Вычислить следующие многократные интегралы:

4204. a)
$$\int_{0}^{1} \int_{0}^{1} \cdots \int_{0}^{1} (x_{1}^{2} + x_{2}^{2} + \ldots + x_{n}^{2}) dx_{1} dx_{2} \ldots dx_{n};$$

$$6) \int_{0}^{1} \int_{0}^{1} \cdots \int_{0}^{1} (x_{1} + x_{2} + \ldots + x_{n})^{2} dx_{1} dx_{2} \ldots dx_{n}.$$

$$4205. I_{n} = \int_{\substack{x_{1} > 0, \ x_{2} > 0, \ \dots, \ x_{n} > 0, \ x_{1} + x_{2} + \ldots + x_{n} < a}} dx_{1} dx_{2} \ldots dx_{n}.$$

$$4206. \int_{0}^{1} dx_{1} \int_{0}^{1} dx_{2} \ldots \int_{0}^{1} x_{1}x_{2} \ldots x_{n} dx_{n}.$$

$$4207. \int_{\substack{x_{1} > 0, \ x_{2} > 0, \ \dots, \ x_{n} > 0 \\ x_{n} + x_{n} + \ldots + x_{n} < a}} \sqrt{x_{1} + x_{2} + \ldots + x_{n}} dx_{1} \ldots dx_{n}.$$

4208. Найти объем *п*-мерного параллелепипеда, ограниченного плоскостями

$$a_{i_1}x_1 + a_{i_2}x_2 + \ldots + a_{i_n}x_n = \pm h_i$$
 ($i = 1, 2, \ldots, n$), если $\Delta = |a_{i_1}| \neq 0$.

4209. Найти объем п-мерной пирамиды

$$\frac{x_1}{a_1} + \frac{x_2}{a_2} + \ldots + \frac{x_n}{a_n} \le 1, \quad x_i \ge 0 \quad (i = 1, 2, \ldots, n)$$

$$(a_i > 0, i = 1, 2, \ldots, n).$$

4210. Найти объем *п*-мерного конуса, ограниченного поверхностями

$$\frac{x_1^2}{a_1^2} + \frac{x_2^2}{a_2^2} + \ldots + \frac{x_{n-1}^2}{a_{n-1}^2} = \frac{x_n^2}{a_n^2}, \ x_n = a_n.$$

4211. Найти объем п-мерного шара

$$x_1^2 + x_2^2 + \ldots + x_n^2 \leq a^2$$

4212. Найти $\iint \dots \int x_n^2 dx_1 dx_2 \dots dx_n$, где область Ω

определяется неравенствами

$$x_1^2 + x_2^2 + \ldots + x_{n-1}^2 \le a^2, \quad -\frac{h}{2} \le x_n \le \frac{h}{2}.$$

4213. Вычислить

$$\int_{x_1^2+x_2^2+\ldots+x_n^2<1} \frac{dx_1\,dx_2\,\ldots\,dx_n}{\sqrt{1-x_1^2-x_2^2-\ldots-x_n^2}}.$$