Analyse factorielle des correspondances multiples avec R

Ricco.Rakotomalala http://eric.univ-lyon2.fr/~ricco/cours

Références:

- 1. M. Tenehaus, « Statistique Méthodes pour décrire, expliquer et prévoir », Dunod, 2006 ; pages 253 à 264, partie théorique ; pages 266 à 276, pour l'exemple que nous traiterons.
- 2. Tutoriels Tanagra, « AFCM Races canines », http://tutoriels-data-mining.blogspot.com/2008/03/afcm-races-canines.html; description des mêmes calculs sous le logiciel Tanagra. Les résultats sont complètement identiques.
- 3. Husson, Le, Josse, Mazet, « FactoMineR », http://factominer.free.fr/; package que nous privilégierons pour l'ACM (méthode MCA).
- 4. D'autres packages réalisent l'ACM (procédure mca avec MASS, dudi.acm avec ADE4)

Objectif de l'étude

L'exemple des races canines

Objectifs de l'étude

Ce tutoriel reproduit sous le logiciel R, l'analyse menée dans l'ouvrage de Tenenhaus, pages 266 à 276. Les justifications théoriques et les formules sont disponibles dans le même ouvrage, pages 253 à 264.

Les mêmes calculs ont été reproduits dans Tanagra. D'autres packages de R peuvent réaliser également une AFCM (ou ACM – Analyse des correspondances multiples), nous avons choisi FactorMineR pour sa simplicité et son adéquation avec les sorties usuelles des logiciels qui font référence (et que l'on retrouve dans notre ouvrage ci-dessus).

Traitements réalisés

Chien

- Réaliser une AFCM (ACM) sur un fichier de données.
- Afficher les valeurs propres. Construire le graphiques éboulis des valeurs propres.
- Calculer les coordonnées factorielles, les cos² et les contributions des individus
- Calculer les coordonnées factorielles, les cos² et les contributions des points modalités
- Projeter les points dans le premier plan factoriel (représentation pseudo-barycentrique)
- Projeter les points dans le premier plan factoriel (représentation barycentrique)
- Positionner les modalités d'une variable illustrative qualitative

Poids

Taille

• Commenter les autres sorties/graphiques produits par la procédure MCA de FactoMineR

Velocite

| Beauceron | Taille++ | Poids+ | Veloc++ | Intell+ | Affec+ | Agress+ | utilite |
|----------------|----------|---------|---------|----------|--------|---------|-----------|
| Basset | Taille- | Poids- | Veloc- | Intell- | Affec- | Agress+ | chasse |
| Berger All | Taille++ | Poids+ | Veloc++ | Intell++ | Affec+ | Agress+ | utilite |
| Boxer | Taille+ | Poids+ | Veloc+ | Intell+ | Affec+ | Agress+ | compagnie |
| Bull-Dog | Taille- | Poids- | Veloc- | Intell+ | Affec+ | Agress- | compagnie |
| Bull-Mastif | Taille++ | Poids++ | Veloc- | Intell++ | Affec- | Agress+ | utilite |
| Caniche | Taille- | Poids- | Veloc+ | Intell++ | Affec+ | Agress- | compagnie |
| Chihuahua | Taille- | Poids- | Veloc- | Intell- | Affec+ | Agress- | compagnie |
| Cocker | Taille+ | Poids- | Veloc- | Intell+ | Affec+ | Agress+ | compagnie |
| Colley | Taille++ | Poids+ | Veloc++ | Intell+ | Affec+ | Agress- | compagnie |
| Dalmatien | Taille+ | Poids+ | Veloc+ | Intell+ | Affec+ | Agress- | compagnie |
| Doberman | Taille++ | Poids+ | Veloc++ | Intell++ | Affec- | Agress+ | utilite |
| Dogue All | Taille++ | Poids++ | Veloc++ | Intell- | Affec- | Agress+ | utilite |
| Epag. Breton | Taille+ | Poids+ | Veloc+ | Intell++ | Affec+ | Agress- | chasse |
| Epag. Français | Taille++ | Poids+ | Veloc+ | Intell+ | Affec- | Agress- | chasse |
| Fox-Hound | Taille++ | Poids+ | Veloc++ | Intell- | Affec- | Agress+ | chasse |
| Fox-Terrier | Taille- | Poids- | Veloc+ | Intell+ | Affec+ | Agress+ | compagnie |
| Gd Bleu Gasc | Taille++ | Poids+ | Veloc+ | Intell- | Affec- | Agress+ | chasse |
| Labrador | Taille+ | Poids+ | Veloc+ | Intell+ | Affec+ | Agress- | chasse |
| Levrier | Taille++ | Poids+ | Veloc++ | Intell- | Affec- | Agress- | chasse |
| Mastiff | Taille++ | Poids++ | Veloc- | Intell- | Affec- | Agress+ | utilite |
| Pekinois | Taille- | Poids- | Veloc- | Intell- | Affec+ | Agress- | compagnie |
| Pointer | Taille++ | Poids+ | Veloc++ | Intell++ | Affec- | Agress- | chasse |
| St-Bernard | Taille++ | Poids++ | Veloc- | Intell+ | Affec- | Agress+ | utilite |
| Setter | Taille++ | Poids+ | Veloc++ | Intell+ | Affec- | Agress- | chasse |
| Teckel | Taille- | Poids- | Veloc- | Intell+ | Affec+ | Agress- | compagnie |
| Terre-Neuve | Taille++ | Poids++ | Veloc- | Intell+ | Affec- | Agress- | utilite |
| | | | | | | | |

Intelligence Affection

Agressivite

Fonction

Tableau de données

Label des observations

Variables actives

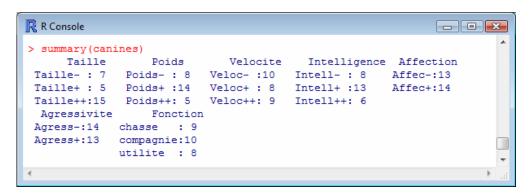
Variable illustrative qualitative

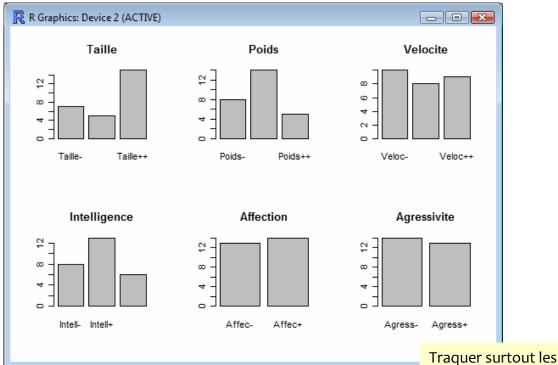
Fichier de données

Importation, statistiques descriptives et graphiques

```
#changement de répertoire
setwd("D:/_Travaux/university/Cours_Universite/Supports_de_cours/Info
rmatique/R/Tutoriels/afcm")

#chargement des données
library(xlsReadWrite)
canines <- read.xls(file="races_canines_acm.xls",rowNames=T,sheet=1)
#statistiques descriptives
summary(canines)
#distribution de fréquences (graphique) des variables actives
par(mfrow=c(2,3))
for (j in 1:6){plot(canines[,j],main=colnames(canines)[j])}
layout(1)</pre>
```

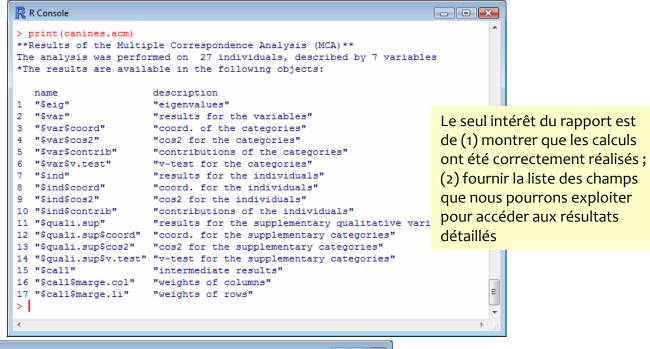


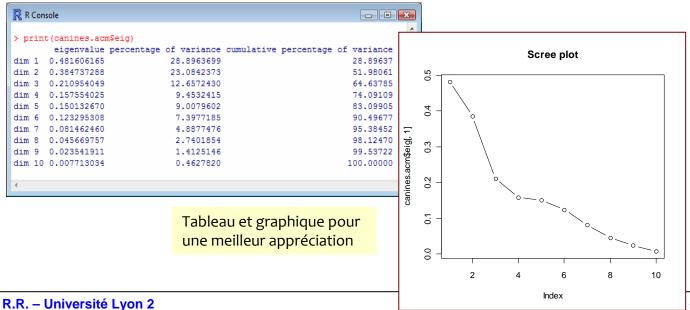


modalités très rares, elles peuvent fausser les calculs.

Analyse des correspondances multiples La procédure MCA de FactoMineR

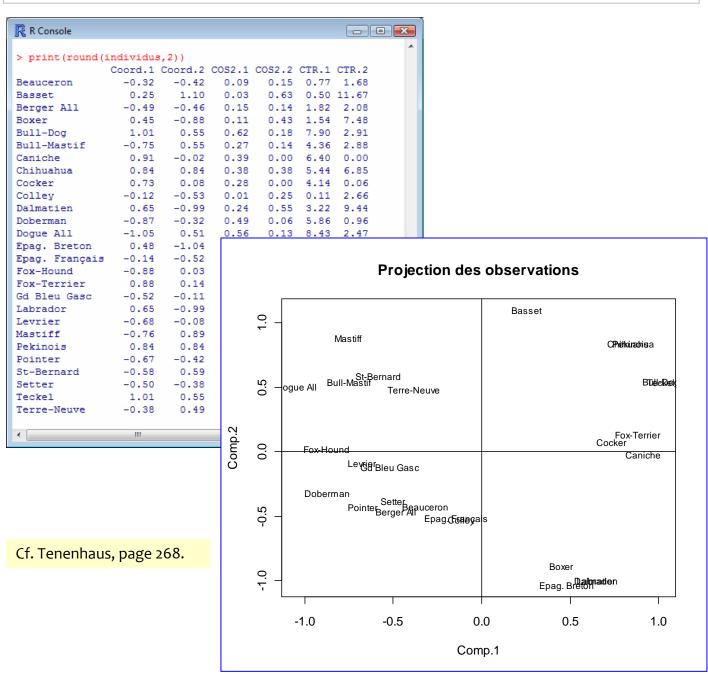
```
#charger le package
library(FactoMineR)
#lancer l'ACM
#voir l'aide pour plus de détails sur les options
#notamment -> ind. supplémentaires, var. quanti. supplémentaires
canines.acm <- MCA(canines,ncp=2,quali.sup=c(7),graph=F)
print(canines.acm)
#les valeurs propres
print(canines.acm$eig)
#scree plot
plot(canines.acm$eig[,1],type="b",main="Scree plot")</pre>
```





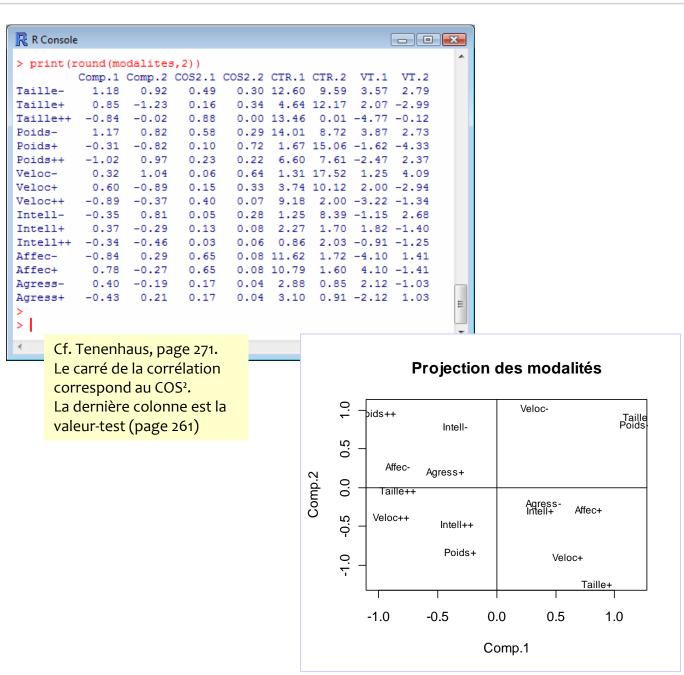
Informations sur les individus

```
#coordonnées, cos2 et contribution des individus
individus <-
cbind(canines.acm$ind$coord,canines.acm$ind$cos2,canines.acm$ind$contrib)
colnames(individus) <- c("Coord.1","Coord.2","COS2.1","COS2.2","CTR.1","CTR.2")
print(round(individus,2))
#graphique associé
plot(individus[,1],individus[,2],main="Projection des
observations",xlab="Comp.1",ylab="Comp.2",type="n")
abline(h=0,v=0)
text(individus[,1],individus[,2],labels=rownames(individus),cex=0.75)</pre>
```



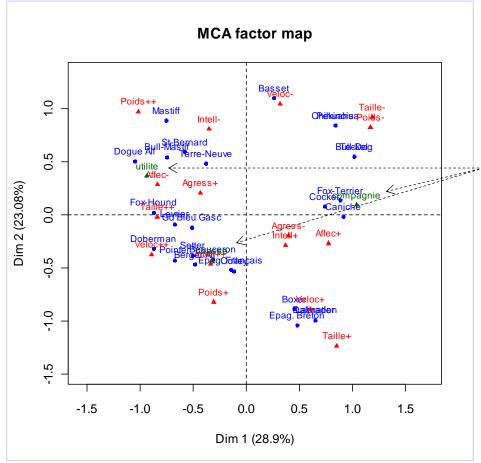
Informations sur les « points » modalités

```
#coordonnées, cos2 et contribution des modalités
modalites <-
cbind(canines.acm$var$coord,canines.acm$var$cos2,canines.acm$var$contrib,canines.acm$var$v.test)
colnames(modalites) <- c("Comp.1","Comp.2","COS2.1","COS2.2","CTR.1","CTR.2","VT.1","VT.2")
print(round(modalites,2))
#graphique associé
plot(modalites[,1],modalites[,2],main="Projection des
modalités",xlab="Comp.1",ylab="Comp.2",type="n")
abline(h=0,v=0)
text(modalites[,1],modalites[,2],labels=rownames(modalites),cex=0.75)</pre>
```



Les graphiques proposés automatiquement par la procédure MCA

```
#graphiques automatiques de MCA
plot(canines.acm,cex=0.75,choix="ind")
plot(canines.acm,cex=0.75,choix="var")
```

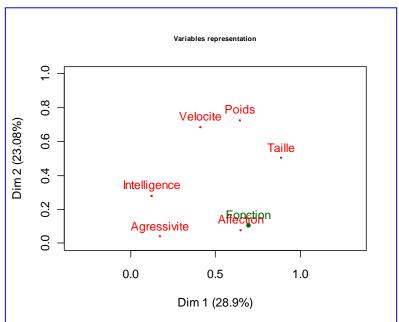


Noter le positionnement des modalités de la variable supplémentaire en noir.

Nous avons la représentation pseudo-barycentrique dans ce cas, Fig.8.1, page 270.

Il s'agit des rapports de corrélation des variables avec les facteurs, y compris la variable supplémentaire FONCTION.

Cf. formules page 260 ; valeurs dans le tableau page 271.

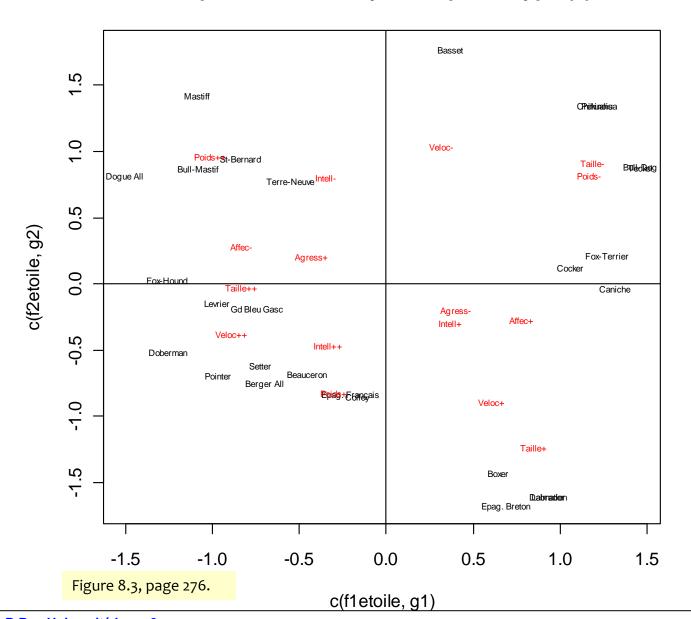


Représentation barycentrique de type (a)

c.-à-d. chaque point modalité est au barycentre des individus possédant cette modalité

```
#composantes principales réduites pour les individus
fletoile <- canines.acm$ind$coord[,1]/sqrt(canines.acm$eig[1,1])
f2etoile <- canines.acm$ind$coord[,2]/sqrt(canines.acm$eig[2,1])
#composantes principales non modifiées pour les modalités
g1 <- canines.acm$var$coord[,1]
g2 <- canines.acm$var$coord[,2]
#graphique
plot(c(fletoile,g1),c(f2etoile,g2),type="n",main="Représentation barycentrique de type (a)")
abline(h=0,v=0)
text(fletoile,f2etoile,labels=names(fletoile),cex=0.5)
text(g1,g2,labels=names(g1),cex=0.5,col="red")</pre>
```

Représentation barycentrique de type (a)



Et on peut faire bien d'autres choses encore...