HW02 analüüs

Lähteülesanne 2021

Batuudikeskusesse ehitati uus batuudiväljak, mis on ristkülikuline, tehtud kõrvuti olevatest ühesuurustest ruudukujulistest batuutidest. Igal batuudil on erinev põrkejõud, mida väljendatakse täisarvuga ja mis võimaldab hüpata edasi vastava arvu batuute. Sellel batuudiväljakul korraldatakse võistlusi, kus start on loodenurgas (NW) ja tuleb jõuda täpselt kagunurka (SE). Hüpata tohib igast kohast ainult idavõi lõunasuunas batuudi põrkejõule vastava batuutide arvu võrra. Üle serva hüppamisel tuleb alustada algusest. On kaks tüüpi batuute: tavalised ja trahviga. Trahviga batuudi peale hüppamisel saab hüppaja nii palju trahviühikut, kui selle batuudi põrkejõud. Batuudiväljakul on ka seinad. Vastu seina hüpates hüppaja maandub eelmisele batuudile. Võidab see, kes jõuab lõppu kõige väiksema arvu hüpetega. Kui kahel mängijal on samapalju hüppeid, võidab see, kel on väiksem trahvi kogusumma. = Hüpata tohib ainult batuudil oleva põrkejõu numbri pikkuseid hüppeid. +- Igal hüppel võib lisaks hoogu ühe batuudi võrra maha võtta või juurde panna, st saab hüpata kas põrkejõu, sellest ühe võrra vähema või ühe võrra rohkema batuudide arvu võrra. Samas kui batuudi põrkejõud on null, siis hüpata ei saa ja "+-" reeglit ei rakendata. Selle reegli vaatamata ei tohi endiselt hüpata põhja- ja läänesuunas.

1 Ülevaade lahenduskäikudest

Antud töö lahendamiseks on kasutatud mitu meetodit - maksimaalselt hea tulemuse andis nii Breadth First Search (BFS) otsingualgoritm meetod~1,~2,~3~ kui ka Depth First Search (DFS) algoritm meetod~4. Klassikaliselt sobib mugandatud BFS ja Dijkstra ning selle edasiarendused lühima tee otsingu jaoks paremini.

- Meetod 1 Kasutatakse hüpete jaoks graafe, mis määravad hüppamise kõik võimalikud kombinatsioonid. Seejärel otsitakse graafidest BFS algoritmiga parimad teekonnad ning lõpuks leitakse uuesti DFS algoritmiga vähima trahviga teekond. See lahendus sobib ja leiab lõpliku teekonna, kuid suuremate siseandemetega tekib aegluse probleem. Seetõttu on meetodis 2 loobutud graafidest.
- Meetod 2 keskendub BFS otsingule graafe kasutamata. Lisaks arvestatakse ka kohe trahvisüsteemiga, et mitte korrata sama algoritmi mitu korda. See meetod jookseb võrreldes eelmisega poole kiiremini, kuid siiski jääb selle kiirusest väheks testides testLevel5, testLevel6. Selleks, et seda probleemi lahendada, on antud meetodit optimiseeritud ning proovitud meetodit 3.
- Põhimeetod Meetod 3 Optimeeritud on suuremad meetodi 2 kitsaskohad näiteks seinte otsing on optimaalsem ja kiirem. Lisaks on võetud kasutusele primitiivsed struktuurid, ei kasuta HashMap'e, vaid pigem maatrikseid, mis annab veidi parema tulemuse. Meetod 3 on antud ülesande lahendi põhimeetod, mis küll läbib kõik testid, kuid testLevel5, testLevel6 läbimiseks lõpetab napilt enne lävendi lõppu. Seetõttu on ka proovitud veel üht lähenemist meetod 4.
- Meetod 4 DFS algoritm on ülesehituselt sarnane BFSiga, kuid tööpõhimõte on teine. See algoritm tundub töötavat küll veidi efektiivsemalt, kuid programmi lõpetamise kiirus ei erine BFS-st suurel määral. DFS ei tundu klassikaliset antud ülesande lahendiks kõige paremini, see vajab häälestamist ja optimeerimist.

BFS leiab korrektse lahenduse, kuna algoritm kontrollib kõiki hüpete võimalusi, samal ajal hoiab meeles, milline lahend on parim. Otsing hargneb alguspunktist laiali, leitakse järgmised hüpped ja seejärel järgmised ... jne. Kontrolli käigus võrreldakse käesolevat teekonna pikkust parima teadaoleva pikkusega läbi mingi punti, mida hoitakse mälus. Juhul kui seda hüpet on juba külastatud, kontrollib kõigepealt teekonna pikkust, eelistatakse alati lühimat. Kui pikkused on võrdsed, siis kontrollib, läbi millise hüppe

on väiksem trahv. Õige lahenduse leidmiseks aitab kaasa parima pikkuse, väiksema trahvi ja parima teekonna meeleshoidmine ja uuendamine, kui otsing leiab midagi sobivamat. Kui BFS töö lõpetab, jääb järgi vaid teekond õigsesse formaati teisendada ja tulemus on käes.

Keerukuse hinnanguks kujuneb maatriksi andmestruktuuri tõttu halvimal juhul $O(n^2)$

2 Meetodite detailsemad kirjeldused

2.1 Meetod 1 kirjeldus

Klassid Vertex, Graph, BFSGraph. Otsingualgoritm BFS.

Vertex kirjeldab ühte node'i - tema tüüp, trahvi suurus ja ühendused. Vertexid on omavahel ühendatud. Graph klassis luuakse ühenduste struktuur. BFSGraph klassis olev otsingufunktsioon tegeleb sellest struktuurist otsinguga.

Idee on luua võimalike teekondade määramiseks graafi struktuur. Graafi loomisel arvestatakse hüpetega (=,+,-) ja luuakse seosed kuidas punktist edasi liikuda. Pluss-miinus variandi puhul on tõenäoline, et ühest graafist hargneb välja 6 ühendust järgmistesse graafidesse. Graafi ehitamine on antud meetodi keerukam osa, selles faasis kontrollitakse ka võimalikke seinu, et luua õiged seoses punktide vahel. Kui graaf on loodud, käivitatakse parimate/lühimate teekondade otsing ja kui need on leitud, käivitatakse väiksema trahviga teekonna otsing.

```
public class HW02 {
       @Override
       public Result play(Trampoline[][] map) {
           Graph graph = new Graph();
           graph.createGraph(map);
           {\tt var \ start = graph.getStartVertex();}
           var end = graph.getEndVertex();
9
           BFSGraph \ bfs = new \ BFSGraph();
           var shortestRoutes = bfs.searchAllShortestRoutes(start, end);
           var routeWithLowestFine = bfs.searchRouteLowestFine(end, start, shortestRoutes);
12
           var finalRoute = bfs.getRoute(routeWithLowestFine, start, end);
           var jumps = routeToJumps(finalRoute, end);
14
           return new Result() {
17
18
19
           };
      }
20
```

2.2 Meetod 2 kirjeldus

Klass BFSMatrix peafunktsioon straightSearch(Trampoline[][] map)

Graafiga ülesande lahendus võtab liiga palju aega, suurem osa kulub graafi ja vajalike ühenduste loomisele. Meetod 2 on ilma graafita variant. Idee BFSiga otsinguks jäi samaks, seega teekonna otsingu idee ei muutunud. Küll aga kontrollitakse kohe otsingu ajal nii parimat distantsi kui ka vähimat trahvi juhul, kui pikkus ühest ja teisest teekonnast on samad. See tähendab, et loobutakse ühest lisaotsingust, mis meetodis 1 tehakse. Kui parim teekond on teada, väljastatakse see sobivasse formaati. Meetod 2 on kiirem kui meetod 1, kuid leiduvad ka kitsaskohad, mida on meetodis 3 optimeeritud.

```
public class HW02 {

@Override
```

2.3 Meetod 3 kirjeldus

 $Klass\ BFSMatrix\ peafunktsioon\ straightSearchWithoutMaps(Trampoline[][]\ map)\ koos\ abifunktsioonidega.$

Lahenduskäiguks on kasutusse võetud maatriksid eelnevate HashMapide struktuuride asemel. Java IntelliJ Profiler tool näitas, et suure osa ajast veedab otsing programmi käivituse ajal hashmapist andmete otsingule. See probleem kaob maatriksite kasutuselevõtuga. Teine optimeerimine toimub seinte otsingus, kus iga punkti jaoks kontrolliti seinu ainult sobivas vahemikus otse sisendandmetest. Selle asemel hoitakse mälus info rea/veeru seinte kohta. Kui punkt esmakordselt otsingusse seinud otsima läheb, luuakse seinte info jooksvalt kogu rea/veeru ulatuses. Selline andmestik lubab programmil kiiremini seintest eelnevatele punktide jaoks arvutusi teha. Kasutatav algoritm ei ole muutunud, kasutatakse BFS, teatavate optimeerimistega. Mälus hoitakse info parima teekonna, trahvide ja parima distantsi kohta iga punkti kohta. Antud meetod läbib küll kõik testid, kuid vaevaliselt alla 5-sekundi lävendi, ilmselt on võimalik muu algoritmiga parem tulemus saavutada.

```
public class HW02 {

@Override
public Result play(Trampoline[][] map) {

BFSMatrix bfs = new BFSMatrix();

var res = bfs.straightSearchWithoutMaps(map);

return new Result() {

...

}

}

}

}

}

}

}
```

```
public class BFSMatrix {
       {\tt public}\ \ Method 2 Result Without Maps\ straight Search Without Maps\ (Trampoline\ [\ ]\ [\ ]\ \ map)\ \ \{
           //null checks and var inits
           unvisitedQueue.add(start);
           while (!unvisitedQueue.isEmpty() && !found) { //where can still jump
6
               var point = unvisitedQueue.poll();
               if (point.equals(end)) found = true;
9
               var children = getLandingPoints(point, map); //new jumps
               var fine = getAccumulatedFine(point);
               var newChildDistance = getAccumulatedDistance(point) + 1;
12
14
               for (var child : children) {
                   var currentChildDistance = getAccumulatedDistance(child);
                   var newChildFine = fine + getTrampolineFine(child);
                   var currentChildFine = getAccumulatedFine(child);
17
18
                    if (notVisited(child) || newChildDistance < currentChildDistance) { //
                        shorter
20
                        updateDistance(child, newChildDistance);
                        updateRoute(child, point);
21
                        updateFine(child, newChildFine);
22
                        unvisited Queue.add(child);
23
24
```

```
} else if (newChildFine < currentChildFine && newChildDistance \Longrightarrow
                        currentChildDistance) { //same distance but better
                         updateRoute(child, point);
26
                         updateFine(child, newChildFine);
27
                         unvisitedQueue.add(child);
28
29
30
31
           var totalFine = getAccumulatedFine(end);
32
33
           return new Method2ResultWithoutMaps(routeMap, totalFine, end, start);
34
3.5
```

2.4 Meetod 4 kirjeldus

Klass DFS peafunktsioon search(Trampoline[][] map) koos abifunktsioonidega.

Viimaseks meetodiks kasutatakse DFS otsingualgortimi. See algoritm tundub küll efektiivsem, kuid selle optimeerimine lühima ja parima teekonna arvutuseks osutus arvatust keerulisemaks. Idee on sama, mis BFS, kuid DFSis kasutatakse stack andmestruktuuri, mis lubab teekonnal koheselt lõppu jõuda. DFS puhul läheb otsing sügavuti, mitte ei hargne laiali, otsib lõpp-punkti minnes ühte haru pidi kogu aeg. Kui ühte teed pidi ei leia, siis tuleb sammu tagasi ja proovib teist teed pidi lõppu leida. Kui child on läbi käidud, aga uus distants sellele on parem kui enne, siis tuleb ta uuesti stacki panna, et läbi selle childi uuesti tee lõppu arvutada ja uuendada lõpuni viivad distantsid väiksemaks. Üldiselt võib öelda, et DFS meetod 4 ja BFS meetod 3 on antud ülesande lahendamisel ajaliselt samaväärsed, keerukus on sama.

3 Lahendusmeetodite ja algoritmide katsetused

Selleks, et võrralda kõiki meetodeid, on loodud sisendmaatriksid 1000, 1500 ja 2000 elemendiga. 2000 elemendi testis on maatriksis iga punkti (trampoline) väärtuseks 2, hüpete arv ühest punktis on 6. Selgelt on näha, et graafi loomine võtab liiga kaua aega, samas, algoritm BFS optimeerimisel on võimalik saavutada testri täispunktisumma. On ka näha, et DFS ja BFS algoritmide implementatsioon on enamvähem võrdväärse tulemusega.

Meetod 1	Meetod 2	Meetod 3	Meetod 4
BFS Graaf	BFS HashMap	BFS Maatriks	DFS Maatriks
1000x1000 ühed	1000x1000 ühed	1000x1000 ühed	1000x1000 ühed
graafi loomine 8,650s	otsing 10,586s	otsing $2,059s$	otsing 1,750s
otsing $4,593s$	teekond 0,012s	teekond 0,013s	teekond 0,013s
parima otsing 3,984s			
teekond $0.001s$			
1500x1500 ühed	1500x1500 ühed	1500x1500 ühed	1500x1500 ühed
graafi loomine 32,346s	otsing 33,368s	otsing 2,522s	otsing 2,451s
otsing $12,769s$	teekond 0,012s	teekond 0,013s	teekond 0,011s
parima otsing 12,528s			
teekond $0,004s$			
2000x2000 kahed	2000x2000 kahed	2000x2000 kahed	2000x2000 kahed
ei lõpetanud	otsing 123,636s	otsing 3,986s	otsing 3,453s
	teekond 0,016s	teekond 0,011s	teekond 0,008s

Kokkuvõte

Ülesande lahendamisel on kasutatud mitmeid meetodeid, põhiliselt on kasutatud BFS ja DFS algoritme. Selleks, et läbida testid, on vaja BFS ja DFS optimeerida. Käesolev töö andis võimaluse proovida ja võrrelda erinevaid lähenemisi ja andmestruktuure. Antud lahenduse keerukus on halvimal juhul $O(n^2)$, testLevel5 on läbitud 4,648 sekundiga (timeout 5s), seega on ilmselt võimalik ülesannet ka paremini lahendada.