No es necesario que entregue ninguna de las hojas del presente enunciado de examen.

P1. **Pregunta sobre la práctica**. Se desea añadir un nuevo método:

al interfaz QueryDepotIF, cuyo cometido es devolver, <u>en tiempo constante</u>, una lista conteniendo todas las consultas cuya frecuencia sea la más alta de entre las que están almacenadas en ese momento en el depósito de consultas.

- a) (1 Punto) Indique los cambios necesarios en la estructura de datos y cómo sería el funcionamiento del nuevo método. ¿Se verían afectados los métodos getFreqQuery y listOfQueries por la introducción de este nuevo método? Justifique su respuesta.
- b) (1 Punto) Indique los cambios que deberían realizarse en el método incFreqQuery para que el método topFreqQueries pueda realizar su trabajo en tiempo constante. Debe prestar especial atención a las diferentes posibilidades.
- 1. (1.5 Puntos) Se dispone de un interfaz ListMSIF que extiende el interfaz ListIF (disponible en las hojas de interfaces de este enunciado) imponiendo una restricción adicional: las listas tienen un tamaño máximo posible. Esto implica que se añade un método getMaxSize() que nos devuelve el tamaño máximo y que la precondición del método insert se modifica para exigir que el tamaño de la lista no haya alcanzado aún dicho tamaño máximo.

Se consideran dos clases diferentes que cumplen el interfaz ListMSIF:

- L1) La clase ListMSseq que emplea una **secuencia de nodos** para almacenar los elementos.
- L2) La clase ListMSarr que emplea un **array de elementos** con el tamaño máximo de la lista para almacenar los elementos.

Describa cómo sería el funcionamiento del método insert (ver interfaz) en ambas clases.

2. Se desea disponer de un método:

que transforme la lista de entrada l en un **árbol binario casi completo** (es decir, que todos los niveles del árbol estén llenos salvo, quizá, el último, en el cual los nodos habrán de estar lo más a la izquierda posible), de manera que el orden de la lista se reproduzca al recorrer el árbol en anchura (de izquierda a derecha).

- a) (2 Puntos) Programe en Java, utilizando los interfaces de la asignatura, el método listToBtree descrito anteriormente.
- b) (0.5 Puntos) Si se elimina la restricción de que el árbol binario sea casi completo, ¿podría simplificarse el código anterior? Justifique su respuesta.
- 3. Para representar números naturales con precisión arbitraria se pueden utilizar secuencias de dígitos que comiencen por el dígito de las unidades y contengan una cantidad no limitada (más que por la memoria) de dígitos. Así, la secuencia:

$$3\rightarrow2\rightarrow4\rightarrow5\rightarrow3\rightarrow5\rightarrow7\rightarrow9\rightarrow0\rightarrow7\rightarrow1\rightarrow0\rightarrow5$$

representaría el natural 5017097535423. Consideremos las siguientes operaciones:

- O1) Dados dos naturales, comprobar cuál es el mayor de ambos.
- O2) Dados dos naturales, calcular la suma de ambos.

y los siguientes escenarios:

- ED1) La secuencia de dígitos se almacena como una lista.
- ED2) La secuencia de dígitos se almacena como una cola.
- a) (1 Punto) Describa el funcionamiento de la operación O1 para ambos escenarios.
- b) (1.5 Puntos) Describa el funcionamiento de la operación O2 para ambos escenarios.
- c) (1 Punto) Razone justificadamente el coste asintótico temporal en el caso peor de las dos operaciones en ambos escenarios en base a sus comportamientos descritos en los dos apartados anteriores.
- d) (0.5 Puntos) Comparando los costes obtenidos en el apartado anterior, ¿cuál sería la mejor opción para representar la secuencia de dígitos? Justifique su respuesta.

CollectionIF (Colección)

ContainerIF (Contenedor)

SetIF (Conjunto)

```
public interface SetIF<E> extends ContainerIF<E> {
    /* Realiza la unión del conjunto llamante con el parámetro */
    public void union (SetIF<E> s);
    /* Realiza la intersección del conjunto llamante con el
                                                                */
     * parámetro
    public void intersection (SetIF<E> s);
    /* Realiza la diferencia del conjunto llamante con el
     * parámetro (los elementos que están en el llamante pero
    * no en el parámetro)
                                                                */
    public void difference (SetIF<E> s);
    /* Devuelve true sii el conjunto parámetro es subconjunto
     * del llamante
                                                                */
    public boolean isSubset (SetIF<E> s);
}
```

MultiSetIF (Multiconjunto)

```
public interface MultiSetIF<E> extends ContainerIF<E> {
    /* Añade varias instancias de un elemento al multiconjunto *
    * @pre: n > 0 && premult = multiplicity(e) *
    * @post: multiplicity(e) = premult + n */
    public void addMultiple (E e, int n);
    ...
```

```
/* Elimina varias instancias de un elemento del
 * multiconjunto
 * @pre: 0<n<= multiplicity(e) && premult = multiplicity(e)
 * @post: multiplicity(e) = premult - n
public void removeMultiple (E e, int n);
/* Devuelve la multiplicidad de un elemento dentro del
 * multiconjunto.
 * @return: multiplicidad de e (0 si no está contenido)
                                                             */
public int multiplicity (E e);
/* Realiza la unión del multiconjunto llamante con el
 * parámetro
                                                             */
public void union (MultiSetIF<E> s);
/* Realiza la intersección del multiconjunto llamante con
* el parámetro
                                                             */
public void intersection (MultiSetIF<E> s);
/* Realiza la diferencia del multiconjunto llamante con el
 * parámetro (los elementos que están en el llamante pero
                                                             *
 * no en el parámetro
                                                             */
public void difference (MultiSetIF<E> s);
/* Devuelve cierto sii el parámetro es un submulticonjunto
                                                             */
 * del llamante
public boolean isSubMultiSet (MultiSetIF<E> s);
```

SequenceIF (Secuencia)

ListIF (Lista)

```
public interface ListIF<E> extends SequenceIF<E> {
    /* Devuelve el elemento de la lista que ocupa la posición
     * indicada por el parámetro.
     * @param pos la posición comenzando en 1.
     * @Pre: 1 <= pos <= size().
     * @return el elemento en la posición pos.
                                                                 * /
    public E get (int pos);
    /* Modifica la posición dada por el parámetro pos para que
     * contenga el valor dado por el parámetro e.
     * @param pos la posición cuyo valor se debe modificar,
     * comenzando en 1.
     * @param e el valor que debe adoptar la posición pos.
     * @Pre: 1 <= pos <= size().
                                                                 */
    public void set (int pos, E e);
```

StackIF (Pila)

```
public interface StackIF <E> extends SequenceIF<E>{
    /* Devuelve el elemento situado en la cima de la pila
     * @Pre !isEmpty ();
                                                                  */
     * @return la cima de la pila
    public E getTop ();
    /* Incluye un elemento en la cima de la pila. Modifica el
     * tamaño de la misma.
     * @param elem el elemento que se quiere añadir en la cima
                                                                  */
    public void push (E elem);
    /* Elimina la cima de la pila. Modifica el tamaño de la
                                                                  *
     * pila.
                                                                  *
     * @Pre !isEmpty ();
                                                                  */
    public void pop ();
}
```

QueueIF (Cola)

```
public interface QueueIF<E> extends SequenceIF<E> {
    /* Devuelve el primer elemento de la cola.
    /* @Pre !isEmpty()
     * @return la cabeza de la cola (su primer elemento).
                                                                  */
    public E getFirst ();
    /* Incluye un elemento al final de la cola. Modifica el
     * tamaño de la misma.
     * @param elem el elemento que debe encolar (añadir).
                                                                  * /
    public void enqueue (E elem);
    /* Elimina el primer elemento de la cola. Modifica la
     * tamaño de la misma.
     * @Pre !isEmpty();
                                                                  */
    public void dequeue ();
}
```

TreeIF (Árboles)

```
/* Decide si el árbol es una hoja (no tiene hijos)
 * @return true sii el árbol es no vacío y no tiene hijos
public boolean isLeaf();
/* Devuelve el número de hijos del árbol
                                                             */
public int getNumChildren ();
/* Devuelve el fan-out del árbol: el número máximo de hijos *
 * que tiene cualquier nodo del árbol
                                                             */
public int getFanOut ();
/* Devuelve la altura del árbol: la distancia máxima desde
 * la raíz a cualquiera de sus hojas
                                                             */
public int getHeight ();
/* Obtiene un iterador para el árbol.
 * @param mode el tipo de recorrido indicado por los
 * valores enumerados definidos en cada TAD concreto.
                                                             */
public IteratorIF<E> iterator (Object mode);
```

GTreeIF (Árbol General)

```
public interface GTreeIF<E> extends TreeIF<E> {
    /* Valor enumerado que indica los tipos de recorridos
     * ofrecidos por los árboles generales.
                                                                 */
    public enum IteratorModes {
        PREORDER, POSTORDER, BREADTH
    /* Modifica la raíz del árbol.
     * @param el elemento que se quiere poner como raíz del
     * árbol.
                                                                 */
    public void setRoot (E e);
    /* Obtiene los hijos del árbol llamante.
     * @return la lista de hijos del árbol (en el orden en que
     * estén almacenados en el mismo.
                                                                 */
    public ListIF <GTreeIF<E>> getChildren ();
    /* Obtiene el hijo que ocupa la posición dada por parámetro.*
     * @param pos la posición del hijo que se desea obtener,
     * comenzando en 1.
     * @Pre 1 <= pos <= getChildren ().size ();
                                                                 *
     * @return el árbol hijo que ocupa la posición pos.
                                                                 */
    public GTreeIF<E> getChild (int pos);
    /* Inserta un árbol como hijo en la posición pos.
     * @param pos la posición que ocupará el árbol entre sus
     * hermanos, comenzando en 1.
     * Si pos == getChildren ().size () + 1, se añade como
     * último hijo.
     * @param e el hijo que se desea insertar.
     * @Pre 1<= pos <= getChildren ().size () + 1
                                                                 */
    public void addChild (int pos, GTreeIF<E> e);
    /* Elimina el hijo que ocupa la posición parámetro.
     * @param pos la posición del hijo con base 1.
     * @Pre 1 <= pos <= getChildren ().size ();
                                                                 */
    public void removeChild (int pos);
}
```

BTreeIF (Arbol Binario)

```
public interface BTreeIF<E> extends TreeIF<E>{
    /* Valor enumerado que indica los tipos de recorrido
     * ofrecidos por los árboles de binarios.
                                                                 */
    public enum IteratorModes {
        PREORDER, POSTORDER, BREADTH, INORDER, RLBREADTH
    /* Obtiene el hijo izquierdo del árbol llamante.
     * @return el hijo izquierdo del árbol llamante.
    public BTreeIF<E> getLeftChild ();
    /* Obtiene el hijo derecho del árbol llamante.
     * @return el hijo derecho del árbol llamante.
                                                                 */
    public BTreeIF<E> getRightChild ();
    /* Modifica la raíz del árbol.
     * @param el elemento que se quiere poner como raíz del
     * árbol.
                                                                 */
    public void setRoot (E e);
    /* Pone el árbol parámetro como hijo izquierdo del árbol
     * llamante. Si ya había hijo izquierdo, el antiguo dejará
     * de ser accesible (se pierde).
     * @Pre: !isEmpty()
     * @param child el árbol que se debe poner como hijo
              izquierdo.
                                                                 */
    public void setLeftChild (BTreeIF <E> child);
    /* Pone el árbol parámetro como hijo derecho del árbol
     * llamante. Si ya había hijo izquierdo, el antiguo dejará
     * de ser accesible (se pierde).
     * @Pre: !isEmpty()
     * @param child el árbol que se debe poner como hijo
              derecho.
    public void setRightChild (BTreeIF <E> child);
    /* Elimina el hijo izquierdo del árbol.
                                                                 * /
    public void removeLeftChild ();
    /* Elimina el hijo derecho del árbol.
    public void removeRightChild ();
```

BSTreeIF (Árbol de Búsqueda Binaria)

IteratorIF (Iterador)