Odevzdání: 30.11.2015

Vypracoval(a): UČO: Skupina:

2. [2 body] Uvažme bezkontextovou gramatiku $G = (N, \Sigma, P, S)$, kde

$$\begin{split} N &= \{S, X, V\} \\ \Sigma &= \{\mathbf{if}, \mathbf{then}, \mathbf{else}, \mathbf{fi}, \mathbf{while}, \mathbf{do}, \mathbf{done}, ++, --, \mathbf{a}, \mathbf{b}, \mathbf{;} \} \end{split}$$

$$P = \{(1) \ S \rightarrow X,$$

$$(2) \ S \rightarrow X; S,$$

$$(3) \ X \rightarrow \textbf{if} \ V \ \textbf{then} \ S \ \textbf{else} \ S \ \textbf{fi},$$

$$(4) \ X \rightarrow \textbf{while} \ V \ \textbf{do} \ S \ \textbf{done},$$

$$(5) \ X \rightarrow V + + +,$$

$$(6) \ X \rightarrow V - - -,$$

$$(7) \ X \rightarrow \textbf{a},$$

$$(8) \ X \rightarrow \textbf{b},$$

$$(9) \ V \rightarrow \textbf{a},$$

$$(10) \ V \rightarrow \textbf{b} \}.$$

Pro gramatiku G sestrojte syntaktický analyzátor metodou shora dolů. Analyzujte slovo "**while a do b; a** — **done**" a zapište čísla pravidel gramatiky G v pořadí, ve kterém se při analýze tohoto slova použijí odpovídající přechody analyzátoru.

Poznámka: Dobře si všimněte, jaká je množina terminálů gramatiky, zejména, že terminály jsou i znaky **if**, **then**, **else**, **fi**, **while**, **do**, **done**, ++, -- a ;. U všech terminálů jsme použili tučné zvýraznění, abychom tím dali najevo, že jde o jeden terminál, i když se některé z nich skládají ze dvou či více písmen. Bílé místo (mezery) ve slově je jen pro lepší čitelnost, mezery nepatří mezi terminály.

Analyzátor je zásobníkový automat $\mathcal{M} = (\{q\}, \Sigma, N \cup \Sigma, \delta, q, S, \emptyset),$ kde

$$\begin{split} \delta(q,\varepsilon,S) &= \{(q,X),(q,X;S)\} \\ \delta(q,\varepsilon,X) &= \{(q,\mathbf{if}\ V\ \mathbf{then}\ S\ \mathbf{else}\ S\ \mathbf{fi}),(q,\mathbf{while}\ V\ \mathbf{do}\ S\ \mathbf{done}), \\ &\qquad \qquad (q,V++),(q,V--),(q,\mathbf{a}),(q,\mathbf{b})\} \\ \delta(q,\varepsilon,V) &= \{(q,\mathbf{a}),(q,\mathbf{b})\} \\ \forall c \in \Sigma \quad \delta(q,c,c) &= \{(q,\varepsilon)\} \end{split}$$

Automat akceptuje prázdným zásobníkem.

Vypracoval(a): UČO: Skupina:

Analýza slova "while a do b; a — done":

$$(q, \mathbf{while} \ \mathbf{a} \ \mathbf{do} \ \mathbf{b}; \ \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad \qquad X) (1)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \mathbf{while} \ \mathbf{a} \ \mathbf{do} \ \mathbf{b}; \ \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad X) (1)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \mathbf{while} \ \mathbf{a} \ \mathbf{do} \ \mathbf{b}; \ \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \ \mathbf{while} \ V \ \mathbf{do} \ S \ \mathbf{done}) (4)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{a} \ \mathbf{do} \ \mathbf{b}; \ \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad V \ \mathbf{do} \ S \ \mathbf{done}) (9)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{do} \ \mathbf{b}; \ \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad A \ \mathbf{done}) (9)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{b}; \ \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad S \ \mathbf{done}) (2)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{b}; \ \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad S \ \mathbf{done}) (2)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{b}; \ \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad S \ \mathbf{done}) (8)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad S \ \mathbf{done}) (9)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad X \ \mathbf{done}) (1)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad V - - \ \mathbf{done}) (6)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}) (9)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}) (9)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}) (9)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}) (9)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}) (9)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}) (9)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}) (9)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}) (9)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}) (9)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}) (9)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}) (9)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}) (9)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}) (9)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}) (9)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}) (9)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}) (9)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}) (9)$$

$$\stackrel{\mathcal{E}}{\vdash} \quad (q, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}, \qquad \mathbf{a} - - \ \mathbf{done}) (9)$$

Tedy automat slovo akceptuje.

Použitá pravidla: 1, 4, 9, 2, 8, 1, 6, 9.