

Tugas Kecil 2 IF2211 Strategi Algoritma
Mencari Pasangan Titik Terdekat dengan
Algoritma *Divide and Conquer*



Disusun oleh:
Eunice Sarah Siregar
13521013

Sekolah Teknik Elektro dan Informatika
Institut Teknologi Bandung
2022/2023

BAB I

PENDAHULUAN

A. Algoritma *Divide and Conquer*

Algoritma *divide and conquer* adalah proses membagi permasalahan ke dalam bagian-bagian yang memiliki kemiripan dengan permasalahan awal, tetapi dibentuk menjadi ukuran lebih kecil. Hal tersebut bertujuan agar permasalahan dapat lebih mudah diselesaikan. Dalam algoritma *divide and conquer* terdapat tiga proses, yaitu *divide*, *combine*, dan *conquer*. Langkah pertama yaitu melakukan pembagian masalah ke dalam upa-permasalahan dengan ukuran yang kecil. Selanjutnya, setiap upa-permasalahan tersebut akan diselesaikan secara rekursif. Terakhir, dari masing-masing solusi dari upa-permasalahan tersebut di-*combine* sehingga dapat menyelesaikan permasalahan awal.

B. Pencarian Pasangan Titik Terdekat dengan Algoritma *Divide and Conquer*

Untuk mendapatkan pasangan titik terdekat, penulis menggunakan algoritma *divide and conquer* dengan deskripsi langkah- langkah sebagai berikut.

1. Dalam matrix, dilakukan pengurutan terlebih dahulu berdasarkan nilai absis,
2. Setelah mengurutkan, matrix tersebut dibagi menjadi dua bagian kiri dan kanan,
3. Ketika berhasil melakukan *divide*, selanjutnya terdapat tiga kondisi, yaitu
 - a. Saat panjang matrix adalah 2, maka titik terdekat langsung ditemukan
 - b. Namun, ketika panjang matrix adalah 3 maka titik terdekat dicari menggunakan algoritma brute force
 - c. Ketika tidak termasuk keduanya, matrix akan dibagi menjadi dua bagian (kiri dan kanan) sampai panjang matrix berukuran 2 atau 3 yang dilakukan dengan cara rekursif. Terdapat kondisi lain ketika membagi matrix, yaitu kondisi dimana titik terdekat berada diantara pembagi wilayah.
4. Untuk mencari jarak terdekat, dapat dicari dengan rumus Euclidian:

$$d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2}$$

BAB II

SOURCE PROGRAM DALAM PYTHON

A. function.cpp

```
import math as m
import random
import os

os.system('cls')
print("=====")
print(" ")
print(" ")
print(" ")
print(" ")
print(" ")
print(" ")
print(" ")
print(" ")
print(" ")
print(" ")
print("=====")
dot = int(input("Masukkan jumlah titik: "))
dim = int(input("Masukkan jumlah dimensi: "))

def random_matrix(dot, dim):
    matrix = [[0 for i in range(dim)] for j in range(dot)]
    for i in range(dim):
        for j in range(dot):
            matrix[j][i] = random.randint(0, 100)

    return matrix

def distance_matrix(matrix):
    dist_matrix = [[0 for i in range(dim)] for j in range(dim)]
    sum = 0
    for i in range(dim):
        for j in range(dim):
            dist_matrix[j][i] = (matrix[0][i] - matrix[1][i])**2
            sum += dist_matrix[j][i]
        distance = m.sqrt(sum)
        return distance, matrix[0], matrix[1]
a = random_matrix(dot, dim)

def sortX(matrix):
    for i in range(len(matrix)):
        for j in range(len(matrix)):
            if matrix[i][0] < matrix[j][0]:
                matrix[i], matrix[j] = matrix[j], matrix[i]
    return matrix
```

B. algorithm.cpp

```
from function import *
import time as t
import matplotlib.pyplot as plt
from mpl_toolkits.mplot3d import Axes3D
import platform

count = 0

def divide(matrix):
    # left = []
    # right = []
    if len(matrix) % 2 == 0:
        mid = len(matrix) // 2
        left = matrix[:mid]
        right = matrix[mid:]
    else:
        mid = len(matrix) // 2
        left = matrix[:mid]
        right = matrix[mid+1:]
        # left.append(l)
        # right.append(r)
        # return min(divide(left), divide(right))
    # print("Left: ", left)
    # print("Right: ", right)
    return left, right

def bruteForce(matrix):
    global count
    dmin = 9999
    A = []
    for i in range(len(matrix)):
        for j in range(i+1, len(matrix)):
            d = distance_matrix([matrix[i], matrix[j]])
            # count += 1
            if d[0] < dmin:
                dmin = d[0]
                A = d[1], d[2]
    # print("terkecil : ", dmin)
    return dmin, A

def sStrip(matrix, distance):
    global count
    terjauh = matrix[len(matrix)-1][0] - matrix[0][0]/2
    for i in range(len(matrix)):
        for j in range(i+1, len(matrix)):
            # if matrix[j][0] - matrix[i][0] < terjauh:
            d = distance_matrix([matrix[i], matrix[j]])
            count += 1
            if d[0] < distance:
                return d[0], d[1], d[2]
```

```

    return distance, matrix[0], matrix[1]

def closestPair(matrix,dot):
    # t.sleep(1)
    global count
    if len(matrix) == 2:
        distance, point1, point2 = distance_matrix(matrix)
        count += 1
        # print("matrix terdekat adalah dist", point1, "dan", point2, "dengan
jarak", distance)
        return distance, point1, point2

    elif len(matrix) == 3:
        distance, A = bruteForce(matrix)
        point1 = A[0]
        point2 = A[1]
        # print("matrix terdekat adalah brute", point1, "dan", point2, "dengan
jarak", distance)
        return distance, point1, point2

    else:
        left, right = divide(sortX(matrix))
        # print(left)
        # print(right)
        dl = closestPair(left, len(matrix)//2)
        # print(dl)
        point11, point21 = left[0], left[1]
        dr = closestPair(right, len(matrix)//2)
        # print(dr)
        point12, point22 = right[0], right[1]
        if dl < dr :
            point1 = point11
            point2 = point21
        else:
            point1 = point12
            point2 = point22
        distance = min(dl, dr)[0]
        # print("distance: ", distance)
        minimum, point13, point23 = sStrip(matrix, distance)
        # print("sStrip: ", minimum)
        if minimum < distance:
            distance = minimum
            point1 = point13
            point2 = point23
            # print("matrix terdekat adalah minimum", point1, "dan", point2,
"dengan jarak", distance)
            return distance, point1, point2
        else:
            point1 = min(dl, dr)[1]
            point2 = min(dl, dr)[2]
            # print("matrix terdekat adalah distance", point1, "dan", point2,
"dengan jarak", distance)

            return distance, point1, point2
    # return distance, point1, point2

```

```

# distance_matrix(a)

# print("halo: ", sStrip(a, distance_matrix(a)[0]))
def visual(matrix, point1, point2):
    fig = plt.figure(figsize = (10, 7))
    ax = plt.axes(projection = "3d")
    for i in range(len(matrix)):
        x = matrix[i][0]
        y = matrix[i][1]
        z = matrix[i][2]
        ax.scatter(x, y, z, c='black', marker='o')
    ax.scatter(point1[0], point1[1], point1[2], c='red', marker='o')
    ax.scatter(point2[0], point2[1], point2[2], c='red', marker='o')
    plt.show()

def main():
    startTime = t.time()
    z, b, c = closestPair(a, dot)
    endTime = t.time()
    print("=====DIVIDE AND
CONQUER=====")
    print("Jarak terdekat: ", z)
    print("Pasangan titik terdekat: ", b, c,)
    print("Banyak Euclidean Distance yang dihitung: ", count, "kali")
    print("Execution time: ", endTime - startTime, "detik")
    print("Platform: ", platform.processor())
    print("=====BRUTE
FORCE=====")
    startTimeBrute = t.time()
    d, e = bruteForce(a)
    endTimeBrute = t.time()
    print("Jarak terdekat: ", d)
    print("Pasangan titik terdekat: ", e)
    print("Execution time: ", endTimeBrute - startTimeBrute, "detik")

print("=====
=====")
yay = input("Menampilkan visualisasi titik terdekat? (y/n) ")
if yay == 'y' and dim == 3:
    visual(a, b, c )
elif yay == 'y' and dim != 3:
    print("Maaf dimensi tidak tersedia untuk visualisasi")
    print("Terima kasih telah bermain!")

if __name__ == "__main__":
    main()

```

BAB III TEST CASE

```
=====
CLOSESTPAIR
=====
Masukkan jumlah titik: 16
Masukkan jumlah dimensi: 3
=====DIVIDE AND CONQUER=====
Jarak terdekat: 9.848857801796104
Pasangan titik terdekat: [1, 68, 48] [5, 77, 48]
Banyak Euclidean Distance yang dihitung: 193 kali
Execution time: 0.0009984970092773438 detik
Platform: Intel64 Family 6 Model 140 Stepping 1, GenuineIntel
=====BRUTE FORCE=====
Jarak terdekat: 9.848857801796104
Pasangan titik terdekat: ([1, 68, 48], [5, 77, 48])
Execution time: 0.0009958744049072266 detik
=====
```

Gambar 1. Hasil Test Case I

```
=====
CLOSESTPAIR
=====
Masukkan jumlah titik: 64
Masukkan jumlah dimensi: 3
=====DIVIDE AND CONQUER=====
Jarak terdekat: 3.0
Pasangan titik terdekat: [10, 20, 70] [11, 22, 72]
Banyak Euclidean Distance yang dihitung: 3676 kali
Execution time: 0.0893702507019043 detik
Platform: Intel64 Family 6 Model 140 Stepping 1, GenuineIntel
=====BRUTE FORCE=====
Jarak terdekat: 3.0
Pasangan titik terdekat: ([10, 20, 70], [11, 22, 72])
Execution time: 0.045656681060791016 detik
=====
```

Gambar 2. Hasil Test Case II

```
CLOSEST PAIR
=====
Masukkan jumlah titik: 128
Masukkan jumlah dimensi: 3
=====DIVIDE AND CONQUER=====
Jarak terdekat: 2.0
Pasangan titik terdekat: [25, 26, 62] [27, 26, 62]
Banyak Euclidean Distance yang dihitung: 15381 kali
Execution time: 0.11754083633422852 detik
Platform: Intel64 Family 6 Model 140 Stepping 1, GenuineIntel
=====BRUTE FORCE=====
Jarak terdekat: 2.0
Pasangan titik terdekat: ([25, 26, 62], [27, 26, 62])
Execution time: 0.07210659980773926 detik
=====
```

Gambar 3. Hasil Test Case III

```
CLOSEST PAIR
=====
Masukkan jumlah titik: 1000
Masukkan jumlah dimensi: 3
=====DIVIDE AND CONQUER=====
Jarak terdekat: 1.0
Pasangan titik terdekat: [70, 32, 46] [70, 32, 47]
Banyak Euclidean Distance yang dihitung: 961012 kali
Execution time: 7.7907164096832275 detik
Platform: Intel64 Family 6 Model 140 Stepping 1, GenuineIntel
=====BRUTE FORCE=====
Jarak terdekat: 1.0
Pasangan titik terdekat: ([70, 32, 46], [70, 32, 47])
Execution time: 3.795192241668701 detik
=====
```

Gambar 4. Hasil Test Case IV

CLOSESTPAIR

Masukkan jumlah titik: 16

Masukkan jumlah dimensi: 5

=====DIVIDE AND CONQUER=====

Jarak terdekat: 22.11334438749598

Pasangan titik terdekat: [69, 68, 63, 28, 60] [69, 67, 49, 12, 54]

Banyak Euclidean Distance yang dihitung: 127 kali

Execution time: 0.0019965171813964844 detik

Platform: Intel64 Family 6 Model 140 Stepping 1, GenuineIntel

=====BRUTE FORCE=====

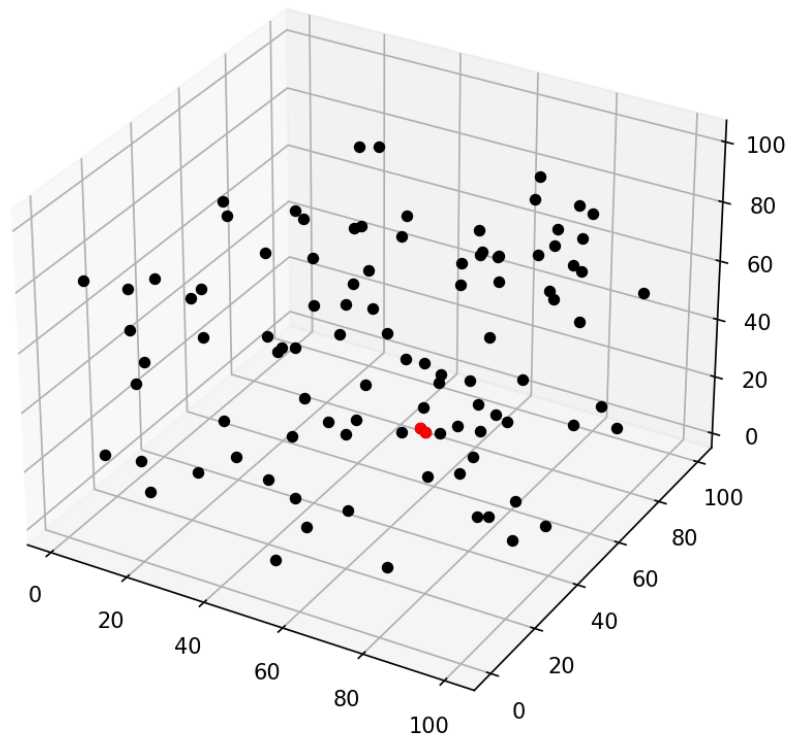
Jarak terdekat: 22.11334438749598

Pasangan titik terdekat: ([69, 68, 63, 28, 60], [69, 67, 49, 12, 54])

Execution time: 0.002008676528930664 detik

=====

Gambar 5. Hasil Test Case V



Gambar 6. Hasil Test Case VI

LAMPIRAN

Link Github

https://github.com/eunicesarah/Tucil2_13521013.git

Checklist

Poin	Ya	Tidak
Program berhasil dikompilasi tanpa ada kesalahan		
Program berhasil running		
Program dapat menerima masukan dan dan menuliskan luaran.		
Luaran program sudah benar (solusi closest pair benar)		
Bonus 1 dikerjakan		
Bonus 2 dikerjakan		