

$$4377. \iint_S yz \, dy \, dz + zx \, dz \, dx + xy \, dx \, dy.$$

$$4378. \iint_S \frac{x \cos \alpha + y \cos \beta + z \cos \gamma}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}} \, dS.$$

$$4379. \iint_S \left(\frac{\partial u}{\partial x} \cos \alpha + \frac{\partial u}{\partial y} \cos \beta + \frac{\partial u}{\partial z} \cos \gamma \right) dS.$$

$$4380. \iint_S \left[\left(\frac{\partial R}{\partial y} - \frac{\partial Q}{\partial z} \right) \cos \alpha + \left(\frac{\partial P}{\partial z} - \frac{\partial R}{\partial x} \right) \cos \beta + \right. \\ \left. + \left(\frac{\partial Q}{\partial x} - \frac{\partial P}{\partial y} \right) \cos \gamma \right] dS.$$

4381. Доказать, что если S — замкнутая простая поверхность и l — любое постоянное направление, то

$$\iint_S \cos(\mathbf{n}, \mathbf{l}) \, dS = 0,$$

где \mathbf{n} — внешняя нормаль к поверхности S .

4382. Доказать, что объем тела, ограниченного поверхностью S , равен

$$V = \frac{1}{3} \iint_S (x \cos \alpha + y \cos \beta + z \cos \gamma) \, dS,$$

где $\cos \alpha$, $\cos \beta$, $\cos \gamma$ — направляющие косинусы внешней нормали к поверхности S .

4383. Доказать, что объем конуса, ограниченного гладкой конической поверхностью $F(x, y, z) = 0$ и плоскостью $Ax + By + Cz + D = 0$, равен

$$V = \frac{1}{3} SH,$$

где S — площадь основания конуса, расположенного в данной плоскости, и H — его высота.

4384. Найти объем тела, ограниченного поверхностями: $z = \pm c$ и

$$\left. \begin{aligned} x &= a \cos u \cos v + b \sin u \sin v, \\ y &= a \cos u \sin v - b \sin u \cos v, \\ z &= c \sin u. \end{aligned} \right\}$$

4385. Найти объем тела, ограниченного поверхностью

$$x = u \cos v, \quad y = u \sin v, \quad z = -u + a \cos v \\ (u \geq 0)$$

и плоскостями: $x = 0$ и $z = 0$ ($a > 0$).