

1

Dimension of Matrix :

```
print(A.shape)
#returns (4,4)
#or
np.shape(A)
```

Operations on matrix:

```
print(A[0,0])
print(A[3,3])
print(A[2,3])
#output
4.0
0.5
3.141592653589793
```

2. Afficher V la sous matrice de A formée par la deuxième colonne de A

`A[:,n:m]` est une sous matrice de A avec `:` représente toutes les lignes et `n:m` représente les colonnes de n à $m-1$.

```
V=A[:,1:2]
print(V)
#output
[[3.]
 [4.]
 [2.]
 [2.]]
*****
Afficher W la sous matrice de A formée par la deuxième et la troisième colonne de A.
W=A[:,1:3]
print(W)
#output
[[3. 3.]
 [4. 3.]
 [2. 4.]
 [2. 2.]]
```

Créer la matrice B , une copie de A , puis l'afficher.

```
B=A.copy()
```



`B=A.copy()` entraîne la création d'une nouvelle matrice B et laisser la matrice A intact.

`B=A` entraîne que toute modification sur B engendre la même modification sur A .

Remplacer π dans la matrice B par e .

```
B[2,3]=np.e
print(B)
```

Remplacer la quatrième ligne de la matrice B par le vecteur $[1,1,1,1]$

```
B[3,:]=[1,1,1,1]
print(B)
#output
[[4.      3.      3.      3.      ]
 [2.      4.      3.      3.      ]
 [2.      2.      4.      2.71828183]
 [1.      1.      1.      1.      ]]
```

Afficher la diagonale de A

```
print(np.diag(A))
```

Afficher la diagonale de A

```
print(np.diag(A, -1) )
```

Afficher la deuxième sur diagonale de A

```
print(np.diag(A,2) )
#output
[3. 3.]
```

Afficher la matrice triangulaire inférieure associée à A

```
print(np.tril(A))
#l=lower
#output
[[4.  0.  0.  0. ]
 [2.  4.  0.  0. ]
 [2.  2.  4.  0. ]
 [2.  2.  2.  0.5]]
```

Afficher la matrice triangulaire supérieure associée à A

```
print(np.triu(A))
#output
[[4.      3.      3.      3.      ]
 [0.      4.      3.      3.      ]
 [0.      0.      4.      3.14159265]
 [0.      0.      0.      0.5      ]]
```

Produit Matriciel :

```
matrice1.dot(matrice2)
```

Calculer les produits matriciels $A*V$, $A*W$, A^2 et A^5

```
A.dot(W)# A*V
#output
array([[36.      ],
       [34.      ],
       [28.28318531],
       [19.      ]])
A.dot(W)#A* W
#output
array([[36.      , 39.      ],
       [34.      , 36.      ],
       [28.28318531, 34.28318531],
       [19.      , 21.      ]])
A**2# la matrice contenant les carrés des éléments de A.
#output
array([[16.      , 9.      , 9.      , 9.      ],
       [ 4.      , 16.      , 9.      , 9.      ],
       [ 4.      , 4.      , 16.      , 9.8696044],
       [ 4.      , 4.      , 4.      , 0.25      ]])
A.dot(A) # ou A @ A ou np.linalg.matrix_power(A, 2) # A^2
#output
array([[34.      , 36.      , 39.      , 31.92477796],
       [28.      , 34.      , 36.      , 28.92477796],
       [26.28318531, 28.28318531, 34.28318531, 26.13716694],
       [17.      , 19.      , 21.      , 18.53318531]])
A5 = np.linalg.matrix_power(A, 5)
print('A5=',A5)
#output
A5= [[39976.72454163 44560.18910578 49661.50322586 40080.90914335]
     [35855.10953339 39976.72454163 44560.18910578 35959.74806912]
     [32482.16861957 36199.34163287 40360.18720374 32569.71511652]
     [21197.78949703 23628.93327993 26337.14343345 21251.79436139]]
```

Afficher la matrice transposée de A

```
print(A.transpose())
#or
print(A.T)
```

Construire une matrice diagonale C contenant le vecteur $[-2,1,2]$ sur la diagonale

```
U= [-2,1,2]
C=np.diagflat(U)
print(C)
#output
[[-2  0  0]
 [ 0  1  0]
 [ 0  0  2]]
```

Construire D une matrice diagonale dont sa diagonale est celle de la matrice A

```
D=np.diagflat(np.diag(A))
print(D)
#output
D=np.diagflat(np.diag(A))

print(D)

[[4.  0.  0.  0.]
```

```
[0.  4.  0.  0. ]
[0.  0.  4.  0. ]
[0.  0.  0.  0.5]]
```

Inverse :

```
np.linalg.inv(M)
```

Matrices particulières:

Matrice identité:

```
I=np.identity(4)
print(I)
#output
[[1.  0.  0.  0.]
 [0.  1.  0.  0.]
 [0.  0.  1.  0.]
 [0.  0.  0.  1.]]
#second method
J= np.eye(3)
print(J)
[[1.  0.  0.]
 [0.  1.  0.]
 [0.  0.  1.]]
```

Matrice nulle d'ordre $n \times p$

```
O=np.zeros((3,2),int) # nombre de ligne, nombre de colonnes et de type entier
print(O)
#output
[[0 0]
 [0 0]
 [0 0]]
```

Matrice composée des 1 d'ordre $n \times p$

```
U=np.ones((4,5),float)# nombre de ligne, nombre de colonnes et de type float
print(U)
#output
[[1.  1.  1.  1.  1.]
 [1.  1.  1.  1.  1.]
 [1.  1.  1.  1.  1.]
 [1.  1.  1.  1.  1.]]
```

Résolution d'un système de Cramer.

Soit le système d'équations linéaires suivant : $MX = b$, avec :

$$M = \begin{pmatrix} 4 & -1 & -1 & 0 \\ -1 & 4 & 0 & -1 \\ -1 & 0 & 4 & -1 \\ 0 & -1 & -1 & 4 \end{pmatrix}, X = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \end{pmatrix}, \text{ et } b = \begin{pmatrix} 50 \\ 30 \\ 70 \\ 50 \end{pmatrix},$$

1. Ecrire les matrices M et b .

```
M=np.array([[4,-1,-1,0],[-1,4,0,-1],[-1,0,4,-1],[0,-1,-1,4]])#les éléments de M doivent être de type float
b=np.array([50,30,70,50])
print(M)
print(b)
```

Montrer que le système est de Cramer.

```
#on vérifie que det(A)#0
np.linalg.det(M)
#output
192.0
```

Resoudre le systeme :

$X=M^{-1} b$

```
# X=M^-1 b
X=np.linalg.inv(M).dot(b)
X
```

`np.arange()` et `np.linspace` :

Les fonctions `np.arange()` et `np.linspace` retournent un objet de type `numpy.ndarray`

`np.arange(n,m)` permet d'obtenir un tableau 1D de la valeur de départ `n` à la valeur de fin `m-1` avec un pas `1`

```
np.arange(2,8)
#output
array([2, 3, 4, 5, 6, 7])
```

`np.arange(m)` permet d'obtenir un tableau 1D de la valeur de départ `0` à la valeur de fin `m-1` avec un pas `1`

```
np.arange(8)
array([0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7])
```

`np.arange(n,m,p)` permet d'obtenir un tableau 1D de la valeur de départ `n` à la valeur de fin `m-p` avec un pas `p`

```
np.arange(2,8,3)
```

`np.linspace(n,m,p)` permet d'obtenir un tableau 1D contenant p coefficient allant d'une valeur de départ `n` à une valeur de fin `m`

```
np.linspace(1,2,3)
array([1. , 1.5, 2. ])
```

Représentations graphiques sous Python

import matplotlib:

```
import matplotlib.pyplot as plt
```

Matplotlib for beginners

Matplotlib is a library for making 2D plots in Python. It is designed with the philosophy that you should be able to create simple plots with just a few commands:

1 Initialize

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
```

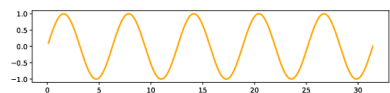
2 Prepare

```
X = np.linspace(0, 4*np.pi, 1000)
Y = np.sin(X)
```

3 Render

```
fig, ax = plt.subplots()
ax.plot(X, Y)
fig.show()
```

4 Observe



Choose

Matplotlib offers several kind of plots (see Gallery):

```
X = np.random.uniform(0, 1, 100)
Y = np.random.uniform(0, 1, 100)
ax.scatter(X, Y)
```



```
X = np.arange(10)
Y = np.random.uniform(1, 10, 10)
ax.bar(X, Y)
```



```
Z = np.random.uniform(0, 1, (8,8))
ax.imshow(Z)
```



```
Z = np.random.uniform(0, 1, (8,8))
```

```
ax.contourf(Z)
```



```
Z = np.random.uniform(0, 1, 4)
```

```
ax.pie(Z)
```



```
Z = np.random.normal(0, 1, 100)
```

```
ax.hist(Z)
```



```
X = np.arange(5)
Y = np.random.uniform(0, 1, 5)
ax.errorbar(X, Y, Y/4)
```



```
Z = np.random.normal(0, 1, (100,3))
```

```
ax.boxplot(Z)
```



Tweak

You can modify pretty much anything in a plot, including limits, colors, markers, line width and styles, ticks and ticks labels, titles, etc.

```
X = np.linspace(0, 10, 100)
Y = np.sin(X)
ax.plot(X, Y, color="black")
```



```
X = np.linspace(0, 10, 100)
Y = np.sin(X)
ax.plot(X, Y, linestyle="--")
```



```
X = np.linspace(0, 10, 100)
Y = np.sin(X)
ax.plot(X, Y, linewidth=5)
```



```
X = np.linspace(0, 10, 100)
Y = np.sin(X)
ax.plot(X, Y, marker="o")
```



Organize

You can plot several data on the the same figure, but you can also split a figure in several subplots (named Axes):

```
X = np.linspace(0, 10, 100)
Y1, Y2 = np.sin(X), np.cos(X)
ax.plot(X, Y1, X, Y2)
```



```
fig, (ax1, ax2) = plt.subplots((2,1))
ax1.plot(X, Y1, color="C1")
ax2.plot(X, Y2, color="C0")
```



```
fig, (ax1, ax2) = plt.subplots((1,2))
ax1.plot(Y1, X, color="C1")
ax2.plot(Y2, X, color="C0")
```



Label (everything)

```
ax.plot(X, Y)
fig.suptitle(None)
ax.set_title("A Sine wave")
```



```
ax.plot(X, Y)
ax.set_ylabel(None)
ax.set_xlabel("Time")
```



Explore

Figures are shown with a graphical user interface that allows to zoom and pan the figure, to navigate between the different views and to show the value under the mouse.

Save (bitmap or vector format)

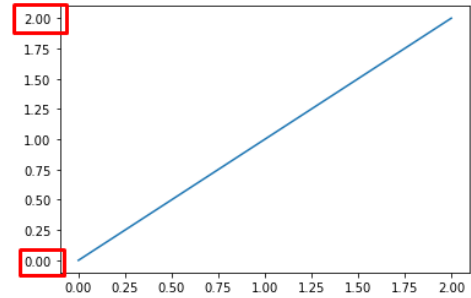
```
fig.savefig("my-first-figure.png", dpi=300)
fig.savefig("my-first-figure.pdf")
```

Matplotlib 3.5.0 handout for beginners. Copyright (c) 2021 Matplotlib Development Team. Released under a CC-BY 4.0 International License. Supported by NumFOCUS.

Tracer des lignes :

[0,1,2] sont les ordonnées et les abscisses, sont automatiquement générées et vont de 0 à `len(liste) - 1`

```
plt.plot([0, 1, 2])
```

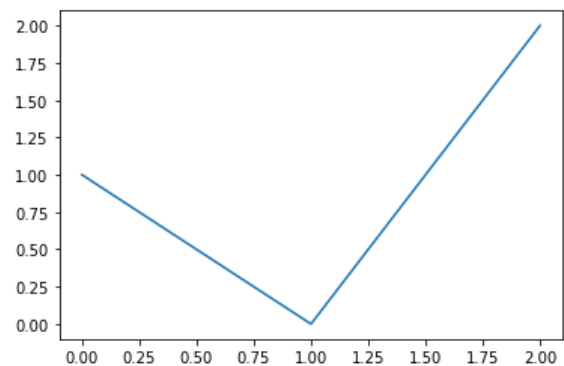


Tracer une figure :

on peut passer deux listes en arguments de la methode plot.

la premiere liste $x=[0,1,2]$ correspond aux abscisses et y correspond à la liste de leurs ordonnées.

```
x = [0, 1, 2]  
y = [1, 0, 2]  
plt.plot(x, y)
```



Tracer une fonction mathématique

Tracer la fonction `sin()` sur $[0, 2\pi]$.

```
x = np.arange(0,2*np.pi,0.1) #On crée un array qui va de 0 à 2pi exclu avec un pas de 0.01  
y = np.sin(x)  
plt.plot(x,y)
```

Résolution numérique de systèmes d'équations linéaires