проходящего через эту точку, т. е. существует $\lim_{t\to 0} f(t\cos\alpha, t\sin\alpha) = f(0, 0);$

однако эта функция не является непрерывной в точке (0, 0).

3203.1. Исследовать на равномерную непрерывность линейную функцию u=2x-3y+5 в бесконечной плоскости $E^2=\{|x|<+\infty, |y|<+\infty\}.$

3203.2. Исследовать на равномерную непрерывность в плоскости $E^2=\{|x|<+\infty,\,|y|<+\infty\}$ функцию

$$u=\sqrt{x^2+y^2}.$$

3203.3. Будет ли равномерно непрерывной функция

$$f(x, y) = \sin \frac{\pi}{1 - x^2 - y^2}$$

в области $x^2 + y^2 < 1$.

3203.4. Дана функция $u = \arcsin \frac{x}{y}$. Является ли эта функция непрерывной в своей области определения E?

Будет ли функция u равномерно непрерывной в области E?

3204. Показать, что множество точек разрыва функции $f(x, y) = x \sin \frac{1}{y}$, если $y \neq 0$ и f(x, 0) = 0, не является замкнутым.

3205. Доказать, что если функция f(x, y) в некоторой области G непрерывна по переменной x и равномерно относительно x непрерывна по переменной y, то эта функция непрерывна в рассматриваемой области.

3206. Доказать, что если в некоторой области G функция f(x, y) непрерывна по переменной x и удовлетворяет условию Липшица по переменной y, τ . e.

$$|f(x, y') - f(x, y'')| \le L|y' - y''|$$

где $(x, y') \in G$, $(x, y'') \in G$ и L — постоянная, то эта функция непрерывна в данной области.

3207. Доказать, что если функция f(x, y), где $(x, y) \in E$, непрерывна по каждой переменной x и y в отдельности и монотонна по одной из них, то эта функция непрерывна по совокупности переменных в области E (теорема Юнга).

3208. Пусть функция f(x, y) непрерывна в области $a \le x \le A$, $b \le y \le B$, а последовательность функций 21°