Теория и реализация языков программирования. Задание 10: LL-анализ

Сергей Володин, 272 гр. задано 2013.11.13

Упражнение 1

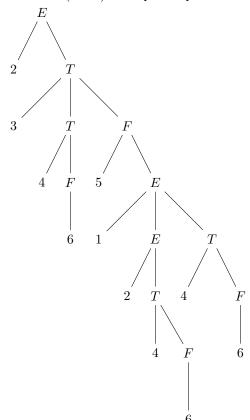
Пусть G = (N, T, P, S). Занумеруем правила из $P: P = \{P_1, ..., P_n\}$. Определим синтаксический перевод $T_l = (N, T, T', R, S)$:

- 1. $T' = \{1, ..., n\}$
- 2. R определяется через P: каждому правилу $P\ni P_i=(X,Y_1...Y_n)$ сопоставим правила в R: пусть $Y_{j_1}...Y_{j_l}$ максимальная подпоследовательность из нетерминалов из слова $Y_1...Y_n$. Тогда $X\longrightarrow Y_1...Y_n, iY_{j_1}...Y_{j_l})\in P'$. По построению нетерминалы, входящие в $\alpha\equiv Y_1...Y_n$ входят также в $\beta\equiv Y_{j_1}...Y_{j_l}$, причем с той же кратностью.

Докажем, что слово $w \in L(G)$ переводится в левый вывод w. **TODO**

Упражнение 2

w = a * (a + a). Построим правый вывод по дереву вывода (из задания):



Чтобы получить правый вывод, обойдем дерево разбора в G' следующим образом:

- 1. Выпишем самого левого потомка (по структуре правил, это всегда будет номер правила из G)
- 2. Выполним разбор оставшихся потомков справа налево.

Получаем последовательность правил правого вывода w в G: $P_r=23514624646$.

Правый вывод (выделен раскрываемый нетерминал): $\underline{E} \stackrel{?}{\Rightarrow} \underline{T} \stackrel{\$}{\Rightarrow} T * (\underline{E}) \stackrel{1}{\Rightarrow} T * (E + \underline{T}) \stackrel{4}{\Rightarrow} T * (E + \underline{F}) \stackrel{6}{\Rightarrow} T * (\underline{E} + a) \stackrel{2}{\Rightarrow} T * (\underline{T} + a) \stackrel{4}{\Rightarrow} T * (\underline{F} + a) \stackrel{6}{\Rightarrow} \underline{T} * (a + a) \stackrel{4}{\Rightarrow} \underline{F} * (a + a) \stackrel{6}{\Rightarrow} a * (a + a) = w.$

По определению, правый разбор — примененные при правом выводе правила в обратном порядке: $(P_r)^R = 64642641532$.

Упражнение 3

Упражнение 4

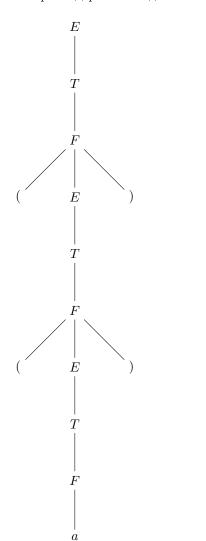
Упражнение 5

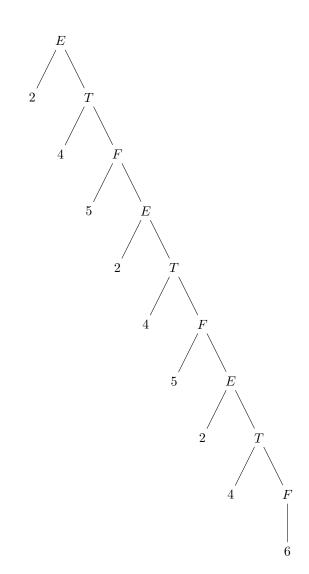
Упражнение 6

Задача 1

 $w=((a))\in L(G)\colon \underline{E}\overset{2}{\Rightarrow}\underline{T}\overset{4}{\Rightarrow}\underline{F}\overset{5}{\Rightarrow}(\underline{E})\overset{2}{\Rightarrow}(\underline{T})\overset{4}{\Rightarrow}(\underline{F})\overset{5}{\Rightarrow}((E))\overset{2}{\Rightarrow}((\underline{T}))\overset{4}{\Rightarrow}((\underline{F}))\overset{6}{\Rightarrow}((a)).$

1. Построим дерево вывода w в G и соответствующее дерево в G':





- 2. Левый разбор: обойдем второе дерево в глубину, всегда выбирая самого левого непосещенного потомка: $P_l=245245246$.
- 3. Правый разбор: обойдем второе дерево в глубину, как указано в решении упражнения 2: $(P_r)^R=245245246\Rightarrow P_r=642542542$.

Задача 2

1.
$$\Sigma' = \{0, 1, \$\}, \ N' = \{S', S\}.$$
 Пополненная грамматика $G' = (N', \Sigma', P', S'), \ P = \{\overbrace{S' \to S\$}, \overbrace{S \to 0S}, \overbrace{S \to 1S}, \overbrace{S \to 2S}, \overbrace{S \to$

2. Вычислим FIRST:

		$F_i(0)$	$F_i(1)$	$F_i(\$)$	$F_i(S)$	$F_i(S')$
0.	Определим F_0 :	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø
0.1.	Терминалы: $F_0(0) \stackrel{\text{def}}{=} \{0\}, F_0(1) \stackrel{\text{def}}{=} \{1\}, F_0(\$) \stackrel{\text{def}}{=} \{\$\}.$	{0}	{1}	{\$}	Ø	Ø
0.2.	Есть правило $S \stackrel{(3)}{\to} \varepsilon \Rightarrow F_0(S) \stackrel{\text{\tiny def}}{=} \{ \varepsilon \}$	{0}	{1}	{\$}	$\{\varepsilon\}$	Ø
0.3.	Нет правила $S' oarepsilon\Rightarrow F_0(S')\stackrel{\scriptscriptstyle m def}{=}arnothing$	{0}	{1}	{\$}	$\{arepsilon\}$	Ø
1.	Определим $F_1 = F_0$	{0}	{1}	{\$}	$\{\varepsilon\}$	Ø
1.1.	Рассмотрим символы правой части правила $S' \stackrel{(0)}{\to} S\$$. 1. $\underline{S}\$$ $F_0(\underline{S}) = \{\varepsilon\} \ni \varepsilon$. $F_0(\underline{S}) \setminus \{\varepsilon\} = \varnothing \to F_1(S')$. 2. $\underline{S}\$$ $F_0(\underline{\$}) = \{\$\} \not\ni \varepsilon$. $F_0(\underline{\$}) \setminus \{\varepsilon\} = \{\$\} \to F_1(S')$.	{0}	{1}	{\$}	$\{arepsilon\}$	{\$}
1.2.	Рассмотрим правило $S \stackrel{(1)}{\to} \underline{0}S$. $F_0(\underline{0}) = \{0\} \not\ni \varepsilon \Rightarrow F_1(S) \leftarrow \{0\}$	{0}	{1}	{\$}	$\{\varepsilon,0\}$	{\$}
1.3.	Рассмотрим правило $S \stackrel{(2)}{\to} \underline{1}S$. $F_0(\underline{1}) = \{1\} \not\ni \varepsilon \Rightarrow F_1(S) \leftarrow \{1\}$	{0}	{1}	{\$}	$\{\varepsilon,0,1\}$	{\$}
1.4.	Рассмотрим правило $S\stackrel{(3)}{ o}\underline{arepsilon}.\; \underline{arepsilon} =0\Rightarrow$ не изменяем F_1	{0}	{1}	{\$}	$\{\varepsilon,0,1\}$	{\$}
2.	Определим $F_2 = F_1$:	{0}	{1}	{\$}	$\{\varepsilon,0,1\}$	{\$}
2.1.	Рассмотрим символы правой части правила $S' \stackrel{(0)}{\to} S\$$. 1. $\underline{S}\$$ $F_1(\underline{S}) = \{\varepsilon, 0, 1\} \ni \varepsilon$. $F_1(\underline{S}) \setminus \{\varepsilon\} = \{0, 1\} \to F_2(S')$.	{0}	{1}	{\$}	$\{\varepsilon,0,1\}$	{\$,0,1}
	2. $S\S F_1(\S) = \{\$\} \not\ni \varepsilon. F_0(\S) \setminus \{\varepsilon\} = \{\$\} \rightarrow F_2(S').$					
2.2.	Рассмотрим правило $S \xrightarrow{(1)} \underline{0}S$. $F_1(\underline{0}) = \{0\} \not\ni \varepsilon \Rightarrow F_2(S) \leftarrow \{0\}$	{0}	{1}	{\$}	$\{\varepsilon,0,1\}$	{\$,0,1}
2.3.	Рассмотрим правило $S \stackrel{(2)}{\to} \underline{1}S$. $F_1(\underline{1}) = \{1\} \not\ni \varepsilon \Rightarrow F_2(S) \leftarrow \{1\}$	{0}	{1}	{\$}	$\{\varepsilon,0,1\}$	{\$,0,1}
2.4.	Рассмотрим правило $S\stackrel{(3)}{ o}\underline{arepsilon}.\; \underline{arepsilon} =0\Rightarrow$ не изменяем F_2	{0}	{1}	{\$}	$\{\varepsilon,0,1\}$	{\$,0,1}
3.	Определим $F_3 = F_2$:	{0}	{1}	{\$}	$\{\varepsilon,0,1\}$	$\{\$, 0, 1\}$
3.1.	Рассмотрим символы правой части правила $S' \stackrel{(0)}{\to} S\$$. 1. $\underline{S}\$$ $F_2(\underline{S}) = \{\varepsilon, 0, 1\} \ni \varepsilon$. $F_2(\underline{S}) \setminus \{\varepsilon\} = \{0, 1\} \to F_3(S')$.	{0}	{1}	{\$}	$\{\varepsilon,0,1\}$	{\$,0,1}
	2. $S\S F_2(\S) = \{\$\} \not\ni \varepsilon. F_2(\S) \setminus \{\varepsilon\} = \{\$\} \rightarrow F_3(S').$					
3.2.	Рассмотрим правило $S \stackrel{(1)}{\to} \underline{0}S$. $F_2(\underline{0}) = \{0\} \not\ni \varepsilon \Rightarrow F_3(S) \leftarrow \{0\}$	{0}	{1}	{\$}	$\{\varepsilon,0,1\}$	{\$,0,1}
3.3.	Рассмотрим правило $S \stackrel{(2)}{\to} \underline{1}S$. $F_2(\underline{1}) = \{1\} \not\ni \varepsilon \Rightarrow F_3(S) \leftarrow \{1\}$	{0}	{1}	{\$}	$\{\varepsilon,0,1\}$	{\$,0,1}
3.4.	Рассмотрим правило $S\stackrel{(3)}{ o}\underline{arepsilon}.\; \underline{arepsilon} =0\Rightarrow$ не изменяем F_3	{0}	{1}	{\$}	$\{\varepsilon,0,1\}$	{\$,0,1}
3.5.	Имеем $F_3 = F_2 \Rightarrow$ выход	{0}	{1}	{\$}	$\{\varepsilon,0,1\}$	{\$,0,1}

3. Вычислим FOLLOW:

		$F_i(S)$	$F_i(S')$
0.	Определим F_0 :	Ø	Ø
1.	Определим $F_1 = F_0$:	Ø	Ø
1.1.	Рассмотрим правило $S' \xrightarrow{(0)} \varepsilon S \xrightarrow{\alpha} X \xrightarrow{\beta}$ (a) FIRST(β) = {\$} \Rightarrow FIRST(β) \ { ε } = {\$} \Rightarrow FIRST(β) \ (b) $\varepsilon \notin FIRST(\beta)$.	{\$ }	Ø
1.2.	Рассмотрим правило $S \xrightarrow{(1)} 0 S \varepsilon$ (a) FIRST $(\beta) = \{\varepsilon\} \Rightarrow \text{FIRST}(\beta) \setminus \{\varepsilon\} = \emptyset \rightarrow F_1(S)$. (b) $\varepsilon \in \text{FIRST}(\beta)$, поэтому $F_1(S) \leftarrow F_0(S) = \emptyset$	{\$}	Ø
1.3.	Рассмотрим правило $S \xrightarrow{(2)} 1 \xrightarrow{\alpha} X \xrightarrow{\beta}$ (a) FIRST $(\beta) = \{\varepsilon\} \Rightarrow \text{FIRST}(\beta) \setminus \{\varepsilon\} = \emptyset \rightarrow F_1(S)$. (b) $\varepsilon \in \text{FIRST}(\beta)$, поэтому $F_1(S) \leftarrow F_0(S) = \emptyset$	{\$ }	Ø
1.4.	Рассмотрим правило $S \xrightarrow{(3)} \varepsilon$. Оно не имеет вид $A \to \alpha X \beta$, не изменяем F_1	{\$}	Ø
2.	Определим $F_2 = F_1$:	{\$}	Ø
2.1.	Рассмотрим правило $S' \xrightarrow{(0)} \varepsilon S \xrightarrow{\alpha} X \xrightarrow{\beta}$ (a) FIRST(β) = {\$} \Rightarrow FIRST(β) \ { ε } = {\$} \Rightarrow FIRST(β) \ \in \in FIRST(β).	{\$}	Ø
2.2.	(a) $FIRST(\beta) = \{\varepsilon\} \Rightarrow FIRST(\beta) \setminus \{\varepsilon\} = \emptyset \rightarrow$	{\$}	Ø
	Рассмотрим правило $S \xrightarrow{(1)} 0 \xrightarrow{S} \varepsilon$ $F_2(S)$. (b) $\varepsilon \in \text{FIRST}(\beta)$, поэтому $F_3(S) \leftarrow F_1(S) = \{\$\}$	{Φ}	
	$(b) \ \varepsilon \in \text{FIRST}(\beta), \text{ nosromy } F_3(\beta) \leftarrow F_1(\beta) = \{\emptyset\}$ $(a) \ \text{FIRST}(\beta) = \{\varepsilon\} \Rightarrow \text{FIRST}(\beta) \setminus \{\varepsilon\} = \varnothing \rightarrow F_2(S).$	{\$}	Ø
	(a) FIRST(β) = { ε } \Rightarrow FIRST(β) \{ ε } = \varnothing \Rightarrow		

4. Таблица переходов для LL(1)-анализатора:

	0	1	\$
S'	$S' \stackrel{(0)}{\rightarrow} S\$$	$S' \stackrel{(0)}{\rightarrow} S\$$	$S' \stackrel{(0)}{\rightarrow} S\$$
S	$S \stackrel{(1)}{\rightarrow} 0S$	$S \stackrel{(2)}{\rightarrow} 1S$	$S \stackrel{(3)}{\rightarrow} \varepsilon$
0	ε	Err.	Err.
1	Err.	ε	Err.
\$	Err.	Err.	Acc.

(a) $(S',0)$: правило $S' \stackrel{(0)}{\to} S\$$: FIRST $(S\$) = \text{FIRST}(S) \oplus \text{FIRST}(\$) = \{0,1,\$\} \ni 0$	(a) $(S', 0)$: правило	$S' \stackrel{(0)}{\rightarrow} S$ \$: FIRST(S\$	$S = FIRST(S) \oplus F$	$IRST(\$) = \{0, 1, \$\} \ni 0$
--	-------------------------	--	-------------------------	---------------------------------

(b)
$$(S',1)$$
: правило $S' \stackrel{(0)}{\to} S\$$: FIRST $(S\$) = \text{FIRST}(S) \oplus \text{FIRST}(\$) = \{0,1,\$\} \ni 1$

(c)
$$(S',\$)$$
: правило $S' \stackrel{(0)}{\to} S\$$: FIRST $(S\$) = FIRST(S) \oplus FIRST(\$) = \{0,1,\$\} \ni \$$

(d) (S,0): правило
$$S \stackrel{(1)}{\rightarrow} 0S$$
: FIRST $(0S) = \{0\} \ni 0$

(e)
$$(S,1)$$
: правило $S \stackrel{(2)}{\to} 1S$: FIRST $(1S) = \{1\} \ni 1$

(f)
$$(S,\$)$$
: правило $S \stackrel{(3)}{\rightarrow} \varepsilon$: FOLLOW $(S) = \{\$\} \ni \$$

Задача 3

Задача 4

1. $\Sigma' \stackrel{\text{def}}{=} \{0,1,\$\}, \ N' \stackrel{\text{def}}{=} (S',S,A),$ пополненная грамматика $G' = (N',\Sigma',P',S).$ $P' \stackrel{\text{def}}{=} \{S' \stackrel{(0)}{\to} S\$, S \stackrel{(1)}{\to} aAaa, S \stackrel{(2)}{\to} bAba, A \stackrel{(3)}{\to} b, A \stackrel{(4)}{\to} \varepsilon\}$

2. Найдем FIRST₁:

Trangem 1 1100 11.							
i	$F_i(a)$	$F_i(b)$	$F_i(\$)$	$F_i(S)$	$F_i(S')$	$F_i(A)$	
0	$\{a\}$	{ <i>b</i> }	{\$}	Ø	Ø	$\{\varepsilon\}$	
1	$\{a\}$	$\{b\}$	{\$}	$\{a,b\}$	Ø	$\{b, \varepsilon\}$	
2	$\{a\}$	{ <i>b</i> }	{\$}	$\{a,b\}$	$\{a,b\}$	$\{b, \varepsilon\}$	
3	{ <i>a</i> }	{ <i>b</i> }	{\$}	$\{a,b\}$	$\{a,b\}$	$\{b,\varepsilon\}$	

3. Возьмем $\alpha = ba, \ w = b, \ \beta = b, \ \gamma = \varepsilon,$ нетерминал A. Тогда $A \overset{(3)}{\to} b \equiv \beta, \ A \overset{(4)}{\to} \varepsilon \equiv \gamma, \ S' \overset{(0)}{\Rightarrow} \underline{S} \overset{(2)}{\Rightarrow} \underline{b}$ $A \underline{ba} .$

Имеем $F \stackrel{\text{def}}{=} \operatorname{FIRST}(\beta\alpha) \equiv \operatorname{FIRST}(ba\$) = \{b\}$ и $G \stackrel{\text{def}}{=} \operatorname{FIRST}(\gamma\alpha) = \operatorname{FIRST}(bba\$) = \{b\}$ и $F \cap G = \{b\} \neq \varnothing$. Получаем $\exists A \exists \alpha, \beta \colon A \to \alpha, A \to \beta \in P', \exists w \exists \alpha \colon S' \Rightarrow_l^* wA\alpha, \operatorname{FIRST}(\beta\alpha) \cap \operatorname{FIRST}(\gamma\alpha) \neq \varnothing$ — формальное отрицание утверждения Теоремы 1 из задания. Получаем, что G' — не LL(1)-грамматика.

4. Найдем FIRST₂:

	i	$F_i(a)$	$F_i(b)$	$F_i(\$)$	$F_i(S)$	$F_i(S')$	$F_i(A)$
	0	$\{a\}$	$\{b\}$	{\$}	Ø	Ø	Ø
	1	$\{a\}$	$\{b\}$	{\$}	$\{ab,aa,bb\}$	Ø	$\{b, \varepsilon\}$
	2	$\{a\}$	$\{b\}$	{\$}	$\{ab,aa,bb\}$	$\{ab, aa, bb\}$	$\{b, \varepsilon\}$
Ì	3	<i>{a}</i>	{b}	{\$}	$\{ab, aa, bb\}$	$\{ab, aa, bb\}$	$\{b, \varepsilon\}$

- 5. Докажем, что $G'-\mathrm{LL}(2)$ -грамматика, пользуясь Теоремой 1. Рассмотрим пары правил $X \to \beta, \, X \to \gamma$:
 - (a) $S \overset{(1)}{\to} \underbrace{aAaa}, S \overset{(2)}{\to} \underbrace{bAba}.$ Тогда $\forall \alpha \hookrightarrow$ слова из $F \overset{\text{def}}{=} \mathrm{FIRST}_2(\beta \alpha)$ начинаются с a, слова из $G \overset{\text{def}}{=} \mathrm{FIRST}_2(\gamma \alpha)$ начинаются с b, поэтому $F \cap G = \varnothing$
 - (b) $A \overset{(3)}{\to} \underbrace{b}_{\beta}, A \overset{(4)}{\to} \underbrace{\varepsilon}_{\gamma}$. Пусть $S \Rightarrow_l^* wA\alpha$. Тогда $\alpha[1,2] \in \{aa,ba\}$ действительно, нетерминал A может появиться только после применения (1) или (2). Рассмотрим эти два случая:
 - і. $\alpha[1,2]=aa$. Тогда $F\stackrel{\text{def}}{=} \mathrm{FIRST}_2(\beta\alpha)=\mathrm{FIRST}_2(baa)=\{ba\},\ G\stackrel{\text{def}}{=} \mathrm{FIRST}_2(\gamma\alpha)=\mathrm{FIRST}_2(aa)=\{aa\}$. Поэтому $F\cap G=\varnothing$
 - іі. $\alpha[1,2]=ba$. Тогда $F\stackrel{\text{def}}{=} \mathrm{FIRST}_2(\beta\alpha)=\mathrm{FIRST}_2(bba)=\{bb\},\ G\stackrel{\text{def}}{=} \mathrm{FIRST}_2(\gamma\alpha)=\mathrm{FIRST}_2(ba)=\{ba\}$. Поэтому $F\cap G=\varnothing$

6. Найдем FOLLOW₂:

Trangem r obbott z.								
i	$F_i(S)$	$F_i(S')$	$F_i(A)$					
0	Ø	Ø	Ø					
1	{\$}	Ø	$\{aa,ba\}$					
2	{\$}	Ø	$\{aa, ba\}$					

Задача 5

- $1. \ N \stackrel{\text{\tiny def}}{=} \{S,A\}, \ T \stackrel{\text{\tiny def}}{=} \{a,b\}, \ G \stackrel{\text{\tiny def}}{=} \{N,T,P,S\}. \ P = \{S \rightarrow ba|A, \ A \rightarrow a|Aab|Ab\}.$
- 2. Удалим непосредственную левую рекурсию: $N' \stackrel{\text{def}}{=} \{S,A,A'\}, \ P' \stackrel{\text{def}}{=} \{S \to bA|A, \ A \to aA', \ A' \to abA'|bA'|\varepsilon\}.$ $G' \stackrel{\text{def}}{=} \{N',T,P',S\}.$
- 3. L(G') = L(G) так как применен алгоритм

4. G''' — пополненная грамматика: $T'' \stackrel{\text{def}}{=} \{a, b, \$\}, \ N'' \stackrel{\text{def}}{=} \{S, S', A, A'\},$
$P'' \stackrel{\text{def}}{=} \{S' \stackrel{(0)}{\to} S\$, S \stackrel{(1)}{\to} ba, S \stackrel{(2)}{\to} A, A \stackrel{(3)}{\to} aA', A' \stackrel{(4)}{\to} abA', A' \stackrel{(5)}{\to} bA', A' \stackrel{(6)}{\to} \varepsilon\}$

5. Найдем FIRST:

i	$F_i(a)$	$F_i(b)$	$F_i(\$)$	$F_i(S)$	$F_i(S')$	$F_i(A)$	$F_i(A')$
0	$\{a\}$	$\{b\}$	{\$}	Ø	Ø	Ø	$\{\varepsilon\}$
1	$\{a\}$	$\{b\}$	{\$}	$\{b\}$	Ø	$\{a\}$	$\{a,b,\varepsilon\}$
2	$\{a\}$	$\{b\}$	{\$}	$\{b,a\}$	$\{b\}$	$\{a\}$	$\{a,b,\varepsilon\}$
3	$\{a\}$	$\{b\}$	{\$}	$\{b,a\}$	$\{b,a\}$	$\{a\}$	$\{a,b,\varepsilon\}$
4	{ <i>a</i> }	{ <i>b</i> }	{\$}	$\{b,a\}$	$\{b,a\}$	{ <i>a</i> }	$\{a,b,\varepsilon\}$

6. Докажем, что G' - LL(1)-грамматика. Рассмотрим пары правил $X \to \beta, X \to \gamma$:

$$\text{(a)} \ \ S \overset{\text{(1)}}{\to} \underbrace{ba}_{\beta}, \ S \overset{\text{(2)}}{\to} \underbrace{\mathcal{A}}_{\gamma}. \ \text{Тогда} \ \forall \alpha \hookrightarrow F \overset{\text{\tiny def}}{=} \mathrm{FIRST}(\beta \alpha) = \mathrm{FIRST}(b) = \{b\}, \ G \overset{\text{\tiny def}}{=} \mathrm{FIRST}(\gamma \alpha) = \{a\} \Rightarrow F \cap G = \varnothing$$

- (b) $A' \stackrel{(4)}{\to} \underline{a}bA', A' \stackrel{(5)}{\to} \underline{b}A'$. Аналогично $F \cap G = \emptyset$.
- (c) $A' \stackrel{(4)}{\to} \underbrace{abA'}_{\beta}$, $A' \stackrel{(6)}{\to} \underbrace{\varepsilon}_{\gamma}$. Пусть $S' \Rightarrow_l^* wA\alpha$. Тогда $\alpha = \$$, так правила (4), (5), (6) оставляют A' последним символом слова. Тогда $F \stackrel{\text{def}}{=} \text{FIRST}(\beta\alpha) = \{a\}, \ G \stackrel{\text{def}}{=} \text{FIRST}(\gamma\alpha) = \{\$\}, \ \text{поэтому} \ F \cap G = \varnothing.$
- (d) $A' \stackrel{(5)}{\to} \underbrace{bA'}_{\beta}$, $A' \stackrel{(6)}{\to} \underbrace{\varepsilon}_{\gamma}$. Пусть $S' \Rightarrow_l^* wA\alpha$. Аналогично $\alpha = \$$. Тогда $F \stackrel{\text{def}}{=} \operatorname{FIRST}(\beta\alpha) = \{b\}$, $G \stackrel{\text{def}}{=} \operatorname{FIRST}(\gamma\alpha) = \{\$\}$, поэтому $F \cap G = \varnothing$.

7. Найдем FOLLOW:

i	$F_i(S')$	$F_i(S)$	$F_i(A)$	$F_i(A')$
0	Ø	Ø	Ø	Ø
1	Ø	{\$}	Ø	Ø
2	Ø	{\$}	{\$}	Ø
3	Ø	{\$}	{\$}	{\$}
4	Ø	{\$}	{\$}	{\$}

8. Построим LL-анализатор:

	a	b	\$
S'	$S' \stackrel{(0)}{\rightarrow} S\$$	$S' \stackrel{(0)}{\rightarrow} S\$$	Err.
S	$S \stackrel{(2)}{\rightarrow} A$	$S \stackrel{(2)}{\rightarrow} A$	Err.
A	$A \stackrel{(3)}{\rightarrow} aA'$	Err.	Err.
A'	$A' \stackrel{(4)}{\rightarrow} abA'$	$A' \stackrel{(5)}{\rightarrow} bA'$	$A' \stackrel{(6)}{\rightarrow} \varepsilon$
a	ε	Err.	Err.
b	Err.	ε	Err.
\$	Err.	Err.	Acc.

Задача 6

Предположим, что $L \stackrel{\text{def}}{=} a^* \cup a^n b^n$ — LL-язык. Тогда $\exists k \exists G \colon L(G) = L$ и G - LL(k)-грамматика. Тогда $\exists \mathcal{A}$ — детерминированный МП-автомат с выходом.

1. Фиксируем $n. \triangleleft a^{nk} \in L$, $(a^{(nk)}\$, S\$, \varepsilon) \vdash^* (a^k, Y_1...Y_l\$, \cdot)$. Рассмотрим