



Computação Gráfica

André Perrotta (avperrotta@dei.uc.pt)

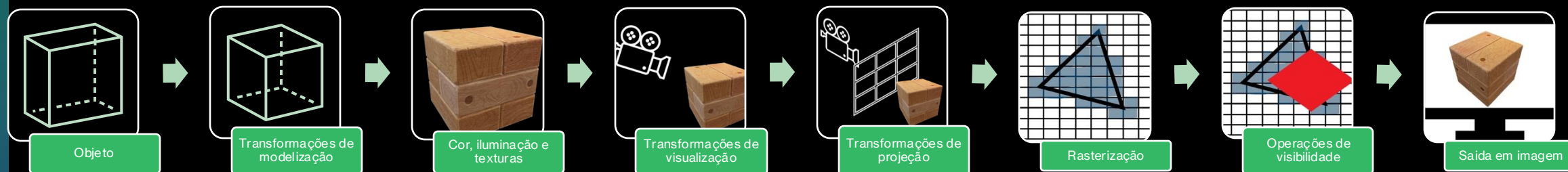
Hugo Amaro (hamaro@dei.uc.pt)

**T-04:
Modelview Matrix,
Hierarquia e
combinação de
transformações**

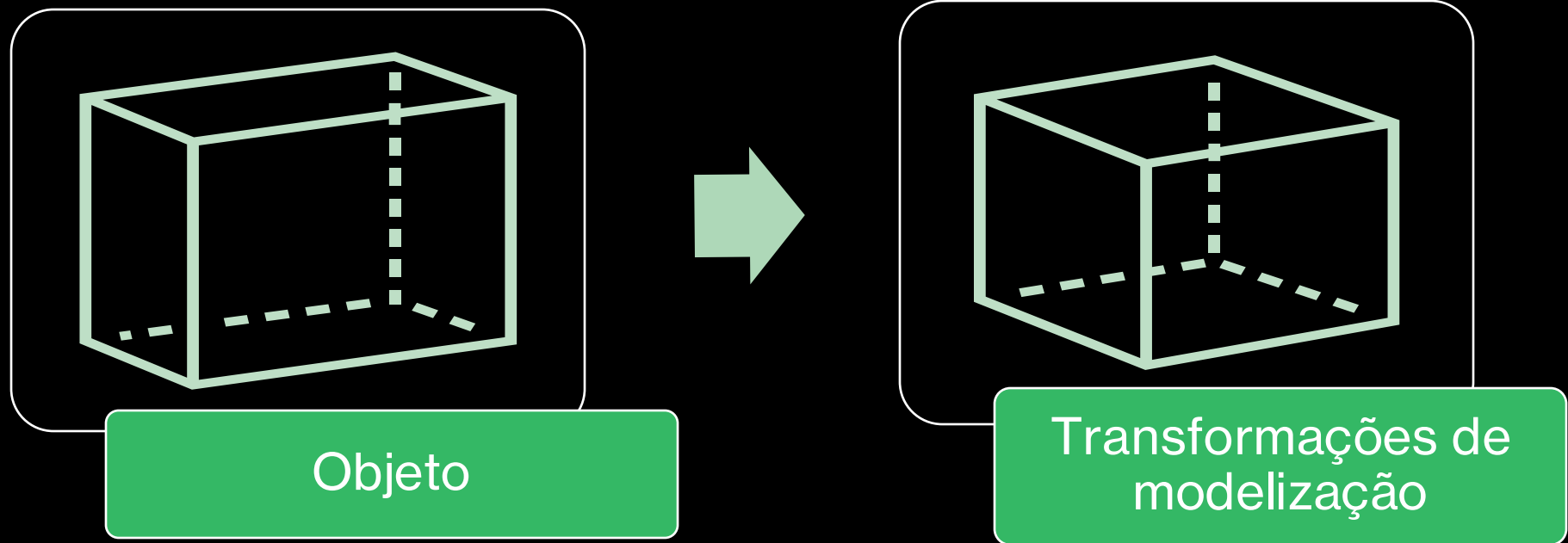
Objetivos da aula

- Entender o Stack de transformações geométricas e suas implicações na ModelviewMatrix
- Entender como combinar e criar relações hierárquicas com transformações

Pipeline de renderização



Pipeline de renderização: etapa de modelização e transformação do modelo



Transformações combinadas

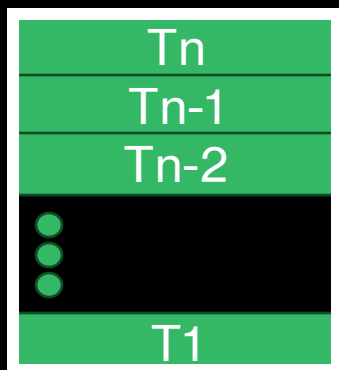
- Na aula T03, vimos como combinar as transformações para dimensionar, rotacionar e posicionar modelos
- Vimos também que a transformação final é a combinação de todas as transformações em uma única matriz
 - $M_{final} = T_n * T_{n-1} * ... * T_1$
 - Onde T_n é a última transformação pela ordem “intuitiva”, mas a 1ª na ordem do código OpenGL
- Na aula PL03, vimos que podemos limitar o escopo das transformações utilizando os comandos
 - `glPushMatrix()`
 - `glPopMatrix()`

Hierarquia de transformações

- Hoje, vamos tentar responder:
 - Mas o que de fato fazem os comandos push e pop?
 - Quando preciso deles?

O stack de matrizes do OpenGL

- No OpenGL, todas as transformações de modelação (e também visualização, que vamos ver na próxima aula T05) ficam guardadas e combinadas numa pilha de transformações que resulta numa matriz, que é aplicada a todos os vértices que aparecem após a transformação
- Esta matrix é chamada MODELVIEW MATRIX



$$\longrightarrow T_n * T_{n-1} * \dots * T_1 \longrightarrow$$

S^*r	r	r	T_x
r	S^*r	r	T_y
r	r	S^*r	T_z
0	0	0	1

O stack de matrizes do OpenGL

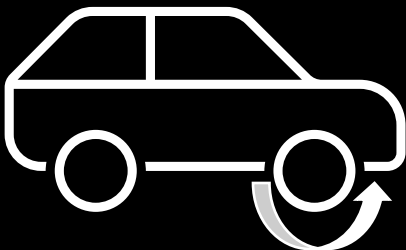
- Em muitas situações, queremos poder “isolar” um conjunto de vértices (modelos) de certas transformações, ou, criar um stack que seja específico para este grupo.
- Nestas situações, utilizamos os comandos:
 - `glPushMatrix()` -> para iniciar uma pilha
 - `glPopMatrix()` -> para apagar a pilha que foi inicializada

Hierarquia de transformações

- Em muitas situações, é desejável criar uma espécie de ligação em entre elementos de um modelo, de forma que eles sofram transformações comuns a vários elementos e ao mesmo tempo sofram outras que são específicas:

- Exemplos:

Translação frente/trás
Comum a todos os elementos



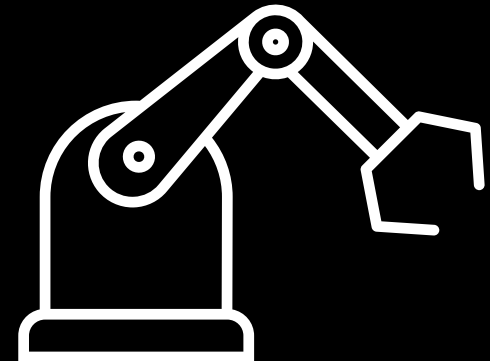
A rotação só afeta as rodas



Num painel de GUI,
a posição e tamanho dos
elementos deve ser relativa
ao painel

CG_T04

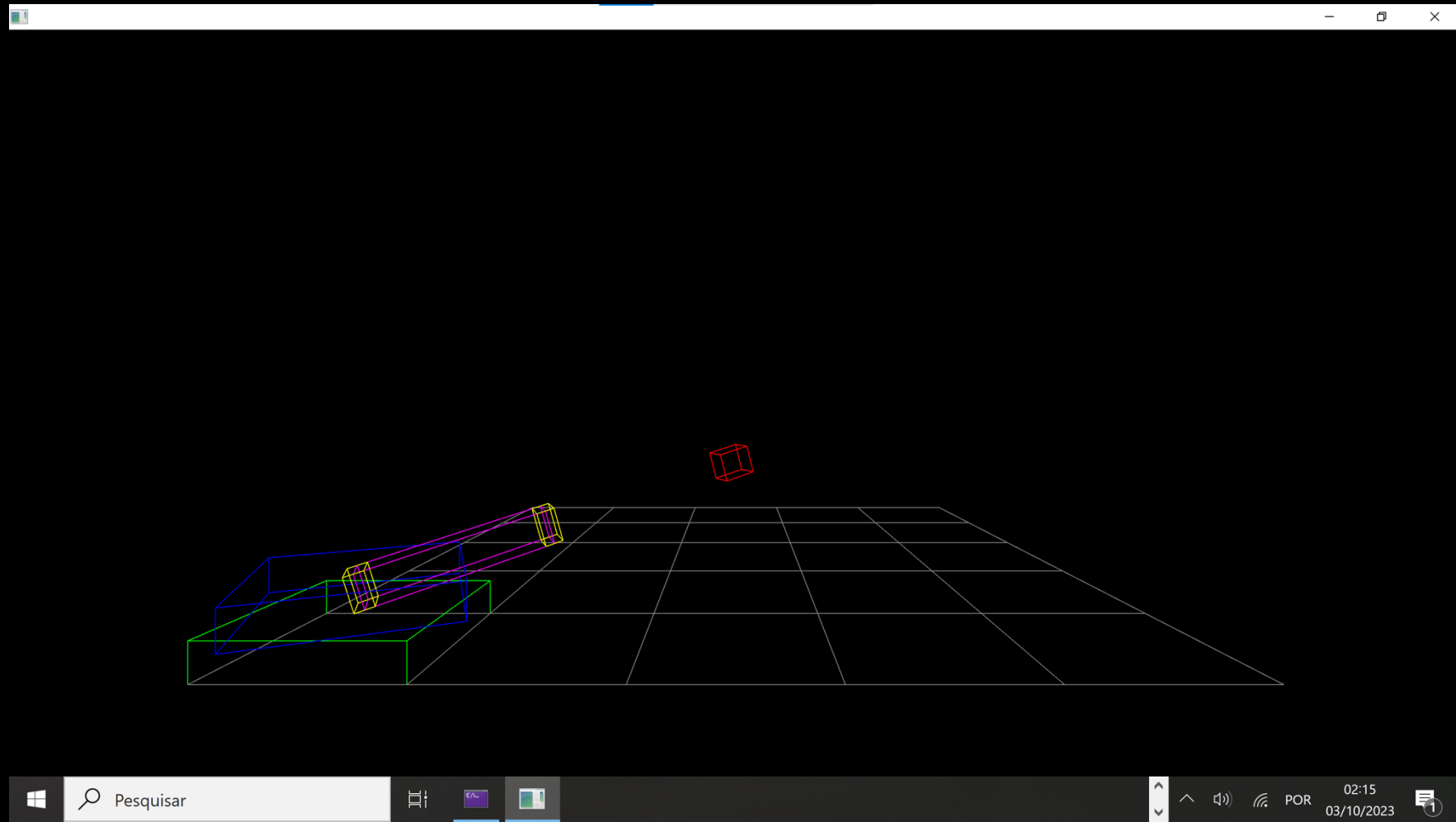
Num braço robótico, a
posição/rotação dos dedos é
resultado da combinação da
rotação das outras
articulações + a sua
movimentação independente



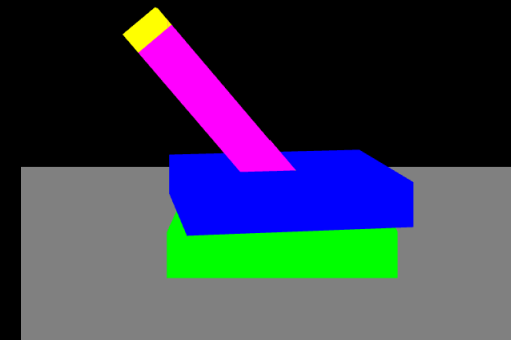
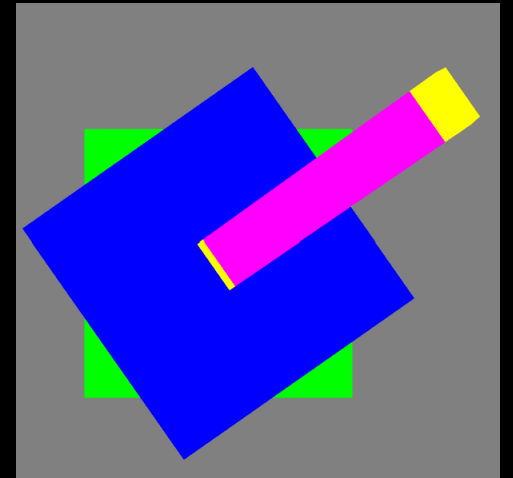
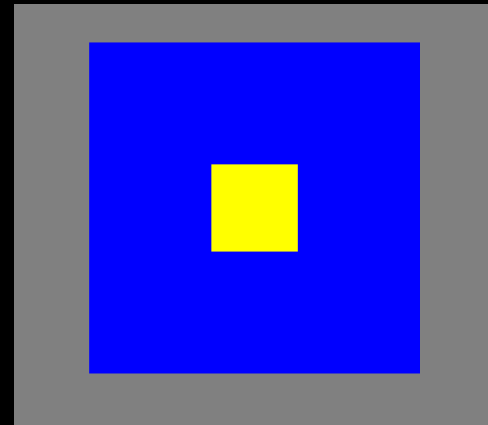
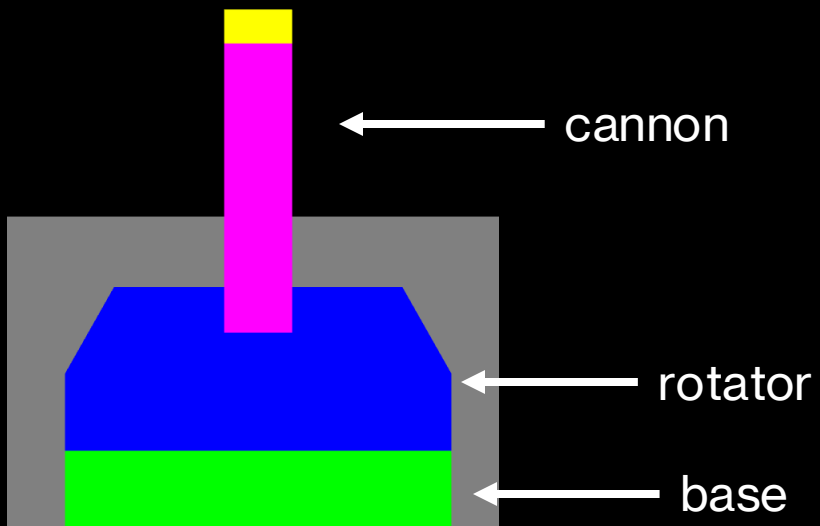
Hierarquia de transformações

- Nestas situações, podemos utilizar push/pop para criar uma hierarquia de transformações, criando uma relação dinâmica entre as partes do modelo.
- Vamos ver como isso funciona implementando um exemplo.
- Nosso objetivo final (para ser realizado nas aulas PL04) será o de fazer um tanque de guerra 3D.
- Aqui nesta aula faremos uma simplificação análoga em 2D para entender como funciona uma hierarquia de transformações.
- Utilize o código `CG_LEI_2024_T04_transformacoesHierarquia.zip`

Tank shooter



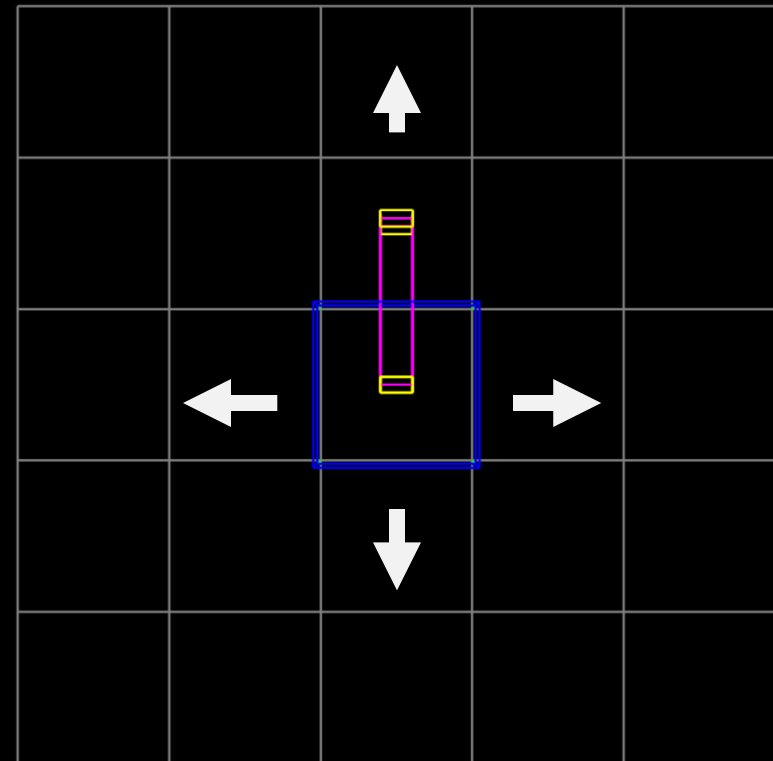
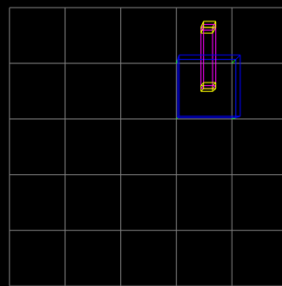
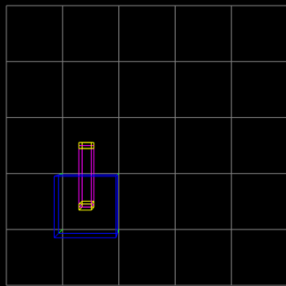
O tanque



movimentos do tanque: base

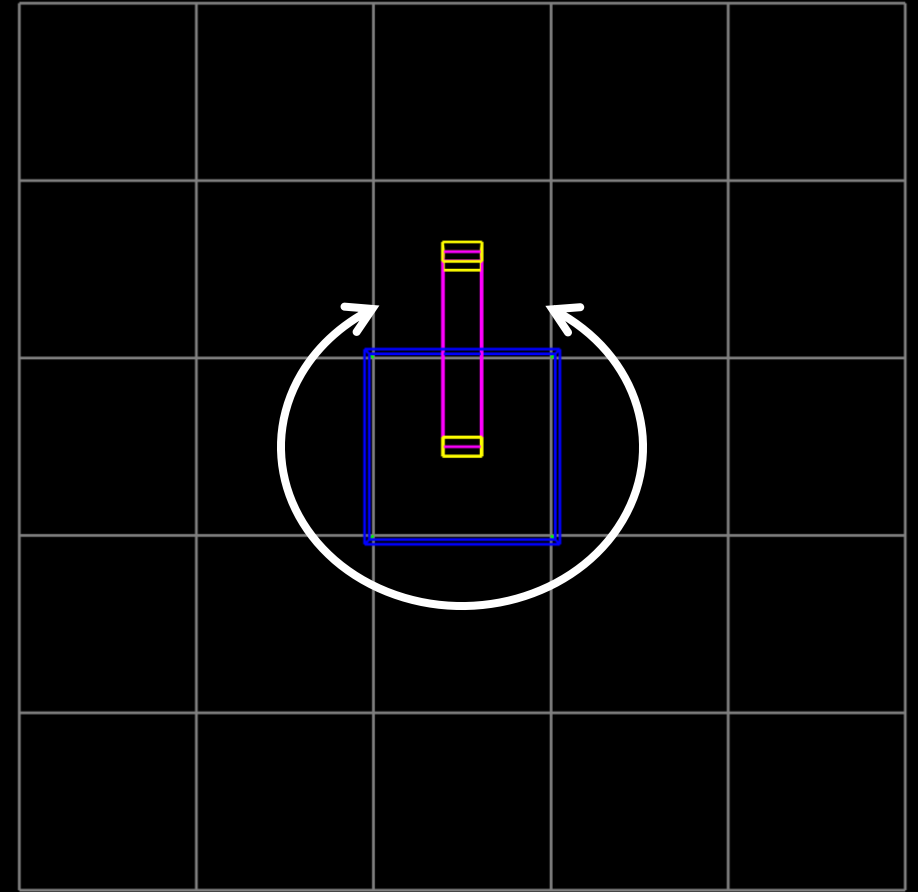
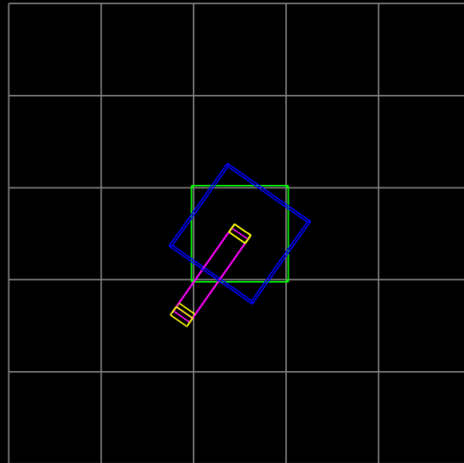
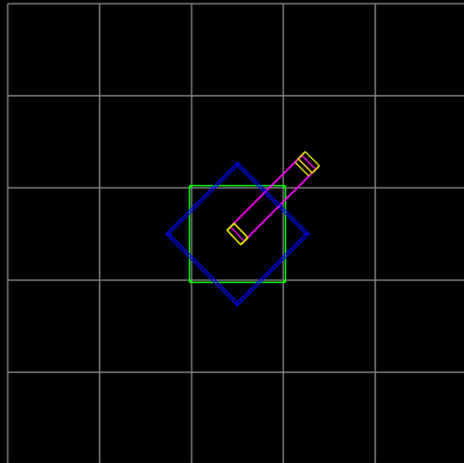
A base pode movimentar em 4 direções: cima, baixo, esquerda, direita.

Os passos são quantizados de forma que o tanque está sempre perfeitamente alinhado a um dos quadrados da malha.



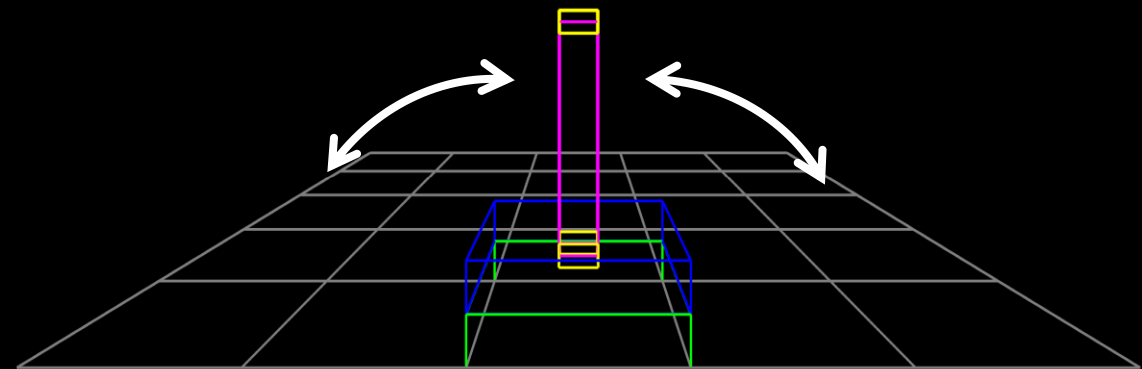
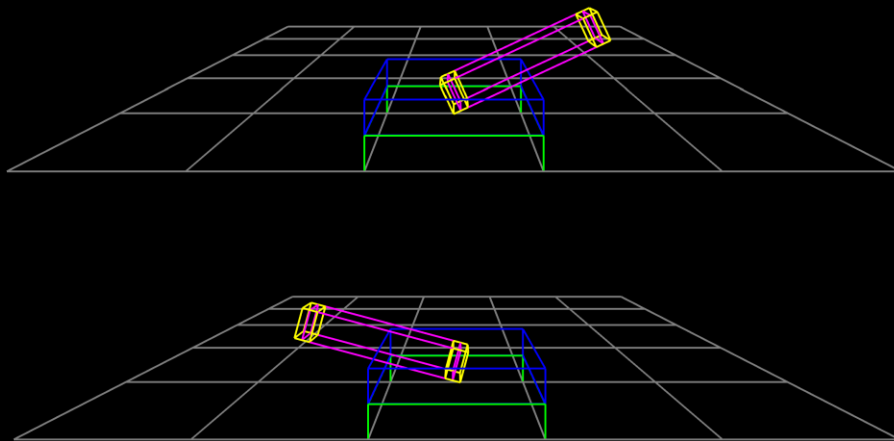
Movimentos do tanque: rotator

O rotator pode girar livremente em torno de seu próprio eixo (perpendicular ao plano horizontal), nos dois sentidos (clockwise, counter-clockwise)



Movimentos do tanque: canhão

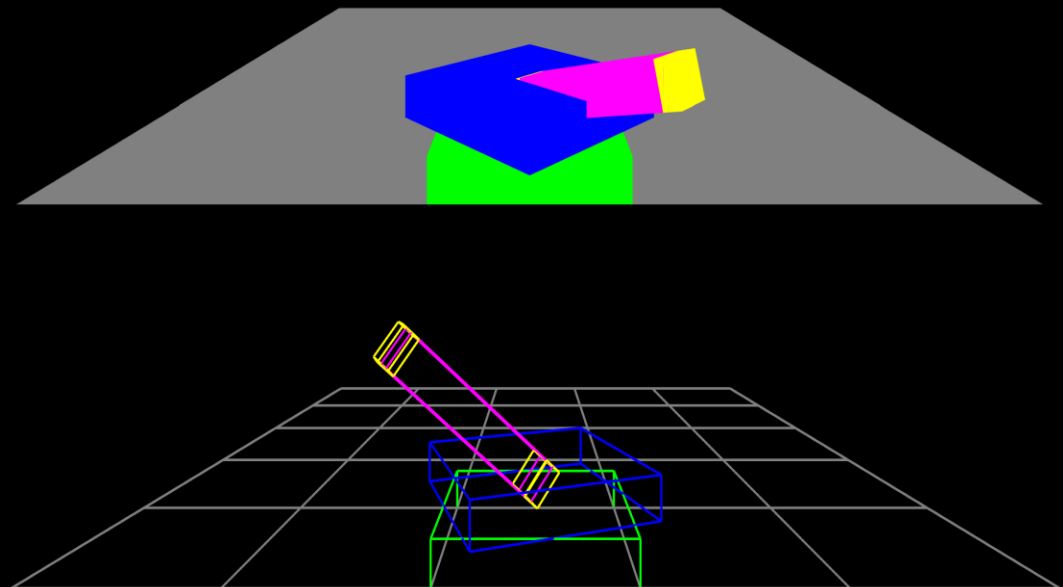
O canhão pode inclinar até um máximo de 90° nos dois sentidos, com eixo de rotação em sua base.



Movimentos do tanque: combinação

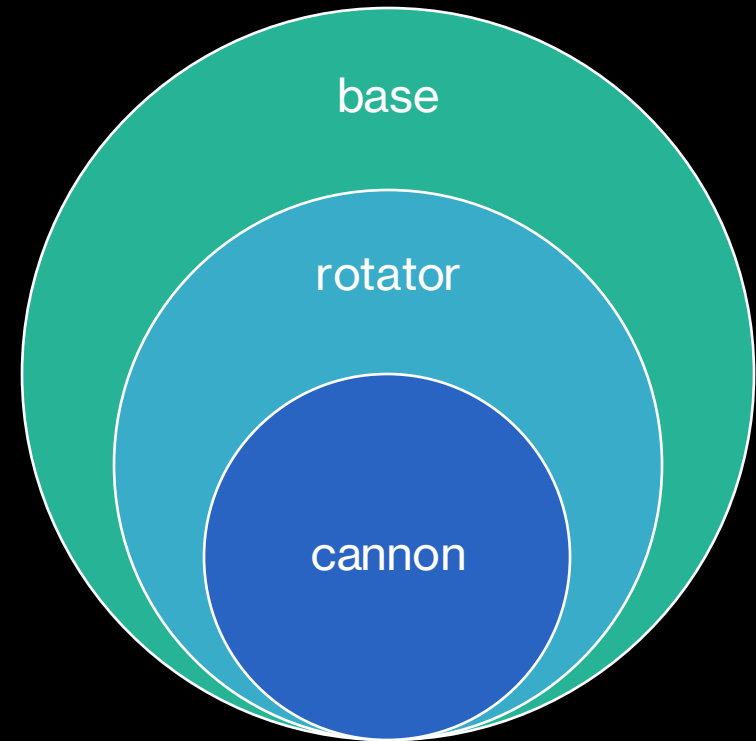
O tanque está construído de forma que há uma “relação” entre os elementos:

- O movimento da base, move todas as parte.
- A rotação do rotator, move-o e também o canhão
- A inclinação do canhão afeta apenas a ele próprio



Relação entre as partes

- Há uma “hierarquia” entre as partes, que é garantida pelo encadeamento das transformações geométricas:
 - A translação da base afeta as 3 partes
 - A rotação do rotator afeta o rotator e o canhão
 - A rotação (inclinação) do canhão afeta apenas a ele próprio



Relação entre as partes

- Há uma “hierarquia” entre as partes, que é garantida pelo encadeamento das transformações geométricas:
 - A translação da base afeta as 3 partes
 - A rotação do rotator afeta o rotator e o canhão
 - A rotação (inclinação) do canhão afeta apenas a ele próprio
- Isto significa que no código, teremos também que ter uma hierarquia de transformações:

glTranslate

glRotate

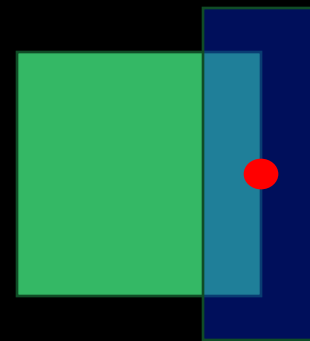
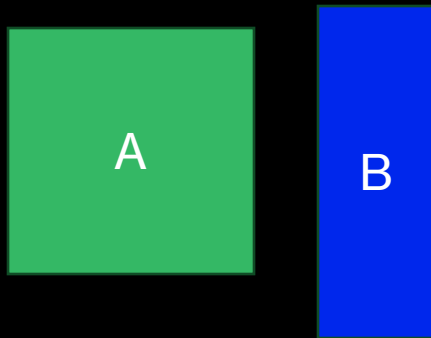
glRotate

Hierarquia e ordem entre transformações

- Para entender como fazer esse tipo de implementação, vamos “quebrar” o problema em partes e analisar cada uma delas:
 1. Transladar objetos de forma conjunta
 2. Rotacionar objetos em eixo resultante de translação
 3. Rotação combinada após transformações

1 – translação de objetos acoplados

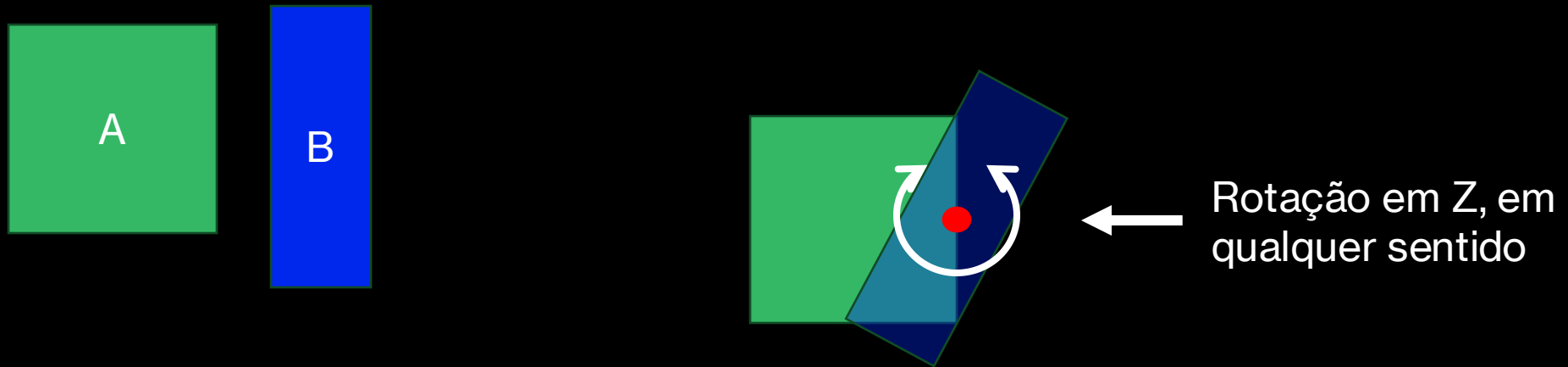
- Problema:
 - Tenho 2 retângulos A e B; B está acoplado ao A na posição indicada na figura; quero implementar a hierarquia de transformações de tal forma que quando A for transladado, B se mova junto de A.



O centro de B está perfeitamente alinhado com o ponto central do segmento de reta que forma o lado esquerdo de A.

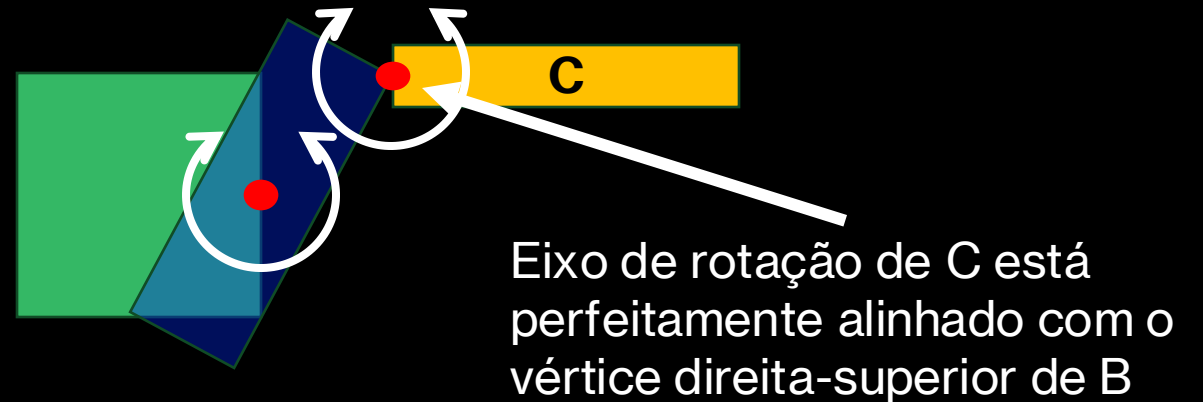
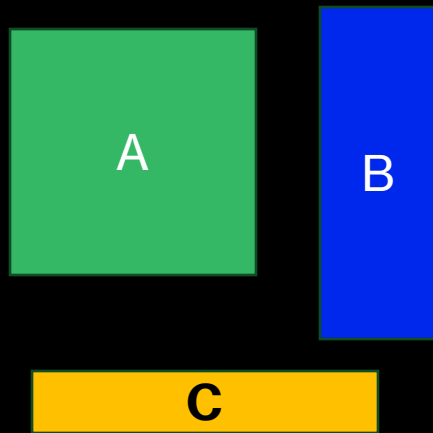
2 – rotação de objetos acoplados

- Problema:
 - Partindo do resultado obtido em 1 (slide anterior), queremos agora que o retângulo B possa girar em torno de si próprio (eixo z).



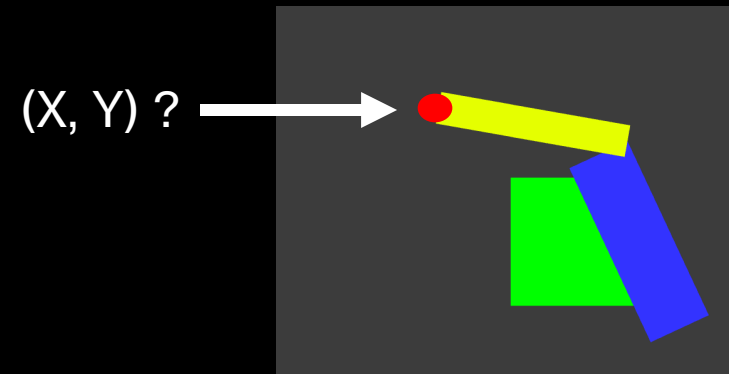
3 – rotação combinada

- Problema:
 - Partindo do resultado obtido em 2 (slide anterior), queremos agora adicionar um 3º retângulo C, que está acoplado em B e pode girar livremente conforme apresentado na figura.



Modelview matrix

- Após as translações e rotações, qual a posição do centro do retângulo C?
- Se eu quiser saber se a extremidade do retângulo C colide com alguma coisa, como posso saber onde estão seus vértices?
- Se o retângulo C fosse um “canhão”, qual a direção dos projéteis disparados?



Modelview matrix

- Toda vez que adiciono uma transformação à pilha, a Modelview Matrix, reflete essa transformação.
- Se “perguntar” o estado da matriz no lugar adequado, posso saber as translações (x, y) daquele lugar.

Implementado em cg_extras.h

```
inline ofVec3f getModelViewMatrixPos() {  
    GLfloat Matriz[4][4];  
    glGetFloatv(GL_MODELVIEW_MATRIX, &Matriz[0][0]);  
    ofVec3f aux;  
    aux.x = Matriz[3][0];  
    aux.y = Matriz[3][1];  
    aux.z = Matriz[3][2];  
    //cout << endl << aux.x<<" "<<aux.y<<" "<<aux.z;  
    return aux;  
}
```

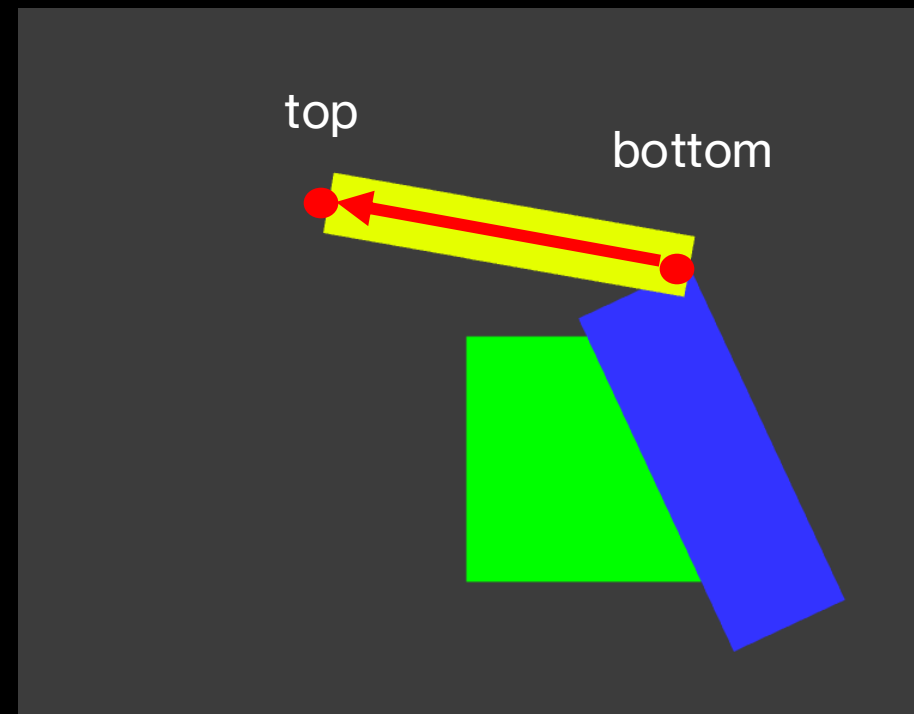

Modelview matrix

- Uma vez que eu tenho a matriz modelview, posso desenhar objetos utilizando as transformações nela contida. Para isso faço:
 1. Faço reset na matriz (matriz identidade)
 2. Aplico a matriz modelview que guardei numa variável
 3. Desenho os objetos

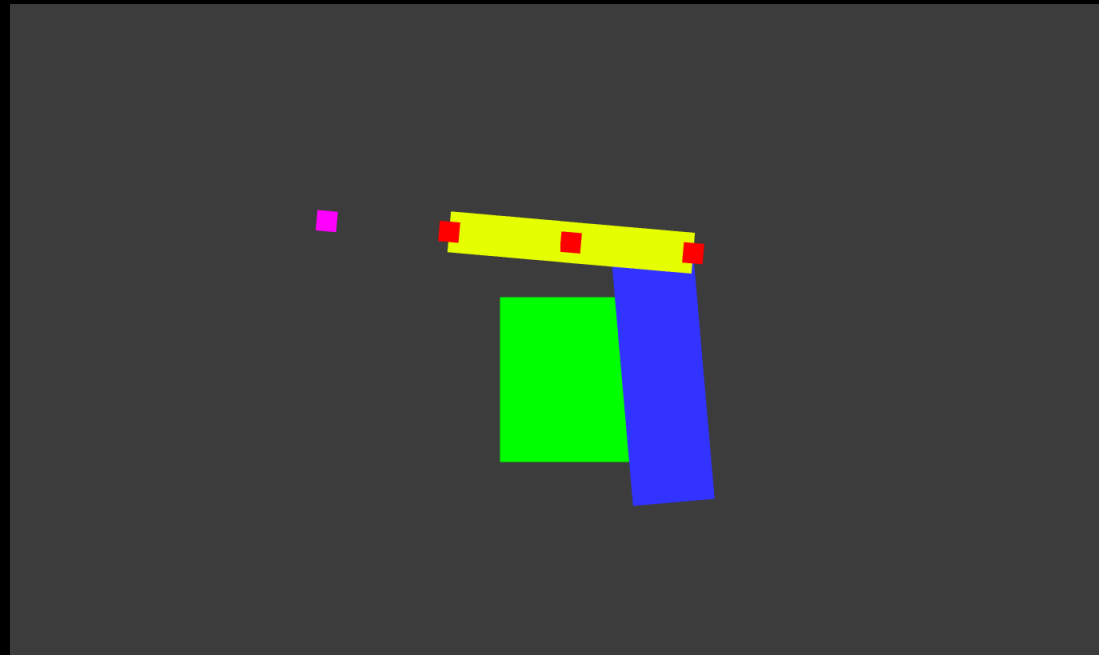
```
//desenha ponto no C_center  
glColor3f(1, 0, 0);  
glPushMatrix();  
glMatrixMode(GL_MODELVIEW); //ativo a modelview matrix  
glLoadIdentity(); //reset da modelview matrix  
glMultMatrixf(&C_center[0][0]); //aplico a transformação  
glScalef(C_w * 0.5, C_w * 0.5, 1.);  
rectFill_unit();  
glPopMatrix();
```

Modelview matrix

- Se quiser saber a direção do retângulo C para usá-lo como um canhão, posso fazer:
 - $\text{dirVec} = \text{Top}(x,y) - \text{Bottom}(x, y)$
- Posso usar o dirVec como vetor de velocidade do projétil:
 - $\text{Projetil}(X, Y) += \text{dirVec} \times \text{intensidade}$



Resultado final



Questões ou dúvidas?