1370.
$$\lim_{x\to +\infty} [(x+a)^{1+(1/x)} - x^{1+1/(x+a)}].$$

1371. Найти $\lim_{x\to 0} \frac{y}{x}$, если кривая y=f(x) входит при $x\to 0$ в начале координат (0, 0) $(\lim_{x\to 0} f(x)=f(0)=0)$ под углом α .

1372. Доказать, что $\lim_{x\to +0} x^{f(x)} = 1$, если непрерывная кривая y = f(x) входит при $x \to +0$ в начало координат ($\lim_{x\to +0} f(x) = 0$) и при $0 < x < \varepsilon$ целиком остается внутри острого угла, образованного прямыми: y = -kx и y = kx ($k \ne \infty$).

1373. Доказать, что если для функции f(x) существует вторая производная f''(x), то

$$f''(x) = \lim_{h \to 0} \frac{f(x+h) + f(x-h) - 2f(x)}{h^2}.$$

1373.1. Исследовать на дифференцируемость в точке x = 0 функцию:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{x} - \frac{1}{e^x - 1}, & \text{если } x \neq 0; \\ \frac{1}{2}, & \text{если } x = 0. \end{cases}$$

1373.2. Найти асимптоту кривой $y = \frac{x^{1+x}}{(1+x)^x}(x>0)$.

1374. Исследовать возможность применения правила Лопиталя к следующим примерам:

a)
$$\lim_{x\to 0} \frac{x^2 \sin \frac{1}{x}}{\sin x}$$
; 6) $\lim_{x\to \infty} \frac{x-\sin x}{x+\sin x}$;

B)
$$\lim_{x\to +\infty} \frac{e^{-2x}(\cos x + 2\sin x) + e^{-x^2}\sin^2 x}{e^{-x}(\cos x + \sin x)}$$
;

r)
$$\lim_{x\to\infty} \frac{1+x+\sin x\cos x}{(x+\sin x\cos x)e^{\sin x}}$$
.

1375. Найти предел отношения площади кругового сегмента, имеющего хорду b и стрелку h, к площади равнобедренного треугольника, вписанного в этот сегмент, если дуга сегмента при неизменном радиусе R