#### entier, flottant, complexe, booléen, chaîne **Types** de base 783 -192float 9.23 0.0 -1.7e-6 10-6 complex 2.7+3.1j bool True False 'L\'âme' "Un\nDeux" str retour à la ligne ' échappé """X\tY\tZ multiligne 1\t2\t3""" non modifiable, tabulation séquence ordonnée de caractères

# Mémento Python 3

# Types Conteneurs (listes, tuples, chaînes)

```
• séquences ordonnées, accès index rapide, valeurs répétables
```

non modifiable expression justé avec des virgules

\*str en tant que séquence ordonnée de caractères

```
pour noms de variables.
                          Identificateurs
fonctions, modules, classes...
a..zA..Z_ suivi de a..zA..Z_0..9
□ accents possibles mais à éviter
□ mots clés du langage interdits
□ distinction casse min/MAJ
```

© a toto x7 y\_max BigOne ⊗ <del>8y and</del>

 $= 1.2 + 8 + \sin(0)$ 

nom de variable (identificateur)

index négatif

Affectation de variables

```
Conversions
type (expression)
```

```
on peut spécifier la base du nombre entier en 2<sup>nd</sup> paramètre
int("15")
int (15.56) troncature de la partie décimale (round (15.56) pour entier arrondi)
float ("-11.24e8")
str (78.3)
               voir au verso le formatage de chaînes, qui permet un contrôle fin
```

bool → utiliser des comparateurs (avec ==, !=, <, >, ...), résultat logique booléen

chaîne de jointure séquence de chaînes

"Un blanc final \n".strip()—  $\rightarrow$  "Un blanc final"

chaîne de séparation

"des mots espacés".split() → ['des', 'mots', 'espacés'] "1,4,8,2".split(",")-

```
y, z, r = 9.2, -7.6, "bad"
noms de
               conteneur de plusieurs
variables
               valeurs (ici un tuple)
            incrémentation
x+=3 *
```

valeur ou expression de calcul

décrémentation **x=None** valeur constante « non défini »

-6

-5

# Indexation des listes, tuples, chaînes de caractères... len(lst)-

1 3 4 5 accès individuel aux éléments par [index] "abc" 42, 3.14 1968] 1st[1]→67 **1st**  $[0] \rightarrow 11$  *le premier* 

-2

tranche positive  $1st[-2] \rightarrow 42$ 1st [-1] →1968 *le dernier* -6 -5 tranche négative accès à des sous-séquences par [tranche début:tranche fin:pas]

 $lst[:-1] \rightarrow [11, 67, "abc", 3.14, 42]$ lst[1:3] → [67, "abc"]  $lst[1:-1] \rightarrow [67, "abc", 3.14, 42]$  $lst[-3:-1] \rightarrow [3.14,42]$ 

 $lst[::2] \rightarrow [11, "abc", 42]$ lst[:3] → [11, 67, "abc"] lst[:]→[11,67, "abc", 3.14,42,1968]  $lst[4:] \rightarrow [42, 1968]$ 

Indication de tranche manquante  $\rightarrow$  à partir du début / jusqu'à la fin.

Sur les séquences modifiables, utilisable pour suppression del lst[3:5] et modification par affectation lst[1:4]=['hop', 9]

## Logique booléenne

**Blocs d'instructions** Comparateurs: < > <= >= != instruction parente: bloc d'instructions 1... and b et logique les deux en même temps instruction parente: ou logique l'un ou l'autre ou les deux bloc d'instructions 2... not a non logique True valeur constante vrai instruction suivante après bloc 1

bloc d'instructions exécuté Instruction conditionnelle

uniquement si une condition est vraie **if** expression logique:

bloc d'instructions combinable avec des sinon si, sinon si... et un seul sinon final.

# bloc si expression logique x==42 vraie print("vérité vraie")

elif x>0: # bloc sinon si expression logique x>0 vraie print("positivons")

# bloc sinon des autres cas restants print("ça veut pas")

False valeur constante faux

🖢 nombres flottants... valeurs approchées ! Opérateurs: + - \* / \*\*  $(1+5.3)*2\rightarrow12.6$ abs  $(-3.2) \rightarrow 3.2$ 

round  $(3.57, 1) \rightarrow 3.6$ 

angles en radians

Maths from math import sin, pi...  $\sin(pi/4) \to 0.707...$  $\cos(2*pi/3) \rightarrow -0.4999...$ acos (0.5) →1.0471... sqrt (81) →9.0

 $log(e**2) \rightarrow 2.0$  etc. (cf doc)

# Complexes

z=1+2jz.real z.imag z.conjugate() abs(z)

# Opérations spécifiques aux entiers

17 % 5 reste et 17 // 5 quotient dans la div. eucl. de 17 par 5

```
bloc d'instructions exécuté Instruction boucle conditionnelle
                                                                        bloc d'instructions exécuté pour
                                                                                                         Instruction boucle itérative
tant que la condition est vraie
                                                                        chaque élément d'un conteneur ou d'un itérateur
              while expression logique:
                                                                                           for variable in séquence:
                    bloc d'instructions
                                                                                                  bloc d'instructions
                                                                                   Parcours des valeurs de la séquence
 i = 1 } initialisations avant la boucle
                                                                                    s = "Du texte"
                                                                                                           > initialisations avant la boucle
  condition avec au moins une valeur variable (ici 1)
                                                                                    cpt = 0
                                                                                     variable de boucle, valeur gérée par l'instruction for
 while i <= 100:
                                                                                    for cin s:
       # bloc exécuté tant que i \le 100
                                                       s = \sum_{i=100}^{i=100} i^2
                                                                                                                       Comptage du nombre
                                                                                          if c == "e":
       s = s + i**2
                                                                                                                       de e dans la chaîne.
                                                                                                cpt = cpt + 1
       \mathbf{i} = \mathbf{i} + \mathbf{1}  a faire varier la variable
                                                                                   print("trouvé", cpt, "'e'")
                         de condition!
                                                                         boucle sur dict/set = boucle sur séquence des clés
 print ("somme:", s) } résultat de calcul après la boucle
                                                                         utilisation des tranches pour parcourir un sous-ensemble de la séquence
                     attention aux boucles sans fin!
                                                                         Parcours des index de la séquence
                                                                         □ changement de l'élément à la position
 contrôle de boucle :
                                                                         □ accès aux éléments autour de la position (avant/après)
 break sortie immédiate
                                  continue itération suivante
                                                                         lst = [11, 18, 9, 12, 23, 4, 17]
                                                                         perdu = []
                                                                                                                       Bornage des valeurs
                                                                          for idx in range(len(lst)):
                                              Affichage / Saisie
                                                                                                                       supérieures à 15,
                                                                                val = lst[idx]
                                                                                                                       mémorisation des
                                                                                if val> 15:
                                                                                                                       valeurs perdues.
                                                                                      perdu.append(val)
                                                                                      lst[idx] = 15
 éléments à afficher : valeurs littérales, variables, expressions
                                                                         print("modif:",lst,"-modif:",perdu)
    Options de print:
    □ sep=" " (séparateur d'éléments, défaut espace)
                                                                         Parcours simultané index et valeur de la séquence:
    □ end="\n" (fin d'affichage, défaut fin de ligne)
                                                                          for idx, val in enumerate(lst):
    □ file=f (print vers fichier, défaut sortie standard)
                                                                                               Génération de séquences d'entiers
                                                                             très utilisé pour les
    = input("Directives:")
                                                                                                                          non compris
                                                                             boucles itératives for
    input retourne toujours une chaîne, la convertir vers le type
                                                                                                 range ([début,] fin [,pas])
        désiré (cf encadré Conversions au recto).
                                                                                                                        0 1 2 3 4
                                                                             range (5)
                                                                             range (3,8)
                                       Opérations sur conteneurs
 len (c) → nb d'éléments
                                                                             range (2, 12, 3)
                                                                                                                           2 5 8 11
                                            (listes, tuples, chaînes) ;
min(c) max(c)
                          sum(c)
                                                                                  range retourne un « générateur », faire une conversion
sorted (c) → copie triée
                                                                                  en liste pour voir les valeurs, par exemple:
val in c → booléen, opérateur in de test de présence (not in d'absence)
                                                                                 print(list(range(4)))
enumerate(c) → itérateur sur (index,valeur)
Spécifique aux conteneurs de séquences (listes, tuples, chaînes) :
                                                                             nom de la fonction (identificateur)
                                                                                                                Définition de fonction
reversed (c) \rightarrow itérateur inversé c*5 \rightarrow duplication c+c2 \rightarrow concaténation
                                                                                                  paramètres nommés
                                 c.count (val) → nb d'occurences
c.index(val) → position
                                                                             def nomfct(p_x,p_y,p_z):
                                                                                     """documentation"""
modification de la liste originale Opérations spécifiques aux listes
                                  ajout d'un élément à la fin
lst.append(item)
                                                                                     # bloc instructions, calcul de res, etc.
lst.extend(seq)
                                  ajout d'une séquence d'éléments à la fin
                                                                                     return res ← valeur résultat de l'appel.
lst.insert(idx, val)
                                  insertion d'un élément à une position
                                                                                                              si pas de résultat calculé à
lst.remove(val)
                                  suppression d'un élément à partir de sa valeur
                                                                             retourner: return None
                                                                             variables de ce bloc n'existent
lst.pop(idx)
                      suppression de l'élément à une position et retour de la valeur
lst.sort()
                   lst.reverse()
                                          tri / inversion de la liste sur place
                                                                             que dans le bloc et pendant l'appel à la fonction (« boite noire »)
                                                                                                                     Appel de fonction
                                                                                    nomfct(3,i+2,2*i)
                                         Listes par compréhension
lst = [2*i for i in range(10)]
                                                                                                   un argument par paramètre
                                                                              récupération du résultat renvoyé (si nécessaire)
lst = [i for i in range(20) if i%2 == 0]
                                        lst = [0, 2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18]
                                                                             Ce mémento est fourni à titre indicatif. Il ne faut le considérer :
 ______
                                                                               ni comme exhaustif (en cas de problème sur un exercice particulier, si une
                                                               Fichiers
 stockage de données sur disque, et relecture
                                                                                fonction ou une commande indispensable était absente de la liste,
f = open("fic.txt", "r", encoding="utf8")
                                                                               l'interrogateur pourrait aider le candidat).
                                                                               ni comme exclusif (une fonction ou une commande absente de cette liste
                                                                               n'est pas interdite : si un candidat utilise à très bon escient d'autres
               nom du fichier
variable
                                mode d'ouverture
                                                        encodage des
                                                                               fonctions MAIS sait aussi répondre aux questions sur les fonctions de base,
fichier pour
               sur le disque,
                                □ 'r' lecture (read)
                                                        caractères pour les
                                                                               il n'y a pas de problème),
                                □ 'w' écriture (write)
les opérations
               chemin, relatif
                                                       fichiers textes:
                                                                               ni comme un minimum à connaître absolument (l'examinateur n'attend
                                                       utf8 ascii
               ou absolu
                                □ 'a' ajout (append)...
                                                                               pas du candidat qu'il connaisse parfaitement toutes ces fonctions et ces
                                                        latin1
                                                                               commandes).
                                   chaîne vide si fin de fichier
                                                                             Les fonctions et commandes présentées doivent simplement permettre de faire
     en écriture
                                                             en lecture
                                                                             les exercices proposés aux candidats.
                                  s = f.read(4)<sub>si nb de caractères</sub>
f.write("coucou")
                                                                             L'examinateur n'attend pas du candidat une connaissance encyclopédique du
                                       lecture ligne
                                                          pas précisé, lit tout
 langage Python, mais une utilisation raisonnée des principes algorithmiques et
 de chaînes uniquement, convertir
                                       suivante
                                                          le fichier
                                                                             une mise en pratique des connaissances de base.
 de/vers le type désiré
                                  s = f.readline()
                                                                             L'utilisation de l'aide en ligne est encouragée, mais ne doit pas masquer une
 f.close() ½ ne pas oublier de refermer le fichier après son utilisation!
                                                                             ignorance sur ces aptitudes.
                                                                             help (a) \rightarrow aide sur a dir (a) \rightarrow liste d'attributs de a F1
 très courant : boucle itérative de lecture des lignes d'un fichier texte :
 for ligne in f :
                                                                            help ("module.obj") → aide sur obj de module, sans avoir
     🕇 bloc de traitement de la ligne
                                                                                                                besoin d'importer le module
```

# Mémento numérique Python 3

```
import matplotlib.pyplot as plt → charge le module pyplot sous le nom plt

plt.figure('titre') → crée une fenêtre de tracé vide

plt.plot(LX, LY, 'o-b') → trace le graphique défini par les listes LX et LY (abscisses et ordonnées)

| couleur: 'b' (blue), 'g' (green), 'r' (red), 'c' (cyan), 'm' (magenta), 'y' (yellow), 'k' (black)
| type de ligne: '-' (trait plein), '--' (pointillé), '-.' (alterné)...
| marque: 'o' (rond), 'h' (hexagone), '+' (plus), 'r' (croix), '*' (étoile)...

plt.xlim(xmin, xmax) → fixe les bornes de l'axe x

plt.ylim(ymin, ymax) → fixe les bornes de l'axe y

plt.axis('equal') → change les limites des axes x et y pour un affichage avec des axes orthonormés (le tracé d'un cercle plt.show() → affichage de la fenêtre donne un cercle)

plt.savefig(fichier)→ sauve le tracé dans un fichier (le suffixe du nom fichier peut donner le format; par exemple, 'image.png')
```

# import numpy as np -> charge le module numpy sous le nom np

```
Construction de tableaux (de type ndarray)
```

 $np.zeros(n) \rightarrow crée$  un vecteur dont les n composantes sont nulles

**np.zeros ( (n, m) )**  $\rightarrow$  crée une matrice  $n \times m$ , dont les éléments sont nuls

 $np.eye(n) \rightarrow crée la matrice identité d'ordre n$ 

np.linspace  $(a,b,n) \rightarrow$  crée un vecteur de n valeurs régulièrement espacées de a à b np.arange  $(a,b,dx) \rightarrow$  crée un vecteur de

valeurs de a incluse à b exclue avec un pas dx

**M. shape**  $\rightarrow$  tuple donnant les dimensions de M

 $\begin{array}{ll} \mathbf{M.size} & \rightarrow \text{le nombre d'éléments de } M \\ \mathbf{M.ndim} & \rightarrow \text{le nombre de dimensions de } M \\ \end{array}$ 

**M. sum ()**  $\rightarrow$  somme de tous les éléments de M

**M.min()**  $\rightarrow$  plus petit élément de M **M.max()**  $\rightarrow$  plus grand élément de M

argument **axis** optionnel :  $0 \rightarrow \text{lignes}$ ,  $1 \rightarrow \text{colonnes}$ :

**M. sum (0)**  $\rightarrow$  somme des lignes

**M.min (0)** → plus petits éléments, sur chaque colonne

M. max (1) → plus grands éléments, sur chaque ligne

#### import numpy.linalg as la

la.det (M)  $\rightarrow$  déterminant de la matrice carrée M

**la.inv (M)**  $\rightarrow$  inverse de M

la.eigvals (M)  $\rightarrow$  valeurs propres de M

la.matrix\_rank (M)  $\rightarrow$  rang de M

la.matrix\_power  $(M, n) \rightarrow M^n$  (n entier)

la. solve  $(\overline{A}, B) \rightarrow \text{renvoie } X \text{ tel que } A X = B$ 

# import scipy.integrate as spi

# spi.odeint(F,Y0,LT)

 $\rightarrow$  renvoie une solution numérique du problème de Cauchy  $\mathbf{Y}'(t) = \mathbf{F}(\mathbf{Y}(t),t)$ , où  $\mathbf{Y}$  est un vecteur d'ordre n, avec la condition initiale  $\mathbf{Y}(t_0) = \text{YO}$ , pour les valeurs de t dans la liste LT de longueur k commençant par  $t_0$ , sous forme d'une matrice  $n \times k$ 

**spi.quad** (f, a, b)  $\rightarrow$  renvoie une évaluation numérique de l'intégrale :  $\int_{a}^{b} f(t)dt$ 

# Conversion ndarray <-> liste

 $V = np.array([1, 2, 3]) \rightarrow V : vecteur(1 2 3)$ 

 $L = V.tolist() \rightarrow L: liste[1, 2, 3]$ 

**M** = np.array([[1,2],[3,4]])  $\rightarrow M$ : matrice  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ 

**L** =  $M.tolist() \rightarrow L : liste[[1, 2], [3,4]]$ 

# Extraction d'une partie de matrice

M[i],  $M[i,:] \rightarrow ligne de M d'index i$ 

**M**[:,  $\dot{j}$ ]  $\rightarrow$  colonne de M d'index j

 $M[i:i+h, j:j+1] \rightarrow sous-matrice h \times l$ 

Copier un tableau avec la méthode copy :

M2 = M1.copy()

```
^{\prime} M1+M2, M1*M2, M**2 \rightarrow opérations « terme-à-terme »
```

 $\mathbf{C}^{\star}\mathbf{M} \longrightarrow \text{multiplication de la matrice } M \text{ par le scalaire } c$ 

**M+c**  $\rightarrow$  matrice obtenue en ajoutant le scalaire c à chaque terme de M

V1. dot (V2) → renvoie le produit scalaire de deux vecteurs

np.dot (V1, V2)

np.dot (M, V) → renvoie le produit d'une matrice par un vecteur

M1.dot (M2)
np.dot (M1, M2) → renvoie le produit de deux matrices

M.transpose() np.transpose(M)  $\rightarrow$  renvoie une copie de M transposée (ne modifie pas M)

M.trace() | → renvoie

np.trace(M)  $\rightarrow$  renvoie la trace de M

# Fonctions mathématiques usuelles

np.exp, np.sin, np.cos, np.sqrt etc.

→ fonctions qui s'appliquent sur des réels ou des complexes, mais aussi sur des vecteurs et des matrices (s'appliquent à chaque terme), qui sont optimisées en durée de calcul.

<u>Rappel</u>: ce mémento est fourni à titre indicatif. Il ne faut le considérer ni comme exhaustif, ni comme exclusif, ni comme un minimum à connaître absolument (l'examinateur n'attend pas du candidat qu'il connaisse parfaitement toutes ces fonctions et ces commandes).

# Mémento numérique Scilab

#### Instruction conditionnelle Définition d'une fonction **Boucles Complexes** nom de la fonction paramètres nommés for x=0:0.1:1 while z=1+2\*%i disp("x vaut 2") elseif x>=0 then function y = nomfct(x1, x2, x3)real(z) disp("x est positif ou nul") imag(z) Booléens %T,%F &(and) | (or) conj(z) disp("x est négatif") V = ... abs(z) Nombres remarquables %pi,%e endfunction --Graphiques figure (no, "BackgroundColor", [r, g, b], "Position", [bg, bh, larg, haut]) → crée une nouvelle fenêtre de tracé vide, avec le numéro no; on peut régler (options) la couleur du fond et la position de la fenêtre dans l'écran (bord gauche, bord haut, largeur, hauteur). plot(LX,LY,'o-b') → trace le graphique défini par les listes LX et LY (abscisses et ordonnées) couleur: 'b' (blue), 'g' (green), 'r' (red), 'c' (cyan), 'm' (magenta), 'y' (yellow), 'k' (black)

```
mlb_axis ("equal", [x_{min}, x_{max}, y_{min}, y_{max}]) \rightarrow repère orthonormé, plage d'affichage ; on peut donner les deux arguments ou seulement l'un des deux.
```

xs2png (no, "mon\_image.png") → sauve au format PNG le tracé de la figure no dans le fichier nommé « mon\_image.png »
Voir aussi: xs2bmp (BMP), xs2gif (GIF), xs2jpg (JPG), xs2eps (EPS), xs2pdf (PDF), xs2svg (SVG)

type de ligne : '-' (trait plein), '--' (pointillé), '-.' (alterné)...

marque : 'o' (rond), 's' (carré), '+' (plus), 'x' (croix), '\*' (étoile)...

# Calcul matriciel et vectoriel

#### Construction de tableaux

**zeros (1, n)**  $\rightarrow$  crée un vecteur-ligne dont les n composantes sont nulles

**zeros (n, m)**  $\rightarrow$  crée une matrice  $n \times m$ , dont les éléments sont nuls

eye  $(n, n) \rightarrow$  crée la matrice identité d'ordre nlinspace  $(a, b, n) \rightarrow$  crée un vecteur-ligne de n valeurs régulièrement espacées de a à b

n valeurs régulièrement espacées de a à b  $\rightarrow$  crée un vecteur-ligne de valeurs de a incluse à b incluse avec un pas dx

**sum (M)**  $\rightarrow$  somme de tous les éléments de M

**min (M)**  $\rightarrow$  plus petit élément de M

**max (M)**  $\rightarrow$  plus grand élément de M

deuxième argument optionnel:

"r"→ sur chaque colonne, renvoie un vecteur-ligne
"c"→ sur chaque ligne, renvoie un vecteur-colonne

sum (M, "r") → somme des lignes

min (M, "c") → plus petits éléments, de chaque ligne max (M, "r") → plus grands, de chaque colonne

#### Algèbre linéaire

**trace (M)**  $\rightarrow$  trace de la matrice carrée M

**det (M)**  $\rightarrow$  déterminant de la matrice carrée M

**inv (M)**  $\rightarrow$  inverse de M

**spec (M)**  $\rightarrow$  valeurs propres de M

**rank (M)**  $\rightarrow$  rang de M

 $\mathbf{M}^{\mathbf{n}}$   $\rightarrow M^{n}$ 

**linsolve** (A, B)  $\rightarrow$  renvoie X tel que A X = B

# Intégration numérique

# ode(Y0,t0,LT,F)

 $\rightarrow$  renvoie une solution numérique du problème de Cauchy  $\mathbf{Y}'(t) = \mathbf{F}(t,\mathbf{Y}(t))$ , où  $\mathbf{Y}$  est un vecteur d'ordre n, avec la condition initiale  $\mathbf{Y}(t_0) = \text{YO}$ , pour les valeurs de t dans la liste LT de longueur k, sous forme d'une matrice  $n \times k$ 

intg (a,b,f)  $\rightarrow$  renvoie une évaluation numérique de l'intégrale :  $\int_{-b}^{b} f(t)dt$ 

#### Définition d'un vecteur, d'une matrice

 $\mathbf{U} = [1, 2, 3] \rightarrow U$ : liste = vecteur-ligne (1 2 3)

 $V = [1; 2; 3] \rightarrow V$ : vecteur-colonne  $\begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}$ 

 $\mathbf{M} = [\mathbf{1}, \mathbf{2}; \mathbf{3}, \mathbf{4}] \rightarrow M : \text{matrice} \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}^{3}$ 

size (M) $\rightarrow$  vecteur-ligne des dimensions de Mlength (M) $\rightarrow$  le nombre d'éléments de M

## Extraction d'une partie de matrice

 $M(i, :) M(i, 1:\$) \rightarrow ligne de M d'index i (vecteur-ligne)$ 

M(:,j)  $M(1:\xi,j)$   $\rightarrow$  colonne de M d'index j (vecteur-colonne)

 $M(i:i+h, j:j+1) \rightarrow \text{sous-matrice } (h+1) \times (l+1)$ 

# Remarque sur les fonctions mathématiques usuelles

exp, sin, cos, sqrt etc.

→ fonctions qui s'appliquent sur des réels ou des complexes, mais aussi sur des vecteurs et des matrices (s'appliquent à chaque terme), qui sont optimisées en durée de calcul.

**M1+M2** → somme des deux matrices

 $\mathbf{C}^{\bigstar}\mathbf{M} \longrightarrow \text{multiplication d'une matrice } M \text{ par un scalaire } c$ 

M1.\*M2, M.^2  $\rightarrow$  opérations « terme-à-terme »

**M+c**  $\rightarrow$  matrice obtenue en ajoutant le scalaire c à chaque terme de M

**M'**  $\rightarrow$  transposée de la matrice *M* 

 $V' \rightarrow$  passage d'un vecteur-ligne à un vecteur-colonne, et inversement

**M1**\*M2 → produit (matriciel) des deux matrices

**M★V** → produit d'une matrice par un vecteur-colonne

V1 ' ★V2 → produit scalaire de deux vecteurs-colonnes

<u>Rappel</u>: ce mémento est fourni à titre indicatif. Il ne faut le considérer ni comme exhaustif, ni comme exclusif, ni comme un minimum à connaître absolument (l'examinateur n'attend pas du candidat qu'il connaisse parfaitement toutes ces fonctions et ces commandes).