

- TP 3. Arbre en largeur et en profondeur. -

Le but de ce TP est de calculer un arbre en largeur sur un graphe G . L'ensemble des sommets de G est $\{0, \dots, n-1\}$; les arêtes sont codées par listes de voisinages. Ainsi, à chaque sommet i est associée la pile voisins[i] des voisins de i . Votre programme pourra contenir :

```
#include <cstdlib>
#include <iostream>
#include <vector>
#include <fstream>

using namespace std;

int
main()
{
    int n;                // Le nombre de sommets.
    int m;                // Le nombre d'arêtes.
    cout << "Entrer le nombre de sommets: ";
    cin >> n;
    cout << "Entrer le nombre d'arêtes: ";
    cin >> m;
    vector<int> voisins[n]; // Les listes des voisins.
    int pere[n];           // L'arbre en largeur.
    int ordre[n];          // L'ordre de parcours.
    int niveau[n];         // Le niveau du sommet.

    return EXIT_SUCCESS;
}
```

Ce début de code est récupérable là: <http://www.lirmm.fr/~montassier/hlin501/tp3.cc>

!!!! Pensez à tester chaque code produit sur de petits exemples !!!!

- Exercice 1 - Création d'un graphe aléatoire.

Écrire une fonction `void voisinsRandom(int n, int m, vector<int>voisins[])` qui engendre aléatoirement les listes de voisins d'un graphe aléatoire de n sommets et m arêtes. On prendra garde à :

- la symétrie: si x est voisin de y , alors y est voisin de x ;
- ne pas créer de boucle ;
- ne pas créer d'arête multiple.

- Exercice 2 - Parcours en largeur.

Implémenter l'algorithme du cours :

`void parcoursLargeur(int n, vector<int> voisins[], int niveau[], int ordre[], int pere[])`

qui effectue un parcours en largeur de racine 0 et calcule pour tout i :

- **pere[i]**, représentant le père de i dans l'arbre en largeur, lorsque $i \neq 0$.

- **ordre**[i], représentant la date à laquelle i a été lu en premier.
- **niveau**[i], représentant le niveau de i dans l'arbre.

- Exercice 3 - Écriture des niveaux.

Écrire une fonction `void ecritureNiveaux(int n, int niveau[])` qui écrit le nombre de sommets dans chaque niveau, et le nombre de sommets qui ne sont pas joignables à partir de 0. Votre résultat sera de la forme (ici pour $n = 40$ et $m = 80$):

```
Il y a 1 sommets au niveau 0.
Il y a 4 sommets au niveau 1.
Il y a 12 sommets au niveau 2.
Il y a 17 sommets au niveau 3.
Il y a 4 sommets au niveau 4.
Il y a 2 sommets qui ne sont pas dans la composante de 0.
```

- Exercice 4 - Parcours en profondeur.

Modifier votre algorithme afin de le transformer en parcours en profondeur. Énumérer de même le nombre de sommets sur chaque niveau de l'arbre en profondeur.

- Exercice 5 - Pour aller plus loin.

- Lorsque $m = 2n$, c'est à dire lorsque le degré moyen des sommets du graphe est égal à 4, quel est à votre avis le nombre de niveaux, en fonction de n , de l'arbre en largeur et de l'arbre en profondeur. Faire pour cela des essais avec n de plus en plus grand.
- Au lieu d'un graphe aléatoire, tirer les sommets du graphe au hasard parmi les points de la grille 612x792 et ne garder que les arêtes de longueur inférieure à un certain seuil. Afficher ce graphe en utilisant la fonction d'affichage du TP2. Calculer ensuite un arbre en largeur dans ce graphe et afficher celui-ci. Voir les figures ci-dessous.
- Implémenter le calcul des arêtes séparatrices vu en TD, et tester sur un graphe avec $\frac{3}{2}n$ arêtes.

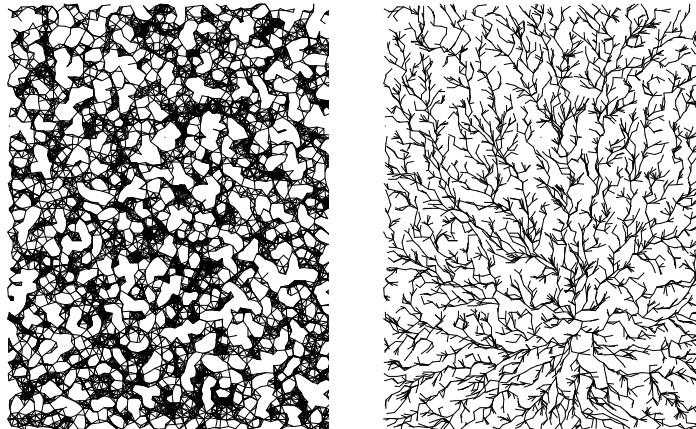


Figure 1: Un bien bel exemple d'arbre en largeur.