4320. Вычислить площадь части цилиндрической поверхности  $x^2 + y^2 = ax$ , вырезанной поверхностью  $x^2 + y^2 + z^2 = a^2.$ 

4320.1. Доказать, что объем тела, образованного вращением вокруг оси Ox простого замкнутого контура C, расположенного в верхней полуплоскости  $y \ge 0$  равен

$$V = -\pi \oint_{C} y^{2} dx.$$

4321. Вычислить

$$I = \frac{1}{2\pi} \oint_C \frac{X dY - Y dX}{X^2 + Y^2},$$

если X = ax + by, Y = cx + dy и простой замкнутый контур C окружает начало координат ( $ad - bc \neq 0$ ).

4322. Вычислить интеграл / (см. предыдущую задачу), если  $X = \varphi(x, y)$ ,  $Y = \psi(x, y)$ , и простой контур C окружает начало координат, причем кривые  $\phi(x, y) = 0$  и  $\psi(x, y) = 0$  имеют несколько простых точек пересечения внутри контура С.

4323. Показать, что если C — замкнутый контур и

l — произвольное направление, то

$$\oint \cos\left(\boldsymbol{l},\ \boldsymbol{n}\right)ds=0,$$

где n — внешняя нормаль к контуру C. 4324. Найти значение интеграла

$$I = \oint_C \left[ x \cos \left( \boldsymbol{n}, \ x \right) + y \cos \left( \boldsymbol{n}, \ y \right) \right] ds,$$

где С — простая замкнутая кривая, ограничивающая конечную область S, и n — внешняя нормаль к ней. 4325. Найти

$$\lim_{d (S) \to 0} \frac{1}{S} \oint_C (F \cdot n) ds,$$

где S — площадь, ограниченная контуром C, окружающим точку  $(x_0, y_0)$ , d(S) — диаметр области S, n — единичный вектор внешней нормали контура C и  $F\{X,Y\}$  вектор, непрерывно дифференцируемый в S + C.

## § 13. Физические приложения криволинейных интегралов

4326. С какой силой притягивает масса М, равно мерно распределенная по верхней полуокружности  $x^2 +$  $+ u^2 = a^2$ ,  $u \ge 0$ , материальную точку массы m, занинающую положение (0, 0)?