

APUVS, Blatt 6

Jan Fajerski and Kai Warncke and Magnus Müller

13. Dezember 2010

Aufgabe 6.1

Die Aufgabenstellung fragt, ob der *Chandy-Lamport-Algorithmus* auch dann einen konsistenten Schnitt erstellt, wenn er auf mehreren oder allen Prozessen gleichzeitig gestartet wird. Dies geschieht unter der Voraussetzung, dass alle beteiligten Prozesse bisher noch keine Markernachrichten bekommen haben.

Der Chandy-Lamport-Algorithmus funktioniert korrekt, auch wenn er gleichzeitig auf mehreren Prozessen gestartet wird.

Wir illustrieren das an dem durch Abbildung 1 gegebenen Beispiel. Wir beginnen in einem Zustand, der durch Abbildung 1(a) gegeben ist: Der Prozessgraph ist zusammenhängend und besteht aus 4 Prozessen und 4 Kommunikationskanälen. Nun wird der Chandy-Lamport-Algorithmus zeitgleich (zumindest ohne zu große Verzögerung dazwischen) auf den Prozessen 1 und 4 gestartet (vgl. Abbildung 1(b)). Der Start des Algorithmus funktioniert auch über Marker, welche diese beiden Prozesse bereits erhalten haben (nicht dargestellt). Diese aktivierten Prozesse senden an alle Kommunikationskanäle Marker, nachdem sie ihren internen Zustand gesichert haben (Abbildung 1(c)). Zudem starten sie danach die Aufzeichnung der eingehenden Nachrichten über die angeschlossenen Kommunikationskanäle. Nun folgt die in Abbildung 1(d) dargestellte Situation: Die Prozesse 2 und 3 erhalten ihrerseits ihre ersten Marker und beginnen somit, den Algorithmus auszuführen. Sie sichern also ihren internen Zustand und senden dann, wie in Abbildung 1(e) dargestellt, auch Marker an alle angeschlossenen Kommunikationskanäle. Wie an Abbildung 1(e) zu sehen ist, wurden aber noch nicht alle im System vorhandenen Markernachrichten konsumiert. Dies ist eine wichtige Erkenntnis, denn dadurch sind die auf diesem Kanal benötigten Markernachrichten bereits

vorhanden. Abbildung 1(f) beschreibt einen Ausschnitt aus dem System, nachdem die Prozesse 2 und 3 ihre Marker geschickt haben, diese aber noch nicht konsumiert wurden. Nun sind die für die Prozesse 1 und 4 nötigen Marker unterwegs und können konsumiert werden. Dadurch kommen 1 und 4 in den Endzustand und können den Algorithmus beenden. Die Prozesse 2 und 3 warten wiederum noch auf eingehende Nachrichten. Wie an den Kanälen noch zu sehen, befinden sich immer noch Markernachrichten in den Puffern. Aufgrund der FIFO-Eigenschaft der Kanäle können diese Nachrichten nicht überholt werden. Das bedeutet, dass auch neue Nachrichten von den bereits mit dem Algorithmus fertigen Prozessen diese Marker nicht überholen werden. Somit werden die Marker später, wie in Abbildung 1(g) dargestellt, von den Prozessen 2 und 3 konsumiert und diese können wiederum in den Endzustand übergehen.

Schlussfolgerung

Der Algorithmus ist also stabil gegenüber mehrfachem Start auf unterschiedlichen Prozessen, da die Marker nicht überholt werden können (FIFO-Eigenschaft). Es besteht also nicht die Gefahr, dass Nachrichten mit in den Schnitt aufgenommen werden, die zu spät abgesendet wurden – also solche Nachrichten, deren Sender bereits den Algorithmus abgeschlossen hat. In unserem Beispiel könnte der Prozess 1 in Abbildung 1(f) bereits neue Nachrichten an Prozess 2 schicken, ohne dass dies den Schnitt kaputt machen würde, denn Prozess 2 wartet noch auf einen Marker und erhält diesen wegen der FIFO-Eigenschaft vor der neuen Nachricht von Prozess 1.

Damit besteht die *Grenze des Schnitts* (vergleiche Folie 35, Vorlesung 6) auch weiterhin nur aus dem Empfang von Markern auf allen eingehenden Kommunikationskanälen.

Aufgabe 6.2

Siehe Anhang auf Seite 4

Aufgabe 6.3

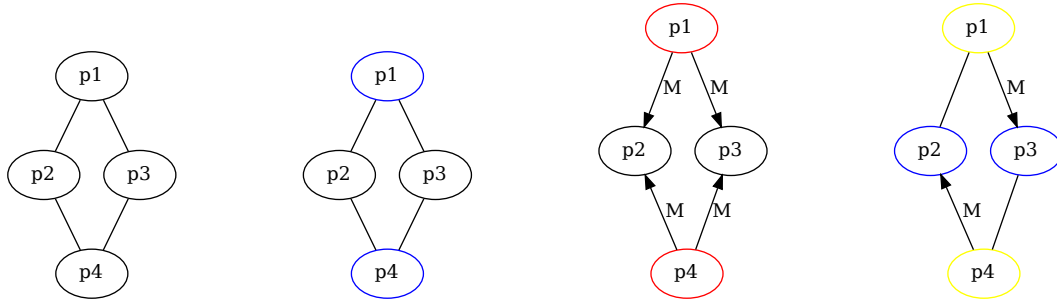
BEHAUPTUNG 1

$$e \rightarrow e' \Leftrightarrow V(e) < V(e')$$

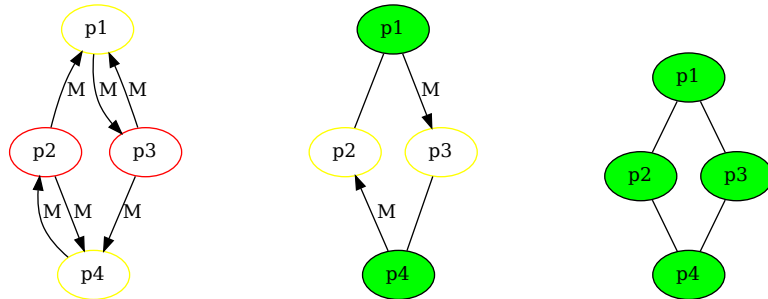
BEWEIS 1

„ \Rightarrow “. Voraussetzung: $e \rightarrow e'$. Zu zeigen: $V(e) < V(e')$.

Wir zeigen dies per Induktion über die Eigenschaften der *Happens-Before Relation*.



(a) Ausgangssituation (b) Algorithmus startet (c) Marker auf alle Kanäle (d) Erste Marker konsumiert



(e) Marker auf alle Kanäle (f) Einige sind fertig (g) Alle sind fertig

Abbildung 1: Beispiel zu Chandy-Lamport

Induktionsanfang.

Gelte $e \rightarrow e'$ wegen (HB1), also $e \rightarrow_i e'$. Offensichtlich gilt, genau wie bei der Lamportuhr, dass $V_i(e) < V_i(e')$ ist. Es gilt also noch zu zeigen, dass ebenso $V_j(e) \leq V_j(e'), \forall j \neq i$ zutrifft.

Sei nun $e = \text{send}(m), e' = \text{receive}(m, t)$, wobei m eine Nachricht und t der Zeitstempel bei Versand von M sind. Es gilt also (HB2). Dann folgt offensichtlich $V(e) < V(e')$, da $V(e')$ als komponentenweises Maximum von $V(e)$ und dem im Empfängerprozess j aktuellen Vektor V' gebildet wird. In V' wird vor Empfang der Nachricht V_j inkrementiert, weshalb

Das muss noch getan werden.

$V(e) \neq V(e')$ sein muss.

Induktionsschritt Es gelte $e \rightarrow e' \rightarrow e''$, also (HB2). Nach Induktionsvoraussetzung gilt $V(e) < V(e')$ und $V(e') < V(e'')$. Da die Relation $<$ aber transitiv ist folgt direkt $V(e) < V(e'')$, was zu zeigen war.

Somit ist die Vorwärtsrichtung erfolgreich bewiesen.

BEWEIS 2

„ \Leftarrow “. Voraussetzung: $V(e) < V(e')$. Zu zeigen: $e \rightarrow e'$.

Wir zeigen dies durch eine einfache Fallunterscheidung.

1. Fall. Seien e, e' Ereignisse innerhalb des selben Prozesses. Es gilt $V_i(e) = L_i(e) < L_i(e') = V_i(e')$ und somit trivialerweise $e \rightarrow_i e'$. Damit gilt auch $e \rightarrow e'$.

2. Fall. Seien e, e' Ereignisse in zwei unterschiedlichen Prozessen i, j . Idee: Male *history* aller Prozesse als gerichteter Graph auf. Suche nun den kürzesten Weg von e nach e' (falls es einen Weg gibt). Nun gilt folgende Eigenschaft: Für jede Kante gilt die happens before Relation, da immer $V(e_1) \leq V(e_2)$ und $V(e_1) \neq V(e_2)$, egal ob e_1, e_2 im gleichen Prozess sind oder nicht.

Das
muss
noch
getan
werden.

Anhang

```
1  -module(lamdy).
2  -export([run/4, distributor/3, buyer/3]).
3
4
5  %%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
6  %
7  % both distributor and buyer can use the following helper functions
8  %
9
10 record_state(Processname, Acc, Storage) ->
11     io:format ("~s<Konto:~B,~Schrauben:~B>\n", [Processname, Acc,
12         Storage]).
13
14 send_marker(Receiver) ->
15     Receiver ! {snapshot, self()}.
16
17 %%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
18 %
19 % Distributor
20 %
21
22 distributor(_, Storage, _) when Storage < 10 ->
23     io:format ("DIST:~I~don't have enough screws .... bye-bye\n"),
24     exit("distributor finishes");
25
26 distributor(Acc, Storage, false) ->
27     receive
28         {Number, Price} when is_integer(Number) and is_integer(Price) ->
29             %send screws to buyer
30             buy ! {Number},
31             distributor(Acc + Price, Storage - Number, false);
32             {snapshot, Sender} -> % if the system wants us to do a snapshot, wait for
33                 other snapshot
34     record_state ("Distributor", Acc, Storage),
35     send_marker (buy),
36     case Sender of
37         system -> distributor(Acc, Storage, true);
38         _ -> distributor(Acc, Storage, false)
39     end
40 end;
41 distributor(Acc, Storage, true) ->
42     receive
43         {Number, Price} when is_integer(Number) and is_integer(Price) ->
44             io:format ("Distributor:~received~B~screws~for~B~money\n",
45                 , [Number, Price]),
46             buy ! {Number},
47             distributor(Acc + Price, Storage - Number, true);
48             {snapshot, _} -> % finished - we can only be here if the initial message
49                 was from the system
50             distributor(Acc, Storage, false)
51     end.
52
53 %%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
54 %
55 % Buyer
56 %
57
58 buyer(Acc, _, _) when Acc < 10 ->
59     io:format ("BUYER:~Darn... i need a dollar .. dollar .. dollar is what i need\n"),
60     exit("Buyer finishes");
61
62 % no snapshot
63 buyer (Acc, Storage, false) ->
64     distrib ! {10, 50},
65     Newacc = Acc - 50,
66     receive
67         {Number} when is_integer(Number) ->
68             buyer(Newacc, Storage + Number, false);
69         {snapshot, Sender} -> % system tells us to do a snapshot
70             record_state ("Buyer", Newacc, Storage),
71             send_marker (distrib),
72             case Sender of
73                 system -> buyer(Newacc, Storage, true);
74                 _ -> buyer(Newacc, Storage, false)
75             end
76     end;
77 end;
```

```

73
74 buyer(Acc, Storage, true) ->
75     % keep on sending messages
76     distrib ! {10, 50},
77     Newacc = Acc - 50,
78     receive
79         % record incoming messages
80         {Number} when is_integer (Number) ->
81             io:format("Buyer_-_received_~B_screws\n", [Number]),
82             buyer(Newacc, Storage + Number, true);
83         {snapshot, _} -> % finished snapshot
84             buyer(Acc, Storage, false)
85     end.
86
87 run(Dacc, Dstore, Bacc, Bstore) ->
88     Distributor = spawn(lamdy, distributor, [Dacc, Dstore, false]),
89     register(distrib, Distributor),
90     Buyer = spawn (lamdy, buyer, [Bacc, Bstore, false]),
91     register(buy, Buyer),
92     link(Distributor),
93     link(Buyer),
94     % create a snapshot
95     Buyer ! {snapshot, system}
96

```