1. Premiers pas

```
Activité 1
                                                                  premiers_pas_1.py
################################
# Premiers pas
# Activité 1 - Nombres
#####################################
###################################
# Cours
print("--- Cours ---")
# Afficher une phrase
print("Bonjour le monde !")
# Addition
5+7
print(5+7)
# Multiplication
print(6*7)
print(3*(12+5))
print(3*1.5)
# Puissance
print(3**2)
print(10**-3)
# Division réelle
print(14/4)
print(1/3)
# Division entière et modulo
print(14//4)
print(14%4)
# Questions
# Q1
# Nombre de secondes dans un siècle
print("--- Question 1 ---")
print(100 * 365 * 24 * 60 * 60)
# A partir dans quand plus grand qu'un milliard
print("--- Question 2 ---")
print((1+2)*(3+4)*(5+6)*(7+8)*(9+10)*(11+12)*(13+14)*(15+16))
# Trois derniers chiffres de 123456789 * 123456789 * ...
```

```
Activité 2
                                                          premiers_pas_2.py
# Premiers pas
####################################
# Activité 2 - Variables
# Cours
# C1 - variables
a = 3 # Une variable
b = 5 # Une autre variable
print("La somme vaut",a+b)  # Affiche la somme
print("Le produit vaut",a*b) # Affiche le produit
c = b**a
         # Nouvelle variable...
print(c)
         # ... qui s'affiche
# C2 - aire d'un triangle
base = 8
hauteur = 3
aire = base * hauteur / 2
print(aire)
# print(Aire) # !! Erreur !!
# C3 - ajout
S = 1000
S = S + 100
S = S + 200
S = S - 50
```

```
print(S)
# Questions
# Q1
# Aires - Volumes
# Trapèze : bien nommé les choses
B, b, h = 7, 4, 3
aire = (B + b) * h / 2
print("L'aire vaut",aire)
# Boîtes
L, 1, h = 10,8,3
volume = L * 1 * h
print(volume)
# Boules
PI = 3.14
R = 10
aire = PI * R**2
print(aire)
# Remettre dans l'ordre de sorte qu'à la fin x = 46
x = 7
y = 2*x
y = y - 1
x = x + 3*y
print(x)
# Q3
# Intérêts de 10%
S = 1000
S = S * 1.1
S = S * 1.1
S = S * 1.1
# Q4
\# Bon choix afin d'échanger a et b
# Mauvais
a = 11
b = 9
a = b
b = a
print(a,b)
# Mauvais
a = 11
b = 9
c = b
a = b
b = c
print(a,b)
# Mauvais
a = 11
b = 9
c = a
```

```
a = c
c = b
b = c
print(a,b)

# Bon
a = 11
b = 9
c = a
a = b
b = c
print(a,b)
```

```
Activité 3
                                                               premiers_pas_3.py
###################################
# Premiers pas
####################################
# Activité 3 - Utiliser des fonctions
####################################
# Cours
# C1 - fonctions
print("Coucou")
x = float("+1.234567")
print(x)
# C2 - module math
from math import *
x = sqrt(2)
print(x)
print(x**2)
# C3 - fonction trigo
angle = pi/2
print(angle)
print(sin(angle))
# C4 - décimal vers entier
x = 3.6
print(round(x))
print(floor(x))
print(ceil(x))
# Questions
# Q1
```

```
# pgcd
print(gcd(13*121,13*122))
a = 101*103
b = 102*103
print(a,b)
ppcm = a * b // gcd(a,b)
print(ppcm)
# Q2
# Valeur absolue
x = 3.85
print(abs(x**2-15))
print(round(2*x))
print(floor(3*x))
print(ceil(4*x))
# Q3
# Angle
angle = pi/7
x = cos(angle)**2 + sin(angle)**2
print(x)
```

```
Activité 4
                                                                 premiers_pas_4.py
#####################################
# Premiers pas
from math import *
#################################
# Activité 4 - Boucle "pour"
################################
# Cours
# C1 - Boucle "for"
for i in range(10):
   print(i*i)
# C2 - Boucle "for"
somme = 0
for i in range(20):
   somme = somme + i
print(somme)
# C3
print(list(range(10)))
print(list(range(10,20)))
print(list(range(10,20,2)))
```

```
# C4 - Imbrication de boucles
for x in [10,20,30,40,50]:
   for y in [3,7]:
        print(x+y)
####################################
# Questions
# Q1
# Cubes
for i in range(101):
   print(i**3)
for i in range (10,21):
   print(i**4)
for i in range(0,101,5):
   print(sqrt(i))
# Q2
# Puissances de 2
for k in range(1,11):
   print(2**k)
# Minimum d'une fonction par balayage
for i in range(101):
    x = i/100
    y = x**3 - x**2 - 1/4*x + 1
   print("x =",x,"y =",y)
# Q4
# Volume d'une boule qui vaut 100
for i in range(50):
   R = i/10
   V = 4/3 * 3.14 * R**3
    print("R =",R,"V =",V)
```

2. Tortue (Scratch avec Python)

```
color('red')
left(90)
               # 90 degrés à gauche
forward(200)
               # On avance
right(90)
forward(100)
right(90)
forward(100)
right(90)
forward(100)
up()
# Fin du code
# Lettre "Y"
color('blue')
goto(200,0)
down()
setheading(90)
forward(120)
left(30)
forward(75)
backward(75)
right(60)
forward(75)
exitonclick()
```

```
Activité 2
                                                                        tortue_2.py
# Tortue
####################################
#####################################
# Activité 2 - Boucle "pour"
####################################
# Question 1
from turtle import *
# Un pentagone
width(5)
color('blue')
for i in range(5):
   forward(100)
   left(72)
###################################
# Question 2
```

```
# Un autre pentagone
color('red')
longueur = 200
angle = 72
for i in range(5):
    forward(longueur)
    left(angle)
###################################
# Question 3
# Un dodecagone (12 côtés quoi)
color("purple")
n = 12
angle = 360/n
for i in range(n):
   forward(100)
   left(angle)
# Question 4
# Une spirale
color("green")
longueur = 10
for i in range(25):
    forward(longueur)
    left(40)
    longueur = longueur + 10
exitonclick()
```

```
Activité 3
                                                                           tortue_3.py
################################
###################################
# Activité 3 - Graphe d'une fonction
#####################################
from turtle import *
from math import *
speed("fastest")
width(2)
color('blue')
up()
for x in range(-200,200):
   if x == -199 : down()
   # y = 1/100 * x ** 2 # Parabole
   y = 100*sin(1/20*x) # Sinus
```

```
goto(x,y)
exitonclick()
```

```
Activité 4
                                                                              tortue_4.py
# Tortue
###################################
####################################
# Activité 4 - Boucle pour itérée - Triangle de Sierpinski
#####################################
from turtle import *
width(5)
up()
goto(-100,-100)
down()
for i in range(3):
   color("blue")
    forward(256)
    left(120)
    for i in range(3):
        color("red")
        forward(128)
       left(120)
        for i in range(3):
           color("green")
           forward(64)
           left(120)
           # for i in range(3):
           # color("orange")
                forward(32)
           #
                 left(120)
exitonclick()
```

```
from turtle import *
from math import *
speed("fastest")

n = 100
b = 2
r = 200

for i in range(n):
    up()
    goto(r*cos(2*i*pi/n),r*sin(2*i*pi/n))
    down()
    j = (b*i) % n
    goto(r*cos(2*j*pi/n),r*sin(2*j*pi/n))
exitonclick()
```

```
Activité 6
                                                                           tortue_6.py
################################
#####################################
# Activité 4 - Plusieurs tortues - Courbe de poursuite
# Préparation
from turtle import *
tortue1 = Turtle()
tortue2 = Turtle()
tortue3 = Turtle()
tortue4 = Turtle()
tortue1.speed("fastest")
tortue2.speed("fastest")
tortue3.speed("fastest")
tortue4.speed("fastest")
tortue1.color('red')
tortue2.color('blue')
tortue3.color('orange')
tortue4.color('green')
# tortue1.width(5)
# tortue2.width(5)
# tortue3.width(5)
# tortue4.width(5)
tortue1.up()
tortue1.goto(-200,-200)
tortue1.down()
tortue2.up()
tortue2.goto(200,-200)
tortue2.down()
```

```
tortue3.up()
tortue3.goto(200,200)
tortue3.down()
tortue4.up()
tortue4.goto(-200,200)
tortue4.down()
print(tortue1.position())
print(tortue1.towards(0,0))
# Boucle principale
for i in range(40):
    position1 = tortue1.position()
    position2 = tortue2.position()
    position3 = tortue3.position()
    position4 = tortue4.position()
    tortue1.goto(position2) # Va à la tortue suivante
                               # Revient à sa place
    tortue1.goto(position1)
    tortue2.goto(position3)
    tortue2.goto(position2)
    tortue3.goto(position4)
    tortue3.goto(position3)
    tortue4.goto(position1)
    tortue4.goto(position4)
    angle1 = tortue1.towards(position2) # Récupèrer l'angle
    tortue1.setheading(angle1) # S'oriente selon cet angle
    angle2 = tortue2.towards(position3)
    tortue2.setheading(angle2)
    angle3 = tortue3.towards(position4)
    tortue3.setheading(angle3)
    angle4 = tortue4.towards(position1)
    tortue4.setheading(angle4)
    tortue1.forward(10)
                           # Avance
    tortue2.forward(10)
    tortue3.forward(10)
    tortue4.forward(10)
exitonclick()
```

3. Si ... alors ...

```
Activité 2
                                                                     sialors_2.py
# Si ... alors ...
####################################
# Activité 2 - Tortue
####################################
from turtle import *
width(5)
color('blue')
mot = "AagAgAdAgAAgaAA"
for c in mot:
   if c == "A":
      forward(100)
   if c == "a":
       up()
       forward(100)
       down()
   if c == "g":
       left(90)
   if c == "d":
       right(90)
exitonclick()
```

```
Activité 3
                                                                        sialors_3.py
# Si ... alors ...
##################################
# Activité 3 - Chiffres d'un nombre
##################################
## Question 1 ##
for d in range(10):
   for u in range(10):
       n = 10*d + u
       print(n)
## Question 2 ##
for c in range(10):
   for d in range(10):
       for u in range(10):
           n = 100*c + 10*d + u
           if u == 3 and (c+d+u >= 15) and (d == 0 \text{ or } d == 2 \text{ or } d == 4 \text{ or } d == 6 \text{ or } d == 8):
              print(n)
## Question 3 ##
compteur = 0
for c in range(10):
   for d in range(10):
       for u in range(10):
           n = 100*c + 10*d + u
           if u == 3 and (c+d+u >= 15) and (d == 0 \text{ or } d == 2 \text{ or } d == 4 \text{ or } d == 6 \text{ or } d == 8):
              compteur = compteur + 1
print("Nombre de solutions :",compteur)
```

```
###################################
## Question 1 ##
a = 4
b = 5
c = 8
print("Triangle",a,b,c)
# A-t-on a <= b <= c ?
if a \le b and b \le c:
   print("Longueurs dans le bon ordre.")
else:
   print("Longueurs dans le mauvais ordre.")
#####################################
## Question 2 ##
# Un triangle peut-il être construit à partir de ces longueurs ?
if a+b >= c:
   print("Un tel triangle existe.")
else:
   print("Un tel triangle n'existe pas.")
## Question 3 ##
# Le triangle est-il rectangle ?
if a**2 + b**2 == c**2:
   print("Le triangle est rectangle.")
else:
   print("Le triangle n'est pas rectangle.")
## Question 3 ##
# Le triangle est-il equilatéral ?
if (a == b) and (b == c) and (a == c):
   print("Le triangle est équilatéral.")
else:
   print("Le triangle n'est pas équilatéral.")
#####################################
## Question 4 ##
# Le triangle est-il isocèle ?
if (a == b) or (b == c) or (a == c):
   print("Le triangle est isocèle.")
else:
   print("Le triangle n'est pas isocèle.")
#####################################
## Question 5 ##
# Tous les angles sont-ils aigus ?
cosalpha = (-a**2 + b**2 + c**2)/(2*b*c)
cosbeta = (a**2 - b**2 + c**2)/(2*a*c)
cosgamma = (a**2 + b**2 - c**2)/(2*a*b)
if (cosalpha >= 0) and (cosbeta >= 0) and (cosgamma >= 0):
```

```
print("Tous les angles sont aigus.")
else:
   print("Tous les angles ne sont pas aigus. (Il existe un angle obtu).")
```

```
Activité 5
                                                                                  sialors_5.py
####################################
# Si ... alors ...
###################################
####################################
# Activité 4 - Le jeu de la devinette
###################################
####################################
## Question 1 ##
from random import *
# Jeu classique de la devinette
nb_mystere = randint(0,99)
for essai in range(7):
    print("Quel est le nombre mystère ?")
    reponse_str = input("Ta proposition : ")
    reponse_int = int(reponse_str)
    if nb_mystere == reponse_int:
        print("Bravo !")
        break # Arrête la boucle
    if nb_mystere < reponse_int:</pre>
        print("Non, le nombre à trouver est plus petit !")
    if nb_mystere > reponse_int:
        print("Non, le nombre à trouver est plus grand !")
# Lorsque c'est fini :
if nb_mystere != reponse_int:
    print("Perdu ! Le nombre mystère était",nb_mystere)
###################################
## Question 2 ##
# Variante : l'ordinateur ment (1 fois sur 4)
# nb_mystere = randint(0,99)
# for essai in range(7):
     print("Quel est le nombre mystère ?")
#
      reponse_str = input("Ta proposition : ")
     reponse_int = int(reponse_str)
#
      # 1 fois sur 4 (environ) l'ordinateur ment
#
      verite = True
      hasard = randint(1,4)
#
#
      if hasard == 4:
#
          verite = False
#
      if nb_mystere == reponse_int:
```

```
print("Bravo !")
#
          break # Arrête la boucle
#
#
      if nb_mystere < reponse_int:</pre>
#
         if verite == True:
#
             print("Non, le nombre à trouver est plus petit !")
#
         else:
#
             print("Non, le nombre à trouver est plus grand !")
#
#
      if nb_mystere > reponse_int:
         if verite == True:
             print("Non, le nombre à trouver est plus grand !")
         else:
#
             print("Non, le nombre à trouver est plus petit !")
# # Lorsque c'est fini :
# if nb_mystere != reponse_int:
     print("Perdu ! Le nombre mystère était",nb_mystere)
## Question 3 ##
# Variante : le nombre mystère change un peu
# nb_mystere = randint(0,99)
# for essai in range(7):
     print("Quel est le nombre mystère ?")
     reponse_str = input("Ta proposition : ")
#
     reponse_int = int(reponse_str)
#
     # Modification du nb mystère
     hasard = randint(-3,3)
     nb_mystere = nb_mystere + hasard
#
     if nb_mystere < 1:</pre>
#
         nb_mystere = 1
#
     if nb_mystere > 99:
#
         nb_mystere = 99
#
     if nb_mystere == reponse_int:
        print("Bravo !")
         break # Arrête la boucle
#
     if nb_mystere < reponse_int:</pre>
         print("Non, le nombre à trouver est plus petit !")
#
      if nb_mystere > reponse_int:
         print("Non, le nombre à trouver est plus grand !")
# # Lorsque c'est fini :
# if nb_mystere != reponse_int:
      print("Perdu ! Le nombre mystère était",nb_mystere)
```

4. Fonctions

```
Activité 1
                                                       fonctions_1.py
# Fonctions - Idées
# Activité 1 - Introduction aux fonctions
## Question 1 ##
# Fonction sans paramètre, sans sortie
def affiche_table_de_7():
  """ Affiche la table de 7 """
  print("--- Table de 7 ---")
  for i in range(1,11):
     print(i,"x 7 =",str(i*7))
  return
# Test
affiche_table_de_7()
def affiche_bonjour():
  """ Dit bonjour """
   prenom = input("Comment t'appelles-tu ? ")
  print("Bonjour", prenom)
   return
# Test
affiche_bonjour()
## Question 2 ##
# Fonction avec paramètre, sans sortie
def affiche_une_table(n):
  """ Affiche la table de n """
  print("--- Table de",n,"---")
  for i in range(1,11):
     print(i, "x", n, "=", str(i*n))
  return
# Test
affiche_une_table(5)
```

```
def affiche_salutation(formule):
  """ Dit bonjour, bonsoir, au revoir... """
   prenom = input("Comment t'appelles-tu ? ")
   print(formule, prenom)
   return
# Test
affiche_salutation("Coucou")
## Question 3 ##
# Fonction sans paramètre, avec sortie
def demande_prenom_nom():
   """ Demande et renvoie le prénom et le nom """
   prenom = input("Quel est ton prénom ? ")
   nom = input("Quel est ton nom ? ")
   nom_complet = prenom + " " + nom.upper()
   return nom_complet
# Test
identite = demande_prenom_nom()
print("Identité :",identite)
```

```
Activité 2
                                                                 fonctions_2.py
# Fonctions
#####################################
####################################
# Activité 2 - Fonctions
#####################################
## Question 1 ##
# Fonction avec paramètre, avec sortie
def trinome_1(x):
  """ Calcule 3x^2-7x+4 """
   resultat = 3*x**2 - 7*x + 4
   return resultat
# Test
print("--- Trinôme ---")
for i in range(10):
```

```
print("La valeur en x =",i,"est",trinome_1(i))
def trinome_2(a,b,c,x):
   """ Calcule ax^2+bx+c """
   resultat = a*x**2 + b*x + c
   return resultat
# Test
a = 2; b = -1; c = 0
print("Trinôme pour a,b,c =",a,b,c)
for i in range(10):
   print("La valeur en x =",i,"est",trinome_2(a,b,c,i))
## Question 2 ##
# Fonction avec paramètre, avec sortie
def conversion_euros_vers_dollars(montant):
   """ Calcule la valeur en dollars d'un montant donné en euros """
   montant_dollar = 1.15 * montant
   \tt return\ montant\_dollar
# Test
print("--- Devises ---")
x = 20
print(x,"euros valent", conversion_euros_vers_dollars(x),"dollars")
def conversion_euros(montant, devise):
   """ Calcule la valeur dans une monnaie d'un montant donné en euros """
   if devise == "dollar":
       taux = 1.15
   if devise == "livre":
       taux = 0.81
   if devise == "yen":
       taux = 130
   montant_devise = montant * taux
   return montant_devise
# Test
x = 100
for madevise in ["yen","dollar","livre"]:
   print(x,"euros valent", conversion_euros(x,madevise),madevise)
## Question 3 ##
from math import *
# Calculs de différents volumes
def volume_cube(a):
```

```
return a**3
def volume_boule(r):
    return 4/3 * pi * r**3
def volume_cylindre(r,h):
    return pi * r**2 * h
def volume_boite(a,b,c):
    return a * b * c
# Test
print("--- Volumes ---")
print(volume_cube(3))
print(volume_boule(3))
print(volume_cylindre(2,5))
print(volume_boite(3,4,5))
## Question 4 ##
def perimetre_aire_rectangle(a,b):
   """ Calcule le périmètre et l'aire
   d'un rectangle de côtés a et b """
   p = 2*a+2*b
    A = a * b
   return p, A
def perimetre_aire_disque(r):
    """ Calcule le périmètre et l'aire
   d'un disque de rayon r """
    p = 2 * pi * r
   A = pi * r**2
    return p, A
print("--- Périmètres et aires ---")
print(perimetre_aire_rectangle(4,5))
print(perimetre_aire_disque(3))
# Recherche expérimentale : comparaison périmètre/aire d'un disque
for rayon in range(0,30):
   perimetre, aire = perimetre_aire_disque(rayon/10)
    print(rayon/10, perimetre - aire)
# Conclusion expérimentale :
# pour 0 < r < 2, le perimètre est strictement plus grand que l'aire
  pour r = 2, le périmètre égale l'aire,
   pour r > 2, le périmètre est strictement plus petit que l'aire
```

```
####################################
# Activité 3 - Tortue
####################################
from turtle import *
width(5) # Epaisseur du trait
## Question 1 ##
def triangle():
   color('red')
   forward(200)
   left(120)
   forward(200)
   left(120)
   forward(200)
   return
# Test
# triangle()
# exitonclick()
#####################################
## Question 2 ##
def carre():
   color('green')
   for i in range(4):
       forward(200)
       left(90)
   return
# Test
# carre()
# exitonclick()
## Question 3 ##
def hexagone(longueur):
   color('blue')
   for i in range(6):
       forward(longueur)
       left(60)
   return
# Test
# hexagone(100)
# exitonclick()
## Question 4 ##
def polygone(n,longueur):
   color('purple')
   angle = 360/n
   for i in range(n):
       forward(longueur)
       left(angle)
   return
```

```
# Test
# polygone(10,70)
# exitonclick()
# Test tout
up()
goto(-450,0)
down()
triangle()
up()
goto(-200,0)
setheading(0)
down()
carre()
up()
goto(100,0)
setheading(0)
down()
hexagone(100)
up()
goto(320,0)
setheading(0)
down()
polygone(8,70)
up()
exitonclick()
```

```
Activité 4
                                                                        fonctions_4.py
###################################
# Fonctions
####################################
####################################
# Activité 4 - Fonctions
#####################################
## Question 1 ##
def reduction(age):
   """ Renvoie le pourcentage de réduction en fonction de l'âge """
   if age < 10:
       reduc = 50
   elif age <= 18:
       reduc = 30
   elif age >= 60:
       reduc = 20
   else:
       reduc = 0
   return reduc
# Test
print("--- Réduction ---")
```

```
mon_age = 16
print("J'ai",mon_age, "ans et ma réduction est de",reduction(mon_age), "%.")
def montant(tarif_normal,age):
   """ Calcule le montant dû, en fonction du tarif normal et de l'âge """
   reduc = reduction(age)
   tarif = tarif_normal * (100-reduc)/100
   return tarif
print("--- Coût total des billets ---")
montant_famille = montant(30,9) + 2*montant(20,16) + 2*montant(35,40)
print(montant_famille)
## Question 2 ##
def calcul_est_exact(a,b,reponse):
   """ Teste si le résultat de a*b est correct """
   if reponse == a * b:
       return True
       return False
# Test
print("--- Test résultat multiplication ---")
print(calcul_est_exact(6,7,42))
def test_multiplication(a,b,lang):
   """ Pose une multiplication en français ou en anglais
   et affiche si la réponse est correcte ou pas """
   # Phrases en français et en anglais
   if lang == "francais":
       question = "Combien vaut le produit a x b ? "
       reponse_juste = "Bravo !"
       reponse_fausse = "Eh non !"
   if lang == "anglais":
       question = "How much is the product a x b? "
       reponse_juste = "Well done!"
       reponse_fausse = "It's wrong!"
   # Interrogation
   print("--- Question ---")
   print("a =",a)
   print("b =",b)
   reponse = int(input(question))
   if calcul_est_exact(a,b,reponse):
       print(reponse_juste)
       print(reponse_fausse)
    return
print("--- Quiz multiplication français/anglais ---")
test_multiplication(6,7,"anglais")
```

```
Activité 5
                                                   fonctions_5.py
###################################
# Fonctions
####################################
# Activité 5 - Egalité expérimentale
####################################
from math import *
## Question 1 ##
def valeur_absolue(x):
  if x >= 0:
     return x
  else:
     return -x
# def valeur_absolue_moins(x):
# return valeur_absolue(-x)
def racine_du_carre(x):
  return sqrt(x**2)
def egalite_experimentale_1(f,g):
  """ Teste si deux fonctions sont expérimentalement égales """
  for i in range(-100,101):
     if f(i) != g(i):
        return False
  return True
# Test
print("--- Egalité experimentale, une variable ---")
# print(egalite_experimentale_1(valeur_absolue,valeur_absolue_moins)) # Vrai
print(egalite_experimentale_1(valeur_absolue,racine_du_carre))
## Question 2 ##
def F1(a,b):
  return (a+b)**2
def F2(a,b):
  return a**2 + 2*a*b + b**2
def F3(a,b):
  return (a-b) **3
def F4(a,b):
```

```
return a**3 - 3*a**2*b - 3*a * b**2 + b**3
def F5(a,b):
   return a**3 - 3*a**2*b + 3*a * b**2 - b**3
def egalite_experimentale_2(F,G):
   """ Teste si deux fonctions de deux variables sont expérimentalement égales """
   for i in range(-100,101):
      for j in range(-100,101):
         if F(i,j) != G(i,j) :
             # print(i,j,F(i,j),G(i,j))
             return False
   return True
# Test
print("--- Egalité experimentale, deux variables ---")
print(egalite_experimentale_2(F1,F2))  # Vrai
print(egalite_experimentale_2(F3,F4))  # Faux
print(egalite_experimentale_2(F3,F5))  # Vrai
## Question 3 ##
def sincos(x):
   return sin(x)**2 + cos(x)**2
def un(x):
   return 1
precision = 0.00001 # = 10**-5
def egalite_experimentale_3(f,g):
   """ Teste si deux fonctions sont expérimentalement égales
   en autorisant une marge d'erreur """
   for i in range(-100,101):
      if abs(f(i) - g(i)) > precision:
         return False
   return True
print("--- Egalité experimentale approchée ---")
print(egalite_experimentale_1(sincos,un)) # Faux !! Mais pourtant devrait être vrai !
print(sin(3)**2+cos(3)**2)
                          # Explication : Python ne renvoie par exactement 1
print(egalite_experimentale_3(sincos,un)) # Vrai !
# Test avec d'autres inégalités, exemples :
\# \sin(2x) = 2 \sin(x)\cos(x)
\# \cos(pi/2 - x) = \sin(x)
# et qq unes fausses ...
# Une égalité fausse mais experimentalement vraie
def g1(x):
   return sin(pi*x)
```

5. Arithmétique - Boucle tant que - I

```
Activité 1
                                                                      tantque_1.py
####################################
# Tant que - Booléen - Arithmétiques
# Activité 1 - Divisibilité, quotient, reste
## Question 1 ##
def quotient_reste(a,b):
   """ Affiche le quotient et le reste et vérifie
   la validité de la division euclidienne """
   q = a // b
   r = a \% b
   print("Division de a =",a,"par b =",b)
   print("Le quotient vaut q =",q)
   print("Le reste vaut r =",r)
   if (r \ge 0) and (r < b):
       verif_reste = True
   else:
       verif_reste = False
   print("Vérification reste 0 <= r < b ?", verif_reste)</pre>
   if a == b*q +r:
       verif_egal = True
   else:
       verif_egal = False
   print("Vérification égalité a = bq + r ?", verif_egal)
   return q,r
# Test
print("--- Quotient et reste ---")
quotient_reste(100,7)
#####################################
## Question 2 ##
```

```
def est_pair(n):
    """ Teste si l'entier n est pair ou pas (renvoie vrai ou faux) """
    reste = n \% 2
    if reste == 0:
       return True
    else:
       return False
def est_pair_bis(n):
    """ Teste si l'entier n est pair ou pas (renvoie vrai ou faux) """
    chiffre = n % 10
    if (chiffre==0) or (chiffre==2) or (chiffre==4) or (chiffre==6) or (chiffre==8):
       return True
    else:
       return False
# En deux lignes !
def est_pair_ter(n):
   return (n % 2) == 0
# Test
print("--- Parité ---")
print(est_pair(1023))
## Question 3 ##
def est_divisible(a,b):
   """ Teste si a est divisible par b """
   if a % b == 0:
       return True
    else:
       return False
# Test
print("--- Divisibilité ---")
print(est_divisible(125,5))
```

```
while n \% d != 0:
        d = d + 1
    return d
print("--- Plus petit diviseur ---")
print(plus_petit_diviseur(7*13))
#####################################
## Question 2 ##
def est_premier_1(n):
    """ Teste si n est un nombre premier """
    d = 2
    while n % d != 0:
        d = d + 1
    if d == n:
        return True
    else:
        return False
# Test
print("--- Est premier (1) ---")
print(est_premier_1(97))
#####################################
## Question 3 ##
# Nombre de Fermat
def contre_exemple_fermat():
    for n in range(6):
        fermat = 2**(2**n)+1
        print(n,fermat,est_premier_1(fermat))
    return
# Test
print("--- Test conjecture nombres de Fermat ---")
contre_exemple_fermat()
####################################
## Question 4 ##
def est_premier_2(n):
    """ Teste si n est un nombre premier """
    if n < 2:
        return False
    d = 2
    while (n \% d != 0) and (d**2 <= n):
        d = d + 1
    if d** 2 > n:
        return True
    else:
        return False
# Test
print("--- Est premier (2) ---")
print(est_premier_2(97))
```

```
## Question 4 ##
def est_premier_3(n):
    """ Teste si n est un nombre premier """
    if n < 2: return False
    if n == 2: return True
    if n % 2 == 0: return False
    d = 3
    while (n \% d != 0) and (d**2 <= n):
        d = d + 2
    if d ** 2 > n:
       return True
    else:
       return False
# Test
print("--- Est premier (3) ---")
print(est_premier_3(97))
## Question 5 ##
# Calcul les temps d'éxécution des différentes fonctions est_premier()
import timeit
print(timeit.timeit("est_premier_1(97)", setup="from __main__ import est_premier_1", number
    \hookrightarrow =10000))
print(timeit.timeit("est_premier_2(97)", setup="from __main__ import est_premier_2", number
    \hookrightarrow =10000))
print(timeit.timeit("est_premier_3(97)", setup="from __main__ import est_premier_3", number
    → =10000))
####################################
# On garde la plus efficace !
def est_premier(n):
    return est_premier_3(n)
```

```
def est_premier(n):
    if n < 2: return False
    if n == 2: return True
    if n % 2 == 0: return False
    d = 3
    while (n \% d != 0) and (d**2 <= n):
       d = d + 2
    if d ** 2 > n:
       return True
       return False
###################################
## Question 1 ##
def nombre_premier_apres(n):
   """ Cherche le prochain nombre premier après n """
   while not est_premier(p):
       p = p + 1
    return p
# Test
print("--- Premier nombre premier après un entier ---")
print(nombre_premier_apres(60))
print(nombre_premier_apres(100000))
#################################
## Question 2 ##
def nombres_jumeaux_apres(n):
   """ Trouve deux nombre premiers jumeaux après n """
   p = n
    q = p + 2
    while (not est_premier(p)) or (not est_premier(q)):
       p = p + 1
       q = p + 2
    return p,q
# Test
print("--- Premiers nombres jumeaux après un entier ---")
print(nombres_jumeaux_apres(60))
print(nombres_jumeaux_apres(100000))
################################
## Question 3 ##
def nombre_germain_apres(n):
   """ Trouve deux nombre premiers de Germain après n """
    q = 2*p + 1
    while (not est_premier(p)) or (not est_premier(q)):
       p = p + 1
       q = 2*p + 1
    return p,q
# Test
```

```
print("--- Premiers nombres premiers de Germain après un entier ---")
print(nombre_germain_apres(60))
print(nombre_germain_apres(100000))
```

6. Chaînes de caractères – Analyse d'un texte

```
Activité 1
                                                                              chaines_1.py
#####################################
# Chaînes de caractères - Analyse statistique d'un texte
####################################
# Activité 1 - Pluriels
###################################
## Question 1 ##
mot = "chat"
pluriel = mot + "s"
print("Mon mot : ",mot)
print("Au pluriel : ",pluriel)
## Question 2 ##
# mot = "chat"
mot = "souris"
derniere_lettre = mot[len(mot)-1]
if derniere_lettre == "s":
   pluriel = mot
else:
    pluriel = mot + "s"
print("Mon mot : ",mot)
print("Au pluriel : ",pluriel)
## Question 3 ##
# mot = "chat"
# mot = "souris"
mot = "journal"
derniere_lettre = mot[len(mot)-1]
avant_derniere_lettre = mot[len(mot)-2]
if derniere_lettre == "s":
   pluriel = mot
elif avant_derniere_lettre == "a" and derniere_lettre == "l":
    debut_mot = mot[0:len(mot)-2]
    pluriel = debut_mot + "aux"
else:
    pluriel = mot + 's'
print("Mon mot : ",mot)
print("Au pluriel : ",pluriel)
```

```
## Question 4 ##
# C'est mieux avec une fonction !
def met_au_pluriel(mot):
   """ Met un mot au pluriel.
   Entrée : un mot
   Sortie : le mot au pluriel (sauf exceptions) """
   derniere_lettre = mot[len(mot)-1]
   avant_derniere_lettre = mot[len(mot)-2]
   if derniere_lettre == "s":
        pluriel = mot
   elif avant_derniere_lettre == "a" and derniere_lettre == "l":
        debut_mot = mot[0:len(mot)-2]
        pluriel = debut_mot + "aux"
    else:
       pluriel = mot + "s"
   return pluriel
# Test
#mot = input("Dis moi un mot : ")
#pluriel = met_au_pluriel(mot)
#print("Son pluriel est :",pluriel)
## Question 5 ##
def affiche_conjugaison(verbe):
   """ Conjugue au présent.
   Entrée : un verbe du premier groupe
   Sortie : affiche la conjugaison au présent"""
   debut_verbe = verbe[0:len(verbe)-2]
   fin_verbe = verbe[len(verbe)-2:len(verbe)]
   if fin_verbe == "er":
        print("Je " + debut_verbe + "e\n")
        print("Tu " + debut_verbe + "es\n")
        print("Il/elle " + debut_verbe + "e\n")
        print("Nous " + debut_verbe + "ons\n")
        print("Vous " + debut_verbe + "ez\n")
       print("Ils/elles " + debut_verbe + "ent\n")
    else:
       print("Ce n'est pas un verbe du premier groupe !")
   return
# Test
verbe = input("Donne-moi un verbe du premier groupe : ")
affiche_conjugaison(verbe)
```

```
Activité 2
                                                                            chaines_2.py
# Chaînes de caractères - Analyse statistique d'un texte
#####################################
# Activité 2 - Jeux de mots
#####################################
## Question 1 ##
def distance_hamming(mot1,mot2):
   """ Calcule la distance de Hamming
    Entrée : deux mots de même longueur
   Sortie : la distance entre ces mots """
    distance = 0
   for i in range(len(mot1)):
        if mot1[i] != mot2[i]:
           distance = distance + 1
    return distance
# Test
premier_mot = "JAPON"
second_mot = "SAVON"
dist = distance_hamming(premier_mot,second_mot)
print("La distance entre",premier_mot,"et",second_mot, "est",dist)
## Question 2 ##
def transforme_en_latin_cochon(mot):
   """ Transforme un mot en latin-cochon
   Entrée : un mot (une chaîne de caractères)
   Sortie : le mot transformé en latin cochon s'il commence par une consonne. """
   premiere_lettre = mot[0]
   reste_mot = mot[1:len(mot)]
    if premiere_lettre not in ["A", "E", "I", "O", "U", "Y"]:
        latin_cochon = reste_mot + premiere_lettre + "UM"
        latin_cochon = mot
    return latin_cochon
# Test
mot = "SALOPETTE"
latin = transforme_en_latin_cochon(mot)
print("Le mot", mot, "devient", latin, "!")
## Question 3 ##
def transforme_en_verlan(mot):
   """ Transforme un mot en verlan
   Entrée : un mot (une chaîne de caractères)
    Sortie : le mot transformé verlan """
    verlan = ""
```

```
for carac in mot:
        verlan = carac + verlan
    return verlan
# Test
mot = "BONJOUR"
verlan = transforme_en_verlan(mot)
print("Le mot", mot, "devient", verlan, "!")
## Question 4 ##
def est_un_palindrome(mot):
    """ Détermine si un mot est un palindrome
    Entrée : un mot (une chaîne de caractères)
    Sortie : vrai si le mot est un palindrome, faux sinon """
    verlan = transforme_en_verlan(mot)
    if mot == verlan:
        return True
    else:
        return False
# Test
mot = "KAYAK"
print("Le mot",mot,"est-il un palindrome ? : ",est_un_palindrome(mot))
```

```
Activité 3
                                                                         chaines_3.py
# Chaînes de caractères - Analyse statistique d'un texte
####################################
# Activité 3 - Séquences d'ADN
###################################
## Question 1 ##
def presence_de_A(sequence):
   """ Détermine la présence du nucléotides A
   Entrée : une séquence de A,C,T,G (chaîne de caractères)
   Sortie : vrai ou faux """
   for nucleotide in sequence:
       if nucleotide == 'A':
           return True
   return False
# Test
sequence = "AGACAGCGAGCATATGCAGGAAG"
reponse = presence_de_A(sequence)
print("Est-ce qu'il y a A dans la séquence", sequence, " : ", reponse)
## Question 2 ##
```

```
def position_de_AT(sequence):
    """ Détermine la position de la première séquence AT
    Entrée : une séquence de A,C,T,G (chaîne de caractères)
    Sortie : la position dans cette séquence (commence à 0) """
    for i in range(len(sequence)-1):
       if sequence[i] == 'A' and sequence[i+1] == 'T':
           return i # Si trouvé
    return None # Si pas du tout trouvé
# Test
sequence = "GTGGTTTGACCTCCCATGGCCAT"
position = position_de_AT(sequence)
print("Dans la séquence", sequence, "le code AT apparaît en position", position)
## Question 3 ##
def position(code, sequence):
   """ Détermine la position du code dans la séquence
   Entrée : une séquence de A,C,T,G (chaîne de caractères)
    Sortie : la position dans cette séquence (commence à 0) """
    for i in range(len(sequence)-len(code)):
       if code == sequence[i:i+len(code)]:
           return i # Si trouvé, c'est fini
    return None # Si pas du tout trouvé
# Test
sequence = "GAAGACCTTCTCCTCCTGC"
code = "CCTC"
pos = position(code, sequence)
print("Dans la séquence", sequence, "le code", code, "apparaît en position", pos)
## Question 4 ##
def enquete():
   moutarde = "CCTGGAGGTGGCCCCACCGGCCGAGACAGCGAGCATATGCAGGAAGCGGCAGGAATAAGGAAAAGCAGC"
               "CTCCTGATGCTCCTCGCTTGGTGTTTGAGTGGACCTCCCAGGCCAGTGCCGGGCCCCTCATAGGAGAGG"
    leblanc = "CTGCAGGAACTTCTTCTGGAAGTACTTCTCCTCCTGCAAATAAAACCTCACCCATGAATGCTCACGCAAG"
    code1 = "CATA"
    code2 = "ATGC"
    for suspect in [moutarde, rose, pervenche, leblanc]:
       print(position(code1, suspect))
       print(position(code2, suspect))
    return
# Execution de l'enquête
enquete()
```

```
Activité 4
                                                                          chaines_4.py
# Chaînes de caractères - Analyse statistique d'un texte
# Activité 4 - Majuscules/minuscules
###################################
## Question 1 ##
# A la machine
code = [80,121,116,104,111,110,32,101,115,116,32,115,121,109,112,64]
phrase = ""
for c in code:
   phrase = phrase + chr(c)
print(phrase)
## Question 2 ##
for i in range(33,128):
   print(i," : ",chr(i))
## Question 3 ##
exp1 = 'chr(ord("a")-32)'
exp2 = 'chr(ord("B")+32)'
print(exp1," donne ",eval(exp1))
print(exp2," donne ",eval(exp2))
## Question 4 ##
def lettre_majuscule(car):
   """ Transforme une lettre minuscule en majuscule
   Entrée : un caractère minuscule parmi "a",..., "z"
   Sortie : le même caractère en majuscule """
   ordre = ord(car)
   nouv_ordre = ordre - 32
   nouv_car = chr(nouv_ordre)
   return nouv_car
print("La majuscule de a est",lettre_majuscule("a"))
## Question 5 ##
def majuscules(phrase):
   """ Transforme une phrase en majuscules
   Entrée : une phrase (une chaîne de caractères)
   Sortie : la même phrase avec les lettres en majuscules """
   nouv_phrase = ""
   for car in phrase:
       ordre = ord(car)
       if ordre >= 97 and ordre <= 122:
            # transformation en majuscule
```

```
nouv_phrase = nouv_phrase + chr(ordre-32)
        else:
            # conserver le caractère
            nouv_phrase = nouv_phrase + car
    return nouv_phrase
# Test
phrase = "Bonjour le monde !"
print("La phrase", phrase, "devient", majuscules(phrase))
# On aura aussi besoin de :
def minuscules(phrase):
    """ Transforme une phrase en minuscules
    Entrée : une phrase (une chaîne de caractères)
    Sortie : la même phrase avec les lettres en minuscules """
    nouv_phrase = ""
    for car in phrase:
        ordre = ord(car)
        if ordre >= 65 and ordre <= 90:
             # transformation en minuscules
            nouv_phrase = nouv_phrase + chr(ordre+32)
        else:
            # conserver le caractère
            nouv_phrase = nouv_phrase + car
    return nouv_phrase
## Question 6 ##
def formate_prenom_nom(personne):
    """ Transforme le nom d'une personne au format "Prenom NOM"
    Entrée : le prénom et le nom d'une personne (sans accent, séparé par une espace)
    Sortie : le nom complet au format "Prenom NOM" """
    # On sépare le prénom du nom
    prenom = ""
    nom = ""
                            # On est dans le prénom
    dans_le_prenom = True
    for car in personne:
        if dans_le_prenom:
            prenom = prenom + car
        else:
            nom = nom + car
        if car == " ":
            dans_le_prenom = False # Le prénom est fini
    # On formate le prénom
    nouv_prenom = majuscules(prenom[0])+minuscules(prenom[1:len(prenom)])
    # On formate le nom
    nouv_nom = majuscules(nom)
    return nouv_prenom+nouv_nom
# Test
personne = "harry POTTER"
print(personne, "devient", formate_prenom_nom(personne))
personne = "LORD Voldemort"
print(personne, "devient", formate_prenom_nom(personne))
```

```
Activité 5
                                                                            chaines_5.py
# Chaînes de caractères - Analyse statistique d'un texte
import random # Uniquement pour créer l'énigme
###################################
# Activité 5 - Analyse statistique d'un texte
#####################################
## Question supprmiée ##
def nombre_E(phrase):
   """ Compte le nombre de "E"
   Entrée : une phrase en majuscule
   Sortie : le nombre de "E" """
   nb = 0
   for car in phrase:
       if car == "E":
           nb = nb + 1
   return nb
# Test
phrase = "ESPRIT ES TU LA"
print("La phrase",phrase,"contient",nombre_E(phrase),"fois la lettre E")
## Question 1 ##
def occurrences_lettre(lettre,phrase):
   """ Compte le nombre d'occurrences d'une lettre donnée dans phrase
    Entrée : une lettre et une phrase en majuscule
   Sortie : le nombre de lettres """
   nb = 0
   for car in phrase:
       if car == lettre:
           nb = nb + 1
    return nb
# Test
phrase = "ESPRIT ES TU LA"
print("La phrase",phrase,"contient",occurrences_lettre("S",phrase),"fois la lettre S")
## Question 2 ##
def nombre_lettres(phrase):
   """ Compte le nombre total de lettres
   Entrée : une phrase en majuscule
    Sortie : le nombre total de lettres de "A" à "Z" """
    alphabet = list("ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ")
    for car in phrase:
```

```
if car in alphabet:
           nb = nb + 1
    return nb
# Test
phrase = "ESPRIT ES TU LA"
print("La phrase",phrase,"contient",nombre_lettres(phrase),"lettres")
## Question 3 ##
def pourcentage_lettre(lettre,phrase):
    """ Calcule le ratio d'une lettre donnée dans phrase
    Entrée : une lettre et une phrase en majuscule
    Sortie : le pourcentage d'apparition de la lettre """
    nb_lettres = occurrences_lettre(lettre,phrase)
    nb_total = nombre_lettres(phrase)
    pourcentage = nb_lettres/nb_total*100
    return pourcentage
# Test
phrase = "ESPRIT ES TU LA"
pourcentage = pourcentage_lettre("S",phrase)
print("La phrase", phrase, "contient", pourcentage, "% de lettre S")
print("Pourcentage arrondi :","{0:.2f}".format(pourcentage))
## Question 4 ##
def affiche_frequences(phrase):
    """ Calcule le ratio de toutes les lettres dans une phrase
    Entrée : uune phrase en majuscule
    Sortie : l'affichage des pourcentage d'apparition des lettres """
    alphabet = list("ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ")
    for lettre in alphabet:
       pourcentage = pourcentage_lettre(lettre,phrase)
       print(lettre," : ","{0:.2f}".format(pourcentage))
    return
# SECRET -----
# Création de l'énigme
def myshuffle(x):
    x = list(x)
    random.shuffle(x)
   return x
#for mot in phrase.split():
# print(list(mot))
# print(myshuffle(list(mot)))
# Le corbeau et le renard - Jean de la Fontaine
phrase1 = "MAITRE CORBEAU SUR UN ARBRE PERCHE TENAIT EN SON BEC UN FROMAGE MAITRE RENARD PAR
    \hookrightarrow L ODEUR ALLECHE LUI TINT A PEU PRES CE LANGAGE ET BONJOUR MONSIEUR DU CORBEAU QUE
    → VOUS ETES JOLI QUE VOUS ME SEMBLEZ BEAU SANS MENTIR SI VOTRE RAMAGE SE RAPPORTE A
    → VOTRE PLUMAGE VOUS ETES LE PHENIX DES HOTES DE CES BOIS A CES MOTS LE CORBEAU NE SE
    → SENT PAS DE JOIE ET POUR MONTRER SA BELLE VOIX IL OUVRE UN LARGE BEC LAISSE TOMBER SA
    → AUX DEPENS DE CELUI QUI L ECOUTE CETTE LECON VAUT BIEN UN FROMAGE SANS DOUTE LE
    → CORBEAU HONTEUX ET CONFUS JURA MAIS UN PEU TARD QU ON NE L Y PRENDRAIT PLUS"
```

```
#phrase_mystere1 = ' '.join([''.join(myshuffle(list(mot))) for mot in phrase1.split() ])
# Le roi de aulnes - Goethe
phrase2 = "WER REITET SO SPAT DURCH NACHT UND WIND ES IST DER VATER MIT SEINEM KIND ER HAT
    → DEN KNABEN WOHL IN DEM ARM ER FASST IHN SICHER ER HALT IHN WARM MEIN SOHN WAS BIRGST
    → DU SO BANG DEIN GESICHT SIEHST VATER DU DEN ERLKONIG NICHT DEN ERLENKONIG MIT KRON
    → UND SCHWEIF MEIN SOHN ES IST EIN NEBELSTREIF DU LIEBES KIND KOMM GEH MIT MIR GAR
    → SCHONE SPIELE SPIEL ICH MIT DIR MANCH BUNTE BLUMEN SIND AN DEM STRAND MEINE MUTTER
    → HAT MANCH GULDEN GEWAND MEIN VATER MEIN VATER UND HOREST DU NICHT WAS ERLENKONIG MIR
    → LEISE VERSPRICHT SEI RUHIG BLEIBE RUHIG MEIN KIND IN DURREN BLATTERN SAUSELT DER WIND
#phrase_mystere2 = ' '.join([''.join(myshuffle(list(mot))) for mot in phrase2.split() ])
# Cent ans de solitude - Gabriel Garcia Marquez
phrase3 = "FASCINADO POR UNA REALIDAD INMEDIATA QUE ENTONCES LE RESULTO MAS FANTASTICA QUE
    → EL VASTO UNIVERSO DE SU IMAGINACION PERDIO TODO INTERES POR EL LABORATORIO DE
    \hookrightarrow ALQUIMIA PUSO A DESCANSAR LA MATERIA EXTENUADA POR LARGOS MESES DE MANIPULACION Y
    → VOLVIO A SER EL HOMBRE EMPRENDEDOR DE LOS PRIMEROS TIEMPOS QUE DECIDIA EL TRAZADO DE
    → LAS CALLES Y LA POSICION DE LAS NUEVAS CASAS Y SE DETERMINO QUE FUERA EL QUIEN
    → DIRIGIERA LA REPARTICION DE LA TIERRA"
phrase_mystere3 = ' '.join([''.join(myshuffle(list(mot))) for mot in phrase3.split() ])
# Sumertimes - Elle Fitzgerald
phrase4 = "SUMMERTIME AND THE LIVING IS EASY FISH ARE JUMPING AND THE COTTON IS HIGH OH YOUR
   -- DADDY IS RICH AND YOUR MA IS GOOD LOOKING SO HUSH LITTLE BABY DONT YOU CRY ONE OF
    ← THESE MORNINGS YOU RE GONNA RISE UP SINGING AND YOULL SPREAD YOUR WINGS AND YOULL
    → TAKE TO THE SKY BUT TILL THAT MORNING THERE AINT NOTHING CAN HARM YOU WITH DADDY AND

→ MAMMY STANDING BY"

phrase_mystere4 = ' '.join([''.join(myshuffle(list(mot))) for mot in phrase4.split() ])
# FIN SECRET -----
# Choix des phrases mystères
phrase_mystere1 = "TMAIER BERACUO RSU NU REBRA PRCEEH EIANTT NE ONS EBC NU GAOFREM EIMATR
    → RERNAD APR L RDUOE LAHECLE UIL TTNI A EUP SREP EC LGNGAEA TE RBONUJO ERMNOUSI DU
    → UBRACEO QUE OVSU EEST LIJO UQE OUVS EM MSZELBE BAEU ASNS MIERNT IS RVETO AGRAME ES
    → PRARPTOE A OEVTR AMGUPLE VUOS SEET EL PNIHXE DSE OSHET ED CSE BIOS A ESC MSOT LE
    → OUBRCEA NE ES ESTN ASP DE IEJO TE OUPR ERRNOTM AS BELEL XOVI IL OREVU NU RGLEA ECB
    → ILESSA EBOMTR AS PIOER EL NRDAER S EN ISIAST TE ITD MNO NOB EUSRMNOI NRPEEAZP QEU
    → UTOT EUTLRFTA IVT XUA SPNEDE DE UECIL UQI L TECEOU TECET NEOCL VATU BNEI UN GMAEORF
    → SNAS TUOED LE EOABURC OHENTXU TE NSCOFU UJRA SMIA UN EPU TRDA UQ NO EN L Y ARRPEIDNT
    → ULSP"
print(phrase_mystere1)
affiche_frequences(phrase_mystere1)
phrase_mystere2 = "WRE TREITE SO TSPA CUDHR AHNCT UND WIND SE STI RED AEVRT MTI ESEIMN IDNK
    → RE ATH END NEABNK WLOH IN EMD AMR ER AFTSS HIN IHSERC RE AHTL HIN MRWA EINM SHNO SAW
    → SRTIBG UD SO NGBA DNEI EIHSGTC ESISTH RAETV UD DEN LERNIOKG NITHC NDE LOENINKGRE TIM
    → OKRN UDN CHWFSEI NEIM NSOH ES STI IEN BIFTRLSEEEN DU BILESE IKDN OMKM EHG MIT MIR RAG
    ← ECHNOS EPELSI EIPSL IHC ITM RDI HNCMA BEUTN MBLUNE DINS NA DEM TNDRAS NMIEE UTETMR
    ←→ AHT CAMHN UDNGEL GDAWEN MIEN EATRV MENI VEART DUN OSTHER DU CINTH SAW KNNOEIREGL RIM
    → ILEES PRSTVRCIEH ISE IHGRU BEEILB RIGUH MNEI KNDI NI RDNEUR NATBRLET STAESUL EDR WNID
    اا جے
print(phrase_mystere2)
affiche_frequences(phrase_mystere2)
phrase_mystere3 = "DSNOACAIF ORP ANU DAEDALRI DNAAEIMTI EQU NNCOSETE EL RSTEOUL SMA
    ← AACTFAITNS UQE EL TSVAO OINSRVUE DE US ANIGIICANOM EIORDP TOOD RTEIENS RPO LE
```

```
→ ITOABOLRROA ED QIUAMALI USOP A NSSRCAEAD LA TMREAAI NXTADAUEE ROP GOARLS EMESS DE

→ NNAMICLUIAPO Y LOVOIV A RES LE RHMEOB EOMDNEERPRD DE LOS RSOPMRIE OMTSIPE UEQ CIIDADE

→ LE RTDAAOZ ED LSA CELSAL Y LA NICOIOPS ED LAS UESVNA SSACA Y ES ITRMNEEOD QEU AERFU

→ EL UEQIN IIIRDEGAR LA NAIORTREICP DE AL RRTEIA"

print(phrase_mystere3)

affiche_frequences(phrase_mystere3)

phrase_mystere4 = "IMTRUESMME DNA TEH LNGIIV SI EYAS SIFH REA GJPNUIM DNA HET TTNOCO IS GHIH

→ OH OUYR DDADY SI IRHC DAN ROUY MA SI DOGO GKOILON OS USHH LTLIET BBYA NDOT OUY CYR

→ NEO OF HESET GNSRONIM YUO RE NANGO SIER PU SNIGING NAD OULLY EPADRS YUOR GINSW DAN

→ LYOLU KATE OT HET KSY TUB ITLL TATH MGNIRNO EREHT NATI INTGOHN ACN AHMR OYU TWIH

→ DADYD NDA MYMMA NSTIDGAN YB"

print(phrase_mystere4)

affiche_frequences(phrase_mystere4)
```

7. Listes I

```
listes_I_1.py
Activité 1
###############################
# Listes I
###################################
# Cours 1
maliste = [11, 13, 17, 19]
maliste.append(23)
maliste.append(29)
print(maliste[5])
len(maliste)
# Activité 1 - Intérêts
#####################################
## Question 1 ##
###################################
def interets_simples(S0,p,n):
   liste = [S0]
   interets = S0 * p/100
   S = S0
   for i in range(n):
       S = S + interest
       liste.append(S)
   return liste
print("--- Intérêts simples ---")
liste_interets_simples = interets_simples(1000,10,12)
print(liste_interets_simples)
```

```
print(liste_interets_simples[11])
## Question 2 ##
def interets_composes(S0,p,n):
   liste = [S0]
   S = S0
   for i in range(n):
       interets = S * p/100
       S = S + interes
       liste.append(S)
   return liste
# Test
print("--- Intérêts composés ---")
liste_interets_composes = interets_composes(1000,7,12)
print(liste_interets_composes)
print(liste_interets_composes[11])
```

```
Activité 2
                                                                           listes_I_2.py
##################################
# Listes I
###################################
####################################
####################################
# Cours 2
maliste = []
maliste = maliste + ["Un"]
maliste = ["Deux"] + maliste
maliste[1:5]
#####################################
# Activité 2 - Manipulation de listes
#####################################
## Question 1 ##
def rotation(liste):
   n = len(liste)
   new_liste = [liste[n-1]] + liste[0:n-1]
   return new_liste
# Test
print("--- Rotation ---")
print(rotation([1,2,3,4]))
## Question 2 ##
def inverser(liste):
   new_liste = []
```

```
for element in liste:
       new_liste = [element] + new_liste
   return new_liste
# Test
print("--- Inverse ---")
print(inverser([1,2,3,4]))
## Question 3 ##
def supprimer_rang(liste,rang):
   n = len(liste)
   new_liste = liste[0:rang]+liste[rang+1:n]
   return new_liste
print("--- Supprimer rang ---")
print(supprimer_rang([8,7,6,5,4],2))
## Question 4 ##
#####################################
def supprimer_element(liste,element):
   new_liste = []
   for x in liste:
       if x != element:
           new_liste = new_liste + [x]
   return new_liste
# Test
print("--- Supprimer élément ---")
print(supprimer_element([8,7,4,6,5,4],4))
# Cours 3 - Manipulation : conclusion
# reverse, reversed, [::-1]
print("--- Cours ---")
liste = [1,2,3,4]
print(liste[::-1])
liste.reverse()
print(liste)
print(list(reversed(liste)))
# Autre idées utiliser remove()
print("--- remove() ---")
liste = [2,5,3,8,5]
print(liste)
liste.remove(5)
print(liste)
liste.remove(5)
print(liste)
# Voir aussi "del"
```

```
Activité 3
                                                                                  listes_I_3.py
#####################################
# Listes I
##################################
####################################
# Activité 3 - Tri à bulle
####################################
def trier(liste):
    newliste = list(liste)
    n = len(newliste)
    for i in range(n-1,-1,-1):
        for j in range(i):
             if newliste[j+1] < newliste[j]:</pre>
                 el = newliste[j]
                 newliste[j] = newliste[j+1]
                 newliste[j+1] = el
    return newliste
# Test
print("--- Tri à bulles ---")
print(trier([13,11,7,4,6,8,12,6]))
liste = [13, 11, 7, 4, 6, 8, 12, 6]
newliste = trier(liste)
print(liste)
print(newliste)
print(sorted([13,11,7,4,6,8,12,6]))
liste = [13,11,7,4,6,8,12,6]
liste.sort()
print(liste)
```

```
liste = []
   d = 2
   while d <= n:
       if n\%d == 0:
          liste = liste + [d]
           n = n // d
       else:
           d = d + 1
   # if len(liste)==0: # Cas d'un nb premier
   # liste = [n]
   return liste
# Test
print("--- Facteurs premiers ---")
n = 2*2*2*3*7*7*11
print(n)
print(facteurs_premiers(2*2*2*3*7*7*11))
## Question 2 ##
def liste_premiers(n):
   liste = list(range(2,n))
   for d in range(2,n):
       for k in liste:
           if k\%d == 0 and k != d:
               liste.remove(k)
   return liste
print("--- Liste des nombres premiers ---")
print(liste_premiers(100))
```

8. Statistique – Visualisation de données

```
Activité 1
                                                                statistique_1.py
######################################
# Statistique - Visualisation de données - tkinter
####################################
#####################################
# Activité 1 - Calculs statistiques
from math import *
## Question 1 ##
def somme(liste):
   """ Calcule la somme des éléments
   Entrée : une liste de nombres
   Sortie : leur somme """
   som = 0
```

```
for x in liste:
       som = som + x
   return som
# Test
print("--- Somme ---")
liste = [5,18,6,3]
print(liste)
print(somme(liste))
print(sum(liste))
## Question 2 ##
def moyenne(liste):
   """ Calcule la moyenne des éléments
   Entrée : une liste de nombres
   Sortie : leur moyenne """
   nbliste = len(liste)
   if nbliste == 0:
      moy = 0
   else:
      moy = somme(liste) / nbliste
   return moy
# Test
print("--- Moyenne ---")
liste = [5,18,6,3]
print(liste)
print(moyenne(liste))
## Question 3 ##
def minimum(liste):
   """ Calcule le minimum des éléments
   Entrée : une liste de nombres
   Sortie : leur minimum """
   if len(liste) == 0:
       return None
   mini = liste[0]
   for i in range(1,len(liste)):
      if liste[i] < mini:</pre>
          mini = liste[i]
   return mini
# Test
print("--- Minimum ---")
liste = [6,8,2,10]
print(liste)
print(minimum(liste))
print(min(liste))
def maximum(liste):
   """ Calcule le maximum des éléments
```

```
Entrée : une liste de nombres
   Sortie : leur maximum """
   if len(liste) == 0:
       return None
   maxi = liste[0]
   for i in range(1,len(liste)):
       if liste[i] > maxi:
           maxi = liste[i]
   return maxi
# Test
print("--- Maximum ---")
liste = [6,8,2,10]
print(liste)
print(maximum(liste))
print(max(liste))
## Question 4 ##
def variance(liste):
   """ Calcule la variance des éléments
   Entrée : une liste de nombres
   Sortie : leur variance """
   if len(liste) == 0:
       return 0
   moy = moyenne(liste)
   somme\_carres = 0
   for x in liste:
       somme_carres = somme_carres + (x-moy)**2
   var = somme_carres / len(liste)
   return var
# Test
print("--- Variance ---")
liste = [6,8,2,10]
print(liste)
print(variance(liste))
## Question 5 ##
def ecart_type(liste):
   """ Calcule l'écart-type des éléments
   Entrée : une liste de nombres
   Sortie : leur écart-type """
   eca = sqrt(variance(liste))
   return eca
# Test
print("--- Ecart-type ---")
liste = [6,8,2,10]
print(liste)
print(ecart_type(liste))
```

```
Activité 2
                                                                      statistique_2.py
#####################################
# Statistique - Visualisation de données - tkinter
####################################
#####################################
# Activité 2 - Visualisation des données
######################################
## Question 0 ##
from math import *
from random import *
from tkinter import *
# Fenêtre tkinter
root = Tk()
canvas = Canvas(root, width=800, height=600, background="white")
canvas.pack(side=LEFT, padx=5, pady=5)
def une_couleur():
   """ Renvoie une couleur au hasard
   Entrée : rien
    Sortie : une couleur """
   # Méthode 1 - Choix limité
   # couleurs = ["red","orange","yellow","green","cyan","blue","violet","purple"]
   # coul = random.choice(couleurs)
   # Méthode 2 - Choix "infini"
   R = randint(0,255)
   V = randint(0, 255)
    B = randint(0, 255)
    coul = '#\%02x\%02x\%02x'\% (R, V, B)
    return coul
## Question 1 ##
def graphique_barres(liste):
    """Graphique avec une barre par élément de la liste"""
```

```
posx = 100
   for x in liste:
       hauteur = x * echelle
       canvas.create_rectangle(posx,400,posx+10,400-hauteur,fill="red")
       posx = posx + 30
   # Bonus : Coordonnées verticales à gauche
   max_liste = max(liste)
   canvas.create_line(90,400,90,400-echelle*max_liste)
   for j in range(max_liste+1):
       canvas.create_line(85,400-echelle*j,90,400-echelle*j)
       canvas.create_text(80,400-echelle*j,text=str(j))
   return
# Test
\# echelle = 20
# liste = [5,8,6,3,7,10,4]
# graphique_barres(liste)
# root.mainloop()
## Question 2 ##
def graphique_cumulatif(liste):
   """Graphique avec rectangles superposés"""
   bas = 500
   for x in liste:
       hauteur = x * echelle
       canvas.create_rectangle(100,bas,200,bas-hauteur,fill=une_couleur())
       bas = bas - hauteur
   # Bonus : Coordonnées verticales à gauche
   max_liste = sum(liste)
   canvas.create_line(90,500,90,500-echelle*max_liste)
   for j in range(0,max_liste+1,5):
       canvas.create_line(85,500-echelle*j,90,500-echelle*j)
       canvas.create_text(80,500-echelle*j,text=str(j))
   return
# Test
\# echelle = 5
# liste = [5,8,6,3,7,10,4,12]
# graphique_cumulatif(liste)
# root.mainloop()
## Question 3 ##
def graphique_pourcentage(liste):
   """Graphique rectangulaire divisé en sous-rectangles"""
   somme = sum(liste)
   posx = 100
   for x in liste:
       largeur = x/somme*100 * 5
       canvas.create_rectangle(posx,300,posx+largeur,200,fill=une_couleur())
       posx = posx + largeur
   # Bonus : Coordonnées horizontales en dessous
   canvas.create_line(100,325,600,325)
   for i in range (0,11):
       canvas.create_line(100+i*50,325,100+i*50,330)
```

```
canvas.create_text(100+i*50,340,text=str(i*10)+"%")
   return
# Test
\# echelle = 5
# liste = [5,8,6,3,7,10,4,12]
# graphique_pourcentage(liste)
# root.mainloop()
## Question 4 ##
def graphique_secteurs(liste):
   """Graphique en camenbert"""
   somme = sum(liste)
   debut_angle = 0
   for x in liste:
       angle = x/somme*360
       canvas.create_arc(200,100,550,450,start=debut_angle,extent=angle,style=PIESLICE,fill

    =une_couleur())

       debut_angle = debut_angle + angle
    return
# Test
\# echelle = 5
# liste = [5,8,6,3,7,10,4,12]
# graphique_secteurs(liste)
# root.mainloop()
## Question 5 ##
longueurs = [randint(5,15) for i in range(103)]
liste = [15,8,6,13,17,10,14,12]
def action_bouton1():
   global echelle
   echelle = 15
   canvas.delete("all")
   graphique_barres(liste)
   return
def action_bouton2():
   global echelle
   echelle = 4
   canvas.delete("all")
   graphique_cumulatif(liste)
   return
def action_bouton3():
   canvas.delete("all")
   graphique_pourcentage(liste)
   return
def action_bouton4():
   canvas.delete("all")
   graphique_secteurs(liste)
   return
def nouvelle_liste():
   """Génère une nouvelle liste aléatoire"""
   global liste
   n = randint(3, 10)
```

```
liste = [randint(1,20) for i in range(n)]
    canvas.delete("all")
    return
# Titre
root.title("Visualisation de données")
# Boutons
bouton_quitter = Button(root,text="Quitter", width=8, command=root.quit)
bouton_quitter.pack(side=BOTTOM, padx=5, pady=20)
bouton_changer = Button(root,text="Changer les données", width=30, command=nouvelle_liste)
bouton_changer.pack(side=BOTTOM, padx=5, pady=20)
bouton1 = Button(root,text="Graphique en barres", width=30, command=action_bouton1)
bouton1.pack(padx=5, pady=20)
bouton2 = Button(root,text="Graphique cumulatif", width=30, command=action_bouton2)
bouton2.pack(padx=5, pady=20)
bouton3 = Button(root,text="Graphique en pourcentage", width=30, command=action_bouton3)
bouton3.pack(padx=5, pady=20)
bouton4 = Button(root,text="Graphique en secteurs", width=30, command=action_bouton4)
bouton4.pack(padx=5, pady=20)
root.mainloop()
```

```
Activité 3
                                                            statistique_3.py
# Statistique - Visualisation de données - tkinter
# Activité 3 - Calculs statistiques (bis)
######################################
## Question 1 ##
from math import *
from random import *
def mediane(liste):
   """ Calcule la médiane des éléments
   Entrée : une liste de nombre
   Sortie : leur médiane """
   liste_triee = sorted(liste)
   n = len(liste_triee)
   if n\%2 == 0: # n est pair
      indice_milieu = n//2
      med = (liste_triee[indice_milieu-1]+liste_triee[indice_milieu]) / 2
   else:
      indice_milieu = (n-1)//2
      med = liste_triee[indice_milieu]
   return med
```

```
# Test
print("--- Médiane ---")
liste = [5,18,6,3]
print(liste)
print(mediane(liste))
## Question 2 ##
def notes_vers_liste(effectif_notes):
   """ Convertit un effectif de notes en une liste de notes
   Entrée : une liste d'effectif de notes
   Sortie : la liste des notes """
   liste = []
   for i in range(len(effectif_notes)):
       nb = effectif_notes[i]
       liste = liste + [i]*nb
   return liste
print("--- Liste à partir d'un effectif ---")
effectif_notes = [0,0,0,0,0,1,0,2,0,1,5,1,2,3,2,4,1,2,0,1,0]
# effectif_notes = [randint(1,5) for i in range(21)]
print(effectif_notes)
print(notes_vers_liste(effectif_notes))
def mediane_notes(effectif_notes):
   """ Calcule la médiane des notes
   Entrée : une liste d'effectif de notes
   Sortie : la médiane """
   liste = notes_vers_liste(effectif_notes)
   med = mediane(liste)
   return med
# Test
print("--- Médiane des notes ---")
effectif_notes = [0,0,0,0,0,1,0,2,0,1,5,1,2,3,2,4,1,2,0,1,0]
print(effectif_notes)
print(mediane_notes(effectif_notes))
## Question 3 ##
def calcule_quartiles(liste):
   """ Calcule les quartiles de la liste
   Entrée : une liste de nombre
   Sortie : leur quartile Q1, Q2=med, Q3 """
   med = mediane(liste)
   liste_triee = sorted(liste)
   n = len(liste_triee)
   indice_milieu = n//2
   if n\%2 == 0: # si n pair
       liste_inf = liste[:indice_milieu]
       liste_sup = liste[indice_milieu:]
    else: # n impair
       liste_inf = liste[:indice_milieu+1]
       liste_sup = liste[indice_milieu:]
```

```
Q1 = mediane(liste_inf)
    Q3 = mediane(liste_sup)
   return Q1, med, Q3
# Test
print("--- Quartiles ---")
liste = [3,4,5,7,12,50,100]
print(liste)
print(calcule_quartiles(liste))
def quartiles_notes(effectif_notes):
   """ Calcule les quartiles des notes
   Entrée : une liste d'effectif de notes
   Sortie : les quartiles """
   liste = notes_vers_liste(effectif_notes)
   Q1,Q2,Q3 = calcule_quartiles(liste)
   return Q1, Q2, Q3
# Test
print("--- Quartiles des notes ---")
effectif_notes = [0,0,0,0,0,1,0,2,0,1,5,1,2,3,2,4,1,2,0,1,0]
print(effectif_notes)
print(quartiles_notes(effectif_notes))
```

```
Activité 4
                                                           statistique_4.py
#####################################
# Statistique - Visualisation de données - tkinter
# Activité 4 - Visualisation des données (bis)
#####################################
from math import *
from tkinter import *
from random import *
from statistique_3 import *
root = Tk() # Fenêtre tkinter
canvas = Canvas(root, width=800, height=600, background="white")
canvas.pack(side=LEFT, padx=5, pady=5)
echelle = 15 # Echelle pour mieux voir les données
def diagramme_boite(effectif_notes):
   """ Boîte à moustaches """
   # Graphique en barres
   for i in range(len(effectif_notes)): # i varie de 0 à 20
```

```
hauteur = effectif_notes[i] * echelle
        canvas.create_rectangle(100+2*i*10,300,100+(2*i+1)*10,300-hauteur,fill="red")
        canvas.create_text(100+2*i*10+5,320,text=str(i),fill="red")
    # Coordonnées verticale à gauche
   max_effectifs = max(effectif_notes)
    canvas.create_line(95,300,95,300-echelle*max_effectifs)
    for j in range(max_effectifs+1):
        canvas.create_line(90,300-echelle*j,95,300-echelle*j)
        canvas.create_text(85,300-echelle*j,text=str(j))
   # Passage à une liste
   liste = notes_vers_liste(effectif_notes)
   # Calculs des quartiles & co
   mini = min(liste)
   maxi = max(liste)
   Q1,Q2,Q3 = calcule_quartiles(liste)
   canvas.create_rectangle(100+2*mini*10+5,197,100+2*Q1*10+5,203,fill="blue")
    canvas.create_rectangle(100+2*Q1*10+5,185,100+2*Q3*10+5,215,width=3,outline="blue")
    {\tt canvas.create\_rectangle(100+2*Q2*10+5-2,185,100+2*Q2*10+5+2,215,fill="blue")}
    canvas.create_rectangle(100+2*Q3*10+5,197,100+2*maxi*10+5,203,fill="blue")
   return
# Test
effectif_notes = [0,0,0,0,0,1,0,2,0,1,5,1,2,3,2,4,1,2,0,1,0]
diagramme_boite(effectif_notes)
root.mainloop()
```

```
Activité 5
                                                  statistique_5.py
# Statistique - Visualisation de données - tkinter
# Activité 5 - Visualisation des données (bis)
## Question 1 ##
from random import *
def cours_bourse(n):
  """ Simulation de n jours de bourse """
  val = 1000
  liste_val = [val]
  for i in range (n-1):
     val = val + randint(-10,12)/3
     liste_val = liste_val + [val]
  return liste_val
# Test
```

```
print(cours_bourse(100))
## Question 2 ##
def graphique_point(liste):
   """ Affiche la courbe des cours """
   # Base 1000 en y = 300
   canvas.create_line(100,300,100+365,300,width=3)
   # Coordonnées verticale à gauche
   canvas.create_line(95,420,95,80)
   for j in range (-1,3):
       canvas.create_line(90,300-100*j,95,300-100*j)
       canvas.create_text(72,300-100*j,text=str(1000+j*100))
   # Un point par jour
   for i in range(len(liste)):
       canvas.create_rectangle(100+i,300+1000-liste[i],100+i+1,300+1000-liste[i],outline="
   → red")
   return
# Fenêtre tkinter
from tkinter import *
root = Tk()
canvas = Canvas(root, width=800, height=600, background="white")
canvas.pack(side=LEFT, padx=5, pady=5)
# Test
liste = cours_bourse(365)
# graphique_point(liste)
# root.mainloop()
## Question 3 ##
def moyenne_mobile(liste, duree):
   """ Calcule la moyenne mobile """
   moy_mob = []
   for i in range(len(liste)-duree+1):
       moy = sum(liste[i:i+duree])/duree
       moy_mob = moy_mob + [moy]
   return moy_mob
# Test
liste = [1,2,3,4,5,6]
print(liste)
print(moyenne_mobile(liste,2))
## Question 4 ##
def graphique_moyenne_mobile(liste):
   """ Affiche les moyennes mobiles à 7 et 30 jours """
   # moyenne 7 derniers jours
   moyenne_7 = moyenne_mobile(liste,7)
   for i in range(len(moyenne_7)):
       canvas.create_rectangle(100+i+6,300+1000-moyenne_7[i],100+i+6+1,300+1000-moyenne_7[i
   → ],outline="blue")
   # moyenne 30 derniers jours
```

9. Fichiers

```
Activité 1
                                                                                                                                                                                                                                                             fichiers_1.py
#####################################
# Fichier
from random import *
#####################################
# Activité 1 - Ecrire un fichier
##################################
## Question 1 ##
def ecrire_fichier_notes():
             # Création d'un fichier en écriture
             nom_fichier = "notes.txt"
             fic = open(nom_fichier, "w")
             liste_prenoms = ["Gargamel", "Robin", "Hermione", "Arsène", "Alice", "James", "Tintin"]
             liste_noms = ["Skywalker","Lupin","Voldemort","Tchoupi","Bond","Tartuffe","Dubois"]
             for i in range(7):
                          prenom = choice(liste_prenoms)
                          nom = choice(liste_noms)
                         notes = str(randint(10,40)/2) + " " + str(randint(10,40)/2) + " 
              \hookrightarrow (10,40)/2)
                          ligne = prenom + " " + nom + " " + notes + "\n"
                          # Ecriture dans le fichier
                          fic.write(ligne)
              # Fermeture du fichier
             fic.close()
             return
# Test
print("--- Fichier 'notes.txt' ---")
ecrire_fichier_notes()
```

```
## Question 2 ##
def ecrire_fichier_moyennes():
    # Fichier à lire
    fichier_notes = "notes.txt"
    fic_in = open(fichier_notes,"r")
    # Fichier à écrire
    fichier_moyennes = "moyennes.txt"
    fic_out = open(fichier_moyennes,"w")
    for ligne in fic_in:
        liste = ligne.split()
        moyenne = (float(liste[2])+float(liste[3])+float(liste[4]))/3
        #moyenne_str = str(moyenne)
        moyenne_str = '{0:.2f}'.format(moyenne)
        nouv_ligne = liste[0] + " " + liste[1] + " " + moyenne_str + "\n"
        fic_out.write(nouv_ligne)
    # Fermeture des fichiers
    fic_in.close()
    fic_out.close()
    return
print("--- Fichier 'moyenne.txt' ---")
ecrire_fichier_moyennes()
```

```
Activité 2
                                                                             fichiers_2.py
#####################################
# Fichier
from random import *
import matplotlib.pyplot as plt
###################################
# Activité 2 -
#####################################
## Question 1 ##
def fichier_ventes():
    # Création d'un fichier en écriture
    nom_fichiers = "ventes.csv"
    fic = open(nom_fichiers,"w")
    # Listes nom
    liste_produits = ["Vélo VTT", "Planche de surf", "Chaussures de courses", "Raquette de
    → badminton", "Ballon de volley"]
    # Lignes du haut
    fic.write("Meilleures ventes de la société 'Pentathlon'\n'")
    fic.write(",2013,2014,2015,2016,2017,2018\n\")
    for produit in liste_produits:
        # Génération des chiffres de vente au hasard
```

```
ventes = ""
        for i in range(6):
            ventes = ventes + "," + str(randint(50,100)*10)
        ligne = produit + ventes + "\n"
        # Ecriture dans le fichier
        fic.write(ligne)
    # Fermeture du fichier
    fic.close()
    return
print("--- Fichier 'ventes.csv' ---")
fichier_ventes()
## Question 2 ##
def afficher_ventes():
    # Fichier à lire
    fichier_ventes = "ventes.csv"
    fic_in = open(fichier_ventes, "r")
    num_ligne = 0
    for ligne in fic_in:
        if num_ligne > 3: # on oublie les lignes de titres
            liste = ligne.split(",")
            donnees = [float(x) for x in liste[1:]]
            plt.plot(donnees)
        num_ligne += 1
    # Fermeture des fichiers
    fic_in.close()
    # Affichage
    plt.grid()
    plt.show()
print("--- Affichages graphique de 'ventes.csv' ---")
afficher_ventes()
```

```
# Création d'un fichier en écriture
    nom_fichier = "image_nb.pbm"
    fic = open(nom_fichier,"w")
    \label{fic.write("P1\n")} \mbox{ \# Image noir et blanc}
    nb_col = 300
    nb_lig = 200
    fic.write(str(nb_col) + " " + str(nb_lig) + "\n")
    for i in range(nb_lig):
        ligne = ""
        for j in range(nb_col):
            coul = (i+j)//10 \% 2
            ligne = ligne + str(coul) + " "
        ligne = ligne + "\n"
        # Ecriture dans le fichier
        fic.write(ligne)
    # Fermeture du fichier
    fic.close()
    return
# Test
print("--- Fichier 'image.pbm' ---")
ecrire_fichier_image_nb()
## Question 2 ##
def ecrire_fichier_image_gris():
    # Création d'un fichier en écriture
    nom_fichier = "image_gris.pgm"
    fic = open(nom_fichier, "w")
    # Entete
    fic.write("P2\n") # Image en niveaux de gris
    nb\_col = 200
   nb_lig = 200
   fic.write(str(nb_col) + " " + str(nb_lig) + "\n")
    niveaux = 255
    fic.write(str(niveaux) + "\n")
    for i in range(nb_lig):
        ligne = ""
        for j in range(nb_col):
            coul = (i**2 + j**2) % 256 # un niveau de gris en fonction de i et j
            ligne = ligne + str(coul) + " "
        ligne = ligne + "\n"
        # Ecriture dans le fichier
        fic.write(ligne)
    # Fermeture du fichier
    fic.close()
    return
# Test
print("--- Fichier 'image.pgm' ---")
ecrire_fichier_image_gris()
## Question 3 ##
```

```
def ecrire_fichier_image_coul():
    # Création d'un fichier en écriture
    nom_fichier = "image_coul.ppm"
    fic = open(nom_fichier, "w")
    # Entete
    fic.write("P3\n") # Image en couleurs
    nb_col = 200
    nb_lig = 200
    fic.write(str(nb_col) + " " + str(nb_lig) + "\n")
    niveaux = 255
    fic.write(str(niveaux) + "\n")
    for i in range(nb_lig):
        ligne = ""
        for j in range(nb_col):
            R = (i*j) \% 256 # niveau de rouge
            V = i \% 256
                              # niveau de vert
            B = (i+j)//3 \% 256  # niveau de bleu
            ligne = ligne + str(R) + " " + str(V) + " " + str(B) + " "
        ligne = ligne + "\n"
        # Ecriture dans le fichier
        fic.write(ligne)
    # Fermeture du fichier
    fic.close()
    return
# Test
print("--- Fichier 'image.ppm' ---")
ecrire_fichier_image_coul()
## Question 4 ##
def inverser_couleurs_nb(fichier):
    # Fichier à lire
    fic_in = open(fichier,"r")
    # Fichier à écrire
    nom, extension = os.path.splitext(fichier)
    nouv_nom = nom + "_inverse"+extension
    fic_out = open(nouv_nom,"w")
    i = 0
           # Numéro de ligne
    for ligne in fic_in:
        if i<2:
                  # Garder les 2 premières lignes
            fic_out.write(ligne)
        else:
            liste = ligne.split()
            nouv_ligne = ""
            for 1 in liste:
                if 1 == "1":
                    nouv_ligne = nouv_ligne + "0 "
                    nouv_ligne = nouv_ligne + "1 "
            nouv_ligne = nouv_ligne + "\n"
            fic_out.write(nouv_ligne)
```

```
i = i + 1
    # Fermeture des fichiers
    fic_in.close()
    fic_out.close()
    return
print("--- Inversion des noirs et blancs ---")
inverser_couleurs_nb("simple_nb.pbm")
## Question 4 ##
def formule_couleur_vers_gris(R,V,B):
    gris = round(0.21*R + 0.72*V + 0.07*R)
    return gris
def couleurs_vers_gris(fichier):
    # Fichier à lire
    fic_in = open(fichier,"r")
    # Fichier à écrire
    nom, extension = os.path.splitext(fichier)
    nouv_nom = nom + "_gris"+".pgm"
    fic_out = open(nouv_nom,"w")
    i = 0
           # Numéro de ligne
    for ligne in fic_in:
        if i == 0:
            \label{eq:fic_out.write("P2\n")} \mbox{ \# Image en niveaux de gris}
        elif i == 1 or i == 2:  # Garder les lignes 2 et 3
            fic_out.write(ligne)
        else:
            liste = ligne.split()
            nouv_ligne = ""
            j = 0 # Numéro de colonne
            while j < len(liste):</pre>
                R = int(liste[j])
                V = int(liste[j+1])
                B = int(liste[j+2])
                gris = formule_couleur_vers_gris(R,V,B)
                nouv_ligne = nouv_ligne + str(gris) + " "
                j = j + 3
            nouv_ligne = nouv_ligne + "\n"
            fic_out.write(nouv_ligne)
        i = i + 1
    # Fermeture des fichiers
    fic_in.close()
    fic_out.close()
print("--- Couleurs vers niveaux de gris ---")
couleurs_vers_gris("image_coul.ppm")
```

```
Activité 4
                                                                              fichiers_4.py
####################################
# Fichier
######################################
from math import *
import os
# Activité 4 - Distances entre les villes
#####################################
from math import *
## Question 1 ##
def distance_xy(x1,y1,x2,y2):
    return sqrt((x2-x1)**2 + (y2-y1)**2)
## Question 2 ##
def fichier_distances_xy(fichier):
    # Fichier à lire
    fic_in = open(fichier,"r")
    liste_villes = []
    for ligne in fic_in:
        liste_villes = liste_villes + [ligne.split()]
    # Fermeture du fichier
    fic_in.close()
    # Fichier à écrire
   nom, extension = os.path.splitext(fichier)
    nouv_nom = nom + "_distances"+".txt"
    fic_out = open(nouv_nom,"w")
    ligne = '{:>10s}'.format("")
    for v in liste_villes:
        nom = v[0]
        ligne = ligne + '{:>10s}'.format(nom) +" "
    fic_out.write(ligne + "\n")
    for v1 in liste_villes:
       nom1 = v1[0]
        x1 = float(v1[1])
        y1 = float(v1[2])
        ligne = '{:10s}'.format(nom1)
        for v2 in liste_villes:
            nom2 = v2[0]
            x2 = float(v2[1])
            y2 = float(v2[2])
            d = distance_xy(x1, y1, x2, y2)
            ligne = ligne + '{:10d}'.format(round(d)) + " "
        fic_out.write(ligne + "\n")
    return
```

```
print("--- Villes xy ---")
fichier_distances_xy("villes_xy.txt")
## Question 3 ##
def degres_vers_radians(a):
    return 2*pi*a/360
def distance_approx_lat_long(lat1,long1,lat2,long2):
   R = 6371 # rayon (moyen) de la Terre
    x = (long2-long1)*cos((lat1+lat2)/2)
    y = lat2-lat1
    d = R * sqrt(x**2 + y**2)
    return d
# Test
Paris = (48.853, 2.350)
Paris_radians = (degres_vers_radians(Paris[0]),degres_vers_radians(Paris[1]))
New_York = (40.713, -74.006)
New_York_radians = (degres_vers_radians(New_York[0]), degres_vers_radians(New_York[1]))
print("--- Distances approchées Terre ---")
d = distance_approx_lat_long(*Paris_radians,*New_York_radians)
print(d)
def distance_lat_long(lat1,long1,lat2,long2):
    R = 6371 # rayon (moyen) de la Terre
    a = (\sin((lat2-lat1)/2))**2 + \cos(lat1)*\cos(lat2)*(\sin((long2-long1)/2))**2
    d = 2 * R * atan2(sqrt(a), sqrt(1-a))
    return d
# Test
print("--- Distances exactes Terre ---")
d = distance_lat_long(*Paris_radians,*New_York_radians)
print(d)
## Question 3 ##
def fichier_distances_lat_long(fichier):
    # Fichier à lire
    fic_in = open(fichier,"r")
    liste_villes = []
    for ligne in fic_in:
        liste_villes = liste_villes + [ligne.split()]
    # Fermeture du fichier
    fic_in.close()
    # Fichier à écrire
    nom, extension = os.path.splitext(fichier)
    nouv_nom = nom + "_distances"+".txt"
    fic_out = open(nouv_nom,"w")
    ligne = '{:>12s}'.format("")
    for v in liste_villes:
        nom = v[0]
        ligne = ligne + '{:>12s}'.format(nom) +" "
    fic_out.write(ligne + "\n")
    for v1 in liste_villes:
        nom1 = v1[0]
        lat1 = degres_vers_radians(float(v1[1]))
```

```
long1 = degres_vers_radians(float(v1[2]))
ligne = '{:12s}'.format(nom1)

for v2 in liste_villes:
    nom2 = v2[0]
    lat2 = degres_vers_radians(float(v2[1]))
    long2 = degres_vers_radians(float(v2[2]))
    d = distance_lat_long(lat1,long1,lat2,long2)
    ligne = ligne + '{:12d}'.format(round(d)) + " "

    fic_out.write(ligne + "\n")
    return

print("--- Villes lat_long ---")
fichier_distances_lat_long("villes_lat_long.txt")
```

10. Arithmétique - Boucle tant que - II

```
Activité 1
                                                                        tantque_4.py
####################################
# Tant que - Booléen - Arithmétiques
################################
# Activité 4 - Conjecture(s) de Goldbach
from math import *
##################################
# Rappel : activité 2
def est_premier(n):
   if n < 2: return False
   if n == 2: return True
   if n % 2 == 0: return False
   while (n \% d != 0) and (d**2 <= n):
       d = d + 2
   if d ** 2 > n:
       return True
   else:
       return False
###################################
######################################
## Question 1 ##
# La (vraie) conjecture de Goldbach (1742) :
# tout entier pair plus grand que 3 est la somme de deux nombres premiers
```

```
def nombre_solutions_goldbach(n):
    """ Calcule le nb de décompositions n = p + q avec
    n pair ; p, q premiers et q \ge p """
    # Si entier pas pair, c'est terminé
    if n % 2 == 1:
        print("Attention ! Entier non pair.")
        return None
    nb_sol = 0
    for p in range(2,n//2+1):
        q = n - p
        if (q>=p) and (est_premier(p)) and (est_premier(q)):
            print("n =",n,"somme de p =",p,", q = ",q)
            nb\_sol = nb\_sol + 1
    return nb_sol
print("--- Conjecture de Goldbach ---")
print(nombre_solutions_goldbach(100))
def test_conjecture_goldbach(nmax):
    """ Vérifie la validité de la conjecture de Goldbach
    pour les entiers pairs de 4 jusqu'à nmax """
    print("Début du test")
    for n in range(4,nmax,2):
        if nombre_solutions_goldbach(n) == 0:
            print("Problème avec n = ",n)
    print("Fin du test")
    return
# Test
print("--- Conjecture de Goldbach ---")
test_conjecture_goldbach(10000)
## Question 2 ##
# Goldbach 1752 :
# tout entier impair n peut s'écrire sous la forme
\# n = p + 2k^2
# avec p premier et k entier (éventuellement nul)
{\tt def\ existe\_decomposition\_goldbach(n):}
    """ Teste si n impair peut se décomposer n = p + 2k^2
    avec p premier et k entier """
    maxk = ceil(sqrt(n/2))+1
    for k in range(maxk):
        p = n - 2 * k**2
        if est_premier(p):
            # print(n,p,k,n-p-2*k**2)
            return True
    return False
def contre_exemple_goldbach(nmax):
    """ Cherche un contre-exemple à la seconde conjecture de Goldbach """
    print("--- Début de la recherche ---")
    for m in range(1,nmax):
        n = 2 * m + 1
```

```
Activité 2
                                                                               tantque_5.py
###################################
# Tant que - Booléen - Arithmétiques
####################################
######################################
# Activité 5 - Nombres ayant 4 ou 8 diviseurs
# Conjecture : entre 1 et N, il y a toujours plus d'entiers ayant
# 4 diviseurs que d'entier ayant 8 diviseurs
###################################
## Question 1 ##
def nombre_de_diviseurs_1(n):
    """ Nombre de diviseurs de n (y compris 1 et n) """
    for d in range(1,n+1):
        if n % d == 0:
            nb = nb + 1
    return nb
def nombre_de_diviseurs_2(n):
    """ Nombre de diviseurs de n (y compris 1 et n) """
    nb = 2 # on compte déjà 1 et n
    for d in range(2,n//2+1):
        if n % d == 0:
           nb = nb + 1
    return nb
# On garde la méthode la plus efficace
def nombre_de_diviseurs(n):
    return nombre_de_diviseurs_2(n)
# Test
print("--- Nombre de diviseurs ---")
print(nombre_de_diviseurs(100))
###################################
## Question 2 ##
def quatre_et_huit_diviseurs(Nmin,Nmax):
```

```
nb_quatre = 0
    nb_huit = 0
    for n in range(Nmin, Nmax):
        nb = nombre_de_diviseurs(n)
        if nb == 4:
            nb_quatre = nb_quatre + 1
        if nb == 8:
            nb_huit = nb_huit + 1
    return nb_quatre, nb_huit
# Test
print("--- Nombre ayant 4 puis 8 diviseurs ---")
print(quatre_et_huit_diviseurs(1,100))
###################################
## Question 3 ##
# Recherche de contre-exemple à la conjecture
# Il faut prendre N assez grand par exempel
# entre 1 et N = 250000 il y a plus d'entiers
# ayant 8 diviseurs que 4 diviseurs
# Par tranche de 50 000 (les calculs sont longs !)
# print(quatre_et_huit_diviseurs(1,50000))
# print(quatre_et_huit_diviseurs(50000,100000))
# print(quatre_et_huit_diviseurs(100000,150000))
# print(quatre_et_huit_diviseurs(150000,200000))
# print(quatre_et_huit_diviseurs(200000,250000))
# Tranche 1 : 12073, 10957
# Tranche 2 : 11254, 11224
# Tranche 3: 10995, 11229
# Tranche 4 : 10838, 11218
# Tranche 5 : 10690, 11260
# 4 diviseurs 12073+11254+10995+10838+10690 = 55850
# 8 diviseurs 10957+11224+11229+11218+11260 = 55888
```

```
d = 3
    while (n \% d != 0) and (d**2 <= n):
        d = d + 2
    if d ** 2 > n:
        return True
    else:
        return False
## Question 1 ##
def un_deux_un(k):
   """ Calcule un entier 121111... """
   u = 12
   for i in range(k):
      u = 10*u + 1
   return u
# Test
print("--- 121111.... ---")
u = un_{deux_{un}(10)}
print(u)
#####################################
## Question 2 ##
# Conjecture 1211111... n'est jamais premier
def test_premier_un_deux_un(kmax):
    """ Teste si 121111... est premier ou pas """
    for k in range(kmax):
       uk = un_deux_un(k)
        print(uk,est_premier(uk))
    return
# Test
print("--- Test conj 121111.... jamais premier ---")
test_premier_un_deux_un(21)
# N'aboutira pas au contre-exemple
# Les calculs sont trop longs
###################################
## Question 3 ##
def est_presque_premier(n,r):
   """ Teste si n n'a pas de diviseurs <= r """
    if n < 2: return False
    if n == 2: return True
    if n % 2 == 0: return False
    d = 3
    while (n \% d != 0) and (d ** 2 <= n) and (d <= r):
        d = d + 2
    if (d ** 2 > n) or (d > r):
        return True
    else:
       return False
```

11. Binaire I

```
Activités
                                                                                  binaire_I.py
################################
# Binaire - partie I
###################################
######################################
# Activité 1 - Decimale vers entier
#####################################
## Question 1 ##
def decimale_vers_entier_1(liste_decimale):
    nombre = 0
    p = len(liste_decimale)
    for i in range(p):
        d = liste_decimale[p-1-i]
        nombre = nombre + d*10**i
    return nombre
## Question 1bis ##
def decimale_vers_entier_2(liste_decimale):
    nombre = 0
    i = 0
    for d in reversed(liste_decimale):
        nombre = nombre + d*10**i
        i = i + 1
    return nombre
# Test
print("--- Ecriture décimale vers entier ---")
liste = [1,2,3,4]
print(decimale_vers_entier_1(liste))
```

```
print(decimale_vers_entier_2(liste))
#####################################
# Activité 2 - Binaire vers entier
###################################
## Question 1 ##
def binaire_vers_entier_1(liste_binaire):
   nombre = 0
   p = len(liste_binaire)
   for i in range(p):
        if liste_binaire[p-1-i] == 1:
            nombre = nombre + 2**i
    return nombre
## Question 1bis ##
def binaire_vers_entier_2(liste_binaire):
   nombre = 0
    i = 0
    for b in reversed(liste_binaire):
        if b == 1:
           nombre = nombre + 2**i
        i = i + 1
    return nombre
## Question 2 ##
def binaire_vers_entier_bis(liste_binaire):
   nombre = 0
    for b in liste_binaire:
        if b == 0:
            nombre = nombre*2
            nombre = nombre*2 + 1
    return nombre
print("--- Ecriture binaire vers entier ---")
liste = [1,1,0,1,1,0,0,1]
print(binaire_vers_entier_1(liste))
print(binaire_vers_entier_2(liste))
print(binaire_vers_entier_bis(liste))
## Question 3 (à virer) ##
# Utilise bin() [pas très fantastique]
def liste_vers_chaine(liste_binaire):
    liste_chaine = [str(b) for b in liste_binaire]
    chaine = "".join(liste_chaine)
    chaine = "0b" + chaine
    return chaine
def binaire_vers_entier_4(liste_binaire):
    chaine = liste_vers_chaine(liste_binaire)
    nombre = int(chaine,2)
```

```
return nombre
# print("--- Ecriture binaire vers entier avec bin() ---")
# liste = [1,1,0,1,1,0,0,1]
# print(liste_vers_chaine(liste))
# print(binaire_vers_entier_4(liste))
######################################
# Activité 3 - Ecriture décimale
######################################
def entier_vers_decimale(n):
   if n==0: return [0]
   liste_decimale = []
   while n != 0:
       liste_decimale = [n%10] + liste_decimale
       n = n//10
   return liste_decimale
print("--- Entier vers écriture décimale ---")
n = 1234
liste = entier_vers_decimale(n)
entier = decimale_vers_entier_1(liste)
print(n)
print(liste)
print(entier)
# Activité 4 - Ecriture binaire
def entier_vers_binaire(n):
   if n==0: return [0]
   liste_binaire = []
   while n != 0:
       liste_binaire = [n\%2] + liste_binaire
       n = n//2
   return liste_binaire
# Test
print("--- Entier vers écriture binaire ---")
n = 1234
liste = entier_vers_binaire(n)
entier = binaire_vers_entier_1(liste)
print(n)
print(liste)
print(entier)
```

12. Listes II

```
Activité 1
                                                                 listes_II_1.py
###################################
# Listes II
##############################
# Activité 1 - Manipulation de listes
####################################
## Question 1 ##
def multiplier(liste,k):
   return [k*x for x in liste]
## Question 2 ##
def puissance(liste,k):
   return [x**k for x in liste]
## Question 3 ##
def addition(liste1, liste2):
   liste_add = []
   for i in range(len(liste1)):
       liste_add.append(liste1[i]+liste2[i])
   return liste_add
## Question 4 ##
def non_zero(liste):
   return [x for x in liste if x != 0]
## Question 5 ##
def pairs(liste):
   return [x for x in liste if x % 2 == 0]
# Test
print("--- Multiplier ---")
print(multiplier([1,2,3,4,5],2))
print("--- Puissance ---")
print(puissance([1,2,3,4,5],3))
print("--- Addition ---")
print(addition([1,2,3],[4,5,6]))
print("--- Sans zéro ---")
print(non_zero([1,0,2,3,0,4,5,0]))
print("--- Pairs ---")
print(pairs([1,0,2,3,0,4,5,0]))
```

```
Activité 2
                                                                           listes_II_2.py
###################################
# Listes II
from random import *
###################################
# Activité 2 - Somme fixée
###################################
###################################
from random import *
liste_20 = [randint(1,99) for i in range(20)]
liste_20 = [16, 2, 85, 27, 9, 45, 98, 73, 12, 26, 46, 25, 26, 49, 18, 99, 10, 86, 7, 42]
print(liste_20)
liste_200 = [randint(1,99) for i in range(200)]
print(liste_200)
## Question 1 ##
#####################################
# Trouver deux élément consécutifs dont la somme vaut 100
def somme_deux_consecutifs_100(liste):
   n = len(liste)
   for i in range (n-1):
        if liste[i]+liste[i+1] == 100:
            # print(i,i+1,liste[i],liste[i+1])
            return True
    return False
## Question 2 ##
# Trouver deux élément différents dont la somme vaut 100
def somme_deux_100(liste):
   n = len(liste)
    for i in range (n-1):
        for j in range(i+1,n):
            if liste[i]+liste[j] == 100:
                # print(i,j,liste[i],liste[j])
                return True
    return False
## Question 3 ##
#####################################
# Suite de termes consécutifs qui font 100
def somme_suite_100(liste):
    n = len(liste)
    for i in range(n):
        somme = 0
        j = i
        while somme < 100 and j < n:
           somme = somme + liste[j]
```

```
j = j + 1
       if somme == 100:
           # print(i,j-1,liste[i:j])
           return True
   return False
print("--- Somme deux consécutifs ---")
print(somme_deux_consecutifs_100(liste_20))
print(somme_deux_consecutifs_100(liste_200))
print("--- Somme deux qcq ---")
print(somme_deux_100(liste_20))
print(somme_deux_100(liste_200))
print("--- Somme suites ---")
print(somme_suite_100(liste_20))
print(somme_suite_100(liste_200))
## Question 3 ##
# Idées proba : Quelle long donne prob > 1/2
###################################
def proba_1(n,N):
   nb = 0
   for k in range(N):
       liste_n = liste_n = [randint(1,99) for i in range(n)]
       trouve = somme_deux_consecutifs_100(liste_n)
       if trouve:
           nb += 1
   return nb/N
###################################
def proba_2(n,N):
   nb = 0
   for k in range(N):
       liste_n = liste_n = [randint(1,99) for i in range(n)]
       trouve = somme_deux_100(liste_n)
       if trouve:
           nb += 1
   return nb/N
def proba_3(n,N):
   nb = 0
   for k in range(N):
       liste_n = liste_n = [randint(1,99) for i in range(n)]
       trouve = somme_suite_100(liste_n)
       if trouve:
           nb += 1
   return nb/N
print("--- Proba deux consécutifs ---")
# Proba ~ 1/2 pour longueur n ~ 67
print(proba_1(67,10000))
print("--- Proba deux ---")
# Proba \sim 1/2 pour longueur n \sim 12
print(proba_2(12,10000))
```

```
print("--- Proba suite ---")
# Proba ~ 1/2 pour longueur n ~ 42
print(proba_3(42,10000))
```

```
Activité 3
                                                                        listes_II_3.py
# Listes II
###############################
####################################
# Activité 3 - Tableau à deux dimensions
#####################################
## Question 1 ##
def somme_diagonale(tableau):
   n = len(tableau)
   somme = 0
   for i in range(n):
       somme = somme + tableau[i][i]
   return somme
## Question 2 ##
###################################
def somme_anti_diagonale(tableau):
   n = len(tableau)
   somme = 0
   for i in range(n):
       somme = somme + tableau[n-1-i][i]
   return somme
## Question 3 ##
def somme_tout(tableau):
   n = len(tableau)
   somme = 0
   for i in range(n):
       for j in range(n):
           somme = somme + tableau[i][i]
    return somme
## Question 4 ##
####################################
def affiche_tableau(tableau):
   11 11 11
   Affiche un tableau carré à l'écran
   Entrée : un tableau de taille n x n
   Sortie : rien (affichage à l'écran)
   n = len(tableau)
```

```
Activité 4
                                                                  listes_II_4.py
#####################################
# Listes II - Idées
###################################
from random import *
# Activité 3 - Rappels
def affiche_tableau(tableau):
   Affiche un carré à l'écran
   Entrée : un tableau de taille n x n
   Sortie : rien (affichage à l'écran)
   n = len(tableau)
   for i in range(n):
       for j in range(n):
          print('{:>3d}'.format(tableau[i][j])," ", end="")
       print()
   return
####################################
def somme_diagonale(tableau):
   n = len(tableau)
   somme = 0
   for i in range(n):
      somme = somme + tableau[i][i]
   return somme
```

```
###################################
def somme_anti_diagonale(tableau):
   n = len(tableau)
   somme = 0
   for i in range(n):
       somme = somme + tableau[n-1-i][i]
   return somme
# Activité 4 - Carrés magiques
## Question 1 ##
####################################
print("--- Carré magique ---")
\# \text{ carre} = [[1,2,3], [4,5,6], [7,8,9]]
carre_3x3 = [[4,9,2], [3,5,7], [8,1,6]]
carre_4x4 = [[1,14,15,4], [7,9,6,12], [10,8,11,5], [16,3,2,13]]
print("--- Carré 3x3 ---")
affiche_tableau(carre_3x3)
print("--- Carré 4x4 ---")
affiche_tableau(carre_4x4)
## Question 2 ##
def est_carre_magique(carre):
   n = len(carre)
   total = n * (n**2 + 1) // 2
   if somme_diagonale(carre) != total:
       return False
   if somme_anti_diagonale(carre) != total:
       return False
   for ligne in carre:
       if sum(ligne) != total:
           return False
   for j in range(n):
       somme = 0
       for i in range(n):
           somme = somme + carre[i][j]
       if somme != total:
           return False
   return True
print("--- Vérification carré magique ---")
print(est_carre_magique(carre_3x3))
print(est_carre_magique(carre_4x4))
## Question 3 ##
def carre_aleatoire(n):
   entiers = list(range(1,n**2+1))
   shuffle(entiers)
   carre = [ entiers[i*n:(i+1)*n] for i in range(n) ]
   return carre
```

```
print("--- Carré aléatoire ---")
carre = carre_aleatoire(4)
affiche_tableau(carre)
print(est_carre_magique(carre))
## Question 4 ##
###################################
def addition_carre(carre,k):
    n = len(carre)
    nouv_carre = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
    for i in range(n):
        for j in range(n):
            nouv_carre[i][j] = carre[i][j] + k
    return nouv_carre
## Question 4 ##
###################################
def multiplication_carre(carre,k):
    n = len(carre)
    nouv_carre = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
    for i in range(n):
        for j in range(n):
            nouv_carre[i][j] = carre[i][j] * k
    return nouv_carre
# Test
print("--- Addition, multiplication de carrés magiques ---")
\# carre = [ [1,2,3], [4,5,6], [7,8,9] ]
carre = [4,9,2], [3,5,7], [8,1,6]
somme_carre = addition_carre(carre,-1)
produit_carre = multiplication_carre(carre,9)
affiche_tableau(carre)
affiche_tableau(somme_carre)
affiche_tableau(produit_carre)
## Question 5 ##
###################################
def homothetie_carre(carre,k):
    n = len(carre)
    nouv_carre = [[0 for j in range(k*n)] for i in range(k*n)]
    for i in range(k*n):
        for j in range(k*n):
            nouv_carre[i][j] = carre[i/k][j/k]
    return nouv_carre
print("--- Homothétie carré magique ---")
\# \text{ carre} = [[1,2,3], [4,5,6], [7,8,9]]
\# \text{ carre} = [[4,9,2], [3,5,7], [8,1,6]]
# grand_carre = homothetie_carre(carre,3)
# affiche_tableau(grand_carre)
grand_carre = homothetie_carre(carre_3x3,3)
```

```
affiche_tableau(grand_carre)
grand_carre = homothetie_carre(carre_4x4,2)
affiche_tableau(grand_carre)
## Question 6 ##
def addition_bloc_carre(grand_carre,petit_carre):
    N = len(grand_carre)
    n = len(petit_carre)
    \# k = N//n
    nouv_carre = [[0 for j in range(N)] for i in range(N)]
    for i in range(N):
        for j in range(N):
            nouv_carre[i][j] = grand_carre[i][j] + petit_carre[i\nn][j\nn]
    return nouv_carre
    # Test
print("--- Addition de blocs - Carré magique ---")
petit_carre = [ [1,2], [3,4] ]
carre = [[1,2,3], [4,5,6], [7,8,9]]
grand_carre = homothetie_carre(carre,2)
nouv_grand_carre = addition_bloc_carre(grand_carre,petit_carre)
affiche_tableau(petit_carre)
print("---")
affiche_tableau(grand_carre)
print("---")
affiche_tableau(nouv_grand_carre)
## Question 7 ##
####################################
def produit_carres(carre1,carre2):
    n = len(carre1)
    # m = len(carre2)
    carre3a = addition_carre(carre2,-1)
    # print("---")
    # affiche_tableau(carre3a)
    carre3b = homothetie_carre(carre3a,n)
    # print("---")
    # affiche_tableau(carre3b)
    carre3c = multiplication_carre(carre3b,n**2)
    # print("---")
    # affiche_tableau(carre3c)
    carre3d = addition_bloc_carre(carre3c,carre1)
    # print("---")
    # affiche_tableau(carre3d)
    return carre3d
#### Test ####
carre1 = [[4,9,2], [3,5,7], [8,1,6]]
carre2 = [ [4,14,15,1], [9,7,6,12], [5,11,10,8], [16,2,3,13] ]
carre3 = produit_carres(carre1, carre2)
print("--- Produit carrés ---")
affiche_tableau(carre1)
print("---")
affiche_tableau(carre2)
```

```
print("---")
affiche_tableau(carre3)
print(est_carre_magique(carre3))

#### Produit non commutatif ####
carre4 = produit_carres(carre2, carre1)
print("--- Produit carrés ---")
affiche_tableau(carre1)
print("---")
affiche_tableau(carre2)
print("---")
affiche_tableau(carre4)
print(est_carre_magique(carre4))

#### Carré de taille 36 x 36 ####
carre5 = produit_carres(carre1, carre4)
```

13. Binaire II

```
binaire_II.py
Activités
####################################
# Binaire - partie II
from binaire_I import *
#####################################
# Activité 1 - Palindrome en binaire
######################################
## Question 1 ##
def est_palindrome_1(liste):
    p = len(liste)
    drapeau = True
    for i in range(p):
        if liste[i] != liste[p-1-i]:
            drapeau = False
    return drapeau
# Version optimisée :
def est_palindrome_1_bis(liste):
    p = len(liste)
    for i in range(p//2):
        if liste[i] != liste[p-1-i]:
            return False
    return True
def est_palindrome_2(liste):
    liste_inverse = list(reversed(liste))
    return liste == liste_inverse
# Test
```

```
print("--- Test d'un palindrome ---")
liste = [1,0,1,0,0,1,0,1]
print(est_palindrome_1(liste))
print(est_palindrome_1_bis(liste))
print(est_palindrome_2(liste))
## Question 2 ##
def cherche_palindrome_binaire(N):
    num = 0
    for n in range(\mathbb{N}):
        liste_binaire = entier_vers_binaire(n)
        if est_palindrome_1(liste_binaire) == True:
            num = num + 1
            print(num,":",n,"=",entier_vers_binaire(n))
    return
# Test
print("--- Palindromes binaires ---")
cherche_palindrome_binaire(1000)
# Le 1000ème palindrome en binaire est :
#249903 = [1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1]
## Question 3 ##
def cherche_palindrome_decimale(N):
    num = 0
    for n in range(N):
        liste_decimale = entier_vers_decimale(n)
        if est_palindrome_1(liste_decimale) == True:
            num = num + 1
            print(num,":",n)
    return
# Test
print("--- Palindromes avec décimales ---")
cherche_palindrome_decimale(1000)
# Le 1000ème palindrome en décimales est :
# 90009
## Question 4 ##
def cherche_bi_palindrome(N):
    num = 0
    for n in range(N):
        liste_binaire = entier_vers_binaire(n)
        liste_decimale = entier_vers_decimale(n)
        if est_palindrome_1(liste_binaire) == True and est_palindrome_1(liste_decimale):
            num = num + 1
            print(num,":",n,"=",entier_vers_binaire(n))
    return
print("--- Bi-palindromes ---")
cherche_bi_palindrome(1000)
# Le 20ème bi-palindrome est
# 585585 = [1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0]
################################
```

```
# Activité 2 - Opérations logiques
#####################################
## Question 1 ##
def OUeg(11,12):
    n = len(11)
    1 = []
    for i in range(n):
        if l1[i] == 1 or l2[i] == 1:
            1 = 1 + [1]
        else:
            1 = 1 + [0]
    return 1
def ETeg(11,12):
    n = len(11)
    1 = []
    for i in range(n):
        if l1[i] == 1 and l2[i] == 1:
            1 = 1 + [1]
        else:
            1 = 1 + [0]
    return 1
def NON(11):
    1 = []
    for b in 11:
        if b==1:
            1 = 1 + [0]
        else:
            1 = 1 + [1]
    return 1
print("--- Opérations logiques (même longueur) ---")
11 = [1,0,1,0,1,0,1]
12 = [1,0,0,1,0,0,1]
print(11)
print(12)
print(OUeg(11,12))
print(ETeg(11,12))
print(NON(11))
## Question 2 ##
# Rajouter des zéros non significatifs si besoins
def ajouter_zeros(liste,p):
    while len(liste) < p:</pre>
        liste = [0] + liste
    return liste
print("--- Zeros non significatifs ---")
print(ajouter_zeros([1,0,1,1],8))
## Question 3 ##
# Opérations logiques avec des listes de tailles différentes
```

```
def OU(11,12):
    p = len(11)
    q = len(12)
    if p>q:
        112 = ajouter_zeros(12,p)
        return OUeg(11,112)
    else:
        111 = ajouter_zeros(11,q)
        return OUeg(111,12)
def ET(11,12):
    p = len(11)
    q = len(12)
    if p>q:
        112 = ajouter_zeros(12,p)
        return ETeg(11,112)
    else:
        111 = ajouter_zeros(11,q)
        return ETeg(111,12)
print("--- Opérations logiques (cas général) ---")
11 = [1,0,1,0,1,0,1]
12 = [1,0,0,1,0,]
print(11)
print(12)
print(OU(11,12))
print(ET(11,12))
###################################
# Activité 3 - Loi de Morgan
###################################
## Question 1 ##
def tous_les_binaires(p):
    liste_p = []
    for n in range(2**p):
        liste_p = liste_p + [entier_vers_binaire(n)]
    return liste_p
print("--- Tous les binaires ---")
print(tous_les_binaires(3))
## Question 2 ##
def toutes_les_listes(p):
    if p == 0:
     return []
    if p == 1:
     return [[0],[1]]
    liste_p_1 = toutes_les_listes(p-1)
    liste_p = [ [0] + 1 for 1 in liste_p_1] + [ [1] + 1 for 1 in liste_p_1]
    return liste_p
# Test
print("--- Toutes les listes ---")
print(toutes_les_listes(3))
```

```
## Question 3 ##
# Lois de Morgan
def test_loi_de_morgan(p):
    liste_tous = [ajouter_zeros(1,p) for 1 in tous_les_binaires(p)]
    #liste_tous = toutes_les_listes(p)
    for 11 in liste_tous:
        for 12 in liste_tous:
            non_11_ou_12 = NON(OU(11,12))
            non_11_{et_non_12} = ET(NON(11), NON(12))
            if non_l1_ou_l2 == non_l1_et_non_l2:
                print("Vrai")
                # pass
            else:
                print("Faux", 11, 12)
    return
# Test
print("--- Test loi de Morgan ---")
test_loi_de_morgan(2)
```

14. Probabilités – Paradoxe de Parrondo

```
Activités
                                                                                  proba.py
###################################
# Probablité - Paradoxe de Parrondo
# Référence : "Paradoxe de Parrondo", La gazette des mathématiciens, juillet 2017
from random import *
###################################
# Activité 1 - Jeu A : premier jeu perdant
###################################
## Question 1 ##
def tirage_jeu_A():
   x = random()
   if x <= 0.49:
       return +1
    else:
        return -1
## Question 2 ##
def gain_jeu_A(N):
    gain = 0
    for i in range(N):
        gain = gain + tirage_jeu_A()
    return gain
```

```
## Question 3 ##
def esperance_jeu_A(N):
    esperance = gain_jeu_A(N)/N
    return esperance
# Test
print("--- Jeu A ---")
N = 1000000
print(esperance_jeu_A(N))
######################################
# Activité 2 - Jeu B : premier jeu perdant
###################################
## Question 1 ##
def tirage_jeu_B(g):
    if g%3 == 0:
        x = random()
       if x <= 0.09:
           return +1
        else:
           return -1
    else:
       x = random()
       if x <= 0.74:
           return +1
        else:
           return -1
## Question 2 ##
def gain_jeu_B(N):
    gain = 0
    for i in range(N):
        gain = gain + tirage_jeu_B(gain)
    return gain
## Question 3 ##
def esperance_jeu_B(N):
    esperance = gain_jeu_B(N)/N
    return esperance
# Test
print("--- Jeu B ---")
N = 1000000
print(esperance_jeu_B(N))
# Activité 3 - Paradoxe de Parrondo
###################################
## Question 1 ##
def tirage_jeu_AB(g):
    x = random()
    if x < 0.5:
        return tirage_jeu_A()
    else:
       return tirage_jeu_B(g)
```

```
## Question 2 ##
def gain_jeu_AB(N):
    gain = 0
    for i in range(N):
        gain = gain + tirage_jeu_AB(gain)
    return gain

## Question 3 ##
def esperance_jeu_AB(N):
    esperance = gain_jeu_AB(N)/N
    return esperance

# Test
print("--- Jeu AB ---")
N = 1000000
print(esperance_jeu_AB(N))
```

15. Chercher et remplacer

```
Activité 1
                                                                         chercher_1.py
# Chercher et remplacer
##################################
######################################
# Activité 1 - Chercher
## Question 1 ##
def chercher_in(chaine, sous_chaine):
   return sous_chaine in chaine
print("--- Avec 'in' ---")
chaine = "ETRE OU NE PAS ETRE"
sous_chaine = "PAS"
print(chercher_in(chaine, sous_chaine))
## Question 2 ##
def chercher_find(chaine, sous_chaine):
   position = chaine.find(sous_chaine)
   return position
# Test
print("--- Avec find() ---")
position = chercher_find(chaine, sous_chaine)
print(position)
position = chercher_find(chaine,"XYZ")
print(position)
## Question 3 ##
```

```
def chercher_index(chaine, sous_chaine):
    position = chaine.index(sous_chaine)
    return position
print("--- Avec index() ---")
position = chercher_index(chaine, sous_chaine)
print(position)
# position = chercher_index(chaine,"XYZ")
# print(position)
## Question 4 ##
def chercher(chaine, sous_chaine):
    long_chaine = len(chaine)
    long_sous_chaine = len(sous_chaine)
    for i in range(long_chaine-long_sous_chaine+1):
        trouve = True
        for j in range(long_sous_chaine):
            if chaine[i+j] != sous_chaine[j]:
                trouve = False
                break
        if trouve == True:
            return i
    return None
# Test
print("--- A la main ---")
position = chercher(chaine, sous_chaine)
print(position)
position = chercher(chaine, "XYZ")
print(position)
```

```
Activité 2
                                                                            chercher_2.py
###################################
# Chercher et remplacer
####################################
######################################
# Rappel de l'activité 1
def chercher(chaine, sous_chaine):
   long_chaine = len(chaine)
   long_sous_chaine = len(sous_chaine)
    for i in range(long_chaine-long_sous_chaine+1):
       trouve = True
       for j in range(long_sous_chaine):
            if chaine[i+j] != sous_chaine[j]:
               trouve = False
               break
       if trouve == True:
```

```
return i
    return None
######################################
# Activité 2 - Remplacer
chaine = "ETRE OU NE PAS ETRE"
sous_chaine = "PAS"
nouv_sous_chaine = "PLUS"
## Question 1 ##
print("--- Avec replace() ---")
nouv_chaine = chaine.replace(sous_chaine,nouv_sous_chaine)
print(nouv_chaine)
## Question 2 ##
# remplacer_une_fois() A la main en utilisant chercher()
def remplacer(chaine, sous_chaine, nouv_sous_chaine):
   pos = chercher(chaine, sous_chaine)
    if pos is not None: # Si trouvé
        finpos = pos+len(sous_chaine)
        chaine = chaine[:pos]+nouv_sous_chaine+chaine[finpos:]
    return chaine
print("--- Remplacer : à la main ---")
nouv_chaine = remplacer(chaine, sous_chaine, nouv_sous_chaine)
print(nouv_chaine)
## Question 3 ##
# remplacer() remplace toutes les occurences
def remplacer_tout(chaine, sous_chaine, nouv_sous_chaine):
    pos = chercher(chaine,sous_chaine)
    while pos is not None: # Tant que trouvé
        finpos = pos+len(sous_chaine)
        chaine = chaine[:pos]+nouv_sous_chaine+chaine[finpos:]
        pos = chercher(chaine, sous_chaine)
    return chaine
# Attention fonction un peu trop basique car A -> AB devrait boucler indféiniment.
print("--- Remplacer tout : à la main ---")
chaine = "ETRE OU NE PAS ETRE"
sous_chaine = "ETRE"
nouv_sous_chaine = "AVOIR"
nouv_chaine = remplacer_tout(chaine,sous_chaine,nouv_sous_chaine)
print(nouv_chaine)
```

```
Activité 3
                                                                                chercher_3.py
####################################
# Chercher et remplacer
####################################
####################################
# Activité 3 - Regex - Expressions rationnelles
#####################################
## Question 1 ##
from re import *
def python_regex_chercher(chaine,exp):
    trouve = search(exp,chaine)
        return trouve.group(), trouve.start(), trouve.end()
    else:
        return None
# Test
print("--- Avec regex search() ---")
chaine = "ETRE OU NE PAS ETRE"
exp = "P.S"
print(python_regex_chercher(chaine,exp))
print(python_regex_chercher(chaine,exp))
exp = "[OT]U"
print(python_regex_chercher(chaine,exp))
exp = "[MN]..P[AI]S"
print(python_regex_chercher(chaine,exp))
## Question 2 ##
# Le joker "."
def regex_chercher_joker(chaine,exp):
    long_chaine = len(chaine)
    long_exp = len(exp)
    for i in range(long_chaine-long_exp+1):
        trouve = True
        for j in range(long_exp):
            if exp[j] != "." and chaine[i+j] != exp[j]:
                trouve = False
                break
        if trouve == True:
            return chaine[i:i+long_exp],i,i+long_exp
    return None
print("--- regex joker ---")
chaine = "ETRE OU NE PAS ETRE"
exp = "T.E"
print(regex_chercher_joker(chaine,exp))
```

```
## Question 3 ##
# Le choix "[AB]", voir [ABC]
def genere_choix(exp):
    liste_exp = [""]
    mode_choix = False
    for c in exp:
        if c == "[":
            mode_choix = True
            old_liste_exp = list(liste_exp)
           nouv_list_exp = []
        elif c == "]":
            mode_choix = False
            liste_exp = nouv_list_exp
        else:
            if mode_choix == False: # Mode normal
                liste_exp = [ l + c for l in liste_exp]
            else: # Mode choix
                nouv_list_exp = nouv_list_exp + [ 1 + c for 1 in old_liste_exp]
    return liste_exp
# Test
print("--- regex choix ---")
exp = "ET[XYZ]RE[UVW]"
print(genere_choix(exp))
def regex_chercher_choix(chaine,exp):
    liste_exp = genere_choix(exp)
    for mon_exp in liste_exp:
        resultat = python_regex_chercher(chaine,mon_exp)
        if resultat is not None:
            return resultat
    return None
# Test
print("--- regex choix ---")
chaine = "ETRE OU NE PAS ETRE"
exp = "P[ABC]S"
print(regex_chercher_choix(chaine,exp))
## Question 4 ##
# La négation [^A] voir [^AB]
```

```
def chercher(chaine, sous_chaine):
    long_chaine = len(chaine)
    long_sous_chaine = len(sous_chaine)
    for i in range(long_chaine-long_sous_chaine+1):
        trouve = True
        for j in range(long_sous_chaine):
            if chaine[i+j] != sous_chaine[j]:
                trouve = False
                break
        if trouve == True:
            return i
    return None
######################################
# Rappel de l'activité 2 - Remplacer
######################################
def remplacer(chaine, sous_chaine, nouv_sous_chaine):
    pos = chercher(chaine, sous_chaine)
    if pos is not None: # Si trouvé
        finpos = pos+len(sous_chaine)
        chaine = chaine[:pos]+nouv_sous_chaine+chaine[finpos:]
    return chaine
# Activité 4 - Itérations
######################################
## Question 1 ##
# Test
print("--- Une itération ---")
print("-- Ex 1 --")
phrase = "01001110"
motif = "01"
nouv_motif = "10"
nouv_phrase = remplacer(phrase,motif,nouv_motif)
print(phrase)
print(nouv_phrase)
print("-- Ex 2 --")
phrase = "01001110"
motif = "0011"
nouv_motif = "1100"
nouv_phrase = remplacer(phrase,motif,nouv_motif)
print(phrase)
print(nouv_phrase)
print("-- Ex 3 --")
phrase = "01001110"
motif = "0011"
nouv_motif = "111000"
nouv_phrase = remplacer(phrase,motif,nouv_motif)
print(phrase)
print(nouv_phrase)
print("-- Ex 4 --")
phrase = "0001"
motif = "01"
nouv_motif = "1100"
```

```
print(phrase)
phrase = remplacer(phrase,motif,nouv_motif)
print(phrase)
phrase = remplacer(phrase,motif,nouv_motif)
print(phrase)
phrase = remplacer(phrase,motif,nouv_motif)
print(phrase)
## Question 2 ##
# Constante globale du maximum d'itérations considérées
MAX_ITER = 1000
def iterations(phrase,motif,nouv_motif):
    while i <= MAX_ITER:</pre>
        nouv_phrase = remplacer(phrase,motif,nouv_motif)
        if phrase == nouv_phrase:
            return i, phrase
        else:
            phrase = nouv_phrase
            i = i+1
    return None
print("--- Itérations ---")
print("-- Ex 1 --")
phrase = "000011011"
motif = "0011"
nouv_motif = "1100"
resultat = iterations(phrase,motif,nouv_motif)
print(resultat)
phrase = "000011011"
print(phrase)
phrase = remplacer(phrase,motif,nouv_motif)
print(phrase)
print("-- Ex 2 --")
phrase = "000011011"
motif = "001"
nouv_motif = "11000"
resultat = iterations(phrase,motif,nouv_motif)
print(resultat)
## Rappel sur binaire ##
def decimal_vers_binaire(n,p):
    chaine_b = bin(n) # Conversion en une chaîne écriture binaire
    chaine_b = chaine_b[2:] # On enlève le préfixe
```

```
# On rajoute des zéros au début si besoin
    nb_zeros = p - len(chaine_b)
    for i in range(nb_zeros):
        chaine_b = "0" + chaine_b
    return chaine_b
# Test
print(decimal_vers_binaire(33,8))
## Question 3 ##
def iteration_maximale(p,motif,nouv_motif):
    maxi_ier = 0
    phrase_maxi_iter = ""
    nouv_phrase_maxi_iter = ""
    for n in range(2**p):
        phrase = decimal_vers_binaire(n,p)
        resultat = iterations(phrase,motif,nouv_motif)
        #print(resultat)
        if resultat is None:
            return None, phrase
        else:
            nb_iter = resultat[0]
            if nb_iter > maxi_iter:
                maxi_iter = nb_iter
                phrase_maxi_iter = phrase
                nouv_phrase_maxi_iter = resultat[1]
    return maxi_iter, phrase_maxi_iter, nouv_phrase_maxi_iter
print("--- Itérations maximales ---")
# Exemple
motif = "01"
nouv_motif = "100"
print(iteration_maximale(4,motif,nouv_motif))
## Question 4 ##
# Linéaire
motif = "0011"
nouv_motif = "110"
print("- Linéaire -")
print(iteration_maximale(10,motif,nouv_motif))
# Quadratique
motif = "01"
nouv_motif = "10"
print("- Quadratique -")
print(iteration_maximale(10,motif,nouv_motif))
# Exponentiel
motif = "01"
nouv_motif = "110"
print("- Exponentiel -")
print(iteration_maximale(10,motif,nouv_motif))
# Ne termine pas
motif = "01"
nouv_motif = "1100"
print("- Ne se termine pas -")
print(iteration_maximale(4,motif,nouv_motif))
```

16. Calculatrice polonaise - Piles

```
Activité 1
                                                                                   piles_1.py
###################################
# Piles - Calculatrice polonaise
################################
####################################
# Activité 1 - Opération sur la pile
####################################
# "pile" est une variable globale
## Question 1 ##
def empile(element):
   """ Ajoute un élément au sommet de la pile
   Entrée : un objet
    Sortie : rien
   Action : la pile contient un élément en plus """
    global pile  # Pour pouvoir modifier la pile
   pile = pile + [element]
    return None
# Test
print("--- Empiler ---")
pile = [4,5,6]
print('Pile avant :',pile)
empile(7)
print('Pile après :',pile)
## Question 2 ##
def depile():
   """ Lit l'élément au sommet de la pile et l'enlève
   Entrée : rien
   Sortie : l'élément du sommet
    Action : la pile contient un élément de moins """
    global pile
    sommet = pile[len(pile)-1]
    pile = pile[0:len(pile)-1]
    return sommet
print("--- Dépiler ---")
pile = [4,5,6]
print('Pile avant :',pile)
val = depile()
print('Valeur dépilée :',val, '\nPile après :',pile)
## Question 3 ##
def pile_est_vide():
```

```
""" Détermine si la pile est vide ou pas
    Entrée : rien
    Sortie : vrai/faux
    Action : ne modifie pas la pile """
    if len(pile) == 0:
        return True
    else:
        return False
# Tests
print("--- Tester si pile vide ---")
# Test 1
pile = [4,5,6]
vide = pile_est_vide()
print(pile, 'pile vide ?', vide)
# Test 2
pile = []
vide = pile_est_vide()
print(pile, 'pile vide ?', vide)
```

```
Activité 2
                                                            piles_2.py
# Piles - Calculatrice polonaise
# Rappels - Activité 1
def empile(element):
   global pile
  pile = pile + [element]
   return None
def depile():
   global pile
   sommet = pile[len(pile)-1]
   pile = pile[0:len(pile)-1]
  return sommet
def pile_est_vide():
  if len(pile) == 0:
      return True
   else:
     return False
# Activité 2 - Manipulation de la pile
###############################
## Question 1 ##
print("--- Manipulation ---")
pile = []
```

```
empile(5)
empile(7)
empile(2)
empile(4)
print(pile)
depile()
empile(8)
empile(1)
empile(3)
print(pile)
val = depile()
print('Valeur :',val)
## Question 2 ##
def pile_contient(element):
    """ Détermine si la pile contient l'élément
    Entrée : rien
    Sortie : vrai/faux
   Action : modifie la pile """
    while not pile_est_vide():
        el = depile()
        if el == element:
            return True # Si on trouve l'élément c'est bon
    return False
                   # On arrive au bas sans trouver l'élément
print("--- Test si pile contient 7 ---")
# Test 1
pile = [4,5,6]
print(pile, 'pile contient 7 ?',pile_contient(7))
# Test 2
pile = [4,7,12,99]
print(pile, 'pile contient 7 ? ',pile_contient(7))
## Question 3 ##
def somme_pile():
    """ Calcule la somme de la pile
    Entrée : rien
    Sortie : la somme
   Action : vide la pile """
    somme = 0
    while not pile_est_vide():
        element = depile()
        somme = somme + element
    return somme
# Test
print("--- Somme des valeurs de la pile ---")
pile = [4,5,6]
print('La somme de',pile,'est ',somme_pile())
## Question 4 ##
def avant_dernier():
   """ Renvoie l'avant-dernier élément en bas de la pile
    Entrée : rien
```

```
Sortie : l'avant-dernier élément
    Action : vide la pile """
    dernier = None
    avant_dernier = None
    while not pile_est_vide():
        avant_dernier = dernier # Le dernier devient avant-dernier
        dernier = depile()
                                 # Nouveau dernier
    return avant_dernier
# Tests
pile = [4,5,6,13]
print('L\'avant-dernier élément de',pile, 'est',avant_dernier())
pile = [4,6]
print('L\'avant-dernier élément de',pile, 'est',avant_dernier())
pile = [6]
print('L\'avant-dernier élément de',pile,'est',avant_dernier())
pile = []
print('L\'avant-dernier élément de',pile, 'est',avant_dernier())
```

```
Activité 3
                                                                            piles_3.py
##################################
# Piles - Calculatrice polonaise
####################################
# Rappels - Activité 1
def empile(element):
   global pile
   pile = pile + [element]
   return None
def depile():
   global pile
   sommet = pile[len(pile)-1]
   pile = pile[0:len(pile)-1]
   return sommet
def pile_est_vide():
   if len(pile) == 0:
       return True
   else:
       return False
###################################
# Activité 3 - La gare de triage
###################################
def tri_wagons(train):
   """ Trie les wagons rouges/bleus d'un train
```

```
Entrée : un train avec des wagons bleus (nombre) et rouges (lettres)
    Sortie : les wagons triés avec les bleus d'abord et les rouges ensuite
    Action : utilise une pile """
    global pile # Doit être globale pour pouvoir être modifiée
    pile = []
    nouv_train = ""
    for wagon in train.split():
        if wagon.isdigit():
                            # Wagon bleu directement dans le nouveau train
            nouv_train = nouv_train + wagon + " "
                             # Wagon rouge en attente
            empile(wagon)
    # Tous les wagon bleus sont maintenant rangés
    # On s'occupe des wagons rouges en attente
    while not pile_est_vide():
        wagon = depile()
        nouv_train = nouv_train + wagon + " "
    return nouv_train
print("--- Tri rouge/bleu ---")
train = "A 4 C 12"
train_trie = tri_wagons(train)
print(train, ' -> ',train_trie)
train = "9 K 8 P 17 L B R 3 10 2 N"
train_trie = tri_wagons(train)
print(train, ' -> ',train_trie)
```

```
Activité 4
                                                                              piles_4.py
#################################
# Piles - Calculatrice polonaise
###################################
#################################
# Rappels - Activité 1
def empile(element):
   global pile
   pile = pile + [element]
   return None
def depile():
   global pile
    sommet = pile[len(pile)-1]
   pile = pile[0:len(pile)-1]
   return sommet
def pile_est_vide():
   if len(pile) == 0:
       return True
    else:
```

```
return False
#####################################
# Activité 4 - Calculatrice polonaise
#####################################
## Question 1 ##
def operation(a,b,op):
    """ Calcule l'opération 'a + b 'ou 'a * b'...
    Entrée : a,b (nombres) et 'op' un ccaractère '+'' ou '*'
    Sortie : le résultat du calcul """
   if op == '+':
        return a + b
    if op == '*':
        return a * b
# Tests
print("--- Opérations ---")
a=5; b=7
print("La somme de",a,"et",b,"vaut",operation(a,b,'+'))
print("Le produit de",a,"et",b,"vaut",operation(a,b,'*'))
## Question 2 ##
def calculatrice_polonaise(expression):
   """ Calcule l'expression codée en notation polonaise
   Entrée : une expression en notation polonaise
    Sortie : le résultat du calcul
    Action : utilise la pile """
    global pile
    pile = []
    liste_expression = expression.split()
    for car in liste_expression:
        if (car == '+') or (car == '*'):
            b = depile()
            a = depile()
            calcul_partiel = operation(a,b,car)
            empile(calcul_partiel)
        else:
            val = int(car)
            empile(val)
    return depile()
# Tests
print("--- Calculatrice polonaise ---")
exp = "2 3 +"
print("L'expression",exp,"vaut",calculatrice_polonaise(exp))
exp = "2 3 + 5 *"
print("L'expression",exp,"vaut",calculatrice_polonaise(exp))
exp = "8 7 3 + *"
print("L'expression",exp,"vaut",calculatrice_polonaise(exp))
exp = "8 7 3 * +"
print("L'expression",exp,"vaut",calculatrice_polonaise(exp))
```

```
Activité 5
                                                                           piles_5.py
###################################
# Piles - Calculatrice polonaise
###################################
# Rappels - Activité 1
def empile(element):
   global pile
   pile = pile + [element]
   return None
def depile():
   global pile
   sommet = pile[len(pile)-1]
   pile = pile[0:len(pile)-1]
   return sommet
def pile_est_vide():
   if len(pile) == 0:
       return True
   else:
       return False
#####################################
# Activité 5 - Expression bien parenthésée
## Question 1 ##
def parentheses_correctes(expression):
   """ Teste si une expression est bien parenthésée
   Entrée : un expression (chaîne de caractère)
   Sortie : vrai/faux
   Action : utilise une pile """
   global pile
   pile = []
               # On part d'une pile vide
   for car in expression:
       if car == "(":
           empile(car)
       if car == ")":
           if pile_est_vide():
               return False # Problème : il manque une "("
           else:
               depile()
   # A la fin :
   if pile_est_vide():
       return True
   else:
       return False
# Test
print("--- Expression correctemment parenthésée ---")
```

```
expression = (a+b)^2 = a^2 + (b^2+2(ab))
print("L'expression", expression, "est bien parenthésées ?", parentheses_correctes(expression))
expression = ((a+b)^3 = (a+b)^3
print("L'expression", expression, "est bien parenthésées ?", parentheses_correctes(expression))
expression = (a+b)^4 = ((a+b)^4
print("L'expression", expression, "est bien parenthésées ?", parentheses_correctes(expression))
## Question 2 ##
def crochets_parentheses_correctes(expression):
   """ Teste si une expression a des crochets et des parenthèses bien placées
    Entrée : un expression (chaîne de caractère)
    Sortie : vrai/faux
    Action : utilise une pile """
    global pile
    pile = []
               # On part d'une pile vide
    for car in expression:
        if car == "(" or car == "[":
            empile(car)
        if car == ")" or car == "]":
            if pile_est_vide():
                return False # Problème : il manque "(" ou "["
                element = depile()
                if element == "[" and car == ")":
                    return False # Problème du type [)
                if element == "(" and car == "]":
                   return False # Problème du type (]
    # A la fin
    return pile_est_vide()
print("--- Expression avec crochets et parenthèses corrects ---")
expression = (a+b)^2 = (a^2 + [b^2+[2(ab)]])
print ("L'expression", expression, "est bien parenthésées et crochetées ?",

    crochets_parentheses_correctes(expression))
expression = ((a+b)]^3 = [a+b]
print ("L'expression", expression, "est bien parenthésées et crochetées ?",

    crochets_parentheses_correctes(expression))
expression = [a+b)^4 = (a+b)
print("L'expression", expression, "est bien parenthésées et crochetées ?",

    crochets_parentheses_correctes(expression))
```

```
###################################
# Rappels - Activité 1
#####################################
def empile(element):
    global pile
    pile = pile + [element]
   return None
def depile():
   global pile
    sommet = pile[len(pile)-1]
    pile = pile[0:len(pile)-1]
    return sommet
def pile_est_vide():
   if len(pile) == 0:
        return True
    else:
        return False
##################################
# Rappels - Activité 4
####################################
def operation(a,b,op):
    if op == '+':
        return a + b
    if op == '*':
        return a * b
def calculatrice_polonaise(expression):
    global pile
   pile = []
    liste_expression = expression.split()
    for car in liste_expression:
        if (car == '+') or (car == '*'):
           b = depile()
            a = depile()
            calcul_partiel = operation(a,b,car)
            empile(calcul_partiel)
        else:
            val = int(car)
            empile(val)
    return depile()
# Activité 6 - Conversion vers l'écriture polonaise
################################
def ecriture_polonaise(expression):
   """ Convertit une expression classique en notation polonaise
   Entrée : une expression classique
    Sortie : l'expression en notation polonaise
    Action : utilise une pile """
    global pile
    pile = []
    liste_expression = expression.split()
```

```
polonaise = ""
                     # L'écriture polonaise
    for car in liste_expression:
        if car.isdigit():
            polonaise = polonaise + car + " "
        if car == "(":
            empile(car)
        if car == "*":
            empile(car)
        if car == "+":
            while not pile_est_vide():
                element = depile()
                if element == "*":
                    polonaise = polonaise + element + " "
                else:
                    empile(element) # Remettre l'élément
                    break
            empile(car)
        if car == ")":
            while not pile_est_vide():
                element = depile()
                if element == "(":
                    break
                else:
                    polonaise = polonaise + element + " "
    while not pile_est_vide():
        element = depile()
        polonaise = polonaise + element + " "
    return polonaise
# Tests
print("--- Conversion en écriture polonaise ---")
exp = "2 + 3"
print("l'expression",exp,"s'écrit",ecriture_polonaise(exp))
exp = "2 * 3"
print("l'expression",exp,"s'écrit",ecriture_polonaise(exp))
exp = "(2 + 3) * 4"
print("l'expression",exp,"s'écrit",ecriture_polonaise(exp))
exp = "4 * (2 + 3)"
print("l'expression",exp,"s'écrit",ecriture_polonaise(exp))
exp = "2 + 4 * 5"
print("l'expression",exp,"s'écrit",ecriture_polonaise(exp))
exp = "2 * 4 * 5"
print("l'expression",exp,"s'écrit",ecriture_polonaise(exp))
exp = "(2 + 3) * (4 + 8)"
print("l'expression",exp,"s'écrit",ecriture_polonaise(exp))
##
# Automatisation des tests et des vérifications
def test_polonaise(expression):
    classique = eval(expression)
    print("---\n", classique)
    conversion = ecriture_polonaise(expression)
```

```
print(conversion)
  polonaise = calculatrice_polonaise(conversion)
  print(polonaise)
  return classique == polonaise

exp = "2 + 3"
  print(exp, "0K ?",test_polonaise(exp))

exp = "2 * 3 * 7"
  print(exp, "0K ?",test_polonaise(exp))

exp = "(2 + 3) * (4 + 8)"
  print(exp, "0K ?",test_polonaise(exp))

exp = "((2 + 3) * 11) * (4 + (8 + 5))"
  print(exp, "0K ?",test_polonaise(exp))

exp = "(17 * (2 + 3)) + (4 + (8 * 5))"
  print(exp, "0K ?",test_polonaise(exp))
```

17. Visualiseur de texte – Markdown

```
Activité 1
                                                                           markdown_1.py
###################################
# Visualiseur de texte - Markdown
################################
#####################################
# Activité 1 - Afficher du texte
####################################
## Question 1 ##
from tkinter import *
from tkinter.font import Font
# Fenêtre tkinter
root = Tk()
canvas = Canvas(root, width=800, height=600, background="white")
canvas.pack(fill="both", expand=True)
# Format de la page de texte
largeur = 700
hauteur = 500
# Couleurs
couleur_fond = "lightgray"
couleur_texte = "black"
canvas.create_rectangle(10,10,largeur,hauteur,width=2,fill=couleur_fond)
# Fontes
fonte_texte = Font(family="Times", size=12)
fonte_italique = Font(family="Times", slant="italic", size=12)
```

```
fonte_gras = Font(family="Times", weight="bold", size=12)
fonte_titre = Font(family="Times", weight="bold", size=20)
fonte_sous_titre = Font(family="Times", weight="bold", size=16)
# canvas.create_text(100,100, text="Vive les maths !",anchor=NW,font=fonte_titre,fill=

    couleur_texte)

# canvas.create_text(200,200, text="Vive Python !",anchor=NW,font=fonte_sous_titre,fill="red

→ II )
# root.mainloop()
## Question 2 ##
def encadre_mot(mot,fonte):
   """ Encadre un mot
   Entrée : une chaîne et sa fonte
   Sortie : affichage du mot et d'un cadre (bounding box) """
   # Affiche un texte
   mot_canvas = canvas.create_text(100,100, text=mot,anchor=NW,font=fonte,fill=

    couleur_texte)

   # Coordonnées du rectangle (x1,y1,x2,y2)
   x1,y1,x2,y2 = canvas.bbox(mot_canvas)
   # print(cadre)
   # Affichage du cadre
   canvas.create_rectangle(x1, y1, x2, y2, width=2)
   return
# Test
# encadre_mot("Du texte avec Python",fonte_titre)
# root.mainloop()
## Question 3 ##
def longueur_mot(mot,fonte):
   """ Longueur d'un mot
   Entrée : une chaîne et sa fonte
   Sortie : la longuer de ce mot """
   # Affiche un texte invisible juste pour récupérer sa longueur
   mot_canvas = canvas.create_text(100,100, text=mot,anchor=NW,font=fonte,fill=couleur_fond
   \hookrightarrow )
   # En extraire les extrémités
   x1,y1,x2,y2 = canvas.bbox(mot_canvas)
   return x2 - x1
# print("Longueur du mot 'Coucou' :",longueur_mot("Coucou",fonte_titre),"pixels")
# encadre_mot("Coucou",fonte_titre)
# root.mainloop()
## Question 4 ##
def choix_fonte(mode,en_gras,en_italique):
   """ Renvoie une fonte selon les paramètres
```

```
Entrée : un mode (texte ou liste, titre, sous-titre), gras ou pas, italique ou pas
   Sortie : la fonte """
   if mode == "titre":
       fonte = fonte_titre
   elif mode == "sous_titre":
      fonte = fonte_sous_titre
   else:
             # Mode texte ou liste
      if en_gras:
          fonte = fonte_gras
       elif en_italique:
          fonte = fonte_italique
       else:
          fonte = fonte_texte
   return fonte
# Test
fonte = choix_fonte("texte",False,True)
canvas.create_text(100,100, text="Ceci est en italique",anchor=NW,font=fonte,fill=

    couleur_texte)

root.mainloop()
```

```
Activité 2 markdown_2.py
```

```
####################################
# Visualiseur de texte - Markdown
#####################################
#####################################
# Activité 2 - Afficher du markdown
##################################
from tkinter import *
from tkinter.font import Font
####################################
# A garder de l'activité 1
###################################
# Fenêtre tkinter
root = Tk()
canvas = Canvas(root, width=800, height=600, background="white")
canvas.pack(fill="both", expand=True)
# Format de la page de texte
largeur = 700
hauteur = 500
# Couleurs
couleur_fond = "lightgray"
couleur_texte = "black"
# Cadre
```

```
canvas.create_rectangle(10,10,largeur,hauteur,width=2,fill=couleur_fond)
# Fontes
fonte_texte = Font(family="Times", size=12)
fonte_italique = Font(family="Times", slant="italic", size=12)
fonte_gras = Font(family="Times", weight="bold", size=12)
fonte_titre = Font(family="Times", weight="bold", size=20)
fonte_sous_titre = Font(family="Times", weight="bold", size=16)
def choix_fonte(mode,en_gras,en_italique):
   Renvoie une fonte selon les paramètres
   Entrée : un mode (texte ou liste, titre, sous-titre), gras ou pas, italique ou pas
   Sortie : la fonte
   if mode == "titre":
       fonte = fonte_titre
   elif mode == "sous_titre":
       fonte = fonte_sous_titre
   else:
              # Mode texte ou liste
       if en_gras:
           fonte = fonte_gras
       elif en_italique:
           fonte = fonte_italique
       else:
           fonte = fonte_texte
   return fonte
## Question 1 ##
def afficher_ligne_v1(par,posy):
   """ Affiche le texte sur une seul ligne sans mise en forme
   Entrée : un paragraphe (c-à-d une longue ligne), la position verticale
   Sortie : affichage """
   posx = 20 # Début de la ligne tout à gauche
   liste_mots = par.split()
   for mot in liste_mots:
       mot = mot + " " # Rajoute espace qui sépare les mots
       mot_canvas = canvas.create_text(posx,posy, text=mot,anchor=NW,font=fonte_titre,fill=

    couleur_texte)

       canvas.create_rectangle(canvas.bbox(mot_canvas),width=2)
       # On place le nouveau mot après le précédent
       posx = canvas.bbox(mot_canvas)[2]
   return
# afficher_ligne_v1("Bonjour, voici mon premier texte !",100)
# root.mainloop()
## Question 2 ##
def afficher_ligne_v2(par,posy):
   """ Affiche le texte selon le mode titre, sous-titre, texte, liste
```

```
Entrée : un paragraphe (c-à-d une longue ligne), la position verticale
    Sortie : affichage """
    # Par défaut : texte, sans indentation
    mode = "texte"
    indentation = 20
    if par[0:2] == "##":
                             # Sous_titre
       mode = "sous_titre"
       par = par[2:]
                             # Supprime les ##
    elif par[0] == "#":
                            # Titre
       mode = "titre"
                            # Supprime le #
       par = par[1:]
    elif par[0] == "+":
                            # liste
       mode = "liste"
       par = u' \setminus u2022' + par[1:] # Remplace le "+" par un rond
       indentation = 40
    # Début de la ligne (décalé si liste)
    posx = indentation
    liste_mots = par.split()
    for mot in liste_mots:
       fonte = choix_fonte(mode,False,False)
       mot = mot + " " # Rajoute espace qui sépare les mots
       mot_canvas = canvas.create_text(posx,posy, text=mot,anchor=NW,font=fonte,fill=
    posx = canvas.bbox(mot_canvas)[2]
    return
# Tests
# afficher_ligne_v2("# Voici un titre",80)
# afficher_ligne_v2("## Et ici un sous titre",115)
# afficher_ligne_v2("Du texte normal, et une liste ci-dessous :",150)
# afficher_ligne_v2("+ Pomme",175)
# afficher_ligne_v2("+ Poire",200)
# afficher_ligne_v2("+ Scoubidou",225)
# root.mainloop()
## Question 3 ##
def afficher_ligne_v3(par,posy):
    """ Affiche le texte selon gras et italique et selon le mode
    Entrée : un paragraphe (c-à-d une longue ligne), la position verticale
    Sortie : affichage """
    # Par défaut : texte, sans indentation
    mode = "texte"
    indentation = 20
    if par[0:2] == "##":
                            # Sous_titre
       mode = "sous_titre"
       par = par[2:]
                             # Supprime les ##
    elif par[0] == "#":
                             # Titre
       mode = "titre"
                             # Supprime le #
       par = par[1:]
    elif par[0] == "+":
                            # liste
       mode = "liste"
       par = u' \ u2022' + par[1:]
                                        # Remplace le "+" par un rond
```

```
indentation = 40
    # Gras / pas gras (par défaut ni gras, ni italique)
    en_gras = False
    en_italique = False
    # Début de la ligne (décalé si liste)
   posx = indentation
   liste_mots = par.split()
   for mot in liste_mots:
       if mot == "**": # Bascule gras / pas gras
           en_gras = not(en_gras)
           mot = ""
       if en_gras:
           fonte = fonte_gras
       if mot == "*":
                          # Bascule italique / pas italique
           en_italique = not(en_italique)
           mot = ""
       fonte = choix_fonte(mode,en_gras,en_italique)
       if mot != "":
           mot = mot + " " # Rajoute espace qui sépare les mots
       mot_canvas = canvas.create_text(posx,posy, text=mot,anchor=NW,font=fonte,fill=

    couleur_texte)

       posx = canvas.bbox(mot_canvas)[2]
   return
# Tests
# afficher_ligne_v3("Mot ** en gras ** et lui en * italique *",100)
# afficher_ligne_v3("+ Pommes et surtout ** poires ** et * ananas *",125)
# root.mainloop()
## Question 4 ##
# Interligne
espace_entre_lignes = 18
def afficher_paragraphe(par,posy):
    """ Affiche le texte selon gras et italique et selon le mode
   Entrée : un paragraphe (c-à-d une longue ligne), la position verticale
   Sortie : affichage """
   # Par défaut : texte, sans indentation
   mode = "texte"
   indentation = 20
   if par[0:2] == "##":
                             # Sous_titre
       mode = "sous_titre"
       par = par[2:]
                             # Supprime les ##
    elif par[0] == "#":
                             # Titre
       mode = "titre"
       par = par[1:]
                             # Supprime le #
    elif par[0] == "+":
                             # liste
       mode = "liste"
       par = u'\u2022' + par[1:]
                                        # Remplace le "+" par un rond
       indentation = 40
```

```
# Gras / pas gras (par défaut ni gras, ni italique)
    en_gras = False
    en_italique = False
    # Début de la ligne (décalé si liste)
   posx = indentation
   liste_mots = par.split()
    for mot in liste_mots:
       if mot == "**":
                         # Bascule gras / pas gras
           en_gras = not(en_gras)
           mot = ""
       if en_gras:
           fonte = fonte_gras
       if mot == "*":
                       # Bascule italique / pas italique
           en_italique = not(en_italique)
           mot = ""
       fonte = choix_fonte(mode,en_gras,en_italique)
       if mot != "":
           mot = mot + " "
                             # Rajoute espace qui sépare les mots
       mot_canvas = canvas.create_text(posx,posy, text=mot,anchor=NW,font=fonte,fill=

    couleur_texte)

       posx = canvas.bbox(mot_canvas)[2]
       if posx > largeur:
           posx = indentation
           posy = posy + espace_entre_lignes
   return posy
# Tests
# afficher_paragraphe("# Titre Hello ! World",100)
# afficher_paragraphe("## Sous_titre Hello "*5,150)
# afficher_paragraphe("Hello Bonjour "*30,200)
# afficher_paragraphe("Hello ! ** GRAS ** * Italique * ** TRES GRAS ** Rien * Très
   → italique * ** SUPER GRAS **",300)
# afficher_paragraphe("+ Pomme",350)
# afficher_paragraphe("+ Poire",370)
# afficher_paragraphe("Des mots, toujours de mots, encore des mots. "*10,10)
# root.mainloop()
## Question 5 ##
def afficher_fichier(nom):
   """ Affiche les paragraphes d'un fichier
   Entrée : un nom de fichier au format markdown
   Sortie : affichage des paragraphes """
   # Ouvrir le fichier
   fichier = open(nom, "r")
   liste_paragraphes = fichier.readlines()
   fichier.close()
   posy = 50
   # Traiter chaque paragraphe
   for par in liste_paragraphes:
       newposy = afficher_paragraphe(par,posy)
```

```
posy = newposy + espace_entre_lignes
root.mainloop()
return

# Tests
# afficher_fichier("markdown1.md")
# afficher_fichier("markdown2.md")
```

```
Activité 3
                                                                         markdown_3.py
###################################
# Visualiseur de texte - Markdown
###################################
#####################################
# Activité 3 - Justification
###################################
## Question 1 ##
from random import randint
# longueurs = [randint(5,15) for i in range(103)]
# longueurs = [14, 3, 16, 9, 2, 11, 13, 5, 4, 19, 16, 6, 17, 16, 15, 5, 14, 12, 17, 7]
longueurs = [8, 11, 9, 14, 8, 8, 15, 10, 14, 11, 15, 15, 5, 12, 9, 9, 15, 10, 14, 5, 12, 8,

← 8, 13, 10, 11, 8, 13, 7, 5, 6, 11, 7, 7, 13, 6, 6, 9, 8, 12, 5, 8, 7, 6, 6, 15, 13,

→ 11, 7, 12]

longueur_ligne = 100
longueur_espace = 1
def coupures_simples(long):
   """ Calcule les coupures des mots pour un alignement à gauche (sans espaces)
   Entrée : une suite de longueurs (une liste d'entiers)
   Sortie : la liste des indices où effectuer la coupure """
   coupures = [0]
   i = 1
   while i < len(long):
       somme = long[i-1]
       while (i < len(long)) and (somme <= longueur_ligne):</pre>
           somme += long[i]
           i += 1
       if somme > longueur_ligne:
           coupures += [i-1]
    coupures += [len(long)]
   return coupures
def afficher_coupures_simples():
```

```
""" Test : affiche les coupures simples """
   print("\n--- Coupures sans espaces ---")
    print("Longueurs des mots :",longueurs)
    coupures = coupures_simples(longueurs)
   print("coupures",coupures)
    for i in range(len(coupures)-1):
       ligne = longueurs[coupures[i]:coupures[i+1]]
       somme = sum(ligne)
       print("\nLigne",i,":",ligne,"\nIndices",coupures[i],"à",coupures[i+1]-1,"= longueur[
    → ",coupures[i],":",coupures[i+1],"]","\nSomme =",somme,"Reste =",longueur_ligne-somme
    \hookrightarrow ,)
    return
# Test
afficher_coupures_simples()
## Question 2 ##
def coupures_espaces(long):
   """ Calcule les coupures des mots pour un alignement à gauche (avec espaces)
   Entrée : une suite de longueurs (une liste d'entiers)
   Sortie : la liste des indices où effectuer la coupure """
   coupures = [0]
   i = 1
   while i < len(long):
       somme = long[i-1]
       while (i < len(long)) and (somme <= longueur_ligne):</pre>
           somme += longueur_espace + long[i]
           i += 1
       if somme > longueur_ligne:
           coupures += [i-1]
    coupures += [len(long)]
   return coupures
def afficher_coupures_espaces():
    """ Test : affiche les coupures avec espaces """
   print("\n--- Coupures avec espaces ---")
   print("Longueurs des mots :",longueurs)
    coupures = coupures_espaces(longueurs)
   print("Coupures :",coupures)
   for i in range(len(coupures)-1):
       ligne = longueurs[coupures[i]:coupures[i+1]]
       nb_espaces = len(ligne)-1
       somme = sum(ligne) + nb_espaces*longueur_espace
       print("\nLigne",i,":",ligne,"\nIndices",coupures[i],"à",coupures[i+1]-1,"= longueur[
    → ",coupures[i],":",coupures[i+1],"]","\nSomme avec espaces =",somme,"Reste =",
    → longueur_ligne-somme,)
   return
# Test
```

```
afficher_coupures_espaces()
## Question 3 ##
def calcul_longueur_espaces(long,coupures):
   """ Calcule les longueurs des espaces pour justification
   Entrée : une suite de longueurs avec les coupures
   Sortie : la longueurs des espaces pour chaque ligne """
   longueur_espaces_ligne = []
   for i in range(len(coupures)-2):
       ligne = long[coupures[i]:coupures[i+1] ]
       nb_espaces = len(ligne)-1
       somme = sum(ligne) + nb_espaces*longueur_espace
       restant = longueur_ligne - somme
       if nb_espaces > 0:
           nouvel_espace = longueur_espace + restant / nb_espaces
       else:
           nouvel_espace = longueur_espace
       longueur_espaces_ligne += [nouvel_espace]
   # Dernière ligne du paragraphe pas justifiée
   longueur_espaces_ligne += [longueur_espace]
   return longueur_espaces_ligne
def afficher_calcul_longueur_espaces():
   """ Test : affiche les longueurs des espaces """
   print("\n--- Coupures avec espaces et justification ---")
   print("Longueurs des mots :",longueurs)
   coupures = coupures_espaces(longueurs)
   print("Coupures :",coupures)
   longueur_espaces_ligne = calcul_longueur_espaces(longueurs,coupures)
   print("Longueur des espaces de chaque ligne :",[float("{0:0.2f}}".format(1)) for 1 in
   → longueur_espaces_ligne])
   for i in range(len(coupures)-1):
       ligne = longueurs[coupures[i]:coupures[i+1]]
       nb_espaces = len(ligne) - 1
       somme = sum(ligne) + nb_espaces*longueur_espaces_ligne[i]
       print("\nLigne",i,":",ligne,"\nIndices",coupures[i],"à",coupures[i+1]-1,"= longueur[
   → ",coupures[i],":",coupures[i+1],"]","\nSomme avec espaces =",somme,"Reste =",
   → longueur_ligne-somme,)
       print("Longueur espace de cette ligne",longueur_espaces_ligne[i])
   return
# Test
afficher_calcul_longueur_espaces()
```

18. L-système

```
Activités
                                                                               lsysteme.py
###################################
# L-système
###################################
from turtle import *
#####################################
# Activité 1 - Tracer un L-système
####################################
def trace_lsysteme(mot,angle=90,echelle=1):
    speed("fastest")
    width(2)
    color('blue')
   up()
    goto(-150,-150)
    down()
    for c in mot:
       if c == "A" or c == "B":
            forward(100*echelle)
       if c == "g":
            left(angle)
        if c == "d":
            right(angle)
    exitonclick()
    return
## Test ##
# trace_lsysteme("AgAdAAdAdA")
###################################
# Activité 2 - Une seule règle : le flocon de Koch
###################################
# Un L-système
# un mot de départ
# des règles de remplacement
## Question 1 ##
def remplacer_1(mot,lettre,motif):
    nouv_mot = ""
    for 1 in mot:
       if 1 == lettre:
           nouv_mot = nouv_mot + motif
        else:
            nouv_mot = nouv_mot + 1
    return nouv_mot
## Test ##
print("--- Remplacer une lettre ---")
mot = "AdAAg"
```

```
nouv_mot = remplacer_1(mot, "A", "Ag")
print(mot)
print(nouv_mot)
## Question 2 ##
def iterer_lsysteme_1(depart,regle,k):
   mot = depart
   lettre = regle[0]
   motif = regle[1]
   for i in range(k):
       mot = remplacer_1(mot,lettre,motif)
   return mot
## Question 3 ##
## Flocon de Koch
depart_Koch = "A"
regle_Koch = ("A", "AgAdAdAgA")
## Test
for k in range(4):
   print(k,iterer_lsysteme_1(depart_Koch,regle_Koch,k))
   print()
k = 3
mot = iterer_lsysteme_1(depart_Koch,regle_Koch,k)
# trace_lsysteme(mot,echelle=5/3**k)
## Question 4 ##
#######################
## Autres exemples ##
#######################
depart = "AdAdAdA"
regle = ("A"," AdAgAgAAdAdAgA")
k = 3
mot = iterer_lsysteme_1(depart,regle,k)
#trace_lsysteme(mot,echelle=0.05)
######################
depart = "AdAdAdA"
regle = ("A", "AgAAdAAdAdAgAgAAdAdAgAgAAgAAdA")
mot = iterer_lsysteme_1(depart,regle,k)
#trace_lsysteme(mot,echelle=0.07)
######################
depart = "AdAdAdA"
regle = ("A", "AAdAdAdAdAA")
k = 3
mot = iterer_lsysteme_1(depart,regle,k)
# trace_lsysteme(mot,echelle=0.1)
######################
depart = "AdAdAdA"
regle = ("A","AAdAddAdA")
mot = iterer_lsysteme_1(depart,regle,k)
```

```
# trace_lsysteme(mot,echelle=0.1)
#######################
depart = "AdAdAdA"
regle = ("A","AAdAdAdAdAdAgA")
k = 3
mot = iterer_lsysteme_1(depart,regle,k)
# trace_lsysteme(mot,echelle=0.1)
#######################
depart = "AdAdAdA"
regle = ("A", "AAdAgAdAdAA")
mot = iterer_lsysteme_1(depart,regle,k)
# trace_lsysteme(mot,echelle=0.15)
########################
depart = "AdAdAdA"
regle = ("A","AdAAddAdA")
k = 3
mot = iterer_lsysteme_1(depart, regle,k)
# trace_lsysteme(mot,echelle=0.15)
#########################
depart = "AdAdAdA"
regle = ("A","AdAgAdAdA")
mot = iterer_lsysteme_1(depart,regle,k)
# trace_lsysteme(mot,echelle=0.15)
# Activité 3 - Deux règles : Triangle de Sierpinski
## Question 1 ##
def remplacer_2(mot,lettre1,motif1,lettre2,motif2):
   nouv_mot = ""
   for 1 in mot:
      if 1 == lettre1:
          nouv_mot = nouv_mot + motif1
       elif 1 == lettre2:
          nouv_mot = nouv_mot + motif2
       else:
          nouv_mot = nouv_mot + 1
   return nouv_mot
## Test ##
print("--- Remplacer deux lettres ---")
mot = "AdBgA"
nouv_mot = remplacer_2(mot, "A", "ABg", "B", "Bd")
print(mot)
print(nouv_mot)
# mot1 = remplacer_1(mot, "A", "ABg")
# mot2 = remplacer_1(mot1,"B","Bd")
# print(mot2)
## Question 2 ##
def iterer_lsysteme_2(depart,regle1,regle2,k):
```

```
mot = depart
   lettre1 = regle1[0]
   motif1 = regle1[1]
   lettre2 = regle2[0]
   motif2 = regle2[1]
   for i in range(k):
       mot = remplacer_2(mot,lettre1,motif1,lettre2,motif2)
   return mot
## Question 3 ##
## Triangle de Sierpinski
depart_Sierp = "AdBdB"
regle_Sierp_1 = ("A","AdBgAgBdA")
regle_Sierp_2 = ("B","BB")
## Test
print("--- Sierpinski ---")
for k in range(3):
   print(iterer_lsysteme_2(depart_Sierp,regle_Sierp_1,regle_Sierp_2,k))
   print()
k = 4
mot = iterer_lsysteme_2(depart_Sierp,regle_Sierp_1,regle_Sierp_2,k)
# trace_lsysteme(mot,angle=-120,echelle=5/2**k)
## Question 4 ##
######################
## Autres exemples ##
#####################
## Courbe du dragon
depart_dragon = "AX"
regle_dragon_1 = ("X", "XgYAg")
regle_dragon_2 = ("Y", "dAXdY")
k = 9
mot = iterer_lsysteme_2(depart_dragon,regle_dragon_1,regle_dragon_2,k)
# trace_lsysteme(mot,echelle=2/k)
#######################
## Variante Sierpinski (angle = 60)
depart = "A"
regle1 = ("A", "BdAdB")
regle2 = ("B", "AgBgA")
# angle = 60
k = 3
mot = iterer_lsysteme_2(depart,regle1,regle2,k)
# trace_lsysteme(mot,angle=60,echelle=2/k**2)
#####################
## Courbe de Gosper
depart = "A"
regle1 = ("A", "AgBggBdAddAAdBg")
regle2 = ("B", "dAgBBggBgAddAdB")
k = 3
mot = iterer_lsysteme_2(depart,regle1,regle2,k)
# trace_lsysteme(mot,angle=60,echelle=2/k**2)
```

```
#####################################
# Activité 4 - Tracer un L-système avec pile
###################################
## Question 1 ##
def trace_lsysteme_pile(mot,angle=90,echelle=1):
   speed("fastest")
   width(3)
   color('blue')
   up()
   goto(0,-300)
   down()
   pile = []
   for c in mot:
       if c == "A" or c == "B":
           forward(100*echelle)
       if c == "a":
           up()
           forward(100*echelle)
           down()
       if c == "g":
           left(angle)
       if c == "d":
           right(angle)
       if c == "[":
          pile = pile + [(position(),heading())]
       if c == "]":
           up()
           pos,direc = pile.pop()
           goto(pos)
           setheading(direc)
           down()
    exitonclick()
   return
## Test
# trace_lsysteme_pile("AaAgAA[gAAA][dAA]A",angle=90,echelle=1)
# trace_lsysteme_pile("AgA[gAAA]A[dAA]A",angle=90,echelle=1)
## Question 2 ##
# Plante
depart_plante = "gggX"
regle_plante_1 = ("X", "A[gX][X]A[gX]dAX")
regle_plante_2 = ("A","AA")
k = 5
mot = iterer_lsysteme_2(depart_plante,regle_plante_1,regle_plante_2,k)
# trace_lsysteme_pile(mot,angle=30,echelle=1/k**(3/2))
######################
## Exemples avec up-down ##
depart = "AdAdAdA"
regle1 = ("A", "AgadAAgAgAAgAagAAdagAAdAdAAdAadAAA")
```

```
regle2 = ("a", "aaaaaa")
k = 2
mot = iterer_lsysteme_2(depart,regle1,regle2,k)
# trace_lsysteme_pile(mot,echelle=0.1)
#######################
## Autres exemples de plantes ##
# ####################
# angle = 22.5
# F
depart = "gggA"
regle = ("A", "A[gA]A[dA][A]")
k = 4
mot = iterer_lsysteme_1(depart,regle,k)
# trace_lsysteme_pile(mot,angle=30,echelle=0.2)
# ###################
# angle = 20
depart = "A"
regle = ("A", "A[gA]A[dA]A")
mot = iterer_lsysteme_1(depart,regle,k)
# trace_lsysteme_pile(mot,angle=30,echelle=0.075)
# ####################
# angle = 22.5
depart = "A"
regle = ("A","AAd[dAgAgA]g[gAdAdA]")
k = 3
mot = iterer_lsysteme_1(depart,regle,k)
# trace_lsysteme_pile(mot,angle=30,echelle=0.2)
# ####################
# angle = 25.7
depart = "X"
regle1 = ("X", "A[gX]A[dX]AX")
regle2 = ("A", "AA")
k = 5
mot = iterer_lsysteme_2(depart,regle1,regle2,k)
# trace_lsysteme_pile(mot,angle=30,echelle=0.07)
# ####################
# angle = 30
depart = "A"
regle1 = ("A", "A[dB][gB]")
regle2 = ("B", "A[dB]A[gAdB]")
k = 5
mot = iterer_lsysteme_2(depart,regle1,regle2,k)
# trace_lsysteme_pile(mot,angle=30,echelle=0.25)
######################
# angle = 30
depart = "X"
regle1 = ("X","Ad[[X]gX]gA[gAX]dX")
regle2 = ("A", "AA")
k = 4
mot = iterer_lsysteme_2(depart,regle1,regle2,k)
# trace_lsysteme_pile(mot,angle=30,echelle=0.15)
```

19. Images dynamiques

```
Activités
                                                                                   images.py
##################################
# Images dynamiques
import os # pour les fichiers images
###################################
# Activité 1 - Photomaton
######################################
################################
## Depuis autres fiches ##
def afficher_tableau(tableau):
    n = len(tableau)
   m = len(tableau[0])
    for i in range(n):
        for j in range(m):
            print('{:>3d}'.format(tableau[i][j])," ", end="")
        print()
    return
###################################
## Question 1 ##
def transformation(i,j,n):
    if i\%2 == 0 and j\%2 == 0:
        ii = i//2
        jj = j//2
    if i\%2 == 0 and j\%2 == 1:
        ii = i//2
        jj = (n+j)//2
    if i\%2 == 1 and j\%2 == 0:
        ii = (n+i)//2
```

```
jj = j//2
    if i\%2 == 1 and j\%2 == 1:
        ii = (n+i)//2
        jj = (n+j)//2
    return ii,jj
## Test ##
print("--- Transformation du photomaton ---")
print(transformation(1,1,6))
##################################
## Question 2 ##
def photomaton(tableau):
    n = len(tableau)
    nouv_tableau = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
    for i in range(n):
        for j in range(n):
            ii, jj = transformation(i,j,n)
            nouv_tableau[ii][jj] = tableau[i][j]
    return nouv_tableau
## Test ##
print("--- Transformation du photomaton ---")
tableau = [ [1,2,3,4], [5,6,7,8], [9,10,11,12], [13,14,15,16] ]
tableau_transforme = photomaton(tableau)
afficher_tableau(tableau)
print("---")
afficher_tableau(tableau_transforme)
###################################
## Question 3 ##
def photomaton_iterer(tableau,k):
    n = len(tableau)
    tab = [[tableau[i][j] for j in range(n)] for i in range(n)]
    for i in range(k):
        tab = photomaton(tab)
    return tab
## Test ##
print("--- Itération de la transformation du photomaton ---")
tableau = [ [1,2,3,4], [5,6,7,8],[9,10,11,12], [13,14,15,16] ]
afficher_tableau(tableau)
for k in range(1,10):
    tableau_itere = photomaton_iterer(tableau,k)
    # Pas très malin, car repart du début à chaque fois
    print("--- k =",k,"---")
    afficher_tableau(tableau_itere)
# Activité 2 - Conversion tableau/image
###################################
###################################
## Question 1 ##
def tableau_vers_image(tableau,nom_image):
    # Création d'un fichier en écriture
```

```
nom_fichier = "output/" + nom_image + ".pgm"
    fic = open(nom_fichier, "w")
    # Entete
    fic.write("P2\n") # Image en niveaux de gris
    nb_lig = len(tableau)
   nb_col = len(tableau[0])
    fic.write(str(nb_col) + " " + str(nb_lig) + "\n")
    niveaux = 255
    fic.write(str(niveaux) + "\n")
    for i in range(nb_lig):
        ligne = ""
        for j in range(nb_col):
            coul = tableau[i][j]
            ligne = ligne + str(coul) + " "
        ligne = ligne + "\n"
        # Ecriture dans le fichier
        fic.write(ligne)
    # Fermeture du fichier
    fic.close()
    return
## Test ##
print("--- Tableau vers image ---")
tableau = [[128, 192, 128, 192, 128], [224, 0, 228, 0, 224], [228, 228, 228, 228, 228],

        ← [224, 64, 64, 64, 224], [192, 192, 192, 192, 192]]

tableau_vers_image(tableau, "test")
###################################
## Question 2 ##
def image_vers_tableau(nom_image):
    # Création d'un fichier en écriture
   nom_fichier = "input/" + nom_image + ".pgm"
   fic = open(nom_fichier, "r")
           # Numéro de ligne
    i = 0
    for ligne in fic:
                      # Garder les 2 premières lignes
        if i == 1:
            liste_ligne = ligne.split()
            nb_col = int(liste_ligne[0])
            nb_lig = int(liste_ligne[1])
            tableau = [[ 0 for j in range(nb_col)] for i in range(nb_lig)]
        elif i > 2:
            liste = ligne.split()
            for j in range(nb_col):
                tableau[i-3][j] = int(liste[j])
        i = i + 1
    # Fermeture du fichier
    fic.close()
    return tableau
print("--- Image vers tableau ---")
test_tableau = image_vers_tableau("test")
print(test_tableau)
```

```
afficher_tableau(test_tableau)
## Depuis la fiche "Fichiers" ##
## Permet d'avoir un exemple de fichier
def ecrire_fichier_image_gris():
   # Création d'un fichier en écriture
   nom_fichier = "input/image_gris.pgm"
   fic = open(nom_fichier,"w")
   # Entete
   fic.write("P2\n") # Image en niveaux de gris
   nb_col = 256
   nb_lig = 256
   fic.write(str(nb_col) + " " + str(nb_lig) + "\n")
   niveaux = 255
   fic.write(str(niveaux) + "\n")
   for i in range(nb_lig):
       ligne = ""
       for j in range(nb_col):
           coul = (i**2 + j**2) \% 256 # un niveau de gris en fonction de i et j
           ligne = ligne + str(coul) + " "
       ligne = ligne + "\n"
       # Ecriture dans le fichier
       fic.write(ligne)
    # Fermeture du fichier
   fic.close()
   return
# Test
print("--- Fichier 'image.pgm' ---")
# ecrire_fichier_image_gris()
# Activité 1bis - Photomaton
################################
###################################
## Question 4 ##
def photomaton_images(nom_image,kmax):
   tableau = image_vers_tableau(nom_image)
   tableau_vers_image(tableau,nom_image+"_photo_"+str(0)) # image initiale
   n = len(tableau)
   tab = [[tableau[i][j] for j in range(n)] for i in range(n)]
   for k in range(1,kmax+1):
       tab = photomaton(tab)
       tableau_vers_image(tab,nom_image+"_photo_"+str(k))
   return
## Test ##
# photomaton_images("image_gris",8)
# photomaton_images("pi_gimp_new",8)
# photomaton_images("chat_gimp_new",8)
###################################
```

```
# Activité 3 - Transfomation du boulanger
#####################################
## Question 1 ##
def boulanger_etirer(tableau):
    n = len(tableau)
    nouv_tableau = [[0 \text{ for } j \text{ in } range(2*n)] \text{ for } i \text{ in } range(n//2)]
    for i in range(n//2):
        for j in range(2*n):
            if i\%2 == 0:
                \verb"nouv_tableau[i][j] = \verb"tableau[2*i][j//2]
            else:
                nouv_tableau[i][j] = tableau[2*i+1][j//2]
    return nouv tableau
print("--- Boulanger : étirer tableau ---")
tableau = [ [1,2,3,4], [5,6,7,8],[9,10,11,12], [13,14,15,16] ]
tableau_etire = boulanger_etirer(tableau)
afficher_tableau(tableau)
print("---")
afficher_tableau(tableau_etire)
## Question 2 ##
def boulanger_replier(tableau):
    n = 2*len(tableau)
    nouv_tableau = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
    # partie haute
    for i in range(n//2):
        for j in range(n):
            nouv_tableau[i][j] = tableau[i][j]
     # partie basse
    for i in range(n//2,n):
        for j in range(n):
            nouv_tableau[i][j] = tableau[n//2 - i - 1][2*n-1-j]
    # for i in range(n//2):
        for j in range(n):
              nouv_tableau[n-i-1][j] = tableau[i][2*n-1-j]
    return nouv_tableau
print("--- Boulanger : replier tableau ---")
tableau_replie = boulanger_replier(tableau_etire)
afficher_tableau(tableau_etire)
print("---")
afficher_tableau(tableau_replie)
##################################
## Question 3 ##
def boulanger_iterer(tableau,k):
    n = len(tableau)
    tab = [[tableau[i][j] for j in range(n)] for i in range(n)]
    for i in range(k):
        tabb = boulanger_etirer(tab)
```

```
tab = boulanger_replier(tabb)
    return tab
print("--- Boulanger : itérer tranformation tableau ---")
tableau = [ [1,2,3,4], [5,6,7,8],[9,10,11,12], [13,14,15,16] ]
afficher_tableau(tableau)
for k in range(1,10):
    tableau_itere = boulanger_iterer(tableau,k)
    print("--- k =",k,"---")
    afficher_tableau(tableau_itere)
######################################
## Question 4 ##
def boulanger_images(nom_image,kmax):
    tableau = image_vers_tableau(nom_image)
    tableau_vers_image(tableau,nom_image+"_boul_"+str(0)) # image initiale
    n = len(tableau)
    tab = [[tableau[i][j] for j in range(n)] for i in range(n)]
    for k in range(1,kmax+1):
        tabb = boulanger_etirer(tab)
        tab = boulanger_replier(tabb)
        tableau_vers_image(tab,nom_image+"_boul_"+str(k))
    return
## Test ##
# boulanger_images("image_gris",17)
# boulanger_images("pi_gimp_new",17)
# boulanger_images("chat_gimp_new",17)
# boulanger_images("reveil_gimp_new",17)
# boulanger_images("surf_gimp_new",15)
```

20. Jeu de la vie

```
Activité 2
                                                                        vie_2.py
####################################
# Jeu de la vie
# Rappels - Activité 1
##################################
n, p = 5, 8;
tableau = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
# Clignotant
tableau[2][2] = 1
tableau[2][3] = 1
tableau[2][4] = 1
###################################
# Activité 2 - Affichage graphique
##################################
## Question 1 ##
from tkinter import *
# Fenêtre tkinter
root = Tk()
canvas = Canvas(root, width=800, height=600, background="white")
canvas.pack(side=LEFT, padx=5, pady=5)
# Echelle
echelle = 100
def afficher_lignes():
```

```
""" Affiche la grille à l'écran """
    for i in range(n+1):
       canvas.create_line(0,i*echelle,p*echelle,i*echelle)
    for j in range(p+1):
       canvas.create_line(j*echelle,0,j*echelle,n*echelle)
    for i in range(n):
       canvas.create_text(echelle//3,i*echelle+echelle//2,text=str(i))
    for j in range(p):
       canvas.create_text(j*echelle+echelle//2,echelle//3,text=str(j))
    return
## Question 2 ##
def afficher_tableau(tab):
   """ Affiche un tableau à l'écran
   Entrée : un tableau à deux dimension
   Sortie : rien (affichage à l'écran) """
    for i in range(n):
       for j in range(p):
           if tab[i][j] != 0:
               canvas.create\_rectangle(j*echelle,i*echelle,(j+1)*echelle,(i+1)*echelle,fill
    → ="red")
    return
# Boutons
def action_bouton_afficher():
   canvas.delete("all")
    afficher_lignes()
   afficher_tableau(tableau)
    return
bouton_quitter = Button(root,text="Quitter", width=8, command=root.quit)
bouton_quitter.pack(side=BOTTOM, padx=5, pady=20)
bouton_afficher = Button(root,text="Afficher", width=30, command=action_bouton_afficher)
bouton_afficher.pack(side=BOTTOM, padx=5, pady=20)
# Test
afficher_lignes()
# afficher_tableau(tableau)
root.mainloop()
```

```
###################################
from vie_1 import *
n, p = 5, 8;
tableau = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
# Clignotant
tableau[2][2] = 1
tableau[2][3] = 1
tableau[2][4] = 1
###################################
# Activité 3 - Evolution
###################################
## Question 1 ##
def nombre_voisins(i,j,tab):
   """ Calcule le nb de voisins de la cellule(i,j)
   Entrée : une cellule dans un tableau à deux dimension
    Sortie : le nb de cellules voisines """
   nb = 0
    # Voisin en haut à gauche
    if (i>0) and (j>0) and (tab[i-1][j-1] != 0):
       nb += 1
    # Voisin juste au-dessus
    if (i>0) and (tab[i-1][j] != 0):
       nb += 1
    # Voisin en haut à droite
    if (i>0) and (j<p-1) and (tab[i-1][j+1] != 0):
       nb += 1
    # Voisin juste à gauche
    if (j>0) and (tab[i][j-1] != 0):
       nb += 1
    # Voisin juste à droite
   if (j < p-1) and (tab[i][j+1] != 0):
       nb += 1
   # Voisin en bas à gauche
   if (i<n-1) and (j>0) and (tab[i+1][j-1] != 0):
       nb += 1
    # Voisin juste en-dessous
    if (i < n-1) and (tab[i+1][j] != 0):
       nb += 1
    # Voisin en bas à droite
    if (i < n-1) and (j < p-1) and (tab[i+1][j+1] != 0):
       nb += 1
    return nb
# Test
print("--- Nombre de voisins ---")
print(nombre_voisins(1,1,tableau))
print(nombre_voisins(2,1,tableau))
print(nombre_voisins(3,1,tableau))
print(nombre_voisins(2,0,tableau))
print(nombre_voisins(2,2,tableau))
print(nombre_voisins(3,3,tableau))
```

```
def voir_voisins(tab):
    """ Affiche le nb de voisins à l'écran
    Entrée : un tableau à deux dimension
    Sortie : rien (affichage à l'écran) """
   for i in range(n):
       for j in range(p):
           print(nombre_voisins(i,j,tab), end='')
       print()
    return
# Test
print("--- Position de départ ---")
voir_tableau(tableau)
print("--- Nombre de voisins (tableau) ---")
voir_voisins(tableau)
## Question 2 ##
def evolution(tab):
   """ Calcule l'évolution en un jour
   Entrée : un tableau à deux dimension
   Sortie : un tableau à deux dimension """
   nouv_tab = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
    for j in range(p):
       for i in range(n):
           # Cellule vivante ou pas ?
           if tab[i][j] != 0:
               cellule_vivante = True
           else:
               cellule_vivante = False
           # Nombres de voisins
           nb_voisins = nombre_voisins(i,j,tab)
           # Règle du jeu de la vie
           if cellule_vivante == True and (nb_voisins == 2 or nb_voisins == 3):
               nouv_tab[i][j] = 1
           if cellule_vivante == False and nb_voisins == 3:
               nouv_tab[i][j] = 1
    return nouv_tab
# Test
print("--- Position de départ ---")
voir_tableau(tableau)
print("--- Nombre de voisins ---")
voir_voisins(tableau)
print("--- Après évolution ---")
tableau = evolution(tableau)
voir_tableau(tableau)
```

```
Activité 4
                                                                                   vie_4.py
###################################
# Jeu de la vie
###################################
###################################
# Rappels - Activité précédentes
##################################
from tkinter import *
# Fenêtre tkinter
root = Tk()
canvas = Canvas(root, width=800, height=600, background="white")
canvas.pack(side=LEFT, padx=5, pady=5)
# Par défaut : rien
n, p = 25, 25
echelle = 40
# n, p = 8, 5
\# echelle = 80
tableau = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
def nombre_voisins(i,j,tab):
    """ Calcule le nb de voisins de la cellule(i,j)
    Entrée : une cellule dans un tableau à deux dimension
    Sortie : le nb de cellules voisines """
    # Voisin en haut à gauche
    if (i>0) and (j>0) and (tab[i-1][j-1] != 0):
        nb += 1
    # Voisin juste au-dessus
    if (i>0) and (tab[i-1][j] != 0):
       nb += 1
    # Voisin en haut à droite
    if (i>0) and (j<p-1) and (tab[i-1][j+1] != 0):
        nb += 1
    # Voisin juste à gauche
    if (j>0) and (tab[i][j-1] != 0):
       nb += 1
    # Voisin juste à droite
    if (j < p-1) and (tab[i][j+1] != 0):
       nb += 1
   # Voisin en bas à gauche
    if (i < n-1) and (j > 0) and (tab[i+1][j-1] != 0):
        nb += 1
    # Voisin juste en-dessous
    if (i< n-1) and (tab[i+1][j] != 0):
       nb += 1
    # Voisin en bas à droite
    if (i < n-1) and (j < p-1) and (tab[i+1][j+1] != 0):
        nb += 1
    return nb
```

```
def evolution(tab):
   """ Calcule l'évolution en un jour
   Entrée : un tableau à deux dimension
   Sortie : un tableau à deux dimension """
   nouv_tab = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
   for j in range(p):
       for i in range(n):
           # Cellule vivante ou pas ?
           if tab[i][j] != 0:
               cellule_vivante = True
           else:
               cellule_vivante = False
           # Nombres de voisins
           nb_voisins = nombre_voisins(i,j,tab)
           # Règle du jeu de la vie
           if cellule_vivante == True and (nb_voisins == 2 or nb_voisins == 3):
               nouv_tab[i][j] = 1
           if cellule_vivante == False and nb_voisins == 3:
               nouv_tab[i][j] = 1
   return nouv_tab
def afficher_lignes():
   """ Affiche la grille à l'écran """
   for i in range(n+1):
       canvas.create_line(0,i*echelle,p*echelle,i*echelle)
   for j in range(p+1):
       canvas.create_line(j*echelle,0,j*echelle,n*echelle)
   for i in range(n):
       canvas.create_text(echelle//3,i*echelle+echelle//2,text=str(i))
   for j in range(p):
       canvas.create_text(j*echelle+echelle//2,echelle//3,text=str(j))
   return
def afficher_tableau(tab):
   """ Affiche un tableau à l'écran
   Entrée : un tableau à deux dimension
   Sortie : rien (affichage à l'écran) """
   for i in range(n):
       for j in range(p):
           if tab[i][j] != 0:
               \verb|canvas.create_rectangle(j*echelle,i*echelle,(j+1)*echelle,(i+1)*echelle,fill|\\
   → ="red")
   return
# Activité 4 - Jeu de la vie en entier
## Question 0 ##
# Clignotant
def clignotant():
```

```
""" Définition du clignotant """
   global tableau
   tableau = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
   tableau[4][7] = 1
   tableau[4][8] = 1
   tableau[4][9] = 1
   canvas.delete("all")
   afficher_lignes()
   afficher_tableau(tableau)
   return
# Vaisseau
def vaisseau():
   """ Définition du vasseau spatial """
   global tableau
   tableau = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
   tableau[3][4] = 1
   tableau[3][5] = 1
   tableau[3][6] = 1
   tableau[2][6] = 1
   tableau[1][5] = 1
   canvas.delete("all")
   afficher_lignes()
   afficher_tableau(tableau)
   return
# Pentadecathlon
def pentadecathlon():
    """ Définition du pentadecathlon """
   global tableau
   tableau = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
   tableau[6][4] = 1
   tableau[6][5] = 1
   tableau[6][7] = 1
   tableau[6][8] = 1
   tableau[6][9] = 1
   tableau[6][10] = 1
   tableau[6][12] = 1
   tableau[6][13] = 1
   tableau[5][6] = 1
   tableau[7][6] = 1
   tableau[5][11] = 1
   tableau[7][11] = 1
   canvas.delete("all")
   afficher_lignes()
   afficher_tableau(tableau)
## Question 1 ##
# Boutons
def action_bouton_evolution():
   global tableau
   tableau = evolution(tableau)
   canvas.delete("all")
   afficher_lignes()
   afficher_tableau(tableau)
   return
```

```
bouton_quitter = Button(root,text="Quitter", width=8, command=root.quit)
bouton_quitter.pack(side=BOTTOM, padx=5, pady=20)
bouton_afficher = Button(root,text="Évoluer", width=20, command=action_bouton_evolution)
bouton_afficher.pack(side=BOTTOM, padx=5, pady=20)
bouton_clignotant = Button(root,text="Clignotant", width=20, command=clignotant)
bouton_clignotant.pack(side=TOP, padx=5, pady=5)
bouton_vaisseau = Button(root,text="Vaisseau", width=20, command=vaisseau)
bouton_vaisseau.pack(side=TOP, padx=5, pady=5)
bouton_pentadecathlon = Button(root,text="Pentadecathlon", width=20, command=pentadecathlon)
bouton_pentadecathlon.pack(side=TOP, padx=5, pady=5)
# root.mainloop()
## Question 2 ##
def allumer_eteindre(i,j):
   """ Commute une cellule """
    global tableau
   if tableau[i][j] == 0:
        tableau[i][j] = 1
        tableau[i][j] = 0
    return
def xy_vers_ij(x,y):
    """ Coordonnées (x,y) vers coordonnées (i,j) """
   i = y // echelle
    j = x // echelle
    return i, j
def action_clic_souris(event):
    canvas.focus_set()
    # print("Clic à", event.x, event.y)
   x = event.x
    y = event.y
    \verb|allumer_eteindre(*xy_vers_ij(x,y))|
    canvas.delete("all")
    afficher_lignes()
    afficher_tableau(tableau)
    return
# Liaison clic de souris/action
canvas.bind("<Button-1>",action_clic_souris)
afficher_lignes()
afficher_tableau(tableau)
root.mainloop()
```

21. Graphes et combinatoire de Ramsey

```
Activité 1
                                                                               ramsey_1.py
###################################
# Graphes et combinatoire de Ramsey
#####################################
###################################
# Activité 1 - Définition et amis/étrangers
#####################################
## Question 1 ##
# Exemple 1
n = 3
exemple_graphe_1 = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
exemple_graphe_1[0][1] = 1; exemple_graphe_1[1][0] = 1
exemple_graphe_1[0][2] = 1; exemple_graphe_1[2][0] = 1
# Exemple 2
n = 4
exemple_graphe_2 = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
exemple_graphe_2[0][2] = 1; exemple_graphe_2[2][0] = 1
exemple_graphe_2[0][3] = 1; exemple_graphe_2[3][0] = 1
exemple_graphe_2[1][2] = 1; exemple_graphe_2[2][1] = 1
# Exemple 3
n = 5
exemple_graphe_3 = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
exemple_graphe_3[0][2] = 1; exemple_graphe_3[2][0] = 1
exemple_graphe_3[0][3] = 1; exemple_graphe_3[3][0] = 1
exemple_graphe_3[1][2] = 1; exemple_graphe_3[2][1] = 1
exemple_graphe_3[1][4] = 1; exemple_graphe_3[4][1] = 1
exemple_graphe_3[3][4] = 1; exemple_graphe_3[4][3] = 1
# Exemple 4
n = 6
exemple_graphe_4 = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
exemple_graphe_4[3][2] = 1; exemple_graphe_4[2][3] = 1;
exemple_graphe_4[1][2] = 1; exemple_graphe_4[2][1] = 1
exemple_graphe_4[3][4] = 1; exemple_graphe_4[4][3] = 1
exemple_graphe_4[4][1] = 1; exemple_graphe_4[1][4] = 1
exemple_graphe_4[0][2] = 1; exemple_graphe_4[2][0] = 1
exemple_graphe_4[5][0] = 1; exemple_graphe_4[0][5] = 1
exemple_graphe_4[5][1] = 1; exemple_graphe_4[1][5] = 1
exemple_graphe_4[0][3] = 1; exemple_graphe_4[3][0] = 1
# Exemple cours
n = 4
exemple_graphe_cours_1 = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
```

```
exemple_graphe_cours_1[0][2] = 1; exemple_graphe_cours_1[2][0] = 1
exemple_graphe_cours_1[1][3] = 1; exemple_graphe_cours_1[3][1] = 1
## Question 2 ##
def voir_graphe(graphe):
   Affiche un graphe à l'écran
   Entrée : un graphe comme tableau à deux dimension
   Sortie : rien (affichage à l'écran)
   n = len(graphe)
   for j in range(n):
      for i in range(n):
          print(graphe[i][j], end="")
   return
# Test
if __name__ == '__main__':
   print("--- Matrice du graphe ---")
   print("--- Exemple 1 ---")
   voir_graphe(exemple_graphe_1)
   print("--- Exemple 2 ---")
   voir_graphe(exemple_graphe_2)
   print("--- Exemple 3 ---")
   voir_graphe(exemple_graphe_3)
   print("--- Exemple 4 ---")
   voir_graphe(exemple_graphe_4)
   print("--- Cours 1 ---")
   voir_graphe(exemple_graphe_cours_1)
# Test si un graphe est contient
# 3 amis/étranger dont les positions sont données
def contient_3_amis_fixes(graphe,i,j,k):
   """Cherche si sommets i, j, k sont tous reliés entre eux comme amis"""
   if graphe[i][j] == 1 and graphe[i][k] == 1 and graphe[j][k] == 1:
      return True
   else:
      return False
def contient_3_etrangers_fixes(graphe,i,j,k):
   """Cherche si sommets i, j, k sont tous reliés entre eux comme étrangers"""
   if graphe[i][j] == 0 and graphe[i][k] == 0 and graphe[j][k] == 0:
      return True
   else:
      return False
# Test
if __name__ == '__main__':
   print("--- Sous-graphe fixé de 0 et de 1 ---")
   print(contient_3_amis_fixes(exemple_graphe_4,1,3,4))
   print(contient_3_etrangers_fixes(exemple_graphe_4,1,3,4))
```

```
Activité 2
                                                                          ramsey_2.py
# Graphes et combinatoire de Ramsey
######################################
# Activité 2 - Affichage graphique
###################################
from tkinter import *
from math import *
from tkinter.font import Font
from ramsey_1 import * # Pour les exemples
# Fenêtre tkinter
root = Tk()
canvas = Canvas(root, width=800, height=500, background="white")
canvas.pack(side=LEFT, padx=5, pady=5)
# Echelle
echelle = 200
# Un graphe
## Question 1 ##
# Version basique (recalcule plein de fois la même chose)
def afficher_graphe_basic(graphe):
   Affiche un graphe à l'écran
   Entrée : un graphe
   Sortie : rien (affichage à l'écran)
   n = len(graphe)
   # Arêtes
   for j in range(n):
       for i in range(n):
           xi = 2*echelle + cos(2*i*pi/n)*echelle
           yi = 1.5*echelle + sin(2*i*pi/n)*echelle
           xj = 2 \cdot echelle + cos(2 \cdot j \cdot pi/n) \cdot echelle
           yj = 1.5*echelle + sin(2*j*pi/n)*echelle
           if graphe[i][j] == 0:
               canvas.create_line(xi, yi, xj, yj, width=4, fill="red")
           if graphe[i][j] == 1:
               canvas.create_line(xi,yi,xj,yj,width=4,fill="green")
    # Sommets
   for i in range(n):
       x = 2 \cdot echelle + cos(2 \cdot i \cdot pi/n) \cdot echelle
       y = echelle + sin(2*i*pi/n)*echelle
       canvas.create_oval(x-5,y-5,x+5,y+5,fill="black")
   return
```

```
# Version optimale
def afficher_graphe(graphe):
   Affiche un graphe à l'écran
   Entrée : un graphe
   Sortie : rien (affichage à l'écran)
   n = len(graphe) # Nombre de sommets
   # Liste des coordonnées (x,y) des sommets
   coord = [(2*echelle + cos(2*i*pi/n)*echelle, 1.2*echelle + sin(2*i*pi/n)*echelle) for i
   \hookrightarrow in range(n)]
   # Arêtes
   for j in range(n):
       for i in range(j+1,n): # i>j
           if graphe[i][j] == 0:
               canvas.create_line(coord[i],coord[j],width=4,fill="red",dash=(6, 2))
           if graphe[i][j] == 1:
               canvas.create_line(coord[i],coord[j],width=4,fill="green")
   mafonte = Font(family="Courier", weight="bold",size=18)
    # Sommets
   for i in range(n):
       x,y = coord[i]
       {\tt canvas.create\_oval(x-15,y-15,x+15,y+15,fill="black")}
       canvas.create_text(x,y,text=str(i),font=mafonte,fill="white")
   # Numéro
   return
# Lancement de la fenêtre
if __name__ == '__main__':
   bouton_quitter = Button(root,text="Quitter", width=8, command=root.quit)
   bouton_quitter.pack(side=BOTTOM, padx=5, pady=20)
   # Test d'un exemple
   afficher_graphe(exemple_graphe_2)
   root.mainloop()
```

```
chaine_bb = chaine_b[2:] # On enlève le préfixe
    # On transforme la chaine en une liste **d'entiers** O ou 1
    liste_binaire = []
    for b in chaine_bb:
        liste_binaire = liste_binaire + [int(b)]
    # On rajoute des zéros au début si besoin
    nb_zeros = n - len(liste_binaire)
    for i in range(nb_zeros):
        liste_binaire = [0] + liste_binaire
    return liste_binaire
# Version plus courte qui utilise "format()"
def decimal_vers_binaire_bis(p,n):
    modele = '\{:0'+str(n)+'b\}'
    chaine_binaire = modele.format(p)
    liste_binaire = [int(b) for b in list(chaine_binaire)]
    return liste_binaire
# Test
if __name__ == '__main__':
   n = 8
   p = 37
   print(decimal_vers_binaire(p,n))
   print(decimal_vers_binaire_bis(p,n))
```

```
Activité 4
                                                                         ramsey_4.py
# Graphes et combinatoire de Ramsey
###################################
######################################
# Activité 4 - Sous-ensembles
##############################
from ramsey_3 import decimal_vers_binaire
#####################################
###################################
## Question 1 ##
# Génère tous les sous-ensembles
def sous_ensembles(n):
   """Trouve tous les sous-ensembles de l'ensemble à n éléments [0,1,2,...n-1]"""
   tous_sous_ens = []
   for p in range(2**n):
       # Conversion binaire
       liste_binaire = decimal_vers_binaire(p,n)
```

```
#print(liste_binaire)
       sous_ens = []
       for j in range(n):
           # if liste_binaire[n-j-1] == 1:
           if liste_binaire[j] == 1:
               sous_ens = sous_ens + [j]
       tous_sous_ens = tous_sous_ens + [sous_ens]
   return tous_sous_ens
# Test
if __name__ == '__main__':
   print("--- Sous-ensembles ---")
   n = 3
   SS_ENS = sous_ensembles(n)
   print("Pour n = ",n)
   print("Nombre de sous-ensembles = ",len(SS_ENS))
   print(SS_ENS)
## Question 2 ##
def sous_ensembles_fixe(n,k):
   tous_sous_ens_fixe = []
   for sous_ens in sous_ensembles(n):
       if len(sous_ens) == k:
           tous_sous_ens_fixe = tous_sous_ens_fixe + [sous_ens]
   return tous_sous_ens_fixe
# Test (suite)
if __name__ == '__main__':
   print("--- Sous-ensembles à 3 éléments ---")
   n = 6
   k = 3
   SS_ENS_3 = sous_ensembles_fixe(n,k)
   print("Pour n = ",n," k = ",k)
   print("Nombre de sous-ensembles à 3 éléments = ",len(SS_ENS_3))
   print(SS_ENS_3)
```

```
from ramsey_4 import sous_ensembles_fixe
######################################
######################################
# Sous-ensembles
n = 6
k = 3
SS_ENS_6_3 = sous_ensembles_fixe(n,k)
## Question 1 ##
def graphe_contient_3(graphe):
   """Cherche si trois sommets sont tous reliés entre eux"""
   n = len(graphe)
   #for sous_ens in SS_ENS_6_3: # Pour n=6, k=3
   for sous_ens in sous_ensembles_fixe(n,3): # Pour n quelconque
       #print(sous_ens)
       contient_3_amis = contient_3_amis_fixes(graphe,*sous_ens)
       contient_3_etrangers = contient_3_etrangers_fixes(graphe,*sous_ens)
       contient = contient_3_amis or contient_3_etrangers
       if contient == True:
           break
   # Affichage
   # if contient == True:
        print("Validé par l'exemple:",sous_ens)
   # else:
   # print("Problème")
   # if contient == False:
   # print("Problème")
        voir_graphe(graphe)
   return contient
# Test
# Un exemple
if __name__ == '__main__':
   print("--- Test conjecture un seul graphe ---")
   print("--- Exemple 1 ---")
   print(graphe_contient_3(exemple_graphe_1))
   print("--- Exemple 2 ---")
   print(graphe_contient_3(exemple_graphe_2))
   print("--- Exemple 3 ---")
   print(graphe_contient_3(exemple_graphe_3))
   print("--- Exemple 4 ---")
   print(graphe_contient_3(exemple_graphe_4))
## Question 2 ##
# Calcul de tous les graphes possible à n sommets
# Il y a 2^{(n-1)*n/2}
def voir_tous_graphes(n):
   N = ((n-1) * n)//2
   print("Nombre total de graphes :",2**N)
   for p in range(2**N):
       # Conversion binaire
```

```
liste_binaire = decimal_vers_binaire(p,N)
       print("p =",p,liste_binaire)
       graphe = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
       for j in range(0,n):
           for i in range(j+1,n):
               b = liste_binaire.pop()
               graphe[i][j] = b
               graphe[j][i] = b
       voir_graphe(graphe)
   return
# Test
# n = 4
# print("--- Affiche tous les graphes possibles ---")
# print("n = ",n)
# voir_tous_graphes(n)
## Question 3 ##
# Test de tous les graphes possible à n sommets
# Il y a 2^{(n-1)*n/2}
def test_tous_graphes(n):
   N = ((n-1) * n)//2
   print("Nombre total de graphes :",2**N)
   for p in range(2**N):
       # Conversion binaire
       liste_binaire = decimal_vers_binaire(p,N)
       # print("p =",p,liste_binaire)
       graphe = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
       for j in range(0,n):
           for i in range(j+1,n):
               b = liste_binaire.pop()
               graphe[i][j] = b
               graphe[j][i] = b
       # voir_graphe(graphe)
       test = graphe_contient_3(graphe)
       if test == False:
           print("Problème avec",p)
   return
# Test
print("\n\n--- Preuve du théorème de Ramsey, n = 6 ---")
print("n = ",n)
print("--- Recherche de graphe ne vérifiant pas l'énonce...")
test_tous_graphes(n)
print("fin des calculs ---")
print("Si rien ne s'est affiché, c'est que c'est bon !")
```

```
Activité 6
                                                                             ramsey_6.py
######################################
# Graphes et combinatoire de Ramsey
######################################
# Activité 6 - Pour aller plus loin
###################################
from ramsey_1 import *
from ramsey_1 import contient_3_amis_fixes
from ramsey_1 import contient_3_etrangers_fixes
from ramsey_3 import decimal_vers_binaire
from ramsey_4 import sous_ensembles
from ramsey_4 import sous_ensembles_fixe
####################################
####################################
## Question 1 ##
# Sous-ensembles
n = 6
k = 3
SS_ENS_3 = sous_ensembles_fixe(n,k)
def graphe_contient_3(graphe):
    """Cherche si un graphe possède 3 amis ou 3 étrangers."""
   n = len(graphe)
    for sous_ens in SS_ENS_3:
       contient_3_amis = contient_3_amis_fixes(graphe,*sous_ens)
       contient_3_etrangers = contient_3_etrangers_fixes(graphe,*sous_ens)
       contient = contient_3_amis or contient_3_etrangers
       if contient == True:
           break
    # Affichage
    # if contient == True:
    # print("Validé par l'exemple:", sous_ens)
    # else:
        print("Problème")
    # if contient == False:
         print("Problème")
         voir_graphe(graphe)
    return contient
# Test de tous les graphes possible à n sommets
# Il y a 2^{(n-1)*n/2}
def test_tous_graphes(n):
    N = ((n-1) * n)//2
    print("Nombre total de graphes :",2**N)
```

```
for p in range( ((2**N) // 2)):
       # Conversion binaire
       liste_binaire = decimal_vers_binaire(p,N)
       # print("p =",p,liste_binaire)
       graphe = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
       for j in range(0,n):
           for i in range(j+1,n):
               b = liste_binaire.pop()
               graphe[i][j] = b
               graphe[j][i] = b
       # voir_graphe(graphe)
       test = graphe_contient_3(graphe)
       if test == False:
           print("Problème avec graphe p =",p)
   return
# Test
print("\n\n--- Preuve du théorème de Ramsey, n =",n,"---")
print("n = ",n)
print("--- Recherche de graphe ne vérifiant pas l'énonce...")
test_tous_graphes(n)
print("fin des calculs ---")
print("Si rien ne s'est affiché, c'est que c'est bon !")
# n = 6 : 0.5 secondes
# n = 7 : 20 secondes
\# n = 8 : 2500 secondes = 40 min (extrapolation sur échantillon de 10^-2)
# n = 9 : 800 000 secondes = 9 jours (extrapolation sur échantillon de 10^-4)
## Question 2 ##
# Sous-ensembles
n = 9
SS_ENS_3 = sous_ensembles_fixe(n,3)
SS_ENS_4 = sous_ensembles_fixe(n, 4)
def contient_4_amis_fixes(graphe,i,j,k,l):
    """Cherche si sommets i, j, k sont tous reliés entre eux comme amis"""
   if graphe[i][j] == 1 and graphe[i][k] == 1 and graphe[i][l] == 1 and graphe[j][k] == 1
   \hookrightarrow and graphe[j][l] == 1 and graphe[k][l] == 1:
       return True
    else:
       return False
# Test de tous les graphes possible à n sommets
# pour savoir s'il existe 4 amis ou 3 étrangers
def graphe_contient_3_4(graphe):
    """Cherche si trois ou quatre sommets sont tous reliés entre eux"""
   n = len(graphe)
   # Cherche 3 étrangers
   for sous_ens in SS_ENS_3:
       contient_3_etrangers = contient_3_etrangers_fixes(graphe,*sous_ens)
       if contient_3_etrangers == True:
```

```
break
    # Si pas 3 étrangers, cherche 4 amis
    if contient_3_etrangers == False:
        for sous_ens in SS_ENS_4:
            contient_4_amis = contient_4_amis_fixes(graphe,*sous_ens)
            if contient_4_amis == True:
                break
    else:
        contient_4_amis = True # Peu importe vu que déjà 3 étrangers
    contient = contient_3_etrangers or contient_4_amis
    return contient
def ramsey_4_3(n):
    N = ((n-1) * n)//2
    print("Nombre total de graphes :",2**N)
    # for p in range( ((2**N)) // 100000):
    for p in range( 1000000 ):
        # Conversion binaire
        liste_binaire = decimal_vers_binaire(p,N)
        # print("p =",p,liste_binaire)
        graphe = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
        for j in range(0,n):
            for i in range(j+1,n):
                b = liste_binaire.pop()
                graphe[i][j] = b
                graphe[j][i] = b
        test = graphe_contient_3_4(graphe)
        if test == False:
            print("Problème avec graphe p =",p)
    return
print("\n\n--- Preuve du théorème de Ramsey avec 4 amis ou 3 étrangers, n =",n,"---")
print("n = ",n)
print("--- Recherche de graphe ne vérifiant pas l'énonce...")
ramsey_4_3(n)
print("fin des calculs ---")
print("Si rien ne s'est affiché, c'est que c'est bon !")
\# n = 7, contre-exemples facile
# n = 8 contre-exemple par exemple p=111121101
# n = 9 est vrai ! Mais doit prendre 18 jours de calculs
```

22. Bitcoin

```
Activités
                                                                               bitcoin.py
###################################
# Bitcoin
####################################
from random import randint
from time import *
# Activité 2 - Outils pour les listes
###################################
# Constante globale de longueur des blocs
# Constante pour preuve de travail
Max = [0,0,25]
####################################
## Question 1 ##
# Addition des termes de deux listes de même longueur
def addition(liste1, liste2):
   liste_somme = []
    for i in range(len(liste1)):
        liste_somme = liste_somme + [ (liste1[i]+liste2[i]) % 100 ]
    return liste_somme
print("--- Test somme liste ---")
print(addition([1,2,3,4,5,6],[1,1,1,1,1,1]))
## Question 2 ##
# Test si une liste est plus petite que liste_max
def est_plus_petit(liste,liste_max):
   i = 0
   n = len(liste_max)
   while (i < n) and (liste[i] <= liste_max[i]):</pre>
       i = i + 1
   if i == n:
        return True
    else:
        return False
print("--- Test plus petit liste ---")
print(est_plus_petit([0,0,24,4,5,6],[0,0,50]))
###################################
## Question 3 ##
def phrase_vers_liste(phrase):
```

```
# Transforme lettres en nombre modulo 100
    liste = [ord(c) % 100 for c in phrase]
    # Rajoute des 0 devant si besoin
    while len(liste) % N > 0:
        liste = [0] + liste
    return liste
print("--- Phrase vers liste ---")
phrase = "Vive moi !"
print(phrase)
print(phrase_vers_liste(phrase))
#####################################
# Activité 3 - Fonction de hachage
#####################################
## Question 3 ##
p = [7, 11, 13, 17, 19, 23] # nb premiers
def un_tour(bloc):
    # Addition
    bloc[1] = (bloc[1]+bloc[0]) % 100
    bloc[3] = (bloc[3]+bloc[2]) % 100
    bloc[5] = (bloc[5]+bloc[4]) % 100
    # m = p*m + 1 (modulo 100)
    for i in range(N):
       bloc[i] = (p[i]*bloc[i]+1) % 100
    # permutation
    bloc = [bloc[N-1]] + bloc[:N-1]
    return bloc
# Test
print("--- Test un tour ---")
bloc = [0,1,2,3,4,5]
print(bloc)
print(un_tour(bloc))
bloc = [1,1,2,3,4,5]
print(bloc)
print(un_tour(bloc))
## Question 3 ##
def dix_tours(bloc):
    for i in range(10):
        bloc = un_tour(bloc)
    return bloc
print("--- Test dix tours ---")
bloc = [0,1,2,3,4,5]
print(bloc)
print(dix_tours(bloc))
bloc = [1,1,2,3,4,5]
print(bloc)
```

```
print(dix_tours(bloc))
bloc = [99,96,87,56,67,76]
print(bloc)
print(dix_tours(bloc))
bloc = [70,92,22,4,16,90]
print(bloc)
print(dix_tours(bloc))
####################################
## Question 3 ##
def hachage(liste):
    while len(liste)>N:
        bloc1 = liste[0:N] # Premier bloc
        bloc2 = liste[N:2*N] # Second bloc
        fin_liste = liste[2*N:] # Le reste
        # print(bloc1)
        # print(bloc2)
        # print(fin_liste)
        #bloc1 = un_tour(bloc1) # Un tour
        bloc1 = dix_tours(bloc1) # Dix tours
        #print(bloc1)
        nouv_bloc_deb = addition(bloc1,bloc2)
        liste = nouv_bloc_deb + fin_liste
    # Tours de fin pour la liste (qui ne contient plus que N nb)
    # liste = un_tour(liste) # Un tour
    liste = dix_tours(liste) # Un tour
    return liste
# Test
print("--- Hachage d'une liste ---")
liste = [1,2,3,4,5,6,1,2,3,4,5,6]
hach = hachage(liste)
print(liste)
print(hach)
liste = [1,1,3,4,5,6,1,2,3,4,5,6]
hach = hachage(liste)
print(liste)
print(hach)
liste = [0,1,2,3,4,5,1,1,1,1,1,1,10,10,10,10,10,10]
hach = hachage(liste)
print(liste)
print(hach)
###################################
####################################
# Activité 4 - Preuve de travail - Minage
#####################################
######################################
## Question 3 ##
```

```
def verification_preuve_de_travail(liste,preuve):
    liste_test = liste + preuve
    hach = hachage(liste_test)
    # print(preuve, hach)
    if est_plus_petit(hach,Max):
        return True
    else:
        return False
# Test
print("--- Verif Preuve de travail ---")
liste = [0,1,2,3,4,5]
preuve = [12, 3, 24, 72, 47, 77]
\# Max = [0,0,7]
start_time = time()
print(verification_preuve_de_travail(liste,preuve))
end_time = time()
duree = end_time-start_time
print("Temps de calcul :",duree)
###################################
## Question 2 ##
def preuve_de_travail(liste):
    hach = [1,1,1,1,1,1]
    while not(est_plus_petit(hach,Max)):
        preuve = [randint(0,99) for i in range(N)]
        liste_test = liste + preuve
        hach = hachage(liste_test)
    print(preuve, hach)
    return preuve
###################################
## Question 2 bis ##
from itertools import product
def preuve_de_travail_bis(liste):
    for preuve in product(range(100),range(100),range(100),range(100),range(100))
        preuve = list(preuve)
        liste_test = liste + preuve
        hach = hachage(liste_test)
        if est_plus_petit(hach,Max):
            break
    print(preuve, hach)
    return preuve
####################################
## Question 3 ##
# Test
print("--- Preuve de travail ---")
start_time = time()
liste = [0,1,2,3,4,5]
# preuve = preuve_de_travail(liste)
# preuve = preuve_de_travail_bis(liste)
```

```
end_time = time()
duree = end_time-start_time
print("Temps de calcul :",duree)
####################################
# Activité 5 - Tes bitcoins
#####################################
####################################
## Question 1 ##
preuve_init = [0,0,0,0,0,0] # valeur au pif
Livre = [preuve_init]
def ajout_transaction(transaction):
    global Livre
    Livre = Livre + [transaction]
    return Livre
# Test
print("--- Création du livre et ajout d'une transaction ---")
print(Livre)
ajout_transaction("Bob +135")
print(Livre)
## Question 2 ##
def minage():
    global Livre
    transaction = Livre[-1]
   prec_preuve = Livre[-2]
   # print(transaction)
    # print(prec_hach)
    # print(phrase_vers_liste(transaction))
    liste = prec_preuve + phrase_vers_liste(transaction)
    preuve = preuve_de_travail(liste)
    Livre = Livre + [preuve]
    return Livre
# Test
print("--- Minage ---")
print(Livre)
minage()
print(Livre)
# Exemple pour fiche
print("--- Exemple pour fiche ---")
Max = [0,0,7]
hach_init = [3,1,4,1,5,9] # valeur au pif
Livre = [hach_init]
ajout_transaction("Abel +35")
print(Livre)
minage()
print(Livre)
###################################
## Question 3 ##
def verification_livre():
```

```
prec_preuve = Livre[-3]
    transaction = Livre[-2]
    preuve = Livre[-1]
    hach = hachage(prec_preuve+phrase_vers_liste(transaction)+preuve)
    if est_plus_petit(hach, Max):
        return True
    else:
        return False
# Test
print("--- Vérification du livre ---")
print(Livre)
print(verification_livre())
## Question 4 ##
# Exemple complet
# Constante pour preuve de travail
Max = [0,0,7]
start_time = time() # début chrono
hach_init = [0,0,0,0,0,0] # valeur au pif
Livre = [hach_init]
# print(Livre)
# ajout_transaction("Abel +135")
# print(Livre)
# minage()
# print(Livre)
# print(verification_livre())
# ajout_transaction("Bob -77")
# print(Livre)
# minage()
# print(Livre)
# print(verification_livre())
# ajout_transaction("Camille -25")
# print(Livre)
# minage()
# print(Livre)
# print(verification_livre())
end_time = time()
duree = end_time-start_time
print("Temps de calcul :",duree)
```

23. Constructions aléatoires

Activités 1 et 2

```
Activités 1 et 2
                                                         aleatoire_vertical.py
###################################
# Aléatoire
#####################################
from random import *
from tkinter import *
import time
# Activité 1 - Faire tomber des blocs
###################################
n = 4 # nb de lignes
p = 6 # nb de colonnes
tableau = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
tableau[3][3] = 1
tableau[3][2] = 1
tableau[2][2] = 1
tableau[1][2] = 1
tableau[0][4] = 1
def voir_tableau():
   for i in range(n):
      for j in range(p):
          print(tableau[i][j], end="")
      print()
   return
voir_tableau()
def peut_tomber(i,j):
   if i == n-1: # tout en bas
      return False
   if tableau[i+1][j]: # case juste en-dessous
      return False
   if j>0 and tableau[i][j-1]: # à gauche
      return False
   if j < p-1 and tableau[i][j+1]: # à droite
      return False
   return True
def faire_tomber_un_bloc(j):
   # j = nouveau_bloc()
   i = 0
   while peut_tomber(i,j):
      i = i + 1
```

```
tableau[i][j] = 1
   return i,j
def faire_tomber_des_blocs(k):
   # voir_tableau()
   # print()
   for __ in range(k):
       j = randint(0, p-1)
       faire_tomber_un_bloc(j)
       # voir_tableau()
       # print()
   return
# faire_tomber_des_blocs(7)
# print()
# voir_tableau()
# exit()
# Activité 2 - Affichage tkinter statique
n = 125
       # nb de lignes
p = 250 # nb de colonnes
tableau = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
echelle = 5 # échelle
nb_blocs = 500
root = Tk()
canvas = Canvas(root, width=p*echelle, height=n*echelle, background="white")
canvas.pack(fill="both", expand=True)
def afficher_tableau():
   canvas.delete("all")
                       # Efface tout
   for i in range(n):
       for j in range(p):
          if tableau[i][j]:
              canvas.create_rectangle(j*echelle,i*echelle,j*echelle+echelle-1,i*echelle+
   → echelle-1, width=1, fill='green')
   return
# afficher_tableau()
def action_bloc():
   faire_tomber_des_blocs(nb_blocs)
   afficher_tableau()
   return
bouton_bloc = Button(root,text="Afficher blocs", width=20, command=action_bloc)
bouton_bloc.pack(pady=10)
bouton_quitter = Button(root,text="Quitter", width=20, command=root.quit)
bouton_quitter.pack(side=BOTTOM, pady=10)
root.mainloop()
```

Activité 3 aleatoire_circulaire.py # Aléatoire - Idées ###################################### from random import * from tkinter import * import time ##################################### # Activité 1 - Faire tourner des blocs ################################### n = 10 # nb de lignes p = 10 # nb de colonnes bord = min(n,p)//5 # distance au bord tableau = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)] tableau[(n-1)//2][(p-1)//2] = 1 # Centredef voir_tableau(): for i in range(n): for j in range(p): print(tableau[i][j], end="") print() return # voir_tableau() def est_libre(i,j): # if tableau[i][j]: # sur un bloc existant return False if i>0 and tableau[i-1][j]: # au dessus return False if i<n-1 and tableau[i+1][j]: # en-dessous</pre> return False if j>0 and tableau[i][j-1]: # à gauche return False if j<p-1 and tableau[i][j+1]: # à droite</pre> return False return True def est_dedans(i,j): if $(0 \le i \le n)$ and $(0 \le j \le p)$: return True else: return False def lancer_un_bloc(): i = randint(0+bord, n-1-bord)

```
j = randint(0+bord,p-1-bord)
    while est_dedans(i,j) and est_libre(i,j):
        dx = randint(-1,1)
        dy = randint(-1,1)
        i = i + dx
        j = j + dy
    if est_dedans(i,j):
        tableau[i][j] = 1
    return i,j
def lancer_des_blocs(k):
    # voir_tableau()
    # print()
    for __ in range(k):
       lancer_un_bloc()
        # voir_tableau()
        # print()
    return
lancer_des_blocs(5)
################################
# Activité 2 - Affichage tkinter statique
###################################
n = 170
        # nb de lignes
p = 200 # nb de colonnes
bord = min(n,p)//10 # distance au bord pour lancement
tableau = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
tableau[(n-1)//2][(p-1)//2] = 1 # Centre
nb_blocs = 500
root = Tk()
canvas = Canvas(root, width=p*echelle, height=n*echelle, background="white")
canvas.pack(fill="both", expand=True)
def afficher_tableau():
    canvas.delete("all")  # Efface tout
    for i in range(n):
        for j in range(p):
           if tableau[i][j]:
                canvas.create_rectangle(j*echelle,i*echelle,j*echelle+echelle-1,i*echelle+
    → echelle-1, width=1, fill='green')
    return
def action_bloc():
    lancer_des_blocs(nb_blocs)
    afficher_tableau()
    return
bouton_bloc = Button(root,text="Lancer des blocs", width=20, command=action_bloc)
bouton_bloc.pack(pady=10)
```

```
bouton_quitter = Button(root,text="Quitter", width=20, command=root.quit)
bouton_quitter.pack(side=BOTTOM, pady=10)
root.mainloop()
```