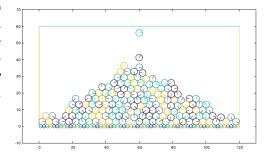
MÉTODOS DE SIMULACIÓN - FÍSICA Taller 1, Ejercicio 6

PILA DE ARENA

Una pila de arena se puede construir arrojando granos uno a uno sobre una superficie, hasta formar un cono. En teoría, el ángulo θ que forma la superficie del cono con la horizontal – que se conoce con el nombre de *ángulo de reposo* – debe ser tal que su tangente sea igual al coeficiente de fricción estático μ ,



$$\mu = \tan \theta \ . \tag{1}$$

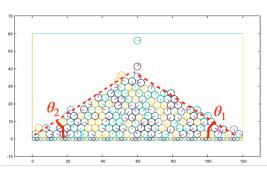
Para comprobarlo,

a) Construya un programa basado en el código UnGrano_2022-II.cpp que genere una pila de arena, soltando grano por grano desde cierta altura. Para ello, utilice un espacio de simulación de, por ejemplo, Lx=160 y Ly=60 y represente el suelo como un conjunto de Ns=80 esferas de radio Rs=Lx/(2*Ns)=1 que no se mueven ni interactúan entre sí ni con las otras tres paredes, como muestra la figura (si lo ve conveniente, puede ampliar Lx y/o N aún más). Haga que todos los N=200 granos inicien con una posición x0=Lx/2, y0=Ly-2R0, con R0=2, velocidad Vx=Vy=0, ángulo theta0=0 y una velocidad angular *omega* que se escoge aleatoriamente en el intervalo $\omega \in [-ThetaMax, ThetaMax]$, pero vaya soltándolos uno por uno, dejando evolucionar el sistema un tiempo $tmax=5\sqrt{Ly/g}$ antes de soltar el siguiente. Una forma de lograrlo es iniciar todos los granos antes de comenzar la simulación y definir una variable entera $Nlive=0,1,2,\cdots$ que indica cuántos granos están vivos. Para la simulación puede tomar como valores de referencia los siguientes:

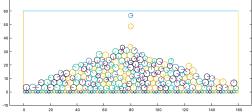
```
//---- declarar constantes ---
const double K=1.0e4;
const double Lx=160, Ly=60;
const int N=200, Ns=80, Ntot=N+Ns+3;
const double g=9.8, Gamma=150, Kcundall=500, mu=0.4;
```

y como variables iniciales en el main() las siguientes:

b) Una vez se complete la pila, ajuste dos líneas a sus perfiles, como muestra la figura, y mida su ángulo de inclinación, que corresponde al ángulo de reposo θ , y compruebe si se cumple la relación Ec. (1). Si lo desea, tome $\theta = (\theta_1 + \theta_2)/2$, con θ_1 y θ_2 los ángulos medidos a derecha e izquierda, como se muestra en la figura.



c) Ahora repita todo el proceso anterior, pero haciendo que cada grano que se suelta tenga un radio escogido al azar entre 1.6 y 2.4 ($R0 \in [1.6 , 2.4]$). Observe si en este caso el ángulo $\theta = (\theta_1 + \theta_2)/2$ se acerca más o no al valor predicho por la Ec. (1).



Para la entrega

El envío (.pdf de la presentación y programas .cpp) debe contener:

- a) El programa .cpp que implementa la simulación del punto a).
- b) El programa .cpp que implementa la simulación del punto c)
- c) Las gráficas de las dos pilas de arena, con los ajustes respectivos, y el cálculo de error porcentual respecto del dato teórico.

Referencias

[1] Angle of repose for two-dimensional particle aggregates from particle-sizeand - shapeSalah A. M. El Shourbagy & Hans-Georg Matuttis, University of Electro-Communications, Department of Mechanical Engineering and Intelligent Systems, Tokyo, Japan