## Complejidad y Computabilidad

Material permitido: Ninguno Duración: 2 horas

Preguntas a justificar: máximo 9 puntos; 1'5 puntos cada pregunta correcta

y convenientemente justificada

Pregunta de desarrollo: máximo 1 punto

Importante: responda al examen, întegramente, en las hojas que le facilitan para desarrollar. No existe hoja de lectura automática, ya que el examen se corrige de forma manual. Por tanto, transcriba legiblemente las respuestas (p.ej. 1a, 2b, ...) y justifique su respuesta. No entregue el enunciado.

Reserva. Septiembre 2016

## Preguntas a justificar

1. Sea la máquina de Turing M dada por la tabla siguiente, con  $F = \{q_4\}$ , R = Derecha, L = Izquierda y  $\square =$  Blanco, entonces para la entrada  $000111\square$  la secuencia completa de movimientos es:

$$q_0000111\square \vdash Xq_100111\square \vdash X0q_10111\square \vdash X00q_1111\square$$
$$\vdash X00Yq_211\square \vdash X00Yq_21\square \vdash X00Y11q_2\square$$

| M     | 0             | 1             | X             | Y             |                   |
|-------|---------------|---------------|---------------|---------------|-------------------|
| $q_0$ | $(q_1, X, R)$ | _             | _             | $(q_3, Y, R)$ | _                 |
| $q_1$ | $(q_1, 0, R)$ | $(q_2, Y, L)$ | _             | $(q_1, Y, R)$ | _                 |
| $q_2$ | $(q_2, 0, L)$ | _             | $(q_0, X, R)$ | $(q_2, Y, L)$ | _                 |
| $q_3$ | _             | _             | _             | $(q_3, Y, R)$ | $(q_4,\square,R)$ |
| $q_4$ | _             | _             | _             | _             | _                 |

- a) Verdadero
- b) Falso
- 2. Si  $L \in RE$  y  $\overline{L} \notin RE$ , entonces  $L \notin R$ :
  - a) Verdadera
  - b) Falsa
- 3. El esquema de la demostración de que  $L_u$  no es recursivo es utilizar que  $L_d \notin RE$  y que  $\overline{L}_d$  se reduce a  $L_u$ :
  - a) Verdadero
  - b) Falso
- 4. Considere el Problema de la Correspondencia de Post (PCP) planteado sobre los siguientes dos pares  $(w_1, x_1) = (10, 1)$  y  $(w_2, x_2) = (110, 01)$ :

- a) no puede saberse si tiene respuesta afirmativa o negativa en este caso, porque es un problema indecidible
- b) tiene solución negativa para esta instancia
- 5. No existen problemas que sean a la vez NP y co NP:
  - a) Verdadera
  - b) Falsa
- 6. Si una expresión booleana es satisfacible, entonces necesariamente sólo puede haber una asignación de verdad:
  - a) Verdadera
  - b) Falsa

**Pregunta de desarrollo** Qué es un problema Co-NP y qué relación tienen con los problemas NP.