# 同济大学计算机系 现代密码学课程设计 说明书



 学
 号
 2252552

 姓
 名
 胡译文

 专
 业
 信息安全

# 目录

一、	设计思路	1
	RSA 加密解密	
	RSA 签名方案	
	简单证书方案	
	证书库 (PKI)	
	心得体会	

# 一、设计思路

在主程序中设计一个菜单栏,可以选择四个任务项的测试模块。在光标处输入对应的数字即可转到相应的测试模块或退出,菜单项按顺序分别是: RSA 加/解密, RSA 签名,简单证书方案, PKI(或证书库),退出。

```
* MENU

* 1. RSA encode/decode

* 2. RSA sign

* 3. simple certificate

* 4. PKI

* 5. quit

please choose one to continue:
```

每个测试模块函数单独写在 test\_XXX.cpp 文件中,通过包含头文件的方式关联对应的功能模块。每个任务项都由 xxx.h 以及同名的 xxx.cpp 文件实现完整的功能。如下图为证书库任务的功能模块与测试模块。

```
PKI.cpp #
                      test certrepo.cpp 😕 🗙 main.cpp
ECrypto
                                                         (全局
           ⊟#include"PKI.h"
             #include (NTL/ZZ. h)
      2
             #include(sstream)
      3
             #include(fstream)
      4
      5
           Eusing namespace std;
      6
            using namespace NTL;
           Eint test_certrepo() {
      8
                 Cert Repo CR;
      9
                 CA CA root ("CA root"):
     10
                 CA root. makeCertificate2(CA root);
     11
                 CR. addCertificate(CA_root, "CA_root");
     12
                 CA CA1 ("CA1");
     13
                 CA_root.makeCertificate2(CA1);
     14
                 CR. addCertificate(CA1, "CA_root");
     15
                 CA CA2 ("CA2");
     16
                 CA_root.makeCertificate2(CA2);
     17
                 CR. addCertificate(CA2, "CA_root");
     18
```

# 二、RSA 加密解密

# 1. NTL 库的配置和使用

#### 1.1. NTL 简介

NTL 是一种高性能的可移植 C++库,提供用于处理带符号的任意长度整数以及整数和有限域上的矢量,矩阵和多项式的数据结构和算法。

# 1.2. NTL 的安装和配置

本次实验中采用的 NTL 版本为: WinNTL-11 5 1

将 NTL 安装好后,在 vs2019 中创建一个静态库新项目。将 NTL 源码包中 src 目

录的文件全部添加到工程中。

然后在工程上右键-属性-c++配置-常规,在附加包含目录中添加 NTL 源码包中 include 目录的路径,修改 SDL 检查为否。在 c++配置中选择预编译头,设置为不使用 预编译头。然后正常编译即可,编译完成后会生成 .lib 文件。

使用该静态库时,需要和上述步骤一样设置附加包含目录,修改 SDL 检查。然后选择链接器-常规,在附加库目录中将 lib 的文件加入其中。最后选择链接器-输入,将生成的 lib 文件名加入到附加依赖项中。

# 2. RSA 算法的实现

#### 2.1. 类的声明

```
#include(NTL/ZZ, h)
using namespace NTL;
const int PRIME LEN1 = 512;
const int PRIME LEN2 = 1024;
struct Public key{
    ZZ n, b;
};
Istruct Private key{
    ZZ p, q, a;
class RSA {
public:
    Public key pub;//用于加密别人的公钥
public:
    RSA() {};
    RSA (const RSA&);
    void operator=(const RSA&):
    void setPublicKey(Public key);
    bool GenerateKey(int l=PRIME_LEN1);
    ZZ encrypt(ZZ) const;
    ZZ decrypt(ZZ) const;
    Public key GetPublicKey() const { return this->key.pub; }
    Private_key GetPrivateKey() const { return this->key.pri; }
private:
    struct Key{
        Public_key pub;
        Private key pri;
    }:
    Key key;
```

Pub: 其他 RSA 类传递来的公钥, setPublicKey()用于设置它

Key: RSA 类自己的密钥,包括公钥、私钥,GenerateKey()用于生成密钥

encrypt(): 用于 RSA 加密 decrypt(): 用于 RSA 解密

# 2.2. 成员函数的实现

#### 2.2.1.生成密钥

```
bool RSA::GenerateKey(int key len) {
   ZZ p, q;
   int 1=0;
   if (key_len != PRIME_LEN1 && key_len != PRIME_LEN2) {//检测密钥长度是否合理
       std::cout << "key length is not support" << std::endl;
       return false;
    else
       1 = \text{key len};
    //使用NTL库中的素数生成函数
   GenPrime(p, 1);
   GenPrime(q, 1);
   //计算φ(n)
   ZZ phi;
   mul(phi, p - 1, q - 1);
    ZZ a, b, d;
    //获得随机素数b
   do {
       RandomBnd(b, phi);
      GCD (d, b, phi);
   } while (b <= 1 | d != 1);</pre>
   //b mod φ(n)的逆元
   InvMod(a, b, phi);
   ZZ n;//求n
   mul(n, p, q);
   Public_key pub = { n, b };
    Private_key pri = { p, q, a };
   this->key. pub = pub;
    this->key.pri = pri;
   return true;
2.2.2.加密与解密
    调用 NTL 库中的快速求幂函数计算
   e_{\kappa}(x) = x^b \mod n
                         d_{\kappa}(y) = y^{\alpha} \mod n
∃ZZ RSA::encrypt(ZZ x) const
     return PowerMod(x, this->pub. b, this->pub. n);
IZZ RSA::decrypt(ZZ y) const
     return PowerMod(y, this->key.pri.a, this->key.pub.n);
```

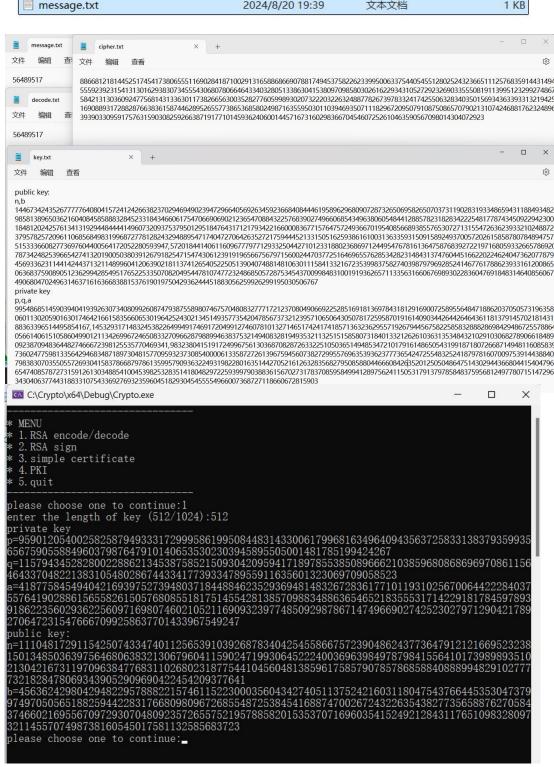
# 3. 测试方法

测试文件: test\_rsa.cpp 测试函数: test RSA()

输入格式: 在输入文件 message.txt 中写入一个大整数作为明文

输出格式: 生成密文文件 cipher.txt,将生成的密文解密输出到文件 decode.txt,密钥储存到 key.txt 中。

message.txt	2024/8/20 19:39	文本文档	1 KB
☐ main.cpp	2024/8/20 20:59	C++ Source	1 KB
key.txt	2024/8/20 23:47	文本文档	3 KB
decode.txt	2024/8/20 23:47	文本文档	1 KB
cipher.txt	2024/8/20 23:47	文本文档	1 KB



```
please choose one to continue:1
enter the length of key (512/1024):1024
private key
p=1053316183528801951884948281492077092355818491604127952193750933772934983699598582714655
8866136335559159229766544134813337143841035827183114475254911188110110166240546057548112515
205361785977796717067845068645305535089383595070397179106109731301880526195747479339844033
15802698815287606853358970411067775870517
q=1643660975377654597988644317962743871066585491358486980289162341773406323865727041604093
130202107795811876133477376146631913007738309251081944607985602364576255140886255584959197
823218874631661874255445437307966784074346785374712851213152305019037103352801837419967400
83374190492985514417481962656021540539517
=1694790992809392359761048261185699784803784254145891089312859443376885438791122644051463
35063598306717742873042721398904420882484375064545812619347457670849717016599826661209619
33035365461473302140565603558525898233528845375064545812619347457670849717016599826661209619
33035365461473302140565603558525898233528845352595177839836963429792348142911321120701770
83374195265920068902762167940382700736891865453895678742518923301415161234623004429260033
397791591576323286413721650463049286185574366590886351105268155961637296873521000332932160
773919187060784627199419663448017957404339139311760304854114446959047088172133037431651524
7514667642928847789091580001459601164853344050449006282381419597620706735048097
public key:
=1734582027550774565858597267713643665288758135944596332512924233890206342433311231414240
526193484036865956122896161527429823745987795176583275998911410740371049185525523979994499
3641850222408464622495242449430697925534443455444774858031472331627942763077707912757575874
84137163718718787878789780797556623677435618609378926608545956978929
5982415035030611239570090899062970895516671976512476246439015059333866886393776127911496996
6217660007245933132537089295826574992515073258173603472243572261317366869366893375723780234739
897393915160698121878767072588989154576144696387668877454505034372243546187
```

# 三、RSA 签名方案

# 1. RSA 签名算法

#### 1.1. 类的声明

在RSA 类的基础上,增加了 sig()签名函数和 ver()验证函数。

```
#ifndef RSA_SIG_H
#define RSA_SIG_H
#include"RSA.h"
#include\NTL/ZZ.h>
using namespace NTL;

class RsaSig{
public:
    bool ver(ZZ, ZZ) const;
    ZZ sig(ZZ) const;

public:
    RSA rsa;
};
#endif // !Sig
```

#### 1.2. 成员函数的实现

调用 RSA 类中的加密函数进行签名,调用解密函数进行验证。

```
#include"RsaSig. h"
bool RsaSig::ver(ZZ x, ZZ y) const
{
    return x == this->rsa.encrypt(y);
}
ZZ RsaSig::sig(ZZ x) const
{
    return this->rsa.decrypt(x);
}
```

# 2. 测试方法

测试文件: test\_sig.cpp 测试函数: test\_sig()

输入格式: 在输入文件 message.txt 中写入一个大整数作为明文

输出格式:

1.对明文直接签名,并验证该签名,结果为正确,签名写入 sign.txt,验证结果写入 ver.txt (1 为验证通过, 0 为验证失败),如图 1;

2.修改第一步得到的签名,并验证该签名,结果为失败,签名写入 sign2.txt,验证结果写入 ver2.txt (1 为验证通过,0 为验证失败),如图 2;

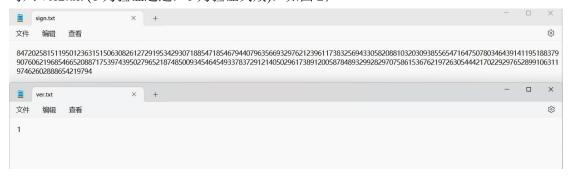


图 1

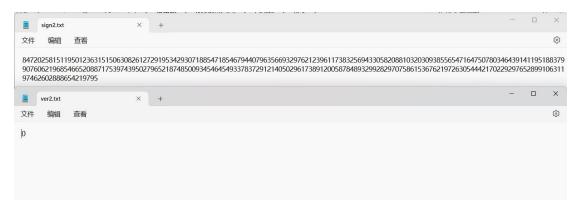


图 2

# 四、简单证书方案

# 1. 算法实现

1.1. TA 类的声明

```
class TA {
public:
    TA() {};
    TA(const string&);
    TA(int, const string&);
    void operator=(const TA&);
    string makeCertificate(Client&) const;
    string getID() const { return ID; }
    Public_key getPubTA() const { return this->sig.rsa.GetPublicKey(); }
private:
    RsaSig sig;
    string ID;
    int primeLen;
};
```

内置 RSA 签名类和 TA 的 ID, primeLen 用于记录密钥长度

makeCertificate(): 为 Client 对象生成证书

getID(): 类外访问 TA 的 ID getPubTA(): 类外访问公钥 1.2. TA 类成员函数的实现

1.2.1. 构造函数

在构造函数中调用了 RSA 类中的密钥生成函数, 使 TA 对象初始化时就能够被分配密钥, 同时设定密钥长度为默认值(512)或选择的长度。

```
TA::TA(const string& id)
{
    primeLen = PRIME_LEN1;
    this->sig.rsa.GenerateKey();
    this->ID = id;
}

TA::TA(int len, const string& id)
{
    try {
        if (len == PRIME_LEN1 || len == PRIME_LEN2)
            primeLen = len;
        else
            throw string("prime length not allowed");
    }
    catch (string e)
    {
        cerr << e << endl;
    }
    this->sig.rsa.GenerateKey(len);
    this->ID = id;
}
```

# 1.2.2. 生成证书函数

首先需要给用户分配密钥,用自定义的格式转换函数获取密钥长度,接着按照证书算法的格式计算证书,并输出证书内容到文件。证书格式如 cert 所示。

```
string TA::makeCertificate(Client& user) const
   int pubKeyLen[2]:
   user. sig. rsa. GenerateKey (primeLen);
   Public_key pub = user.sig.rsa.GetPublicKey();
   pubKeyLen[0] = ZZ2str(pub. b). length();
   pubKeyLen[1] = ZZ2str(pub.n).length();
   ZZ sigobj:
   sigobj = str2ZZ(user.getID() + ZZ2str(pub.b) + ZZ2str(pub.n));
   Public_key pubTA = this->sig.rsa.GetPublicKey();
   ZZ s = this->sig. sig(sigobj % pubTA. n);
   string cert =
        "Client:\n"
        + user.getID() + "\n"
       + ZZ2str(pub. b) + "\n"
        + "n:\n"
       + ZZ2str(pub. n) + "\n"
       + "s:\n
       + ZZ2str(s) + "\n"
        + "TA_ID:\n"
        + this->ID + "\n"
        + "b_len:\n"
        + int2str(pubKeyLen[0]) + "\n"
        + "n_len\n
       + int2str(pubKeyLen[1]) + "\n":
   string dir = ". \\" + user.getID();
   if (_access(dir.c_str(), 0) == -1)
   _mkdir(dir.c_str()):
string filename = ".\\" + user.getID() + "\\" + this->ID + "_cert.txt";
   ofstream fcert(filename, ios::out);
        if (!fcert.is_open())
            throw string ("cert open error");
   3
   catch (string e)
       cerr << e << endl;
   fcert << cert;
   fcert.close();
   return cert;
```

# 1.3. Client 类的声明

```
class Client {
   friend class TA;
public:
   Client() {}
    Client(const string& id) { ID = id; }
    void operator=(const Client&);
   string getID() const { return ID; }
   void callCertificate(const TA&);
  bool verifyCertificate(const string&, const TA&);
   string getCertificate() const { return Certificate; }
   void writeLog(const string&, const string&, bool);
public:
  RsaSig sig;
private:
   string Certificate;
    string ID;
};
```

Client 包括证书的申请者或验证者,内置 RSA 签名类、Client 的 ID 和证书。

callCertificate(): 向 TA 申请证书 verifyCertificate(): 申请 TA 验证证书

writeLog(): 生成日志文件,用于保存验证结果

1.4. Client 类成员函数的实现

#### 1.4.1. 验证证书函数

首先读证书文件,解析各项数据,获取用户 ID、公钥 b、n、签名 s,然后用 TA 的公钥 对签名 s 进行验证。

```
|bool Client::verifyCertificate(const string& cert, const TA& ta)
    string TAname = ta.getID();
    stringstream stream(cert);
    string ID;
    getline(stream, ID);
    getline(stream, ID);
    string bstr, nstr;
    ZZ b, n;
    Public_key pub;
    getline(stream, bstr);
    getline(stream, bstr);
    getline(stream, nstr);
    getline(stream, nstr);
    b = str2ZZ(bstr);
    n = str2ZZ(nstr);
    pub. b = b:
    pub. n = n;
    string sstr;
    ZZ s;
    getline(stream, sstr);
    getline(stream, sstr);
    s = str2ZZ(sstr);
    ZZ sig_obj = str2ZZ(ID + bstr + nstr);
    Public_key pubTA = ta.getPubTA();
    this->sig.rsa.setPublicKey(pubTA);
    bool is_pass = this->sig.ver(sig_obj % pubTA.n, s % pubTA.n);
    if (is_pass)
       this->sig.rsa.setPublicKey(pub);
    writeLog(ID, TAname, is_pass);
    return is_pass;
```

#### 1.4.2. 申请证书函数

向引用的 TA 对象申请证书并保存在 Certificate 变量中。

```
void Client::callCertificate(const TA& ta)
{
    this->Certificate = ta.makeCertificate(*this);
}
```

# 1.5. 其他类型转换函数

```
string int2str(int n)
{
    stringstream s;
    s << n;
    return s.str();
}
int str2int(const string& str)
{
    int res(0);
    int len = str.length();
    for (int i = 0; i < len; i++)
        res = res * 10 + str[i] - '0';
    return res;
}</pre>
```

```
vector<std::string> stringSplit(const string& str, char delim) {
   stringstream ss(str);
   string item;
   vector(std::string) elems;
   while (getline(ss, item, delim)) {
       if (!item.empty()) {
           elems.push_back(item);
   return elems;
string ZZ2str(const ZZ& zz)
   stringstream s;
   s << zz:
   return s. str();
ZZ str2ZZ(const string& str)
   int len = str.length();
   ZZ res;
   res = 0:
   for (int i = 0; i < len; i++)
       res = res * 10 + str[i]-'0';
   return res;
```

# 2. 测试方法

测试文件: test\_cert.cpp 测试函数: test Certificate()

输入格式: 无输入

输出格式:

1.控制台直接输出 Alice 验证 Bob 和 Oscar(伪造 Bob)的证书是否通过,如图 2;

2.将验证结果写入 ID 文件夹的 ver.log 中,如图 3;

```
Client Alice ("Alice");
Client Bob ("Bob");
Client Oscar("Bob");
//Alice.callCertificate(ta);
Bob. callCertificate(ta);
Oscar. callCertificate(ta2);
cout << "Alice verify Bob's Certificate" << endl;</pre>
if (Alice. verifyCertificate (Bob. getCertificate(), ta))
    cout << "pass" << endl;
else
    cout << "fail" << endl;
cout << "Alice verify Oscar's Certificate" << endl;</pre>
if (Alice. verifyCertificate(Oscar. getCertificate(), ta))
    cout << "pass" << endl;</pre>
else
    cout << "fail" << endl;
```

图 1

```
* MENU

* 1. RSA encode/decode

* 2. RSA sign

* 3. simple certificate

* 4. PKI

* 5. quit

please choose one to continue:3
Alice verify Bob's Certificate

pass
Alice verify Oscar's Certificate

fail
```

图 2

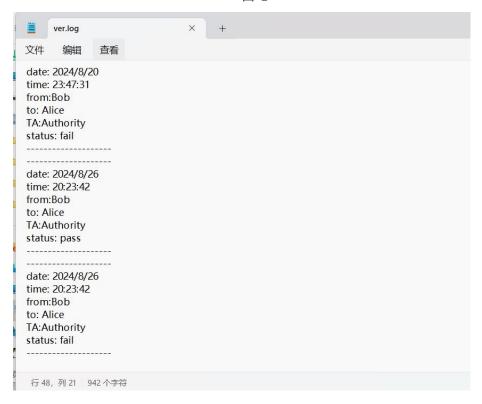


图 3

# 五、证书库 (PKI)

# 1. 算法实现

# 1.1. CA 类与 USER 类

参照 TA 类与 Client 类编写,仅在 CA 类中加入了针对 CA 对象的生成证书函数 makeCert(),函数实现也与原生成函数相同,因此不在此赘述。

```
Class CA {
    friend class Cert_Repo;
public:
    CA() {};
    CA(const string&);
    CA(int, const string&);
    void operator=(const CA&);
    string makeCert (USER&) const:
    void makeCertificate2(CA& ca);
    string getID() const { return ID; }
    Public_key getPubCA() const { return this->sig.rsa.GetPublicKey(); }
private:
    RsaSig sig;
    string ID;
    string Certificate;
    int primeLen;
```

1.2. Cert\_Repo 类的声明

```
class Cert_Repo {
public:|
    void addCertificate(const CA& ca, const string& pri_ca);
    void addCertificate(const USER& cl, const string& ca);
    bool verifyCertificate(vector<string>& path, const string& ownerID) const;
    vector<string> queryCertificatePath(const std::string& ownerID) const;

private:
    map<string, string> caCertMap; // Client/CA ID -> CA ID
    map<string, string> certificates; // ID -> certificate
};
```

包含两个 map, caCertMap 用于保存证书申请人的 ID 与权威机构 ID, certificates 用于保存 ID 与对应的证书。

addCertificate():添加证书与权威机构 ID 到两个 Map verifyCertificate():验证证书路径 queryCertificatePath():查找证书路径

1.3. Cert\_Repo 类成员函数的实现

#### 1.3.1. addCertificate()

```
Ivoid Cert_Repo::addCertificate(const CA& ca, const string& pri_ca) {
    certificates[ca. ID] = ca. Certificate;
    if (ca. ID != pri_ca) {
        caCertMap[ca. ID] = pri_ca;
    }
}

Ivoid Cert_Repo::addCertificate(const USER& cl, const string& ca) {
    certificates[cl. ID] = cl. Certificate;
    caCertMap[cl. ID] = ca;
}
```

# 1.3.2. verifyCertificate()

按照最开始的证书 ID 在证书库中查找下一个 ID,同时与证书路径对比是否正确。

```
bool Cert_Repo::verifyCertificate(vector<string>& path, const string& ownerID) const {
   bool flag=true;
   string currentID = ownerID;
   string root = "CA_root";
   vector<string> temp=path;
   reverse(temp.begin(), temp.end());
   for (int i = 0; i < temp.size(); i++) {
      flag = temp[i] == certificates.at(currentID);
      if (currentID != root) {
        string caID = caCertMap.at(currentID);
        currentID = caID;
      }
   return flag;
}</pre>
```

#### 1.3.3. queryCertificatePath()

根据 ownerID 在证书库中查找下一个 ID。

```
vector<string> Cert_Repo::queryCertificatePath(const string& ownerID) const {
   vector<string> path;
   string currentID = ownerID;
   string root = "CA_root";
   if (certificates.find(currentID) == certificates.end())
        return path;
   while (currentID != root) {
        string caID = caCertMap.at(currentID);
        path.push_back(certificates.at(currentID));
        currentID = caID;
   }
   path.push_back(certificates.at(currentID));
   reverse(path.begin(), path.end());
   return path;
}
```

# 2. 测试方法

测试文件: test\_certrepo.cpp 测试函数: test certrepo()

输入格式: 在输入文件 message.txt 中写入一个大整数作为明文

输出格式:

1.控制台输出测试流程以及签名验证结果,如图 3;

2.将证书路径写入 path.txt 中,如图 4;

```
ifstream file("message.txt", ios::in);
ZZ x;
file >> x;
Alice.sig.rsa.GenerateKey();
Bob.sig.rsa.setPublicKey(Alice.sig.rsa.GetPublicKey());
ZZ sign = Alice.sig.sig(x);
```

```
ofstream path_file("path.txt", ios::out);
if (!path_file.is_open())
    cout << "sign fail" << endl;</pre>
vector(string) path;
cout << "Bob search Alice's certificate path" << endl;</pre>
path = CR. queryCertificatePath("Alice");
for (int i = 0; i < path. size(); i++) {
     path_file << path[i] << endl;</pre>
path_file.close();
cout << "Bob verify Alice's certificate path" << endl;</pre>
if (CR. verifyCertificate(path, Alice. ID))
    cout << "certificate path right" << endl;</pre>
    bool ver = Bob. sig. ver(x, sign);
    if (ver)
        cout << "pass" << endl;
    else
        cout << "fail" << endl;
return true;
```

图 2

# \* MENU \* 1. RSA encode/decode \* 2. RSA sign \* 3. simple certificate \* 4. PKI \* 5. quit please choose one to continue:4 Bob search Alice's certificate path Bob verify Alice's certificate path certificate path right pass

图 3

```
path.txt
文件
                                                                                                                                                          (3)
 5388497019099538902664846613858153716610773481782158381648159210862630159532677831782100896135619690991
 7104261152493106949806103184764925499037622805184313340462300104680773939667504189158786514186684055637
 515443937839857780833643603389620513916775586508274388876544666699552949574937890946367032687801195493
ni.
7881151510519226238645223972434723300567434773116311806912142238455655025324212062998994641043193027768
5905783450520340568825269236359656528411703111929482236472196593420953955315769512884305252953766835724
935409872562751076907689412980154261599986349247978038183510846559872132168569177056622286807680953191
 4435560706522648320151822685371927321853100851399650634317313990938838402465663159131490545742670032552
40969366585596319888555099652912056232245257348765572268726580656365097123826649865486649182574172800847 126796343626578945673259939879782345741020097397806175369502079692783571092123130988473081649241935857
 PRI CA ID:
CA_root
b_len:
308
n_len
308
b:
3381743511600113994281249102570489161088334000487474578427670692761543950241565323383236625601047986569
1037123115853168020528538420752608384174964793894562419510120439691484077381583379352152672252461842799
 570978737209162347873964602728946751492431987659257724287787475578479811453931589642348323738483799815
n:
1257286070441636523910190924376251347147111095111724237485009074339999907359018457786398444211702925298
9612552783166131711615207352737145287538510460673353594142251400199024197324318337755078330320247029974
9801266368066266749780099925871714665392106648521295021945381758334153047937532845955984028560255524581
 6326335982180371874068537265902879137584358878065934532507888105559361186759153524564822572232883676783
0113809650389997220594988181796359691197312880245838211490519690397833610056363356693942180474142120409
270309785345089007772311760344258321542300217356379331889067111648608934958537210142771252975864769988
PRI CA ID:
行 1, 列 1 2,959 个字符
```

图 4

# 六、心得体会

本次课程设计涵盖了 RSA 加密、签名以及证书机制,最终融合形成了一个综合的证书库系统。这一过程不仅激发了我学习密码学的热情,而且加深了我对于各类加密算法和安全协议的认识,让我能够全面评估它们的长处与不足。通过使用 C++实现这些密码学实验,我不仅提高了自己在 C++编程方面的技能,还学习到了如何使用标准模板库(STL)中的容器,特别是 bitset 容器,以及流对象如 sstream 和 fstream,还有数论库 NTL。

通过对密码学算法的深入理解和实现,我深刻体会到了在密码学领域内数学知识的核心 地位和其重要性,这激发了我对数学的极大兴趣。在课余时间里,我也主动探索了密码学的 基础知识,这次实验经历可能是对我以后对其他专业课程学习有很大帮助。