

361. Определить, относительно каких центров симметричны графики функций:

а) $y = ax + b$; б) $y = \frac{ax + b}{cx + d}$;

в) $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$;

г) $y = \frac{1}{x-1} + \frac{1}{x-2} + \frac{1}{x-3}$;

д) $y = 1 + \sqrt[3]{x-2}$.

362. Построить графики периодических функций:

а) $y = |\sin x|$; б) $y = \operatorname{sgn} \cos x$; в) $y = f(x)$,

где $f(x) = A \frac{x}{l} \left(2 - \frac{x}{l}\right)$, если $0 \leq x \leq 2l$ и $f(x + 2l) = f(x)$;

г) $y = [x] - 2 \left[\frac{x}{2} \right]$;

д) $y = (x)$, где (x) — расстояние от числа x до ближайшего к нему целого числа.

363. Доказать, что если график функции $y = f(x)$ ($-\infty < x < +\infty$) симметричен относительно двух вертикальных осей $x = a$ и $x = b$ ($b > a$), то функция $f(x)$ — периодическая.

364. Доказать, что если график функции $y = f(x)$ ($-\infty < x < +\infty$) симметричен относительно двух точек $A(a, y_0)$ и $B(b, y_1)$ ($b > a$), то функция $f(x)$ есть сумма линейной функции и периодической функции. В частности, если $y_0 = y_1$, то функция $f(x)$ — периодическая.

365. Доказать, что если график функции $y = f(x)$ ($-\infty < x < +\infty$) симметричен относительно точки $A(a, y_0)$ и прямой $x = b$ ($b \neq a$), то функция $f(x)$ — периодическая.

366. Построить график функции $y = f(x)$ ($-\infty < x < +\infty$), если $f(x+1) = 2f(x)$ и $f(x) = x(1-x)$ при $0 \leq x \leq 1$.

367. Построить график функции

$$y = f(x) \quad (-\infty < x < +\infty),$$

если $f(x + \pi) = f(x) + \sin x$ и $f(x) = 0$ при $0 \leq x \leq \pi$.