

Insertion Sort

5	2	4	6	1	3
---	---	---	---	---	---

↑

5	2	4	6	1	3
---	---	---	---	---	---

← 2 < 5?

2	5	4	6	1	3
---	---	---	---	---	---

← ↑

2	4	5	6	1	3
---	---	---	---	---	---

← ↑

2	4	5	6	1	3
---	---	---	---	---	---

← ↑

...

1	2	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---

Complexidade Temporal:

- melhor caso: $O(n)$ caso já esteja ordenado.
- caso médio e pior caso: $O(n^2)$

Shell Sort

5	2	4	6	1	3
---	---	---	---	---	---

$$gap: 6 // 2 = 3$$

5	—	6
2	—	1
4	—	3

↓

5	—	6
1	—	2
3	—	4

5	1	3	6	2	4
---	---	---	---	---	---

$$gap: 3 // 2 = 2$$

5	—	3	—	2
1	—	6	—	4

↓

2	—	3	—	5
1	—	4	—	6

2	1	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---

$$gap: 2 // 2 = 1 \rightarrow \text{insertion sort}$$

1	2	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---

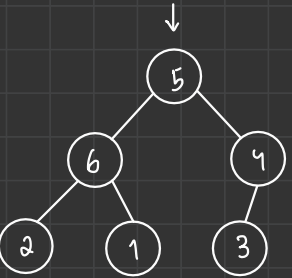
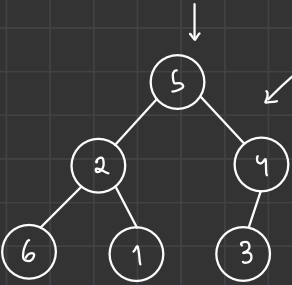
Heap Sort

$O(n \log n)$

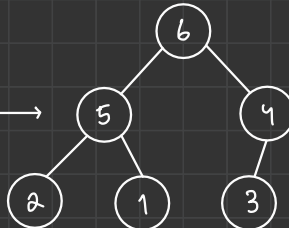
Complexidade temporal:

- Pior caso (construção da heap): $O(n \cdot \log(n))$
- Primeira fase: $O(n)$
- Segunda fase: $O(n)$
- o parent node é sempre maior ou igual aos filhos.
- trocar o último com o primeiro e remove-lo.
- Não é garantido ordenamento na horizontal
- Ordenada da raiz para as folhas.

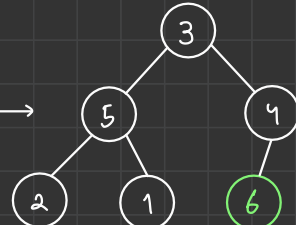
5 2 4 6 1 3



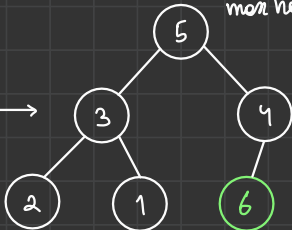
max heap



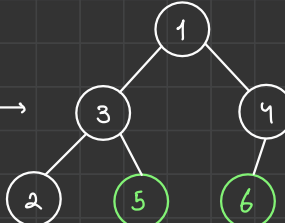
heapify



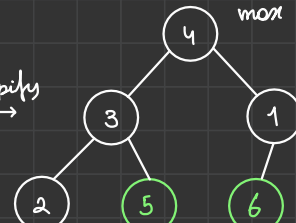
max heap



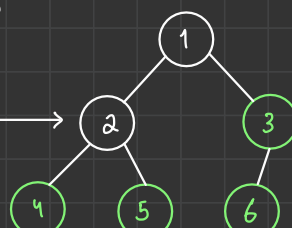
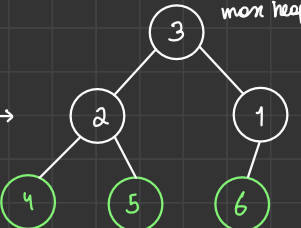
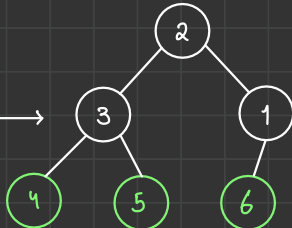
heapify



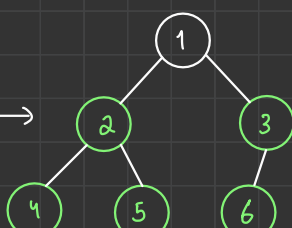
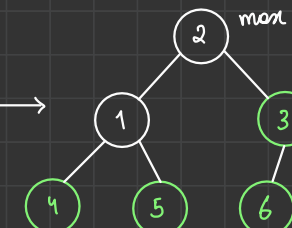
max heap



max heap



max heap



Radix Sort

LSD (least significant digit) "começar pelo fim"

MSD (most significant digit) "começar pelo início"

Complexidade temporal:

- base k

→ $O(n \cdot \log_k(n))$

base 10 base 100

23 45 87	23 45 87	→	10 45 02	→	00 45 87
10 45 02	10 45 02		23 45 87		10 45 02
14 45 87	14 45 87		19 45 87		10 45 93
00 45 87	00 45 87		00 45 87		14 45 87
10 45 93	10 45 93		10 45 93		23 45 87

Bubble Sort

1ª iteração:

5	2	4	6	1	3
2	5	4	6	1	3
2	4	5	6	1	3
2	4	5	6	1	3
2	4	5	1	6	3
2	4	5	1	3	6
2	4	5	1	3	6

2ª iteração:

2	4	5	1	3	6
2	4	5	1	3	6
2	4	5	1	3	6
2	4	1	5	3	6
2	4	1	3	5	6
2	4	1	3	5	6
2	4	1	3	5	6

...

Complexidade:

- Pior caso: $O(n^2)$
- Melhor caso: $O(n)$

Selection Sort



↑ : current

↑ : current minimum

Complexidade:

• Pior caso : $O(n^2)$

• Melhor caso : $O(n)$

Quick Sort



[5, 4, 3]

trocar o pivot
com o último

• procurar o 1º n° maior

que o pivot é esquerda

• procurar o 1º n° menor

que o pivot é direita

• repetir até index do esquerdo

for maior que o index do direito

Escolha do Pivot:

• Selecionar o primeiro, o do meio e o final,
ordena-los e escolher o do meio.

→ trocar pivot com o
maior à esquerda

Quick Sort

3 2 1 4 5 6

• repetir nas partições

↓ ↓
3 2 1 5 6

↓ ↓
1 2 3 5 6

↓
1 2 3 4 5 6

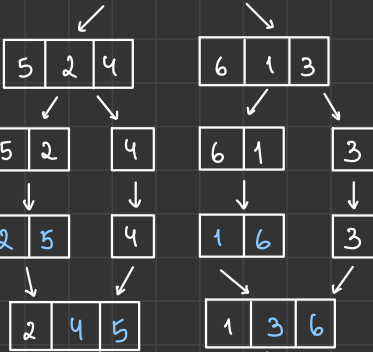
Complexidade:

- Pior Caso: $O(n^2)$
- Caso Médio: $O(n \log n)$

Merge Sort

5 2 4 6 1 3

$$6 // 2 = 3$$



Complexidade:

- Pior caso: $O(n \log n)$
- $O(n \log n)$

Árvore Vermelha Preta

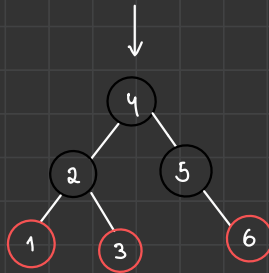
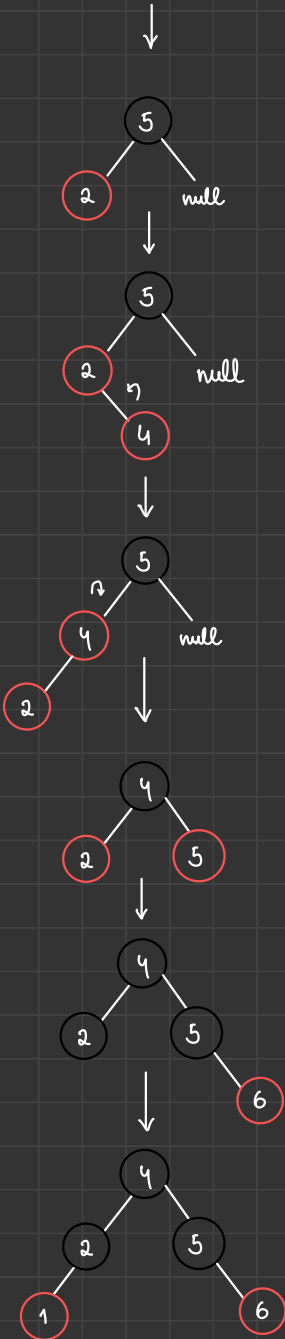
$O(\log n)$

5	2	4	6	1	3
---	---	---	---	---	---

- Um node só pode ser preto ou vermelho
- A raiz e folhas Null são pretas
- Se um node é vermelho, os seus filhos são pretos

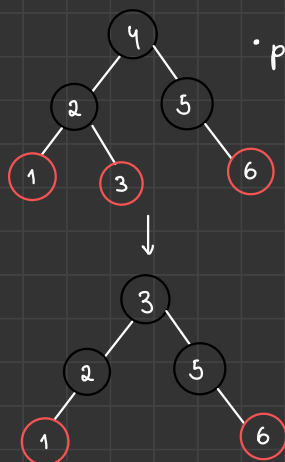
Inserção:

- O novo node é sempre vermelho
- Se o pai for preto, não alterar nada
- Se o pai for vermelho:
 - se o irmão do pai for preto ou null: rotações e recolor
 - se for vermelho, recolor:
o pai fica vermelho, se não for root, recolor



Árvore Vermelha Preta

Delete(4):

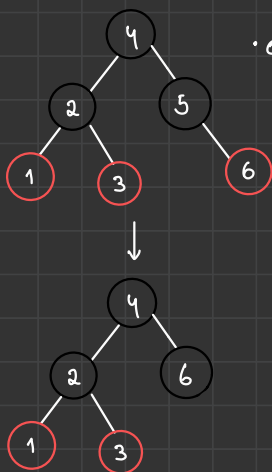


• procurar o maior à esquerda: 3

Delete fixar:

1. O nó substituído é vermelho ou a raiz é vermelho, pintar o nó de preto.
2. O nó substituído e o seu irmão são pretos, e o filho do irmão não preto, o irmão é pintado de vermelho
3. O nó substituído é preto, o irmão é preto, mas o filho não colorido: rotação e ajustar as cores
4. O nó é preto, o irmão é preto, e pelo menos um filho do irmão é vermelho: rotação e ajustar

Delete(5):



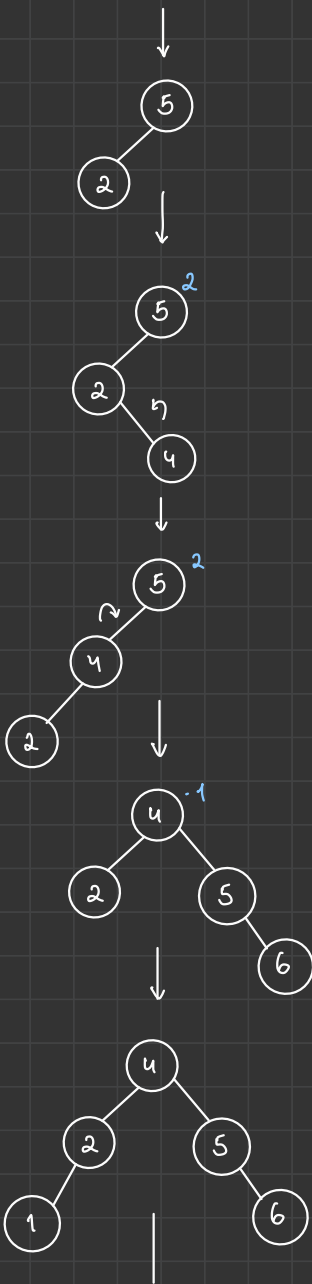
• como não tem filho à esquerda, ligar ao direito

Arvore AVL

balance factor = tamanho da subárvore esquerda - tamanho da subárvore direita

Considera-se balanceada se o valor estiver entre $\{-1, 0, 1\}$

5 2 4 6 1 3



Complexidade:

- $O(\log n)$ em todos os casos

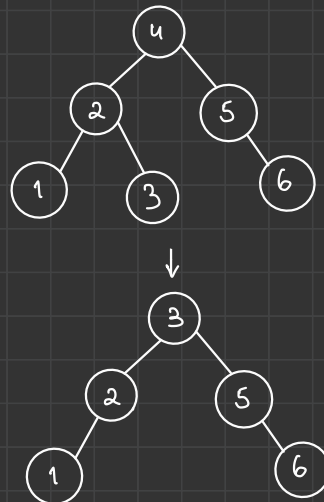
Nota:

- Funciona como uma binary search tree, novo elemento é adicionado à esquerda se for menor, caso contrário é adicionado à direita.

Delete:

- Ao remover a raíz, troca pelo maior elemento à esquerda

Delete (4):



SPLAY Tree