화공전산

2020 숙제 1

9/17 (목) 제출 마감: 13:00 (지각 제출 마감: 14:00)



주의

- B123456은 학번을 뜻하므로 모든 B123456은 자신의 학번으로 바꾸시오.
- 문제에서 지정한 파일 형식을 정확히 지키세요. 예를 들어 .zip을 다른 형식의 압출 파일로 제출하지 마세요.
- 각 문제 12점. 문제별 부문제는 따로 정하지 않았으면 동일 배점.
- 풀이의 타당성과 설득력 > 답의 정확성

문제

- 1.1 함수 $f(x) = e^{-2/x}$ 에 대하여 답하시오.
 - (a) f(x)의 도함수는 다음과 같다.

$$f'(x) = \phi_1(x) \frac{e^{-2/x}}{x^2}$$
 $f''(x) = \phi_2(x) \frac{e^{-2/x}}{x^4}$ $f'''(x) = \phi_3(x) \frac{e^{-2/x}}{x^6}$

 $\phi_1(x), \phi_2(x), \phi_3(x)$ 를 구하시오.

(b) x = 1 근처에서 f(x)의 Taylor 급수를 구하면 다음과 같다.

$$f(x) = p_0 + p_1(x-1) + p_2(x-1)^2 + p_3(x-1)^3 + \cdots$$

계수 p_0, p_1, p_2, p_3 를 구하여 소수점 아래 4자리의 정규화된 부동 소수점 수로 답하시오.

손글씨로 답안을 작성하여 B123456_hw11.pdf로 제출하시오. (B123456을 자신의 학번으로 변경하는 것을 잊지마세요!.pdf 이외의 다른 형식은 받지 않습니다. 숙제 2부터는 이런 안내 없습니다.)

- 1.2 소득세법 (http://www.law.go.kr/법령/소득세법) 제55조 (세율)에 따라 종합 소득 과세 표준액 1억원 이하인 거주자의 종합 소득 산출 세액을 계산하는 파이선 코드를 작성하자. (1억원을 초과하는 사람은 알아서 계산하라고 하자.)
 - (a) 코드는 다음과 같이 구성된다. 한글로 설명한 부분은 지우고 각자 파이선 코드를 작성하시오.

def f(x):

과세 표준액에 따라 세액을 계산하는 함수

return y

과세표준액에 따라 세액을 계산하여 출력 (print)

import numpy

xs = numpy.linspace(0, 1e8, 101)

ys = [f(x) for x in xs]

from matplotlib import pyplot as plt

plt.figure(figsize = (6, 4.5))

plt.plot(xs, ys, 'k')

plt.xlabel('Income, krw')

plt.ylabel('Tax, krw')

plt.tight_layout()

plt.savefig('income_tax.pdf')

plt.show()

- 과세 표준액에 따라 세액을 계산하는 함수 부분에서 if, elif, else를 각각 한 번 이상 사용하시오.
- 과세표준액에 따라 세액을 계산하여 출력 (print) 부분에 과세 표준액 1천만원, 4천만원, 7천만원, 1억원에 대한 세액을 계산하여 출력하는 코드를 작성하시오.

파이선 코드를 완성하여 B123456_hw12.py처럼 자신의 학번에 _hw12를 덧붙인 파일명으로 저장하시오.

- (b) import numpy 이하 3 줄은 100만원 간격으로 과세 표준액에 따라 세액을 계산하는 부분이며 (print(xs) 등을 통하여 확인할 수 있다!) from matplotlib import pyplot as plt 이하는 이를 그래프로 그리는 부분이다.
 - plt.figure(figsize = (6, 4.5))를 plt.figure(figsize = (4, 3))로 변경
 - plt.tight_layout()를 삭제

를 조합하면 4 가지 서로 다른 그래프를 얻는다. 4개의 그래프를 관찰하여 그 차이를 요약하고, 각 코드의 기능을 설명하시오. 필요시 pyplot.figure와 pyplot.tight_layout을 검색하여 참고하시오.

제출물은 B123456_hw12.py 파일과

- print()의 결과
- 4 개 그래프의 차이와 각 코드의 기능에 대한 손글씨 답안
- plt.figure(figsize = (6, 4.5))와 plt.tight_layout()를 사용한 그래프 (나머지 3개의 그래프는 제출하지 마시오 제출하면 오히려 감점)

을 모은 하나의 B123456_hw12.pdf (.py와 .pdf 모두 B123456을 자신의 학번으로 변경하는 것을 잊지마세요! .pdf로 제출할 답안은 .pdf 이외의 다른 형식은 받지 않습니다. 숙제 2부터는 이런 안내 없습니다.)

- 1.3 교재의 연습문제 3.3을 가위치법을 적용하여 다시 풀자!
 - 초기 추정치 V_a 는 주어진 압력에서 이상 기체의 부피이고, $V_b = V_a/2$. 단, 이 브라켓이 타당치 않다고 판단되면 그 이유를 설명하고 타당한 브라켓을 찾아 사용하시오.
 - 수렴 조건: $|f(V_k)| \le 1e-3$ and $|V_k V_{k-1}| \le 1e-5$

파이선 코드를 작성하여 B123456_hw13.py에 저장하여 제출하시오. (B123456을 자신의 학번으로 변경하는 것을 잊지마세요! 숙제 2부터는 이런 안내 없습니다.)