## Основы программной среды «R»

ЦМФ, математические финансы

## Содержание

- операции с числами и векторами
- массивы и матрицы
- циклы и условия
- функции и графики
- загрузка пакетов и данных

## Операции с числами и векторами

## Присвоение значений

```
# создание скалярной переменной
x < -5
X
[1] 5
# создание векторной переменной
x < -c(1,2,3)
[1] 1 2 3
x < -1:5
[1] 1 2 3 4 5
# повторение числа (вектора) несколько раз
y < - rep(0, times=2)
[1] 0 0
y < - rep(x, times=2)
[1] 1 2 3 4 5 1 2 3 4 5
```

## Векторная арифметика

```
# операции с векторами выполняются покомпонентно
# вектора меньшей длины повторяются несколько раз
# размеры векторов должны быть кратными
x + 1
[1] 2 3 4 5 6
x + c(1:3,4,4)
[1] 2 4 6 8 9
# допустимые операции: +, -, *, /, ^
# арифметические функции:
# log(), exp(), sqrt(), sin(), cos(), tan(), min(), max(), abs(), ...
# константа «пи»
рi
[1] 3.141593
```

## Статистические функции

```
# диапазон значений: range(x) == c(min(x), max(x))
range(x)
[1] 1 5
# длина вектора
length(x)
[1] 5
# сумма и произведение элементов
sum(x)
[1] 15
prod(x)
[1] 120
# среднее и дисперсия
mean(x)
[1] 3
var(x)
[1] 2.5
```

## Сортировка значений и последовательности

```
# сортировка
y < -c(10, -3, 6, 0)
sort(y, decreasing=FALSE)
[1] -3 0 6 10
sort(y, decreasing=TRUE)
[1] 10 6 0 -3
# последовательность с заданным шагом
seq(0,1,by=0.2)
[1] 0 0.2 0.4 0.6 0.8 1
# последовательность заданной длины
seq(0,9,length=4)
[1] 0 3 6 9
```

## Логические векторы

```
# операции сравнения: <, >, <=, >=, ==, !=
v < -x > 3
[1] FALSE FALSE FALSE TRUE TRUE
# логические операторы: &, |, !
y < - (x>=3) & (x<=4)
[1] FALSE FALSE TRUE TRUE FALSE
y < - (x < 3) | (x > 4)
    TRUE TRUE FALSE FALSE TRUE
! y
[1] FALSE FALSE TRUE TRUE FALSE
# в арифметических операциях TRUE == 1, FALSE == 0
sum(x>3)
[1] 2
```

## Обращение к элементам вектора

```
# с помощью логического вектора
x[y]
[1] 1 2 5
# с помощью набора положительных чисел
x[1:3]
[1] 1 2 3
# с помощью набора отрицательных чисел,
# убирая указанные элементы
x[-(1:3)]
[1] 4 5
# с помощью названий элементов
names(x) <- c("mon", "tue", "wed", "thu", "fri")</pre>
x[c("mon","thu")]
mon thu
```

# Массивы и матрицы

## Создание массива

```
# изменение размерности вектора
z < -1:1500
dim(z) < -c(3,5,100)
# в результате z — матрица 3 на 5 на 100
# произведение размерностей равно длине вектора
# порядок значений: z[1,1,1], z[2,1,1], ..., z[2,5,100], z[3,5,100]
# с помощью функций matrix() и array()
z <- matrix(1:20, nrow=5, ncol=4)</pre>
z < - array(1:20, dim=c(5, 4))
      [,1] [,2] [,3] [,4]
[1,] 1 6 11 16
[2,] 2 7 12 17
[3,] 3 8 13 18
[4,] 4 9 14 19
[5,]
       5 10
                15
                     2.0
```

## Обращение к элементам матрицы

```
z < - array(1:20, dim=c(5, 4))
     [,1] [,2] [,3] [,4]
[1,]
          6 11 16
[2,] 2 7 12 17
[3,] 3 8 13 18
[4,] 4 9 14 19
[5,] 5 10 15 20
z[,1]
[1] 1 2 3 4 5
z[1,]
[1] 1 6 11 16
z[1:2,1:2]
     [,1] [,2]
[1,] 1 6
[2,] 2
```

## Действия с матрицами

```
# транспонирование
tz < - t(z)
# обращение
inv.z < - solve(z)
# умножение
z.tz <- z %*% tz
# создание диагональной матрицы
y < - diag(1:5)
# собственные значения и вектора
e <- eigen(y)
e$vectors; e$values
# квадратный корень из матрицы
y.sqrt <- e$vectors %*% diag(sqrt(e$values)) %*% t(e$vectors)
```

# Циклы и условия

## Циклы и условия

## # цикл с предусловием y <- numeric(); i <- 1</pre> while (i <= 5) { $y[i] < - i^2$ i <- i + 1 [1] 1 4 9 16 25 # цикл «от-до» y <- numeric() for (i in 1:5) { $y[i] < - i^2$

[1] 1 4 9 16 25

#### # оператор условия

```
if (y[1] == 1) {
  y <- y + 5
}
[1] 5 9 14 21 30</pre>
```

# Пользовательские функции и рисование графиков

## Пользовательские функции

```
# объявляем функцию f(x_1, x_2) = c - x_1^{\alpha} - x_2^{\alpha}
f \leftarrow function(x1, x2, c, alpha)  {
  c - x1^alpha - x2^alpha
f(0.5, 0.5, 1, 2)
[1] 0.5
# заданные при объявлении функции значения параметров
# воспринимаются как значения «по умолчанию»
f \leftarrow function(x1,x2,c=1,alpha=2) c - x1^alpha - x2^alpha
f(0.5, 0.5)
[1] 0.5
# обратиться к функции также можно, явно задав параметры
f(alpha=2, x2=0.5, x1=0.5, c=1)
[1] 0.5
```

## Двумерные графики

lines (x,q(x,c=0.5),lty="dashed")

```
q \leftarrow function(x,c=1) c*abs(x)^0.5
x < - seq(-5, 5, length=101)
# команда «plot» рисует новый график
plot(x, g(x), type="1", lty="solid", xlim=c(-5, 5), ylim=c(0, 2.5),
main="График", xlab="Аргумент", ylab="Функция")
• type — вид графика: "I" — линии, "p" — точки, ...

    lty — вид линии: "solid" — сплошная, "dashed" —

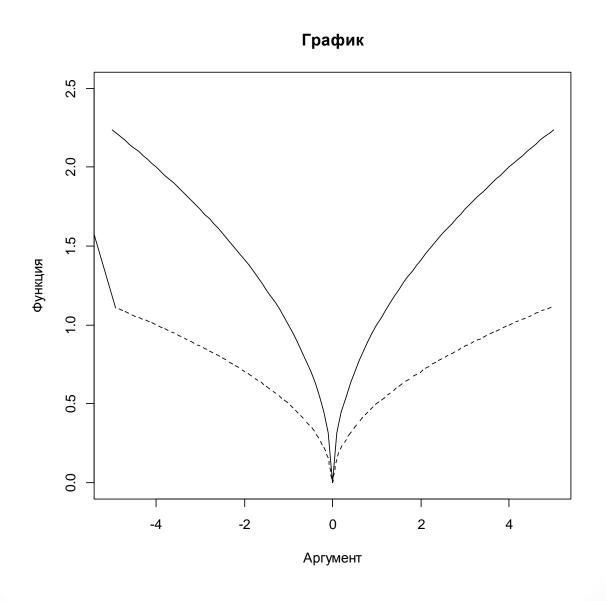
  пунктирная, "dotted" — точками, ...

    xlim, ylim — границы графика по осям х и у

• main, xlab, ylab — подписи графика и осей
```

# «lines» добавляет линии на существующий график

## Двумерный график



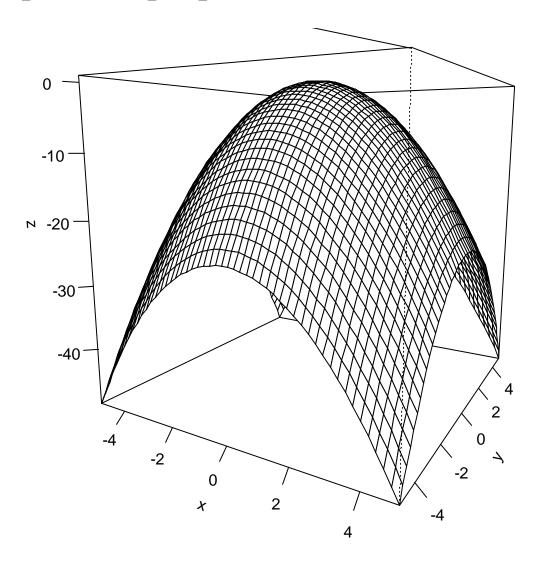
## Трёхмерные графики и линии уровня

```
x < -y < -seq(-5, 5, length=51)
z \leftarrow outer(x, y, f)
# команда «persp» рисует трёхмерный график
persp(x,y,z,theta=30,phi=10,col="white",ticktype="detailed")
• theta, phi — углы обзора по горизонтали и вертикали
• col — цвет графика (см. функцию colors ())
• ticktype — маркировка осей: "detailed" — точные значения,
  "simple" — только стрелки

    xlim, ylim, main, xlab, ylab — аналогично команде «plot»

# «contour» рисует линии уровня функции f
contour(x,y,z,nlevels=5)
• nlevels — количество линий уровня
```

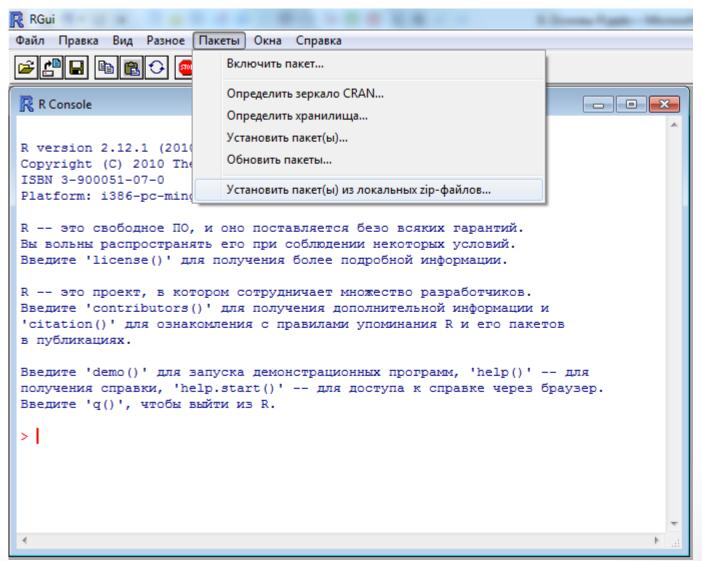
## Трёхмерный график



# Установка пакетов, загрузка и сохранение данных

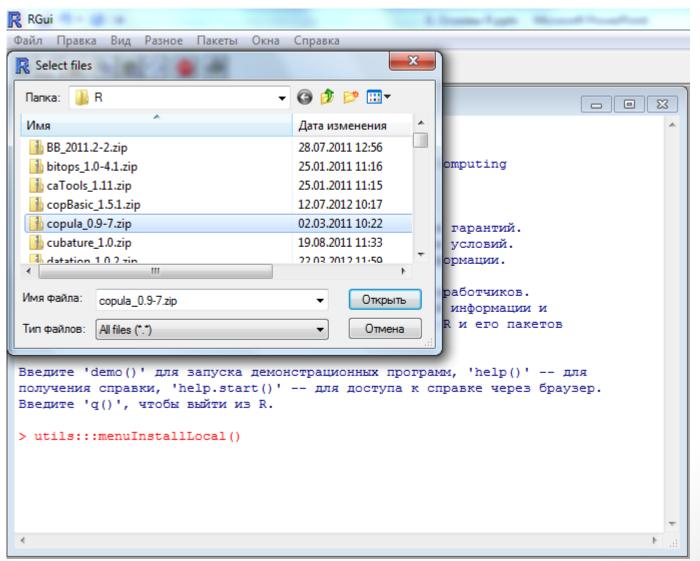
## Установка пакетов из локального диска

Шаг 1. Выбор команды из меню



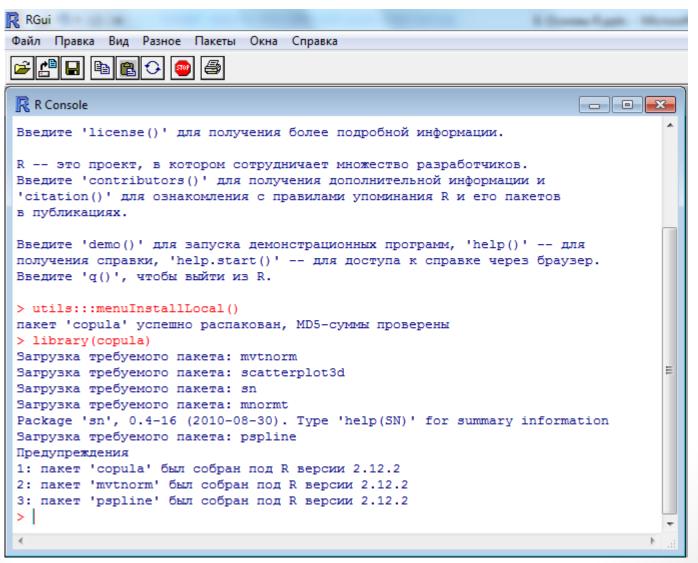
## Установка пакетов из локального диска

Шаг 2. Выбор пакетного zip-файла



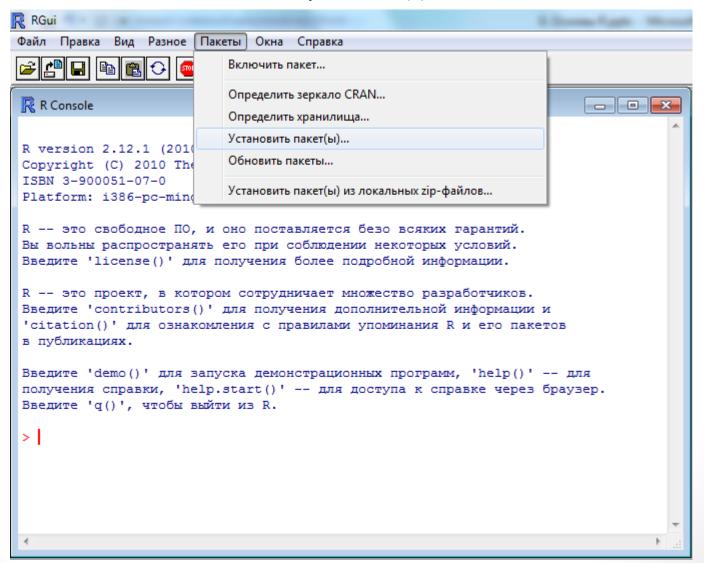
### Установка пакетов из локального диска

#### Шаг 3. Объявление библиотеки



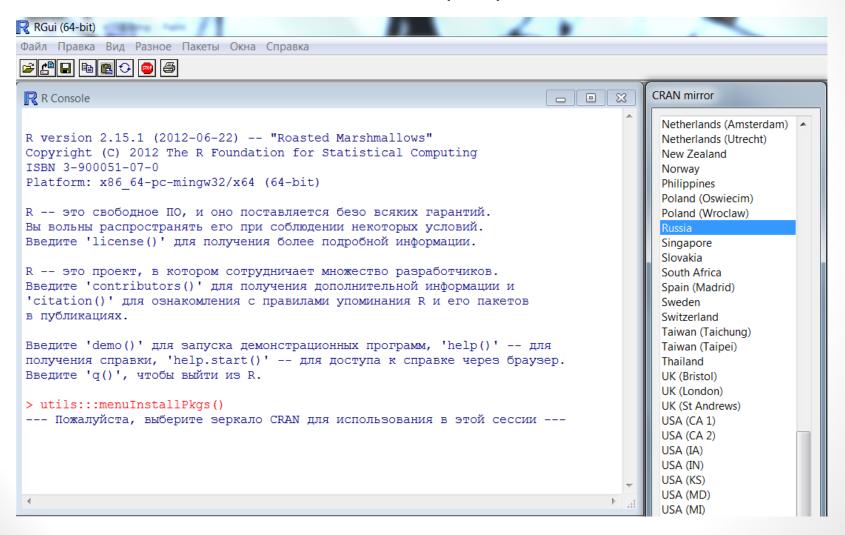
## Установка пакетов с <u>сайта R</u>

Шаг 1. Выбор команды из меню



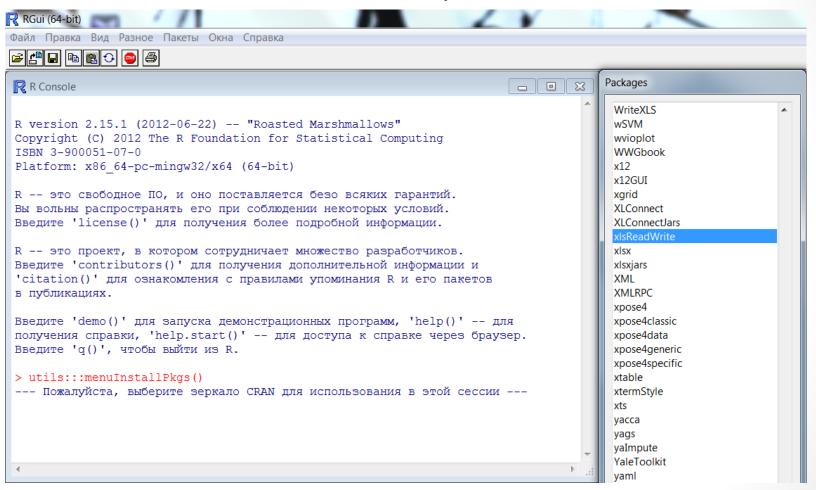
### Установка пакетов с сайта R

Шаг 2. Выбор зеркала



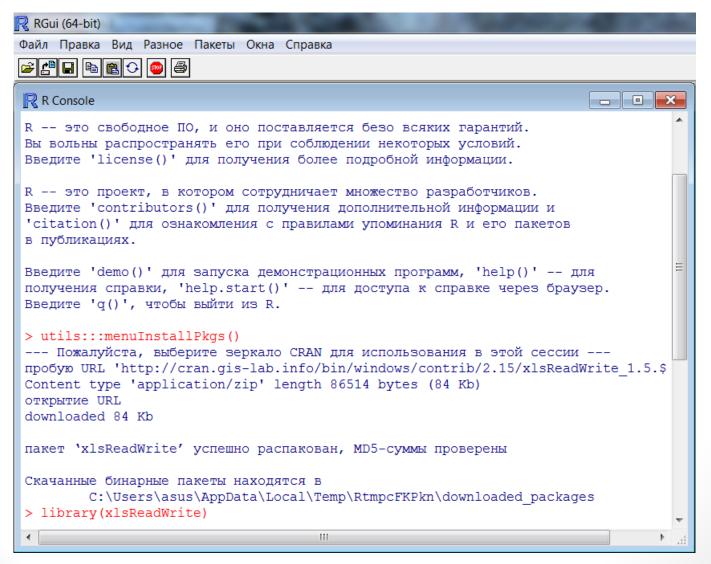
### Установка пакетов с сайта R

#### Шаг 3. Выбор пакета



### Установка пакетов с сайта R

#### Шаг 4. Объявление библиотеки



## Загрузка и сохранение данных

```
# загрузка данных из Excel
# (*.xlsx-файл должен существовать)
library(xlsx)
dat <- read.xlsx("C:/R/input.xlsx", sheetIndex=1, header=TRUE)</pre>
dat <- as.matrix(dat)</pre>
  V1 V2 V3
2 0 1 1
# экспорт данных в Excel
# (*.xlsx-файл может не существовать)
write.xlsx(dat, "C:/R/output.xlsx", sheetName="Таблица1",
          col.names=TRUE, row.names=FALSE, append=FALSE)
```

## Загрузка и сохранение данных

```
# загрузка данных из *.csv

dat <- read.csv("C:/R/input.csv", header=TRUE, sep=",")

• header == TRUE, если в файле есть заголовки столбцов

• sep — разделитель столбцов ("," для *.csv)

# загрузка данных из *.txt

dat <- read.table("C:/R/input.txt",
    header=TRUE, sep=",",dec=".")

• dec — разделитель целой и дробной частей

• header, sep — аналогично read.csv
```

## Домашнее задание

- загрузить в R котировки трёх акций или индексов
- перейти от цен финансовых инструментов к их доходностям
- построить графики цен и доходностей
- написать пользовательскую функцию, при подстановке в которую вектора доходностей актива, возвращается средняя доходность и её стандартное отклонение

Источник данных — сайты finam.ru, finance.yahoo.com и др.