Práctica 4

Lógica y compuertas (Parte 2): Circuitos Combinacionales y Secuenciales

Objetivos de la práctica: que el alumno domine

- Circuitos lógicos y diagramas de compuertas
- Introducción a equivalencias lógicas
- método de sumas de productos.
- Describir el funcionamiento de los distintos tipos de flip flops.
- Comprender el funcionamiento de un circuito secuencial.

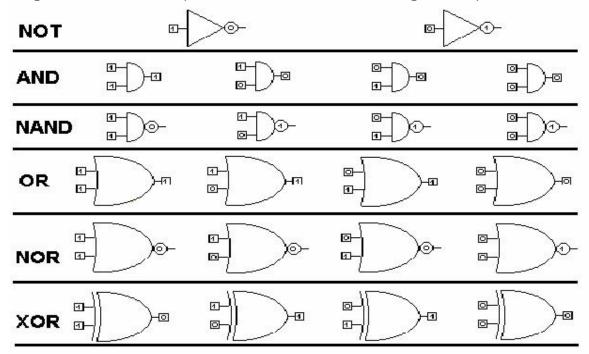
Bibliografía:

- "Principios de Arquitectura de Computadoras" de Miles J. Murdocca, apéndice A, pág. 441.
- Apunte 3 de la cátedra, "Sistemas de Numeración: Operaciones Lógicas".
- Apunte 5 de la cátedra, "Circuitos Lógicos Secuenciales".

Tener en cuenta para resolución de ejercicios 1 al 5:

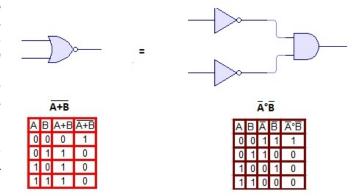
Tablas de Verdad: Una tabla de verdad muestra el resultado de una proposición compuesta para cada combinación de valores de verdad que se le puedan asignar a sus componentes de entrada.

Tengamos en cuenta las respuestas de los distintos conectivos lógicos/Compuertas:



Equivalencias lógicas mediante tablas de verdad: Es posible demostrar que dos circuitos son equivalentes si ante iguales entradas responden con el mismo valor de salida. Para llevar a cabo esta demostración, alcanza con construir la tabla de verdad de ambos circuitos y validar que las respuestas coinciden para iguales entradas.

Ejemplo: (La conocida Ley de De Morgan, donde se puede verificar que ante iguales combinaciones de valores de entrada para A y B, la respuesta del circuito es igual en ambos casos)



Práctica 4 1/5

Otras equivalencias lógicas:

Conjunto cerrado de operaciones lógicas usando sólo compuertas Nand o Nor:

Es posible (su justificación excede el objetivo de este curso) reescribir cualquier expresión lógica compuesta, como una expresión equivalente utilizando EXCLUSIVAMENTE compuertas Nand o Nor. Esto favorece el diseño de circuitos al resolver cualquier lógica con un único tipo de compuertas.

Equivalencias lógicas para representar cualquier conectivo lógico como compuertas Nand:

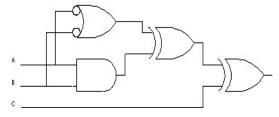
- $\overline{A} \cong \overline{A} + \overline{A} \cong \overline{A \cdot A}$ (Aplico 2 equivalencias lógicas, la última es la ley de De Morgan).
- $A + B \cong \overline{A + B} \cong \overline{A \cdot B} \cong \overline{A \cdot B} \cong (\overline{A \cdot A})(\overline{B \cdot B})$ (doble negación, De Morgan, equivalencia anterior para la negación).
- $A.B \cong \overline{A.B} \cong (\overline{A.B})(\overline{A.B})$ (doble negación, 1er equivalencia para la negación).
- $A \otimes B \cong (A \cdot \overline{B}) + (\overline{A} \cdot B)$ (definición del or exclusivo, resta aplicar las equivalencias previas para producto, suma y negación para llegar a utilizar sólo compuertas Nand).

El resto de las compuertas pueden reescribirse sólo con compuertas Nand basándose en las equivalencias previas.

- 1. Demostrar mediante tabla de verdad si se cumplen o no las siguientes equivalencias:
 - a) $\overline{(A.B)} = \overline{A} + \overline{B}$ (La segunda ley de De Morgan)
 - b) A + B.C = (A + B) + (A + C)
 - (A + B).C = (A.B) + (A.C)
 - d) A + A + B = A + B + B
 - e) A + B.C = A.C + B
 - d) $A \oplus B = \overline{A} \oplus \overline{B}$
- 2. Modifique los siguientes circuitos para que sean todas compuertas NAND.



- 3. Reescriba las compuertas lógicas Not, Or, And y Xor utilizando exclusivamente compuertas NOR. (Ver como se resolvió el mismo caso para compuertas Nand, en *Tener en . . .*).
- 4. Construya la tabla de verdad del siguiente circuito. Analice los valores y basándose en sus conclusiones construya un diagrama más simple que implemente la misma función de salida. Escriba además la ecuación de salida en forma de función.



- 5. Dadas las siguientes relaciones, dibuje los diagramas de compuertas que cumplen con ellas. Modifíquelos utilizando sólo compuertas NOR. Modifíquelos utilizando sólo compuertas NAND.
 - a) $F = AB + AC + AD + \overline{ABCD}$
- b) $F = \overline{A + B + C + D}$ c) $F = \overline{A + BC + C}$ d) F = AB + AB

Tener en cuenta para ejercicios 6 al 8:

Suma de Productos: Es posible inferir la fórmula lógica asociada a una función desconocida de la cual sólo se conoce la respuesta ante todas las combinaciones posibles de entradas....

Ejemplo: Supongamos una función que recibe 2 parámetros A y B, si conocemos la respuesta F de la ecuación en base a los posibles valores de A y B mediante la siguiente tabla de verdad:

Α	В	F
0	0	1
0	1	1
1	0	0
1	1	1

¿En qué casos la salida F será 1? <u>Rta</u>: Cuando las entradas sean A=0 **y** B=0, **o** A=0 **y** B=1, **o** A=1 **y** B=1. Dicho de otra manera, podemos interpretar como respuesta válida que F será 1 cuando no ocurra A y no ocurra B, o no ocurra B, o cuando ocurran A y B.

Esto que es tan simple de entender en lenguaje cotidiano, se traslada con el mismo concepto a la idea de suma de productos, considerando que estamos haciendo una Disyunción/Suma (con la simbología que deseemos: O, Or, v, +) de Conjunciones/Productos (simbología: y, And, ^, .). En conclusión podemos inferir de la anterior tabla de verdad lo siguiente:

 $\overline{F = \overline{A}.\overline{B} + \overline{A}.B + A.B}$ (Por convención y de manera análoga a las operaciones aritméticas conocidas entendemos que ante la ausencia de paréntesis se calculan primero los productos y luego las sumas con los resultados intermedios de cada producto).

Para validar la veracidad de lo expuesto, se debe armar la tabla de verdad de la proposición compuesta y comprobar que coinciden las salidas para todas las combinaciones posibles de la tabla original.

Imaginemos ahora una función que recibe 4 variables A,B,C,D que representan los 4 dígitos de un número binario (Siendo D el menos significativo hasta A como más significativo)....Respondamos ahora la siguiente pregunta:

¿Cuándo viene representado el número 5? (Sabemos que el 5 se representa en binario como 0101) <u>Rta</u>: cuando viene A=0 **y** B=1 **y** C=0 **y** D=1. O dicho de otra manera, cuando NO ocurra A y SI ocurra B y NO ocurra C y SI ocurra D.

Conclusión: Se puede representar una ecuación que retorne 1 cuando en las cuatro entradas reciba el número 5, de la siguiente manera: $F_5 = \overline{A}.B.\overline{C}.D$ (Notar que la salida F_5 tomará valor 1 exclusivamente cuando las entradas ABCD sean 0101)

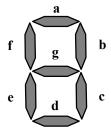
Ahora estamos preparados para determinar una ecuación que, por ejemplo, retorne 1 cuando el número representado en las cuatro entradas sea 5 \mathbf{o} 7 \mathbf{o} 9 (es decir 0101 \mathbf{o} 0111 \mathbf{o} 1001)

 $F=\overline{A}.B.\overline{C}.D+\overline{A}.B.C.D+A.\overline{B}.\overline{C}.D$ (Notar que la salida F tomará el valor 1 exclusivamente cuando las entradas sean alguna de las 3 definidas, en cualquier otra combinación de entrada, la ecuación retornará 0).

6. Para la siguiente tabla de verdad encuentre una fórmula lógica correspondiente (utilizando suma de productos).

_	C	Ь	Α
0	0	0	0
1	1	0	0
1	0	1	0
0	1	1	0
0	0	0	1
1	1	0	1
0	0	1	1
0	1	1	1

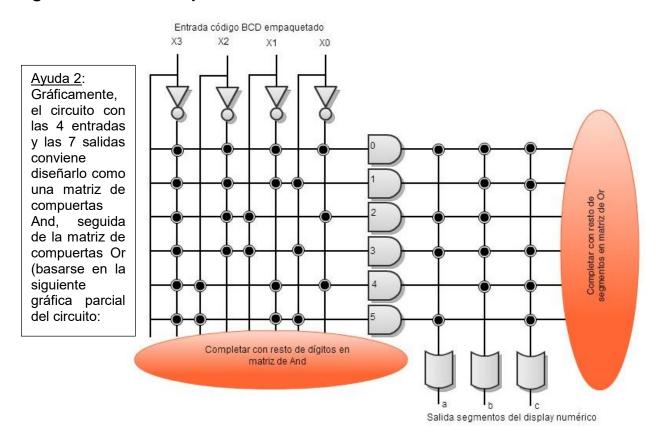
7. Diseñe un circuito que tenga como entrada código BCD empaquetado (4 entradas) y 7 salidas para controlar los 7 segmentos de un display numérico, siendo la salida para los segmentos '0' para apagado y '1' para prendido. Construya la tabla de verdad y la ecuación de la salida correspondiente a los segmentos a, b, c, d, e, f y g.



Ayuda 1: Cada segmento se considera como una salida distinta, y cada uno se debe activar (poner en 1) dependiendo del número recibido en las entradas que representan los 4 bits de un BCD empaquetado.

Ejemplo: El segmento **b** se debe activar cuando se recibe un 1 (0001), o un 2 (0010), o un 3 (00110, o un 4 (0100), o un 7 (0111), o un 8 (1000), o un **9 (1001). Se aplica la misma idea con el resto de las salidas**.

Práctica 4 3/5



8. Un controlador de proceso industrial recibe como entrada tres señales de temperatura T1, T2, T3 (T1<T2<T3) que adoptan el valor lógico '1' cuando la temperatura es mayor que t1, t2 y t3 respectivamente. Diseñar un circuito que genere una señal F cuando la temperatura esté comprendida entre t1 y t2 o cuando la temperatura sea mayor que t3.

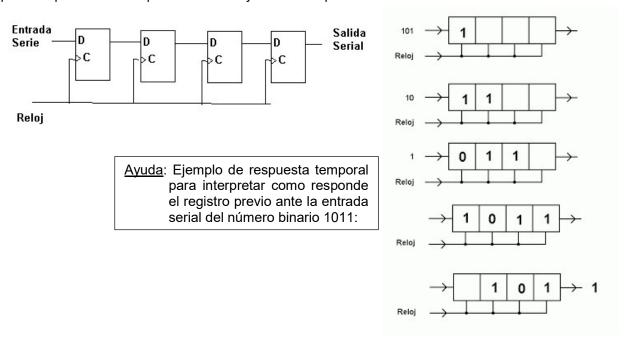
Tener en cuenta para ejercicios 9 al 13:

Circuitos Secuenciales: (repasar apuntes de la cátedra y teoría)

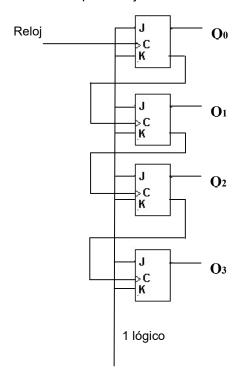
- Flip flop S-R asincrónico:
 - o Problemas de sincronismo ante cambios de entrada durante el cálculo.
 - Reacción frente a doble entrada de 1's.
- Flip flop S-R sincrónico:
 - o Resuelve problema de sincronismo, pero mantiene problema ante doble entrada de 1's.
- Flip flop D:
 - Pequeña variante del S-R que resuelve el problema de la doble entrada de 1's.
- Flip flop J-K:
 - o Incorpora posibilidad de alterar el valor previo (complemento lógico).
- Flip flop T:
 - Pequeña variante del J-K, que sólo se dedica a invertir su valor ante cada orden del clock.
- **9.** Dibuje el esquema de compuertas que componen un flip flop S-R. Describa a través de una tabla los estados en función de las entradas. Modifique el esquema anterior para hacerlo sincrónico. Describa gráficamente su respuesta temporal.
- **10.** Dibuje el esquema de un flip flop D. Detalle en su respuesta temporal como resuelve el problema de la doble entrada de 1's que se presentaba en el S-R.
- **11.** Dibuje el esquema de un flip flop J-K, describiendo su respuesta temporal.

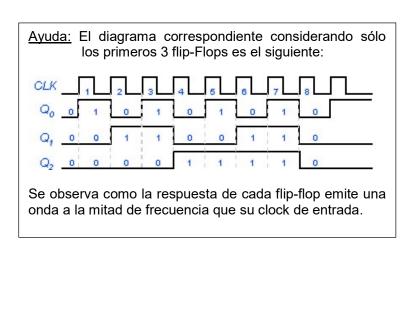
Práctica 4 4/5

12. Dibuje el diagrama de tiempos del registro de la figura, implementado con flip flops D. Modifíquelo para desplazamiento izquierda derecha y derecha izquierda.



13. Describa gráficamente la respuesta temporal de cada flip flop ante una señal de unos y ceros entrando por Reloj.





Práctica 4 5/5