

UNIVERSIDADE FEDERAL DE SERGIPE CENTRO DE CIÊNCIAS EXATAS E TECNOLOGIA DEPARTAMENTO DE COMPUTAÇÃO

PreOCR - Trabalho de Processamento de Imagens T01 2023.2

Professora: Beatriz Trinchão Andrade

Grupo 13 - Everton Santos de Andrade Júnior



São Cristóvão – Sergipe

Sumário

1	Intr	odução		2
2	Resi	ultados		4
3	Instruções e Observações sobre o Projeto			
		3.0.1	Formato das Imagens de Teste Criadas pelo Grupo	12
	3.1	Requis	iitos	13
	3.2	Observ	vações	13
4	Métodos, Parâmetros e Implementações			16
	4.1	Parâm	etros	16
	4.2	Detalhes		17
		4.2.1	Componentes Conectados	18
		4.2.2	Detecção e Reconhecimento de Caracteres	19
		4.2.3	Operações Morfológicas	19
			4.2.3.1 Dilatação	19
			4.2.3.2 Erosão	20
		4.2.4	Filtro Mediana	21
		4.2.5	Contagens	21
5	Con	clusão .		29
R	eferên	ıcias		30

Introdução

Neste trabalho, desenvolvemos um programa destinado ao processamento de imagens binárias no formato PBM ASCII (tipo P1), contendo texto em diferentes tipos e tamanhos de fontes, variando de 8 a 40. Inicialmente, focamos em tarefas básicas, como a contagem do número de linhas e palavras no texto, além da identificação e marcação dos retângulos que envolvem essas palavras, resultando em uma imagem de saída com esses retângulos destacados.

Além disso, nosso grupo implementou funcionalidades adicionais, incluindo a detecção de colunas e blocos (parágrafos) de texto, utilizando o conceito de distância alinhada. Essa abordagem resulta nas *bounding boxes* desses blocos, que são retângulos que englobam esses parágrafos, juntamente com retas que indicam as colunas identificadas. Também, realizamos a detecção das *bounding boxes* dos caracteres que compõem as palavras encontradas. Posteriormente, conduzimos uma análise de similaridade entre as imagens de letras padrões e as letras detectadas, utilizando o método de *template matching* (GONZALEZ; WOODS, 2008, 12.2). No entanto, o *template matching* não obteve resultados satisfatórios, mesmo após testarmos diferentes abordagens, como a desconsideração da igualdade de pixels pretos ou brancos.

Adicionalmente, para ilustrar de forma mais interativa nossos resultados, geramos uma série de imagens intermediárias que mostram o processo de detecção de blocos, colunas, palavras e linhas, destacando as regiões com retângulos de diferentes cores. O formato dessas imagens é P3 (ASCII RGB). Elas foram usadas sequencialmente como *frames* para gerar um vídeo de saída, auxiliando na depuração e compreensão do comportamento do algoritmo, usando o programa de linha de comando "ffmpeg".

O processamento envolve filtro mediano e, principalmente, dilatação. Também envolve os conceitos de conectividade para encontrar as palavras. A nossa abordagem é dinâmica, baseado na altura das palavras, mudamos os parâmetros enquanto o programa roda. Desse modo é possível identificar estruturas de texto em diferentes alinhamentos, como justificado, esquerda, centro e direita, além de lidar com diferentes tamanhos e estilos de fonte, incluindo Comic Sans, Impact,

Cascadia Code, Arial e Times New Roman. Um exemplo de vídeo gerado pode ser encontrado em https://youtu.be/uA45GeodGss?si=ZOgsA2av7EKZeG69.

Decidimos iniciar com uma breve apresentação dos resultados, que se encontra no Capítulo 2. Em seguida, no Capítulo 3, fornecemos instruções e observações sobre o projeto, incluindo os passos necessários para a execução e as definições das imagens de teste de entrada. Posteriormente, no Capítulo 4, fornecemos detalhes sobre os algoritmos implementados. Por fim, o Capítulo 5 discute possíveis melhorias e conclui o trabalho.

Caso deseje uma visão mais sucinta, recomenda-se ver os resultados no Capítulo 2, seguidos dos parâmetros na seção 4.1 e finalizar com a conclusão no Capítulo 5; opcionalmente ver a deteção de caracteres na subseção 4.2.2. Além disso, o vídeo gerado pelo grupo pode dar uma visão geral dos resultados de forma rápida (https://youtu.be/uA45GeodGss?si=ZOgsA2av7EKZeG69).

Resultados

Os resultados desse projeto podem ser bem entendidos pelas imagens coloridas geradas. Por isso, os próximos parágrafos discutem a saída gerada por este projeto para diferentes entradas.

Na Figura 2, apresentamos o resultado obtido para a entrada de um texto na fonte Cascadia Code em negrito de tamanho 10, alinhado à esquerda. Mesmo diante de uma imagem com baixa resolução e ruídos, nosso trabalho consegue identificar as *bounding boxes* das palavras, inclusive quando as letras possuem alturas diferentes. Os retângulos em vermelho indicam as palavras encontradas, enquanto as linhas em amarelo é traçada pelo algoritmo cada vez que se encontra o início de uma coluna. Já os agrupamentos dos blocos ou parágrafos encontrados estão destacados em verde.

Especificamente para essa entrada, o algoritmo identificou 5 blocos, 2 colunas, 42 linhas e 395 palavras. Por outro lado, ao utilizar a mesma fonte, mas com tamanho 16 e alinhamento centralizado, obtemos um resultado distinto, conforme observado na Figura 3. Nesse caso, foram encontradas 2 colunas, 4 blocos, 38 linhas e 226 palavras. Em ambos os casos, todos os quesitos estão corretos.

Na Figura 4, mudamos a fonte para Times New Roman e alteramos para itálico. Nessa entrada, saltamos para quatro colunas e tamanho de fonte 18. O resultado mostrou corretamente 4 colunas, 6 blocos, 38 linhas e 197 palavras, embora o correto devesse ser 196 palavras. Em seguida, experimentamos a fonte Impact (ver Figura 5), aumentando significativamente o tamanho para 40. Nesse caso, o algoritmo encontrou 2 colunas, 2 blocos, 18 linhas e 47 palavras, apesar do correto ser 46 palavras.

Além disso, realizamos testes com a fonte Arial, utilizando exemplos tanto fornecidos pela ilustríssima professora Dra. Beatriz, bem como criados pelo grupo. Um exemplo desses resultados pode ser visualizado na Figura 7, onde o texto está justificado em 3 colunas com tamanho de fonte 12. O algoritmo identificou corretamente 3 colunas, 8 parágrafos, 557 palavras e 52 linhas. Já na Figura 6, apresentamos o resultado de um exemplo com a fonte Comic Sans

de tamanho 8, a menor testada no projeto. Por fim, fizemos o upload no YouTube da coleção de vídeos gerados por este trabalho, demonstrando diferentes fontes e tamanhos testados, disponíveis neste link: https://www.youtube.com/watch?v=uA45GeodGss>.

Também realizamos a detecção de caracteres, no qual os resultados para encontrar os retângulos dos caracteres em uma dada palavra funcionam perfeitamente, até onde pudemos testar. Isso ocorre porque as letras são conectadas, então podemos usar a mesma função de conectividade usada para encontrar as palavras, mas sem fazer dilatação das imagens, mantendo assim as letras separadas. Um exemplo das *bounding boxes* encontradas para as letras em uma palavra pode ser visualizado na Figura 1.

Figura 1 – Exemplos de caracteres detectados para as palavras nesse, tremendo e volta.

Molta tremendo nesse

Figura 2 – Cascadia Code em negrito, com 10 de tamanho, 2 colunas e 5 blocos de texto. A entrada possui baixa resolução e ruídos.

Lorem ipsum motor sit amet, do Lorem eum fuglat quo consectetur adipiscing elit. sed do nulla pariatur? elusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad minim veniam quis nostrud exercitation AU IVERGIEOSI EO JACCUSAMUS JEO ILUSTO ullamco Laboris misi uu aliguip en ea odio dignissimos ducimus qui Commodo consequat Duis auté irure blanditiis praese\ntıum voluptatum dolor in reprehenderit in voluptate deleniti atque corrupti quos velit esse cillum dolore zu fugiat dolores et quas molestias excepturi nulla pariatur. Excepteur sint siny Nemo enim ipsam voluptatem occaecat cupidatat non proident, sunt quia voluptas sit aspernatur aut in culpa qui officia deserunt mollit odit aut fugit, sed quïa anim lid est laborum. consequuncur magni dolores eos qui ratione voluptatem segui mesciunt. Neque porro quisquem Est, qui <u> 190 juu perspiciatis junge jommis jiste natus</u> dolorem ipsum quia dolor sit amet, error sit voluptatem accusantium consectetur, adipisci velit, sed doloremque laudantium, totam rem aperiam, quia non numquam eius modi tempora eaque ipsa quae ab illo inventore incidunt ut labore et dolore magnam veritatis en quasi architecto beatae aliquam quaerat voluptatem. Ut enim vicae dicta sunt explicabo | Sed ut ao minima veniam, quis noscrum perspiciatis unde omnis liste natus error exercitationem ullam corporis sit voluptatem accusantium doloremque suscipit Laboriosam nisi ut laudantium, <mark>totam rem aperiam, eaque ipsa</mark> aliquid ex ea commodi consequatur? quae ab illo inventore veritatis et quasi Quis aucem vel eum iure architecto beatae Vitae dicta sunt reprehenderit qui in ea voluptate explicado. Nemo enim ipsam voluptatem velit esse quan nihil molestiac quia voluptas sit aspernatur aut odit aut consequatur, vel illum qui dolorem fugit, sed quia consequuncur magni eum fugiat quo voluptas nulla dolores eus qui ratione voluptatem segui pariatur? mesciunt. Neque porro quisquam est. qui dolorem ipsum quia dolor sit amet. consectetur, adipisci velit, sed quia mon AU VETO EUSTEN TACCUSARUSTEN LIUSTO numquam eius modi tempora incidunt ut odio dignissimos ducimus qui labore et delore magnam aliquam quaerat blanditiis praesentium voluptatum voluptatem. <mark>Ut enim</mark> ad minima veniam, deleniti atque corrupti quos dolores et quas molestias excepturi quis nostrum exercitationem ullam corporis suscipit laboriosam, nisi ut sint occaecati cupiditate non aliquid ex ea commod) consequatur? Quis provident, similique sunt tin culpa autem vel eum fure reprehenderit qui in qui <mark>officia</mark> ca voluptate velit esse quam mihil Sed ur perspiciatis unde omnis iste molestiae consequatur, vel illum qui natus error sit voluptatem

Figura 3 – Cascadia Code centralizado, com 16 de tamanho, 2 colunas e 4 blocos de texto.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation ullamco laboris misi ut aliquip ex ea commodo consequat. Duis aute irure dolor in reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur. Excepteur sint occaecat cupidatat non proident, sunt in culpa qui officia deserunt mollit anim id est laborum.

Sed ut perspiciatis unde omnis iste natus error sit voluptatem accusantium doloremque laudantium, totam rem aperiam, eaque ipsa quae ab illo inventore veritatis et quasi architecto beatae vitae dicta sunt explicabo. Nemo enim ipsam voluptatem quia voluptas sit aspernatur aut odit aut fugit, sed quia consequuntur magni dolores eos qui ratione voluptatem

porro quisquam est, qui dolorem ipsum quia dolor sit amet, consectetur, adipisci velit, sed quia non numquam eius modi tempora incidunt ut labore et dolore magnam aliquam quaerat voluptatem. Ut enim ad minima veniam, quis nostrum exercitationem ullam corporis suscipit laboriosam, nisi ut aliquid ex ea commodi consequatur? Quis autem vel eum iure reprehenderit qui in ea voluptate velit esse quam nihil molestiae consequatur, vel illum qui dolorem eum fugiat quo voluptas nulla pariatur?

7

At vero eos et
accusamus et iusto
odio dignissimos
ducimus qui blanditiis
praesentium voluptatum
deleniti atque
corrupti quos dolores
et quas molestias
excepturi sint
occaecati cupiditate
non provident,
similique sunt in

Figura 4 – Times News Roman em itálico, com 18 de tamanho, com 4 colunas, 6 blocos de texto.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad minim veniam, quis nostrud Exercitation ullamco laboris nisi ut aliquip ex ea commodo consequat. Duis aute irure dolor ina reprehenderit ina voluptate velit esse

cillum dolore

eu fugiat nulla

Excepteur sint

cupidatat non

proident, sunt

mollit anim id

est laborum.

in culpa qui

officia

deserunt

pariatur.

occaecat

Sed ut perspiciatis unde omnis iste natus error sit voluptatem accusantium doloremque laudantium. totam rem aperiam, eaque ipsa quae ab illo inventore veritatis et quasi

Beatae vitae dicta sunt explicabo. Nemo enim ipsam voluptatem quia voluptas sit aspernatur aut odit aut fugit, sed quia magni dolores eos qui ratione voluptatem sequi nesciunt. Neque porro

quisquam est, qui dolorem ipsum quia dolor sit amet. consectetur, adipisci velit, sed quia non numquam eius modi tempora incidunt ut labore et dolore magnam aliquam quaerat voluptatem. Ut enim ad minima veniam, quis nostrum exercitatione m ullam

corporis

Suscipit laboriosam, nisi ut aliquid ex ea commodi consequatur? Quis autem vel eum iure reprehenderit qui in ea voluptate velit esse quam nihil molestiae consequatur, vel illum qui dolorem eum fugiat quo voluptas nulla pariatur?

Figura 5 – Impact com tamanho 40, 2 colunas e 2 blocos de texto.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad veniam, quis nostrud exercitation

ullamco
laboris nisi
ut aliquip
ex ea
commodo
consequat.
Duis aute
irure dolor
in
reprehend
erit in
voluptate
velit esse

Figura 6 – Comic Sans centralizado, com 8 de tamanho, 2 colunas e 5 blocos de texto.

Lorem ipsum idolori siti amet i consectetur adipiscing leit i
sed idoleiusmod itempor lincididunii uti llabore leti idolore
magna aliqua i Uti enim (ad minim veniam) quis inostrud
exercitation iuliamcol laboris inisi uti aliquip lexi ea
commodo consequat i Duis (aute lirure idolori in
reprehenderiti in voluptate veliti esse cillum idolore eu
fugiati inulia pariatur. Excepteur sinti occaecati cupidatat
inon proident i sunti ini culpa qui officia ideserunti molliti

Sed luti perspiciatis lunde lomnis liste inatus error isiti voluptatemi accusantium doloremque laudantium, totam rem aperiam, eaqu ipsa quae ab illo inventore veritatis et quasi architecto beata vitae dicta sunt explicabo. Sed ut perspiciatis unde omnis iste natus erron siti voluptatem accusantium doloremque laudantium, totam rem aperiam, eaque ipsa quae ab illo inventore veritatis et quasi architecto beatae vitae dicta sunt explicabo. Nemo enim ipsam voluptatem quia voluptas siti aspernatur auti oditi auti fugit, sed quia consequuntur magni dolores eos qui ratione voluptatem sequi nesciunt. Neque porro quisquam est, qui dolorem ipsum quia dolor sit amet, consectetur, adipisci velit, sed quia non numquam eius modi tempora incidunt ut labore et dolore magnam aliquam quaerat voluptatem. Ut enim ad minima veniam, quis nostrum exercitationem ullam corporis suscipit laboriosam, nisi uti aliquid ex ea commodi consequatur? Quis autem vel eum iure reprehenderit qui in ea voluptate velit esse quam nihil molestiae consequatur, vel illum qui dolorem eum fugiat quo voluptas nulla pariatur?

Ativero eos leti accusamus let iustolodio dignissimos (ducimus (qui blanditiis) praese\ntium (voluptatum (deleniti) atque (corrupti) quos dolores (eti quas (molestias) excepturi (sinti (Nemo enimi (ipsam) voluptatem) quia (voluptas) siti aspernaturi auti (oditi auti (fugit) (sed quia (consequuntur) (magni) dolores (eos qui) ratione (voluptatem) segui (nesciunt) (Neque) porro (quisquam) est) qui (dolorem) (ipsum) quia (dolor (siti amet) (consectetur), adipisci (velit) (sed (quia) non (numquam) eius (modi) tempora (incidunt) (uti (labore) eti (dolore) (magnam) aliquam) quaerat (voluptatem). (Uti enimi ad minima) (veniam) quis (nostrum) exercitationem (ullam) corporis (suscipit) (laboriosam) (nisi (uti aliquid) (ex (ea (commodi) consequatur?) (Quis)

autem vel eum liure reprehenderit qui lin ea voluptate velit esse quam nihil molestiae consequatur, vel lillum qui ldolorem eum fugiat quo voluptas inulla pariatur?

|Ativero (eos leti (accusamus leti (usto) (odio) (dignissimos ducimus (qui blanditiis praesentium voluptatum) deleniti atque (corrupti (quos (dolores leti (quas (molestias excepturi (sint) (occaecati (cupiditate (mon (provident) similique (sunt) (in (culpa (qui (officia)

Figura 7 – Arial justificado, com 12 de tamanho, 3 colunas e 8 blocos de texto.

Lorem ipsum dolor sit amet. consectetur adipiscing elit. sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation ullamco laboris nisi ut aliquip ex ea commodo consequat. Duis aute irure dolor in reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur. Excepteur sint occaecat cupidatat non proident, sunt in culpa qui officia deserunt mollit anim lid est laborum.

Sed ut perspiciatis lunde omnis iste natus error sit voluptatem accusantium doloremque laudantium, totam rem aperiam, eaque ipsa quae ab illo inventore veritatis et quasi architecto beatae vitae dicta sunt explicabo. Nemo enim ipsam voluptatem quia voluptas sit aspernatur aut odit aut fugit, sed quia consequuntur magni dolores eos qui ratione voluptatem sequi nesciunt. Neque porro quisquam est. qui <mark>dolorem ipsum quia</mark> dolor sit amet, consectetur, adipisci velit, sed quia non numquam eius modi tempora incidunt ut labore et dolore magnam aliquam quaerat voluptatem. Ut enim ad minima veniam, quis nostrum exercitationem ullam corporis suscipit laboriosam, nisi ut aliquid ex ea commodi consequatur? Quis autem vel eum iure reprehenderit qui in ea voluptate velit esse quam nihil molestiae consequatur, vel illum qui dolorem eum tugiat <mark>quo voluptas nulla</mark> pariatur?

At vero leos let accusamus et iusto odio dignissimos ducimus qui blanditiis praesentium voluptatum deleniti atque corrupti quos dolores et quas molestias excepturi sint occaecati cupiditate non provident, similique sunt in culpa qui officia deserunt mollitia animi, lid est laborum et dolorum fuga. Et harum quidem rerum facilis est et expedita distinctio Nam libero tempore, cum soluta nobis est eligendi optio cumque nihil impedit quo minus id quod maxime placeat facere possimus, omnis voluptas assumenda est, omnis dolor repellendus Temporibus autem quibusdam et aut officiis debitis aut rerum necessitatibus saepe eveniet ut et voluptates repudiandae sint molestiae non recusandae. Itaque <u>rearum rerum</u> hic tenetur a sapiente delectus. aut reiciendis ut voluptatibus maiores alias consequatur aut perferendis doloribus asperiores repellat.

Lorem ipsum idolor isit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation ullamco laboris nisi ut aliquip ex ea commodo consequat, Duis aute dolor irure in reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur.

Excepteur sint occaecat cupidatat non proident sunt in culpa qui officia deserunt mollitanim id est laborum

Sed ut perspiciatis unde omnis iste natus error sit voluptatem accusantium doloremque laudantium, totam rem aperiam, eaque ipsa quae ab illo inventore veritatis et quasi architecto beatae vitae dicta sunt explicabo. Nemo ipsam voluptatem quia voluptas sit aspernatur aut odit aut fugit, sed quia consequuntur magn dolores eos qui ratione voluptatem sequi nesciunt. Neque porro quisquam est, qui dolorem ipsum quia dolor sit amet, consectetur, adipisci velit, sed quia non numquam eius modi tempora incidunt ut labore et dolore magnam aliquam quaerat voluptatem. Ut enim ad minima veniam, quis nostrum exercitationem ullam corporis suscipit laboriosam, nisi ut aliquid ex ea commodi consequatur? Quis autem vel eum iure reprehenderit qui in ea voluptate velit esse quam nihil molestiae consequatur, vel illum qui dolorem eum fugiat quo voluptas nulla pariatur?

At vero leos let laccusamus et fiusto odio dignissimos ducimus qui blanditiis praesentium voluptatum deleniti atque corrupti quos dolores et quas molestias excepturi sint occaecati cupiditate non provident, similique sunt in culpa qui officia deserunt mollitia animi, id est laborum et

Instruções e Observações sobre o Projeto

Primeiramente, certifique-se de ter baixado ".zip" ou clonado o repositório do projeto, o qual pode ser encontrado através do link https://github.com/evertonse/pim. Verifique se possui os requisitos listados na seção 3.1. Em seguida, na linha de comando, navegue até a pasta raiz do projeto e execute o seguinte comando, substituindo caminho/para/imagem.pbm pelo caminho da imagem que deseja processar:

\$ python3 src/main.py caminho/para/imagem.pbm

Exemplo de imagem usada pode ser:

\$ python3 src/main.py assets/grupo_13_arial_esquerda_tamanho
_16_colunas_2_blocos_4_linhas_39_palavras_318.pbm

3.0.1 Formato das Imagens de Teste Criadas pelo Grupo

Se nenhuma imagem for fornecida, será usada uma imagem padrão. Imagens de exemplo adicionais geradas pelo nosso grupo podem ser encontradas na pasta "assets". Essas imagens seguem o padrão adaptado do documento PreOCR, pois precisamos identificar mais detalhes sobre a imagem. Seja F, T, C, B, L e P variáveis que representam informações sobre a fonte (tipo e se é justificado, centralizado, etc.), tamanho, número de colunas, número de linhas, número de blocos e número de palavras, respectivamente. Assim, o nome das imagens de teste segue o padrão grupo_13_F_tamanho_T_colunas_C_blocos_B_linhas_L_palavras_P. Um exemplo é:

• grupo_13_arial_esquerda_tamanho_16_ colunas_2_blocos_4_linhas_39_palavras_318.

3.1 Requisitos

- É necessário ter o Python instalado para executar o *script*. A versão testada foi 3.10 e 3.11, mas possivelmente funciona em versões superiores à 3.4
- Opcionalmente se a ferramenta ffmpeg for instalada e esteja disponível no caminho do sistema o projeto irá gerar vídeos. No Ubuntu, ffmpeg pode ser instalado usando sudo apt install ffmpeg ou sudo snap install ffmpeg.
- A biblioteca NumPy é necessária para manipulação eficiente das matrizes (listas de python são absurdamente lentas). Foi instalado apenas pela estrutura de dados. As operações usadas do numpy são bem simples: multiplicação de matriz por escalar; tirar o máximo ou mínimo de matrizes; soma e subtração de matrizes. Pode ser instalada via pip install numpy. Se o pip não estiver instalado, ele pode ser obtido executando sudo apt install python3-pip no Ubuntu.

3.2 Observações

Todos os arquivos gerados durante a execução do projeto são armazenados na pasta "output/", com exceção do arquivo principal que contém os retângulos das palavras em vermelho e do arquivo de vídeo. Esses dois arquivos são prefixados com "group_13" e estão localizados no diretório atual. O site convertio.co foi usado para converter arquivos PDF para o formato PBM para arquivos de entrada adicionais. As pastas e seus conteúdos, ilustrados na Figura 8, estão organizados da seguinte forma:

- src/: diretório que contém o código-fonte do projeto.
- src/kernels.py: definição dos elementos estruturantes.
- src/main.py: arquivo principal do projeto contendo o código de execução principal.
- **src/ocr.py**: implementação da detecção e da tentativa de reconhecimento óptico de caracteres.
- src/pim.py: implementação das funções de processamento de imagens usadas: dilatação, erosão, filtro mediana.
- src/utils.py: contém funções de utilidade como ler imagem, escrever imagem, fazer resize de imagem.
- assets/: contém as imagem .pbm criados pelo grupo.
- assets/letters/: contém os modelos de letras utilizados na tentativa de reconhecimento de caracteres.

- assets/professora/: contém as imagens .pbm disponibilizadas pela professora, mas com os nomes adaptados.
- **output/**: local onde são armazenados os arquivos gerados durante a execução do projeto, sendo apenas os resultados intermediários.

Figura 8 – Estrutura de pastas do projeto.

```
assets
letters
professora
docs
relatorio
images
output
words
src
kernels.py
main.py
ocr.py
pim.py
utils.py
```

Fonte: Autor.

No exemplo de execução do projeto apresentado no Código 1, são fornecidas diversas informações úteis durante a execução do comando. Essas informações incluem o tempo decorrido para cada etapa do processamento, como a leitura do arquivo de imagem, aplicação de filtros, aplicação da dilatação, detecção de componentes conectados, criação do vídeo resultante, entre outros. Além disso, o nome do vídeo salvo e o nome do arquivo final gerado também são exibidos durante a execução do comando. O resultado final da execução, que inclui o número total de palavras, linhas, colunas e blocos detectados na imagem processada, é apresentado na última linha, prefixado com o caractere ">"."

Código 1 – Rodando o projeto na linha de comando.

```
USAGE: python3 src/main.py [path/to/image.pbm]
2
3
4
  INFO: using default image path
      './assets/grupo_13_cascadia_code_bold_esquerda_noisy
   _tamanho_10_colunas_2_blocos_5_linhas_42_palavras_395.pbm'
5
  INFO: read_ppm_file took 0.0697s to execute.
  INFO: Image is 795x1124 (width x height).
  INFO: fast_median_blur took 1.0870s to execute.
  INFO: fast_dilate2 took 0.0114s to execute.
10 INFO: fast_dilate2 took 0.0142s to execute.
11 INFO: fast_dilate2 took 0.0073s to execute.
  INFO: closing took 0.0171s to execute.
13 INFO: find_connected_components_bboxes took 0.7458s to execute.
14 INFO: choose_best_height took 0.0001s to execute.
15 INFO: median height found is 11 pixels.
16 INFO: group_bboxes took 1.6317s to execute.
   INFO: wrote video output to 'group_13_video.mp4'.
  INFO: create_video_from_images took 2.9656s to execute.
   INFO: wrote final output to
      './group_13_detected_colunas_2_blocos_5_linhas_42_palavras_395.ppm'.
20
21
22 > 395 words, 42 lines, 2 columns, 5 blocks.
```

Métodos, Parâmetros e Implementações

Neste trabalho, aplicamos técnicas de processamento de imagem para detecção e análise de palavras, linhas, colunas e blocos em documentos de texto. Para alcançar esse objetivo, utilizamos operações de dilatação e fechamento, juntamente com a detecção de componentes conectados, cujos parâmetros são especificados na seção 4.1. Criamos elementos estruturantes personalizados para realizar operações específicas, como a detecção de palavras e a segmentação de blocos de texto. Além disso, para remoção de ruídos, aplicamos o filtro mediana. Implementamos também uma dilatação condicional da imagem, quando necessário, com base na altura média dos componentes conectados (palavras) já filtrados.

4.1 Parâmetros

Nesta seção, apresentamos os parâmetros utilizados nos algoritmos, incluindo os elementos estruturantes de dilatação e fechamento, com diferentes tamanhos e formatos. Além disso, destacamos variáveis de limiar que são ajustadas para alterar o comportamento do algoritmo, adaptando-o às características da imagem sendo processada.

- 1. Filtro Mediana: 3×3 ;
- 2. Primeira Dilatação: elemento estruturante horizontal truncada 5x5

3. Fechamento: elemento estruturante para dilatação horizontal 3x3

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix};$$

4. Dilatação Condicional: elemento estruturante para dilatação horizontal 5x5

- 5. Limiar para ocorrer dilatação condicional: altura mediana deve ser superior a 31 pixels;
- Cálculo da quantidade de iterações para dilatação condicional: round(1 + altura_mediana / 31);
- 7. Componentes Conectados: consideramos 8-conectividade, isto é, as diagonais são consideradas conectadas.

4.2 Detalhes

O algoritmo inicia com um pré-processamento da imagem de entrada, aplicando o filtro da mediana (denominado median_blur no código) e invertendo as cores para remover possíveis ruídos do tipo sal e pimenta, como demonstrado na Figura 9. Já que foi confirmado que os ruídos não passam do tamanho de 1 pixel, um filtro mediano 3×3 é suficiente para este propósito, sua implementação é detalhada na subseção 4.2.4. A inversão da imagem é realizada para facilitar a aplicação de algoritmos morfológicos, como a dilatação.

A dilatação é então aplicada para melhorar a conectividade dos componentes de texto (palavras) na imagem. Detalhes adicionais sobre como encontrar esses componentes conectados podem ser encontrados na subseção 4.2.1. Dependendo dos parâmetros especificados, o algoritmo pode realizar operações adicionais, como fechamento (closing) ou abertura (opening), para refinar ainda mais as regiões de texto. Mais informações sobre a implementação das funções morfológicas podem ser encontradas na subseção 4.2.3.

A abordagem do algoritmo inclui o uso de um elemento estruturante (SE) para conectar as letras. Diferentes tipos de SEs foram testados, como SEs circulares, em forma de cruz e verticais. No entanto, o SE horizontal mostrou-se mais eficaz, dada a tendência das letras de estarem alinhadas horizontalmente. Esta escolha é justificada pela necessidade de expandir as letras na direção horizontal para conectá-las, como exemplificado na Figura 10.

Além disso, é apresentada a lógica para contagem de linhas e colunas na subseção 4.2.5. Detalhes sobre a detecção e tentativa de reconhecimento de caracteres na subseção 4.2.2.

Figura 9 – Remoção de ruído.



Fonte: Autor.

Figura 10 – Resultado da aplicação de 2 iterações de dilatação com elementro estruturante horizontal 5x5.

por volta das duas desabrigaria no tremendo frio.
madrugada, havia desabrigaria no tremendo frio.
quando ela por volta das duas desabrigaria no tremendo frio.
quando ela quando ela

Fonte: Autor.

4.2.1 Componentes Conectados

As operações de dilatação horizontal notavelmente aprimoraram a conectividade entre caracteres adjacentes na imagem. Esses conjuntos conectados de pixels representam as palavras individuais dentro da imagem. O conceito de componentes conectados é fundamentado em grafos e pode ser aplicado a imagens binárias, tal que os pixels brancos correspondem aos nós. Existem diferentes tipos de conectividade. Se considerarmos apenas os vizinhos de um pixel como à esquerda, à direita, acima e abaixo, temos o que chamamos de 4-conectividade (GONZALEZ; WOODS, 2008, 2.5.2 Adjacency, Connectivity, Regions, and Boundaries). Ao adicionar as diagonais, obtemos a 8-conectividade.

O algoritmo descrito no Código 2 identifica esses componentes conectados e se baseia em uma busca em profundidade, marcando os pixels visitados. A busca continua até que não haja mais caminhos a serem explorados na imagem, considerando também as diagonais, se connectivity for igual 8. Quando não há mais caminhos a serem percorridos, o conjunto de pixels visitados forma um componente conectado. Esse processo é repetido até que todos os componentes tenham sido identificados, atualizando os pontos mais à esquerda inferior e mais à direita superior do componente, formando a *bounding box* da palavra.

Em seguida, um retângulo é desenhado ao redor dessas palavras na imagem de saída. Opcionalmente, as palavras isoladas podem ser escritas em uma nova imagem, para uso posterior em tentativas de reconhecimento óptico de caracteres (OCR). Após a identificação dos componentes de texto, é realizada uma filtragem para eliminar as *bounding boxes* correspondentes à pontuação (vírgulas, pontos) e manter apenas aquelas associadas às palavras.

O Código 3 ilustra como as palavras são então agrupadas em blocos com base em sua proximidade. A distância considerada é a menor diferença possível entre as duas *bounding boxes*; se estiverem sobrepostas, então a distância é zero. Finalmente, a função group_bboxes retorna a lista resultante, que contém todos os retângulos agrupados com base na distância máxima especificada; se a distância for maior, é considerado parte de outro grupo. Neste trabalho, essa distância máxima é encontrada de maneira dinâmica, executando o algoritmo uma vez para encontrar uma certa altura das palavras e, em seguida, executando novamente com essa informação adquirida. Para visualizar de forma interativa as etapas do algoritmo na descoberta desses blocos, é gerado um vídeo.

4.2.2 Detecção e Reconhecimento de Caracteres

O processo de reconhecimento de caracteres é composto por três etapas principais: a detecção dos caracteres na imagem, a correspondência desses caracteres com os modelos predefinidos e o reconhecimento. Durante essa sequência, as *bounding boxes* são geradas para cada caractere detectado. O Código 4 mostra esse processo, nele é carregado modelos de letras predefinidos no diretório assets/letters/. Esses modelos são imagens binárias de letras individuais, como "v", "o", "l"e "t", com cada letra invertida para garantir que os pixels de interesse (brancos) tenham o valor 255 e os pixels de fundo (pretos) tenham o valor 0. A imagem a ser comparada é a sub-imagem que contém o caractere detectado; em seguida, as *bounding boxes* são ordenadas da esquerda para a direita, seguindo a ordem de leitura.

Este recorte da letra é redimensionado para ter o mesmo tamanho das letras de referência. Para cada letra de referência, calcula-se a similaridade entre a letra recortada e o modelo. Essa similaridade é medida contando o número de pixels brancos iguais que estão na mesma coordenada nas duas imagens. A letra com a maior similaridade é considerada a melhor correspondência para a região.

4.2.3 Operações Morfológicas

4.2.3.1 Dilatação

A dilatação morfológica é útil para preencher pequenos espaços entre objetos. No Código 5, a função 'understandable_dilate' implementa a dilatação de forma "compreensível", mais compativel com a definição dada em Gonzalez e Woods (2008, 9.2.2 Dilation).

Nessa implementação a variável kernel representa o elemento estruturante, que define a forma e o tamanho da dilatação. Durante o processo, a imagem é percorrida pixel a pixel, e para cada pixel, verifica-se se pelo menos um dos pixels na vizinhança definida pelo kernel é branco (valor 255). Se for o caso, então o pixel central é definido como 255 na imagem resultante. Caso contrário, o pixel central é definido como 0.

Uma interpretação útil é que o elemento estruturante define qual é a vizinhança, onde tiver 1 no elemento indica que faz parte da vizinhança, se tiver zero então não faz parte. Para cada x e y percorridos a imagem resultado é o máximo o valor de sua vizinhança definido pelo elemento estruturante.

No Código 6, a função fast_dilate2 implementa uma dilatação morfológica mais rápida, aproveitando as operações de matriz do NumPy. A imagem é expandida com um preenchimento adequado para evitar problemas de borda durante a aplicação (o elemento estruturante é chamado de kernel no código). Em seguida, usando a função np.maximum, calculamos o valor máximo elemento a elemento da matriz entre a imagem resultante e o subconjunto da imagem com padding.

Inicialmente, a imagem resultante é preenchida com entradas zeradas e, à medida que iteramos sobre a altura j e a largura i do elemento estruturante, aplicamos essa função maximum em um **subconjunto diferente** da imagem com *padding*, dependendo de j e i atual. Isso é feito apenas se o elemento estruturante for maior ou igual a 1 na altura j e largura i. Isso efetivamente realiza uma dilatação, onde o pixel central de uma vizinhança é definido como o valor máximo dessa vizinhança. No entanto, observe que a vizinhança depende do elemento estruturante, apenas onde os valores são 1 são considerados vizinhança.

Ambas as implementações alcançam o mesmo resultado de dilatação morfológica, mas fast_dilate2 é mais eficiente devido ao uso de operações vetorizadas do NumPy. Isso resulta em uma execução mais rápida, especialmente em imagens grandes.

4.2.3.2 Erosão

A erosão segue o mesmo princípio da dilatação, mas com a operação sendo o mínimo no lugar do máximo. A iteração começa com a imagem resultante tendo todas as entradas definidas como 1 em vez de 0. Na versão understandable da erosão, apenas quando todos os pixels da imagem se alinham com o elemento estruturante é que o pixel central é definido como 1 no lugar de pelo menos um. Vale ressaltar que a erosão não é necessária para o funcionamento do projeto, pois mesmo sem closing ou opening, que usam implicitamente a erosão, o algoritmo é robusto para os casos de teste mencionados na introdução. A função opening é a operação de abertura, que consiste em primeiro realizar uma erosão seguida de uma dilatação. É útil para remover pequenos ruídos e separar objetos próximos, mas neste trabalho, removemos esses ruídos através do filtro da mediana.

4.2.4 Filtro Mediana

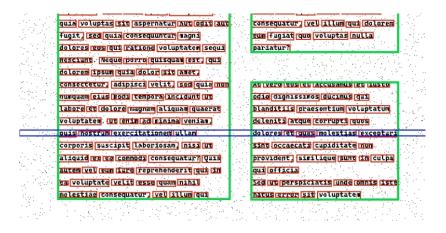
O Código 7 implementa um filtro de mediana. Ele percorre cada pixel da imagem e substitui o valor do pixel pela mediana dos valores dos pixels em sua vizinhança, definida pelo tamanho do filtro. Isso ajuda a remover ruídos e detalhes pequenos.

4.2.5 Contagens

A contagem de linhas, proposto no Código 8, verifica se a lista de retângulos está vazia, depois as *bounding boxes* ordenadas verticalmente com base na coordenada y. Para cada *bounding box*, calcula-se a sobreposição vertical com a anterior. Se a sobreposição for menor que uma fração mínima, contamos uma nova linha. Na Figura 11, temos uma representação do retângulo, em azul, da linha em uma dada iteração desse algoritmo.

O algoritmo para contar colunas (Código 9) é semelhante ao de linhas, mas agora classificamos os retângulos horizontalmente em vez de verticalmente. Para cada retângulo ordenado, verificamos se sua coordenada x do canto inferior esquerdo é maior do que a coordenada x do canto inferior direito da caixa mais à direita encontrada até o momento (max_right). Se for, consideramos isso como o início de uma nova coluna. Além disso, desenhamos uma linha vertical, em amarelo, indicando o início da nova coluna na imagem de vídeo.

Figura 11 – Frame do vídeo mostrando o que o algoritmo conta como linha.



Código 2 – Função para encontrar componentes conectados, considerando o tipo de conectividade.

```
def find_connected_components_bboxes(image, min_area=0,
      connectivity=8):
       nbrs = [(1, 0), (-1, 0), (0, 1), (0, -1)]
2
3
       if connectivity == 8:
            nbrs.extend([(1, 1), (1, -1), (-1, 1), (-1, -1)])
4
5
6
       def dfs(y, x):
7
            nonlocal nbrs, image
8
9
            min_y, min_x, max_x, max_y = y, x, y, x
10
            stack = [(y, x)]
            while stack != list():
11
12
                cy, cx = stack.pop()
                if (
13
                     0 <= cy < image.shape[0]</pre>
14
                     and 0 <= cx < image.shape[1]</pre>
15
16
                     and not visited[cy, cx]
17
                     and image[cy, cx] == 255
                ):
18
19
                    visited[cy, cx] = True
20
                    min_y = min(min_y, cy)
21
                    min_x = min(min_x, cx)
22
                    \max_{x} = \max_{x} (\max_{x}, cy)
23
                    max_y = max(max_y, cx)
24
25
26
                     for dy, dx in nbrs:
27
                         stack.append((cy + dy, cx + dx))
28
            return min_y, min_x, max_x, max_y
29
30
       visited = np.zeros(image.shape, dtype=bool)
31
32
       bounding_boxes = list()
33
34
35
       for y in range(image.shape[0]):
            for x in range(image.shape[1]):
36
                if not visited[y, x] and image[y, x] == 255:
37
                    min_y, min_x, max_x, max_y = dfs(y, x)
38
39
                     bounding_boxes.append((min_y, min_x, max_x, max_y))
40
41
       return bounding_boxes
42
```

Código 3 – Agrupamento dos retângulos.

```
def group_bboxes(bboxes, max_distance, image) -> list[list]:
1
2
3
       Group bboxes based on a max distance.
4
       'image' is video for purposes
5
6
       result = list()
7
       rest_idxs = [i for i in range(len(bboxes))]
8
       while len(rest_idxs) > 0:
9
            close_idxs = [rest_idxs.pop()]
10
            bbox = bboxes[close_idxs[0]]
            counter = 0
11
            while counter < len(rest_idxs):</pre>
12
13
                r_idx = rest_idxs[counter]
14
                counter += 1
                dist = distance(bbox, bboxes[r_idx])
15
                if (dist < max_distance) or bbox_overlap(bbox,</pre>
16
                   bboxes[r_idx]):
                    close_idxs.append(r_idx)
17
18
                    rest_idxs.remove(r_idx)
                    bbox = enclosing_bbox([bbox, bboxes[r_idx]])
19
                    counter = 0
20
21
22
                    vid_img = image.copy()
23
24
                    y, x, y2, x2 = bbox
25
                    rectangle(vid_img, (y, x), (y2, x2), (0, 244, 55), (0, 244, 55))
26
                    video_frames.append(vid_img)
27
28
29
            y, x, y2, x2 = bbox
30
            rectangle(image, (y, x), (y2, x2), (0, 244, 55), 2)
            result.append([bboxes[i] for i in close_idxs])
31
32
       return result
```

Código 4 – Função para reconhecimento de caracteres.

```
1 # Package OCR
   def string(img, letters):
2
3
       print(img.shape)
4
       orig = pim.convert_to_rgb(img)
5
       img = pim.invert(img)
       bbxs = pim.find_connected_components_bboxes(img, connectivity=8)
6
       # Start from leftmost
7
8
       bbxs = sorted(bbxs, key=lambda b: b[1])
9
10
       letter_sequence = []
11
12
       for b in bbxs:
13
           y, x, y2, x2 = b
14
           best_sim = 0
           best_letter = "-"
15
           for 1, limg in letters.items():
16
17
                resized = pim.resize(img[y:y2, x:x2], *limg.shape)
18
                sim = 0
19
                for j in range(limg.shape[0]):
20
                    for i in range(limg.shape[1]):
21
                        if resized[j, i] > 0:
                             if limg[j, i] > 0:
22
                                 sim += 1
23
24
                if sim > best_sim:
25
                    best_sim = sim
26
                    best_letter = 1
27
           letter_sequence.append(best_letter)
28
29
       return "".join(letter_sequence), orig
30
```

Código 5 – Dilatação.

```
def understandable_dilate(image, kernel):
1
2
       result = np.zeros(image.shape)
3
       height = image.shape[0]
4
       width = image.shape[1]
5
       kernel_height = kernel.shape[1]
       kernel_width = kernel.shape[0]
6
       kernel_width_delta = kernel_width // 2
7
8
       kernel_height_delta = kernel_height // 2
9
       for y in range(height):
            for x in range(width):
10
11
                all_good = False
                for j in range(kernel_height):
12
                    for i in range(kernel_width):
13
14
                         i_offset = i - kernel_width_delta
                         j_offset = j - kernel_height_delta
15
16
                         color = 0
                         if (
17
                             (x + i\_offset) >= 0
18
                             and (x + i_offset) < width</pre>
19
20
                             and y + j_offset >= 0
21
                             and y + j_offset < height</pre>
22
                         ):
                             color = image[y + j_offset, x + i_offset]
23
24
                         kcolor = kernel[j, i]
                         if int(kcolor) * int(color):
25
                             all_good = True
26
27
                             break
                    if all_good:
28
29
                         break
30
                if all_good:
31
                    result[y, x] = 255
32
                else:
33
                    result[y, x] = 0
34
       return result
```

Código 6 – Dilatação mais rápida, usando operação de matriz.

```
def fast_dilate2(image, kernel):
1
2
       global counter
3
       height, width = image.shape
4
       kernel_height, kernel_width = kernel.shape
5
6
7
       kernel_width_delta = kernel_width // 2
8
       kernel_height_delta = kernel_height // 2
9
10
       # We pad by the kernel delta, top, bottom, left and right
11
       padded_image = pad(
12
13
           image,
14
           kernel_height_delta,
15
           kernel_height_delta,
16
           kernel_width_delta,
           kernel_width_delta,
17
18
       )
19
20
21
       dilated = np.zeros(image.shape, dtype=np.uint8)
       for j in range(kernel_height):
22
            for i in range(kernel_width):
23
                if kernel[j, i] == 1:
24
25
                    shifted_sub_image = padded_image[j : j + height, i :
                       i + width]
26
                    dilated = np.maximum(
27
                        dilated, shifted_sub_image
                    )
28
29
30
       return dilated
31
```

Código 7 – Implementação do filtro de mediana.

```
def understandable_median_blur(image, filter_size=3):
1
2
       assert len(image.shape) == 2
3
4
5
       result = image.copy()
       height = image.shape[0]
6
7
       width = image.shape[1]
       for y in range(height):
8
            for x in range(width):
9
10
                colors = list()
                for j in range(filter_size):
11
                     for i in range(filter_size):
12
                         i_offset = i - filter_size // 2
13
                         j_offset = j - filter_size // 2
14
15
16
                         color = 0
17
18
                         if (
19
                             (x + i\_offset) >= 0
                             and (x + i_offset) < width</pre>
20
                             and y + j_offset >= 0
21
                             and y + j_offset < height</pre>
22
23
                         ):
                             color = image[y + j_offset, x + i_offset]
24
                         colors.append(color)
25
                colors.sort()
26
27
                result[y, x] = colors[(len(colors) // 2)]
28
       return result
```

Código 8 – Contagem de linhas.

```
def count_lines(bboxes, orig):
2
       if len(bboxes) == 0:
3
            return 0
       bboxes = sorted(bboxes, key=lambda bbox: (bbox[0], bbox[2]))
4
5
6
7
       lines = 1
       prev1, _, prev2, _ = bboxes[0]
8
9
       xdiffs_bboxes = list()
       for bbox in bboxes[1:]:
10
11
            y1, _{}, y2, _{} = bbox
            overlap = max(0, min(prev2, y2) - max(prev1, y1))
12
13
            if overlap > abs(prev1 - prev2) / 100:
                continue
14
            lines += 1
15
16
            prev1 = y1
17
            prev2 = y2
18
19
20
       return lines
```

Código 9 – Contagem de colunas.

```
1
   def count_columns(bboxes, orig):
2
       # Sort by left x-coordinate
3
       sorted_bboxes = sorted(bboxes, key=lambda bbox: bbox[1])
4
5
6
       num_columns = 0
       max_right = float("-inf")
7
8
9
10
       for bbox in sorted_bboxes:
            _, left, _, right = bbox
11
12
13
            # If the left x-coordinate of the bounding box is greater
14
               than the current rightmost x-coordinate,
            # it indicates the start of a new column
15
16
            if left > max_right:
                num_columns += 1
17
18
19
20
            # Update current rightmost x-coordinate
            if max_right < right:</pre>
21
22
                max_right = right
       return num_columns
23
```

Conclusão

Com base nos resultados obtidos, é possível afirmar que o desempenho do nosso algoritmo foi bastante satisfatório. Ele se mostrou eficaz para diversas fontes e tamanhos de texto, independentemente de estarem justificados, centralizados, alinhados à direita ou à esquerda. Além disso, funciona igualmente bem com imagens de resoluções variadas, tanto baixas quanto altas, demonstrando uma boa robustez. A utilização do filtro da mediana mostrou-se suficiente para lidar com uma quantidade considerável de ruído na imagem. A estratégia de realizar a dilatação horizontal foi uma sacada importante que contribuiu significativamente para a melhoria da conectividade entre os caracteres.

A abordagem de utilizar alturas encontradas como heurística para decidir se novas operações morfológicas deveriam ser aplicadas também se mostrou eficaz, ampliando a capacidade do algoritmo de lidar com diferentes casos. No entanto, há espaço para explorar ainda mais heurísticas, como usar a distância média entre caracteres como limiar para decidir sobre a aplicação de operações de fechamento, ou estudar o espaço em branco entre as palavras. Uma outra possibilidade seria considerar uma porcentagem do tamanho das letras em relação à imagem inteira para tomar decisões.

Embora a detecção de caracteres tenha funcionado bem, o método de *template matching* não teve o mesmo desempenho. Esse aspecto merece uma investigação mais aprofundada para entender por que não foi eficaz para reconhecer os caracteres (deu muitas similaridades erradas). No entanto, mesmo com esse desafio, o projeto como um todo foi capaz de realizar uma série de tarefas interessantes e diversas, incluindo a criação de um vídeo para visualização das etapas do algoritmo e a implementação de algoritmos vetorizados, proporcionando um entendimento mais profundo e intuitivo desses processos morfológicos.

Referências

GONZALEZ, R. C.; WOODS, R. E. *Digital Image Processing*. Upper Saddle River, NJ: Pearson Prentice Hall, 2008. Citado 3 vezes nas páginas 2, 18 e 19.