Лабораторная работа № 11

Модель системы массового обслуживания M|M|1

Дворкина Ева Владимировна

Содержание

# 1 Введение

## 1.1 Цели и задачи

**Цель работы**

Реализовать в CPN Tools модель системы массового обслуживания M|M|1.

**Задание**

* Реализовать в CPN Tools модель системы массового обслуживания M|M|1.
* Настроить мониторинг параметров моделируемой системы и нарисовать графики очереди.

# 2 Теоретическое введение

CPN Tools — специальное программное средство, предназначенное для моделирования иерархических временных раскрашенных сетей Петри. Такие сети эквивалентны машине Тьюринга и составляют универсальную алгоритмическую систему, позволяющую описать произвольный объект [1].

CPN Tools позволяет визуализировать модель с помощью графа сети Петри и при- менить язык программирования CPN ML (Colored Petri Net Markup Language) для формализованного описания модели.

Назначение CPN Tools:

* разработка сложных объектов и моделирование процессов в различных прикладных областях, в том числе:
* моделирование производственных и бизнес-процессов;
* моделирование систем управления производственными системами и роботами;
* спецификация и верификация протоколов, оценка пропускной способности сетей и качества обслуживания, проектирование телекоммуникационных устройств и сетей.

# 3 Выполнение лабораторной работы

## 3.1 Постановка задачи

В систему поступает поток заявок двух типов, распределённый по пуассоновскому закону. Заявки поступают в очередь сервера на обработку. Дисциплина очереди FIFO. Если сервер находится в режиме ожидания (нет заявок на сервере), то заявка поступает на обработку сервером [2].

## 3.2 Реализация модели системы массового обслуживания M|M|1 в CPN Tools

Модель состоит из трех отдельных листов: на первом листе опишем граф системы (рис. 1):, на втором — генератор заявок (рис. 2):, на третьем — сервер обработки заявок (рис. 3).

Сеть имеет 2 позиции (очередь — Queue, обслуженные заявки — Complited) и два перехода (генерировать заявку — Arrivals, передать заявку на обработку серверу – Server). Переходы имеют сложную иерархическую структуру, задаваемую на отдельных листах модели (с помощью соответствующего инструмента меню – Hierarchy).

Между переходом Arrivals и позицией Queue, а также между позицией Queue и переходом Server установлена дуплексная связь. Между переходом Server и позицией Complited — односторонняя связь.

Граф генератора заявок имеет 3 позиции (текущая заявка — Init, следующая заявка — Next, очередь — Queue из листа System) и 2 перехода (Init — определяет распределение поступления заявок по экспоненциальному закону с интенсивностью 100 заявок в единицу времени, Arrive — определяет поступление заявок в очередь).

Граф процесса обработки заявок на сервере имеет 4 позиции (Busy — сервер занят, Idle — сервер в режиме ожидания, Queue и Complited из листа System) и 2 перехода (Start — начать обработку заявки, Stop — закончить обработку заявки).

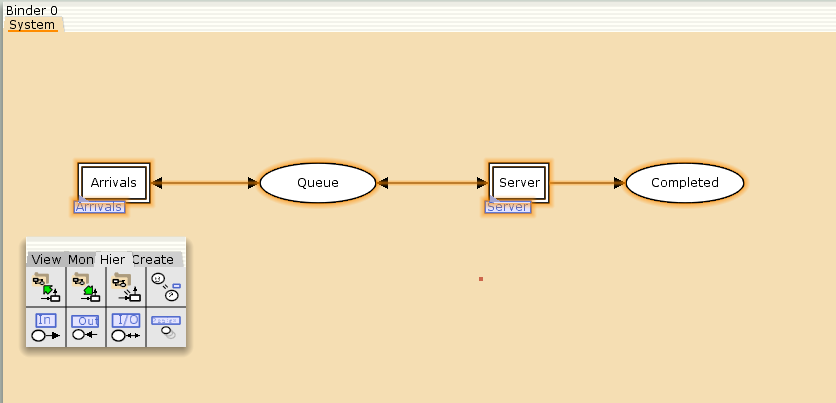


Рис. 1: Граф сети системы обработки заявок в очередь

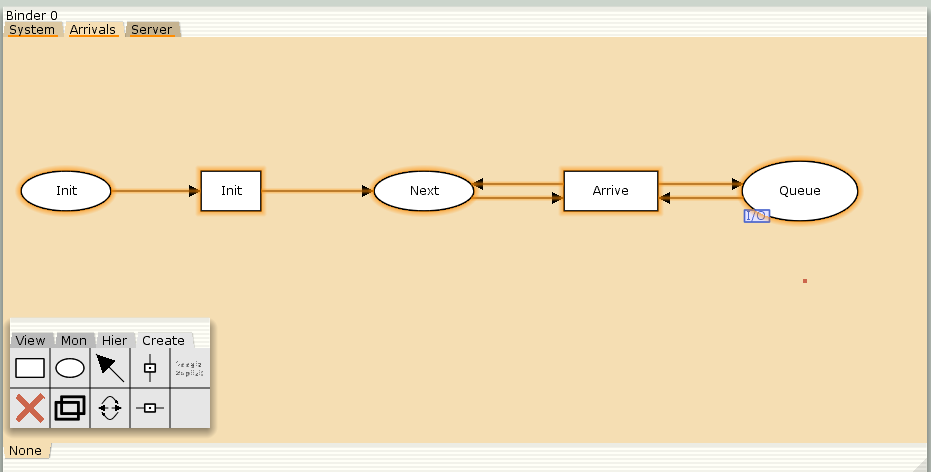


Рис. 2: Граф генератора заявок системы

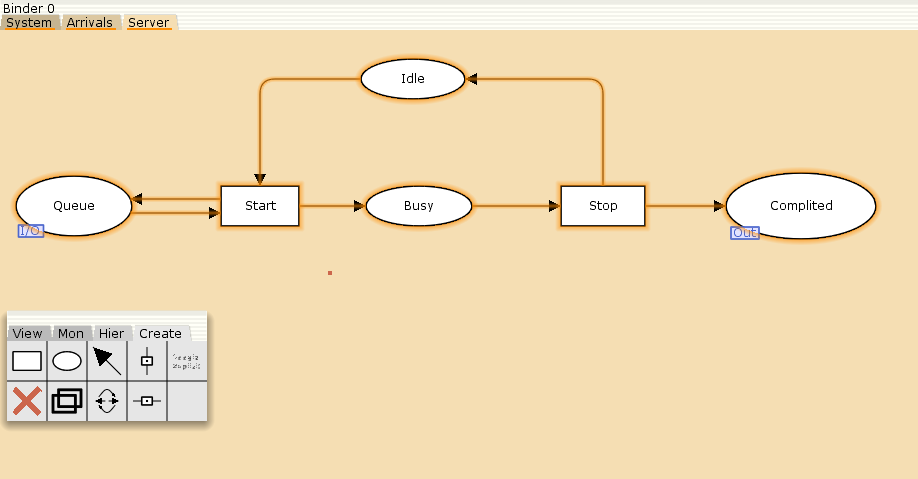


Рис. 3: Граф процесса обработки заявок на сервере системы

Зададим декларации системы (рис. 4-6).

Определим множества цветов системы (colorset): - фишки типа UNIT определяют моменты времени; - фишки типа INT определяют моменты поступления заявок в систему. - фишки типа JobType определяют 2 типа заявок — A и B; - кортеж Job имеет 2 поля: jobType определяет тип работы, соответственно имеет тип JobType, поле AT имеет тип INT и используется для хранения времени нахождения заявки в системе; - фишки Jobs — список заявок; - фишки типа ServerxJob — определяют состояние сервера, занятого обработкой заявок.

Переменные модели: - proctime — определяет время обработки заявки; - job — определяет тип заявки; - jobs — определяет поступление заявок в очередь

Функции модели: - функция expTime описывает генерацию целочисленных значений через интервалы времени, распределённые по экспоненциальному закону; - функция intTime преобразует текущее модельное время в целое число; - функция newJob возвращает значение из набора Job — случайный выбор типа заявки (A или B)

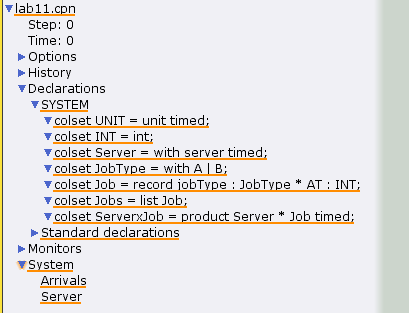


Рис. 4: Определения множества цветов системы

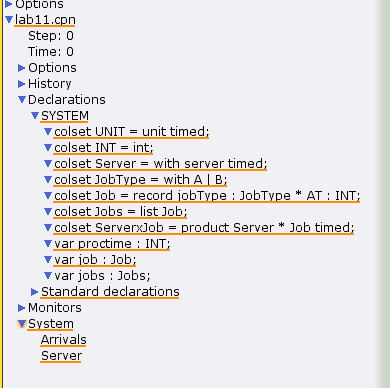


Рис. 5: Определение переменных модели

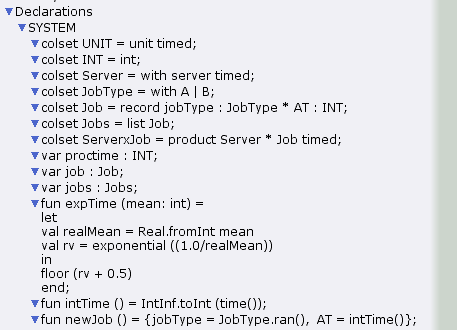


Рис. 6: Определение функций системы

Зададим параметры модели на графах сети.

На листе System (рис. 7): - у позиции Queue множество цветов фишек — Jobs; начальная маркировка 1`[] определяет, что изначально очередь пуста. - у позиции Completed множество цветов фишек — Job.

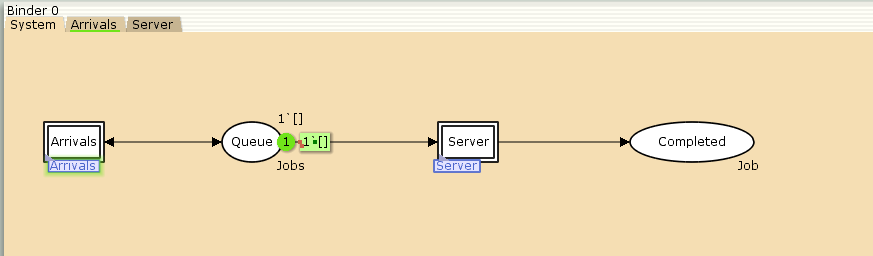


Рис. 7: Параметры элементов основного графа системы обработки заявок в очереди

На листе Arrivals (рис. 8): - у позиции Init: множество цветов фишек — UNIT; начальная маркировка 1`()[**0?**] определяет, что поступление заявок в систему начинается с нулевого момента времени; - у позиции Next: множество цветов фишек — UNIT; - на дуге от позиции Init к переходу Init выражение () задаёт генерацию заявок; - на дуге от переходов Init и Arrive к позиции Next выражение ()@+expTime(100) задаёт экспоненциальное распределение времени между поступлениями заявок; - на дуге от позиции Next к переходу Arrive выражение () задаёт перемещение фишки; - на дуге от перехода Arrive к позиции Queue выражение jobs^[[1]](#footnote-45) задает поступление заявки в очередь; - на дуге от позиции Queue к переходу Arrive выражение jobs задаёт обратную связь.

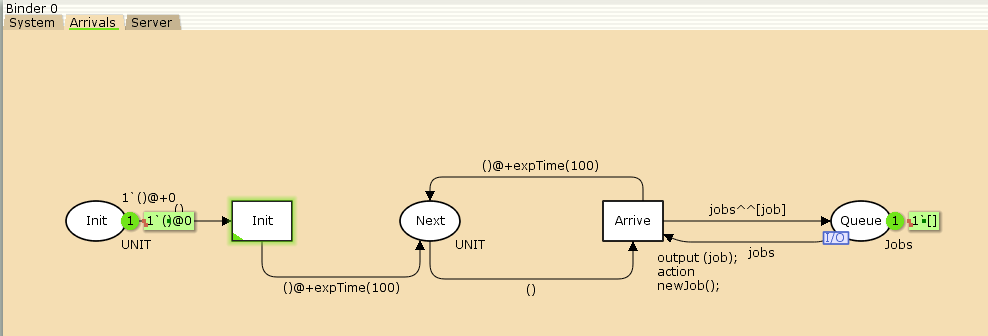


Рис. 8: Параметры элементов генератора заявок системы

На листе Server (рис. 9): - у позиции Busy: множество цветов фишек — Server, начальное значение маркировки — 1`server@0 определяет, что изначально на сервере нет заявок наобслуживание; - у позиции Idle: множество цветов фишек — ServerxJob; - переход Start имеет сегмент кода output (proctime); action expTime(90); определяющий, что время обслуживания заявки распределено по экспоненциальному закону со средним временем обработки в 90 единиц времени; - на дуге от позиции Queue к переходу Start выражение job::jobs определяет, что сервер может начать обработку заявки, если в очереди есть хотя бы одна заявка; - на дуге от перехода Start к позиции Busy выражение (server,job)@+proctime запускает функцию расчёта времени обработки заявки на сервере; - на дуге от позиции Busy к переходу Stop выражение (server,job) говорит о завершении обработки заявки на сервере; - на дуге от перехода Stop к позиции Completed выражение job показывает, что заявка считается обслуженной; - выражение server на дугах от и к позиции Idle определяет изменение состояние сервера (обрабатывает заявки или ожидает); - на дуге от перехода Start к позиции Queue выражение jobs задаёт обратную связь.

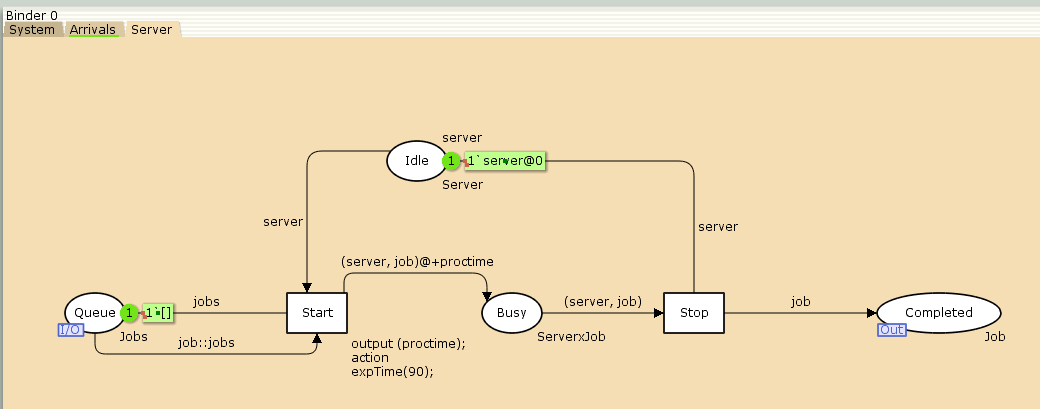


Рис. 9: Параметры элементов обработчика заявок системы

После добавления всех параметров система начинает работать (рис. 10)

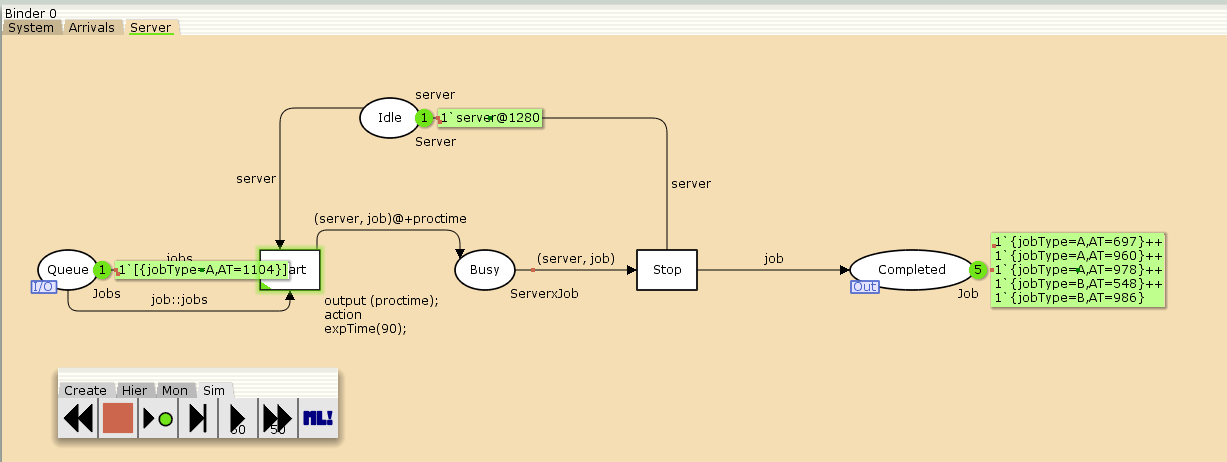


Рис. 10: Запуск системы обработки заявок в очереди

## 3.3 Мониторинг параметров моделируемой системы

Потребуется палитра Monitoring. Выбираем Break Point (точка останова) и устанавливаем её на переход Start. После этого в разделе меню Monitor появится новый подраздел, который назовём Ostanovka. В этом подразделе необходимо внести изменения в функцию Predicate, которая будет выполняться при запуске монитора. Зададим число шагов, через которое будем останавливать мониторинг. Для этого true заменим на Queue\_Delay.count()=200 (рис. 11).

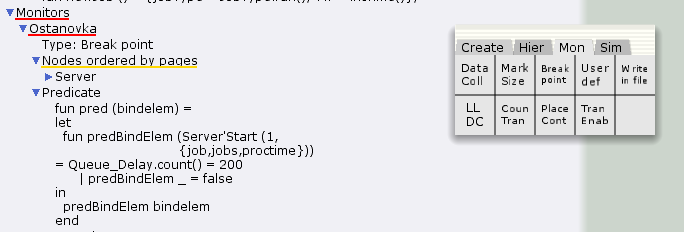


Рис. 11: Функция Predicate монитора Ostanovka

Необходимо определить конструкцию Queue\_Delay.count() . С помощью палитры Monitoring выбираем Data Call и устанавливаем на переходе Start. Появившийся в меню монитор называем Queue Delay (без подчеркивания). Функция Observer выполняется тогда, когда функция предикатора выдаёт значение true. По умолчанию функция выдаёт 0 или унарный минус (~1), подчёркивание обозначает произвольный аргумент. Изменим её так, чтобы получить значение задержки в очереди. Для этого необходимо из текущего времени intTime() вычесть временную метку AT , означающую приход заявки в очередь (рис. 12)..

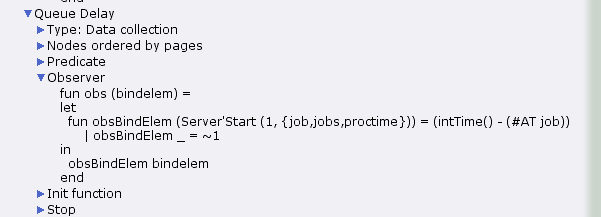


Рис. 12: Функция Observer монитора Queue Delay

Посчитаем задержку в действительных значениях. С помощью палитры Monitoring выбираем Data Call и устанавливаем на переходе Start. Появившийся в меню монитор называем Queue Delay Real. Функцию Observer изменим следующим образом (рис. 13):

По сравнению с предыдущим описанием функции добавлено преобразование значения функции из целого в действительное, при этом obsBindElem \_ принимает значение ~1.0. После запуска программы на выполнение в каталоге с кодом программы появится файл Queue\_Delay\_Real.log с содержимым, аналогичным содержимому файла Queue\_Delay.log, но значения задержки имеют действительный тип.

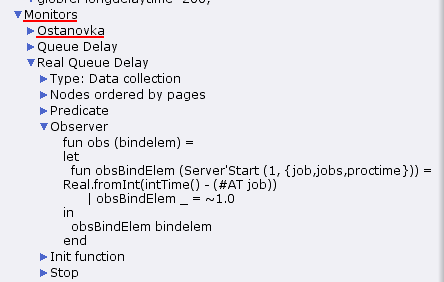


Рис. 13: Функция Observer монитора Queue Delay Real

Посчитаем, сколько раз задержка превысила заданное значение. С помощью палитры Monitoring выбираем Data Call и устанавливаем на переходе Start. Монитор называем Long Delay Time. Функцию Observer изменим следующим образом(рис. 14):

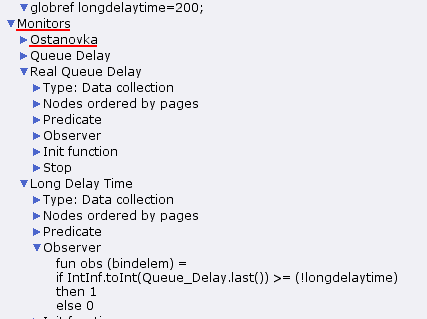


Рис. 14: Функция Observer монитора Long Delay Time

После запуска программы на выполнение в каталоге с кодом программы появится файл Queue\_Delay.log, содержащий в первой колонке — значение задержки очереди, во второй — счётчик, в третьей — шаг, в четвёртой — время. С помощью gnuplot можно построить график значений задержки в очереди (рис. 15), выбрав по оси x время, а по оси y — значения задержки:

#!/usr/bin/gnuplot -persist  
# задаём текстовую кодировку,  
# тип терминала, тип и размер шрифта  
set encoding utf8  
set term pdfcairo font "Arial,9"  
# задаём выходной файл графика  
set out 'qm.pdf'  
# задаём стиль линии  
set style line 2  
plot "Queue\_Delay.log" using ($4):($1) with lines

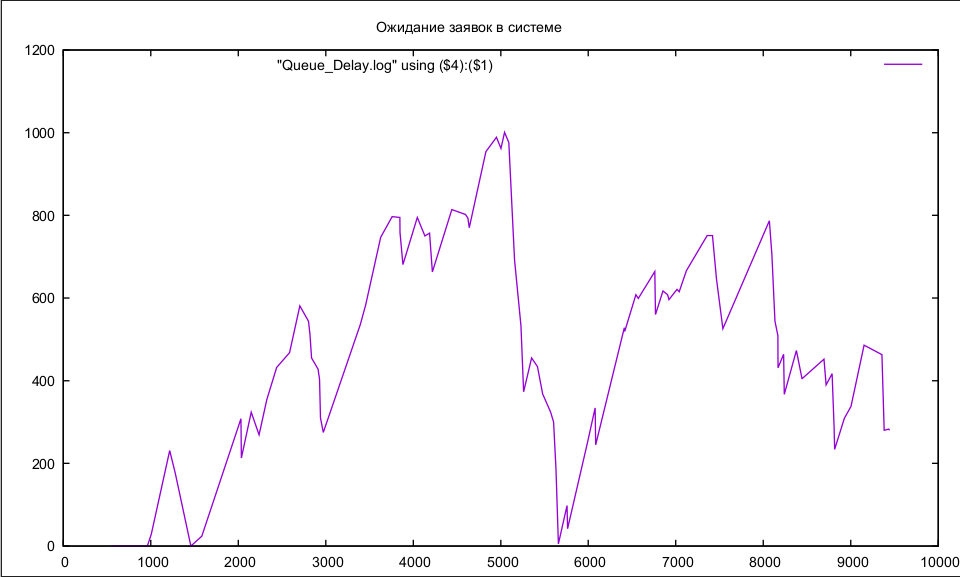


Рис. 15: График изменения задержки в очереди

С помощью gnuplot можно построить график (рис. 16), демонстрирующий, в какие периоды времени значения задержки в очереди превышали заданное значение 200.

#!/usr/bin/gnuplot -persist  
# задаём текстовую кодировку,  
# тип терминала, тип и размер шрифта  
set encoding utf8  
set term pdfcairo font "Arial,9"  
# задаём выходной файл графика  
set out 'qm.pdf'  
# задаём стиль линии  
set style line 2  
plot [0:] [0:1.2] "Long\_Delay\_Time.log" using ($4):($1) with lines

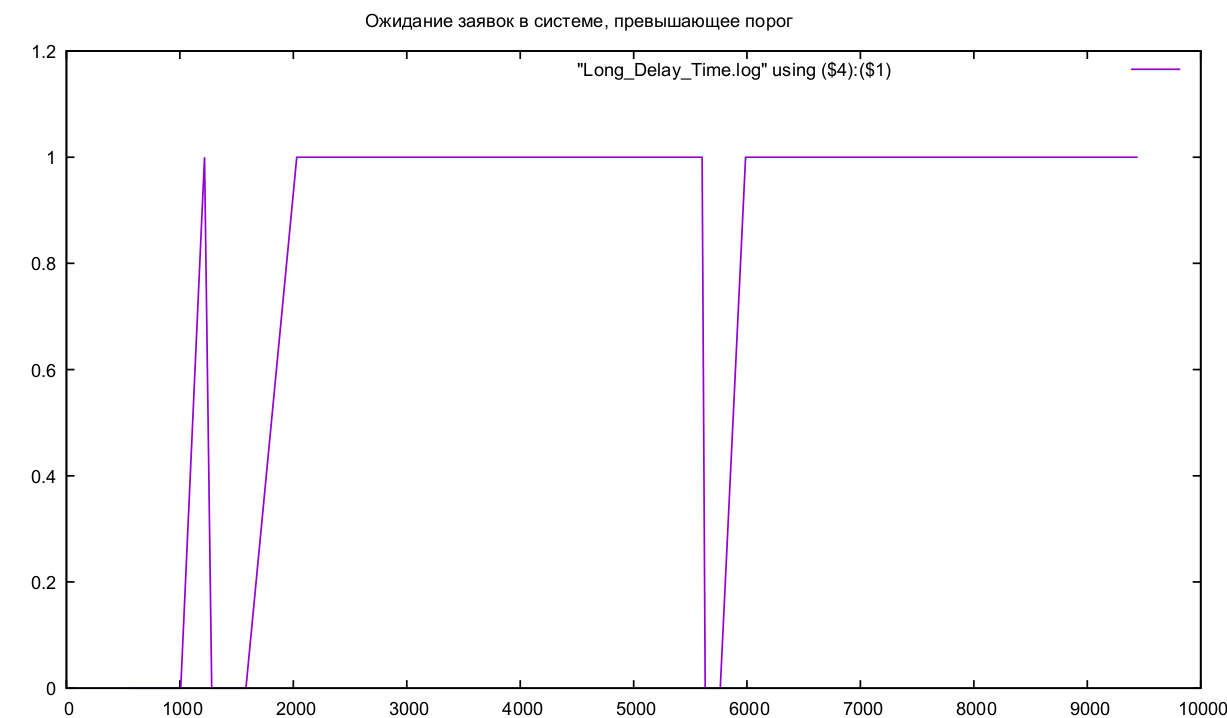


Рис. 16: Периоды времени, когда значения задержки в очереди превышали заданное значение

# 4 Выводы

В результате выполнения работы была реализована в CPN Tools модель системы массового обслуживания M|M|1.

# Список литературы

1. Королькова А.В., Кулябов Д.С. Сети Петри. Моделирование в CPN Tools [Электронный ресурс].

2. Королькова А.В., Кулябов Д.С. Лабораторная работа 11. Модель системы массового обслуживания M|M|1 [Электронный ресурс].

1. job [↑](#footnote-ref-45)