

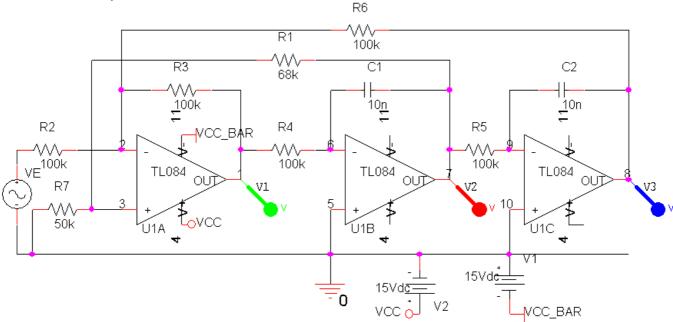




## Electronique Linéaire (Polytech Nancy 2A, TD série 3)

## Ex. 1 – Systèmes à variables d'états (filtres universels)

On considère le système suivant :



On posera : C1 = C2 = C, R2 = R3 = R4 = R5 = R6 = 2.R7 = R, R1 = k.R et 
$$\omega_0 = \frac{1}{RC}$$

- 1) Exprimer V1 en fonction de Ve, V2, V3, et k.
- 2) Exprimer V2 en fonction de V1, de  $\omega$  et de  $\omega_0 = \frac{1}{RC}$
- 3) Exprimer V3 en fonction de V2, de  $\omega$  et de  $\omega_0 = \frac{1}{RC}$
- 4) En déduire les expressions de  $\frac{V3}{Ve}$ ,  $\frac{V2}{Ve}$ ,  $\frac{V1}{Ve}$  en fonction de k, de  $\omega$  et de  $\omega_0 = \frac{1}{RC}$
- 5) Dans ces expressions mettre le dénominateur sous la forme canonique :

$$1+2.j.z\frac{\omega}{\omega_0} - \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2$$

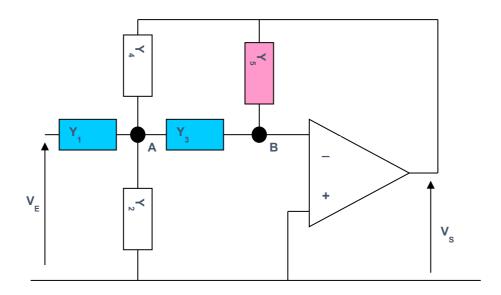
Exprimer z. Montrer que : en V3 nous avons un filtre passe-bas, en V2 un passe-bande, en V1 un passe-haut et que si on réalise avec  $U_{1D}$  (V3 –V1) nous avons une sortie coupe-bande.

## Exercice 2 Filtres de second ordre (structure de Rauch)

On associe un amplificateur opérationnel, supposé parfait, à cinq admittances comme l'indique la figure ci-dessous.

1- Montrer que la fonction de transfert en tension,  $T = \frac{V_s}{V_e}$ , peut se met sous la forme:

$$T = \frac{-Y_1 Y_3}{Y_3 Y_4 + Y_5 (Y_1 + Y_2 + Y_3 + Y_4)}$$



2- On pose Y1=Y4=1/R, Y3=1/R3, Y5=j $C_5\omega$  et Y2= j $C_2\omega$ . Montrer que la fonction de transfert en tension T se met sous la forme :

$$T = \frac{-k}{1 + 2jm\frac{\omega}{\omega_0} + (j\frac{\omega}{\omega_0})^2}$$

En déduire ω<sub>0</sub>, k et m en fonction de R, R3, C3 et C2. Quel est le type du filtre ainsi réalisé ?

3- Les admittances sont réalisées par des résistances ou par des condensateurs. Comment faut-il choisir les admittances Y<sub>1</sub>, Y<sub>2</sub>, Y<sub>3</sub>, Y<sub>4</sub> et Y<sub>5</sub> pour réaliser, à l'aide du circuit précédent:

**a-** un filtre passe-haut de transmittance 
$$T = \frac{-k(j\frac{\omega}{\omega_0})^2}{1 + 2jm\frac{\omega}{\omega_0} + (j\frac{\omega}{\omega_0})^2}$$

$$-2kim\frac{\omega}{\omega_0}$$

**b**- un filtre passe-bande de transmittance 
$$T = \frac{-2kjm\frac{\omega}{\omega_0}}{1+2jm\frac{\omega}{\omega_0}+(j\frac{\omega}{\omega_0})^2}$$