

**Def.**  $G = (V, E)$  - граф.  $V = \{1, \dots, n\}$ ,  $|E| = m$ .  $G$  - **ламанов граф**, если  $m = 2n - 3$  и любому подмножеству из  $k \geq 2$  вершин соответствует не более  $2k - 3$  ребер.

**Def.** Вложение  $G(P)$  графа  $G$  в  $P = \{p_1, \dots, p_n\} \subset \mathbb{R}^2$  - это отображение  $i \mapsto p_i \in P$ . Ребра  $ij$  отображаются в отрезки  $p_i p_j \subset \mathbb{R}^2$ .

**Def.** Вершина  $i$  вложения  $G(P)$  **отмечена**, если все смежные с ней ребра лежат (строго) по одну сторону от некоторой прямой, проходящей через  $p_i$ .

**Def.** Вложение  $G(P)$  **непересекающееся**, если никакие два отрезка  $p_i p_j$  и  $p_k p_l$ ,  $i, j \notin \{k, l\}$  не пересекаются.

**Def.**  $G$  - **планарный**, если для него существует непересекающееся вложение.

**Def.** Вершина простого многоугольника **выпукла**, если ее внутренний угол строго между 0 и  $\pi$ .

**Def.** Вершина простого многоугольника **рефлекторна**, если ее внутренний угол строго между  $\pi$  и  $2\pi$ .

**Def.** **Псевдо-треугольник** - это простой многоугольник, у которого ровно три выпуклые вершины.

**Def.** **Псевдо-триангуляция** множества точек на плоскости - это непересекающееся вложение графа  $G(P)$  такое, что внешняя грань есть дополнение выпуклой оболочки точек множества, а внутренние грани - псевдо-треугольники.

**Def.** **Отмеченная псевдо-триангуляция** - это псевдо-триангуляция, в которой отмечены все вершины.

**Theorem 0.1. (главная)** *Любой планарный ламанов граф может быть вложен как отмеченная псевдо-триангуляция.*