Numpy

김지성 강사





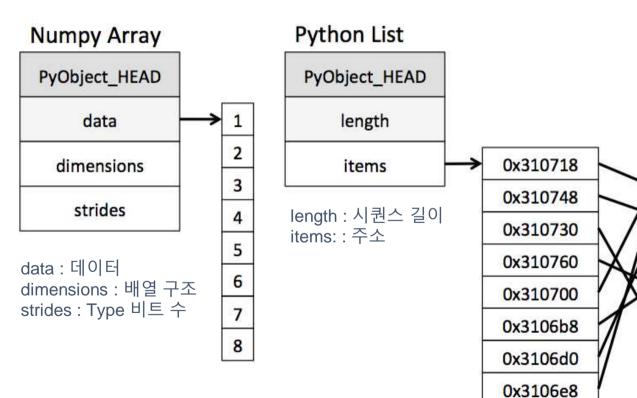
NumPy의 장점

- 1. NumPy는 Numerical Python의 줄임말로, 산술 계산을 위한 패키지
- 2. NumPy 배열 객체는 데이터 교환을 위한 공통 언어처럼 사용
- 3. Python의 연속된 자료형들보다 훨씬 더 적은 메모리 사용
- 4. 다양한 계산을 수행하기 위해 적합





NumPy 구조





NO.

NO.

NO.

VOIE

NONE.

NO.



NumPy 속도 계산

- 1 numpy_ = np.arange(1000000)
- 2 list_ = list(range(1000000))
- %time for _ in range(10): my_arr = numpy_ * 2
- %time for _ in range(10): my_list = [x * 2 for x in list_]

✓ 0.6s

CPU times: user 12 ms, sys: 3.97 ms, total: 16 ms

Wall time: 16 ms

CPU times: user 524 ms, sys: 101 ms, total: 626 ms

Wall time: 629 ms





NumPy 계산의 편리함 (벡터화)

행렬합 구하기

```
matrix_1 = [[1,2],[3,4]]
matrix_2 = [[5,6],[7,8]]
```

list 계산

numpy 계산





NumPy의 구조상 이점

NumPy의 장점

- 모든 데이터를 하나의 리스트 시퀀스로 다루게 되면 속도↓ 메모리↑

NumPy와 List의 차이점

- NumPy는 모든 원소(items)가 같은 자료형(type)이다.
- NumPy는 내부 배열의 원소 개수가 같아야 한다.
 Ex) np.array([1],[1,2],[1,2,3]) (X)





NumPy 패키지 임포트

- 1.NumPy 패키지의 별칭은 np라는 이름으로 임포트하는 것이 관례!
- 2.아래와 같이 임포트를 해주면 커널이 동작하는 동안 계속 사용 가능!

import numpy as np



√ 0.0s

Python

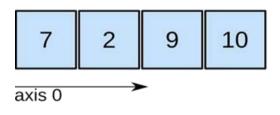




배열 만들기 ndarray

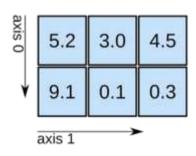
- 넘파이 배열 객체인 ndarray 는 N-dimensional Array의 약자입니다.
- 1차원 배열, 2차원 배열, 3차원 배열 등의 다차원 배열 자료 구조를 지원합니다.

1D array



shape: (4,)

2D array



shape: (2, 3)





다차원 ndarray

0차원 np.array(1)

1차원 np.array([1,2])

2차원 혹은 그 이상 np.array([1,2,3],[4,5,6])

구조 확인 ndarray.shape ndarray.ndim ndarray.size x = np.array([[1, 2, 3], [4, 5, 6]])

print('배열의 구조 : ',x.shape)

print('배열의 차원:', x.ndim)

print('전체 원소의 개수: ',x.size)



0.0s

배열의 구조 : (2, 3)

배열의 차원: 2

전체 원소의 개수: 6





int(8bit, 16bit, 32bit, 64bit)

부호가 있는 정수형

uint(8bit, 16bit, 32bit, 64bit)

부호가 없는 정수형

float(16bit, 32bit, 64bit, 128bit)

부호가 있는 실수형

복소수형

complex64 : 실수(float32),허수(float32)를 가진 복소수 complex128 : 실수(float64),허수(float64)를 가진 복소수

bool (1bit)

True, False





dtype 접두 사	설명	사용 예제
'?'	boolean	?(True, False)
ʻi'	int	i8(64비트)
ʻu'	unsigned int	u8(64비트)
'f'	float	f8(64비트)
'c'	complex	c16(128비트)
'O'	Object	0(객체에 대한 포인터)
'U'	Unicode string	U24(24 유니코드 글자)





dtype='f' : 실수 자료형으로 지정

x.dtype : x의 자료형 확인

유니코드 문자열로 지정된 자료형의 덧셈은 concatenate의 결과를 보여준다.

Ex) '1'+'2'='12'

```
x = np.array([1, 2, 3], dtype='f'
     x.dtype
dtype('float32')
     x[0] + x[1]
3.0
     x = np.array([1, 2, 3], dtype='U'
     x.dtype
dtype('<U1')
```

x[0] + x[1]

NumPy에서는 **무한대**를 표현하기 위해서는 **np.inf**(infinity)로 표현, **정의할 수 없는 숫자**는 **np.nan**(not a number)으로 표현한다.

```
1    np.array([0, 1, -1, 0]) / np.array([1, 0, 0, 0])

<ipython-input-11-6ab12ec6e7a4>:1: RuntimeWarning: divide by zero encountered in true_divide
    np.array([0, 1, -1, 0]) / np.array([1, 0, 0, 0])
    <ipython-input-11-6ab12ec6e7a4>:1: RuntimeWarning: invalid value encountered in true_divide
    np.array([0, 1, -1, 0]) / np.array([1, 0, 0, 0])
    array([ 0., inf, -inf, nan])

1    np.log(0)

<ipython-input-12-f6e7c0610b57>:1: RuntimeWarning: divide by zero encountered in log
    np.log(0)
-inf

1    np.exp(-np.inf)

0.0
```





자료형 연습 문제

1~18의 값을 가지는 shape이 (3, 2, 3) ndarray를 만들어봅시다. 단 자료형은 실수로 합니다.

```
array([[[ 1., 2., 3.], [ 4., 5., 6.]],
```





벡터화 연산(Vectorized Operation)

NumPy 배열 객체는 배열의 각 요소에 대한 반복 연산을 하나의 명령어로 처리 하는 벡터화 연산(Vectorized Operation)을 지원

벡터화 연산(Vectorized Operation)

벡터화 연산은 비교 연산과 논리 연산을 포함한 모든 종류의 수학 연산에 적용

```
a = np.array([1, 2, 3])
b = np.array([10, 20, 30])
2 * a + b
array([12, 24, 36])
a == 2
array([False, True, False])
b > 10
array([False, True, True])
(a == 2) & (b > 10)
array([False, True, False]) 16
```





벡터화 연산(Vectorized Operation) 연습 문제

array([[1, 2, 3], [4, 5, 6]]) 과 array([[7, 8, 9], [10, 11, 12]]를 만들고 이 두 넘파이 배열을 활용하여 아래의 계산 결과를 구해보세요.

```
실행 결과:
array([[ 8, 10, 12],
[14, 16, 18]])
```



벡터화 연산(Vectorized Operation) 연습 문제

1부터 9까지 정수 값을 갖는 1차원 ndarray를 생성하세요.

그리고 그 ndarray를 활용하여 3부터 27까지의 3의 배수를 갖는 ndarray를 출력해보세요.

출력 결과: array([3,6,9,12,15,18,21,24,27])





Slicing

1차원 배열의 인덱스 슬라이싱은 리스트와 동일

$$a = np.array([0, 1, 2, 3, 4])$$

a[2]

2

a[-1]





Slicing

- 다차원 배열의 인덱스 슬라이싱 콤마(comma,)를 사용하여 접근 가능
- 콤마로 구분된 차원을 축(axis)라고 부르며 순서대로 가장 큰 차원부터 접근 x배열(2x3)

	1	2	3
lnsight c	4 ampus	5	6

x[첫번째 차원,두번째 차원]

$$1. x[1,2] == 6$$

$$2. x[0,1] == 2$$



Slicing

```
array([[[ 1, 2, 3],
\vee x = np.array([[[1,2,3],[4,5,6],[7,8,9]],
                                                                  [4, 5, 6],
          [[10,20,30],[40,50,60],[70,80,90]]])
                                                                   [7, 8, 9]],
  display(x)
  print(x.shape)
                                                                  [[10, 20, 30],
                                                                   [40, 50, 60],
  print('x[1,2]:',x[1,2])
                                                                   [70, 80, 90]]])
  print('x[0,2]:',x[0,2])
   0.0s
                                                              (2, 3, 3)
                                                              x[1,2]: [70 80 90]
                                                              x[0,2]: [789]
```





Slicing 다차원

2x3x3 차원이 존재하는 배열 x x[0:,2] => x[0][2], x[1][2] x[0:,1:] => x[0][1], x[0][2], x[1][1], x[1][2]

display('x[o:,2]: ',x[o:,2])

display('x[0:,1:]:',x[0:,1:])

/

0.0s

'x[o:,2]:'

array([[7, 8, 9], [70, 80, 90]])

'x[o:,1:]: '

array([[[4, 5, 6], [7, 8, 9]],

[[40, 50, 60], [70, 80, 90]]])





Slicing 다차원

2x3x3 차원이 존재하는 배열 x x[0:,::2] => x[0][0], x[0][2], x[1][0], x[1][2]

'x[o:,::2] : '

array([[[1, 2, 3],

[7, 8, 9]],

[[10, 20, 30], [70, 80, 90]]])

display('x[o:,::2]: ',x[o:,::2])

/

0.0s





- 1.이 행렬에서 값 7 을 인덱싱한다.
- 2.이 행렬에서 값 14 을 인덱싱한다.
- 3.이 행렬에서 배열 [6, 7] 을 슬라이싱한다.
- 4.이 행렬에서 배열 [7, 12] 을 슬라이싱한다.
- 5.이 행렬에서 배열 [[3, 4], [8, 9]] 을 슬라이싱한다.





```
array([[[ 1, 2, 3], [ 4, 5, 6], [ 7, 8, 9]],
```

[[10, 20, 30],

[40, 50, 60],

[70, 80, 90]],

[[100, 200, 300], [400, 500, 600], [700, 800, 900]]]) 왼쪽과 같은 배열을 만들고 다음 값을 출력하세요.

array([[2, 5, 8],

[20, 50, 80],

[200, 500, 800]])





array([[[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, 9]],

[[10, 20, 30],

[40, 50, 60],

[70, 80, 90]],

[[100, 200, 300],

[400, 500, 600],

[700, 800, 900]]])

왼쪽과 같은 배열을 만들고 다음 값을 출력하세요.

array([[[1, 3]],

[[100, 300]]])





[[10, 20, 30],

[40, 50, 60],

[70, 80, 90]],

[[100, 200, 300], [400, 500, 600], [700, 800, 900]]]) 왼쪽과 같은 배열을 만들고 다음 값을 출력하세요.

array([[[900, 800, 700], [600, 500, 400], [300, 200, 100]],

> [[90, 80, 70], [60, 50, 40], [30, 20, 10]],

[[9, 8, 7], [6, 5, 4], [3, 2, 1]]])





array([[[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, 9]],

[[10, 20, 30],

[40, 50, 60],

[70, 80, 90]],

[[100, 200, 300], [400, 500, 600],

[700, 800, 900]]])

왼쪽과 같은 배열을 만들고 다음 값을 출력하세요.

array([[[3, 2, 1],

[9, 8, 7]],

[[30, 20, 10],

[90, 80, 70]]])





배열 생성

NumPy는 몇가지 단순한 배열을 생성하는 명령을 제공

- zeros, ones
- zeros_like, ones_like
- empty
- arange
- linspace, logspace





Insight campus

배열 생성 (zeros, ones)

- np.zeros((shape), dtype="type")
- shape크기 만큼의 0의 값을 가진 배열을 생성 (type은 지정된 type으로 변환)

```
1  c = np.zeros((5, 2), dtype="i")
2  c

array([[0, 0],
       [0, 0],
       [0, 0],
       [0, 0],
       [0, 0],
       [0, 0]], dtype=int32)
```



배열 생성 (zeros, ones)

- np.ones((shape), dtype="type")
- shape크기 만큼의 1의 값을 가진 배열을 생성 (type은 지정된 type으로 변환)

```
1  e = np.ones((2, 3, 4), dtype="i8")
2  e
```





배열 생성 (zeros_like, ones_like)

- np.ones_like(array, dtype="type")
- array크기 만큼의 1의 값을 가진 배열을 생성 (type은 지정된 type으로 변환)

```
f = np.ones_like(b, dtype="f")
f
```

```
array([[1., 1., 1.],
[1., 1., 1.]], dtype=float32)
```





배열 생성 연습 문제

빈 문자열을 갖는 shape이 (3, 3, 3) ndarray를 만들어봅시다. 단 dtype은 'U10'으로 합니다.

```
array([[[", ", "],
    [", ", "]],
    [[", ", "],
    [", ", "],
    [", ", "]],
    [[", ", "],
     [", ", "]]], dtype='<U10')
```





배열 생성, Slicing 연습 문제

zeros/ones 함수를 사용해서 배열을 만들고 아래와 같은 배열을 만들어보세요.

```
array([[1., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 1.],
     [1., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 1.].
     [1., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 1.],
     [1., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 1.].
     [1., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 1.],
     [1., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 1.],
     [1., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 1.],
     [1., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 1.],
     [1., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 1.],
     [1., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 1.]])
```



배열 생성, Slicing 연습 문제

zeros/ones 함수를 사용해서 배열을 만들고 아래와 같은 배열을 만들어보세요.

[[1. 0. 1. 0. 1. 0. 1. 0. 1. 0.]

[0. 1. 0. 1. 0. 1. 0. 1. 0. 1.]

[1. 0. 1. 0. 1. 0. 1. 0. 1. 0.]

[0. 1. 0. 1. 0. 1. 0. 1. 0. 1.]

[1. 0. 1. 0. 1. 0. 1. 0. 1. 0.]

[0. 1. 0. 1. 0. 1. 0. 1. 0. 1.]

[1. 0. 1. 0. 1. 0. 1. 0. 1. 0.]

[0. 1. 0. 1. 0. 1. 0. 1. 0. 1.]

[1. 0. 1. 0. 1. 0. 1. 0. 1. 0.]

[0. 1. 0. 1. 0. 1. 0. 1. 0. 1.]]





배열 생성 (empty)

- np.empty((shape))
- 배열의 크기가 커지면 초기화 하는데 시간이 증가.
- ->특정한 값으로 초기화 하지 않은 empty명령어를 사용

```
1  g = np.empty((4, 3))
2  g

array([[1.62876606e-316, 2.70810582e-316, 4.64421707e-322],
       [2.70810582e-316, 4.64421707e-322, 2.70810582e-316],
       [5.63923366e-091, 0.00000000e+000, 2.70840305e-316],
       [2.70840305e-316, 2.70840305e-316, 0.00000000e+000]])
```





배열 생성 (arange)

- np.arange(start,end,step)
- NumPy의 range명령어, 특정 규칙에 따라 증가하는 수열 생성

```
1 np.arange(10) # 0 ... n-1
```

```
array([0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9])
```

1 np.arange(3, 21, 2) # 시작, 끝(포함하지 않음), 단계

```
array([ 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 19])
```





배열 생성 (random)

- np.random.random((shape)) : 0~1 균일 분포(모든 값이 동일한 확률)를 따르는 난수를 생성.
- np.random.rand(shape): 0~1의 균일 분포에서 난수 생성
- np.random.randint(start,end,size): start~(end-1)의 균일 분포에서 난수 생성
- np.random.randn(shape) : 가우시안 분포를 따르는 난수 생성

```
print('random : \n', np.random.random((3, 3)))
print('rand : \n', np.random.rand(3,3))
print('randomint : \n', np.random.randint(1, 10, (2, 3)))
print('randn : \n', np.random.randn(3, 3))
```





배열 생성 (linspace, logspace)

- np.linspace(start,stop,num)
- np.logspace(start,stop,num)
- 선형(linspace) 혹은 로그(logspcae) 구간을 지정한 구간의 수만큼 분할

```
ex = np.linspace(0, 100, 5)
ex
```

```
array([ 0., 25., 50., 75., 100.])
```

```
ex2 = np.logspace(0, 100, 5)
ex2
```





배열 생성 (linspace, logspace) 연습 문제

linspace()를 활용하여 다음과 같은 1차원 ndarray를 만들어보세요

[0.1 0.2 0.3 0.4 0.5 0.6 0.7 0.8 0.9]





배열의 크기 변경 (reshape)

- 배열의 내부 데이터를 보존한 채 형태만 변경하기 위해서 reshape을 사용
- 12개의 원소를 가진 1차원 행렬이 존재
 - 1. 3x4 2차원 행렬 변경 가능
 - 2. 2x2x3 3차원 행렬 변경 가능

```
a = np.arange(12)
 2 a
array([ 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11])
    b = a.reshape(3, 4)
   b
array([[ 0, 1, 2, 3],
           9, 10, 11]])
```





배열의 크기 변경 (reshape)

- 배열의 변경할 수 있는 크기가 정해져있기 때문에 튜플의 값 중 하나는 -1로 대체 가능

```
a.reshape(3, -1)
array([[ 0, 1, 2, 3],
      [4, 5, 6, 7],
      [8, 9, 10, 11]])
    a.reshape(2, 2, -1)
array([[[ 0, 1, 2],
       [ 3, 4, 5]],
      [[ 6, 7, 8],
       [ 9, 10, 11]]])
    a.reshape(2, -1, 2)
array([[[ 0, 1],
       [2, 3],
       [4, 5]],
      [[6, 7],
       [8, 9],
       [10, 11]])
```





배열의 크기 변경 (reshape) 연습 문제

1부터 40까지의 짝수를 갖는 ndarray를 arange()로 만듭니다. 그리고 shape을 변경하여 (2, 2, 5)로 변경해보세요.

[2 4 6 8 10 12 14 16 18 20 22 24 26 28 30 32 34 36 38 40]



[[[2 4 6 8 10]

[12 14 16 18 20]]

[[22 24 26 28 30]

[32 34 36 38 40]]]





배열의 크기 변경 (flatten, ravel)

- 다차원 배열을 1차원으로 축소하기 위해서는 flatten, ravel 메소드 사용

```
1 a.flatten()
array([ 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11])
```

1 a.ravel()

```
array([ 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11])
```



배열의 크기 변경 (newaxis)

- 배열의 차원을 증가시키는 경우 np.newaxis를 사용

x.shape : (12,), x.ndim : 1

x.shape: (12, 1), x.ndim: 2





전치 (Transpose)

- 배열의 행과 열의 축을 서로 변경

```
A = np.array([[1, 2, 3], [4, 5, 6]])
 2
    Α
array([[1, 2, 3],
       [4, 5, 6]])
 1 A.T
array([[1, 4],
       [2, 5],
       [3, 6]])
```





배열 결합 (hstack, vstack)

- hstack : 배열을 수평으로 연결

- vstack : 배열을 수직으로 연결

```
hstack(수평연결):
                                                        [ 1 2 3 10 20 30 ]
a = np.array([[1,2,3],[4,5,6]])
                                                         [4 5 6 40 50 60]]
b = np.array([[10,20,30],[40,50,60]])
                                                        vstack(수직연결):
print('hstack(수평연결): \n',np.hstack([a,b]))
                                                        [[1 \ 2 \ 3]]
print()
                                                         4 5 6
print('vstack(수직연결): \n',np.vstack([a,b]))
                                                         [10 20 30]
                                                        [40 50 60]]
0.05
```



배열 결합 연습 문제

- 다음과 동일한 배열을 만들어 보세요.

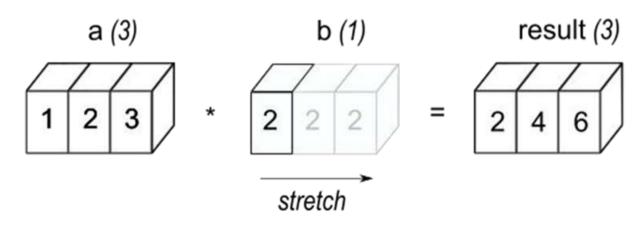
```
0.,
array([[
        0.,
        0.,
              0., 0.,
         0., 0., 0.,
        10.,
             20., 30.,
                        40.,
                              50.1,
        60.,
             70.,
                  80.,
                        90., 100.],
      [110., 120., 130., 140., 150.],
        0., 0.,
                   0.,
                         1.,
        0., 0.,
                   0.,
                         1.,
        0., 0., 0.,
                         1.,
        10.,
             20., 30., 40.,
                              50.],
        60.,
             70., 80.,
                        90.,
                             100.],
      [110., 120., 130., 140., 150.]])
```



브로드캐스팅

- NumPy 배열은 모양이 다른 배열 간의 연산이 가능하도록 배열의 크기를 변환시켜주는 브로드캐스팅(broadcasting)을 지원

- 크기가 작은 배열이 크기가 큰 배열의 크기로 변환







브로드캐스팅

- 브로드캐스팅이 가능하기 때문에 배열x배열보다 배열x스칼라를 이용하는게 더 적은 메모리를 사용

array([2., 4., 6.])





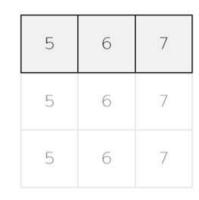
브로드캐스팅 조건

- 브로드캐스팅이 가능하기 위해서는 아래의 조건을 충족해야 한다.

+

- 1. 차원 중 하나가 1인 경우
- 2. 차원의 축의 크기가 동일한 경우

0	0	0
1	1	1
2	2	2



5 6 7 6 7 8 7 8 9

velog.io/@jhdai_ly





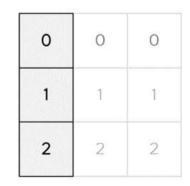
브로드캐스팅 조건

- 브로드캐스팅이 가능하기 위해서는 아래의 조건을 충족해야 한다.

+

- 1. 차원 중 하나가 1인 경우
- 2. 차원의 축의 크기가 동일한 경우

1	1	1
1	1	1
1	1	1



1 1 1 2 2 2 3 3 3

velog.io/@jhdai_ly





NumPy 다양한 메소드

NumPy는 다음과 같은 다양한 메소드를 지원

- 최대/최소 : min, max, argmin, argmax
- 통계: sum, mean, median, std, var
- 불리언: all, any





argmin/argmax

다차원 배열일 경우 배열을 1차원 배열로 축소시켜 인덱스를 반환

- argmin : 해당 배열의 제일 작은 값의 인덱스 반환
- argmax : 해당 배열의 제일 큰 값의 인덱스 반환

```
arr = np.reshape(np.random.randint(100,size=(12)),(2,3,-1))
display(arr)
print('Index : ', np.argmax(arr), ' Value : ',arr.flatten()[np.argmax(arr)])
print('Index : ', np.argmin(arr), ' Value : ', arr.flatten()[np.argmin(arr)])
```



0.0s



argmin/argmax

- axis를 설정하면 해당 축의 가장 큰/작은 값의 인덱스를 반환한다.
- 다차원 배열에서의 axis에 따른 반환값은 해당 차원의 배열들을 비교

```
np.random.seed(1)
arr = np.reshape(np.random.randint(100,size=(24)),(2,3,2,-1))
print(arr.shape)
print(arr)
print('axis=o\n',np.argmax(arr,axis=o))
print('axis=1 \n',np.argmax(arr,axis=1))
print('axis=2 \n',np.argmax(arr,axis=2))
0.0s
```





정렬

- np.sort(array, axis)를 사용하면 축에 따라 배열을 정렬

print(np.sort(arr,axis=0))

/

0.0s

print(np.sort(arr,axis=1))



0.0s

 $[[3 \ 0 \ 3 \ 3]$

[5247]

[57911]]

[[03511]

[3379]

[2 4 5 7]]





정렬

- np.argsort(array, axis)를 사용하면 축에 따라 배열의 순서를 반환

