

Вычислить объемы тел, ограниченных поверхностями;

$$4111. \left( \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} \right)^2 = \frac{x}{h}.$$

$$4112. \left( \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} \right)^2 = \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2}.$$

$$4112.1. \left( \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} \right)^2 = \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} - \frac{z^2}{c^2}.$$

$$4113. \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} = 1, \quad \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = \frac{z}{c}.$$

$$4114. \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^4}{c^4} = 1. \quad 4115. \left( \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} \right)^2 + \frac{z^4}{c^4} = 1.$$

Пользуясь подходящей заменой переменных, вычислить объемы тел, ограниченных поверхностями (параметры предполагаются положительными):

$$4116. \left( \frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} \right)^2 = \frac{x}{h} + \frac{y}{k} \quad (x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0).$$

$$4116.1. \left( \frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} \right)^2 = \frac{x}{h} - \frac{y}{k} \quad (x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0).$$

$$4117. \left( \frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} \right)^4 = \frac{xyz}{abc} \quad (x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0).$$

$$4118. \left( \frac{x}{a} + \frac{y}{b} \right)^2 + \left( \frac{z}{c} \right)^2 = 1 \quad (x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0).$$

$$4118.1. \sqrt{\frac{x}{a}} + \sqrt{\frac{y}{b}} + \sqrt{\frac{z}{c}} = 1 \quad (x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0).$$

$$4118.2. \sqrt[3]{\frac{x}{a}} + \sqrt[3]{\frac{y}{b}} + \sqrt[3]{\frac{z}{c}} = 1 \quad (x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0).$$

$$4118.3. \left( \frac{x}{a} \right)^{2/3} + \left( \frac{y}{b} \right)^{2/3} + \left( \frac{z}{c} \right)^{2/3} = 1.$$

$$4119. z = x^2 + y^2, \quad z = 2(x^2 + y^2), \quad xy = a^2, \quad xy = -2a^2, \quad x = 2y, \quad 2x = y \quad (x > 0, y > 0).$$

$$4120. x^2 + z^2 = a^2, \quad x^2 + z^2 = b^2, \quad x^2 - y^2 - z^2 = 0 \quad (x > 0).$$

$$4121. (x^2 + y^2 + z^2)^3 = \frac{a^3 z^3}{x^2 + y^2}.$$

$$4122. \left( \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} \right)^2 = \frac{z}{h} \cdot e^{-\frac{z^2/c^2}{x^2/a^2 + y^2/b^2 + z^2/c^2}}.$$