

# Organización y Arquitectura de Computadoras Tarea 3: Lógica Digital

Facultad de Ciencias, UNAM

José Ethan Ortega González: 316088327 Etzael Iván Sosa Hedding: 316259305



1. Da la dualidad de  $x \cdot y = x + y$  y verifica la igualdad respecto a esta.

# Solución:

Aquí va la solución.

**2**. Demuestra si la siguiente igualdad es valida:  $x(\overline{x} + y) = xy$ .

### Solución:

La demostración es la siguiente:

$$x(\overline{x} + y) = (x\overline{x}) + xy$$
$$= 0 + xy$$
$$= xy$$

Por Distributividad Por Complemento Por Identidad

**3**. Demuestra si la siguiente igualdad es valida:  $(x+y)(\overline{x}+z)(y+z)=(x+y)(\overline{x}+z)$ .

# Solución:

**4**. Demuestra si la siguiente igualdad es valida:  $\overline{x \cdot y} = \overline{x} \cdot \overline{y}$ .

# Solución:

No es valida, mostremos un contraejemplo. Cuando x=0,y=1, por un lado tenemos lo siguiente:

$$\overline{x \cdot y} = \overline{0 \cdot 1} = \overline{0} = 1$$

Por el otro, tenemos lo siguiente:

$$\overline{x} \cdot \overline{y} = \overline{0} \cdot \overline{1} = 1 \cdot 0 = 0$$

5. Verifica la siguiente igualdad usando los postulados de Huntington.

$$F(x, y, z) = x + x(\overline{x} + y) + \overline{x}y = x + y$$

#### Solución:

La solución es la siguiente:

$$\begin{array}{lll} x+x(\overline{x}+y)+\overline{x}y=x+y=x+x\overline{x}+xy+\overline{x}y=x+y & \text{P4a} \\ &=x+0+xy+\overline{x}y=x+y & \text{P5b} \\ &=x+xy+\overline{x}y=x+y & \text{P2a} \\ &=x+y(x+\overline{x})=x+y & \text{P4a} \\ &=x+y\cdot 1=x+y & \text{P5a} \\ &=x+y=x+y & \text{P2b} \end{array}$$

6. Obtén los maxitérminos y mintérminos de la siguiente función.

$$F(x, y, z) = \overline{x} \cdot \overline{y} \cdot \overline{z} \cdot x + \overline{z} \cdot x + z \cdot x + y \cdot \overline{y} + \overline{z}$$

#### Solución:

$$\begin{array}{lll} \overline{x}\cdot\overline{y}\cdot\overline{z}\cdot x+\overline{z}\cdot x+z\cdot x+y\cdot\overline{y}+\overline{z}=x\cdot\overline{x}\cdot\overline{y}\cdot\overline{z}+\overline{z}\cdot x+z\cdot x+y\cdot\overline{y}+\overline{z} & \text{Por Conmutatividad} \\ &=0\cdot\overline{y}\cdot\overline{z}+\overline{z}\cdot x+z\cdot x+0+\overline{z} & \text{Por Complemento} \\ &=\overline{z}\cdot x+z\cdot x+0+\overline{z} & \text{Por Aniquilación} \\ &=\overline{z}\cdot x+z\cdot x+\overline{z} & \text{Por Identidad} \\ &=x\cdot\overline{z}+x\cdot z+\overline{z} & \text{Por Conmutatividad} \\ &=x(\overline{z}+z)+\overline{z} & \text{Por Distributividad} \\ &=x\cdot 1+\overline{z} & \text{Por Complemento} \\ &=x+\overline{z} & \text{Por Identidad} \end{array}$$

La tabla de la expresión al reducirla es la siguiente:

x	z	$\overline{z}$	$x + \overline{z}$
0	0	0	0
0	1	0	0
0	0	1	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	1	0	1
1	0	1	1
1	1	1	1

■ **Minitérminos:** Recordemos que los minitérminos se fijan en las filas que se evalúan a 1 y se niegan los 0. Así, tenemos lo siguiente:

$$\begin{array}{ll} \overline{x} \cdot \overline{z} + x \cdot \overline{z} + x \cdot z = \overline{z} \cdot \overline{x} + \overline{z} \cdot x + x \cdot z & \text{Por Conmutatividad} \\ = \overline{z} (\overline{x} + x) + xz & \text{Por Distributividad} \\ = \overline{z} \cdot 1 + xz & \text{Por Complemento} \\ = \overline{z} + xz & \end{array}$$

■ Maxitérminos: Recordemos que los maxitérminos se fijan en las filas que se evalúan a 0 y se niegan los 1. Así, tenemos lo siguiente:

$$x + \overline{z}$$

7. Simplifica la siguiente función usando su tabla de verdad asociada.

$$F(x,y,z) = \overline{xyz} + \overline{xy}z + \overline{xy}z + \overline{xy}z + \overline{xy}z + \overline{xy}z + x\overline{y}z + xyz$$

# Solución:

La tabla es la siguiente:

x	y	z	$\overline{xyz}$	$\overline{xy}z$	$\overline{x}y\overline{z}$	$x\overline{y}\overline{z}$	$\overline{x}yz$	$x\overline{y}z$	xyz	F
0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	1	0	0	0	0	0	0
0	1	0	1	0	1	0	0	0	0	0
0	1	1	1	1	0	0	1	0	0	0
1	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0
1	0	1	1	1	0	1	0	1	0	0
1	1	0	1	0	0	1	0	0	0	0
1	1	1	0	0	0	0	0	0	1	0

8. Expande la siguiente función y da su maxitérminos.

$$F(x, y, z) = (x + \overline{x}z) \cdot (\overline{y} + \overline{z}) \cdot z$$

Solución:

Aquí va la solución.

9. Utilizando Mapas de Karnaugh simplifica la función.

$$F(x_0, x_1, x_2, x_3) = \overline{x_0 x_1 x_2 x_3} + \overline{x_0 x_1 x_2} x_3 + \overline{x_0 x_1} x_2 x_3 + x_0 \overline{x_1} x_2 x_3 + x_0 x_1 \overline{x_2} x_3 + \overline{x_0} x_1 \overline{x_2} x_3 + x_0 x_1 x_2 x_3$$

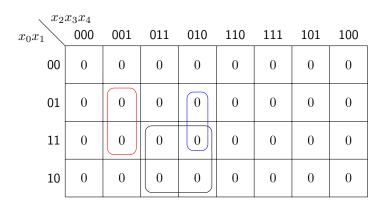
#### Solución:

Aquí va la solución.

10. Para realizar una Mapa de Karnaugh con más de 5 variables se menciono que existe más de una forma de representarlo. Investiga ambos métodos y utiliza el que más se te acomode para reducir la siguiente función.

$$F(x_0, x_1, x_2, x_3, x_4) = \overline{x_0 x_1 x_2 x_3 x_4} + \overline{x_0 x_1 x_2} x_3 \overline{x_4} + \overline{x_0 x_1} x_2 x_3 \overline{x_4} + x_0 \overline{x_1} x_2 x_3 x_4 + x_0 x_1 \overline{x_2 x_3} x_4 + \overline{x_0} x_1 \overline{x_2 x_3} x_4 + x_0 x_1 x_2 x_3 x_4$$

# Solución:



11. A lo largo del capitulo abordamos los postulados de Huntington y sus demostraciones, pero existe un principio llamado Principio de Dualidad, el cual nos permite formalizar que a toda relación o ley lógica le corresponderá su dual, formada mediante el intercambio de los operadores unión (suma lógica) con los de intersección (producto lógico), y de los 1 con los 0.

Con esta definición indica cual es la expresión dual de:

- (a)  $x \cdot 0 = 0$
- (b) x(x+y) = x

# Solución:

- ullet Por el Principio de Dualidad, la expresión es: x+1=1
- Por el Principio de Dualidad, la expresión es: x + (xy) = x