

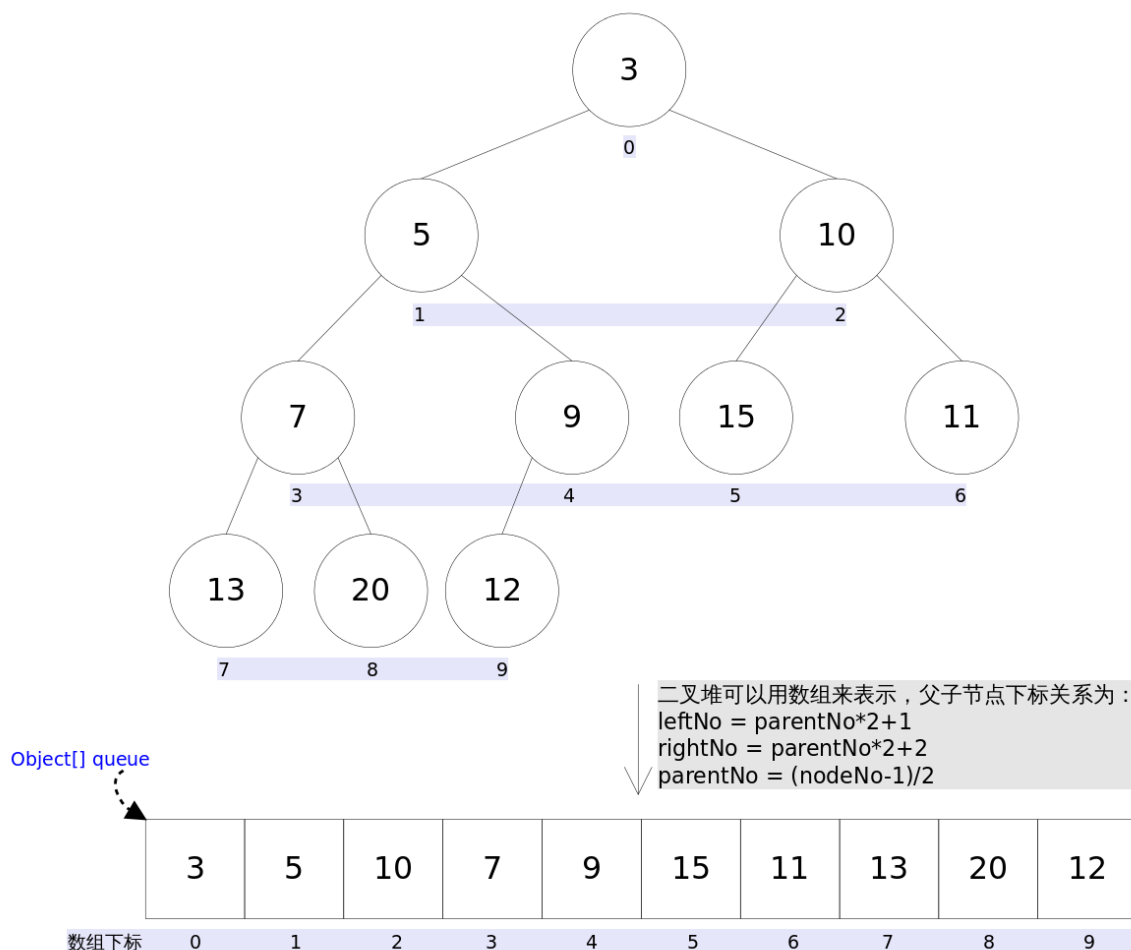
# PriorityQueue

## 总体介绍

前面以Java `ArrayDeque`为例讲解了`Stack`和`Queue`，其实还有一种特殊的队列叫做`PriorityQueue`，即优先队列。优先队列的作用是能保证每次取出的元素都是队列中权值最小的（Java的优先队列每次取最小元素，C++的优先队列每次取最大元素）。这里牵涉到了大小关系，元素大小的评判可以通过元素本身的自然顺序（***natural ordering***），也可以通过构造时传入的比较器（`Comparator`，类似于C++的仿函数）。

Java中`PriorityQueue`实现了`Queue`接口，不允许放入`null`元素；其通过堆实现，具体说是通过完全二叉树（*complete binary tree*）实现的小顶堆（任意一个非叶子节点的权值，都不大于其左右子节点的权值），也就意味着可以通过数组来作为`PriorityQueue`的底层实现。

### PriorityQueue通过用数组表示的小顶堆实现



上图中我们给每个元素按照层序遍历的方式进行了编号，如果你足够细心，会发现父节点和子节点的编号是有联系的，更确切的说父子节点的编号之间有如下关系：

`leftNo = parentNo*2+1`

`rightNo = parentNo*2+2`

`parentNo = (nodeNo-1)/2`

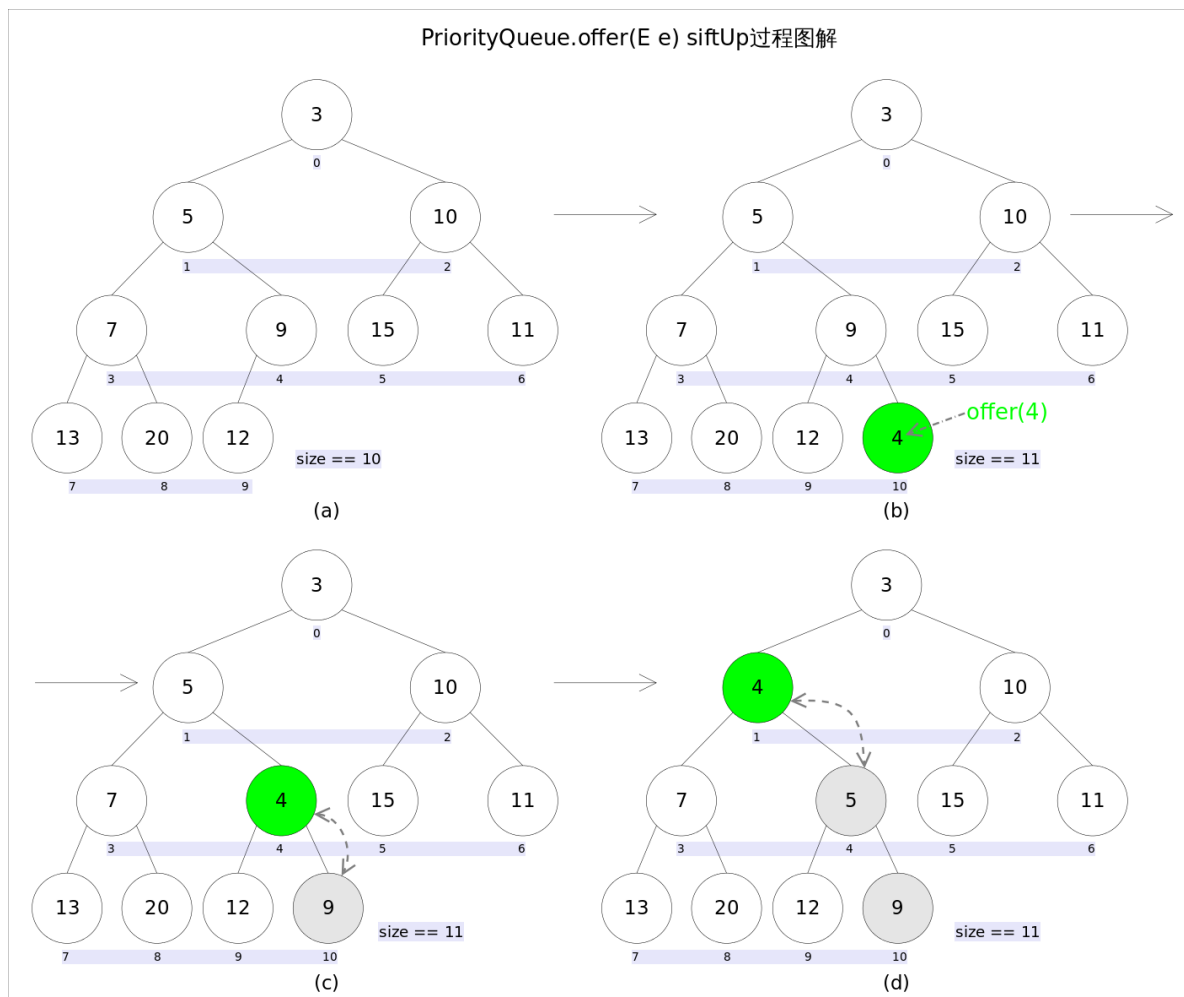
通过上述三个公式，可以轻易计算出某个节点的父节点以及子节点的下标。这也就是为什么可以直接用数组来存储堆的原因。

`PriorityQueue`的 `peek()` 和 `element` 操作是常数时间，`add()`，`offer()`，无参数的 `remove()` 以及 `poll()` 方法的时间复杂度都是 $\log(N)$ 。

## 方法剖析

### `add()`和`offer()`

`add(E e)` 和 `offer(E e)` 的语义相同，都是向优先队列中插入元素，只是 `Queue` 接口规定二者对插入失败时的处理不同，前者在插入失败时抛出异常，后者则会返回 `false`。对于 `PriorityQueue` 这两个方法其实没什么差别。



新加入的元素可能会破坏小顶堆的性质，因此需要进行必要的调整。

```
//offer(E e)
public boolean offer(E e) {
    if (e == null) // 不允许放入null元素
        throw new NullPointerException();
    modCount++;
    int i = size;
    if (i >= queue.length)
        grow(i + 1); // 自动扩容
    size = i + 1;
    if (i == 0) // 队列原来为空，这是插入的第一个元素
        queue[0] = e;
```

```
else
    siftUp(i, e); //调整
return true;
}
```

上述代码中，扩容函数 `grow()` 类似于 `ArrayList` 里的 `grow()` 函数，就是再申请一个更大的数组，并将原数组的元素复制过去，这里不再赘述。需要注意的是 `siftUp(int k, E x)` 方法，该方法用于插入元素 `x` 并维持堆的特性。

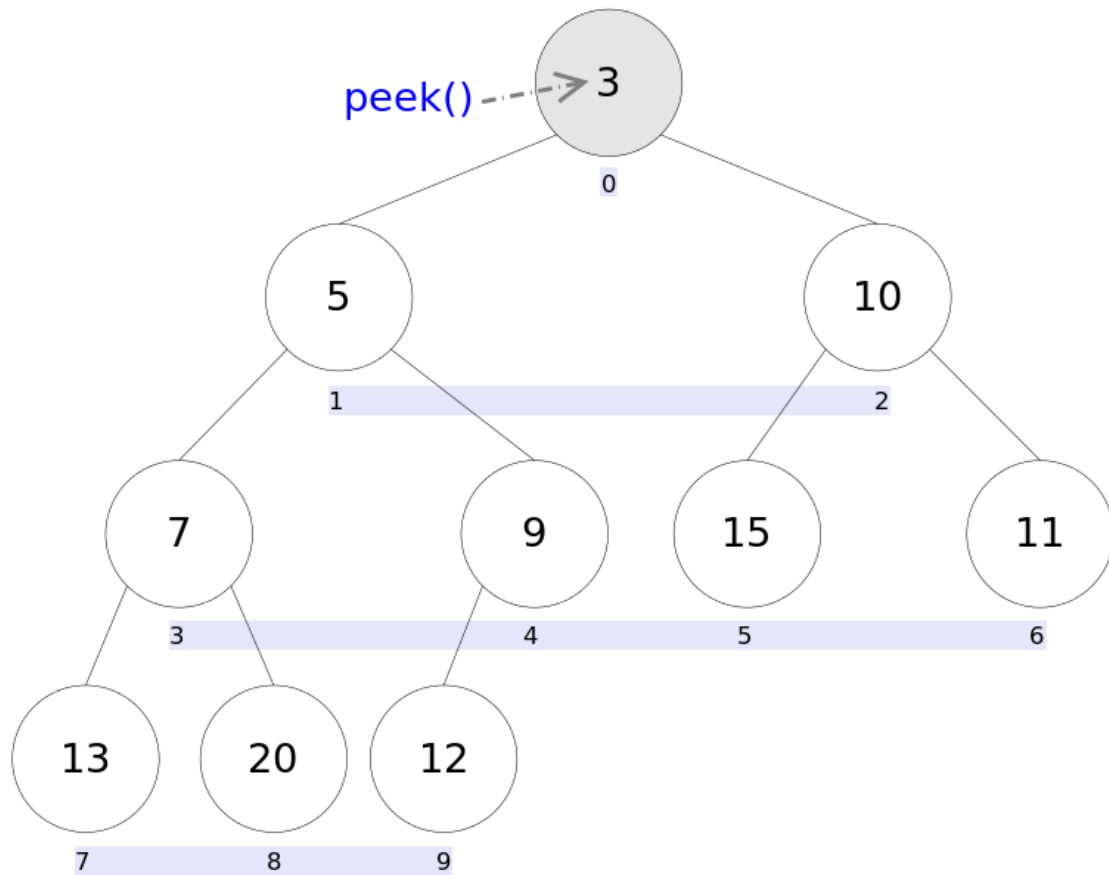
```
//siftUp()
private void siftUp(int k, E x) {
    while (k > 0) {
        int parent = (k - 1) >>> 1; //parentNo = (nodeNo-1)/2
        Object e = queue[parent];
        if (comparator.compare(x, (E) e) >= 0) //调用比较器的比较方法
            break;
        queue[k] = e;
        k = parent;
    }
    queue[k] = x;
}
```

新加入的元素 `x` 可能会破坏小顶堆的性质，因此需要进行调整。调整的过程为：从 `k` 指定的位置开始，将 `x` 逐层与当前点的 `parent` 进行比较并交换，直到满足 `x >= queue[parent]` 为止。注意这里的比较可以是元素的自然顺序，也可以是依靠比较器的顺序。

## element()和peek()

`element()` 和 `peek()` 的语义完全相同，都是获取但不删除队首元素，也就是队列中权值最小的那个元素，二者唯一的区别是当方法失败时前者抛出异常，后者返回 `null`。根据小顶堆的性质，堆顶那个元素就是全局最小的那个；由于堆用数组表示，根据下标关系，`0` 下标处的那个元素既是堆顶元素。所以直接返回数组 `0` 下标处的那个元素即可。

## PriorityQueue.peek()



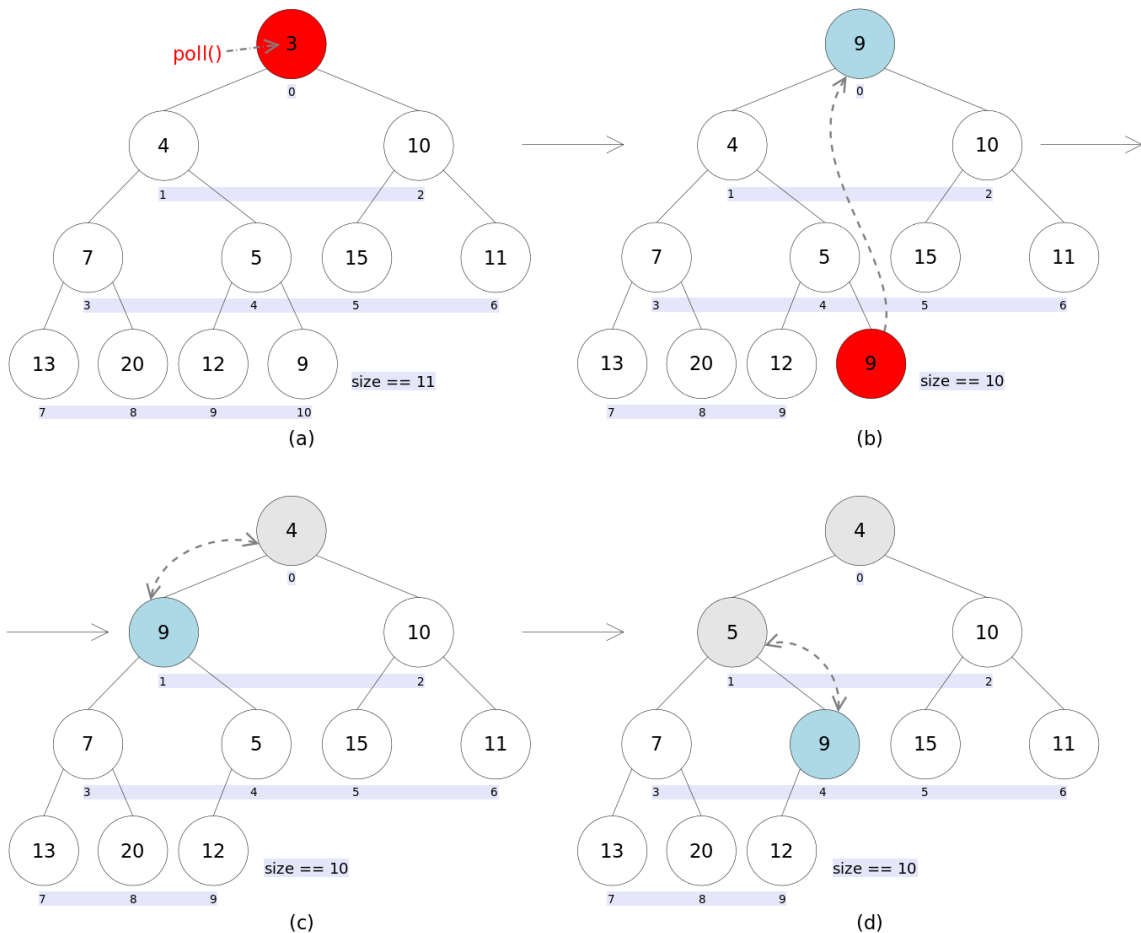
代码也就非常简洁：

```
//peek()
public E peek() {
    if (size == 0)
        return null;
    return (E) queue[0]; //0下标处的那个元素就是最小的那个
}
```

## remove()和poll()

`remove()` 和 `poll()` 方法的语义也完全相同，都是获取并删除队首元素，区别是当方法失败时前者抛出异常，后者返回 `null`。由于删除操作会改变队列的结构，为维护小顶堆的性质，需要进行必要的调整。

PriorityQueue.poll() siftDown过程图解



代码如下：

```
public E poll() {
    if (size == 0)
        return null;
    int s = --size;
    modCount++;
    E result = (E) queue[0]; // 0下标处的元素就是最小的那个
    E x = (E) queue[s];
    queue[s] = null;
    if (s != 0)
        siftDown(0, x); // 调整
    return result;
}
```

上述代码首先记录0下标处的元素，并用最后一个元素替换0下标位置的元素，之后调用 `siftDown()` 方法对堆进行调整，最后返回原来0下标处的那个元素（也就是最小的那个元素）。重点是 `siftDown(int k, E x)` 方法，该方法的作用是从k指定的位置开始，将x逐层向下与当前点的左右孩子中较小的那个交换，直到x小于或等于左右孩子中的任何一个为止。

```
//siftDown()
private void siftDown(int k, E x) {
    int half = size >> 1;
    while (k < half) {
        // 首先找到左右孩子中较小的那个，记录到c里，并用child记录其下标
        int child = (k << 1) + 1; // leftNo = parentNo*2+1
        Object c = queue[child];
```

```

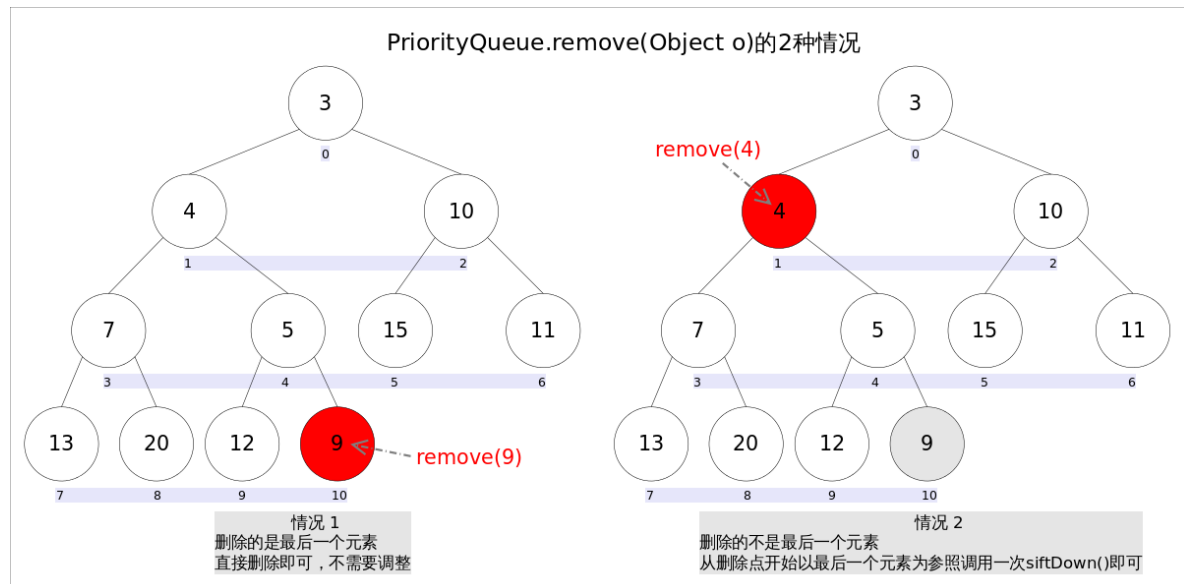
    int right = child + 1;
    if (right < size &&
        comparator.compare((E) c, (E) queue[right]) > 0)
        c = queue[child = right];
    if (comparator.compare(x, (E) c) <= 0)
        break;
    queue[k] = c; //然后用c取代原来的值
    k = child;
}
queue[k] = x;
}

```

## remove(Object o)

`remove(Object o)` 方法用于删除队列中跟 `o` 相等的某一个元素（如果有多个相等，只删除一个），该方法不是 *Queue* 接口内的方法，而是 *Collection* 接口的方法。由于删除操作会改变队列结构，所以要进行调整；又由于删除元素的位置可能是任意的，所以调整过程比其它函数稍加繁琐。具体来说，

`remove(Object o)` 可以分为2种情况：1. 删除的是最后一个元素。直接删除即可，不需要调整。2. 删除的不是最后一个元素，从删除点开始以最后一个元素为参照调用一次 `siftDown()` 即可。此处不再赘述。



具体代码如下：

```

//remove(Object o)
public boolean remove(Object o) {
    //通过遍历数组的方式找到第一个满足o.equals(queue[i])元素的下标
    int i = indexOf(o);
    if (i == -1)
        return false;
    int s = --size;
    if (s == i) //情况1
        queue[i] = null;
    else {
        E moved = (E) queue[s];
        queue[s] = null;
        siftDown(i, moved); //情况2
        .....
    }
    return true;
}

```

