

Асимптотическая сложность

Расставить по возрастанию следующие функции:

$\lg(\lg^* n)$	$2^{\lg^* n}$	$(\sqrt{2})^{\lg n}$	n^2	$n!$	$(\lg n)!$
$\binom{3}{2}^n$	n^3	$\lg^2 n$	$\lg(n!)$	2^{2^n}	$n^{\frac{1}{\lg n}}$
$\ln \ln n$	$\ln^* n$	$n \cdot 2^n$	$n^{\lg \lg n}$	$\ln n$	1
$2^{\lg n}$	$(\lg n)^{\lg n}$	e^n	$4^{\lg n}$	$(n+1)!$	$\sqrt{\lg n}$
$\lg^*(\lg n)$	$2^{\sqrt{2^{\lg n}}}$	n	2^n	$n \lg n$	$2^{2^{n+1}}$

Сразу следует отметить, что в данной задачи:

lg - десятичный логарифм (логарифм по основанию 10)
 ln - натуральный логарифм (логарифм по основанию e)

Также можно заметить пару интересных вещей:

$$n^{\frac{1}{\lg n}} = 10$$
$$n^{\lg \lg n} = (\lg n)^{\lg n}$$

В результате функции будут расположены следующим образом:

$$1 < n^{\frac{1}{\lg n}} < \lg(\lg^* n) < \lg^*(\lg n) < \ln^* n < 2^{\lg^* n} < \ln \ln n < \sqrt{\lg n} < \ln n < \lg^2 n < 2^{\sqrt{2^{\lg n}}} < (\sqrt{2})^{\lg n} < 2^{\lg n} < 4^{\lg n} < n < n \lg n \sim \lg(n!) < n^2 < n^3 < (\lg n)! < (\lg n)^{\lg n} = n^{\lg \lg n} < (\frac{3}{2})^n < 2^n < n 2^n < e^n < n! < (n+1)! < 2^{2^n} < 2^{2^{n+1}}$$