2474.  $y = \sin x$ , y = 0 (0  $\leq x \leq \pi$ ): a) вокруг оси Ox; б) вокруг оси Оу.

2475.  $y = b\left(\frac{x}{a}\right)^2$ ,  $y = b\left|\frac{x}{a}\right|$ : a) вокруг оси Ox;

 $\mathbf{6}$ ) вокруг оси Oy

**2476.**  $y = e^{-x}$ , y = 0  $(0 \le x < +\infty)$ : a) Boxpyp

осн Ox; б) вокруг осн Oy. 2477.  $x^2 + (y-b)^2 = a^2$  (0  $< a \le b$ ) вокруг осн Ox.

2478.  $x^2-xy+y^2=a^2$  вокруг оси Ox.

2479.  $y = e^{-x} \sqrt{\sin x} (0 \le x < +\infty)$  вокруг оси 0x. 2480.  $x = a (t - \sin t), y = a (1 - \cos t) (0 \le t \le 2\pi),$ y=0: a) вокруг оси Ox; б) вокруг оси Oy; в) вокруг

прямой y = 2a.

2481.  $x = a \sin^3 t$ ,  $y = b \cos^3 t$  (0  $\leq t \leq 2\pi$ ): a) Boкруг оси Ox; б) вокруг оси Oy.

2481.1. Найти объем тела, образованного вращением площади петли кривой  $x = 2t - t^2$ ,  $y = 4t - t^3$  вокруг: a) оси Ox; б) оси Oy.

2482. Доказать, что объем тела, образованного врашением вокруг полярной оси плоской фигуры

$$0 \le \alpha \le \varphi \le \beta \le \pi$$
,  $0 \le r \le r (\varphi)$ 

(ф и г — полярные координаты), равен

$$V = \frac{2\pi}{3} \int_{\alpha}^{\beta} r^{3}(\varphi) \sin \varphi \, d\varphi.$$

Найти объемы тел, образованных вращением плоских фигур, заданных в полярных координатах:

2483.  $r = a (1 + \cos \varphi) \quad (0 \le \varphi \le 2\pi)$ : a) BOKPYP полярной оси; б) вокруг прямой  $r \cos \varphi = -\frac{u}{A}$ 

2484.  $(x^2 + y^2)^2 = a^2 (x^2 - y^2)$ : a) Bokpyr оси Ox; б) вокруг оси Oy; в) вокруг прямой y = x.

Указанне. Перейти к полярным координатам.

2484.1. Найти объем тела, образованного вращением фигуры, ограниченной полувитком спирали Архимеда

$$r = a\varphi \quad (a > 0; \ 0 \leqslant \varphi \leqslant \pi),$$

вокруг полярной оси.

2484.2. Найти объем тела, образованного вращением фигуры, ограниченной линиями:  $\phi = \pi r^3$ ,  $\phi = \pi$ . вокруг полярной оси,

2485. Найти объем тела, образованного вращением фигуры  $a \leqslant r \leqslant a \sqrt{2 \sin 2\phi}$  вокруг полярной оси.