

4385.1. Найти объем тела, ограниченного тором

$$\left. \begin{aligned} x &= (b + a \cos \psi) \cos \varphi, \\ y &= (b + a \cos \psi) \sin \varphi, \\ z &= a \sin \psi \end{aligned} \right\} \quad (0 < a \leq b).$$

4386. Доказать формулу

$$\begin{aligned} \frac{d}{dt} \left\{ \iiint_{x^2+y^2+z^2 \leq t^2} f(x, y, z, t) dx dy dz \right\} = \\ = \iint_{x^2+y^2+z^2=t^2} f(x, y, z, t) dS + \iiint_{x^2+y^2+z^2 \leq t^2} \frac{\partial f}{\partial t} dx dy dz \end{aligned} \quad (t > 0).$$

С помощью формулы Остроградского вычислить следующие поверхностные интегралы:

4387.  $\iint_S x^2 dy dz + y^2 dz dx + z^2 dx dy$ , где  $S$  — внешняя сторона границы куба  $0 \leq x \leq a$ ,  $0 \leq y \leq a$ ,  $0 \leq z \leq a$ .

4388.  $\iint_S x^3 dy dz + y^3 dz dx + z^3 dx dy$ , где  $S$  — внешняя сторона сферы  $x^2 + y^2 + z^2 = a^2$ .

4389.  $\iint_S (x - y + z) dy dz + (y - z + x) dz dx + (z - x + y) dx dy$ , где  $S$  — внешняя сторона поверхности

$$|x - y + z| + |y - z + x| + |z - x + y| = 1.$$

4390. Вычислить  $\iint_S (x^2 \cos \alpha + y^2 \cos \beta + z^2 \cos \gamma) dS$ , где  $S$  — часть конической поверхности  $x^2 + y^2 = z^2$  ( $0 \leq z \leq h$ ) и  $\cos \alpha$ ,  $\cos \beta$ ,  $\cos \gamma$  — направляющие косинусы внешней нормали к этой поверхности.

У к а з а н и е. Присоединить часть плоскости  $z = h$ ,  $x^2 + y^2 \leq h^2$ .

4391. Доказать формулу

$$\iiint_V \frac{d\xi d\eta d\zeta}{r} = \frac{1}{2} \iint_S \cos(r, n) dS,$$

где  $S$  — замкнутая поверхность, ограничивающая объем  $V$ ,  $n$  — внешняя нормаль к поверхности  $S$  в текущей точке ее  $(\xi, \eta, \zeta)$ ,  $r = \sqrt{(\xi - x)^2 + (\eta - y)^2 + (\zeta - z)^2}$