

$$2599. \frac{a}{b} + \frac{a(a+d)}{b(b+d)} + \frac{a(a+d)(b+2d)}{b(b+d)(b+2d)} + \dots$$

($a > 0, b > 0, d > 0$).

$$2600. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n! e^n}{n^{n+p}}.$$

$$2601. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sqrt{n!}}{(2 + \sqrt{1})(2 + \sqrt{2}) \dots (2 + \sqrt{n})}.$$

$$2602. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n! n^{-p}}{q(q+1) \dots (q+n)} \quad (q > 0).$$

$$2603. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{p(p+1) \dots (p+n-1)}{n!} \cdot \frac{1}{n^q}.$$

$$2604. \sum_{n=1}^{\infty} \left[\frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \dots (2n-1)}{2 \cdot 4 \cdot 6 \dots (2n)} \right]^p \cdot \frac{1}{n^q}.$$

$$2605(n). \sum_{n=1}^{\infty} \left[\frac{p(p+1) \dots (p+n-1)}{q(q+1) \dots (q+n-1)} \right]^q \quad (p > 0, q > 0).$$

2606 (н). Доказать, что если для знакоположительного ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ ($a_n > 0$) при $n \rightarrow \infty$ выполнено условие

$$\frac{a_n}{a_{n+1}} = 1 + \frac{p}{n} + o\left(\frac{1}{n}\right),$$

то

$$a_n = o\left(\frac{1}{n^{p-\varepsilon}}\right),$$

где $\varepsilon > 0$ произвольно мало; причем, если $p > 0$, то $a_n \downarrow 0$ при $n \rightarrow \infty$, т. е. a_n при $n \geq n_0$ монотонно убывает, стремится к нулю, когда $n \rightarrow \infty$.

Определив порядок убывания общего члена a_n , исследовать сходимость ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$, если