398. Определить колебание функции

$$f(x) = \arctan \frac{1}{x}$$

на интервалах: a) (— 1; 1); б) (— 0,1; 0,1); в) (— 0,01; 0,01); г) (— 0,001; 0,001).

399. Пусть m [f] и M [f] — соответственно нижняя и верхняя грани функции f(x) на промежутке (a, b).

Доказать, что если $f_1(x)$ и $f_2(x)$ — функции, определенные на (a, b), то

$$m [f_1 + f_2] \geqslant m [f_1] + m [f_2]$$

H

$$M[f_1 + f_2] \leq M[f_1] + M[f_2].$$

Построить примеры функций $f_1(x)$ и $f_2(x)$, для которых в последних соотношениях имеет место: а) случай равенства и б) случай неравенства.

400. Пусть функция f(x) определена в области $[a, +\infty)$ и ограничена на каждом сегменте $[a, b] \subset [a, +\infty)$.

Положим:

$$m(x) = \inf_{\alpha \leqslant \xi \leqslant x} f(\xi)$$
 in $M(x) = \sup_{\alpha \leqslant \xi \leqslant x} f(\xi)$.

Построить графики функций y = m (x) и y = M (x), если:

a) $f(x) = \sin x + 6$ $f(x) = \cos x$.

401. С помощью «є-б»-рассуждений доказать, что

$$\lim_{x\to 2}x^2=4.$$

Заполнить следующую таблицу:

8	0,1	0,01	0,001	0,0001	• • •
δ					

402. На языке «Е-б» доказать, что

$$\lim_{x\to 1}\frac{1}{(1-x)^2}=+\infty.$$