Домашнее задание на 11 ноября

- 0. Выразим оценку параметра θ через $\overline{X^k}$
 - а) для $U[0, \theta]$:

$$Ex^{k} = \int_{0}^{\theta} \frac{x^{k}}{\theta} dx = \frac{\theta^{k}}{k+1} \quad \Rightarrow \quad \theta^{*} = \left((k+1)\overline{X^{k}} \right)^{1/k}, \tag{1}$$

b) для $Exp(\theta)$:

$$Ex^{k} = \int_{0}^{\infty} \frac{x^{k}}{\theta} \exp\left(-\frac{x}{\theta}\right) dx = \theta^{k} k! \quad \Rightarrow \quad \theta^{*} = \left(\frac{\overline{X^{k}}}{k!}\right)^{1/k}.$$
 (2)