Complejidad y Computabilidad

Material permitido: Ninguno Duración: 2 horas

Preguntas a justificar: máximo 9 puntos; 1'5 puntos cada pregunta correcta

y convenientemente justificada

Pregunta de desarrollo: máximo 1 punto

Importante: responda al examen, integramente, en las hojas que le facilitan para desarrollar. No existe hoja de lectura automática, ya que el examen se corrige de forma manual. Por tanto, transcriba legiblemente las respuestas (p.ej. 1a, 2b, ...) y justifique su respuesta. No entregue el enunciado.

2^a Semana. Febrero 2014

Test (preguntas)

1. Sea M la máquina de Turing codificada por

siguiendo el convenio de que $X_1 = 0$, $X_2 = 1$, $X_3 = \square = \text{Blanco}$, $D_1 = L = \text{Izquierda}$, $D_2 = R = \text{Derecha}$, q_1 el estado inicial, q_2 el estado final y que la codificación de $\delta(q_i, X_j) = (q_k, X_l, D_m)$ está dada por $0^i 10^j 10^k 10^l 10^m$. Entonces se verifica que M no acepta ningún lenguaje.

- a) Verdadero
- b) Falso

SOLUCIÓN

Es falso. Acepta cualquier lenguaje, ya que la cadena dada es $C_111C_211C_3$, siendo

$$C_1 = 01010010100 = 0^1 10^1 10^2 10^1 10^2 \text{ asociada a } \delta(q_1, X_1) = (q_2, X_1, D_2),$$

$$C_2 = 0100100100100 = 0^1 10^2 10^2 10^2 10^2 \text{ asociada a } \delta(q_1, X_2) = (q_2, X_2, D_2),$$

$$C_3 = 01000100100100 = 0^1 10^3 10^2 10^3 10^2 \text{ asociada a } \delta(q_1, X_3) = (q_2, X_3, D_2).$$

- 2. Una forma de demostrar que un lenguaje no es recursivo enumerable, es demostrar que su complementario es recursivo:
 - a) Verdadero
 - b) Falso

SOLUCIÓN

Es falsa. Lo que hay que demostrar es que su complementario es RE no recursivo, ya que si $\overline{L} \in RE$ y se diese que $L \in RE$, entonces se tendría que $L \in R$ y por tanto $\overline{L} \in R$, entrando en contradicción.

- 3. Se verifica que $\overline{L}_u \in RE$:
 - a) Verdadera
 - b) Falsa

SOLUCIÓN

Es Falsa. Sabemos que $L_u \in RE$ y que $L_u \notin R$. Si se diera que $\overline{L}_u \in RE$, se tendría, al ser también $L_u \in RE$, que $L_u \in R$ y entraríamos en contradicción.

- 4. El PCP "Tonto" (aquel cuyas cadenas w_i de la lista A tienen la misma longitud que las cadenas x_i de la lista B) es decidible para cualquier instancia:
 - a) Verdadera
 - b) Falsa

SOLUCIÓN

Es verdadera. Ver mini-vídeo. El PCP "tonto" está dado por "dominós" con igual longitud arriba y abajo. La demostración se hace por casos:

- Algún "dominó" verifica que la cadena de arriba es igual a la de abajo. En este caso admite solución positiva trivialmente dada por dicho "dominó".
- Ningún "dominó" verifica que la cadena de arriba es igual a la de abajo. En este caso admite solución negativa trivialmente, ya que repitamos el dominó que repitamos siempre la cadena de arriba será distinta de la de abajo.
- 5. La clase P es cerrada respecto a la complementación:
 - a) Verdadera
 - b) Falsa

SOLUCIÓN

Es verdadera.

- 6. Si una expresión booleana es satisfacible, entonces necesariamente sólo puede haber una asignación de verdad:
 - a) Verdadera
 - b) Falsa

SOLUCIÓN

Es falsa. Por ejemplo $E = x \vee \neg y$ admite tres asignaciones de verdad T_1 , T_2 y T_3 dadas por: $T_1(x) = 1$, $T_1(y) = 1$, $T_2(x) = 1$, $T_2(y) = 0$ y $T_3(x) = 0$, $T_3(y) = 0$. **Pregunta de desarrollo** Defina qué es un problema PS-completo, alguna propiedad especialmente interesante de estos problemas y un ejemplo de problema de esta clase.

SOLUCIÓN

Ver tema 11.