3803. Вычислить интеграл Эйлера — Пиассона

$$I=\int\limits_{0}^{+\infty}e^{-x^{2}}dx,$$

нсходя из формулы

$$I^2 = \int_0^{+\infty} e^{-x^2} dx \int_0^{+\infty} x e^{-x^2} y^2 dy.$$

Пользуясь интегралом Эйлера — Пуассона, найти величины интегралов:

$$3804. \int_{-\infty}^{+\infty} e^{-(ax^{2}+2bx+c)} dx \quad (a>0, ac-b^{2}>0).$$

$$3805. \int_{-\infty}^{+\infty} (a_{1}x^{2}+2b_{1}x+c_{1}) e^{-(ax^{2}+2bx+c)} dx$$

$$(a>0, ac-b^{2}>0).$$

$$3806. \int_{-\infty}^{+\infty} e^{-ax^{2}} \cosh x dx \quad (a>0).$$

$$3807. \int_{0}^{+\infty} e^{-(x^{3}+a^{2}/x^{2})} dx \quad (a>0).$$

$$3808. \int_{0}^{+\infty} \frac{e^{-\alpha x^{2}}-e^{-\beta x^{2}}}{x^{2}} dx \quad (\alpha>0, \beta>0).$$

$$3809. \int_{0}^{+\infty} e^{-ax^{2}} \cos bx dx \quad (a>0).$$

$$3810. \int_{0}^{+\infty} xe^{-ax^{2}} \sin bx dx \quad (a>0).$$

3811. $\int_{0}^{+\infty} x^{2n} e^{-x^{2}} \cos 2bx \ dx \ (n - \text{натуральное число}).$

3811.1. Доказать, что

$$\lim_{x\to+\infty}\sqrt{x}\int_{-\delta}^{\delta}e^{-axt^{2}}dt=\sqrt{\frac{\pi}{a}}\quad (a>0,\ \delta>0).$$

3812. Исходя из интеграла

$$I(\alpha) = \int_{0}^{+\infty} e^{-ax} \frac{\sin \beta x}{x} dx \quad (\alpha \geqslant 0),$$