Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського" Факультет інформатики та обчислювальної техніки

Катедра інформатики та програмної інженерії

Звіт

з лабораторної роботи № 5 з дисципліни «Проектування алгоритмів»

TT	•	•	•		•	TITE		2 11
"Проектува	ния і ян	япіз япі	CONUTMIR	ппя ви	niiiiehhg	NP.	скпапних	запач ч 7/
"iipocki y ba		will will	Ophimi	40171 DE	ришения	T 4 T	Силидина	Ј ада I II

Виконав(ла)	ІП-11 Лесів В.І.	
	(шифр, прізвище, ім'я, по батькові)	
Перевірив	Головченко М.Н.	
	(прізвище, ім'я, по батькові)	

3MICT

1	МЕТА ЛАБОРАТОРНОЇ РОБОТИ	3
2	ЗАВДАННЯ	4
3	виконання	11
	3.1 Покроковий алгоритм	11
	3.2 ПРОГРАМНА РЕАЛІЗАЦІЯ АЛГОРИТМУ	15
	3.2.1 Вихідний код	
	3.2.2 Приклади роботи	22
	3.3 ТЕСТУВАННЯ АЛГОРИТМУ	24
В	висновок	27
K	СРИТЕРІЇ ОШНЮВАННЯ	28

1 МЕТА ЛАБОРАТОРНОЇ РОБОТИ

Мета роботи — вивчити основні підходи розробки метаеврестичних алгоритмів для типових прикладних задач. Опрацювати методологію підбору прийнятних параметрів алгоритму.

2 ЗАВДАННЯ

Згідно варіанту, формалізувати алгоритм вирішення задачі відповідно загальної методології.

Записати розроблений алгоритм у покроковому вигляді. З достатнім степенем деталізації.

Виконати його програмну реалізацію на будь-якій мові програмування.

Перелік задач наведено у таблиці 2.1.

Перелік алгоритмів і досліджуваних параметрів у таблиці 2.2.

Задача і алгоритм наведені в таблиці 2.3.

Змінюючи параметри алгоритму, визначити кращі вхідні параметри алгоритму. Для цього необхідно:

- обрати критерій зупинки алгоритму (кількість ітерацій або значення
 ЦФ);
- зафіксувати усі параметри крім одного і змінювати цей параметр,
 поки не буде досягнуто пікової ефективності;
 - після цього параметр фіксується і змінюються інші параметри;
- далі повторюємо процедуру спочатку, з першого зафіксованого параметру;
- зупиняємось коли будуть знайдені оптимальні параметри для даної задачі або встановлена залежність одних параметрів від інших.

Зробити узагальнений висновок в якому обов'язково описати залежність якості розв'язку від вхідних параметрів.

Таблиця 2.1 – Прикладні задачі

№	Задача
1	Задача про рюкзак (місткість Р=500, 100 предметів, цінність
	предметів від 2 до 30 (випадкова), вага від 1 до 20 (випадкова)). Для
	заданої множини предметів, кожен з яких має вагу і цінність,
	визначити яку кількість кожного з предметів слід взяти, так, щоб

сумарна вага не перевищувала задану, а сумарна цінність була максимальною.

Задача часто виникає при розподілі ресурсів, коли наявні фінансові обмеження, і вивчається в таких областях, як комбінаторика, інформатика, теорія складності, криптографія, прикладна математика.

Задача комівояжера (300 вершин, відстань між вершинами випадкова від 5 до 150) полягає у знаходженні найвигіднішого маршруту, що проходить через вказані міста хоча б по одному разу. В умовах завдання вказуються критерій вигідності маршруту (найкоротший, найдешевший, сукупний критерій тощо) і відповідні матриці відстаней, вартості тощо. Зазвичай задано, що маршрут повинен проходити через кожне місто тільки один раз, в такому випадку розв'язок знаходиться серед гамільтонових циклів.

Розглядається симетричний, асиметричний та змішаний варіанти.

В загальному випадку, асиметрична задача комівояжера відрізняється тим, що ребра між вершинами можуть мати різну вагу в залежності від напряму, тобто, задача моделюється орієнтованим графом. Таким чином, окрім ваги ребер графа, слід також зважати і на те, в якому напрямку знаходяться ребра.

У випадку симетричної задачі всі пари ребер між одними й тими самими вершинами мають однакову вагу.

У випадку реальних міст може бути як симетричною, так і асиметричною в залежності від тривалості або довжини маршрутів і напряму руху.

Застосування:

2

- доставка товарів (в цьому випадку може бути більш доречна постановка транспортної задачі - доставка в кілька магазинів з декількох складів);
- доставка води;

- моніторинг об'єктів;
- поповнення банкоматів готівкою;
- збір співробітників для доставки вахтовим методом.
- Розфарбовування графа (300 вершин, степінь вершини не більше 30, але не менше 2) називають таке приписування кольорів (або натуральних чисел) його вершинам, що ніякі дві суміжні вершини не набувають однакового кольору. Найменшу можливу кількість кольорів у розфарбуванні називають хроматичне число.

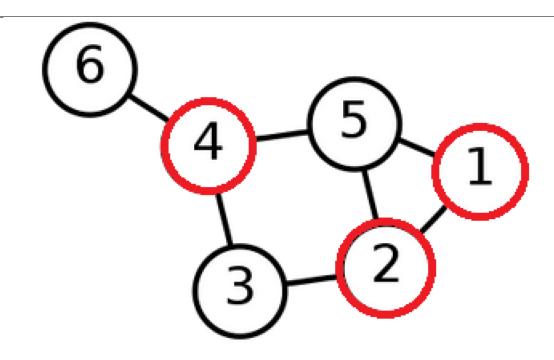
Застосування:

- розкладу для освітніх установ;
- розкладу в спорті;
- планування зустрічей, зборів, інтерв'ю;
- розклади транспорту, в тому числі авіатранспорту;
- розкладу для комунальних служб;
- Задача вершинного покриття (300 вершин, степінь вершини не більше 30, але не менше 2). Вершинне покриття для неорієнтованого графа G = (V, E) це множина його вершин S, така, що, у кожного ребра графа хоча б один з кінців входить в вершину з S.
 Задача вершинного покриття полягає в пошуку вершинного покриття

Задача вершинного покриття полягає в пошуку вершинного покриття найменшого розміру для заданого графа (цей розмір називається числом вершинного покриття графа).

На вході: Граф G = (V, E).

Результат: множина $C \subseteq V$ - найменше вершинне покриття графа G.



Застосування:

- розміщення пунктів обслуговування;
- призначення екіпажів на транспорт;
- проектування інтегральних схем і конвеєрних ліній.

3адача про кліку (300 вершин, степінь вершини не більше 30, але не менше 2). Клікою в неорієнтованому графі називається підмножина вершин, кожні дві з яких з'єднані ребром графа. Іншими словами, це повний підграф первісного графа. Розмір кліки визначається як число вершин в ній.

Задача про кліку існує у двох варіантах: у **задачі розпізнавання** потрібно визначити, чи існує в заданому графі G кліка розміру k, тоді як в **обчислювальному варіанті** потрібно знайти в заданому графі G кліку максимального розміру або всі максимальні кліки (такі, що не можна збільшити).

Застосування:

- біоінформатика;
- електротехніка;
- 3адача про найкоротший шлях (300 вершин, відстань між вершинами випадкова від 5 до 150, степінь вершини не більше 10, але

не менше 1) - задача пошуку найкоротшого шляху (ланцюга) між двома точками (вершинами) на графі, в якій мінімізується сума ваг ребер, що складають шлях.

Важливість задачі визначається її різними практичними застосуваннями. Наприклад, в GPS-навігаторах здійснюється пошук найкоротшого шляху між точкою відправлення і точкою призначення. Як вершин виступають перехрестя, а дороги є ребрами, які лежать між ними. Якщо сума довжин доріг між перехрестями мінімальна, тоді знайдений шлях найкоротший.

Таблиця 2.2 – Варіанти алгоритмів і досліджувані параметри

№	Алгоритми і досліджувані параметри			
1	Генетичний алгоритм:			
	- оператор схрещування (мінімум 3);			
	- мутація (мінімум 2);			
	- оператор локального покращення (мінімум 2).			
2	Мурашиний алгоритм:			
	– α;			
	– β;			
	– ρ;			
	- Lmin;			
	кількість мурах M і їх типи (елітні, тощо…);			
	 маршрути з однієї чи різних вершин. 			
3	Бджолиний алгоритм:			
	кількість ділянок;			
	 кількість бджіл (фуражирів і розвідників). 			

Таблиця 2.3 — Варіанти задач і алгоритмів

№	Задачі і алгоритми
1	Задача про рюкзак + Генетичний алгоритм
2	Задача про рюкзак + Бджолиний алгоритм
3	Задача комівояжера (асиметрична мережа) + Генетичний алгоритм
4	Задача комівояжера (симетрична мережа) + Генетичний алгоритм
5	Задача комівояжера (змішана мережа) + Генетичний алгоритм
6	Задача комівояжера (асиметрична мережа) + Мурашиний алгоритм
7	Задача комівояжера (симетрична мережа) + Мурашиний алгоритм
8	Задача комівояжера (змішана мережа) + Мурашиний алгоритм
9	Задача вершинного покриття + Генетичний алгоритм
10	Задача вершинного покриття + Бджолиний алгоритм
11	Задача комівояжера (асиметрична мережа) + Бджолиний алгоритм
12	Задача комівояжера (симетрична мережа) + Бджолиний алгоритм
13	Задача комівояжера (змішана мережа) + Бджолиний алгоритм
14	Розфарбовування графа + Генетичний алгоритм
15	Розфарбовування графа + Бджолиний алгоритм
16	Задача про кліку (задача розпізнавання) + Генетичний алгоритм
17	Задача про кліку (задача розпізнавання) + Бджолиний алгоритм
18	Задача про кліку (обчислювальна задача) + Генетичний алгоритм
19	Задача про кліку (обчислювальна задача) + Бджолиний алгоритм
20	Задача про найкоротший шлях + Генетичний алгоритм
21	Задача про найкоротший шлях + Мурашиний алгоритм
22	Задача про найкоротший шлях + Бджолиний алгоритм
23	Задача про рюкзак + Генетичний алгоритм
24	Задача про рюкзак + Бджолиний алгоритм
25	Задача комівояжера (асиметрична мережа) + Генетичний алгоритм
26	Задача комівояжера (симетрична мережа) + Генетичний алгоритм
27	Задача комівояжера (змішана мережа) + Генетичний алгоритм

28	Задача комівояжера (асиметрична мережа) + Мурашиний алгоритм
29	Задача комівояжера (симетрична мережа) + Мурашиний алгоритм
30	Задача комівояжера (змішана мережа) + Мурашиний алгоритм

3 ВИКОНАННЯ

3.1 Покроковий алгоритм

Обираємо початкову популяцію.

```
function generateRandomPopulation():
    population ← []
    flags \leftarrow [False for i \leftarrow 0 to nodesNumber]
    for i ← 0 to populNumber do
        rand ← randint(0, nodesNumber - 1)
        flags[rand] ← True
        clique ← Clique(rand)
        sortedList ← clique.computeSortedList()
        cnt ← 0
        while length(clique.pa) > 0 do
            node ← sortedList[cnt].node
            cnt \leftarrow cnt + 1
            if clique.containsInPA(node) then
                 clique.addVertex(node)
        end while
        population.append(clique)
    end for
    node ← graph.sortedNodes[0].value
    clique ← Clique(node)
    sortedList ← clique.computeSortedList()
    count ← 0
    while length(clique.pa) > 0 do
        node ← sortedList[count].node
        count ← 1
        if clique.containsInPA(node) then
            clique.addVertex(node)
    end while
    population.append(clique)
    return population
```

Застосовуємо оператори схрещування.

```
function greedyCrossover(c1, c2):
    vec ← []
    flags \( [False for i \( \) 0 to nodesNumber]
    for i ← 0 to length(c1.clique)) do
        vertex \( \text{c1.clique[i]} \)
        if not (flags[vertex]) then
```

```
vec.append(vertex)
        flags[vertex] ← True
    end if
end for
for i ← 0 to length(c2.clique)) do
    vertex ← c2.clique[i]
    if not (flags[vertex]) then
        vec.append(vertex)
        flags[vertex] \( \infty \) True
    end if
end for
sortedList ← []
for i ← 0 to length(vec) do
    node1 ← vec[i]
    reach \leftarrow 0
    for j ← 0 to length(vec) do
        if i = j then
            continue
        node2 ← vec[j]
        if graph.aMatrix[node1][node2] = 1 then
             reach \leftarrow reach + 1
    end for
    sNode ← SortedListNode()
    sNode.reach ← reach
    sNode.node ← node1
    sortedList.append(sNode)
end for
sortedList.sort(key=lambda x: x.reach)
firstVertex \( \text{sortedList[0].node} \)
clique ← Clique(firstVertex)
count ← 1
while count < length(sortedList) do</pre>
    node ← sortedList[count].node
    if clique.containsInPA(node) then
        clique.addVertex(node)
    count \leftarrow count + 1
end while
while length(clique.pa) > 0 do
    node ← clique.pa[0]
    clique.addVertex(node)
end while
return clique
```

```
function intersectionCrossover(c1, c2):
    intersect ← []
    flags \( [False for i \( \) 0 to nodesNumber]
    for i ← 0 to length(c2.clique)) do
        vertex ← c2.clique[i]
        flags[vertex] ← True
    end for
    for i ← 0 to length(c1.clique)) do
        ver1 ← c1.clique[i]
        if flags[ver1] then
            intersect.append(ver1)
    end for
    if length(intersect) = 0 then
        return greedyCrossover(c1, c2)
    vertex ← intersect[0]
    clique ← Clique(vertex)
    for i ← 1 to length(intersect) do
        vertex ← intersect[i]
        if clique.containsInPA(vertex) then
            clique.addVertex(vertex)
    end for
    if length(clique.pa) > 0 then
        sortedList ← clique.computeSortedList()
        cnt ← 0
        while length(clique.pa) > 0 do
            node ← sortedList[cnt].node
            cnt ← cnt + 1
            if clique.containsInPA(node) then
                clique.addVertex(node)
        end while
    end if
    return clique
Застосовуємо оператор мутації.
function mutate(clique):
    flags \( [False for i \( \) 0 to nodesNumber]
    for i ← 0 to mutationNum do # MUTATIONS
        rand ← randint(0, length(clique.clique) - 1)
        count ← 0
        while flags[rand] do
            rand ← randint(0, length(clique.clique) - 1)
            count \leftarrow count + 1
```

```
break
        end while
        flags[rand] ← True
        vertex ← clique.clique[rand]
        clique.removeVertex(vertex)
    end for
    rand ← random()
    if rand < 0.5 then</pre>
        sortedList ← clique.computeSortedList()
        cnt ← 0
        while length(clique.pa) > 0 do
            node ← sortedList[cnt].node
            cnt \leftarrow cnt + 1
            if clique.containsInPA(node) then
                clique.addVertex(node)
        end while
    else
        while length(clique.pa) > 0 do
            rand ← randint(0, length(clique.pa) - 1)
            vertex ← clique.pa[rand]
            clique.addVertex(vertex)
        end while
    end if
Застосовуємо оператор локального покращення.
function localImprovement(clique):
    gBest ← clique.clone()
    for i ← 0 to lINum: # LOCAL IMPROVEMENT
        rand1 ← randint(0, length(clique.clique) - 1)
        rand2 ← randint(0, length(clique.clique) - 1)
        countt ← 0
        while rand1 = rand2 do
            countt ← countt + 1
            if countt > 100 then # UNIQUE OPERATIONS
                break
            rand1 ← randint(0, length(clique.clique) - 1)
            rand2 ← randint(0, length(clique.clique) - 1)
        end while
```

vertex1 ← clique.clique[rand1]
vertex2 ← clique.clique[rand2]
clique.removeVertex(vertex1)

if count > 100 then

```
clique.removeVertex(vertex2)
sortedList ← clique.computeSortedList()
count ← 0
while length(clique.pa) > 0 do
    node ← sortedList[count].node
    count ← count + 1
    if node >= nodesNumber then
        sys.exit("Node greater", node)
    if clique.containsInPA(node) then
        clique.addVertex(node)
end while
if length(gBest.clique) < length(clique.clique) then
        gBest ← clique.clone()
clique ← gBest
return clique</pre>
```

3.2 Програмна реалізація алгоритму

3.2.1 Вихідний код

Main.py

```
cnt = 0
else:
    prevBest = len(gBest.clique)
    cnt = 0
newPopulation = []
population.sort(key=lambda x: len(x.clique), reverse=True)
localBest = population[0]
if len(gBest.clique) < len(localBest.clique):
    gBest = localBest.clone()
gBest=localImprovement(gBest)
newPopulation.append(gBest)
print(n, ":", len(gBest.clique))
for i in range(populNumber):
    parents = randomSelection(population)
    offspring = intersectionCrossover(parents[0], parents[1])
    offspring-localImprovement(offspring)
    if len(offspring.clique) <= len(parents[0].clique) or
len(offspring.clique) <= len(parents[1].clique):
        mutate(offspring)
    newPopulation.append(offspring)
population, newPopulation = newPopulation, population
print("Vertices in the Clique:", len(gBest.clique))
print([i + 1 for i in gBest.clique])

g = graphVisualisation()
g.addEdges(graph.aMatrix, nodesNumber)
color = ["blue" for _ in range(nodesNumber)]
for i in gBest.clique:
    color[i] = "red"
g.visualize(color, nodesNumber)

if __name__ == "__main__":
    main()</pre>
```

clique.py

```
from random import randint, random
import sys

global nodesNumber
nodesNumber = 300
global populNumber
populNumber=13
global mutationNum
global lINum
mutationNum=2
lINum=2

class Node:
    def __init__(self, value=0):
        self.value = value
        self.value = value
        self.degree = 0
        self.edges = []

    def addEdge(self, v):
        self.edges.append(v)

class SortedListNode:
```

```
def addEdge(self, sv, ev):
        node = Node(ev)
        node.addEdge(sv)
        node.addEdge(sv)
    self.clique.append(vertex)
```

```
self.mapClique[vertex] = True
    self.eraseFromPA(vertex)
            erasedNodes.append(pavertex)
def eraseFromPA(self, vertex):
def eraseFromClique(self, vertex):
def containsInClique(self, vertex):
def computeSortedList(self):
        n = SortedListNode()
        sortedList.append(n)
```

```
def generateRandomPopulation():
       while flags[rand]:
       population.append(clique)
           clique.addVertex(node)
   population.append(clique)
def greedyCrossover(c1, c2):
           vec.append(vertex)
```

```
node = sortedList[count].node
           clique.addVertex(node)
def intersectionCrossover(c1, c2):
            intersect.append(ver1)
       sortedList = clique.computeSortedList()
```

```
def randomSelection(population):
   parents.append(p1)
def localImprovement(clique):
       vertex1 = clique.clique[rand1]
       vertex2 = clique.clique[rand2]
       clique.removeVertex(vertex1)
       clique.removeVertex(vertex2)
        clique.removeVertex(vertex)
```

```
cnt += 1
    if clique.containsInPA(node):
        clique.addVertex(node)

else:
    while len(clique.pa) > 0:
        rand = randint(0, len(clique.pa) - 1)
        vertex = clique.pa[rand]
        clique.addVertex(vertex)
```

graphColor.py

3.2.2 Приклади роботи

На рисунках 3.1 і 3.2 показані приклади роботи програми.

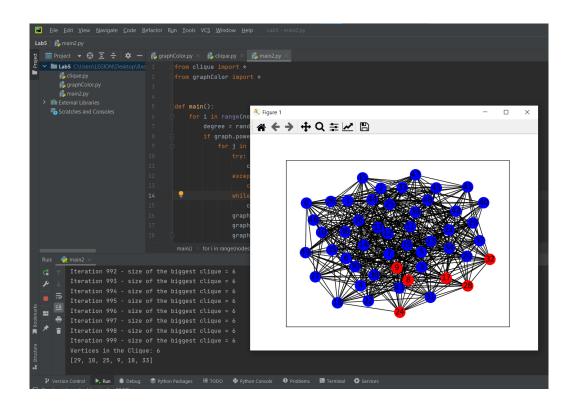


Рисунок 3.1 – Пошук найбільшої кліки в графі розміром 50 і вершинами зі степенями від 20 до 30.

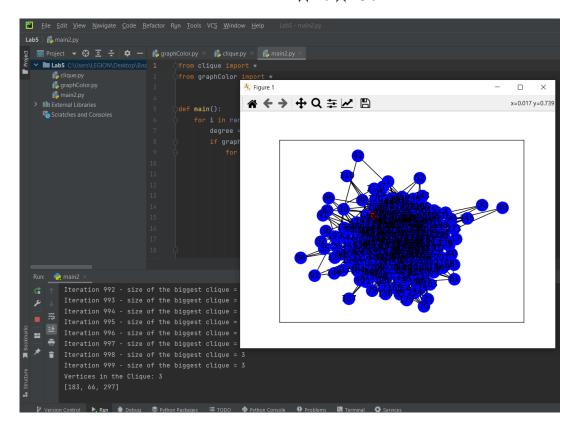


Рисунок 3.2 – Пошук найбільшої кліки в графі розміром 300 й вершинами зі степенями від 2 до 30 (за умовою задачі)

3.3 Тестування алгоритму

Таблиця 3.1 – Залежність рішення від кількості операторів схрещування, операторів мутації, операторів локального покращення — шукаємо оптимальну кількість схрещувань.

Розв'язок шукається для графа у 300 вершин, зі степенями вершин від 40 до 200, адже з варіантом від 2 до 30 за умовою покращення ефективности прослідкувати важко.

К-сть	К-сть мутацій	К-сть локальних	Ітерація, на якій знайдено
схрещування		покращень	кінцевий розв'язок
3			484 (6->7)
4			385
5		2	350
6	2	2	306
7			296
8			138
9			483

Таблиця 3.2 – Залежність рішення від кількості операторів схрещування, операторів мутації, операторів локального покращення – шукаємо оптимальну кількість мутацій.

К-сть	К-сть мутацій	К-сть локальних	Ітерація, на якій знайдено
схрещування		покращень	кінцевий розв'язок
	2		230
	3		45
8	4	2	140
	5		306
	6		295

Таблиця 3.3 — Залежність рішення від кількості операторів схрещування, операторів мутації, операторів локального покращення — шукаємо оптимальну кількість локальних покращень.

К-сть	К-сть мутацій	К-сть локальних	Ітерація, на якій знайдено
схрещування		покращень	кінцевий розв'язок
		2	286
		3	418
8	3	4	64
		5	229
		6	738

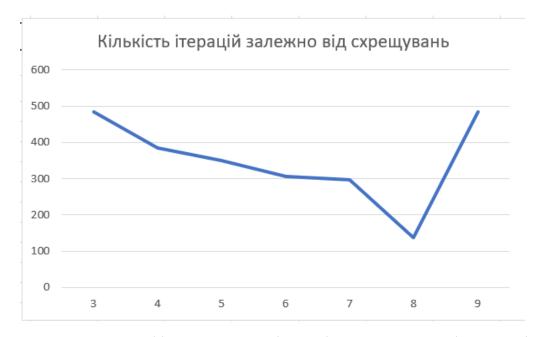


Рисунок 3.3 – Графік залежности ітерацій найкращого рішення від кількости операторів схрещувань.

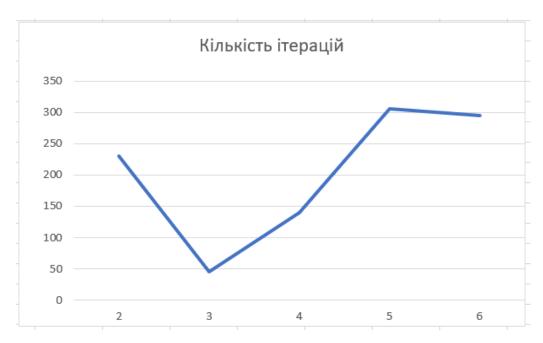


Рисунок 3.4 — Графік залежности ітерацій найкращого рішення від кількости операторів мутації.

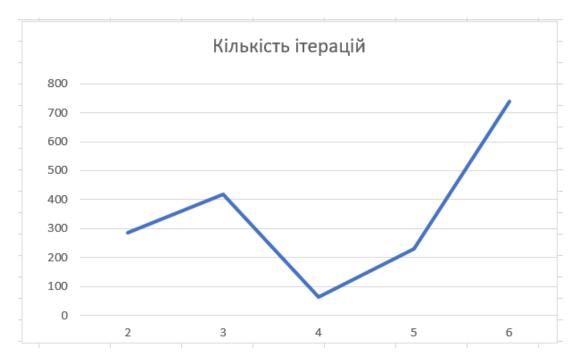


Рисунок 3.5 — Графік залежности ітерацій найкращого рішення від кількости операторів локального покращення.

ВИСНОВОК

В рамках даної лабораторної роботи було вивчено основні підходи розробки метаевристичного генетичного алгоритму для задачі про кліку й підбору прийнятних опрацьовано методологію параметрів алгоритму: операторів схрещення, мутацій і локального покращення. Було спроєктовано та розроблено програмне забезпечення згідно з варіантом і детально описано кроки роботи алгоритму. За допомогою алгоритму було знайдено кліку найбільшого розміру у згенерованому графі. За допомогою тестування було з'ясовано, що на даному прикладі графа найоптимальнішим рішенням ϵ 8 операторів схрещування, 3 мутації та 4 операторів локального покращення.

КРИТЕРІЇ ОЦІНЮВАННЯ

При здачі лабораторної роботи до 11.12.2022 включно максимальний бал дорівнює — 5. Після 11.12.2022 максимальний бал дорівнює — 1.

Критерії оцінювання у відсотках від максимального балу:

- покроковий алгоритм -15%;
- програмна реалізація алгоритму 50%;
- тестування алгоритму– 30%;
- висновок -5%.