Лабораторная работа №6

Модель эпидемии

Дворкина Е. В.

18 марта 2025

Российский университет дружбы народов, Москва, Россия

Докладчик

- Дворкина Ева Владимировна
- студентка
- · группа НФИбд-01-22
- Российский университет дружбы народов
- · 1132226447@rudn.ru
- https://github.com/evdvorkina



Цель работы

Исследовать простейшую математическую модель эпидемии (SIR).

На одном острове вспыхнула эпидемия. Известно, что из всех проживающих на острове (N=12700) в момент начала эпидемии (t=0) число заболевших людей (являющихся распространителями инфекции) I(0)=170, А число здоровых людей с иммунитетом к болезни R(0)=57. Таким образом, число людей восприимчивых к болезни, но пока здоровых, в начальный момент времени S(0)=N-I(0)-R(0).

Постройте графики изменения числа особей в каждой из трех групп. Рассмотрите, как будет протекать эпидемия в случае:

- 1. если $I(0) \leq I^*$;
- 2. если $I(0) > I^*$.

Выполнение лабораторной работы

Реализация в Julia

using Differential Equations, Plots

$$N = 12700$$

$$I_{0} = 170$$

$$R_{0} = 57$$

$$S_{0} = N - I_{0} - R_{0}$$

$$u_{0} = [S_{0}, I_{0}, R_{0}]$$

$$p = [0.5, 0.1]$$

$$tspan = (0.0, 50.0)$$

```
function sir 2(u,p,t)
    (S,I,R) = u
    (b, c) = p
    dS = 0
    dI = -c*I
    dR = c*I
    return [dS, dI, dR]
end
prob 2 = ODEProblem(sir 2, u0, tspan, p)
sol 2 = solve(prob 2. Tsit5(). saveat = 0.1)
plot(sol 2, label = ["S" "I" "R"])
```

Реализация в Julia. Случай $I(0) \leq I^*$

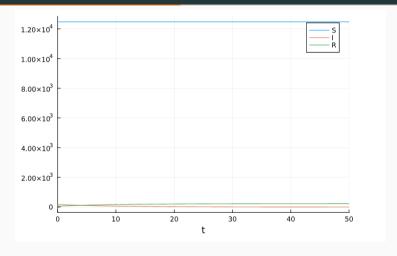


Рис. 1: График изменения числа особей для случая $I(0) \leq I^*$. Julia

```
function sir(u,p,t)
    (S,I,R) = u
    (b, c) = p
    dS = -(b*S)
    dI = (b*S) - c*I
    dR = c*I
    return [dS, dI, dR]
end
prob = ODEProblem(sir, u0, tspan, p)
sol = solve(prob. Tsit5(), saveat = 0.1)
plot(sol. label = ["S" "I" "R"])
```

Случай $I(0)>I^{st}$

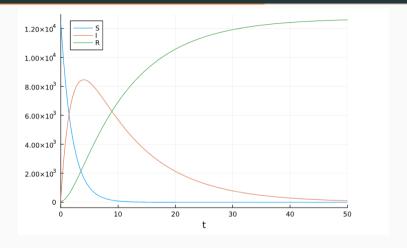


Рис. 2: График изменения числа особей для случая $I(0)>I^*$. Julia

Реализация в OpenModelica. Задание параметров

```
parameter Real I_0 = 170;
parameter Real R_0 = 57;
parameter Real N = 12700;
parameter Real S_0 = N-I_0-R_0;
parameter Real b = 0.5;
parameter Real c = 0.1;
```

Реализация в OpenModelica. Случай $I(0) \leq I^*$

```
Real S(start=S_0);
Real I(start=I_0);
Real R(start=R_0);

equation
  der(S) = 0;
  der(I) = - c*I;
  der(R) = c*I;
```

Реализация в OpenModelica. Случай $I(0) \leq I^*$

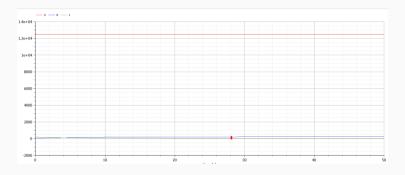


Рис. 3: График изменения числа особей для случая $I(0) \leq I^*$. OpenModelica

Реализация в OpenModelica. Случай $I(0)>I^{st}$

```
Real S(start=S_0);
Real I(start=I_0);
Real R(start=R_0);

equation
  der(S) = -b*S;
  der(I) = b*S - c*I;
  der(R) = c*I;
```

Реализация в OpenModelica. Случай $I(0)>I^{st}$

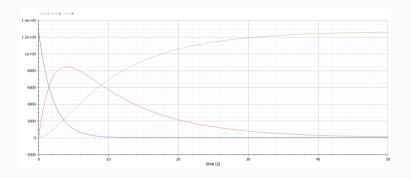


Рис. 4: График изменения числа особей для случая $I(0)>I^*$. OpenModelica



Построили математическую модель эпидемии.