**2894.** Пусть разложение  $\sec x$  записано в виде

$$\sec x = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{E_n}{(2n)!} x^{2n}.$$

Вывести рекуррентное соотношение для коэффициентов  $E_n$  (числа Эйлера). 2895. Разложить в степенной ряд функцию

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{1 - 2tx + x^2}} \quad (|x| < 1).$$

**2896.** Пусть  $f(x) = \sum_{n=0}^{\infty} a_n x^n$ . Написать разложение функции  $F(x) = \frac{f(x)}{1-x}$ .

**2897.** Если ряд  $\sum_{n=0}^{\infty} a_n x^n$  имеет радиус сходимости  $R_1$ , а ряд  $\sum_{n=0}^{\infty} b_n x^n$  — радиус сходимости  $R_2$ , то какой радиус сходимости R имеют ряды

a) 
$$\sum_{n=0}^{\infty} (a_n \pm b_n) x^n$$
; 6)  $\sum_{n=0}^{\infty} a_n b_n x^n$ ?

2898. Пусть 
$$l = \lim_{n \to \infty} \left| \frac{a_n}{a_{n+1}} \right|$$
 и  $L = \overline{\lim}_{n \to \infty} \left| \frac{a_n}{a_{n+1}} \right|$ .

Доказать, что радиус сходимости R степенного ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n x^n$  удовлетворяет неравенству

$$l \leq R \leq L$$
.

**2899.** Доказать, что если  $f(x) = \sum_{n=0}^{\infty} a_n x^n$ , причем  $|n| a_n| < M \quad (n = 1, 2, ...),$ 

где M — постоянная, то: 1) f(x) бесконечно дифференцируема в любой точке а: 2) справедливо разложение

$$f(x) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{f^{(n)}(a)}{n!} (x-a)^n \quad (|x| < +\infty).$$

2899.1. Пусть  $f(x) \in C^{(\infty)}(a, b)$  и  $|f^{(n)}(x)| \leq c^n$  (n =