

Определение 1. Самопроверяемый конечный автомат (SVFA) $\mathcal{A} = (\Sigma, Q, q_0, \delta, F^a, F^r)$, где Σ, Q, q_0, δ — из определения стандартного недетерминированного автомата, $F^a \subseteq Q$ — множество принимающих состояний, $F^r \subseteq Q$ — множество отвергающих состояний, $Q \setminus (F^a \cup F^r)$ — нейтральные состояния. Для каждого слова $w \in \Sigma^*$ существует хотя бы одно вычисление, заканчивающееся в F^a или F^r . Каждое слово должно либо приниматься, либо отвергаться.

Теорема 1. Для любого SVFA на n состояниях существует эквивалентный DFA на $1 + f(n-1)$ состоянии, где $f(n)$ — максимальное число максимальных клик в графе с n вершинами.

Доказательство. SVFA является частным случаем NFA, поэтому нужно построить DFA, состояниями которого являются подмножества состояний SVFA.

1) поиск возможных подмножеств

Определение 2. Два состояния p и q совместимы, если $(L_p^a \cup L_q^a) \cap (L_p^r \cup L_q^r) = \emptyset$

2) строится граф совместимости.

Вершины — состояния SVFA; $(p, q) \in E$ тогда и только тогда, когда p и q совместимы. Максимальные клики построенного графа — допустимые подмножества состояний.

3) подсчет числа максимальных клик

q_0 совместимо со всеми состояниями, поэтому есть ровно одна максимальная клика. Осталось посчитать число максимальных клик на $n-1$ вершине. Получаем оценку $1 + f(n-1)$. \square

Теорема 2. Для любого n существует SVFA такой, что минимальный DFA состоит из ровно $1 + f(n-1)$ состояний.