8월 21일 Simulation code 내용 정리

- 1. Moodie et al이 제시한 DR Estimator of ATT와 coding한 ATT Estimator가 동일함을 확인. --- ok!
 - 1) R coding 时 社社 DR Estimator for ATT (MercantantT and LT, 2014)

2) Moodie, et al Ol MINE DR Estimator for ATT

$$E[Y'|Z=1] = \frac{2}{2}ZYY$$

$$\frac{2}{2}ZY$$

$$\frac{2}ZY$$

$$\frac{2}{2}ZY$$

$$\frac{2}{2$$

$$\begin{array}{c} \textcircled{2} \stackrel{n}{\overrightarrow{\Rightarrow}} (1-\overleftarrow{\Rightarrow}) \left(\frac{e\tau}{1-e\tau} \right) + \underbrace{z\tau \times m_o(x\tau)}_{1-e\tau} + \underbrace{z$$

- 2. Variance estimator of DR Estimator of ATE & ATT 함수 생성 위한 공식 정리
- : 참고한 부분이 강의노트와 Moodie et al 논문의 Appendix (참고 : M-estimation은 loss function을 최소화하는 추정량을 찾는 방법이다.)
- : 이때, 두 부분에서 제시한 estimating function이 같은지 의문이 듦. --- 같지 않음!!!!!!! 강의 노트 estimating equation 사용하자.

$$\sum_{i=1}^{N} \Psi_i(\theta) = \sum_{i=1}^{N} \begin{bmatrix} v_1 - \{Z_iY_i - (Z_i - e_i)\mu_1(X_i;\alpha_1)\}/e_i \\ v_0 - \{(1-Z_i)Y_i + (Z_i - e_i)\mu_0(X_i;\alpha_0)\}/(1-e_i) \\ Z_iS_1(Y_i,X_i;\alpha_1) \\ (1-Z_i)S_0(Y_i,X_i;\alpha_0) \\ S_{\beta}(X_i;\beta) \end{bmatrix} = 0$$

$$U_i(\beta,\alpha) = \{\omega_i(\alpha)(y_i - \mu_i(\beta)\}$$

$$: \text{ 여기서 } w_i(\alpha) \vdash i \text{ 번째 개체의 treatment model(PS model)}, \quad \mu_i(\beta) \in i \text{ 번째 개체의 outcome model } \text{ outcome model } \text{ Outcome model} \text{ Out$$

where S_1 , S_0 , S_β are score function of the outcome models and PS model, $\theta = (v_1, v_0, \alpha'_0, \alpha'_1, \beta')'$

$$U_i(\beta, \alpha) = \{\omega_i(\alpha)(y_i - \mu_i(\beta))\}\$$

- -> 만약 위 식을 estimating function으로 사용한다면, ATT일 때와 ATE일 때 차이가 없을 것 같음. --- 그건 맞으나. 강의 노트 기반에서는 달라질 것이다.

2-1. Moodie et al 공식 정리

Moodie et al 의 논문 이용하 Variance Estimator of DR Estimator formula 정리

$$V_{T}(x, \beta) = \int \inf_{t \in [0, 1]} (y_{T} - A_{t}(x)) \int_{t}^{t} \int_{t \in [0, 1]}^{t} \int_{t}^{t} \int_{t \in [0, 1]}^{t} \int_{t}^{t} \int_{t \in [0, 1]}^{t} \int_{t}^{t} \int_{t}^{$$

[Treatment model]

Historical Function
$$L(P;X) = \frac{1}{177} P_i^{E_i} (1-P_i)^{(1-E_i)} = \frac{1}{177} \left(\frac{1+e^{P^2T_i}}{1+e^{P^2T_i}} \right)^{E_i} \left(\frac{1}{1+e^{P^2T_i}} \right)^{1-E_i}$$

$$\log L(P;X) = \frac{2}{177} E_i \left(P^TX_i - \log \left(1+e^{P^2T_i} \right) \right) + \left(1-E_i \right) \int_{0}^{\infty} P^TX_i - \log \left(1+e^{P^2T_i} \right)^{\frac{1}{2}} \left(\frac{1}{1+e^{P^2T_i}} \right)^{\frac{1}{2}} + \frac{2}{177} E_i \left(\frac{1}{1+e^{P^2T_i}} \right)^{\frac{1$$

Score function;
$$S(\beta; x) = \frac{\partial}{\partial \beta} \log L(\beta; x) = \frac{\partial}{\partial \beta} \left[\frac{1}{T_{ij}} (^{T}XT - \log (He^{\theta^{T}XT})) \right] \rightarrow \frac{\partial}{\partial \beta} \left[(^{T}X - \log (He^{\theta^{T}X})) \right]$$

$$= x - \frac{e^{\theta^{T}X} \cdot X}{He^{\theta^{T}X}} = x \left(1 - \frac{e^{\theta^{T}X}}{He^{\theta^{T}X}} \right)$$

$$= x \left(\frac{1}{He^{\theta^{T}X}} \right)$$

Score
$$ft^n = 0$$
 $ft^n = 0$ $ft^$

$$\frac{\partial}{\partial \alpha} U(\beta, \alpha) = \begin{bmatrix} -\omega_1(\beta) X_1 \\ -\omega_2(\beta) X_2 \\ \vdots \\ -\omega_n(\beta) X_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \omega_1(\beta) & \cdots & 0 \\ 0 & \omega_2(\beta) & \cdots & 0 \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & \cdots & \cdots & \cdots \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X_1 \\ Y_2 \\ \vdots \\ X_n \end{bmatrix} \xrightarrow{R \text{ code}} \text{diag (ps) */o* * o/o model . matrix (outcome - model)}$$

⇒ OIM 铝 Appendix OII 게임 ル Var(分) OI다