

### Секущие плоскости

Используем пропозициональные переменные  $\bar{p}$  с интерпретацией  $0 = false$  и  $1 = true$ .  
Строка доказательства - это

$$\sum_k c_k p_k \geq C,$$

где  $c_k$  и  $C$  - целые.

**Аксиомы:**  $p_k \geq 0$  и  $-p_k \geq -1$  (т.е.  $0 \leq p_k \leq 1$ ) для каждой пропозициональной переменной  $p_k$ .

**Парвила:**

1. Сложение. Из  $\sum_k c_k p_k \geq C$  и  $\sum_k d_k p_k \geq D$  получаем  $\sum_k (c_k + d_k) p_k \geq C + D$ ;
2. Деление. Из  $\sum_k c_k p_k \geq C$  получаем  $\sum_k \frac{c_k}{d} p_k \geq \left\lceil \frac{C}{d} \right\rceil$ ,  $d > 0$  - целое, которое делит каждое  $c_k$ ;
3. Умножение. Из  $\sum_k c_k p_k \geq C$  получаем  $\sum_k d c_k p_k \geq dC$ , где  $d$  - произвольное положительное целое.

Для опровержения множества неравенств надо получить противоречие  $0 \geq 1$ .

Выразительная сила секущих плоскостей, по крайней мере, так же велика, как у кловов (т.е. можно по невыполнимой формуле в КНФ построить доказательство в секущих плоскостях).

Остальная часть доклада - нижняя оценка.