В частности, из первого при $x = \pi/2$ получаем формулу Валлиса

$$\frac{\pi}{2} = \prod_{n=1}^{\infty} \frac{2n}{2n-1} \cdot \frac{2n}{2n+1}.$$

Доказать следующие равенства:

3051.
$$\prod_{n=2}^{\infty} \left(1 - \frac{1}{n^2}\right) = \frac{1}{2}.$$

3052.
$$\prod_{n=2}^{\infty} \frac{n^3-1}{n^3+1} = \frac{2}{3}.$$

3053.
$$\prod_{n=2}^{\infty} \left[1 - \frac{2}{n(n+1)} \right] = \frac{1}{3}.$$

3054.
$$\prod_{n=0}^{\infty} \left[1 + \left(\frac{1}{2} \right)^{2n} \right] = 2.$$

3055.
$$\prod_{n=1}^{\infty} \cos \frac{\pi}{2^{n+1}} = \frac{2}{\pi}.$$

$$3056. \prod_{n=1}^{\infty} \cos \frac{x}{2^n} = \frac{\sin x}{x}.$$

3057.
$$\prod_{n=1}^{\infty} \operatorname{ch} \frac{x}{2^n} = \frac{\operatorname{sh} x}{x}$$
.

3058.
$$\prod_{n=0}^{\infty} (1+x^{2n}) = \frac{1}{1-x} \quad (|x| < 1).$$

3059.
$$\frac{\pi}{2} = \frac{2}{\sqrt{2}} \frac{2}{\sqrt{2+\sqrt{2}}} \frac{2}{\sqrt{2+\sqrt{2+\sqrt{2}}}} \cdots$$

3060.
$$\prod_{n=1}^{\infty} \frac{3n}{3n-1} \cdot \frac{3n}{3n+1} = \frac{2n}{3\sqrt{3}}.$$

Доказать сходимость и определить значения следующих бесконечных произведений:

3061.
$$\prod_{n=3}^{\infty} \frac{n^3-4}{n^2-1}$$
. 3062.
$$\prod_{n=1}^{\infty} \left[1+\frac{1}{n(n+2)}\right]$$
.