

# FAKULTA INFORMAČNÍCH TECHNOLOGIÍ VYSOKÉ UČENÍ TECHNICKÉ V BRNĚ



## TIN Teoretická informatika

### 2. domácí úloha

# Obsah

<b>1</b>	<b>Príklad číslo 1</b>	<b>2</b>
1.1	(a)	2
1.2	(b)	2
<b>2</b>	<b>Príklad číslo 2</b>	<b>4</b>
<b>3</b>	<b>Príklad číslo 3</b>	<b>5</b>
3.1	Nerozhodnuteľnosť	5
3.2	Čiastočná rozhodnuteľnosť	6
<b>4</b>	<b>Príklad číslo 4</b>	<b>7</b>
4.1	(a)	7
4.2	(b)	8
<b>5</b>	<b>Literatúra</b>	<b>12</b>

# 1 Príklad číslo 1

## 1.1 (a)

*Definice 4.29* [1](str. č. 97) Označme  $ZAV_n$  pre  $n \geq 0$  jazyky setávajúcí ze všech vyvážených řetězců závorek  $n$  typů. Tyto jazyky – označované též jako Dyckovy jazyky – jsou generovány gramatikami s pravidly tvaru:  $S \rightarrow [^1 S ]^1 \mid [^2 S ]^2 \mid \dots \mid [^n S ]^n \mid SS \mid \varepsilon$

---

Z hore uvedenej definície pre náš príklad vyplýva, že náš Dyckov jazyk  $L$  je generovaný gramatikou  $G_D$ , definovanou ako  $G_D = (\{S'\}, \{[, ]\}, P, S')$  kde množina prepisovacích pravidiel  $P$  je daná ako

$$S' \rightarrow \varepsilon \mid S'S' \mid [ S' ]$$

ktorá obsahuje iba jeden typ zátvoriek ktorými sú  $[$  a  $]$ .

Pre každé slovo  $w \in L$ , pre ktoré platí že  $w \neq \varepsilon$ , muselo byť aspoň raz použité pravidlo  $S' \rightarrow [ S' ]$  v derivácii. S využitím pravidla  $S' \rightarrow [ S' ]$  vygenerujeme jeden pár zátvoriek, pričom medzi zátvorkami sa nachádza neterminál  $S'$ , ktorým je možné ďalej aplikovať ďalšie pravidlá a generovať reťazec  $u$  – presnejšie reťazec  $u$  patriaci do jazyka  $L$ . V prípade použitia pravidla  $S' \rightarrow S'S'$  pred pravidlom  $S' \rightarrow [ S' ]$  vieme generovať ďalší reťazec na pravej strane čo odpovedá reťazcu  $v$  ktorý patrí do  $L$ , t.j. vieme generovať za  $[u]$  reťazec  $v$  patriaci do jazyka  $L$ .

Takže, každé slovo  $w \in L$ , pre ktoré platí že  $w \neq \varepsilon$ , vieme zapísať v tvare  $[u]v$  kde  $u, v \in L$  pretože

$$S' \xRightarrow{G_D} S'S' \xRightarrow{G_D} [S']S' \xRightarrow{G_D}^* [u]v$$

Keďže  $S' \xRightarrow{G_D}^* u$  a  $S' \xRightarrow{G_D}^* v$  ktoré patria do jazyka  $L$ , tak  $S' \xRightarrow{G_D}^* [u]v$  tiež patrí do jazyka, keďže  $u, v \in L$  a  $[, ] \in L$ . Je zrejmé, že ak  $S' \xRightarrow{G_D}^* w$  a  $S' \xRightarrow{G_D}^* [u]v$  tak potom platí že  $S' \xRightarrow{G_D}^* w = [u]v$  t.j.  $w = [u]v$ .

## 1.2 (b)

### Báza

Báza je báзовý prípad **pre  $i = 0$** .

Pre  $i = 0$  platí, že počet  $[$  a počet  $]$  v reťazci  $w$  je rovno nule z čoho vyplýva, že reťazec  $w$  sa musí rovnať  $\varepsilon$ . Formálne, pre  $i = 0$  platí, že  $\#_[(w) = 0 \wedge \#_](w) = 0$  z čoho vyplýva, že  $w = \varepsilon$ .

Keďže, existuje pravidlo  $S' \rightarrow \varepsilon$  v gramatike  $G_D$  a taktiež, existuje pravidlo  $S \rightarrow \varepsilon$  v gramatike  $G$ , potom existujú derivácie  $S' \xRightarrow{G_D} \varepsilon$  a  $S \xRightarrow{G} \varepsilon$  a tak platí, že  $w = \varepsilon \wedge w \in L \wedge w \in L(G)$ .

### Indukčný predpoklad

$S \xRightarrow{*} w$  kde  $w \in L \wedge w \in L(G) \wedge w = [u]v$  čo platí pre všetky  $j$  kde  $j < i$  pričom  $j, i$  značí počet zátvoriek typu  $[$  a počet zátvoriek typu  $]$ .

### Pre i

$\#_{\lceil}(u) + \#_{\lceil}(v) \stackrel{?}{=} i$  analogicky pre  $\#_{\rceil}(u) + \#_{\rceil}(v) \stackrel{?}{=} i$

1.)  $\#_{\lceil}(u) = 0 \Rightarrow \#_{\lceil}(v) = i \quad \vee \quad \#_{\lceil}(v) = 0 \Rightarrow \#_{\lceil}(u) = i$

Ak je buď  $\#_{\lceil}(u)$  alebo buď  $\#_{\lceil}(v)$  rovné nule, tak ho vieme vygenerovať z pravidla  $S$  na základe indukčnej bázi.

Ak je buď  $\#_{\lceil}(u)$  alebo buď  $\#_{\lceil}(v)$  rovné  $i$ , tak ten prvok prepíšeme pomocou vzorca

$$w' = [u']v' \Rightarrow \#_{\lceil}(u') + \#_{\lceil}(v') = i - 1 = j, \text{ analogicky } \#_{\rceil}(u') + \#_{\rceil}(v') = i - 1 = j$$

Na základe indukčného predpokladu vieme z  $S$  vygenerovať  $u'$  a  $v'$ .

$$S \Rightarrow [S]S \Rightarrow^* [u']v' = w'$$

kde

$$\#_{\lceil}(u') + \#_{\lceil}(v') = i, \text{ analogicky } \#_{\rceil}(u') + \#_{\rceil}(v') = i$$

2.)  $\#_{\lceil}(u) \neq 0 \quad \wedge \quad \#_{\lceil}(v) \neq 0 \quad \wedge \quad \#_{\lceil}(u) + \#_{\lceil}(v) \leq i$

Keď  $\#_{\lceil}(u)$  a  $\#_{\lceil}(v)$  sú nenulové, tak musí platiť že

$$\#_{\lceil}(u) < i \wedge \#_{\lceil}(v) < i$$

t.j.

$$\#_{\lceil}(u) = i - M = j_1 \wedge \#_{\lceil}(v) = i - N = j_2 \text{ kde } M, N \in \mathbb{N} \setminus \{0\}$$

### Pre i + 1

$S \Rightarrow^* w$  kde  $w \in L$  pre ktoré platí, že

$$\#_{\lceil}(w) = i + 1$$

a z definície Dyckovho jazyka platí, že

$$\#_{\rceil}(w) = i + 1$$

Potom vieme  $w$  zapísať ako  $w = [u]v$  podľa bodu (a) (kapitola 1.1)  $\Rightarrow \#_{\lceil}(u) + \#_{\lceil}(v) = i$ , analogicky musí platiť  $\#_{\rceil}(u) + \#_{\rceil}(v) = i$ .

$S \Rightarrow [S]S \Rightarrow^* [u]v = w$  kde  $\#_{\lceil}(u) + \#_{\lceil}(v) = i + 1$ , analogicky  $\#_{\rceil}(u) + \#_{\rceil}(v) = i + 1$ .

## 2 Príklad číslo 2

Veta 4.19 [1](str. č. 92): Nechť  $L$  je bezkontextový jazyk. Pak existuje konstanta  $k > 0$  taková že je-li  $z \in L$  a  $|z| \geq k$ , pak lze  $z$  napsat ve tvaru:

$$z = uvwxy, vx \neq \varepsilon, |vwx| \leq k$$

a pro všechna  $i \geq 0$  je  $uv^iwx^iy \in L$ .

---

Nech  $L_{primes}$  je bezkontextový jazyk.

Tak existuje celočíselná konstanta  $k > 0$  taká, že ak  $z \in L$  a  $|z| \geq k$ , tak

$$z = uvwxy \wedge vx \neq \varepsilon \wedge |vwx| \leq k \wedge uv^iwx^iy \in L \text{ kde } i \geq 0$$

Zvoľme prvočíslo  $r$  väčšie ako  $k$  t.j.  $r \geq k$  kde  $r$  je prvočíslo.

Potom platí, že

$$a^r \in L \wedge |a^r| = r \text{ kde } r \geq k \implies a^r = uvwxy \wedge vx \neq \varepsilon \wedge |vwx| \leq k \wedge uv^iwx^iy \in L \text{ pre } i \geq 0$$

Nech

$$\begin{aligned} v = a^m &\Rightarrow |v| = m \\ x = a^n &\Rightarrow |x| = n \\ w = a^o &\Rightarrow |w| = o \end{aligned}$$

Tak musí platiť že  $m + n > 0$  pretože  $vx \neq \varepsilon$  a  $k \geq m + n + o$  pretože  $|vwx| \leq k$ .

Zvoľme  $i = r + 1$ , potom

$$uv^{r+1}wx^{r+1}y \in L$$

$$|uv^{r+1}wx^{r+1}y| = |uvwxy| + |v^r| + |x^r| = r + r \cdot m + r \cdot n = r \cdot (1 + m + n) \text{ čo nie je prvočíslo}$$

A z toho vyplýva spor pretože

$$uv^{r+1}wx^{r+1}y \notin L$$

Takže jazyk  $L_{primes}$  nie je bezkontextový jazyk.

### 3 Príklad číslo 3

#### 3.1 Nerozhodnuteľnosť

Problém môžeme charakterizovať jazykom  $L$  pre ktorý platí

$$L = \{ \langle M_L \rangle \mid M_L \text{ je } TS : \exists w \in \text{Affine} : w \in L(M_L) \}$$

Problém členstva je charakterizovaný jazykom  $MP$  pre ktorý platí

$$MP = \{ \langle M_{MP} \rangle \# w \mid M_{MP} \text{ je } TS \text{ ktorý prijme } w \}$$

Zostavíme redukciu

$$\sigma : \{0, 1, \#\}^* \longrightarrow \{0, 1\}^* \text{ z jazyka } MP \text{ na } L$$

$TS M_\sigma$  implementujúci  $\sigma$  priradí každému vstupu  $x \in \{0, 1, \#\}^*$  reťazec  $\langle M_x \rangle$ , kde  $M_x$  je  $TS$ , ktorý na vstupe  $y \in \{0, 1\}^*$  pracuje nasledovne:

1.  $M_x$  zmaže svoj vstup  $y$ .
2. Zapiše na pásku reťazec  $x$ .
3.  $M_x$  posúdi, zda  $x = x_1 \# x_2$  pre  $x_1$ , ktorý je kódom  $TS$ , a  $x_2$ , ktorý je kódom jeho vstupu. Pokiaľ nie, odmietne.
4. Inak  $M_x$  simuluje činnosť  $TS$  s kódom  $x_1$  na reťazci s kódom  $x_2$ .
  - Ak  $x_1$  prijme  $x_2$ , tak  $M_x$  prijme.
  - Ak  $x_1$  odmietne  $x_2$ , tak  $M_x$  odmietne.
  - Inak cyklí.

$M_\sigma$  je možné implementovať úplným  $TS$ . Konečne tento  $TS$  vypíše kód  $M_x$ , ktorý sa skladá zo štyroch komponent, ktoré odpovedajú vyššie uvedeným krokom. Tri z nich sú pritom konštantné (nezávisia na  $x$ ) – konkrétne (1) zmazanie pásky, (2) test na dobré sformovanie instance  $MP$  a (3) simulácia daného  $TS$  na danom vstupe (pomocou úplného  $TS$ ).  $TS$  implementujúci tieto kroky, ktoré evidentne existujú, môžeme pripraviť vopred a  $M_\sigma$  vypíše kód spolu s kódom na predanie riadenia. Zostáva vygenerovať kód  $TS$ , ktorý zapiše na pásku dané  $x = a_1 a_2 \dots a_n$ . To je možné ale ľahko realizovať pomocou  $TS Ra_1 Ra_2 R \dots Ra_n$ .

Skúmame možné jazyky  $TS M_x$ :

- $L(M_x) = \emptyset \iff (x \text{ nie je správne sformovaná instance } MP) \text{ alebo } (x = x_1 \# x_2 \text{ a } TS \text{ s kódom } x_1 \text{ na reťazci s kódom } x_2 \text{ odmietne}) \text{ alebo } (x = x_1 \# x_2 \text{ a } TS \text{ s kódom } x_1 \text{ na reťazci s kódom } x_2 \text{ neskončí t.j. cyklí})$
- $L(M_x) = \Sigma^* \iff (x \text{ je správne sformovaná instance } MP, \text{ kde } x = x_1 \# x_2 \text{ a } TS \text{ s kódom } x_1 \text{ na reťazci s kódom } x_2 \text{ prijme})$

Ak  $L(M_x) = \Sigma^*$  je zrejmé, že jazyk  $L(M_x)$  iste obsahuje aspoň jeden reťazec ktorý patrí do jazyka  $Affine$ .

Teraz už ľahko ukážeme, že  $\sigma$  zachováva členstvo  $\langle M_x \rangle \in L \iff L(M_x) = \Sigma^* \iff x = x_1 \# x_2$  kde  $x_1$  je kód  $TS$ , ktorý zastaví na vstupe s kódom  $x_2 \iff x \in MP$ .

### 3.2 Čiastočná rozhodnuteľnosť

Majme  $TS\ M$  pre ktorý platí, že  $\exists w \in Affine : w \in L(M)$  kde jazyk  $Affine$  je rekurzívny jazyk.

K čiastočnému rozhodovaniu uvedeného problému môžeme využiť  $TS\ M'$  ktorý na svojej prvej páske simuluje beh  $TS\ M$  pre jednotlivé možné vstupné reťazce podľa určitého usporiadania (viz dole uvedený príklad) a na druhej páske vykonáva kontrolu podmienky patričnosti reťazca do jazyka  $Affine$ .

$konf_M(\varepsilon, 0)$   
 $konf_M(\varepsilon, 1) \# konf_M(0, 0)$   
 $konf_M(\varepsilon, 2) \# konf_M(0, 1) \# konf_M(1, 0)$   
 $konf_M(\varepsilon, 3) \# konf_M(0, 2) \# konf_M(1, 1) \# konf_M(00, 0)$   
 $konf_M(\varepsilon, 4) \# konf_M(0, 3) \# konf_M(1, 2) \# konf_M(00, 1) \# konf_M(01, 0)$   
...

$M'$  nemôže len systematicky generovať vstupy pre  $TS\ M$  a na nich nechať  $TS\ M$  neobmedzene bežať pretože hrozí zacyklenie.

$TS\ M'$  ale môže mať na svojej páske súčasne rozbehnutú simuláciu  $TS\ M$  pre ľubovoľný počet vstupných reťazcov, jednotlivé konfigurácie pásky budú vhodne oddelené.

$TS\ M'$  môže vždy prejsť všetky aktuálne rozbehnuté simulácie a na každej vykonať práve jeden krok. Pokiaľ v niektorom prípade dôjde k prijatiu reťazca  $TS\ M$ , vykoná kontrolu patričnosti prijatého reťazca do jazyka  $Affine$  na druhej páske. Ak kontrola patričnosti prijatého reťazca skončila úspechom, t.j. reťazec bol prijatý  $TS\ M$  a súčasne patrí do jazyka  $Affine$  môžeme tvrdiť, že existuje reťazec ktorý patrí do  $Affine$  a súčasne do  $L(M)$ . Ak  $TS\ M$  neprijal reťazec alebo reťazec nepatrí do jazyka  $Affine$ , tak  $TS\ M'$  pridá páskovú konfiguráciu pre ďalší reťazec a celý krok opakuje.

$TS\ M'$  vykonáva kontrolu patričnosti reťazca do jazyka  $Affine$  na druhej páske tak, že **TODO**.

Funkčnosť  $TS\ M'$  môžeme chápať tak, že najskôr  $TS\ M'$  spustí simuláciu  $TS\ M$  na prvej páske. Ak  $TS\ M$  zastaví a prijme určitý reťazec, tak tento reťazec  $TS\ M'$  overí na druhej páske zda patrí do jazyka  $Affine$  t.j. skontroluje podmienku patričnosti tohto reťazca do jazyka  $Affine$ .

## 4 Příklad číslo 4

### 4.1 (a)

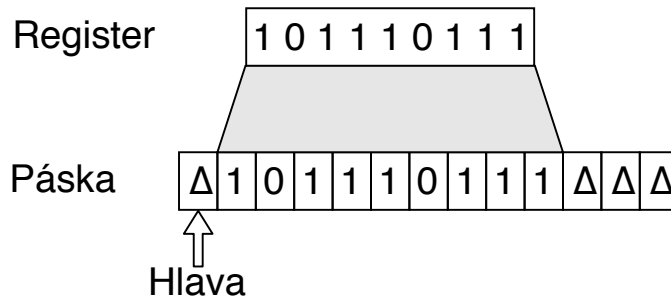
...



## 4.2 (b)

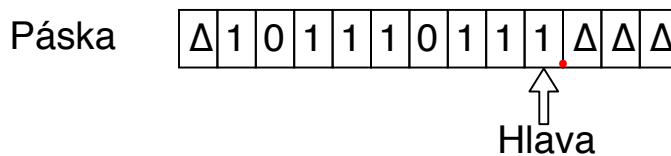
Dôkaz, že pre každý program  $P$  v jazyku *RationalC* a počiatočnú hodnotu  $x_0 \in \mathbb{N}$  ( $0 \in \mathbb{N}$ ) je možné zostrojiť  $TS M_P = (Q, \Sigma, \Gamma, \delta, q_{first}, F)$  a reťazec  $w \in \{0, 1\}^*$  tak, že  $w \in L(M_P)$  práve vtedy, keď  $P$  s počiatočnou hodnotou  $x_0$  skončí s návratovou hodnotou 1.

Na začiatku si zapíšeme obsah registra  $x$  v ktorom sa nachádza číslo  $x_0 \in \mathbb{N}$  v binárnej podobe na pásku  $TS M_P$  čo je zobrazené v ilustračnom obrázku 1.



Obr. 1: Ilustračný obrázok prevodu registra  $x$  na pásku  $TS M_P$ .

Potom, pre  $TS M_P$  je potreba inicializovať hlavu čo v našom prípade znamená, že posunieme hlavu  $TS M_P$  na *least significant bit (LSB)* t.j. na *most right nonblank symbol* (najpravejší neblankový symbol) čo je realizovateľné  $TS$ . Táto inicializácia nášho  $TS M_P$  je nutná z toho dôvodu, že na začiatku máme celé nezáporné číslo ale neskôr sa môžeme dopracovať ku desatinným číslam kde je potreba vedieť kde je desatinná čiarka. V  $TS M_P$  budeme desatinnú čiarku reprezentovať tak, že pozícia hlavy ukazuje na *LSB* čísla z čoho vieme, že desatinná bodka sa nachádza na pravej strane od tohto *LSB* čísla. Proces inicializácie hlavy je ilustrovaný na obrázku 2 v ktorom je hypotetická desatinná bodka znázornená červenou bodkou.



Obr. 2: Ilustračný obrázok inicializácie hlavy  $TS M_P$  na páske.

Predpokladajme, že zdrojový kód pre program  $P$  v jazyku *RationalC* má určitú formu kde každý jeden príkaz je zapísaný na osobitnom riadku kde všetky riadky sú očíslované od 0 (pre prvý riadok) až po  $N$  (posledný riadok).

Potom, pre každý jeden riadok, kde označíme číslo riadka ako  $N$ , vytvoríme jeden stav  $q_N \in Q$  a pre každý príkaz na týchto riadkoch platí, že jednotlivé príkazy vieme previesť podľa nasledujúcich pravidiel.

- Príkaz **if**  $x \% 2 == A$  **goto**  $B$  kde  $A = \{0, 1\}$  a  $0 \leq B \leq N_{MAX}$  na riadku  $N$

$TS\ M_P$  bude obsahovať nasledujúce prechodové pravidlá pre tento príkaz

$$\begin{aligned}\delta(q_N, A) &= (q_B, A) \\ \delta(q_N, \bar{A}) &= (q_{N+1}, \bar{A})\end{aligned}$$

kde  $q_B, q_N, q_{N+1} \in Q$ .

Tento príkaz je možné chápať ako zmena stavu v  $TS\ M_P$  pričom sa hlava neposunie a ponechá sa pôvodný symbol pod pozíciou hlavy.

- Príkaz  $x \neq 2$  na riadku  $N$

$TS\ M_P$  bude obsahovať nasledujúce prechodové pravidlá pre tento príkaz

$$\begin{aligned}\delta(q_N, 0) &= (q_{N+1}, L) \\ \delta(q_N, 1) &= (q_{N+1}, L)\end{aligned}$$

kde  $q_N, q_{N+1} \in Q$ .

Tento príkaz je možné chápať ako posun hlavy  $TS\ M_P$  do ľava.

- Príkaz  $x \neq 2$  na riadku  $N$

$TS\ M_P$  bude obsahovať nasledujúce prechodové pravidlá pre tento príkaz

$$\begin{aligned}\delta(q_N, 0) &= (q_{N+1}, R) \\ \delta(q_N, 1) &= (q_{N+1}, R)\end{aligned}$$

kde  $q_N, q_{N+1} \in Q$ .

Tento príkaz je možné chápať ako posun hlavy  $TS\ M_P$  do prava.

- Príkaz **return** 0 na riadku  $N$

$TS\ M_P$  bude obsahovať nasledujúce prechodové pravidlá pre tento príkaz

$$\begin{aligned}\delta(q_N, 0) &= (q_{reject}, 0) \\ \delta(q_N, 1) &= (q_{reject}, 1)\end{aligned}$$

kde  $q_N, q_{reject} \in Q$  a  $q_{reject} \in F$ .

Tento príkaz je možné chápať ako prechod  $TS\ M_P$  do koncového stavu ktorý je odmietajúci.

- Príkaz **return** 1 na riadku  $N$

$TS\ M_P$  bude obsahovať nasledujúce prechodové pravidlá pre tento príkaz

$$\begin{aligned}\delta(q_N, 0) &= (q_{accept}, 0) \\ \delta(q_N, 1) &= (q_{accept}, 1)\end{aligned}$$

kde  $q_N, q_{accept} \in Q$  a  $q_{accept} \in F$ .

Tento príkaz je možné chápať ako prechod  $TS\ M_P$  do koncového stavu ktorý je akceptujúci.

- Príkaz `odd(x)` na riadku  $N$

$TS\ M_P$  bude obsahovať nasledujúce prechodové pravidlá pre tento príkaz

$$\begin{aligned}\delta(q_N, 0) &= (q_{N+1}, 1) \\ \delta(q_N, 1) &= (q_{N+1}, 1)\end{aligned}$$

kde  $q_N, q_{N+1} \in Q$ .

Tento príkaz je možné chápať ako zápis symbolu 1 na aktuálnej pozícii hlavy.

- Príkaz `even(x)` na riadku  $N$

$TS\ M_P$  bude obsahovať nasledujúce prechodové pravidlá pre tento príkaz

$$\begin{aligned}\delta(q_N, 0) &= (q_{N+1}, 0) \\ \delta(q_N, 1) &= (q_{N+1}, 0)\end{aligned}$$

kde  $q_N, q_{N+1} \in Q$ .

Tento príkaz je možné chápať ako zápis symbolu 0 na aktuálnej pozícii hlavy.

Pri násobení a delení (pri použití príkazov  $x /= 2$  a  $x *= 2$ ) môže ale dôjsť ku tomu, že sa hlava dostane zo symbolu 0 alebo 1 na symbol blank. Môžu nastať dve možnosti a to keď sa hlava dostaneme na ľavý blank (prvý symbol pásy) alebo na pravý blank (blank za posledným znakom 0 alebo 1 ktorý je uložený na páske). Tieto prípady je potreba vyriešiť pričom môžu nastať iba vtedy, ak sme sa dostali na krajný (najpravejší alebo najľavejší) symbol 0 alebo 1 vedľa ktorého je z ľavej strany blank (pre najľavejší) alebo z pravej strany blank (pre najpravejší). Takže môžu nastať dva prípady.

- Hlava je na najpravejšom symbole 0 alebo 1 a treba vykonať príkaz  $x *= 2$ .

Príkladový prípad hlavy a pásy

$\Delta 1 \underline{0} \Delta \Delta \Delta$

Po vykonaní príkazu  $x *= 2$  sa hlava dostane z najpravejšieho neblankového symbolu na pravý blankový symbol.

$\Delta 10 \underline{\Delta} \Delta \Delta$

V hore uvedenom prípade by sme mali chybnú hodnotu čísla z toho dôvodu, že u nás pozícia hlavy určuje *LSB* a tým pádom by sme mali nevalidné číslo keďže jeho *LSB* by bol blankový symbol. Aby sme sa vyhli tejto situácii, pri každom posune doprava treba vykonať kontrolu zda tam je blankový symbol, ak tam je, tak ho prepíšeme na symbol 0 a posunieme hlavu na tento symbol 0, ak tam nie je, tak iba presunieme hlavu na ten symbol ktorým je 0 alebo 1.

Páska	Hodnota	Riadok	Nasledujúci príkaz
$\Delta 1 \underline{0} \Delta \Delta \Delta$	1	$n$	$x *= 2$
$\Delta 1 \underline{0} \Delta \Delta \Delta$	2	$n + 1$	$x *= 2$
$\Delta 10 \underline{0} \Delta \Delta \Delta$	4	$n + 2$	$x *= 2$
$\Delta 100 \underline{0} \Delta \Delta \Delta$	8	$n + 3$	$x *= 2$

V tabuľke stĺpec '*páska*' zachytáva aktuálny stav pásy spolu s pozíciou hlavy čo je znázornené podčiarknutým červeným symbolom. Stĺpec '*hodnota*' vyjadruje numerickú hodnotu ktorá sa nachádza na páske, '*riadok*' udáva pozíciu v programe a '*nasledujúci príkaz*' zobrazuje príkaz ktorý bude vykonaný.

- Hlava je na najľavejšom symbole 0 alebo 1 a treba vykonať príkaz  $x \neq 2$ .

Príkladový prípad hlavy a pásky

$\Delta \underline{1} 0 \Delta \Delta \Delta$

Po vykonaní príkazu  $x \neq 2$  sa hlava dostane z najľavejšieho neblankového symbolu na ľavý blankový symbol.

$\underline{\Delta} 1 0 \Delta \Delta \Delta$

Ak by sme znovu vykonali tento príkaz, tak by došlo k abnormálnemu zastaveniu  $TS MP$  pretože by nám spadla hlava. Tento prípad je možné riešiť tak, že ak sme na tomto ľavom blankovom symbole a treba vykonať príkaz pre posun do ľava t.j. vykonaným príkazom bude príkaz  $x \neq 2$ , tak sa celý obsah pásky posunieme o jeden symbol do prava (vykonáme  $S_R$ ) a pred obsah pásky zapíšeme symbol 0 pričom hlavu musíme vrátiť na pôvodné miesto – na miesto ľavého blanku. Pre ilustráciu funkčnosti viz tabuľku dole.

Páska	Hodnota	Riadok	Nasledujúci príkaz
$\Delta 1 \underline{0} \Delta \Delta \Delta$	2	$n$	$x \neq 2$
$\Delta \underline{1} 0 \Delta \Delta \Delta$	1	$n + 1$	$x \neq 2$
$\underline{\Delta} 1 0 \Delta \Delta \Delta$	0.5	$n + 2$	$x \neq 2$
$\underline{\Delta} 0 1 0 \Delta \Delta \Delta$	0.25	$n + 3$	$x \neq 2$
$\underline{\Delta} 0 0 1 0 \Delta \Delta \Delta$	0.125	$n + 4$	$x \neq 2$

V tabuľke stĺpec '*páska*' zachytáva aktuálny stav pásky spolu s pozíciou hlavy čo je znázornené podčiarknutým červeným symbolom. Stĺpec '*hodnota*' vyjadruje numerickú hodnotu ktorá sa nachádza na páske, '*riadok*' udáva pozíciu v programe a '*nasledujúci príkaz*' zobrazuje príkaz ktorý bude vykonaný.

## 5 Literatúra

- [1] M. Češka, T. Vojnar, A. Smrčka, A. Rogalewicz: *Teoretická informatika - Studijní text*. 2018-08-23, [Online; Accessed: 2018-10-15].  
URL: <http://www.fit.vutbr.cz/study/courses/TIN/public/Texty/TIN-studijni-text.pdf>