

# 《密码学》课程习题

执笔 张焕国

## 第一章习题

- 1、分析信息安全的主要威胁。
- 2、解释什么是信息系统的设备安全？什么是数据安全？什么是内容安全？什么是行为安全？
- 3、说明确保信息安全应主要采取哪些措施？
- 4、为什么说“信息系统的硬件结构安全和操作系统安全是信息系统安全的基础，密码技术和网络安全等技术是关键技术。”？
- 5、密码的基本思想是什么？
- 6、上网搜索非数学密码的进展。

## 第二章习题

- 1、解释密码体制的概念。
- 2、说明密码体制框图（图 2-1）中攻击者的作用。
- 3、说明密码体制的分类，它们各有什么特点？
- 4、说明什么是演化密码？它有什么优点？
- 5、什么是密码分析？密码分析的方法有哪些类型？它们各有什么特点？
- 6、说明什么是“计算上不可破译”？它对我们有什么意义？
- 7、为什么说，理论上任何实用的密码都是可破的？
- 8、计算机的程序文件和数据库文件加密容易受到什么攻击？为什么？
- 9、已知置换如下：

$$P = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 5 & 1 & 6 & 4 & 2 \end{pmatrix}$$

- ①设明文 = 642135，求出密文 = ？
  - ②设密文 = 214365，求出明文 = ？
- 
- 10、证明，在置换密码中，置换  $p$  是对合的，当且仅当对任意的  $i$  和  $j(i, j=1,2,3,\dots,n)$ ，若  $p(i)=j$ ，则必有  $p(j)=i$ 。

- 11、以英文为例，用加法密码，取密钥常数  $k=7$ ，对明文 INFORMATION SECURITY，进行加密，求出密文。
- 12、已知一个加法密码的密文如下：CSYEVIXIVQMREXIH 用穷举法求出明文。
- 13、编程实现 Vigenre 密码。
- 14、分析 Vernam 密码的优缺点。
- 15、什么是“一次一密”密码？为什么它是不实用的？
- 16、什么是对合运算？举出 3 种对合运算。
- 17、使加法密码算法成为对合运算的密钥  $k$  称为对合密钥，以英文为例求出其对合密钥。
- 18、分析加法、乘法和仿射密码的安全性。
- 19、设明文数据块包含 1024 位，设计一个方案将 64 位的密钥扩展为 1024 位，将明文与扩展密钥进行异或运算，类似一次一密。试问这个密码是否与“一次一密”一样安全？为什么？
- 20、从 SuperBase 密码被破译，能给我们什么启示？

### 第三章习题

- 1、说明在 DES 中 S 盒的安全作用。
- 2、说明在 DES 中 P 置换的安全作用。
- 3、证明 DES 的可逆性和对合性。
- 4、分析 DES 的弱密钥和半弱密钥。
- 5、分析 DES 的互补对称性。
- 6、画出 2DES 的框图，试分析其安全性（提示：考虑中间相遇攻击）。
- 7、画出 3 密钥 3DES 的框图。
- 8、大作业：以 3DES 作为加密算法开发出文件加密软件系统，软件要求如下：
  - ①具有文件加密和解密功能；
  - ②具有加解密速度统计功能；
  - ③采用密文反馈链接和密文挪用短块处理技术；
  - ④具有较好的人机界面。
- 9、分析 SKIPJACK 的弱密钥。

- 10、 证明：在 SKIPJACK 密码算法中
  - 1 解密轮函数 1 是加密轮函数 1 的逆。
  - 2 解密轮函数 2 是加密轮函数 2 的逆。
- 11、 证明 SKIPJACK 的加解密算法是互逆的。
- 12、 证明 SKIPJACK 密码算法种加密函数  $F$  与逆加密函数  $F^{-1}$  是互逆的。
- 13、 编程实现 SKIPJACK 的加解密算法。
- 14、 分析 IDEA 的弱密钥。
- 15、 实现 IDEA 密码  $r = a \odot b$  运算的伪代码如下（ $c$  为 32 位无符号数，返回结果为  $(r \text{ AND } 0xFFFF)$ ）：

```

    if (a=0) r←(0x10001-b)
      else if (b=0) r←(0x10001-a)
        else { c←a·b;

                r←((c AND 0xFFFF)-(c>>16));
                if (r<0) r←(0x10001+r)
                }
      endif

```

分析说明其数学原理。

- 16、 编程实现 IDEA 密码算法。
- 17、 比较 AES 和 DES，说明它们各有什么特点？
- 18、 AES 的解密算法与加密算法有什么不同？
- 19、 在  $GF(2^8)$  中，01 的逆元素是什么？
- 20、 在 AES 中，对于字节“00”和“01”计算 S 盒的输出。
- 21、 证明：模  $x^4+1$ ， $c(x)$  与  $d(x)$  互逆。

22、 证明： $x^i \bmod (x^4+1) = x^{i \bmod 4}$ 。

23、 利用 AES 的对数表或反对数表计算 ByteSub(25)。

24、 求出 AES 的 S 盒的逆矩阵。

25、 设 S 是状态，W 是圈密钥：

①证明： $\text{InvShiftRow}(\text{InvByteSub}(S)) = \text{InvByteSub}(\text{InvShiftRow}(S))$ 。

② 证 明： $\text{InvMixColumn}(S \oplus W) = \text{InvMixColumn}(S) \oplus \text{InvMixColumn}(W)$ 。

③说明上述结论对 AES 解密算法的设计有何作用。

26、 大作业：以 AES 作为加密算法开发出文件加密软件系统，软件要求如下：

- ①具有文件加密和解密功能；
- ②具有加解密速度统计功能；
- ③采用密文反馈链接和密文挪用短块处理技术；
- ④具有较好的人机界面。

27、 编程实现 KASUMI 密码算法。

28、 KASUMI 密码算法是对合运算吗？试证明。

29、 大作业：以 SMS4 作为加密算法开发出文件加密软件系统，软件要求如下：

- ①具有文件加密和解密功能；
- ②具有加解密速度统计功能；
- ③采用密文反馈链接和密文挪用短块处理技术；
- ④具有较好的人机界面。

- 30、 比较 SMS4 和 AES，说明它们各有什么特点？
- 31、 计算机数据加密有些什么特殊问题？它对加密的安全性有什么影响？
- 32、 分析 ECB、CBC、CFB、OFB、X CBC、CTR 工作模式的加解密错误传播情况。
- 33、 画出 CFB 模式的加解密框图。
- 34、 为什么说填充法不适合计算机文件和数据库加密应用？
- 35、 密文挪用方法有什么优缺点？

#### 第四章习题

- 1、 设  $g(x)=x^4+x^3+1$ ，以其为连接多项式组成线性移位寄存器。画出逻辑图，写出输出序列及状态变迁。
- 2、 设  $g(x)=x^4+x^3+x^2+x+1$ ，以其为连接多项式组成线性移位寄存器。画出逻辑图，写出输出序列及状态变迁。并分析与习题 1 的输出序列有什么不同？
- 3、 令  $n=3$ ， $f(s_0,s_1,s_2)=s_0 \oplus s_2 \oplus 1 \oplus s_1 s_2$ ，以其为反馈函数构成非线性移位寄存器。求出非线性移位寄存器的状态变迁及输出。
- 4、 令  $n=3$ ， $f(s_0,s_1,s_2)=1 \oplus s_0 \oplus s_1 \oplus s_2 \oplus s_0 s_1 \oplus s_1 s_2 \oplus s_2 s_3$ ，以其为反馈函数构成非线性移位寄存器。画出逻辑图，求出非线性移位寄存器的状态变迁及输出。

- 5、证明： $GF(2)$  上的  $n$  级移位寄存器有  $2^n$  个状态，有  $2^{2^n}$  种不同的反馈函数，其中线性反馈函数只有  $2^{n-1}$  种，其余均为非线性反馈函数。
- 6、说明为什么在 A5 算法中每一时刻至少有两个 LSR 移位。
- 7、用 MCS-51 单片机实现有限状态自动机密码。
- 8、说明在 RC4 算法中 S 表初始化的作用。
- 9、令  $n=3$ ，仿照 RC4 设计构造一个类似的密码，并手工演算其加解密过程。
- 10、编程实现 RC4 密码。

## 第五章习题

- 1、证明 RSA 密码加解密算法的可逆性。
- 2、证明 RSA 密码加解密算法的可交换性。
- 3、说明对于 RSA 密码从公开加密钥不能求出保密的解密密钥。
- 4、令  $p=3, q=11, d=7, m=5$ ，手算密文  $C$ 。
- 5、设 RSA 密码的  $e=31, n=35, C=10$ ，手算明文  $M$ 。
- 6、分析反复平方乘算法的计算复杂度。
- 7、分析 Montgomery 算法计算模幂速度快的原因。
- 8、在利用函数  $\text{Mon}(A, B, R, n)$  计算  $y=ab \bmod n$  的完整过程中，需要按式(5-18)进行预处理。若将式(5-18)的预处理改为  $A=aR, B=b$ ，即只对  $A$  进行预处理，有什么优点？又有什么缺点？
- 9、在 RSA 中使用  $e=3$  作为加密指数有何优缺点？使用  $d=3$  作解密指数

的好吗？为什么？

- 10、 证明 ELGamal 密码的可逆性。
- 11、 为什么 ELGamal 密码要求参数  $K$  是一次性的？
- 12、 设  $p=5$ ,  $m=3$ ,构造一个 ELGamal 密码, 并用它对  $m$  加密。
- 13、 证明例 5-8 中  $P_{12}=(1000, 0001)$ 的阶为 11。
- 14、 取为  $p=29$ ,求出椭圆曲线  $y^2=x^3+4x+20$  的全部解点。
- 15、 以教材例 5-5 为例, 分别以  $G=(2,7)$ 和  $G=(5,2)$ 构造椭圆曲线密码, 并设  $m=3$ , 分别进行加密和解密。
- 16、 以教材例 5-8 为例, 以  $G=P_5=(0010, 1111)$ 构造椭圆曲线密码, 并设  $m=(1010)$  , 分别进行加密和解密。

## 第六章习题

1. 为什么数字签名能够确保数据真实性？
2. 说明对于 RSA 的数字签名, 为什么先加密后签名不安全？
3. 说明 HASH 函数在数字签名中的作用。
4. 编程实现 RSA 数字签名方案。
5. 说明在 ELGamal 密码签名中, 参数  $k$  为什么必须是一次性的。
6. 编程实现 ELGamal 数字签名方案。
7. 说明在椭圆曲线密码签名中, 参数  $k$  有无一次性的要求？
8. 编程实现椭圆曲线密码数字签名方案。
9. 说明 DSS 的签名方案与 ELGamal 密码签名方案有何不同？
10. 编程实现 DSS 数字签名方案。

11. 说明不可否认签名与普通签名有何不同？它在软件知识产权保护方面有何作用？
12. 盲签名与普通签名有何不同？举出一个盲签名的实例。
13. 阅读中国数字签名标准（GB15851-1995）。

## 第七章习题

1. 什么是 Hash 函数？Hash 函数与一般的压缩函数有何区别？
2. 密码学 Hash 函数的安全性要求有哪些？
3. Hash 函数在密码学中有何作用？带密钥的 Hash 函数和不带密钥的 Hash 函数在应用方面有何不同？
4. 为什么 SHA-1 要求进行填充数据，使数据长度 $=448 \bmod 512$ ？
5. 为什么 SHA-512 要求进行填充数据，使数据长度 $=896 \bmod 1024$ ？
6. 在 SHA-1 和 SHA-2 的轮函数中使用参数  $W_t$  和  $K_t$  有何作用？
7. SHA-1 和 SHA-2 中使用的基本算术和逻辑函数各是什么？
8. 试计算 SHA-512 中  $W_{16}$ ,  $W_{17}$ ,  $W_{18}$ ,  $W_{19}$  的值。
9. 编程实现 SHA-1 和 SHA-2 算法。
10. 举例介绍 Hash 函数的实际应用。

## 第八章习题

1. 什么是协议？协议的安全设计原则主要有哪些？
2. 什么是认证？认证与数字签名的区别是什么？
3. 身份认证的途径有哪些？各有什么优缺点？



4. 使用对称密码设计一个安全的双向认证协议。
5. 使用公钥密码设计一个安全的双向认证协议。
6. 根据式 (8-4) , 消息认证码  $MAC=C(M, K)$  。说明密钥  $K$  在其中起什么作用?
7. 构造消息认证码 (MAC) 的方法有哪些?
8. 在报文认证中加入序号的作用是什么?
9. 给出一个完整的报文认证方案。
10. Kerberos 系统中的票据有什么作用?
11. 分析 Kerberos 系统的优缺点。
12. 在下述站点认证协议中函数  $f$  起什么作用? 去掉  $f$  行不行? 为什么?

设  $A, B$  是两个站点,  $A$  是发方,  $B$  是收方。它们共享会话密钥  $K_s$  ,  $f$  是公开的简单函数。 $A$  认证  $B$  是否是他的意定通信站点的协议如下:

- 1  $A$  产生一个随机数  $RN$  , 并用  $K_s$  对其进行加密:  $C = E(RN, K_s)$  , 并发  $C$  给  $B$  。同时  $A$  对  $RN$  进行  $f$  变换, 得到  $f(RN)$ 。
- 2  $B$  收到  $C$  后, 解密得到  $RN = D(C, K_s)$  。 $B$  也对  $RN$  进行  $f$  变换, 得到  $f(RN)$  , 并将其加密成  $C' = E(f(RN), K_s)$  , 然后发  $C'$  给  $A$  。
- 3  $A$  对收到的  $C'$  解密得到  $f(RN)$  , 并将其与自己在第①步得到的  $f(RN)$  比较。若两者相等, 则  $A$  认为  $B$  是自己的意定通信站点。

否则 A 认为 B 不是自己的意定通信站点。

## 第九章习题

- 1、 阐述密钥管理的原则，并说明为什么需要这些原则？
- 2、 阐述传统密码体制的密钥组织的合理性，能否在这一组织结构中加入或删掉一个层次的密钥？
- 3、 阐述密钥产生的主要方法。
- 4、 请举出 3 种电子真随机源的实例。
- 5、 软件实现基于 AES 的 ANSI X9.17 算法。
- 6、 对于图 9-6 的初级密钥的网络分配方案中，如果敌手能够截获 RN 和发送 RN，对该方案会构成威胁吗？为什么？
- 7、 软件实现图 9-6 初级密钥的网络分配方案。
- 8、 对 Diffie-Hellman 密钥分配方案实施中间人攻击，并说明应如何阻止这种攻击。
- 9、 证明，高级密钥只能以明文形式存储。
- 10、 阐述密钥更新的原则。
- 11、 编写一个能够安全删除磁盘数据的程序。
- 12、 在图 9-8 (a) 中增加一个新的安全类  $SC_7$ ，使  $SC_7$  是  $SC_2$  的直接后继。  
**KMC** 要作哪些工作？
- 13、 从图 9-9 (a) 中删除安全类  $SC_2$ 。**KMC** 需要作哪些工作？
- 14、 公钥密码体制的公开密钥存在哪些安全威胁？如何对付这些安全威胁？

- 15、 什么是 **PKI**? 它对公钥密码体制的密钥管理有何作用?
- 16、 讲述一个自己实际应用 **PKI** 的实例。
- 17、 分析 **PKI** 的优缺点。
- 18、 阐述 **CPK** 的原理, 并分析 **CPK** 的优缺点。