

Формула (1) сохраняет свою силу и в том случае, если переменная x является функцией от новой независимой переменной (свойство инвариантности первого дифференциала).

2°. Оценка малых приращений функции. Для подсчета малых приращений дифференцируемой функции $f(x)$ можно пользоваться формулой

$$f(x + \Delta x) - f(x) \approx f'(x) \Delta x,$$

относительная погрешность которой сколь угодно мала при достаточно малом $|\Delta x|$, если $f'(x) \neq 0$.

В частности, если независимая переменная x определяется с предельной абсолютной погрешностью, равной Δx , то Δy и δy — предельные абсолютная и относительная погрешности функции $y = f(x)$ — приближенно выражаются следующими формулами:

$$\Delta y = |y'| \Delta x$$

и

$$\delta y = \left| \frac{y'}{y} \right| \Delta x$$

1083. Для функции

$$f(x) = x^3 - 2x + 1$$

определить: 1) $\Delta f(1)$; 2) $df(1)$ и сравнить их, если: а) $\Delta x = 1$; б) $\Delta x = 0,1$; в) $\Delta x = 0,01$.

1084. Уравнение движения дается формулой

$$x = 5t^2,$$

где t измеряется в секундах и x — в метрах.

Для момента времени $t = 2$ с определить Δx — приращение пути и dx — дифференциал пути и сравнить их, если:

а) $\Delta t = 1$ с; б) $\Delta t = 0,1$ с; в) $\Delta t = 0,001$ с.

Найти дифференциал функции y , если:

$$1085. y = \frac{1}{x}. \quad 1086. y = \frac{1}{a} \operatorname{arctg} \frac{x}{a} \quad (a \neq 0).$$

$$1087. y = \frac{1}{2a} \ln \left| \frac{x-a}{x+a} \right|. \quad 1088. y = \ln |x + \sqrt{x^2 + a}|.$$

$$1089. y = \arcsin \frac{x}{a} \quad (a \neq 0).$$