

Практически для любого графа Reconstruction Number(RN) равно трем.

В данной статье речь шла о некотором общем утверждении, касающемся характеристики, определяющий графы с точностью до изоморфизма.

Определение. G - граф, где $\{x_1, \dots, x_n\}$ - множество его вершин, будем *deck* называть совокупность $\{G_i | G_i = G \setminus x_i, i = 1, \dots, n\}$

Определение. Reconstruction Number(RN) графа G будем называть минимальное число k , такое что существует набор $\{i_1, \dots, i_k\}, 1 \leq i_1 < \dots < i_k \leq n$, такой, что если для графа H вместе с $deck_H$ существует набор размера k - $J = \{j_1, \dots, j_k\}$, такой что $G_{i_l} \cong H_{j_l}$ для любого $l = 1, \dots, k$, то H изоморфен G .

Определение. $\mathfrak{Z}(n, p)$ - вероятностное пространство графов на n вершинах, где каждое ребро выбирается с вероятностью $p = p(n)$. Случайный элемент этого пространства обозначаем $G_p(G_{p,n})$.

Определение. Будем говорить, что случайный элемент G_p обладает некоторым свойством Q , если вероятность этого события стремится к 1 при $n \rightarrow \infty$.

Лемма(Приведена без подробного доказательства).

$k \in \mathbb{N}, c > \frac{k+2}{2}$ – фиксированы,

$$\frac{c \log n}{n} \leq p = p(n) \leq 1 - \frac{c \log n}{n}.$$

G из $\mathfrak{Z}(n+k, p)$ - такое что если $W \subset V$, мощности n , а ρ - инъекция, индуцирующая изоморфизм подграфов: $G[W] \rightarrow G[\rho(W)]$, где $G[W]$ - подграф графа G на множестве вершин W , тогда $\rho(w) = w$ для любого w из W .

Теорема. Пусть $c > \frac{5}{2}$ и $\frac{c \log n}{n} \leq p = p(n) \leq 1 - \frac{c \log n}{n}$.

1. Тогда G_p, n - такое что любые три элемента *deck* определяют его.
2. Более того любые два элемента *deck* G_i и G_j определяют его граф с точностью до ребра между x_i и x_j .

Для доказательства, выделим множество графов, подходящих под условие Леммы и докажем, что для графов из этого множества, верно выполнение второго пункта теоремы, что влечет выполнение и первого.

Заметим, что из Леммы следует, что вероятность этого множества стремится к единице, то есть почти все графы обладают свойством принадлежности данному множеству, что и доказывает теорему.

Следствие. Почти для любого графа $RN=3$.