

$$2588. \sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n \sqrt{\ln n}}. \quad 2589. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^{n-1}}{(2n^2 + n + 1)^{n+1/2}}.$$

$$2589.1. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^3}{2^n + 3^n}. \quad 2589.2. \sum_{n=2}^{\infty} \left( \frac{n-1}{n+1} \right)^{n(n-1)}.$$

$$2590. \sqrt{2} + \sqrt{2 - \sqrt{2}} + \sqrt{2 - \sqrt{2 + \sqrt{2}}} + \\ + \sqrt{2 - \sqrt{2 + \sqrt{2 + \sqrt{2}}}} + \dots$$

У к а з а н и е.  $\sqrt{2} = 2 \cos \frac{\pi}{4}$ .

2591. Доказать, что если

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = q \quad (a_n > 0),$$

то  $a_n = o(q_1^n)$ , где  $q_1 > q$ .

2591.1. Пусть для членов знакоположительного ряда

$\sum_{n=1}^{\infty} a_n$  ( $a_n > 0$ ) выполнено неравенство

$$\frac{a_{n+1}}{a_n} \leq \rho < 1 \quad \text{при } n \geq n_0.$$

Доказать, что для остатка ряда

$$R_n = a_{n+1} + a_{n+2} + \dots$$

имеет место оценка

$$R_n \leq a_{n_0} \frac{\rho^{n-n_0+1}}{1-\rho}, \quad \text{если } n \geq n_0.$$

2591.2. Сколько членов ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{[(2n)!!]^2}{(4n)!!}$ , где  $[(2n)!!]^2 =$

$= 2 \cdot 4 \cdot \dots \cdot 2n$ , достаточно взять, чтобы соответствующая частная сумма  $S_n$  отличалась от суммы ряда  $S$  меньше, чем на  $\epsilon = 10^{-6}$ ?

2592. Доказать, что если  $\overline{\lim}_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = q < 1$  ( $a_n > 0$ ),

то ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$  сходится.