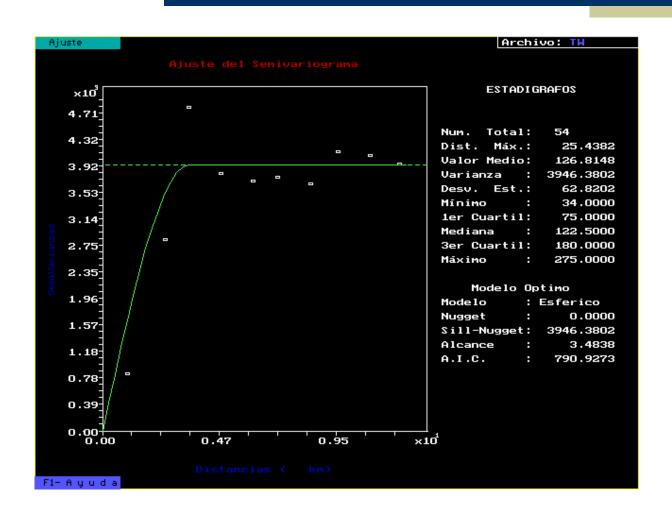
Modelo optimo segun el Criterio de Informacion de Akaike (A.I.C.)

.....

Esferico 0.00000 3946.38015 3.48378 790.92731

\_\_\_\_\_

### Ajuste del Modelo al Variograma Estimado y Criterio de Bondad Ajuste



#### Validación Cruzada del Modelo de Variograma y Análisis de las Diferencias(Z-Z\*) en Términos del Valor Medio y de la Varianza

Radio de busqueda = 3.483E+00

#### Variograma:

**Modelo** = Esferico

**Nugget**= 0.000E+00

Sill-Nugget = 3.946E+03

Alcance = 3.4838

Valor Medio de Z- $Z^* = 3.373E+00$ 

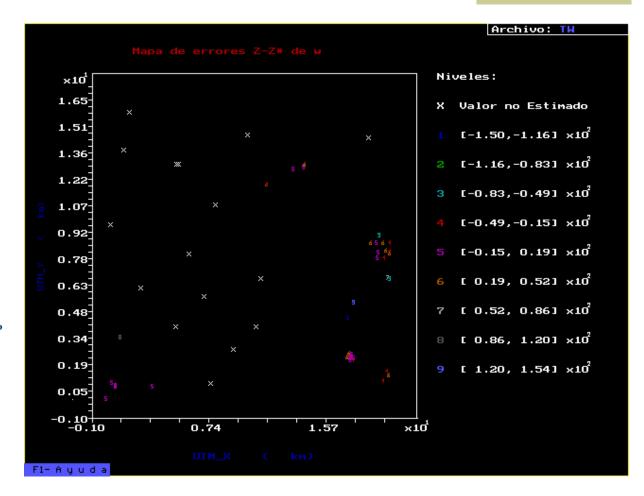
Varianza de  $Z-Z^* = 2.290E+03$ 

Valor Medio de Zscore = 5.842E-02

Varianza de Zscore = 2.420E+00

Porciento de puntos estimados = 70.37%

Empleando un radio de búsqueda igual al alcance, no es posible estimar en todos los puntos de datos



## CONCLUSIONES Análisis Univariado

• Primeramente se realizo el análisis unívariado para las variables w y qu, conjuntamente con sus transformaciones logarítmica, en ellas se vio que pese a la transformación existe un mejor ajuste a una normal en coordenadas naturales, también se observo que no hay valores atípicos apreciables en nuestros datos.

#### **CONCLUSIONES**

#### Análisis Bivariado

- En éste se analizó primeramente a las variables w y qu, observándose un coeficiente de correlación de -.806, ajustándose a una recta un poco peor que en la transformación de las variables a coordenadas logarítmicas que obtuvo un coeficiente de correlación de -.827, pero creemos que no es necesario la transformación a coordenadas logarítmicas ya que la ganancia es mínima.
- ◆ También se realizo la regresión lineal obteniéndose un valor para R cuadrada de .649, y una recta de ajuste w = -191.900qu + 335.275, con una desviación estándar de 50.6133 y un error residual de 112.1698, en la transformación a coordenadas logarítmicas se obtiene un valor para R cuadrada de .684, y una recta de ajuste w = -1.849qu + 2.087, con una desviación estándar de .1974 y un error residual de .4411, aquí al igual que en el caso unívariado, pese a que existe una mejor regresión lineal en coordenadas logarítmicas, no es muy marcada la mejoría, por ello creemos que no es necesario la transformación a coordenadas logarítmicas ya que la ganancia es mínima.

#### **CONCLUSIONES**

#### Análisis Estructural

- Primeramente hay que hacer notar hay pocos datos (54) y tienen una amplia distribución espacial heterogénea, pero aún así, es posible observar dos cúmulos de datos a diversas escalas, unos muy agrupados (casi la mitad de los datos) y el resto dispersos en el dominio, por ello se recomendaría hacer un variograma anidado.
- Para la variable qu no hay tendencia aparente y su variograma adireccional se ajusta a un modelo esférico con criterio de A.I.C de -309.6645 y cuya validación cruzada es de Valor Medio de Z-Z\* de -1.3642E-02, Varianza de Z-Z\* de 8.017E-02, Valor Medio de Zscore de -8.559E-02, Varianza de Zscore de 1.339E+01, Porciento de puntos estimados de 70.37%, pero hay que notar que hay varios puntos del variograma mal estimados y hay pocos datos.
- Para la variable w no hay tendencia significativa y su variograma adireccional se ajusta a un modelo esférico con criterio de A.I.C de 790.92 y cuya validación cruzada es de Valor Medio de Z-Z\* de 3.373, Varianza de Z-Z\* de 2.29E-02, Valor Medio de Zscore de 5.842E-02, Varianza de Zscore de 2.42, Porciento de puntos estimados de 70.37%, pero hay que notar que hay varios puntos del variograma mal estimados y hay pocos datos.
- La distribución dispersa y existencia de cúmulos con alta concentración de datos en ciertas zonas influye en el variograma y por tanto en la validación cruzada.