то функции f(x) и  $\phi(f(x))$  имеют одни и те же точки экстремума.

1558. Определить наибольшее значение произведения m-й и n-й степеней (m > 0, n > 0) двух положительных чисел, сумма которых постоянна и равна a.

1559. Найти наименьшее значение суммы m-й и n-й степеней (m > 0, n > 0) двух положительных чисел, произведение которых постоянно и равно a.

1560. В каких системах логарифмов существуют числа, равные своему логарифму?

1561. Из всех прямоугольников данной площади S определить тот, периметр которого наименьший.

1562. Найти прямоугольный треугольник наибольшей площади, если сумма катета и гипотенузы его постоянна.

1563. При каких линейных размерах закрытая цилиндрическая банка данной вместимости V будет иметь наименьшую полную поверхность?

1564. В данный круговой сегмент, не превышающий полукруга, вписать прямоугольник с наибольшей плошалью.

1565. В эллипс  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$  вписать прямоугольник со сторонами, параллельными осям эллипса, площадь которого наибольшая.

1566. В треугольник с основанием b п высотой t вписать прямоугольник с наибольшим периметром.

Исследовать возможность решения этой задачи.

1567. Из круглого бревна диаметра d вытесывается балка с прямоугольным поперечным сечением, основание которого равно b и высота h. При каких размерах балка будет иметь наибольшую прочность, если прочность ее пропорциональна  $bh^2$ ?

1568. В полушар радиуса *R* вписать прямоугольный параллелепипед с квадратным основанием наибольшего объема.

1569. В шар радиуса R вписать цилиндр наибольшего объема.

1570. В шар радиуса *R* вписать цилиндр с наибольшей полной поверхностью.

1571. Около данного шара описать конус наименьшего объема.

1572. Найтн наибольший объем конуса с данной образующей l.