

Министерство образования и науки Российской Федерации
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение
высшего образования
«Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского»
Исследовательский университет

Институт информационных технологий, математики и механики

Отчет по лабораторной работе

**«Реализация метода обратного распространения ошибки для двуслойной полностью
связанной нейронной сети»**

Выполнил: студент группы 381603м4

Умников Е.Д.

Нижний Новгород, 2017

Оглавление

| | |
|-----------------------------------|---|
| Постановка задачи | 3 |
| Вывод математических формул | 3 |
| Программная реализация | 4 |
| Результаты тестирования..... | 5 |

Постановка задачи

1. Изучение общей схемы метода обратного распространения ошибки.
2. Вывод математических формул для вычисления градиентов функции ошибки по параметрам нейронной сети и формул коррекции весов.
3. Проектирование и разработка программной реализации.
4. Тестирование разработанной программной реализации.

Вывод математических формул

Функции ошибки кросс энтропия:

$$E(w) = -\frac{1}{L} \sum_{k=1}^L \sum_{j=1}^M y_j^k \ln(u_j^k)$$

где $y^k = (y_j^k)_{j=1, \overline{M}}$ – множество обучающих примеров,

$u^k = (u_j^k)_{j=1, \overline{M}}$ – выход нейронной сети.

SoftMax – функция активации на последнем слое:

$$\varphi(u_j) = \frac{e^{u_j}}{\sum_{j=1}^M e^{u_j}}.$$

Функция активации на скрытом слое – гиперболический тангенс.

$$\varphi(f_s) = th(f_s)$$

$$E(w) = -\sum_{j=1}^M y_j \ln\left(\frac{e^{u_j}}{\sum_{j=1}^M e^{u_j}}\right) = -\sum_{j=1}^M y_j (u_j - \ln \sum_{m=1}^M e^{u_j}),$$

$$u_j = \sum_{s=0}^K w_{sj}^{(2)} \varphi\left(\sum_{i=0}^N w_{is}^{(1)} x_i\right).$$

$$\frac{\partial E(w)}{\partial w_{sj}^{(2)}} = \frac{\partial E}{\partial e^{uj}} \frac{\partial e^{uj}}{\partial w_{sj}^{(2)}}, \quad \frac{\partial e^{uj}}{\partial w_{sj}^{(2)}} = v_s,$$

$$\delta_j^{(2)} = \frac{\partial E}{\partial e^{uj}} = \left(\sum_{j=1}^M y_j \right) \cdot \frac{e^{uj}}{\sum_{m=1}^M e^{u_m}} - y_j = \frac{e^{uj}}{\sum_{m=1}^M e^{u_m}} - y_j$$

$$\frac{\partial E(w)}{\partial w_{is}^{(1)}} = \frac{\partial E}{\partial f_s} \frac{\partial f_s}{\partial w_{is}^{(1)}} = \delta_s^{(1)} x_i.$$

$$\frac{\partial E}{\partial f_s} = \sum_{j=1}^M \frac{\partial E}{\partial u_j} \frac{\partial u_j}{\partial v_s} \frac{\partial \varphi}{\partial f_s} = \frac{\partial \varphi}{\partial f_s} \sum_{j=1}^M \frac{\partial E}{\partial u_j} \frac{\partial u_j}{\partial v_s} = \frac{\partial \varphi}{\partial f_s} \sum_{j=1}^M \delta_j^{(2)} w_{sj}^2$$

Для гиперболического тангенса:

$$\frac{\partial \varphi}{\partial f_s} = (1 - \varphi)(1 + \varphi) = (1 - v_s)(1 + v_s)$$

Программная реализация

Были реализованны следующие структуры и алгоритмы:

Neuron - данный класс хранит набор синапсов и значение смещения.

NeuralNetwork – класс имплементирующий двухслойную нейронную сеть. Содержит в себе два набора нейронов (std::vector<Neuron>).

BackPropagationMethod – предназначен для тренировки, а так же анализа точности нейронной сети. Для данного класса Neuron и NeuralNetwork являются friend с целью изменения параметров сети.

Результаты тестирования

Тестирование проводилось на наборе данных MNIST dataset <http://yann.lecun.com/exdb/mnist>. На Рис.1. показан пример работы программы.

```
D:\Study\Deap Learning\BackPropagation\x64\Release>BackPropagation.exe d://train/ d://test/
training...
Count of samples: 60000
Error: 0.173003
Continue training..
Error: 0.104108
Continue training..
Error: 0.0794636
Continue training..
Error: 0.0647102
Continue training..
Error: 0.0531042
Continue training..
Error: 0.0443408
Continue training..
Error: 0.0356792
Continue training..
Error: 0.0281902
Continue training..
Error: 0.0222211
Continue training..
Error: 0.0173254
Continue training..
Error: 0.0143856
Continue training..
Error: 0.0120832
Continue training..
Error: 0.00968448
Continue training..
Error: 0.0066102
Continue training..
Error: 0.00482141

Train result: 0.999383
Test result:0.9803
Для продолжения нажмите любую клавишу . . .
```

При следующих параметрах работы

- number of epochs = 30.
- cross error = 0.005.
- learn rate = 0.01
- number of neurons in hidden layer = 300

ошибка для тренировочных данных 0.000617, для тестовых данных 0.0197.